



# ΑΡΧΙΜΗΔΗΣ

ΜΗΝΙΑΙΟΝ ΠΕΡΙΟΔΙΚΟΝ ΣΥΓΓΡΑΜΜΑ



ΤΟΥ ΕΛΛΗΝΙΚΟΥ ΠΟΛΥΤΕΧΝΙΚΟΥ ΣΥΛΛΟΓΟΥ

ΕΤΟΣ ΙΑ'

ΑΘΗΝΑΙ, ΝΟΕΜΒΡΙΟΣ 1910

ΑΡΙΘ. 7.

## ΠΕΡΙΕΧΟΜΕΝΑ

Έργασίαι τοῦ Συλλόγου.

Μελέτη ἐπὶ τῶν συντάξεων τῶν πολιτικῶν ὑπαλλήλων· ὑπὸ Φ. Νέγρη.

Υπολογισμὸς τῶν ἐπὶ πολλῶν ὑποστηριγμάτων στηριζομένων εὐθειῶν δοκῶν· ὑπὸ Γ. Β. Γράβαρη.

Ποικιλα. — Λί μέγισται ποσότητες τῶν ἔκμεταλλευμάτων δρυπτῶν ἐν Εύρωπῃ. — Παρασκευὴ μεταλλικοῦ ἄστιου.

Βιβλιογραφία.

## ΕΡΓΑΣΙΑΙ ΤΟΥ ΣΥΛΛΟΓΟΥ

Αποφάσει τῆς ἐφορίας τοῦ Πολυτεχνικοῦ Συλλόγου, ἀνετέθη ἡ ἔκδοσις τοῦ περιοδικοῦ αὐτοῦ εἰς πενταμελῆ ἐπιτροπὴν ἐκ τῶν κ. κ. Ζαχαρίου, Κτενᾶ, Ραζέλου, Σαλιβέρου καὶ Σαρ-ροπούλου.

Η ἐπιτροπὴ παρακαλεῖ τοὺς συνεργάτας τοῦ περιοδικοῦ, δῶρος τοῦ λοιποῦ ἀποστέλλωσι τὰ πρὸς δημοσίευσιν ἀρμόδια ἀπ' εὐθείας εἰς τὰ γραφεῖα τοῦ Πολυτεχνικοῦ Συλλόγου (Στοά Χρηματιστηρίου, 13).

## ΜΕΛΕΤΗ

### ΕΠΙ ΤΩΝ ΣΥΝΤΑΞΕΩΝ ΤΩΝ ΠΟΛΙΤΙΚΩΝ ΥΠΑΛΛΗΛΩΝ

Τὸ ζήτημα τῶν συντάξεων τῶν πολιτικῶν ὑπαλλήλων, ὃς ἐκ τῆς δημιέραι έξογκώσεως τοῦ ἐκ τούτων βάρους τοῦ δημοσίου ταμείου, ἐπέστησε πρὸ πολλοῦ τὴν προσοχὴν τῶν περὶ τὰ οἰκονομικὰ τῆς χώρας ἀσχολουμένων, χωρὶς δῆμος οὐδεὶς νὰ ἐμβαθύνῃ περαιτέρω εἰς αὐτό,

ἔνεκα τοῦ πολυπλόκου τῶν σχετικῶν ὑπολογισμῶν, χωρὶς οὐδεὶς νὰ ἔξετάσῃ τὴν ἀληθῆ αἰτίαν τῆς ἔξογκώσεως, ἀλλ' ἀπλῶς προβάλλεται ἔκαστοτε, ἔστω καὶ ἀμελετήτως, ὥπ' αὐτῶν τῶν τεταγμένων νὰ φροντίζωσι περὶ τὰ οἰκονομικὰ τῆς χώρας ἡ ἀπειλὴ γενναίας περικοπῆς αὐτῶν.

Ἐπὶ τοῦ ζητήματος τούτου τοῦ ἀφορῶντος στενῶς μὲν τὰ συμφέροντα τοῦ δημοσίου, ἀλλὰ καὶ τὰ συμφέροντα χιλιάδων πολιτῶν Ἑλλήνων θέλω ἀσχοληθῆναι, εὐτυχῆς ἂν διὰ τῆς ἐργασίας μου ταύτης κατορθώσω νὰ μεταβιβάσω τὰς πεποιθήσεις ἃς ἐσχημάτισα ὁ Ἰδιος ἐκ τῆς μελέτης ταύτης εἰς τοὺς ἐφροδῶντας τὰ κοινά.

Ο μηχανισμὸς τῶν νόμων περὶ συντάξεων παρ' ἡμῖν διαφέρει οὐσιωδῶς τοῦ συστήματος τῆς ἀτομικῆς καταθέσεως ποσοστοῦ τινος ὀρισμένου κατ' ἔτος ἐπὶ τόκῳ καὶ ἀνατοκισμῷ ἐπὶ ὀρισμένον ποσὸν ἐτῶν, ὅπως μετὰ ταῦτα ἀπολαύσῃ ὁ καταθέσας πρόσοδον ἀνάλογον ἐφ' δρον ζωῆς. Ἡ διάκρισις δημοσίας αὐτῇ διέφυγεν ἐν γένει τὴν ἀντίληψιν πολλῶν, οἵτινες παραβάλλοντες τὴν σύνταξιν τὴν χορηγούμενην παρὰ τοῦ δημοσίου ἐπὶ τῇ βάσει τῶν καταθέσεων τοῦ συνόλου τῶν ὑπαλλήλων, πρὸς τὴν σύνταξιν τὴν χορηγούμενην ἐφ' δημοσίαις καταθέσεσι παρὰ τῶν ἐταιριῶν, ἐκπλήττονται διὰ τὴν διαφορὰν καὶ ζητοῦσιν ἀνάλογον περικοπῆν τῶν συντάξεων. Διέφυγεν ἰδίως αὐτοὺς ὅτι διὰ τοῦ μηχανισμοῦ τῶν νόμων περὶ συντάξεων ἐν Ἑλλάδι σχηματίζεται συνεταιρισμὸς τοῦ εἴδους τῶν λεγομένων, tontine, Ἀμοιβαίας, ἐν φ' οἱ τυχηροὶ οἱ ἐπιζῶντες καρποῦνται, ὑπὸ ὀρισμένας συνθήκας, τὰς καταθέσεις τῶν ἀποδιανόντων προώρως. Δὲν πρόκειται νὰ ὑπεραμυνθῶμεν τοῦ συστήματος τούτου τὸ δρόπον πολλὰ περιέχει τὰ ἀτοπα. Θὰ ἀρκεσθῶμεν νὰ ἔξετάσωμεν τὰς συνετείας τοιούτου συνεταιρισμοῦ ὥφ' οὓς δρονς λειτουργεῖ, ἐπὶ τῇ βάσει τῆς κειμένης νομοθεσίας.

