



**ΕΘΝΙΚΟ ΜΕΤΣΟΒΙΟ ΠΟΛΥΤΕΧΝΕΙΟ**  
**ΣΧΟΛΗ ΝΑΥΠΗΓΩΝ ΜΗΧΑΝΟΛΟΓΩΝ ΜΗΧΑΝΙΚΩΝ**

ΔΙΠΛΩΜΑΤΙΚΗ ΕΡΓΑΣΙΑ

Πειραματική διερεύνηση αλληλεπίδρασης θαλάσσιων κυματισμών με υπό κλίμακα πρότυπο πλατφόρμας κινούμενης με σταθερή πρόσω ταχύτητα.



ΙΩΑΝΝΗΣ Α. ΝΤΟΥΛΗΣ

Επιβλέπων: *Ιωάννης Κ. Χατζηγεωργίου,*  
Αναπληρωτής καθηγητής Ε.Μ.Π.

Αθήνα, 2010

|   |    |
|---|----|
| <b>ΠΡΟΛΟΓΟΣ</b>                                     | 1  |
| <b>ΚΕΦΑΛΙΟ 1:</b> Θεωρητικό Μέρος                   | 1  |
| 1.1    Tension Leg Platform (TLP)                   | 1  |
| <b>ΚΕΦΑΛΑΙΟ 2:</b> Πειραματικό Μέρος                | 5  |
| 2.1    Σκοπός πειραμάτων                            | 5  |
| 2.2    Περιγραφή πλωτής κατασκευής                  | 5  |
| 2.3    Περιγραφή προτύπου                           | 7  |
| 2.4    Περιγραφή δεξαμενής Ε.Ν.Θ.Υ.                 | 9  |
| 2.5    Όργανα μετρήσεων                             | 10 |
| 2.6    Προβλήματα που παρουσιάστηκαν                | 12 |
| <b>ΚΕΦΑΛΑΙΟ 3:</b> Παρουσίαση αποτελέσμάτων         | 13 |
| 3.1    Χρονικές ιστορίες                            | 13 |
| 3.1.1    Χρονικές ιστορίες σταθερής πλατφόρμας      | 16 |
| 3.1.1.1            T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.3Hz   | 16 |
| 3.1.1.2            T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.4Hz   | 17 |
| 3.1.1.3            T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.5Hz   | 19 |
| 3.1.1.4            T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.6Hz   | 20 |
| 3.1.1.5            T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.7Hz   | 22 |
| 3.1.1.6            T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.8Hz   | 23 |
| 3.1.1.7            T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.9Hz   | 25 |
| 3.1.1.8            T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.5Hz   | 26 |
| 3.1.1.9            T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.6Hz   | 28 |
| 3.1.1.10           T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.7Hz   | 29 |
| 3.1.1.11           T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.8Hz   | 31 |
| 3.1.1.12           T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.9Hz   | 32 |
| 3.1.1.13           T=15cm, h=7cm, v=0m/s, f=0.6Hz   | 34 |
| 3.1.1.14           T=15cm, h=7cm, v=0m/s, f=0.7Hz   | 35 |
| 3.1.1.15           T=15cm, h=7cm, v=0m/s, f=0.8Hz   | 37 |
| 3.1.1.16           T=15cm, h=7cm, v=0m/s, f=0.9Hz   | 38 |
| 3.1.1.17           T=15cm, h=8cm, v=0m/s, f=0.7Hz   | 40 |
| 3.1.1.18           T=15cm, h=8cm, v=0m/s, f=0.8Hz   | 41 |
| 3.1.2    Χρονικές ιστορίες πλατφόρμας σε κίνηση     | 43 |
| 3.1.2.1           T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.3Hz  | 43 |
| 3.1.2.2           T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.3Hz  | 44 |
| 3.1.2.3           T=15cm, h=4cm, v=0.5m/s, f=0.3Hz  | 46 |
| 3.1.2.4           T=15cm, h=4cm, v=-0.5m/s, f=0.3Hz | 47 |
| 3.1.2.5           T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.4Hz  | 49 |
| 3.1.2.6           T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.4Hz  | 50 |
| 3.1.2.7           T=15cm, h=4cm, v=0.5m/s, f=0.4Hz  | 52 |
| 3.1.2.8           T=15cm, h=4cm, v=-0.5m/s, f=0.4Hz | 53 |

|              |   |            |
|--------------|---|------------|
| 3.1.2.9      | T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.5Hz                              | 55         |
| 3.1.2.10     | T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.5Hz                              | 56         |
| 3.1.2.11     | T=15cm, h=4cm, v=0.5m/s, f=0.5Hz                              | 58         |
| 3.1.2.12     | T=15cm, h=4cm, v=-0.5m/s, f=0.5Hz                             | 59         |
| 3.1.2.13     | T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.6Hz                              | 60         |
| 3.1.2.14     | T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.6Hz                              | 62         |
| 3.1.2.15     | T=15cm, h=4cm, v=0.5m/s, f=0.6Hz                              | 63         |
| 3.1.2.16     | T=15cm, h=4cm, v=-0.5m/s, f=0.6Hz                             | 65         |
| 3.1.2.17     | T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.7Hz                              | 67         |
| 3.1.2.18     | T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz                              | 68         |
| 3.1.2.19     | T=15cm, h=4cm, v=0.5m/s, f=0.7Hz                              | 70         |
| 3.1.2.20     | T=15cm, h=4cm, v=-0.5m/s, f=0.7Hz                             | 71         |
| 3.1.2.21     | T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.8Hz                              | 73         |
| 3.1.2.22     | T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.8Hz                              | 74         |
| 3.1.2.23     | T=15cm, h=4cm, v=0.5m/s, f=0.8Hz                              | 76         |
| 3.1.2.24     | T=15cm, h=4cm, v=-0.5m/s, f=0.8Hz                             | 77         |
| 3.1.2.25     | T=15cm, h=6cm, v=0.1m/s, f=0.5Hz                              | 79         |
| 3.1.2.26     | T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.5Hz                              | 80         |
| 3.1.2.27     | T=15cm, h=6cm, v=0.5m/s, f=0.5Hz                              | 82         |
| 3.1.2.28     | T=15cm, h=6cm, v=-0.5m/s, f=0.5Hz                             | 83         |
| 3.1.2.29     | T=15cm, h=6cm, v=0.1m/s, f=0.6Hz                              | 85         |
| 3.1.2.30     | T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.6Hz                              | 86         |
| 3.1.2.31     | T=15cm, h=6cm, v=0.5m/s, f=0.6Hz                              | 88         |
| 3.1.2.32     | T=15cm, h=6cm, v=-0.5m/s, f=0.6Hz                             | 89         |
| 3.1.2.33     | T=15cm, h=6cm, v=0.1m/s, f=0.7Hz                              | 91         |
| 3.1.2.34     | T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz                              | 92         |
| 3.1.2.35     | T=15cm, h=6cm, v=0.5m/s, f=0.7Hz                              | 94         |
| 3.1.2.36     | T=15cm, h=6cm, v=-0.5m/s, f=0.7Hz                             | 95         |
| 3.1.2.37     | T=15cm, h=7cm, v=0.1m/s, f=0.6Hz                              | 97         |
| 3.1.2.38     | T=15cm, h=7cm, v=0.3m/s, f=0.6Hz                              | 98         |
| 3.1.2.39     | T=15cm, h=7cm, v=0.5m/s, f=0.6Hz                              | 100        |
| 3.1.2.40     | T=15cm, h=6cm, v=-0.5m/s, f=0.7Hz                             | 101        |
| 3.1.2.41     | T=15cm, h=7cm, v=0.1m/s, f=0.7Hz                              | 103        |
| 3.1.2.42     | T=15cm, h=7cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz                              | 104        |
| 3.1.2.43     | T=15cm, h=7cm, v=0.5m/s, f=0.7Hz                              | 106        |
| 3.1.2.44     | T=15cm, h=7cm, v=-0.5m/s, f=0.7Hz                             | 107        |
| 3.1.2.45     | T=15cm, h=8cm, v=0.1m/s, f=0.7Hz                              | 109        |
| 3.1.2.46     | T=15cm, h=8cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz                              | 110        |
| 3.1.2.47     | T=15cm, h=8cm, v=0.5m/s, f=0.7Hz                              | 112        |
| 3.1.2.48     | T=15cm, h=8cm, v=-0.5m/s, f=0.7Hz                             | 113        |
| <b>3.1.3</b> | <b>Χρονικές ιστορίες σταθερού μοντέλου σύνθετου κυλίνδρου</b> | <b>115</b> |
| 3.1.3.1      | T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.3Hz                                | 115        |
| 3.1.3.2      | T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.4Hz                                | 116        |
| 3.1.3.3      | T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.5Hz                                | 118        |
| 3.1.3.4      | T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.6Hz                                | 119        |
| 3.1.3.5      | T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.7Hz                                | 121        |

|              |  |            |
|--------------|--|------------|
| 3.1.3.6      | T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.8Hz                                 | 123        |
| 3.1.3.7      | T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.9Hz                                 | 124        |
| 3.1.3.8      | T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.5Hz                                 | 126        |
| 3.1.3.9      | T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.6Hz                                 | 128        |
| 3.1.3.10     | T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.7Hz                                 | 129        |
| 3.1.3.11     | T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.8Hz                                 | 131        |
| 3.1.3.12     | T=15cm, h=7cm, v=0m/s, f=0.6Hz                                 | 132        |
| 3.1.3.13     | T=15cm, h=7cm, v=0m/s, f=0.7Hz                                 | 133        |
| 3.1.3.14     | T=15cm, h=8cm, v=0m/s, f=0.7Hz                                 | 135        |
| <b>3.1.4</b> | <b>Χρονικές ιστορίες μοντέλου σύνθετου κυλίνδρου σε κίνηση</b> | <b>137</b> |
| 3.1.4.1      | T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.3Hz                               | 137        |
| 3.1.4.2      | T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.3Hz                               | 138        |
| 3.1.4.3      | T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.4Hz                               | 139        |
| 3.1.4.4      | T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.4Hz                               | 140        |
| 3.1.4.5      | T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.5Hz                               | 142        |
| 3.1.4.6      | T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.5Hz                               | 143        |
| 3.1.4.7      | T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.6Hz                               | 145        |
| 3.1.4.8      | T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.6Hz                               | 146        |
| 3.1.4.9      | T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.6Hz                               | 148        |
| 3.1.4.10     | T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz                               | 149        |
| 3.1.4.11     | T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.8Hz                               | 151        |
| 3.1.4.12     | T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.8Hz                               | 152        |
| 3.1.4.13     | T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.9Hz                               | 154        |
| 3.1.4.14     | T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.9Hz                               | 155        |
| 3.1.4.15     | T=15cm, h=6cm, v=0.1m/s, f=0.5Hz                               | 157        |
| 3.1.4.16     | T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.5Hz                               | 158        |
| 3.1.4.17     | T=15cm, h=6cm, v=0.1m/s, f=0.6Hz                               | 160        |
| 3.1.4.18     | T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.5Hz                               | 161        |
| 3.1.4.19     | T=15cm, h=6cm, v=0.1m/s, f=0.7Hz                               | 163        |
| 3.1.4.20     | T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz                               | 164        |
| 3.1.4.21     | T=15cm, h=6cm, v=0.1m/s, f=0.8Hz                               | 166        |
| 3.1.4.22     | T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.6Hz                               | 167        |
| 3.1.4.23     | T=15cm, h=7cm, v=0.1m/s, f=0.7Hz                               | 169        |
| 3.1.4.24     | T=15cm, h=7cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz                               | 170        |
| 3.1.4.25     | T=15cm, h=8cm, v=0.1m/s, f=0.7Hz                               | 172        |
| 3.1.4.26     | T=15cm, h=8cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz                               | 173        |
| <b>3.2</b>   | <b>Φασματική ανάλυση σημάτων</b>                               | <b>175</b> |
| 3.2.1        | T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.8Hz                                 | 176        |
| 3.2.2        | T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.9Hz                                 | 176        |
| 3.2.3        | T=15cm, h=7cm, v=0m/s, f=0.9Hz                                 | 177        |
| 3.2.4        | T=15cm, h=8cm, v=0m/s, f=0.8Hz                                 | 178        |
| 3.2.5        | T=15cm, h=4cm, v=0.5m/s, f=0.6Hz                               | 178        |
| 3.2.6        | T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz                               | 179        |
| 3.2.7        | T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.8Hz                               | 179        |
| 3.2.8        | T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.9Hz                               | 180        |

|         |   |     |
|---------|---|-----|
| 3.2.9   | $T=15\text{cm}, h=4\text{cm}, v=0.3\text{m/s}, f=0.9\text{Hz}$  | 180 |
| 3.2.10  | $T=15\text{cm}, h=6\text{cm}, v=0.1\text{m/s}, f=0.7\text{Hz}$  | 181 |
| 3.2.11  | $T=15\text{cm}, h=6\text{cm}, v=0.3\text{m/s}, f=0.7\text{Hz}$  | 181 |
| 3.2.12  | $T=15\text{cm}, h=7\text{cm}, v=0.1\text{m/s}, f=0.7\text{Hz}$  | 182 |
| 3.2.13  | $T=15\text{cm}, h=7\text{cm}, v=0.5\text{m/s}, f=0.7\text{Hz}$  | 182 |
| 3.2.14  | $T=15\text{cm}, h=8\text{cm}, v=0.7\text{m/s}, f=0.8\text{Hz}$  | 183 |
| 3.2.15  | $T=15\text{cm}, h=8\text{cm}, v=0.5\text{m/s}, f=0.7\text{Hz}$  | 183 |
| 3.3     | Διαγράμματα τυπικής απόκλισης (standard deviation, STD) και μεγίστων τιμών (maximum, MAX) για την πλατφόρμα | 184 |
| 3.3.1   | Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για την Πλατφόρμα για $h=4\text{cm}$                  | 185 |
| 3.3.1.1 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία                       | 187 |
| 3.3.1.2 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα                       | 188 |
| 3.3.1.3 | Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία                                  | 190 |
| 3.3.1.4 | Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα                                  | 192 |
| 3.3.1.5 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα              | 194 |
| 3.3.1.6 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα              | 197 |
| 3.3.1.7 | Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα                         | 202 |
| 3.3.2   | Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για την Πλατφόρμα για $h=6\text{cm}$                  | 207 |
| 3.3.2.1 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία                       | 208 |
| 3.3.2.2 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα                       | 209 |
| 3.3.2.3 | Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία                                  | 211 |
| 3.3.2.4 | Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα                                  | 212 |
| 3.3.2.5 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα              | 214 |
| 3.3.2.6 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα              | 218 |
| 3.3.2.7 | Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα                         | 220 |
| 3.3.2.8 | Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα                         | 223 |
| 3.3.3   | Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για την Πλατφόρμα για $h=7\text{cm}$                  | 226 |
| 3.3.3.1 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία                       | 227 |
| 3.3.3.2 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα                       | 228 |
| 3.3.3.3 | Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία                                  | 230 |
| 3.3.3.4 | Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα                                  | 231 |
| 3.3.3.5 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα              | 233 |
| 3.3.3.6 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα              | 236 |
| 3.3.3.7 | Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα                         | 238 |
| 3.3.3.8 | Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα                         | 241 |
| 3.3.4   | Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για την Πλατφόρμα για $h=8\text{cm}$                  | 243 |
| 3.3.4.1 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία                       | 244 |
| 3.3.4.2 | Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία                                  | 244 |
| 3.3.4.3 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα              | 245 |
| 3.3.4.4 | Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα              | 248 |
| 3.3.4.5 | Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα                         | 249 |
| 3.3.4.6 | Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα                         | 252 |

