

Ο κ. Κτενᾶς τελειώνει τὴν διάλεξιν αὐτοῦ συνδέων τὴν ἀνάπτυξιν ἀνωτέρου πολιτισμοῦ ὑπὸ τοῦ λαοῦ, δοτὶς κατόφει τὰς ἐκατέρωθεν τοῦ Αἰγαίου ἀκτὰς, πρὸς τὴν ἐπίδρασιν, τὴν δοπίαν ἡ μορφολογία τοῦ ἐδάφους πολλαχῶς ἔξησκει ἐπ' αὐτοῦ. Πράγματι ἡ καλλιτεχνικὴ διαμόρφωσις τῆς θαλάσσης καὶ τῆς χερσοῦ, τὸ γλυκὺ καὶ εὐκρατὲς οὐλῆμα, ἡ εὐκολὸς ἔξυπηρτησις τῶν οἰκονομικῶν συμφερόντων διὰ τῆς θαλασσίας ὅδον, ίδον οἱ τρεῖς λόγοι, οἱ δοποὶ μεγάλως συνέβαλον εἰς τὴν διαμόρφωσιν τοῦ πολιτισμοῦ. Ἀλλαχοῦ τὰ μεγάλα τόξα τῶν πτυχώσεων ἀπετέλουν φραγμοὺς ἀνυπερβλήτους εἰς τὴν πρὸς ἀλλήλους ἐπικοινωνίαν τῶν λαῶν. Μόνον εἰς τὸ Αἴγαιον διεσπάσθη τὸ πτυχωσιγένες τόξον, ἡ δὲ Μικρασιατικὴ ἀκτὴ ἀπετέλεσεν ἀνέκαθεν τὸν συνδετικὸν κρίκον τῶν δύο μεγάλων ἥπεριων. Καὶ σήμερον, καταλήγει ὁ κ. Κτενᾶς, ὁ λαὸς οὗτος ενδισκόμενος ὑπὸ εὐνοϊκᾶς συνθήκας, δύσον ἀφορᾷ εἰς τὴν οἰκονομικὴν καὶ γεωμορφολογικὴν ἀνάπτυξιν τῆς χώρας του, καλεῖται νὰ συνεχίσῃ τὴν ὑψηλὴν αὐτοῦ ἀποστολὴν ἐὰν δὲ γνωρίσῃ νὰ ἀντιληφτεῖται νέας δυνάμεις καὶ νέαν ζωὴν, ἀπὸ τοὺς ἀγῶνας, εἰς τοὺς δοπούς, ὡς ἐκ τῆς φύσεως τοῦ ἐδάφους, εἶναι ἐκτεθειμένος, θὰ δυνηθῇ νὰ ἔχει πρητεῖσθη καὶ πάλιν, δπως καὶ ἄλλοτε, ὑψηλότερα ίδανικά, τὴν ἐπιστήμην καὶ τὴν τέχνην.

### ΓΕΩΡΓΙΟΣ Δ. ΒΟΡΕΑΔΗΣ Μηχανικὸς Γεωλόγος

### ΑΠΛΗ ΜΕΘΟΔΟΣ ΠΡΟΣΔΙΟΡΙΣΜΟΥ ΤΗΣ ΡΟΠΗΣ ΕΠΙΦΑΝΕΙΑΣ Θ ΚΑΙ ΤΟΥ ΚΕΝΤΡΟΥ ΠΥΡΗΝΟΣ ΟΙΑΣΔΗΠΟΤΕ ΕΠΙΦΑΝΕΙΑΣ<sup>(1)</sup>

Κατὰ τὴν προτεινομένην κατωτέρῳ μέθοδον ἡ ὅλη ἐφαγεία πρὸς εὔρεσιν τῆς Θ καὶ τοῦ κέντρου πυρηνος οιασδήποτε ἐπιφανείας συνίσταται εἰς τὸν προσδιορισμὸν δύο κέντρων βάρους.