Καὶ ἡδη ἐπιλαμβανόμεθα τῆς ἔξετάσεως ταύτης.

"Ας λάβωμεν ύπ' οψιν τὴν διμάδα τῶν ὑπαλλήλων, ήν θὰ παραδεχθῶμεν εἰς τὸν διπολογισμούς μας ἀμετάβλητον, τῶν κενῶν πληρουμένων ὅμα τῷ θανάτῳ τινὸς ἐξ αὐτῶν. Θέλομεν δὲ παραδεχθῆναι συνιστᾶται ταμείον ἰδιαίτερον συντάξεων διεπόμενον εὐθὺς ἐξ ἀρχῆς ὑπὸ τῶν διατάξεων τοῦ νόμου, ΓΡΓ' (3103) τῆς 13 Ἰουνίου 1905, τοῦ φημισθέντος, πρωθυπουργοῦντος τοῦ κ. Ράλλη. Κατὰ τὰς διατάξεις ταύτας, οἱ ὑπαλληλοὶ δὲν δύνανται νὰ ἀποχωρήσουν πρὸ τῆς ἡλικίας 60 ἑτῶν συμπληρωμένων, καταβάλλουσι δὲ ποσοστὸν 9 % ἐπὶ τοῦ μισθοῦ αὐτῶν. Θέλομεν δὲ παραδεχθῆναι κατὰ μέσον ὅρον εἰσέρχονται εἰς τὴν ὑπηρεσίαν εἰς ἡλικίαν 25 ἑτῶν συμπεληρωμένων, καὶ ἀποχωροῦν εἰς ἡλικίαν 60 ἑτῶν ἐπίσης συμπεληρωμένων χάριν εὐκολίας τῶν διπολογισμῶν.

Υπὸ τὰς συνθήκας ταύτας, ἡ πρώτη σύνταξις θέλει δοθῆναι μετὰ 35 ἑτη, ὅτε δηλαδὴ ὁ ὑπαλληλος ἔχει συμπληρώσει τὸ 60 ἑτος τῆς ἡλικίας τοῦ ἐπειδὴ δὲ κατὰ τὸν πίνακα θνησιμότητος τοῦ de Montferrand ὁ ἀνώτατος ὅρος ἡλικίας εἶναι ὁ τῶν 104 ἑτῶν δὲν θέλουσιν ὑπάρχει συνταξιούχοι τῆς ἡλικίας ταύτης μὲ σύνταξιν 35 ἑτῶν ὑπηρεσίας, εἰμὴ μετὰ 79 ἑτη ἀπὸ τῆς συστάσεως τοῦ ταμείου, ὅτε οἱ εἰσελθόντες κατὰ τὴν σύστασιν ταύτην, καὶ ἐπιζήντες θὰ ἔχουν ὑπηρετήσει 35 διλόγιηρα ἕτη.

'Απὸ τῆς ἐποχῆς ταύτης τῶν 79 ἑτῶν τὰ βάροι τοῦ ταμείου θὰ ἦναι ἀμετάβλητα.

Θέλομεν ἡδη ὑπολογίσει ποιὸν κεφάλαιον θέλει ἔχει σχηματισθῆναι κατὰ τὴν ἐποχὴν ταύτην· ποία τὰ ἔσοδα τοῦ ταμείου ἐκ τῶν τόκων τοῦ κεφαλαίου τούτου καὶ τῶν ἐτησίων καταβολῶν, καὶ ποία σύνταξις δύναται νὰ χορηγηθῇ ἐπὶ τῇ βάσει τῶν ἔσδων τούτων.

"Ας δονομάσωμεν Α τὸν ἀριθμὸν τῶν ὑπαλλήλων τῶν προσαλαμβανομένων κατ' ἔτος θέλομεν θεωρήσει τὸν ἀριθμὸν τοῦτον σταθερόν. 'Επι τῇ βάσει τοῦ μισθοῦ Α, καὶ τοῦ πίνακος θνησιμότητος τοῦ de Montferrand, εὑρίσκουμεν εὐκόλως πόσοι ὑπαλληλοὶ ἔχονται εἰσελθόντων Α κατ' ἔτος, ζῶσιν ἐπὶ τὰ πρώτα 35 ἑτη, πόσοι δὲ εἶναι συνταξιούχοι μέχρι τέλους τοῦ 79 ἑτους.

"Ο πρῶτος ἀριθμὸς μᾶς δίδεται ἀπὸ τὸ ἀθροισμα τῶν ἐπιζώντων ἐξ Α ὑπαλλήλων, τὸ 35, 34, 33, ... 1 ἔτος, εἶναι δὲ κατὰ τὸν πίνακα τοῦ de Montferrand

$$\frac{A}{6385} \times 190.412 = 30 \text{ A εἰς στρογγύλον ἀριθ.}$$

"Ητοι ἐκ τῶν εἰσελθόντων 35 A, οἱ 5 A ἐξέλιπον ἐν τῇ περιόδῳ τῶν 35 ἑτῶν.

"Ο δεύτερος ἀριθμὸς τῶν τακτικῶν συνταξιούχων εἶναι ἐπίσης τὸ ἄθροισμα τῶν ἐπιζώντων ἐξ Α ὑπαλλήλων, τὸ 36, 37, 38... 104 ἔτος. Εἶναι δὲ κατὰ τὸν αὐτὸν πίνακα

$$\frac{A}{6385} \times 56.862 = 9 \text{ A ἐπίσης εἰς στρογγύλον ἀριθμόν.}$$

Διαιροῦντες τὸν πρῶτον ἀριθμὸν διὰ τοῦ δευτέρου ἔχομεν τὴν ἀναλογίαν τῶν ἐνεργειῶν ὑπαλλήλων πρὸς τοὺς συνταξιούχους εἶναι δ' αὐτη.

$$\frac{190412}{56862} = 3 \frac{1}{3}, \text{ ὡς ἔγγιστα.}$$

Καὶ ἡδη ἡς ὑπολογίσωμεν τὰ τε ἔσοδα καὶ ἔσοδα τοῦ ταμείου κατὰ τὸ διάστημα τοῦτο τῶν 79 ἑτῶν.