|   |     |
|---|-----|
| 3.4 Διαγράμματα τυπικής απόκλισης (standard deviation, STD) και μεγίστων τιμών (maximum, MAX) για το σύνθετο κύλινδρο | 253 |
| 3.4.1 Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για το Πόδι για $h=4\text{cm}$                            | 253 |
| 3.4.1.1 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία                         | 254 |
| 3.4.1.2 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα                         | 255 |
| 3.4.1.3 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία                                    | 256 |
| 3.4.1.4 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα                                    | 257 |
| 3.4.1.5 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα                | 259 |
| 3.4.1.6 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα                           | 260 |
| 3.4.2 Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για το Πόδι για $h=6\text{cm}$                            | 262 |
| 3.4.2.1 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία                         | 263 |
| 3.4.2.2 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα                         | 264 |
| 3.4.2.3 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία                                    | 265 |
| 3.4.2.4 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα                                    | 266 |
| 3.4.2.5 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα                | 268 |
| 3.4.2.6 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα                           | 269 |
| 3.4.3 Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για το Πόδι για $h=7\text{cm}$                            | 271 |
| 3.4.3.1 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία                         | 272 |
| 3.4.3.2 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα                         | 273 |
| 3.4.3.3 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία                                    | 274 |
| 3.4.3.4 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα                                    | 275 |
| 3.4.3.5 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική                          | 277 |
| 3.4.3.6 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα                           | 288 |
| 3.4.4 Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για το Πόδι για $h=8\text{cm}$                            | 279 |
| 3.4.4.1 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική                          | 280 |
| 3.4.4.2 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2) - \theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα                           | 281 |
| <b>ΚΕΦΑΛΑΙΟ 4 Πειραματικά αποτελέσματα και ποιοτική ανάλυση των ευρημάτων</b>   | 282 |
| <b>ΠΑΡΑΡΤΗΜΑ Πίνακας παρατηρήσεων μετρήσεων</b>   | 283 |
| <b>ΒΙΒΛΙΟΓΡΑΦΙΑ</b>   | 288 |

## **ΠΡΟΛΟΓΟΣ**

Μέσα από αυτόν τον πρόλογο θα ήθελα να ευχαριστήσω θερμά τους κυρίους Δ. Συνετό, Ι. Τραχανά και Φ. Κασάπη για την πολύτιμη βοήθεια και στήριξή τους κατά τη διάρκεια των πειραμάτων που πραγματοποιήθηκαν στη δεξαμενή του Εργαστήριο Ναυτικής και Θαλάσσιας Υδροδυναμικής (Ε.Ν.Θ.Υ.) του Ε.Μ.Π., τον κ. Θ. Μαζαράκο για τη συνεργασία μας και τις εκπαιδευτικές συμβουλές του καθώς και τον επιβλέποντα καθηγητή μου κ. Ι. Χατζηγεωργίου για την πολύτιμη καθοδήγησή του.

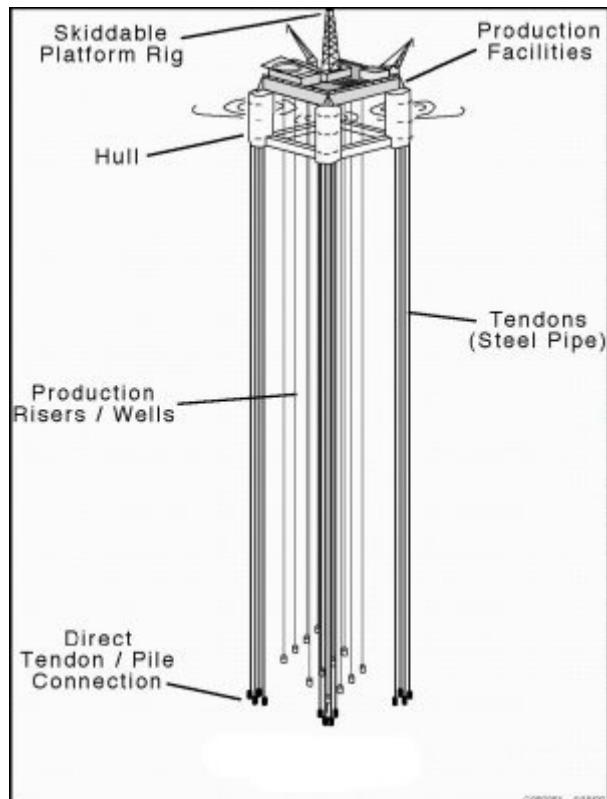
## **ΚΕΦΑΛΑΙΟ 1: ΘΕΩΡΗΤΙΚΟ ΜΕΡΟΣ**

### **1.1     Tension Leg Platform (TLP)**

Ως πλατφόρμα TLP θεωρείται μια επιπλέουσα πλατφόρμα που παραμένει σταθερή χάρη σε ένα σύστημα πρόσδεσης, Χρησιμεύει κυρίως στην θαλάσσια εξόρυξη και παραγωγή πετρελαίου ή φυσικού αερίου και είναι κατάλληλη για βάθος νερού μεγαλύτερο από 300 μέτρα. Η εγκατάστασή της προτείνεται σε περιοχές με υψηλή πιθανότητα έκθεσης σε ανεμοστρόβιλους.

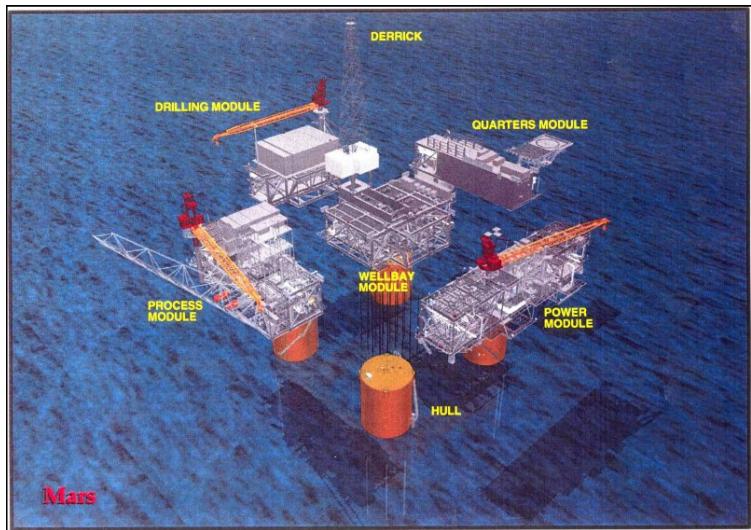
Οι πλατφόρμες TLP διαφοροποιούνται από τις συμβατικές σταθερές πλατφόρμες στο ότι οι πρώτες διατηρούνται στη θέση τους μέσω γραμμών πρόσδεσης (mooring lines) οι οποίες παραμένουν υπό ένταση λόγω της άντωσης της κατασκευής. Το σύστημα πρόσδεσης είναι ένα σύνολο κολώνων (tension leg) ή τενόντων έντασης (tendons) που συνδέονται με την πλατφόρμα και με ένα πλαίσιο ή μία θεμελίωση στο θαλάσσιο πυθμένα. Το πλαίσιο παραμένει ακλόνητο χάρη σε αγωγούς ή πασσάλους (piles) που οδηγούνται στο θαλάσσιο πυθμένα. Αυτή η μέθοδος απαγορεύει τις κατακόρυφες κινήσεις της πλατφόρμας, επιτρέποντας, όμως, τις οριζόντιες μετακινήσεις.

Θεμελίωση είναι η σύνδεση μεταξύ του θαλάσσιου πυθμένα και της TLP. Οι περισσότερες θεμελιώσεις είναι πλαίσια που τοποθετούνται στον πυθμένα, και κατόπιν ασφαλίζονται με σκυρόδεμα ή χαλύβδινους πασσάλους (steel piles) που οδηγούνται στον πυθμένα μέσω ενός υδραυλικού σφυριού. Ωστόσο, μπορούν να χρησιμοποιηθούν και άλλοι τρόποι όπως η θεμελίωση βαρύτητας. Τα θεμέλια κατασκευάζονται στην ξηρά και ρυμουλκούνται στην περιοχή πρόσδεσης.



Η γάστρα (hull) είναι μια επιπλέουσα κατασκευή η οποία συνήθως φέρει τέσσερις κολώνες γεμάτες με αέρα που υποστηρίζονται από πλωτήρες, παρόμοιους με ενός ημικαταδύμενου σκάφους εξόρυξης. Τα καταστρώματα και ο εξοπλισμός εξόρυξης στηρίζονται στη γάστρα. Η άντωση της γάστρας υπερβαίνει το βάρος της πλατφόρμας, Για τον λόγο αυτό, απαιτούνται κολώνες (tension legs) ώστε να εξασφαλιστεί η σταθερότητα κι η πρόσδεση της κατασκευής στον πυθμένα. Οι γενικές διαστάσεις της γάστρας εξαρτώνται από το μέγεθος των κολώνων και το μέγεθος της πλατφόρμας.

Κατά τα πρώιμα στάδια της ανάπτυξης των TLP, η βιομηχανία συνειδητοποίησε ότι είναι οικονομικώς αποδοτικό να χτίζονται οι εγκαταστάσεις επιφανείας σε χωριστά τμήματα, να συναρμολογούνται σε ρηχή παράκτια θέση και να ρυμουλκούνται έπειτα στην περιοχή πρόσδεσης. Τα συνθετικά μέρη που αποτελούν μια τυπική TLP πλατφόρμα ασφαλίζονται στο κατάστρωμα, το οποίο είναι συνδεμένο με τη γάστρα. Μία τυπική επιφάνεια είναι γύρω στα  $6.000\text{m}^2$ . Οι χώροι ενδιαίτησης στεγάζουν μέχρι και 100 ανθρώπους, ανάλογα με τον τύπο και το σκοπό της δραστηριότητας της πλατφόρμας..



'Ενα πλαίσιο στο θαλάσσιο πυθμένα παρεμβάλει τους αγωγούς ή τους πασσάλους. Δεν χρησιμοποιούνται για όλες τις TLP πλαίσια. Εάν χρησιμοποιηθούν, είναι ο πρώτος εξοπλισμός που εγκαθίσταται στην περιοχή. Υπάρχουν διάφοροι τύποι πλαισίων που μπορούν να χρησιμοποιηθούν σε συνδυασμό με μια TLP για να υποστηρίξουν τον εξορυκτικό εξοπλισμό και την ακεραιότητα των θεμελίων. Τα πλαίσια εξόρυξης έχουν έναν οδηγό για τον εντοπισμό και τη διάτρηση των φρεατών. Τα πλαίσια θεμελίωσης μπορούν να είναι ένα ενιαίο κομμάτι ή ξεχωριστά κομμάτια για κάθε γωνία. Οι πάσσαλοι της θεμελίωσης (foundation piles) οδηγούνται

μέσω του πλαισίου θεμελίωσης. Το ενιαίο πλαίσιο είναι ένα μονό κομμάτι που περιέχει όλο τον εξοπλισμό εξόρυξης, τις άγκυρες και τους τένοντες, και εντοπίζει και καθοδηγεί τους πασσάλους θεμελίωσης. Το πλαίσιο που αποτελείται από ξεχωριστά κομμάτια επιτρέπει σε κάθε τμήμα να εγκατασταθεί χωριστά. Χρησιμοποιούν επίσης μικρότερα κομμάτια που ζυγίζουν λιγότερο και είναι ευκολότερα να εγκατασταθούν. Το πλαίσιο εξόρυξης μπορεί να εγκατασταθεί και η εξόρυξη μπορεί να αρχίσει ενώ το πλαίσιο θεμελίωσης σχεδιάζεται και κατασκευάζεται. Η εγκατάσταση μιας TLP γίνεται σταδιακά. Συχνά ο σχεδιασμός ενός τμήματος της TLP



γίνεται ενώ ένα άλλο μέρος εγκαθίσταται.

Τα υπό ένταση πόδια (τένοντες) είναι σωληνοειδούς μορφής και ασφαλίζουν τη γάστρα στην θεμελίωση. Αυτό είναι το σύστημα πρόσδεσης για τις TLP. Τα υπό ένταση πόδια είναι σωλήνες χάλυβα με διάμετρο περίπου ένα μέτρο και μήκος ανάλογα με το βάθος νερού. Μία τυπική TLP εγκαθίσταται με τουλάχιστον 16 τένοντες.

Τα θεμέλια ασφαλίζουν την TLP στο θαλάσσιο πυθμένα μέσω των θαμμένων πασσάλων, οι οποίοι ενδέχεται να είναι είτε τσιμεντένιοι είτε χαλύβδινοι. Οι τένοντες είναι συνδεμένοι με τα θεμέλια και η πλατφόρμα είναι συνδεμένη με τους τένοντες. Οι πάσσαλοι μπορούν εισχωρήσουν στον πυθμένα με τρυπάνι και να επικαλυφθούν στη συνέχεια με τσιμέντο. 'Ένα χαρακτηριστικό σκάφος που χρησιμοποιείται για την εγκατάσταση των θεμελίων θα ήταν ένα ημικαταδυόμενο σκάφος. 'Ένα υδραυλικό σφυρί χρησιμοποιείται για να οδηγήσει τους πασσάλους στο θαλάσσιο πυθμένα.