"Ἄς ὑποθέσωμεν τῷ δύτι μᾶς ἐδόθη ἡ ἐπιφάνεια F μιᾶς οἰοδήποτε τομῆς καὶ εἰς οἰοδήποτε ἀξιῶν ὡς πρὸς τὸν δοποῖον ζητεῖται ἡ Θ καὶ τὸ κέντρον πυρηνος. Τὸ κέντρον βάρους τοῦ τιμήματος τῆς ἐπιφανείας τῆς τομῆς διπερ κείται πρὸς τὴν μίαν πλευρὰν τοῦ ἀξιονος ἐστω S καὶ ἡ ἀπόστασις τοῦ σημείου τούτου ἀπὸ τοῦ ἀξιονος = η. Πρὸς ἐπίλυσιν τοῦ θέματος φανταζόμεθα εἰς ἔκαστον σημεῖον τοῦ ὑπὸ δψιν τιμήματος τῆς τομῆς ὑψουμένην ἀνὰ μίαν κάθετον ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας, ἐπὶ τὰυτῆς δὲ λαμβάνομεν τιμῆμα ἴσον μὲ τὴν ἀπόστασιν τοῦ ὑπὸ δψιν σημείου ἀπὸ τὸν ἀξιονα.

Οὕτω σχηματίζεται ἐπὶ τοῦ ληφθέντος τιμήματος ἐν πρώτῳ μὲ κάτω βάσιν τὴν δοθεῖσαν τομὴν κάθετον ἐπὶ τοῦ ἀξιονος τοῦ πρίσματος καὶ ἄνω βάσιν μίαν ἐπιφάνειαν σχηματίζουσαν γωνίαν 45° μὲ τὴν κάτω βάσιν. Τὸν πόδα τῆς καθέτου ἦτις διέρχεται διὰ τοῦ κέντρου βάρους τοῦ πρίσματος παραστήσωμεν διὰ S<sub>1</sub> καὶ δι' η<sub>1</sub> τὴν ἀπόστασιν τούτου ἀπὸ τὸν δοθέντα ἀξιονα. Ή ροπὴ ἀδρανείας τὴν δοποίαν ζητοῦμεν δίδεται τότε ἐκ τοῦ τύπου.

$$\Theta = F, \eta, \eta_1$$

τὸ δὲ σημεῖον S<sub>1</sub> δηλαδὴ ἡ προβολὴ τοῦ κέντρου βάρους τοῦ πρίσματος ἐπὶ τῆς δοθείσης τομῆς εἶναι τὸ κέντρον πυρηνος τὸ ἀντιστοιχοῦν εἰς τὸν δοθέντα ἀξιονα.

#### Παραδείγματα.

1) Ζητεῖται ἡ ροπὴ ἀδρανείας ἐνὸς δρυθογωνίου μὲ βάσιν β καὶ ὑψος α καὶ δοποὶ ἀξιονα διερχόμενον διὰ μᾶς τῶν βάσεών τον, ἐστι τῆς AB.

'Ἐνταῦθα ἔχόμεν F = a, β

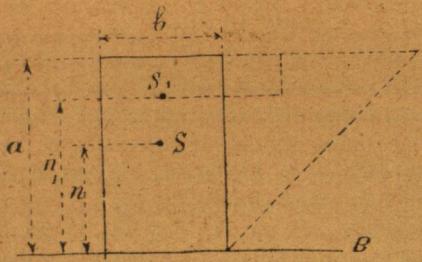
$$\eta = \frac{\alpha}{2}$$

$$\eta_1 = \frac{2}{3} \alpha$$

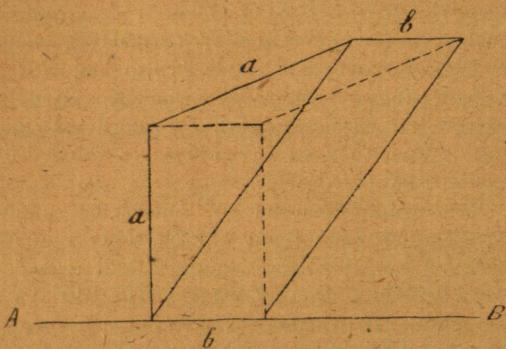
$$\text{ἄρα } \Theta = a, \beta \frac{\alpha}{2}, \frac{2}{3} \alpha = \beta, \frac{\alpha^3}{3}$$

<sup>(1)</sup> Η λύσις τοῦ προβλήματος τούτου ὡς καὶ τινῶν ἄλλων προβλημάτων στατικῆς περιλαμβάνεται εἰς τὸ ὑπὸ τοῦ Τσαλίκη δημοσιευθεν τῷ 1905 σύγχρονα. «Statistische Untersuchungen von A. Tsaliakis - Verlag von Oldenbourg München».