Τὰ ἔσοδα εἶναι η καταβολὴ 9 % ἐπὶ τοῦ μισθοῦ θέλομεν ὑπολογίσει ταῦτα ἀνατοκιζόμενα ἐπὶ 79 ἑτη, ὑπὸ τὸν ὅρον νὰ ὑπολογίσωμεν καὶ τὰ ποσὰ τῶν δαπανῶν ἀνατοκιζόμενα ἀπὸ τῆς καταβολῆς αὐτῶν μέχρι τῆς λήξεως ἐπίσης τῶν 79 ἑτῶν. Ἡ διαφορὰ τῶν δύο τούτων ἀριθμῶν θὰ μᾶς δώσῃ τὸ κεφάλαιον τὸ παραχθὲν κατὰ τὸ διάστημα τῶν 79 πρῶτων ἑτῶν τῆς συστάσεως τοῦ ταμείου.

'Ως τόκον θέλομεν παραδεχθῆναι 5 %, διότι τὸ δημόσιον δανειζόμενον, ὡς γνωστόν, πρὸς 5 % καὶ περιπλέον, δικαίως καὶ ἀνευ ζημίας τού θέλει δανειζέσθαι τὰ κεφάλαια τοῦ ταμείου συντάξεων πρὸς 5 %.

"Ας δονομάσωμεν M τὸν μέσον ὅρον τῶν μισθῶν. Οἱ ὑπαλληλοὶ, ὡς εἴπομεν, εἶναι 30 A, καταβάλλουσι κατ' ἔτος 9 % ἐπὶ τῶν μισθῶν, ητοι  $30 A \times \frac{9}{100} M$ , ἀτινα ἀνακεφαλαιούμενα ἐπὶ 79 ἑτη πρὸς 5 %, ητοι πολλαπλασιαζόμενα ἐπὶ τὸ 924 (τὸν συντελεστὴν τῆς ἀνακεφαλαιώσεως) δίδουν

$$30 \times \frac{9}{100} AM \times 924 = 2495 AM.$$

Ταῦτα εἶναι τὰ ἔσοδα.

Τὰ ἔσοδα εἶναι αἱ συντάξεις αἱ δοθεῖσαι μετὰ τὴν λῆξιν τῶν 35 πρῶτων ἑτῶν, κατὰ τὸ διάστημα τῶν 44 τελευταίων ἑτῶν τῆς περιόδου διλοκλήρου τῶν 79 ἑτῶν. Οἱ πίνακες πάλιν τοῦ de Montferrand μᾶς δίδουν, ὡς εἴπομεν, τοὺς συνταξιούχους τῶν 61, 62, 63... 104 ἑτῶν τοὺς προερχομένους ἐκ τῶν A ὑπαλλήλων τῆς πρώτης σειρᾶς (τῶν εἰσελθόντων δηλαδὴ τὸ πρῶτον ἔτος θέλουν μᾶς δώσει ἐπίσης τοὺς συνταξιούχους τῆς δευτέρας, τῆς τρίτης κτλ. σειρᾶς, μέχρι τῆς 44ης, ητις θὰ δώσῃ τοὺς τελευταίους συνταξιούχους τῆς περιόδου τῶν 79

έτῶν. Είναι δ' εὔκολον νὰ ἴδῃ τις ὅτι οἱ συνταξιούχοι 61 ἔτῶν ἑκάστης σειρᾶς, ἐπαναλαμβάνονται κατ' ἔτος ἐπὶ 44 ἔτη, οἱ συνταξιούχοι 62 ἔτῶν ἐπὶ 43 ἔτη, οἱ 63 ἔτῶν ἐπὶ 42 ἔτη; ... καὶ οἱ 104 ἔτῶν ἐπὶ 1 ἔτος. Ἀν δὲ πολλαπλασιάσωμεν τὸν συνταξιούχους ἑκάστης ἡλικίας ἐπὶ τὴν σύνταξιν, καὶ ἀνατοκίσωμεν ταῦτα μέχρι τοῦ τέλους τῶν 44 ἔτῶν, ἐπειδὴ οἱ συνταξιούχοι ἑκάστης ἡλικίας ἐπαναλαμβάνονται κατ' ἔτος μέχρι τῆς ἐποχῆς ταύτης, τὸ ἄθροισμα τῶν οὗτω ἀνατοκίζομένων ποσῶν, εἰδίσκεται διὰ τῆς ἀνακεφαλιώσεως τῶν συντάξεων τῶν ἔχοντων ἡλικίαν 61 ἔτῶν ἐπὶ 44 ἔτη, τῶν συντάξεων τῶν ἔχοντων ἡλικίαν 62 ἔτῶν ἐπὶ 43 ἔτη, τῶν ἔχοντων ἡλικίαν 63 ἔτῶν ἐπὶ 42 ἔτη... τῶν ἔχοντων ἡλικίαν 104 ἔτῶν ἐπὶ 1 ἔτος, καὶ διὰ τῆς ἀθροίσεως τῶν οὗτω ἀνακεφαλαιουμένων ποσῶν.

Κατηρτίσαμεν τὸν πίνακα τοῦτον ἀνακεφαλαιώσεως (α) τῶν συντάξεων ἑκάστης ἡλικίας, καὶ ἀθροίσαντες τὰ ποσὰ τοῦ πίνακος, εἴδομεν τὸ ποσὸν εἰς ὃ ἀνέρχονται μετὰ τοῦ ἀνατοκισμοῦ αἱ συντάξεις αἱ καταβλήθεισαι μέχρι τέλους τοῦ 79 ἔτους ἀπὸ τῆς συστάσεως τοῦ ταμείου. Είναι δὲ τὸ ποσὸν τοῦτο εἰς στρογγύλους ἀριθμούς

$$\frac{A}{6385} \times 5.551.500 \varphi M = AM \varphi \times 869$$

φ ὅντος τοῦ ποσοστοῦ τοῦ μέσου ὅρου τῶν μισθῶν τοῦ ἀναλογούντος εἰς τὴν σύνταξιν.