Τα risers για τις TLP είναι οι ίδια με τα risers που χρησιμοποιούνται για τις συμβατικές πλατφόρμες. Ένα SCR μπορεί να χρησιμοποιηθεί για να συνδέσει την υποθαλάσσια σωλήνωση με τις TLP. Μπορούν να χρησιμοποιηθούν διάφορες μέθοδοι εγκατάστασης. Η πιο κοινή μέθοδος που χρησιμοποιείται για την εγκατάσταση των σωληνώσεων είναι η J-lay μέθοδος. Οι σωληνώσεις για τις TLP κυμαίνονται μέχρι 18in σε διάμετρο για το πετρέλαιο και περίπου 14in για το αέριο. Συχνά η σωλήνωση θα ενώσει ένα άλλο σύστημα για τη μεταφορά στην ακτή. Το πετρέλαιο ενδέχεται να μεταφέρεται με δεξαμενόπλοιο ως εναλλακτική λύση στις σωληνώσεις.

Οι TLP χρησιμοποιούν τένοντες για να ασφαλιστεί η πλατφόρμα στα θεμέλια. Δεν υπάρχει συγκεκριμένος τρόπος εγκατάστασης της πλατφόρμας και των τενόντων. Σε μερικές περιπτώσεις οι τένοντες θα συνδεθούν με τα θεμέλια, η πλατφόρμα θα κινηθεί στη θέση και έπειτα οι τένοντες θα συνδεθούν με την πλατφόρμα. Σε άλλες περιπτώσεις, μεταφέρεται η πλατφόρμα στο σημείο πρόσδεσης πρώτα, συνδέονται οι τένοντες στην πλατφόρμα, και έπειτα συνδέονται οι τένοντες με τα θεμέλια. Μια άλλη επιλογή είναι να συνδεθούν μερικοί από τους τένοντες στα θεμέλια, να κινηθεί η πλατφόρμα στο σημείο πρόσδεσης, να συνδεθούν αυτοί οι τένοντες με την πλατφόρμα, και να συνδεθούν οι υπόλοιποι τένοντες με την TLP και έπειτα με τα θεμέλια.

Το ανώτερο τμήμα μιας TLP αποτελείται από τη γάστρα, τη γέφυρα, και τις εγκαταστάσεις επιφάνειας. Τα τμήματα επιφάνειας χτίζονται στη στεριά και συνήθως συναρμολογούνται σε μια ρηχή θέση κοντά στην ακτή. Κατόπιν ρυμουλκούνται στην θέση που έχει προσδεθεί η γάστρα. Τα διάφορα τμήματα μπορούν να συνδεθούν με τη γάστρα είτε παράκτια είτε επί της θέσεως πρόσδεσης. Οι παράγοντες που καθορίζουν συνήθως το που θα γίνει η σύνδεση με τη γάστρα είναι συνήθως οικονομικοί.

Η γάστρα παρέχει την άνωση που απαιτείται για να επιπλεύσει η TLP στο νερό και υποστηρίζει την πλατφόρμα. Η γάστρα περιέχει αρκετά από τα μηχανικά συστήματα που απαιτούνται για τη λειτουργία της πλατφόρμας. Ο εξοπλισμός στα τμήματα επιφανείας σχετίζεται με εγκαταστάσεις αποθήκευσης νερού για πυρόσβεση, θαλασσινού νερού, diesel, κα. Ο εξοπλισμός που σχετίζεται με τη γάστρα της πλατφόρμας περιλαμβάνει τα συστήματα ερματισμού και διαγωγής, τα συστήματα αποστράγγισης και bilge συμπεριλαμβανομένων των συστημάτων έκτακτης αποστράγγισης, θέρμανσης, αερισμού και κλιματισμού (HVAC).

Μια χαρακτηριστική γάστρα έχει τέσσερις κολώνες, που η διάμετρός τους φτάνει μέχρι και τα 30,48m (100ft), και είναι συνδεμένες στη βάση με τέσσερα συστήματα πάκτωσης. Αυτά είναι ερματισμένα κατά τη διάρκεια της παράκτιας κατασκευής, της σύνδεσης των τμημάτων και της εγκατάστασης της πλατφόρμας TLP. Ο απερματισμός γίνεται μέσω των αντλιών που βρίσκονται μέσα σε υδατοστεγείς θαλάμους. Κατά τη διάρκεια της κανονικής λειτουργίας, τα συστήματα είναι άδειοι. Η κατασκευή της γάστρας πραγματοποιείται στο ναυπηγείο. Τα δοκάρια στήριξης της μονάδας κατασκευάζονται μαζί με τη γάστρα. Τα κατασκευασμένα τμήματα μεταφέρονται σε μια παράκτια περιοχή για τη συνένωση και κατόπιν ρυμουλκούνται στη θέση της πλατφόρμας.

Η πρώτη TLP πλατφόρμα κατασκευάστηκε για την Hutton Conoco στη Βόρεια Θάλασσα στις αρχές της δεκαετίας του 1980. Η γάστρα κατασκευάστηκε στη δεξαμενή του ναυπηγείου Nigg Fabricator της Σκωτίας, ενώ η υπερκατασκευή στο ναυπηγείο McDermott σε Ardersier. Τα δύο μέρη συνενώθηκαν στην Βόρεια Θάλασσα το 1984.

Οι βαθύτερες TLP μετρώντας από τον πυθμένα θάλασσας έως την επιφάνεια είναι :

- 1,425 m Magnolia TLP στον κόλπο του Μεξικό
- 1345m, Statoil Heidrum Platform στην Βόρεια Θάλασσα
- 1,311 m Marco Polo TLP στον κόλπο του Μεξικό
- 1,295 m Neptune TLP στον κόλπο του Μεξικό

- 1,177 m Kizomba B TLP στην Αγκόλα
- 1,177 m Kizomba A TLP στην Αγκόλα
- 1,158 m Ursa TLP στον κόλπο του Μεξικό
- 1,021 m Allegheny TLP στον κόλπο του Μεξικό



Statoil Heidrun Platform – North Sea Norway (World Largest TLP, First Application of Composite Riser, 1345m)



. ConocoPhillips Magnolia TLP – Gulf of Mexico (World Deepest TLP, 1425m)

## **ΚΕΦΑΛΑΙΟ 2: ΠΕΙΡΑΜΑΤΙΚΟ ΜΕΡΟΣ**

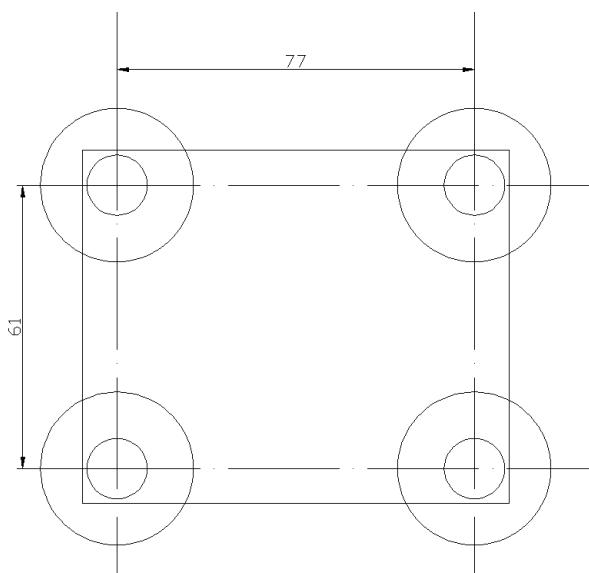
### **2.1 Σκοπός**

Σκοπός του πειραματικού μέρους της διπλωματικής αυτής εργασίας ήταν η μέτρηση της ανύψωσης της ελεύθερης επιφάνειας και των δυναμικών φορτίσεων στις surge, heave και pitch διευθύνσεις καθώς και τον υπολογισμό των γενικευμένων drift δυνάμεων μέσω αυτών στο πρότυπο πλατφόρμας TLP σε θαλάσσιους κυματισμούς διαφόρων συχνοτήτων και υψών κύματος καθώς και σε συνδυασμένη δράση κυματισμών και ρεύματος στην επιφάνεια της θάλασσας, προσεγγίζοντας το τελευταίο μέσω πρόσω και όπισθεν ταχύτητας του φορείου στο οποίο ήταν πακτωμένο το μοντέλο. Δυστυχώς, εξαιτίας σφάλματος στις μετρήσεις των load cells του δυναμόμετρου, των οργάνων δηλαδή που μετρούν τις ασκούμενες δυνάμεις στην κατασκευή, η μέτρηση των δυνάμεων δεν κατέστη εφικτή.

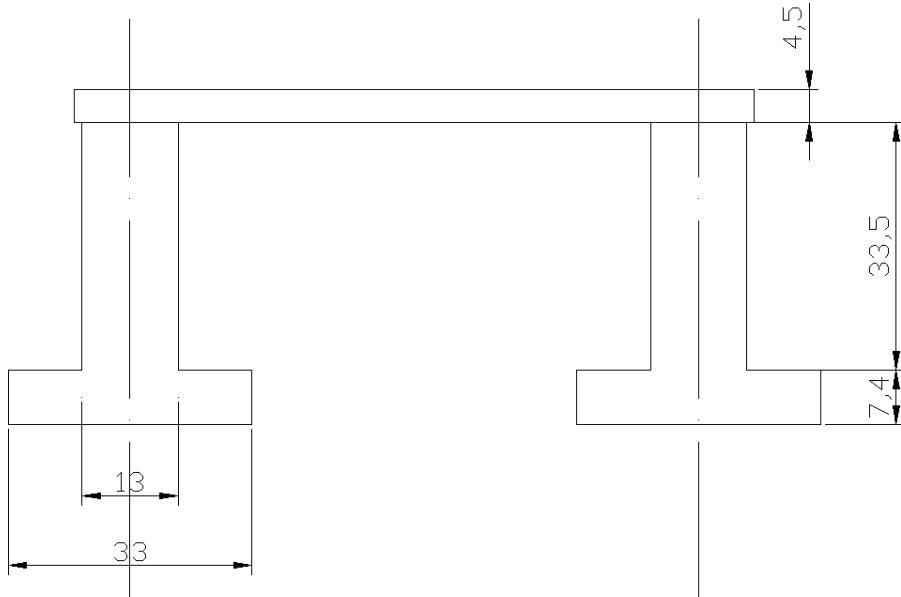
Οι δοκιμές πραγματοποιήθηκαν σε ξύλινο πρότυπο πλωτής κατασκευής TLP τεσσάρων σύνθετων κατακόρυφων πυλώνων με μεταβλητή διάμετρο, υπό κλίμακα 1:100, στην Πειραματική Δεξαμενή του Εργαστηρίου Ναυτικής και Θαλάσσιας Υδροδυναμικής (ΕΝΘΥ) του Ε.Μ.Π. Επίσης λήφθηκαν μετρήσεις σε ένα σκέλος του προτύπου το οποίο αφαιρέθηκε από το συγκρότημα προκειμένου να δοκιμαστεί μεμονωμένα.

### **2.2 Περιγραφή Πλωτής Κατασκευής**

Η πλωτή διάταξη που εξετάστηκε είναι σχήματος ορθογωνίου παραλληλογράμμου, με προσαρτημένους τέσσερις σύνθετους κυλίνδρους στις κορυφές του (έναν σε κάθε κορυφή), οι οποίοι εξασφαλίζουν την άντωση που απαιτείται για να επιπλέει το σύστημα. Το πρότυπο το οποίο μελετήθηκε φαίνεται στα παρακάτω σχήματα. Οι διαστάσεις είναι σε m.



Σχήμα 1.1 Κάτοψη προτύπου



Σχήμα 2.2

#### Πλάγια όψη προτύπου

Οι παραπάνω σχεδιάσεις δοκιμάστηκαν σε αρμονικούς κυματισμούς σταθερές αλλά και κινούμενες. Πιο συγκεκριμένα, τα ύψη των κυματισμών που ελέγχθηκαν ήταν: **4, 6, 7 και 8 cm** (κλίμακα προτύπου).

Στον Πίνακα 2.1 που ακολουθεί, παρουσιάζονται τα χαρακτηριστικά της πλωτής κατασκευής σε φυσική κλίμακα. Το βύθισμα αναφέρεται στη βασική γραμμή αναφοράς σε κάθε περίπτωση

Πίνακας 2.1

| Χαρακτηριστικά                  | Μεγέθη |
|---------------------------------|--------|
| Εκτόπισμα Δ, [mt]               | 28.196 |
| Ύψος μικρού κυλίνδρου [m]       | 8.0    |
| Διáμετρος μικρού κυλίνδρου [m]  | 13.0   |
| Ύψος μεγάλου κυλίνδρου [m]      | 7.0    |
| Διáμετρος μεγάλου κυλίνδρου [m] | 33.0   |
| Βύθισμα [m]                     | 15.0   |

### 2.3 Περιγραφή Προτύπου

Όπως αναφέρθηκε και στην εισαγωγή, το ξύλινο πρότυπο της πλωτής κατασκευής πολλαπλών σύνθετων κυλινδρικών πυλώνων, υπό κλίμακα 1:100, που χρησιμοποιήθηκε στις δοκιμές δυναμικής συμπεριφοράς σε κυματισμούς κατασκευάστηκε στο ΕΝΘΥ. Οι δοκιμές έγιναν με το πρότυπο ακίνητο, χωρίς υπερκατασκευές αλλά ερματισμένο στο ορθό εκτόπισμα.

Το πειραματικό πρότυπο πακτώθηκε στο φορείο της δεξαμενής, εξαλείφοντας έτσι τις κατακόρυφες κινήσεις τις πλατφόρμας και προσομοιώνοντας με αυτό τον τρόπο μία tension leg πλατφόρμα. Το θαλάσσιο ρεύμα προσομοιώθηκε με αλλαγή της διεύθυνσης κίνησης και της ταχύτητας του πειραματικού προτύπου.

Τα χαρακτηριστικά του προτύπου παρουσιάζονται στον πίνακα 2.2 που ακολουθεί.