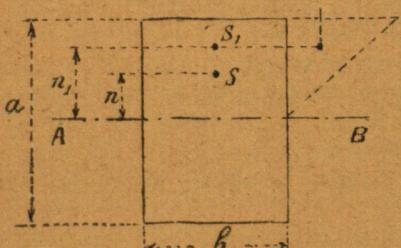
2) Ζητεῖται ή ροπή ἀδρανείας τοῦ αὐτοῦ ὡς προηγουμένως δρθογωνίου ὡς πρὸς ἄξονα διερχό-



μενον διὰ τοῦ κέντρου βάρους καὶ παραλληλον πρὸς τὴν βάσιν.



Ἡ προτεινόμενη λύσις παριστᾶ ὡς εὐκόλως φαίνεται μίαν γραφικὴν διοκλήρωσιν τοῦ τύπου Σκη<sup>2</sup> ἢ ἔνδια ἐ σημαίνει στοιχεῖον τι τῆς ἐπιφανείας τῆς τομῆς καὶ η τὴν ἀπόστασιν τούτου ἀπὸ τὸν ἄξονα.—Προκειμένου περὶ μιᾶς οἰασδήποτε ἐπιφανείας π.χ. τῆς τομῆς σιδηροδρομικῆς τινος ἥμβου προβαίνομεν ὡς ἔξης. Διαιροῦμεν τὴν ἐπιφάνειαν τῆς τομῆς διὰ παραλλήλων γραμμῶν πρὸς τὸν ἄξονα εἰς μικρὰ τεμάχια τὰ δυτικά δύναται νὰ θεωρηθῶσι κανονικὰ σχήματα, ἵσως καὶ δρθογώνια. Ἀθροίζοντες τὰ ἐμβαδὰ πάντων τῶν τεμάχιών, ενδιόσκομεν ἐν πρώτοις τὴν ἐπιφάνειαν τῆς τομῆς F.



$$F = a \cdot b$$

$$\eta = \frac{a}{4}$$

$$\eta_1 = \frac{2}{3} \cdot \frac{a}{2} = \frac{a}{3}$$

$$\Theta = F \cdot \eta \cdot \eta_1 = a \cdot b \cdot \frac{a}{4} \cdot \frac{a}{3} = \beta \cdot \frac{a^3}{12}$$

Θεωροῦντες τὰ ἐμβαδὰ τῶν παραλλήλων τεμαχίων ὡς δυνάμεις παραλλήλους, ενδιόσκομεν τὴν συνισταμένην αὐτῶν, ήτις διέρχεται διὰ τοῦ κέντρου βάρους τῆς ἐπιφανείας. Ἡ ἀπόστασις τῆς συνισταμένης ταύτης ἀπὸ τὸν ἄξονα δίδει τὴν ζητουμένην ἀπόστασιν η.

Αἱ παραλληλοι δυνάμεις διέρχονται βεβαίως ἀπὸ τὰ κέντρα βάρους τῶν παραλλήλων τεμαχίων. Εάν δὲ ἄξων χωρίζῃ τὴν δοθεῖσαν τομὴν εἰς δύο μέρη λαμβάνομεν ὑπ’ ὅψιν μόνον ἐκεῖνα τὰ τεμάχια ἀπεντάπονται πρὸς τὴν αὐτὴν πλευρὰν τοῦ ἄξονος.

Ἐχοντες τὸ σημεῖον S ενδιόσκομεν τὴν ἀπόστασιν αὐτοῦ η ἀπὸ τὸν ἄξονα.