Ἄφαιροῦντες τὰς δαπάνας ταύτις ἀπὸ τὰ ἔσοδα ἔχομεν ὡς σχηματισθὲν κεφαλαιον

$$2495 AM - 869 AM\varphi.$$

Τὸ κεφαλαιον τοῦτο θέλει πλέον μείνει ὡς κεφαλαιον ἀναπαλλοτρίωτον τοῦ ταμείου συντάξεων καὶ μόνον οἱ τόκοι αὐτοῦ, σὺν τῇ τακτικῇ εἰσφορᾷ τῶν  $\frac{9}{100}$  θέλει διανέμεσθαι. Είναι δὲ οἱ τόκοι πρὸς 5%.

$$AM (2495 - 869 \varphi) \frac{5}{100} = AM (124 - 43 \varphi)$$

ἡ δὲ ἔτησία εἰσφορὰ  $\frac{9}{100}$  M ἐπὶ τὸν ἀριθμὸν τῶν ὑπαλλήλων 30 A,

$$30 \times \frac{9}{100} AM = 2.7 AM.$$

ἄρα τὸ διανεμητέον ποσὸν μετὰ τὴν λῆξιν τῶν 79 ἔτῶν εἰς τοὺς συνταξιούχους είναι

$$124 AM + 2.7. AM - 43 \varphi AM =$$

$$127 AM - 43 \varphi AM$$

"Αν τὸ ποσὸν τοῦτο ἔξισώσωμεν πρὸς τὸ ποσὸν τῆς μέσης συντάξεως φM ἐπὶ τὸν ἀριθμὸν

τῶν συνταξιούχων 9 A, οὓς ἀνεύρομεν προηγουμένως, ἔχομεν

$$\frac{127 - 43 \varphi}{9} = 9 \varphi$$

$$\frac{\text{ἔξι οὖ}}{\varphi} = \frac{127}{52} = 2.44.$$

'Αλλὰ τὸ ποσοστὸν φ περιλαμβάνει ἀπαντα τὰ δικαιώματα τοῦ συνταξιούχου καὶ τῆς οἰκογενείας αὐτοῦ. Γνωρίζομεν δε ἐκ τῶν δεδομένων τοῦ γραφείου τῶν συντάξεων ὅτι η ἀναλογία τῶν συντάξεων τῶν ὑπαλλήλων είναι τὰ  $\frac{60}{100}$  τῶν ὅλων συντάξεων<sup>1</sup>.

"Αρα οἱ ὑπάλληλοι θὰ ἡδύναντο νὰ λάβωσι ὑπὸ τὰς δημείσας συνθήκας  $\frac{60}{100} \times 2.40$  ἥτοι  $\frac{144}{100}$  τοῦ μέσου ὅρου τῶν μισθῶν.

Σήμερον δὲ χορηγεῖται εἰς τὸν συνταξιούχον τὸν διανύσαντα 35 ἔτῶν ὑπηρεσίαν  $\frac{70}{100}$  τοῦ μέσου ὅρου τοῦ μισθοῦ τῶν 6 τελευταίων ἔτῶν ὑπηρεσίας. Είναι λοιπὸν ὀνάγκη νὰ ἀνεύρωμεν ποίᾳ η σχέσις τοῦ μέσου ὅρου τῶν μισθῶν, πρὸς τὸν μέσον ὅρου τῶν 6 τελευταίων ἔτῶν. Πρὸς τοῦτο κάμνομεν τὸν ἔξῆς πρόχειρον ὑπολογισμόν. Κατὰ τὴν πολύτιμον ἔκθεσιν τοῦ K. P. Πρωτοπαπαδάκη ἐπὶ τοῦ προϋπολογισμοῦ τῆς χρήσεως τοῦ 1907 (Σελ. 32), οἱ μὲν συντάξιμοι ὑπάλληλοι ἀνήρχοντο εἰς 6407, οἱ δὲ μισθοὶ αὐτῶν εἰς 13263260, ὅθεν ἔξαγεται τὸ M

$$M = \frac{13263260}{6407} = 2072.$$

Τὸν ἀριθμὸν τοῦτο θὰ παραδεχθῶμεν ὡς μέσον ὅρου καὶ τὰ προηγούμενα ἔτη καὶ τὰ ἔπομενα.

"Εξ ἄλλου βλέπομεν κατὰ τὴν σημείωσιν 1 ὅτι 1883 συνταξιούχοι ὑπάλληλοι λαμβάνονται 2303605 δρ., δημειή η μέση σύνταξις τῶν συνταξιούχων ὑπαλλήλων ἀνεξαρτήτως τῶν οἰκογενειῶν είναι:

$$\frac{2303605}{1883} = 1223$$

1. Κατὰ Νοέμβριον τοῦ 1909 οἱ συνταξιούχοι ὑπάλληλοι (1883) ἐλάμβανον..... Δρ. 2303605  
αἱ οἰκογένειαι..... > 1567168  
συντάξεις ἐν ὅλῳ ..... > 3870753  
ἀναλογία συντάξεων ὑπαλλήλων  $\frac{2303605}{3870753} = 0,595$  η 0,60  
εἰς στρογγύλον ἀριθμόν.

Σημειωτέον δὲ ὅτι κατὰ τὴν πρώτην περίοδον τοῦ σχηματισμοῦ τοῦ κεφαλαίου η ἀναλογία αὐτῆι, θὰ ἡτο πολλῷ μεγυλητέρα, καὶ θὰ συνέτεινεν εἰς ἔτι μεγαλητέραν ἐπαύξησιν τοῦ κεφαλαίου.