Πίνακας 2.2

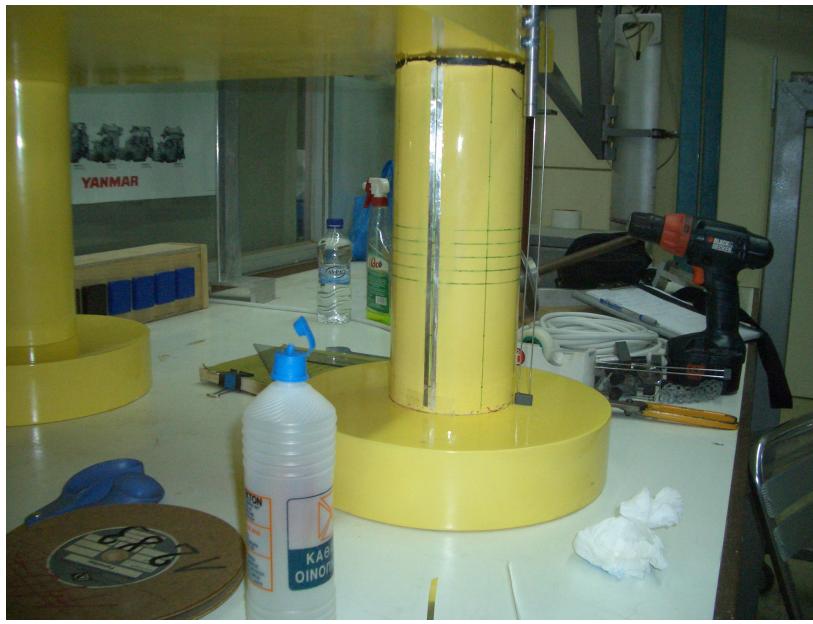
| Χαρακτηριστικά                  | Μεγέθη |
|---------------------------------|--------|
| Εκτόπισμα Δ, [kg]               | 21.51  |
| Ύψος μικρού κυλίνδρου [m]       | 0.08   |
| Διάμετρος μικρού κυλίνδρου [m]  | 0.13   |
| Ύψος μεγάλου κυλίνδρου [m]      | 0.07   |
| Διάμετρος μεγάλου κυλίνδρου [m] | 0.33   |
| Βύθισμα [m]                     | 0.15   |

Στις φωτογραφίες 2.1 και 2.2 που ακολουθούν φαίνεται το πειραματικό πρότυπο, ενώ διακρίνονται και οι αλουμινοταινίες που κολλήθηκαν για τη λήψη των πειραματικών μετρήσεων της ανύψωσης της ελεύθερης επιφάνειας. Στη φωτογραφία 2.3 φαίνεται το μεμονωμένο σκέλος προσαρτημένο στο φορείο κατά τη διάρκεια των δοκιμών.



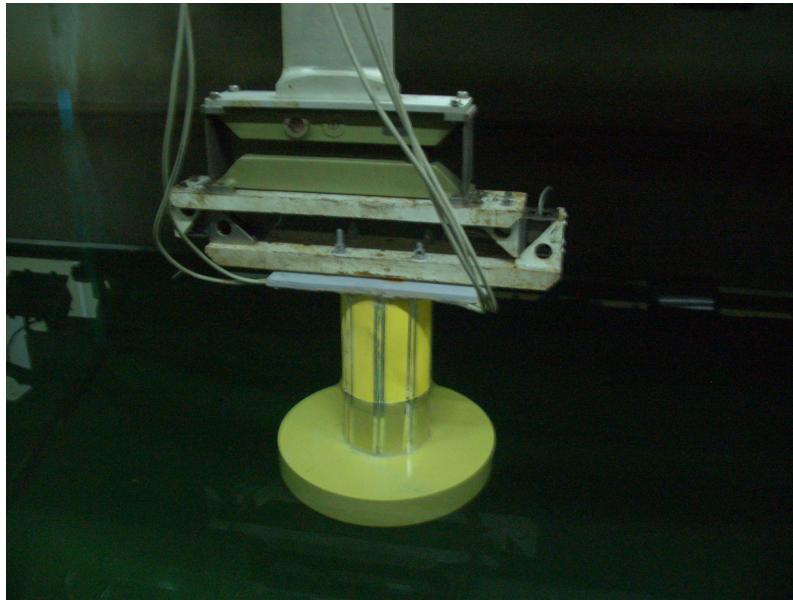
Φωτογραφία 2.1

Πειραματικό πρότυπο πλωτής κατασκευής



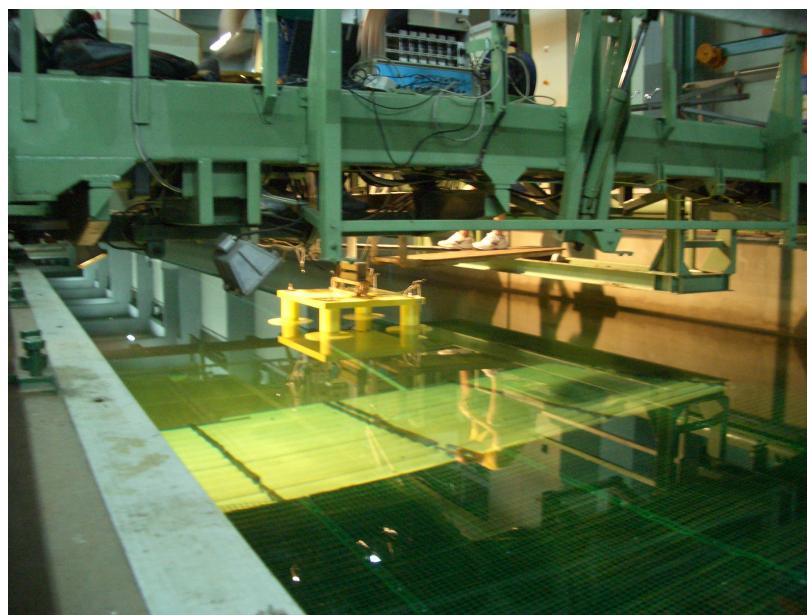
Φωτογραφία 2.2

Πειραματικό πρότυπο πλωτής κατασκευής



Φωτογραφία 2.3

Μεμονωμένο κυλινδρικό στέλεχος



Φωτογραφία 2.4

Το πρότυπο προσαρμοσμένο στο φορείο της δεξαμενής

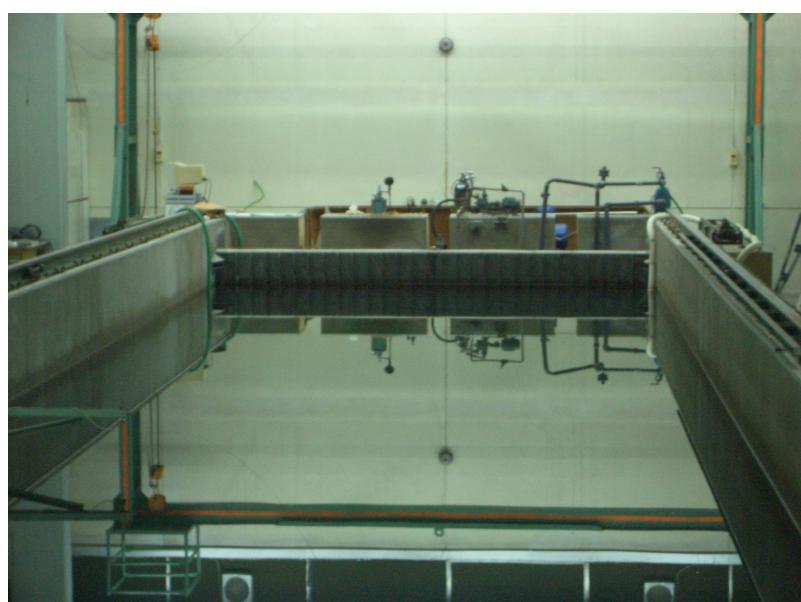
## **2.4 Περιγραφή δεξαμενής Ε.Ν.Θ.Υ.**

Το Εργαστήριο Ναυτικής & Θαλάσσιας Υδροδυναμικής (ΕΝΘΥ) του Ε.Μ.Π. έχει στις εγκαταστάσεις του Πειραματική Δεξαμενή μήκους 100 m, πλάτους 4.6 m και μέγιστου βάθους νερού 3.0 m. Η Πειραματική Δεξαμενή είναι εξοπλισμένη με φορείο δοκιμών, του οποίου η κίνηση ρυθμίζεται με τη βοήθεια Η/Y και η μέγιστη ταχύτητα του είναι 5.3 m/sec. Ακόμη η Πειραματική Δεξαμενή διαθέτει σύστημα παραγωγής κυματισμών (Κυματιστήρα) και σύστημα απόσβεσης κυματισμών (Αποσβεστήρας). Ο Κυματιστήρας έχει τη δυνατότητα παραγωγής αρμονικών κυματισμών καθώς και τυχαίων θαλάσσιων κυματισμών με συγκεκριμένη φασματική κατανομή.



Φωτογραφία 2.5

Η πειραματική δεξαμενή του Ε.Ν.Θ.Υ.



Φωτογραφία 2.5

Ο κυματιστήρας της δεξαμενής του Ε.Ν.Θ.Υ.

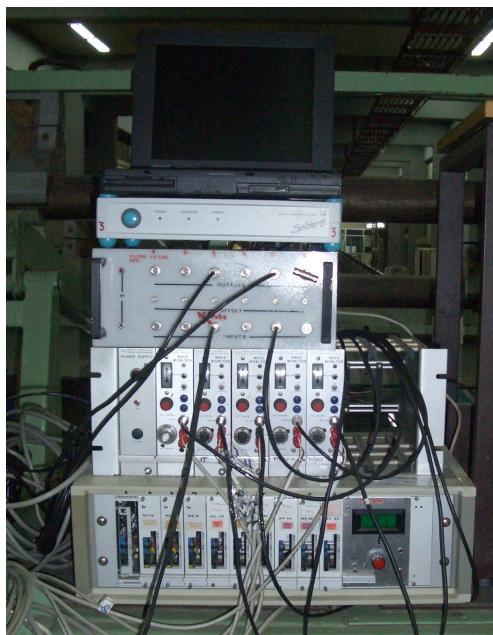
## 2.5 Όργανα μετρήσεων

Τα όργανα που χρησιμοποιήθηκαν για την πραγματοποίηση του πειράματος είναι:

1. Ηλεκτρικά αγώγιμα ζεύγη συρμάτων (probes)
2. Ένας ενισχυτής του ηλεκτρικού σήματος
3. Μια συσκευή μέτρησης και καταγραφής του ηλεκτρικού σήματος (wave monitor)
4. Μια συσκευή αποτύπωσης του ηλεκτρικού σήματος σε ηλεκτρονικό υπολογιστή (spider8)
5. Ένας φορητός ηλεκτρονικός υπολογιστής

Στη συνέχεια παρατίθεται μια σύντομη ανάλυση ορισμένων εκ των οργάνων που χρησιμοποιήθηκαν.

### WAVE MONITOR



Το όργανο είναι μια απλή και αξιόπιστη συσκευή για τη μέτρηση και καταγραφή των κυματισμών του νερού σε μοντέλα και δεξαμενές. Λειτουργεί υπό την αρχή της μέτρησης του ρεύματος που διαρρέει σε ένα probe που αποτελείται από ένα ζεύγος παράλληλων συρμάτων από ανοξείδωτο χάλυβα. Το probe ενεργοποιείται με εφαρμογή υψηλής συχνότητας τετραγωνικού κύματος τάσης για την αποφυγή φαινομένων πόλωσης στις επιφάνειες των συρμάτων. Τα σύρματα βυθίζονται στο νερό και το ρεύμα που ρέει ανάμεσά τους είναι ανάλογο με το βάθος της κατάδυσης. Το ρεύμα είναι αισθητό από ένα ηλεκτρονικό κύκλωμα το οποίο παρέχει μια τάση εξόδου ανάλογη του στιγμιόυ βάθους κατάδυσης, δηλαδή το ύψος κύματος, και μπορεί να καταγραφεί καταγραφέα υψηλής ταχύτητας ή δεδομένων.

Το σύνηθες probe του συναντάται αποτελείται από ένα ζεύγος συρμάτων από ανοξείδωτο χάλυβα, διαμέτρου 1.5mm και

12.5mm απόσταση μεταξύ τους. Ωστόσο, η ευκολία της ροής και ευαισθησίας των κυκλωμάτων παρέχουν μια πολύ μεγάλη ποικιλία των διαμορφώσεων των probes που χρησιμοποιούνται.

Αυτή η ευελιξία επιτρέπει στο χρήστη να κατασκευάσει ανιχνευτές ανάλογα με τις απαιτήσεις του, όπως στα ακόλουθα παραδείγματα:

1. Probes σε μορφή ταινιών για ρυμούλκηση πλοίου υψηλής ταχύτητας σε δεξαμενές.
2. Ειδικά διαμορφωμένα probes που συνδέονται στην πλευρά των μοντέλων για τη μέτρηση των pitch, heave κλπ.

Η τάση εξόδου μπορεί να βαθμονομηθεί ως προς το ύψος κύματος μεταβάλλοντας το βάθος κατάδυσης του probe σε ήρεμο νερό σταθερής ποσότητας, και σημειώνοντας την αλλαγή που παρατηρείται στο σήμα εξόδου. Ένα ειδικό μέλος υποστήριξης του probe με κατανευμένες τρύπες τοποθέτησης είναι διαθέσιμο για να διευκολύνει αυτή τη λειτουργία.

Όταν ανιχνευτές χρησιμοποιούνται πολύ κοντά ο ένας στον άλλο είναι απαραίτητο να λειτουργούν σε διαφορετικές συχνότητες ώστε να αποφεύγεται τυχόν αμοιβαία αλληλεπίδραση.



## SPIDER8

Το Spider8 είναι ένα ηλεκτρονικό σύστημα ηλεκτρικής μέτρησης μεταβλητών, όπως η επιμήκυνση, δύναμη, πίεση, η επιτάχυνση και η θερμοκρασία. Το Spider8 συνδέεται με τον φορητό ηλεκτρονικό υπολογιστή μέσω του οποίου εκτελούνται όλες οι εντολές κ γίνονται οι απαραίτητες ρυθμίσεις.