Ἐπὶ τούτοις φάνταζόμενα ἐπὶ ἐκάστου τεμαχίου τῆς τομῆς τὸ ἀναλογοῦν πρόσιμα, τοῦ ὁποίου τὸ κέντρον βάρους προβάλλομεν ἐπ’ αὐτοῦ καὶ ἐκ τῶν σημείων προβολῆς σύρομεν παραλλήλους δυνάμεις παριστώσας τοὺς ὅγκους τῶν προσμάτων τῶν παραλλήλων τεμαχίων. Ἡ συνισταμένη τῶν δυνάμεων τούτων διέρχεται διὰ τῆς προβολῆς τοῦ κέντρου βάρους τοῦ πρόσιματος ὅπερ κεῖται πρὸς τὴν αὐτὴν πλευρὰν τοῦ ἄξονος. Ἡ ἀπόστασις τῆς συνισταμένης ταύτης ἀπὸ τὸν ἄξονα μᾶς δίδει τὴν ζητουμένην ἀπόστασιν η, καὶ οὕτω διὰ τῆς ἀπλῆς ταύτης λύσεως ἀποφεύγεται ἡ γνωστὴ πολύπλοκος θεωρία.

#### A. ΤΣΑΛΙΚΗΣ

Διπλ. Μηχανικὸς τοῦ ἐν Μονάχῳ Πολυτεχνείου

#### ΟΙ ΕΛΛΗΝΙΚΟΙ ΓΑΙΑΝΘΡΑΚΕΣ

Εἰς συμπλήρωσιν τῶν πρακτικῶν τῆς κατὰ τὴν 1ην Μαρτίου ἐ. κ. γενομένης συζητήσεως περὶ τῶν Ἑλλ. γαιανθράκων, δημοσιεύομεν καθυστερήσασαν τὴν κατὰ τὸ τέλος ταύτης γενομένην ἀνακοίνωσιν τοῦ κ. Γ. Κ. Γεωργαλά Δ. Φ. Ε. Ἐπιθεωρητοῦ Γεωλόγου καὶ Διευθυντοῦ τοῦ Μεταλλειολογικοῦ Ἐργαστηρίου τοῦ Ὑπουργείου τῆς Ἐθνικῆς Οἰκονομίας.

«Ἐπειδὴ, κύριοι, ἐκ τῶν προαγορευσάντων τινὲς πολλὰς συστάσεις καὶ ὑπόδειξεις ἐπὶ τοῦ ζητήματος τῶν Ἑλλην. γαιανθράκων ὑπέδειξαν ἀφορώσας τὸ Ὑπουργεῖον τῆς Ἐθν. Οἰκονομίας, ἐχω τὴν τιμὴν —ὅς ἐπιθεωρητὴς γεωλόγος παρὰ τῷ Ὑπουργείῳ τούτῳ—νὰ δηλώσω ὑμῖν τὰ ἔξης:

α') "Οτι τὸ ζητήμα τῆς χρησιμοποιήσεως καὶ ἐν γένει τοῦ μέλλοντος τῶν Ἑλληνικῶν γαιανθράκων ἀποτελεῖ ἡδη ἀντικείμενον σοβαρωτάτης μερίμνης ἐκ μέρους τοῦ Ὑπουργείου τῆς Ἐθν. Οἰκονομίας.

β') "Οσον ἀφορᾷ τὴν ὑπόδειξην τοῦ κ. Πρ. Ζαχαρία περὶ δημιουργίας πλήρους γεωλογ. ὑπηρεσίας, καὶ εἰς τοῦτο πρέπει νὰ εἰσθε βέβαιοι ὅτι τὸ Ὑπουργεῖον τῆς Ἐθν. Οἰκονομίας ἔχει στρέψει ἡδη σοβαρωτάτην τὴν προσοχὴν του. Η ἰδούσις ἡδη διὰ τοῦ νόμου 1577 ιδιαιτέρας Γεωλογικῆς Ἐπιθεωρήσεως παρὰ τῇ Διευθύνσει τῶν Μεταλλείων, βεβαίως δέον νὰ θεωρηθῇ ὡς ειδοίωνος ἀπαρχὴ ἐκδηλώσεως τῆς