δπερ δίδει ώς ἀναλογίαν τῆς μέσης συντάξεως πρὸς τὸν μέσον μισθῶν

$$\frac{1223}{2072} = 0,5899 \text{ εἰς στρογγύλον ἀριθμὸν } \frac{59}{100}.$$

Ἡ σύνταξις 1223 δύναται νὰ θεωρηθῇ ὡς μέση σύνταξις ἐπὶ τῇ βάσει τοῦ παλαιοῦ καθεστῶτος, τοῦ πρὸ τοῦ νόμου τοῦ 1905, διότι βεβαίως αἱ νέαι διατάξεις δὲν ἐπρόφθασαν νὰ ἄλλοιώσουν οὐσιωδῶς τὸν μέσον ὅρον, ἄλλως θὰ τὸν ἥλιοινον ἐκ μὲν τῆς αὐξήσεως ἐτῶν ὑπηρεσίας αὐξάνουσαι αὐτὸν, ἐκ δὲ τῆς αὐξήσεως τῶν ἐτῶν 4 τῶν λαμβανομένων ὑπὸ δψιν εἰς τὸ παρελθὸν πρὸς κανονισμὸν τῆς συντάξεως εἰς 6, ἐλαττόνουσαι αὐτὸν, ὥστε δὲν σφάλλομεν κατὰ πολὺ θεωροῦντες διτὶ ὡς μέση σύνταξις τοῦ 1909, ἀφορᾶ τὸ πρώην καθεστώς. Κατὰ δὲ τὸ πρώην καθεστῶς ἐδίδοντο ἄλλαι μὲν συντάξεις μετὰ 23ετίαν, ἄλλαι καὶ μετὰ παρέλευσιν μεγαλείτερον χρόνου ὑπηρεσίας, ἄλλαι μετὰ 20ετίαν. Παραδεχόμενοι δὲν διτὶ κατὰ μέσον ὅρον ἐδίδοντο μετὰ 23ετίαν, δὲν θὰ σφάλλωμεν πολὺ. ᩧ σύνταξις ἐπὶ τῇ βάσει 23 ἐτῶν ὑπηρεσίας θὰ ἥτο κατὰ τὰς ἰσχυούσας διατάξεις

$$\frac{46}{100} \text{ τοῦ μέσου ὅρου M' τῶν τεσσάρων τελευταίων ἐτῶν, ἐνῷ εῦρομεν προηγουμένως διτὶ ἐπὶ τῇ βάσει τοῦ μέσου ὅρου M τῶν ὅλων μισθῶν εἶναι } \frac{59}{100} M, \text{ ἥτοι } 46 M' = 59 M \text{ ἦ}$$

$$M = \frac{46}{59} M' \text{ ἢ } \frac{10}{13} M' \text{ ὡς ἔγγιστα } \frac{13}{10} M.$$

Ἐπαναλαμβάνομεν διτὶ ὡς μέσος ὅρος τῶν 6 τελευταίων ἐτῶν θὰ ἔναι μικρότερος τοῦ τῶν 4 τελευταίων ἐτῶν, ὥστε παραδεχόμενοι διτὶ ὡς μέσος ὅρος τῶν 6 τελευταίων ἐτῶν εἶναι, ὡς ἔγγιστα, τὰ  $\frac{13}{10}$  τοῦ μέσου ὅρου τῶν μισθῶν,

παραδεχόμεθα μᾶλλον ἀριθμὸν μεγαλείτερον ἢ κατώτερον καὶ τοῦτο πράττομεν ἥτοι παραδεχόμεθα διτὶ ὡς μέσος ὅρος τῶν ἐξ τελευταίων ἐτῶν εἶναι ἐπίσης M', ὡς ἐλάχιστα διαφέρων τούτου.

Καὶ ἥδη εἰμέθα εἰς θέσιν νὰ παραβάλλωμεν τὸ ἀποτέλεσμα εἰς ὃ ἐφθάσαμεν προηγουμένως, τῆς συντάξεως ἥτοι θὰ ἐλάμβανον. οἱ συντάξιοι ἐπὶ τῇ βάσει λειτουργίας κανονικῆς τοῦ ταμείου συντάξεων ἐκ μιᾶς ἀρχῆς, πρὸς τὰ χορηγούμενα παρὰ τοῦ δημοσίου. Εἴδομεν διτὶ εἰς τὴν περίπτωσιν ἐκείνην θὰ ἥδυνατο νὰ λάβῃ ὁ συντάξιοι ὃς  $\frac{144}{100} M$ , M ὅντος τοῦ μέ-

σου ὅρου τῶν μισθῶν, τοῦτο κατὰ τὰ ἀνωτέρω εἶναι ἵσον πρὸς  $\frac{10}{13} \times \frac{144}{100} M' = \frac{111}{100} M'$

• ἀντὶ τῶν  $\frac{70}{100} M'$  ἀ χορηγεῖ τὸ δημόσιον<sup>1</sup>.

Εἶναι ἀληθὲς διτὶ, ἐνῷ οἱ ὑπάλληλοι, οἱ ὑποβαλλόμενοι εἰς τὸν ὅρον τῶν ἐν ἰσχύι διατάξεων, ἐδικαιοῦντο νὰ λάβωσι τὸ ἄνω εὔρεθν ποσόν, τὸ δημόσιον ἐξ ἄλλου οὐδὲν ὀφελήθη ἐκ τῆς ζημίας τῶν ὑπαλλήλων, ἀλλ᾽ ὀφελήθησαν οἱ πρῶτοι συντάξιοι οἵτινες, ἔχοντες ὑποχρέωσεις πολὺ ἐλαφροτέρας, ἀπήλαυσαν τὰς αὐτὰς ὀφελείας ἀς καὶ οἱ τῆς σήμερον, καὶ τοῦτο ἐνεκα τῆς ἐλαφρότητος μεν ἡς ἐγένοντο οἱ πρῶτοι νόμοι περὶ συντάξεων. Ὁ νόμος XNB' τῆς 3 Αὐγούστου 1861 περὶ συντάξεως τῶν πολιτικῶν ὑπαλλήλων, προέβλεπεν μὲν περὶ ἀπονομῆς συντάξεως εἰς ἡλικίαν τοῦλάχιστον 60 ἐτῶν, ἀλλ᾽ ἐχορήγηει τὴν σύνταξιν ἐν περιπτώσει ἀπολύσεως καὶ πρὸ τοῦ 60οῦ ἔτους, ἀν δ ὑπάλληλος είχε συμπληρώσει 25ετῆ ὑπηρεσίαν. ᩧ δὲ κατάθεσις ἥτο μόνον 5 %. Καὶ ναὶ μὲν δ νόμος ΦΗΒ' 17 Ιαν. 1877 ηὗξησε τὸ ποσοστὸν ἀπὸ 5 εἰς 7 1/2, ὅχι μόνον διὰ τὸ μέλλον ἀλλὰ καὶ ἀναδρομικῶς, χωρὶς δυμας νὰ ληφθῇ ὑπὸ δψιν δ τόκος καὶ ἀνατοκισμὸς τῶν οὕτω ἀναδρομικᾶς καταλογιζομένων καταθέσεων, ὥστε ἡ αὐξήσις αὐτῇ ὑπῆρξεν δλως ἀνεπαρκής. Ἀλλ' ὡς νὰ μὴν ἥρκει τοῦτο, δ νόμος