Τα χαρακτηριστικά του Spider8 είναι:

- Η βασική διάταξη περιλαμβάνει 4 ψηφιακούς ενισχυτές με συχνότητα 4.8kHz
- Κάθε κανάλι λειτουργεί με ένα ξεχωριστό μετατροπέα A/D που επιτρέπει την μέτρηση ρυθμών από 1/s ως 9600/s.
- Οι A/D μετατροπείς είναι συγχρονισμένοι ώστε να εξασφαλίζεται η ταυτόχρονη μέτρηση σε όλα τα κανάλια.



Η μετατροπή των μετρούμενων volts από τα ηλεκτρικά και ηλεκτρονικά συστήματα που περιγράφηκαν παραπάνω σε ανύψωση της ελεύθερης επιφάνειας, έγινε με τη βοήθεια συναρτήσεων μεταφοράς. Συνάρτηση μεταφοράς είναι ο όρος που χρησιμοποιείται στην επεξεργασία σήματος για να περιγραφεί η συμπεριφορά ενός γραμμικού, αιτιατού συστήματος. Ως γραμμικό σύστημα θεωρούμε μια οποιαδήποτε διάταξη που έχει μία ή περισσότερες εισόδους και μία ή περισσότερες εξόδους. Οι είσοδοι και οι έξοδοι είναι σήματα, δηλαδή συναρτήσεις του χρόνου. Ως σήμα ορίζεται οποιαδήποτε συνάρτηση μεταξύ φυσικών ποσοτήτων.

Μία ευρέως διαδεδομένη μέθοδος ανάλυσης σήματος είναι η ανάλυση Fourier, με την οποία αναλύουμε ένα οποιοδήποτε περιοδικό σήμα σε άθροισμα απείρων ημιτόνων, όλων των δυνατών συχνοτήτων, τα οποία σχηματίζουν αθροιζόμενα το ολικό αρχικό σήμα. Κάθε ένα από αυτά τα ημίτονα συμμετέχει με διαφορετικό πλάτος στο ολικό σήμα και ο μαθηματικός Μετασχηματισμός Fourier (FFT) μας λέει κατά πόσο συμμετέχει κάθε πιθανή συχνότητα στον σχηματισμό του. Έτσι π.χ. ο Μετασχηματισμός Fourier ενός απλού ημιτονοειδούς σήματος είναι η κρουστική συνάρτηση, μία ώθηση, καθώς το ημίτονο περιέχει μόνο μία συχνότητα.

Ο Μετασχηματισμός Fourier (FFT) έχει εφαρμοστεί δειγματοληπτικά παρακάτω στη διπλωματική εργασία ώστε να ελεγχθεί το κατά πόσο τελικά έχει επιτευχθεί η συχνότητα του κυματισμού που είχε αρχικά εφαρμοστεί στον κυματιστήρα σε ακραίους συνδυασμούς ύψους κύματος και συχνότητας.

Όσον αφορά την επεξεργασία των μετρήσεων, όπως προαναφέρθηκε, η μετατροπή των μετρούμενων volts σε ανύψωση της ελεύθερης επιφάνειας, έγινε με τη βοήθεια των συναρτήσεων μεταφοράς, μέσω μιας καμπύλης βαθμονόμησης. Για να βρεθεί αυτή η καμπύλη, αλλάζαμε το βύθισμα του wave probe και παίρναμε μια μέτρηση για τα volts σε κάθε θέση. Από αυτές τις μετρήσεις με την εντολή slope στο excel βρίσκαμε την καμπύλη που παρεμβάλλει αυτά τα σημεία μέτρησης, δηλαδή την καμπύλη βαθμονόμησης. Η καμπύλη αυτή ήταν της μορφής  $y=ax+b$  όπου  $x$ :τα μετρούμενα volts,  $y$ : η ανύψωση της ελεύθερης επιφάνειας και  $a,b$  οι σταθερές που προκύπτουν από την κλίση της καμπύλης.

## **2.6 Προβλήματα που παρουσιάσθηκαν**

Στην ενότητα αυτή γίνεται λόγος για τα προβλήματα που παρουσιάσθηκαν κατά την εκτέλεση της πειραματικής εργασίας, καθώς και οι τρόποι με τους οποίους αντιμετωπίσθηκαν.

1. Όπως προαναφέρθηκε και στην ενότητα 2.1, παρότι στόχος του πονήματος ήταν και η μέτρηση των ασκούμενων δυνάμεων στο πειραματικό πρότυπο, αυτή δεν κατέστη τελικά δυνατή λόγω σφάλματος που παρουσιάστηκε κατά τη διαδικασία βαθμονόμησης του δυναμόμετρου του εργαστηρίου. Πιο συγκεκριμένα, τα load cells που χρησιμοποιούνταν από το εργαστήριο για τη μέτρηση των ασκούμενων δυνάμεων στο πρότυπο, δεν μπορούσαν να επανέλθουν στην προηγούμενή τους κατάσταση μετά την παύση άσκησης της οποιασδήποτε δύναμης. Έτσι, αποφασίσθηκε να μην προχωρήσουμε σε μετρήσεις δυνάμεων πιθανόν μη ασφαλείς, μιας και η επισκευή τους δεν ήταν δυνατή.
2. Για τη δημιουργία ιδανικών συνθηκών μέτρησης, η επιφάνεια του νερού της δεξαμενής θα έπρεπε να βρίσκεται σε πλήρη ηρεμία. Ο χρόνος, όμως, που έπρεπε να μεσολαβήσει ανάμεσα σε δύο μετρήσεις ώστε να επιτευχθεί αυτή η ηρεμία ήταν απαγορευτικός για την πραγματοποίηση όλων αυτών των μετρήσεων. Έτσι, αποφασίσθηκε ανάμεσα στις μετρήσεις να μεσολαβεί ένας χρόνος αδράνειας γύρω στα τριάντα με σαράντα λεπτά, κατά μέσο όρο. Αυτό, όμως, είχε σαν αποτέλεσμα κατά την έναρξη της εφαρμογής του κυματισμού, να εμπεριέχεται κ ένας δεύτερος υψηλότερης συχνότητας κυματισμός, ο οποίος επηρέαζε σαφώς τις μετρήσεις. Για να ελαπτωθεί όσο το δυνατόν περισσότερο η επιρροή αυτού του δευτερεύοντος κυματισμού στα αποτελέσματα των μετρήσεων, λαμβάναμε μία μέτρηση του κυματισμού που υπήρχε στην ελεύθερη επιφάνεια του νερού στην κατάσταση της θεωρητικής ηρεμίας, λίγα δευτερόλεπτα πριν δηλαδή εφαρμοστεί ο επιθυμητός κυματισμός. Από αυτή τη μέτρηση, λαμβάναμε μια μέση τιμή, την οποία και αφαιρούσαμε από τις τελικές μετρήσεις του εκάστοτε πειράματος.

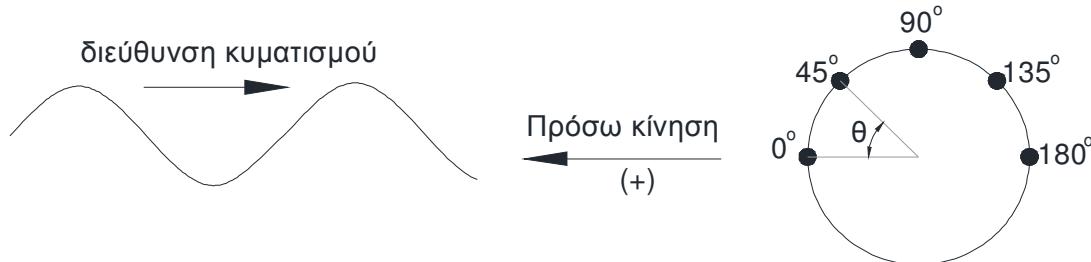
Για τους ανωτέρω λόγους, όπως προαναφέρθηκε, χρησιμοποιήθηκε ο μετασχηματισμός Fourier (FFT, Fast Fourier Transformation) ώστε να εξακριβωθεί εάν σε κάθε μέτρηση είχε επιτευχθεί η επιθυμητή συχνότητα. Στη συνέχεια του κειμένου, παρατίθενται και παραδείγματα μετασχηματισμών Fourier που εφαρμόστηκαν σε ακραίους συνδυασμούς συχνότητας και ύψους κύματος.

3. Το στενό πλάτος της δεξαμενής του εργαστηρίου, ευνοούσε το φαινόμενο του διατοιχισμού, δεν επέτρεπε δηλαδή την ελεύθερη εκτόνωση των κυματισμών που είχαν παραχθεί κατά τη διάρκεια μιας μέτρησης. Έτσι, μόλις προσέκρουε ένας κυματισμός στα πλάγια τοιχώματα της δεξαμενής, δημιουργείτο ένας νέος κυματισμός αντίθετης διεύθυνσης με αποτέλεσμα να εισάγεται και μια νέα συχνότητα στον εφαρμόζοντα κυματισμό, ο οποίος τελικά δεν μπορούσε να δώσει ορθές μετρήσεις. Το φαινόμενο αυτό παρατηρήθηκε κυρίως σε συνδυασμούς υψηλής συχνότητας, ταχύτητας κι ύψους κύματος.

## **ΚΕΦΑΛΑΙΟ 3: Παρουσίαση αποτελεσμάτων**

### **3.1 Χρονικές ιστορίες**

Στον πίνακα που ακολουθεί αναφέρονται οι περιπτώσεις οι οποίες εξετάσθηκαν και αναλύθηκαν.  
Σημειώνονται τα εξής:



- Ως θετική φορά (+) της ταχύτητας της πλατφόρμας θεωρήθηκε η κίνηση αντίθετα στη φορά του κυματισμού.
- Ο αριθμός Froude (Fn) υπολογίζεται από τον τύπο  $Fn = c/(gl)^{0.5}$ ,  
Όπου,  $c$ : η ταχύτητα διάδοσης του κυματισμού σε m/s  
 $g=9.81 \text{ m/s}^2$   
 $l=0.33\text{m}$  : η μεγαλύτερη διάμετρος των στελεχών στήριξης της πλατφόρμας, η οποία ελήφθη ως η χαρακτηριστική διάσταση.
- Σαν FR (Front Right) συμβολίζεται το εμπρόσθιο δεξιά στέλεχος στήριξης της πλατφόρμας και σαν RR (Rear Right) το πίσω δεξιά στέλεχος στα οποία εφαρμόσθηκαν τα wave probes και λήφθηκαν οι μετρήσεις.
- Οι αριθμοί που συνοδεύουν τους παραπάνω συμβολισμούς (π.χ. FR0) αναφέρονται στη γωνία θ που εφαρμόσθηκαν οι αλουμινοταινίες, θεωρώντας ως 0° το σημείο που προσπίπτει πρώτα ο κυματισμός κατά την πρόσω ταχύτητα της πλατφόρμας.

| Πρότυπο |           |      |         |           |       |
|---------|-----------|------|---------|-----------|-------|
| T (cm)  | Wave (cm) | f Hz | V (m/s) | ω (rad/s) | Fn    |
| 15      | 4         | 0,3  | 0       | 1,884     | 0     |
| 15      | 4         | 0,4  | 0       | 2,512     | 0     |
| 15      | 4         | 0,5  | 0       | 3,140     | 0     |
| 15      | 4         | 0,6  | 0       | 3,768     | 0     |
| 15      | 4         | 0,7  | 0       | 4,396     | 0     |
| 15      | 4         | 0,8  | 0       | 5,024     | 0     |
| 15      | 4         | 0,9  | 0       | 5,652     | 0     |
| 15      | 6         | 0,5  | 0       | 3,140     | 0     |
| 15      | 6         | 0,6  | 0       | 3,768     | 0     |
| 15      | 6         | 0,7  | 0       | 4,396     | 0     |
| 15      | 6         | 0,8  | 0       | 5,024     | 0     |
| 15      | 6         | 0,9  | 0       | 5,652     | 0     |
| 15      | 7         | 0,6  | 0       | 3,768     | 0     |
| 15      | 7         | 0,7  | 0       | 4,396     | 0     |
| 15      | 7         | 0,8  | 0       | 5,024     | 0     |
| 15      | 7         | 0,9  | 0       | 5,652     | 0     |
| 15      | 8         | 0,7  | 0       | 4,396     | 0     |
| 15      | 8         | 0,8  | 0       | 5,024     | 0     |
| 15      | 4         | 0,3  | 0,1     | 1,884     | 0,056 |
| 15      | 4         | 0,3  | 0,3     | 1,884     | 0,167 |

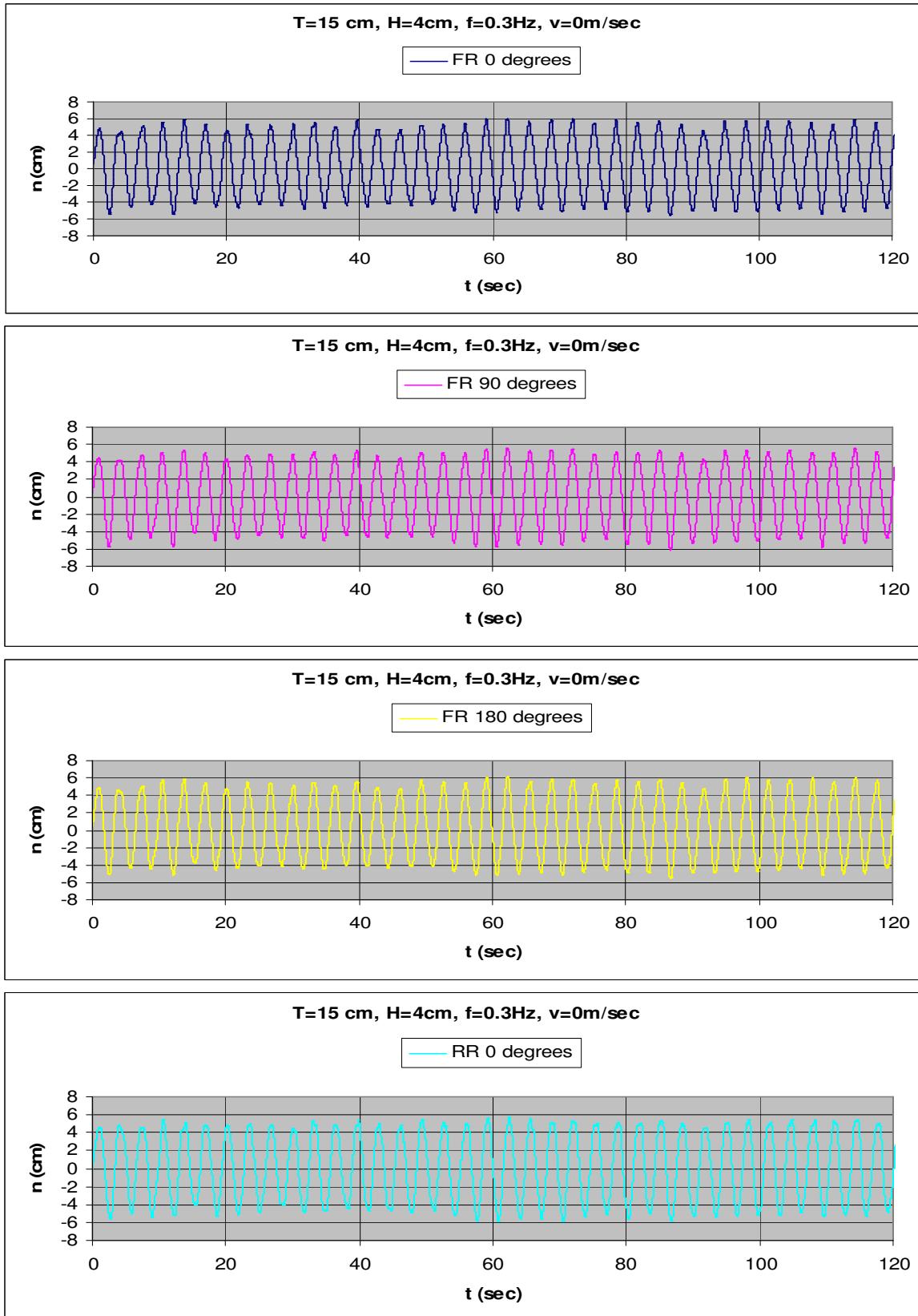
| T (cm) | Wave (cm) | f Hz | V (m/s) | $\omega$ (rad/s) | Fn    |
|--------|-----------|------|---------|------------------|-------|
| 15     | 4         | 0,3  | 0,5     | 1,884            | 0,278 |
| 15     | 4         | 0,3  | -0,5    | 1,884            | 0,278 |
| 15     | 4         | 0,4  | 0,1     | 2,512            | 0,056 |
| 15     | 4         | 0,4  | 0,3     | 2,512            | 0,167 |
| 15     | 4         | 0,4  | 0,5     | 2,512            | 0,278 |
| 15     | 4         | 0,4  | -0,5    | 2,512            | 0,278 |
| 15     | 4         | 0,5  | 0,1     | 3,140            | 0,056 |
| 15     | 4         | 0,5  | 0,3     | 3,140            | 0,167 |
| 15     | 4         | 0,5  | 0,5     | 3,140            | 0,278 |
| 15     | 4         | 0,5  | -0,5    | 3,140            | 0,278 |
| 15     | 4         | 0,6  | 0,1     | 3,768            | 0,056 |
| 15     | 4         | 0,6  | 0,3     | 3,768            | 0,167 |
| 15     | 4         | 0,6  | 0,5     | 3,768            | 0,278 |
| 15     | 4         | 0,6  | -0,5    | 3,768            | 0,278 |
| 15     | 4         | 0,7  | 0,1     | 4,396            | 0,056 |
| 15     | 4         | 0,7  | 0,3     | 4,396            | 0,167 |
| 15     | 4         | 0,7  | 0,5     | 4,396            | 0,278 |
| 15     | 4         | 0,7  | -0,5    | 4,396            | 0,278 |
| 15     | 4         | 0,8  | 0,1     | 5,024            | 0,056 |
| 15     | 4         | 0,8  | 0,3     | 5,024            | 0,167 |
| 15     | 4         | 0,8  | 0,5     | 5,024            | 0,278 |
| 15     | 4         | 0,8  | -0,5    | 5,024            | 0,278 |
| 15     | 4         | 0,9  | 0,1     | 5,652            | 0,056 |
| 15     | 4         | 0,9  | 0,3     | 5,652            | 0,167 |
| 15     | 4         | 0,9  | 0,5     | 5,652            | 0,278 |
| 15     | 4         | 0,9  | -0,5    | 5,652            | 0,278 |
| 15     | 4         | 1,0  | 0,5     | 6,280            | 0,278 |
| 15     | 4         | 1,0  | -0,5    | 6,280            | 0,278 |
| 15     | 6         | 0,5  | 0,1     | 3,140            | 0,056 |
| 15     | 6         | 0,5  | 0,3     | 3,140            | 0,167 |
| 15     | 6         | 0,5  | 0,5     | 3,140            | 0,278 |
| 15     | 6         | 0,5  | -0,5    | 3,140            | 0,278 |
| 15     | 6         | 0,6  | 0,1     | 3,768            | 0,056 |
| 15     | 6         | 0,6  | 0,3     | 3,768            | 0,167 |
| 15     | 6         | 0,6  | 0,5     | 3,768            | 0,278 |
| 15     | 6         | 0,6  | -0,5    | 3,768            | 0,278 |
| 15     | 6         | 0,7  | 0,1     | 4,396            | 0,056 |
| 15     | 6         | 0,7  | 0,3     | 4,396            | 0,167 |
| 15     | 6         | 0,7  | 0,5     | 4,396            | 0,278 |
| 15     | 6         | 0,7  | -0,5    | 4,396            | 0,278 |
| 15     | 7         | 0,6  | 0,1     | 3,768            | 0,056 |
| 15     | 7         | 0,6  | 0,3     | 3,768            | 0,167 |
| 15     | 7         | 0,6  | 0,5     | 3,768            | 0,278 |
| 15     | 7         | 0,6  | -0,5    | 3,768            | 0,278 |
| 15     | 8         | 0,7  | 0,1     | 4,396            | 0,056 |

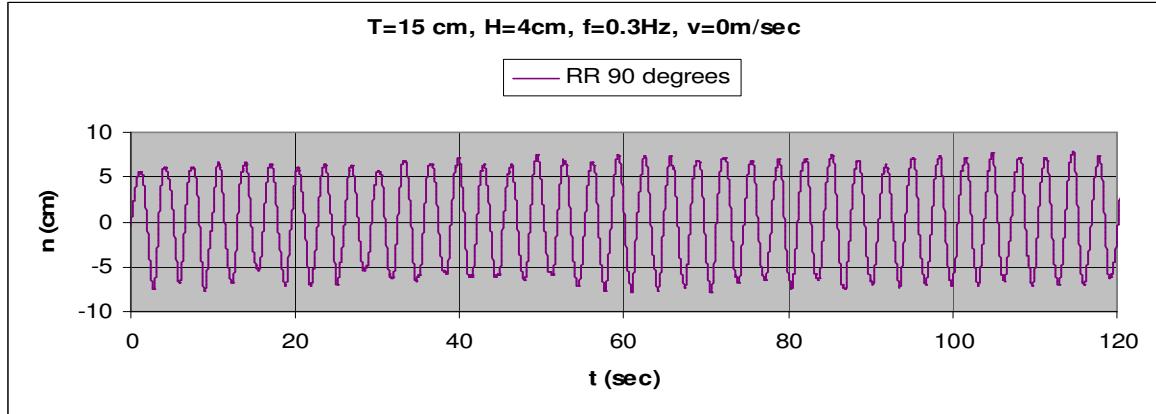
|    |   |     |      |       |       |
|----|---|-----|------|-------|-------|
| 15 | 8 | 0,7 | 0,3  | 4,396 | 0,167 |
| 15 | 8 | 0,7 | 0,5  | 4,396 | 0,278 |
| 15 | 8 | 0,7 | -0,5 | 4,396 | 0,278 |

| Σύνθετος κύλινδρος |           |      |         |           |       |
|--------------------|-----------|------|---------|-----------|-------|
| T (cm)             | Wave (cm) | f Hz | V (m/s) | ω (rad/s) | Fn    |
| 15                 | 4         | 0,3  | 0       | 1,884     | 0     |
| 15                 | 4         | 0,4  | 0       | 2,512     | 0     |
| 15                 | 4         | 0,5  | 0       | 3,140     | 0     |
| 15                 | 4         | 0,6  | 0       | 3,768     | 0     |
| 15                 | 4         | 0,7  | 0       | 4,396     | 0     |
| 15                 | 4         | 0,8  | 0       | 5,024     | 0     |
| 15                 | 4         | 0,9  | 0       | 5,652     | 0     |
| 15                 | 6         | 0,5  | 0       | 3,140     | 0     |
| 15                 | 6         | 0,6  | 0       | 3,768     | 0     |
| 15                 | 6         | 0,7  | 0       | 4,396     | 0     |
| 15                 | 6         | 0,8  | 0       | 5,024     | 0     |
| 15                 | 7         | 0,6  | 0       | 3,768     | 0     |
| 15                 | 7         | 0,7  | 0       | 4,396     | 0     |
| 15                 | 4         | 0,3  | 0,1     | 1,884     | 0,056 |
| 15                 | 4         | 0,3  | 0,3     | 1,884     | 0,167 |
| 15                 | 4         | 0,4  | 0,1     | 2,512     | 0,056 |
| 15                 | 4         | 0,4  | 0,3     | 2,512     | 0,167 |
| 15                 | 4         | 0,5  | 0,1     | 3,140     | 0,056 |
| 15                 | 4         | 0,5  | 0,3     | 3,140     | 0,167 |
| 15                 | 4         | 0,6  | 0,1     | 3,768     | 0,056 |
| 15                 | 4         | 0,6  | 0,3     | 3,768     | 0,167 |
| 15                 | 4         | 0,7  | 0,1     | 4,396     | 0,056 |
| 15                 | 4         | 0,7  | 0,3     | 4,396     | 0,167 |
| 15                 | 4         | 0,8  | 0,1     | 5,024     | 0,056 |
| 15                 | 4         | 0,8  | 0,3     | 5,024     | 0,167 |
| 15                 | 4         | 0,9  | 0,1     | 5,652     | 0,056 |
| 15                 | 4         | 0,9  | 0,3     | 5,652     | 0,167 |
| 15                 | 6         | 0,5  | 0,1     | 3,140     | 0,056 |
| 15                 | 6         | 0,5  | 0,3     | 3,140     | 0,167 |
| 15                 | 6         | 0,6  | 0,1     | 3,768     | 0,056 |
| 15                 | 6         | 0,6  | 0,3     | 3,768     | 0,167 |
| 15                 | 6         | 0,7  | 0,1     | 4,396     | 0,056 |
| 15                 | 6         | 0,7  | 0,3     | 4,396     | 0,167 |
| 15                 | 7         | 0,6  | 0,1     | 3,768     | 0,056 |
| 15                 | 7         | 0,6  | 0,3     | 3,768     | 0,167 |
| 15                 | 7         | 0,7  | 0,1     | 4,396     | 0,056 |
| 15                 | 7         | 0,7  | 0,3     | 4,396     | 0,167 |
| 15                 | 8         | 0,7  | 0,1     | 4,396     | 0,056 |
| 15                 | 8         | 0,7  | 0,3     | 4,396     | 0,167 |

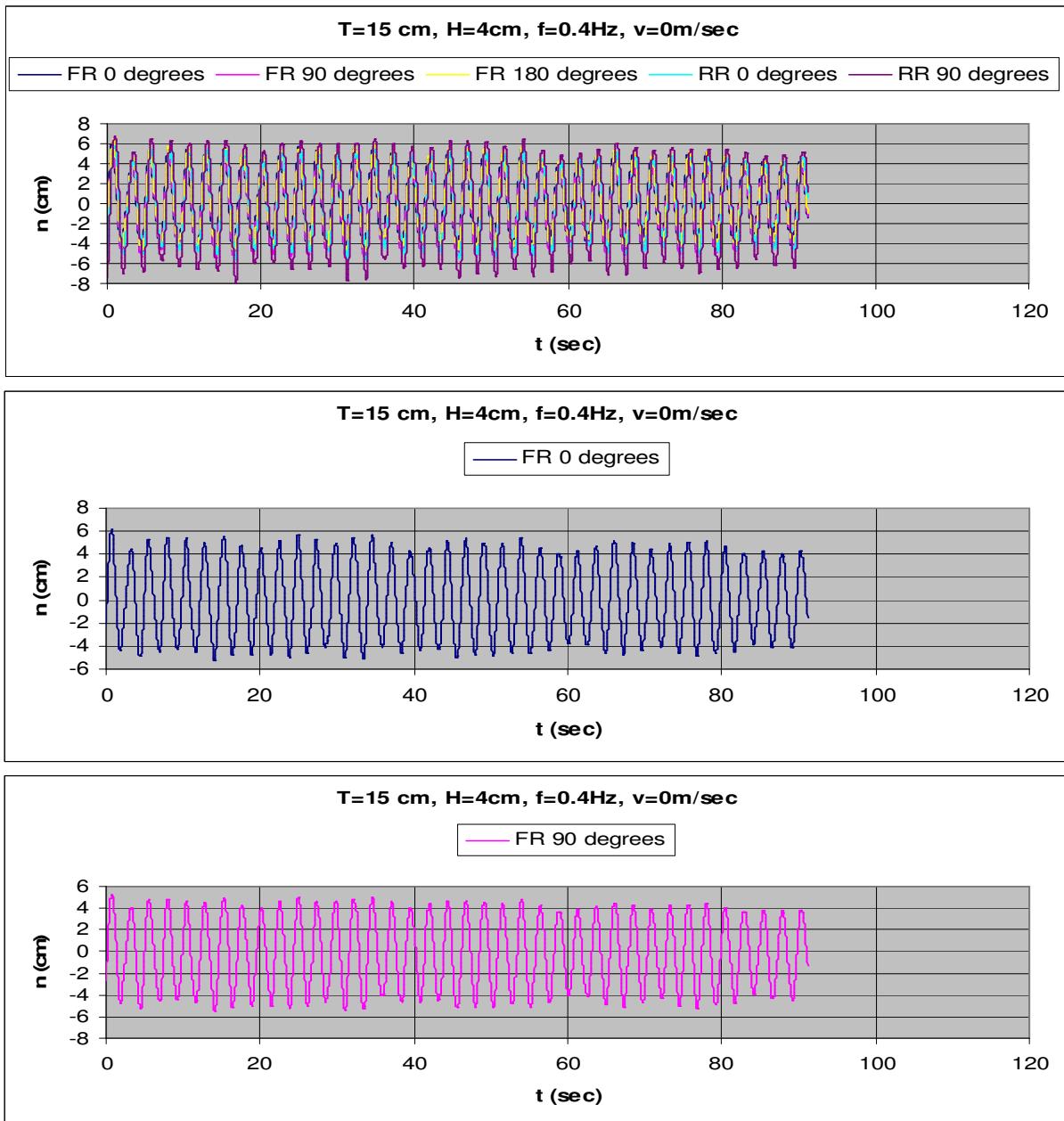
### 3.1.1 Χρονικές ιστορίες σταθερής πλατφόρμας