1. Εἰς τὸν ὑπολογισμὸν τῶν δαπανῶν τῶν γενομένων κατὰ τὰ 79 πρῶτα ἐτη παρελείψαμεν νὰ λάβωμεν ὑπὸ δψιν τὰς συντάξεις τὰς χορηγούμενας εἰς τὰς οἰκογενείας τῶν ἀποθανόντων πρὸ τῆς ἡλικίας τῶν 60 ἐτῶν. Εἶναι εὔκολον νὰ ἀποδείξωμεν διτὶ αἱ συντάξεις αὗται εἶναι ἀνάξαι λόγου. Λαμβάνομεν καὶ πάλιν τὸν πίνακα θησαυρότητος τοῦ de Montferrand καὶ ἀναζητοῦμεν τοὺς θανάτους τοὺς ἐπισυμβάντας ἐντὸς τῆς ὥδετος εἰς τὸν Α εἰσερχομένους κατ' ἔτος ἥ σύνταξις ἥ ἀναλογοῦσα εἰς ἔκαστον θάνατον εἶναι ἀνάλογος πρὸς τὸ ἐτη τῆς ὑπηρεσίας ἀς λάβωμεν ὡς μέσον ὅρον τῶν 6 τελευταίων μισθῶν τὸ M' ἥ σύνταξις θὰ ἔναι, κατὰ τὰς ἐν ἰσχύι διατάξεις, τόσα πεντηκοστά τοῦ M' τοῦ εἶναι τὰ ἐτη τῆς ὑπηρεσίας, ἐλαττουμένους μᾶλιστα τὸ ποσό τούτου κατὰ 1/4, ἥ κατὰ τὸ 1/2 κατὰ τὰς περιστάσεις.

"Ἄν λοιπὸν πολλαπλασιάσωμεν τοὺς θανάτους ἐκάστου ἔτους, ἐπὶ τὰ ἐτη ὑπηρεσίας, καὶ ἐπὶ τὸ  $\frac{M'}{50}$ , ἀνακεφαλαιώσωμεν τὰ ποσά ταῦτα μέχρι τοῦ τέλους τῆς 3δετίας, θὰ ἔχωμεν ποσὸν ἀνερχόμενον κατὰ τὸν πίνακα (β) εἰς  $\frac{402645}{50} \times \frac{M A}{6385} = 1.27 A M'$  δλως παραβλεπτέον ἀπέναντι τοῦ ποσοῦ τῶν ἐξόδων 869 φΑΜ ὅπερ ἀνεύρωμεν προηγουμένως καὶ μὴ δυνάμενον νὰ ἐπηρεάσῃ τοὺς γενομένους ὑπολογισμούς, ἀφοῦ ὡς εἰδομεν πρὸ δλίγου M' =  $\frac{13}{10} M$ .

Σημειωτέον ἐν παρόδῳ, διτὶ, λαμβανομένους ὡς τόκου τοῦ 4 % ἀντὶ 5, θὰ ἐδικαιοῦντο οἱ συντάξιοι ὃς νὰ λάβωσι τὴν χορηγούμενην σήμερον σύνταξιν, ὡς ἥθελεν ἀποδεῖξει ἥ ἐπανάληψις τῶν ἀνω ὑπολογισμῶν μὲ τὸν τόκον αὗτόν.

Οἱ ὑπολογισμοὶ δὲ γινόμενοι ἐπὶ τῇ βάσει τῶν καταθέσεων, δεικνύουσι διτὶ δύναται ὃ συντάξιοι ὃς καταθέσους α κατὰ μῆνα ἐπὶ 3δ ἐτη νὰ λάβῃ μετὰ τὸ 60δ ἔτος τῆς ἡλικίας 11 α ὡς μηνιαίαν σύνταξιν ἐπὶ τῇ βάσει τοῦ αὐτοῦ τόκου 4 %.

ΠΛΘ' τοῦ 1866, ἐπέτρεψε τὴν χορήγησιν συντάξεως ἐν περιπτώσει ἀπολύσεως καὶ μετὰ 20ετῆ ὑπηρεσίαν! "Υπὸ τοιούτους δρους αἱ δαπάναι τοῦ ταμείου ἡσαν ὑπέρογκοι καὶ ὅχι μόνον οὐδὲν κεφάλαιον δὲν ἐσχηματίσθη, ἀλλ' ἐπεβαρύνθη τὸ δημόσιον μὲν ἐτησίας καταβολὰς σημαντικάς.

'Αλλ' ἔρωτῷ ἀν τὸ ηννοήθησαν ὁδισμένοι ὑπάληπτοι, εἰς τὸ παρελθόν, ἔνεκεν ἀπρονοησίας τοῦ νομοθέτου, εἰς τί πταίουν οἱ ὑπάλληλοι τῆς σήμερον, οἱ ὑφιστάμενοι ἀπαντα τὰ ἐπαρκῆ βάρη ὅπως τύχωσι συντάξεως ἴκανοποιητικῆς ἐπὶ τῇ βάσει τῶν βαρῶν τούτων.

'Αλλ' ἔστω, τὸ δημόσιον δὲν εὐθύνεται διὰ τὴν ἀπρονοησίαν τοῦ νομοθέτου, μὴ ἐπιβαρύναντος τὸν παλαιοὺς ὑπάλληλους μὲ ὑποχρεώσεις ἐπαφρεῖς. "Ἄς ἔξετάσωμεν ἥδη τὴν σημερινὴν κατάστασιν, οὐα ἐδημιουργήθη, ἀνεν τοῦ σχηματισμοῦ τοῦ κεφαλαίου, ὅπερ ὅτα ὑπῆρχε ἀν οἱ παλαιοὶ ὑπάλληλοι εἶχον ὑποβληθῆ εἰς τὰς ὑποχρεώσεις ἀς ὑφίστανται οἱ τῆς σήμερον, καὶ ἀς ἔδωμεν ἀν τὸ ποσοστὸν τοῦ μισθοῦ τὸ χορηγούμενον σήμερον ὡς σύνταξις, ἐπιβαρύνει τὸ δημόσιον ταμεῖον, ἢ εἰναι ἀπλῶς τὸ ἀντίτιμον τῶν καταβολῶν τοῦ ὑπάλληλου.