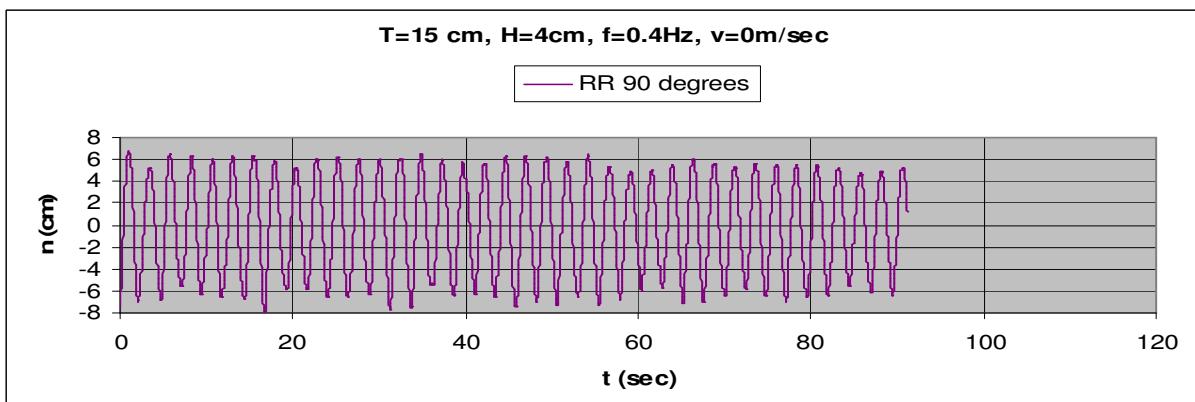
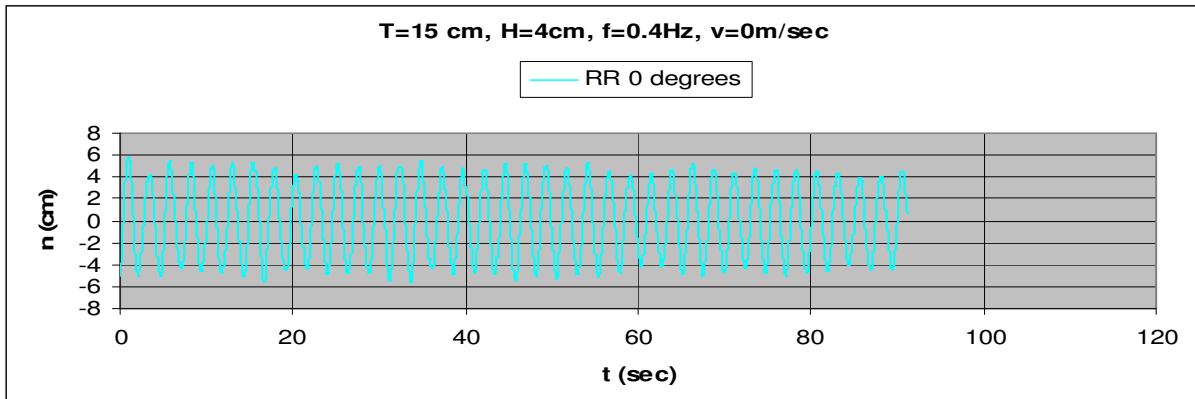
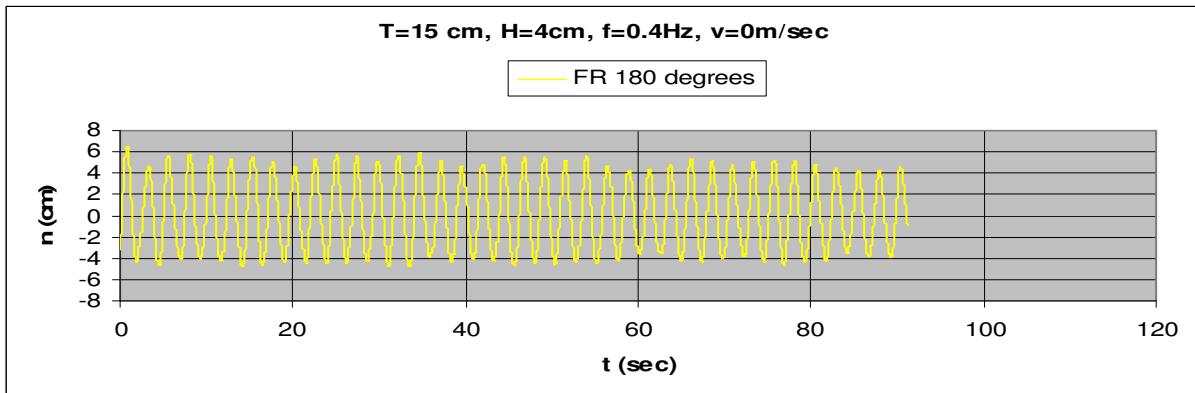
3.1.1.1  $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0\text{m/s}$ ,  $f=0.3\text{Hz}$ ,  $F_n=0$ ,  $\omega=1.885\text{rad/sec}$



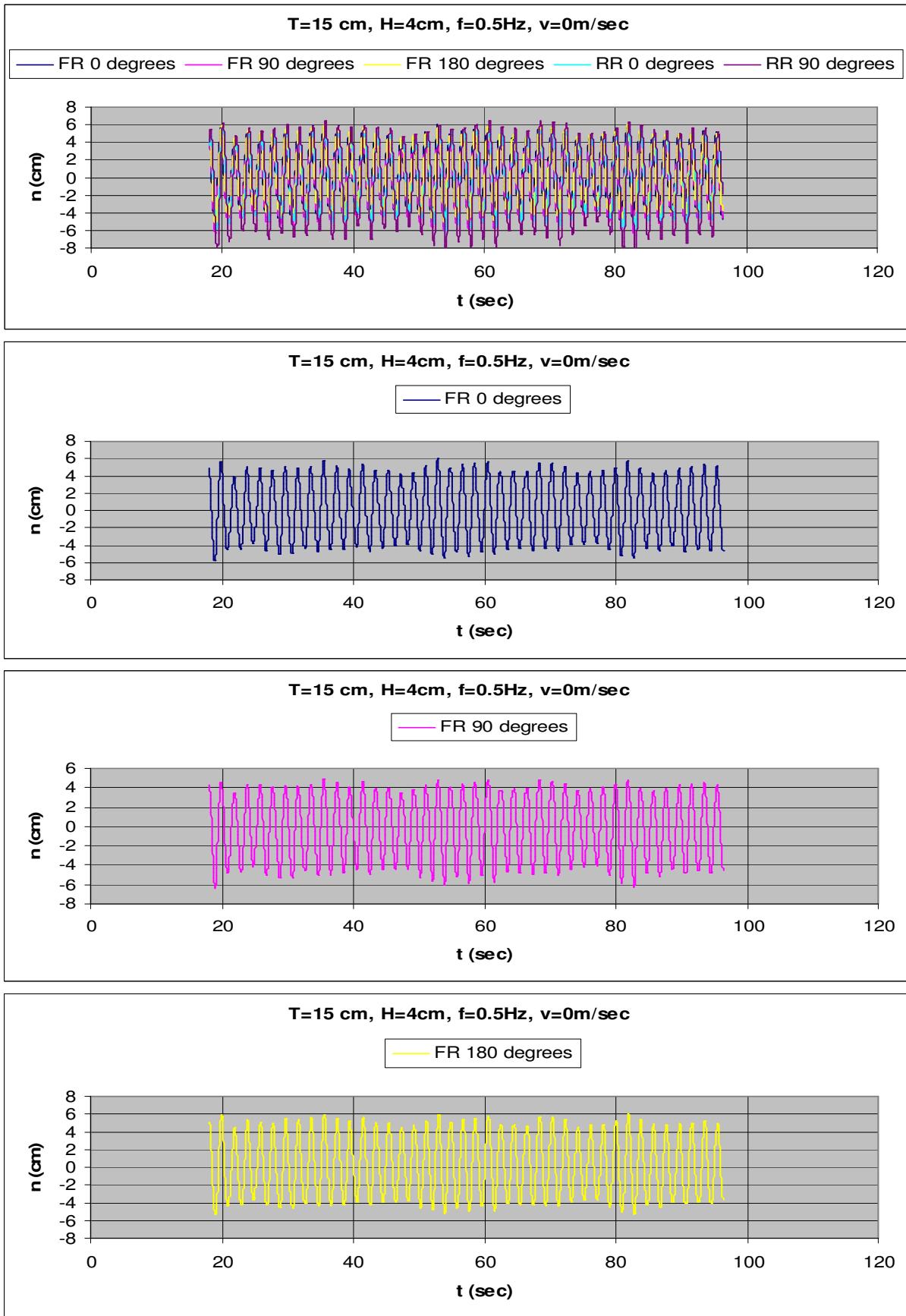


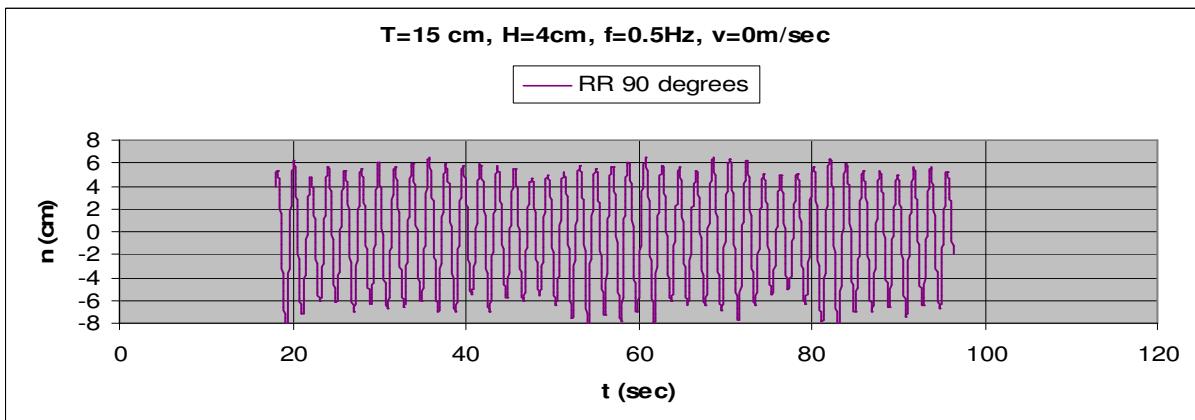
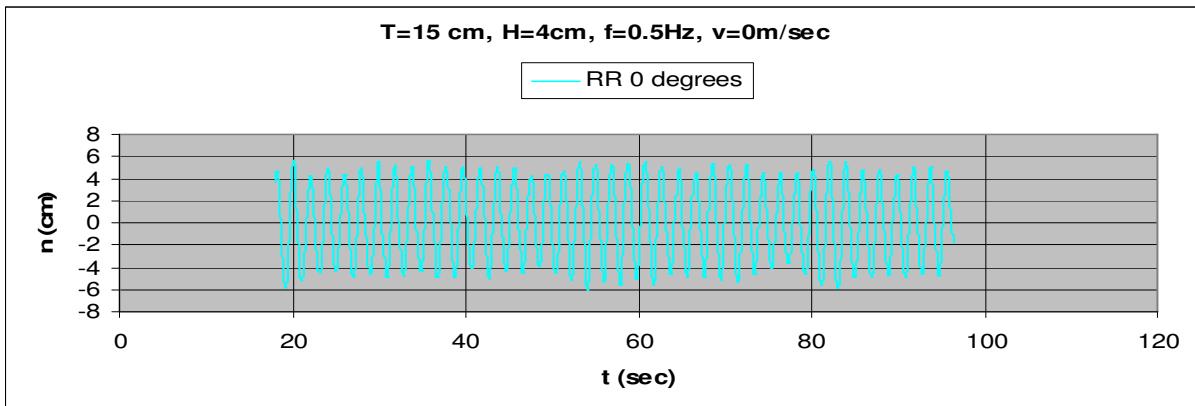
**3.1.1.2      T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.4Hz, Fn=0, ω=2.513rad/sec**