Δὲν εἰναι δυνατὸν δυστυχῶς νὰ ἐρευνήσωμεν ἀπάσας τὰς περιπτώσεις ἔνεκα τοῦ πολυπλόκου αὐτῶν καὶ τῆς ἐλλείψεως στατιστικῶν. Καὶ θέλομεν περιορισθῆ ἔξετάζοντες εἰδικάς τινας περιστάσεις δεικνύοντες δι' αὐτῶν πόσον παράτολμον ἥθελεν εἰσθαι νὰ προβῇ ἢ κυβέρνησις εἰς τὴν περικοπὴν τῶν συντάξεων ἀνεν μελέτης ἐπισταμένης στηριζομένης εἰς στατιστικὰς ἀς ὅφελειν νὰ καταρτίσῃ τὸ ταχύτερον. Θέλομεν δὲ ἐκλέξει ἔκείνας τὰς περιπτώσεις αἵτινες παρουσιάζουσιν αὐξήσεις κατὰ περιόδους ὠρισμένας, ἐπιτρέπουσαι ὑπολογισμὸν ἀκριβῆ καὶ ἀρχόμενα ἀπὸ τοὺς καθηγητὰς τοῦ Πανεπιστημίου.

#### Καθηγητὰὶ Πανεπιστημίου.

Τούτους ὅτα παραδεχθῶμεν εἰσερχομένους εἰς τὴν ὑπηρεσίαν εἰς ἡλικίαν 30 ἔτῶν, ἀποχωροῦντας δὲ μετὰ 35 ἔτη· ἀν εἰσήχοντο εἰς μεγαλει τέραν ἡλικίαν, ὡς συμβαίνει πολλάκις, ἀλλ' ἀπε-

χώρουν πάλιν μετὰ 35 ἔτη οἱ ὑπολογισμοὶ θὰ ἔναι ἔτι εὐνοϊκῶτεροι ὑπὲρ τοῦ συνταξιούχου.

"Ως γνωστὸν οἱ καθηγηταὶ εἰσερχόμενοι εἰς τὴν ὑπηρεσίαν λαμβάνουσι μισθὸν 350 δρ. αὐξῆσιν δὲ 50 δρ. ἀνὰ πενταετίαν, ἐπὶ δύω πενταετίας.

Θὰ λάβωμεν ὑπ' ὅψιν Α ἄτομα εἰσερχόμενα συγχρόνως εἰς τὴν ὑπηρεσίαν ὑπὸ τοὺς ἀνωτέρω δρους, ἐλαττούμενα δὲ κατ' ἔτος κατὰ τοὺς πίνακας θνησιμότητος, καὶ καταβάλλοντα ἐνόσῳ ὑπηρετοῦσι  $\frac{9}{100}$  τοῦ μισθοῦ τοῦ ἀναλογοῦντος

εἰς ἔκαστον ἔτος ὑπηρεσίας μέχρι καὶ τοῦ 35 ἔτους, τοῦ ἀναλογοῦντος εἰς ἡλικίαν 65 ἔτῶν. "Ο μισθὸς οὗτος πολλαπλασιάζομενος ἐκάστοτε ἐπὶ τοὺς ἐπιζῶντας ἐκάστου ἔτους καὶ τὸν συντελεστὴν ἀνατοκισμοῦ ἀπὸ τοῦ ἔτους τούτου, μέχρι καὶ τοῦ 35ου ἔτους ὑπηρεσίας σημειοῦται εἰς τὸν πίνακα (γ), ὡς καὶ τὸ ἀθροισμα δλων τῶν ποσῶν τούτων ἀνερχόμενον εἰς

$$199.582.300 \times \frac{A}{6106}.$$

Πολλαπλασιάζομεν τὸ ποσὸν τοῦτο ἐπὶ τοὺς μῆνας τοῦ ἔτους καὶ τὸ ποσοστὸν  $\frac{9}{100}$  τῆς καταθέσεως καὶ ἔχομεν κεφάλαιον σχηματισθὲν μέχρι τέλους τοῦ 35ου ἔτους

$$215.548.884 \times \frac{A}{6106}$$

"Οφείλομεν διμας νὰ λάβωμεν ὑπ' ὅψιν καὶ τὰς καταθέσεις ἐνὸς μηνιαίου κατὰ τὴν εἰσοδον, ὡς καὶ πάσης αὐξῆσεως ἐπίσης μετὰ τοῦ ἀνατοκισμοῦ αὐτῶν ἀπὸ τῆς καταθέσεως, εἰναι δ' αὐταὶ πολλαπλασιάζομεναι ἐπὶ τὸν ἀριθμὸν τῶν ἐπιζῶντων κατὰ τὴν κατάθεσιν, καὶ τὸν συντελεστὴν τοῦ ἀνατοκισμοῦ ἀπὸ τῆς ἐποχῆς τῆς καταθέσεως μέχρι τοῦ 35ου ἔτους ἀπὸ τῆς εἰσόδου εἰς τὴν ὑπηρεσίαν τῶν Α ἄτομων κατὰ τὸν κάτωθι πίνακα :

$$13.980.485 \times \frac{A}{6106}.$$

(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	<i>Γινόμενον ἀριθμῶν τῶν στηλῶν (2) (3) καὶ (5)</i>
<i>*Ηλικία</i>	<i>*Ἐπιζῶντες κατὰ τὴν ἔναρι ἡλικίαν</i>	<i>Μισθὸς ἀρχικός καὶ αὐξῆσης</i>	<i>*Ἐτη ἀνατοκισμοῦ</i>	<i>Συντελεστὴς ἀνατοκισμοῦ</i>	$6106 \frac{A}{6106} \times 350 \times 5.5 =$ $= 11.754.380 \frac{A}{6106}$
31	$6106 \frac{A}{6106}$	350	35	5.5	$11.754.380 \frac{A}{6106}$
36	5881 »	50	30	4.3	1.264.415 »
41	5657 »	50	25	3.4	961.690 »
					$13.980.485 \frac{A}{6106}$

Εἰς ταύτας δέον νὰ προσθέσωμεν καὶ τὴν κατάθεσιν λόγῳ γάμου ταύτην ἀδυνατοῦμεν νὰ ὑπολογίσωμεν ἐπακριβῶς καὶ παραδεχόμενα ὡς ἀνερχομένην ἐν συνόλῳ εἰς τὸ ἥμισυ τοῦ ἀνωτέρῳ ποσοῦ ἦτοι εἰς

$$6.990.242 \frac{A}{6106}$$

Τὰ τρία ἀνωτέρῳ ποσὰ ἀθροιζόμενα μᾶς δίδουν  $236.519.611 \frac{A}{6106}$ .

Ταῦτα ἀνατοκιζόμενα ἐπὶ ἔτερᾳ 39 ἔτη δε τὸ ἔκλειψη καὶ τὸ τελευταῖον τῶν Α ἀτόμων μᾶς δίδουν

$$236.519.611 \frac{A}{6106} \times 6.7 = 1.584.681.393 \frac{A}{6106}$$

Καὶ ἡδη ὡς ὑπολογίσωμεν τὰς δαπάνας. "Ας δονομάσωμεν φ. τὸ ποσοστὸν τοῦ μισθοῦ τῶν 6 τελευταίων ἐτῶν τὸ δυνάμενον νὰ χορηγηθῇ, ὡς σύνταξις, ἵνα ἔξισωθῶσιν αἱ δαπάναι πρὸς τὰ ἔξοδα. "Ας πολλαπλασιάσωμεν τὴν σύνταξιν ταύτην ἐπὶ τοὺς ἐπιζώντας 66, 67, 68... 104 ἐτῶν καὶ ἐπὶ τὸν συντελεστὴν τοῦ ἀνατοκισμοῦ ἐπὶ 38 ἔτη διὰ τοὺς ἐπιζώντας ἥλικιας 66 ἐτῶν, ἐπὶ 37 ἔτη διὰ τοὺς ἥλικιας 67 ἐτῶν, ἐπὶ 36 ἔτη διὰ τοὺς ἥλικιας 68 ἐτῶν... καὶ οὕτω καθεξῆς κατὰ τὸν πίνακα (δ) καὶ ἀθροίζοντες τὰ ποσὰ ταῦτα ἔχομεν ὡς δαπάνας

$$\frac{\varphi A}{6106} \times 12 \times 450 \times 175 = 529 =$$

$$\frac{\varphi A}{6106} \times 947.802.000$$

ἔξισοντες τὰς δαπάνας πρὸς τὰ ἔξοδα ἔχομεν

$$\varphi = \frac{1.584.681.393}{947.802.000} = 1.67.$$

Τὸ ποσοστὸν τοῦτο περιλαμβάνει καὶ τὰς συντάξεις τῶν οἰκογενειῶν, καὶ ὡς ἔξεθέσαμεν προηγούμενως, πρὸς εὑρεσιν τοῦ ποσοστοῦ φ' τοῦ ἀναφερομένου ἀποκλειστικῶς εἰς τὸν ὑπάλληλον δέον νὰ λάβωμεν τὰ

$$\frac{60}{100} \text{ τοῦ } \varphi. \text{ ἦτοι}$$

$$\varphi' = 1.67 \times \frac{60}{100} = 1$$

ἦτοι ἡ σύνταξις δέον νὰ ἴηται ἵση πρὸς τὸν τελευταῖον μισθόν, ἐνῷ παρὰ τοῦ δημοσίου ἀπονέμονται τὰ  $\frac{70}{100}$ .

"Αλλὰ συμβαίνει ἔνταῦθα καὶ τι ἄλλο: θεωρεῖται γενικῶς ὅτι τὸ δημόσιον εὐνοεῖ τοὺς κα-

θηγητὰς τοὺς ὑπηρετήσαντας 40 ἔτη, ἀπονέμον αὐτοῖς δόλικληρον τὸν μισθόν. Οἱ ὑπολογισμοὶ ἐπαναλαμβανόμενοι εἰς τὴν περίστασιν ταύτην, καθ' ἧν ὁ καθηγητὴς ἀποχωρεῖ εἰς ἥλικιαν 70 ἐτῶν, δίδουν

$$\varphi = 3.38$$

$$\text{καὶ } \varphi' = 2.02$$

ἦτοι ὁ καθηγητὴς ὁ ἀποχωρῶν εἰς ἥλικιαν 70 ἐτῶν μετὰ 40 ἐτῶν ὑπηρεσίαν, ἐδικαιοῦτο νὰ λάβῃ σύνταξιν ἵσην μὲ τὸ διπλάσιον τοῦ μισθοῦ του!

Καθηγηταὶ γυμνασίου.

Τούτους θεωροῦμεν ὑπηρετοῦντας 5 ἔτη ὡς ἐλληνοδιδασκάλους γ' τὰξεως ἀπὸ ἥλικιας 23—27 ἐτῶν, ἄλλα πέντε ἔτη ὡς καθηγητὰς μὲ μισθὸν 250 δρ. καὶ 28 ἔτη μὲ μισθὸν 300 δρ., καὶ ἀποχωροῦντας οὕτω εἰς ἥλικιαν 60 ἐτῶν.

Οἱ αὐτοὶ ὡς ἀνωτέρῳ ὑπολογισμοὶ θὰ μᾶς δώσουν ὑπὸ τὰς ἀνω συνθήκας.

$$\varphi = 1.41$$

$$\varphi' = 0.84$$

ἦτοι ἐδικαιοῦντο νὰ λάβουν ὡς σύνταξιν  $\frac{84}{100}$  τοῦ τελευταίου μισθοῦ των, ἐνῷ λαμβάνουν παρὰ τοῦ δημοσίου τὰ  $\frac{75}{100}$ .

(Ἔπειται συνέχεια.)

Φ. ΝΕΓΡΗΣ

## ΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟΣ

ΤΩΝ ΕΠΙ ΠΟΛΛΩΝ ΥΠΟΣΤΗΡΙΓΜΑΤΩΝ ΣΤΗΡΙΖΟΜΕΝΩΝ  
ΕΥΘΕΙΩΝ ΔΟΚΩΝ

(Συνέχεια ἐκ τοῦ προηγούμενου.)

16. — Προτιθέμεθα ἡδη νὰ χαράξωμεν ἐν τῷ διαστύλῳ Κ—1.Κ τὰς δύο περιειλιγμένας τῶν καμπύλων τῶν παριστωσῶν τὰς μεγίστας μεγίστας καμπτούσας δοπὰς θετικὰς Μ' καὶ ἀρνητικὰς Μ''.

Θὰ παραλείψωμεν ἐπὶ τοῦ παρόντος τὴν δοπῆν, ἥτις ὀφείλεται εἰς τὴν ἰδίαν ἐπιφόρτωσιν τοῦ διαστύλου τούτου.

Θεωροῦντες δὲ τὰ σχήματα 5 καὶ 11 παρατηροῦμεν :

1ον. "Οτι δι' ἀπαντα τὰ σημεῖα τοῦ τιμήματος (Κ—1).F τοῦ περιλαμβανομένου μεταξὺ