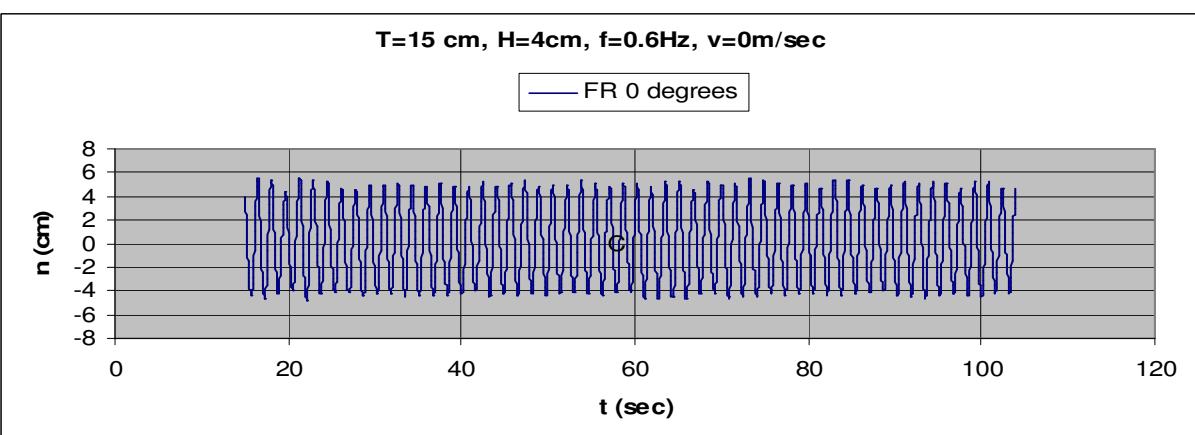
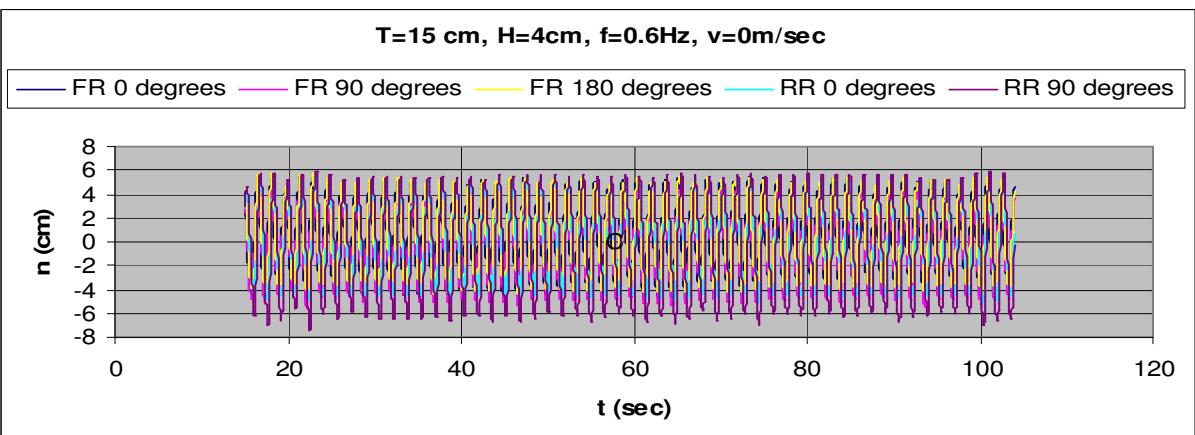


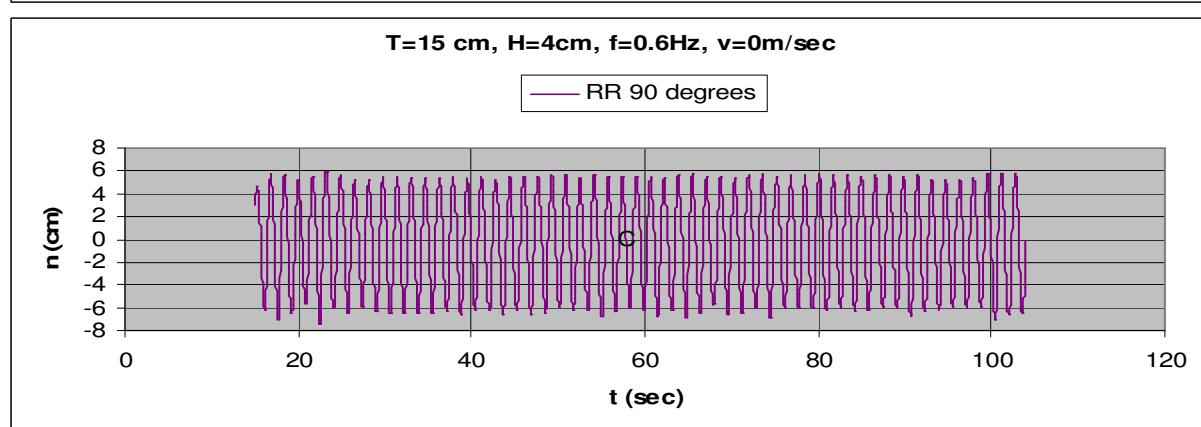
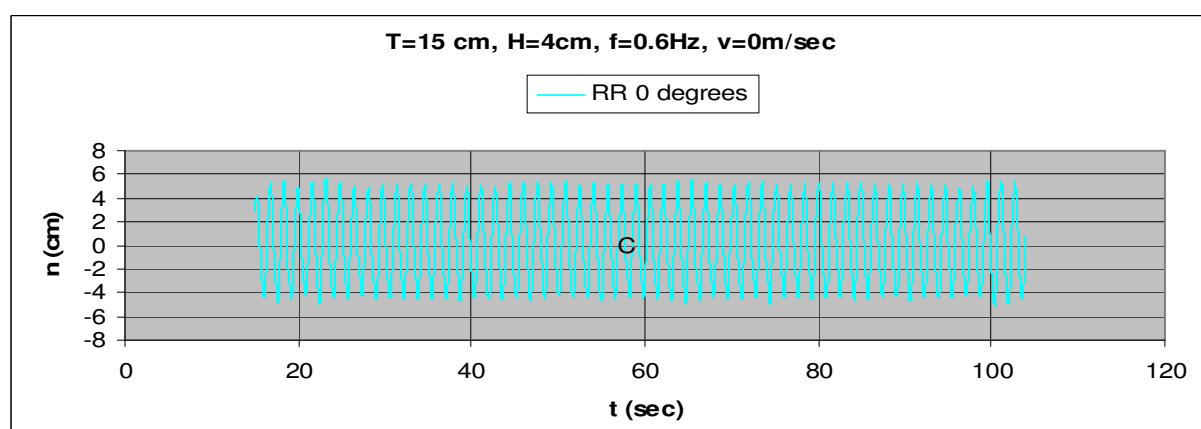
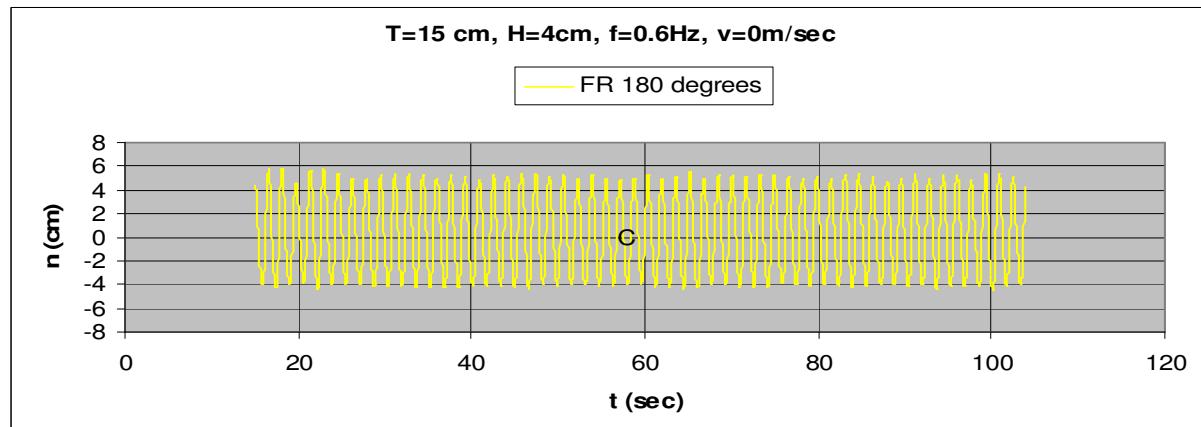
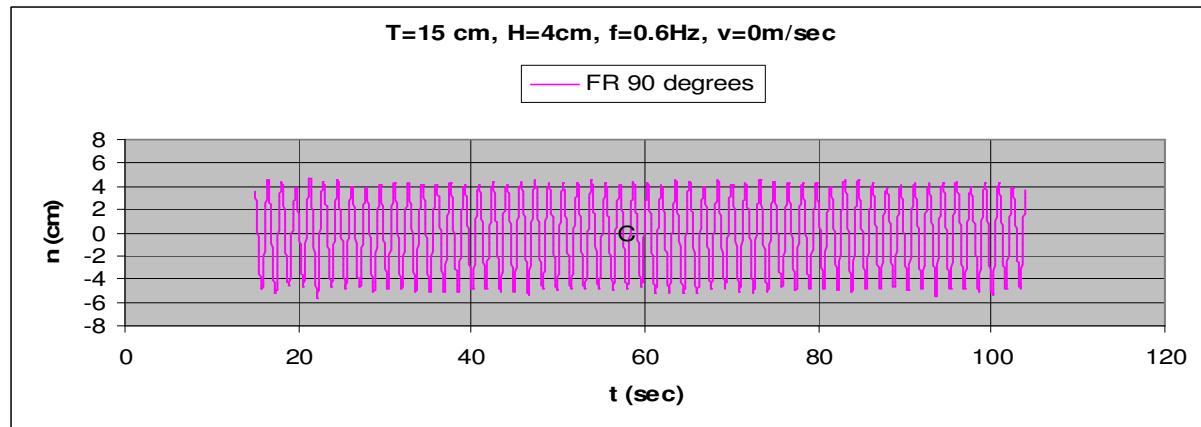
**3.1.1.3       $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0\text{m/s}$ ,  $f=0.5\text{Hz}$ ,  $\text{Fn}=0$ ,  $\omega=3.142\text{rad/sec}$**



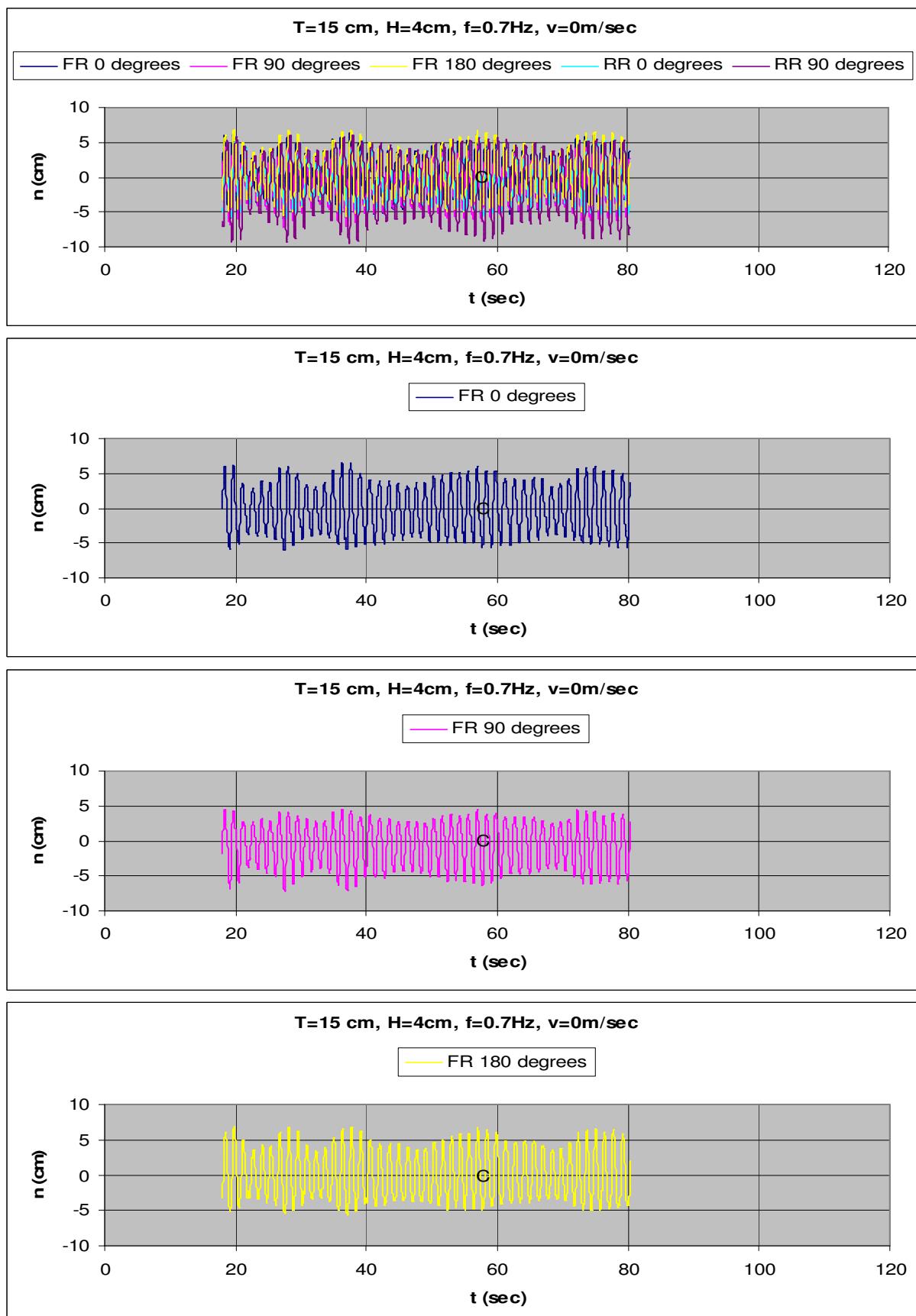


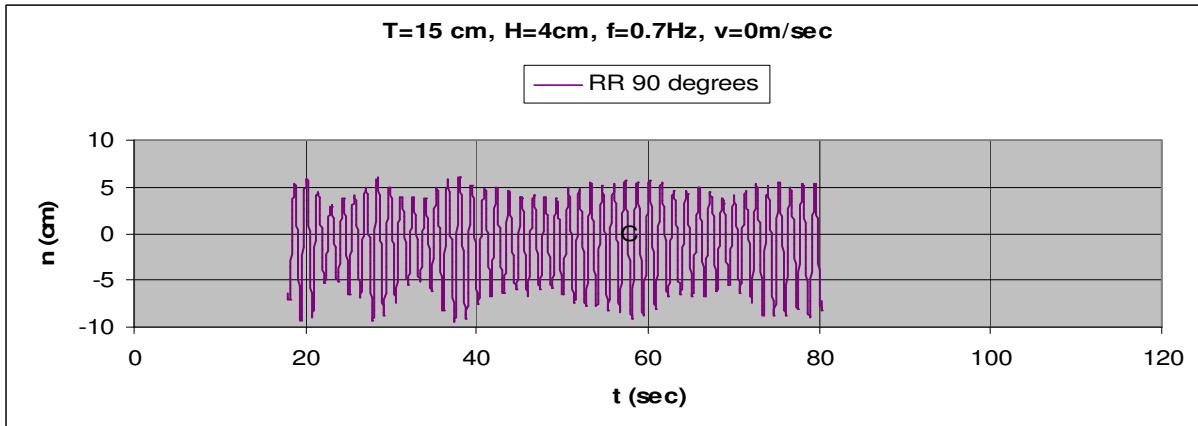
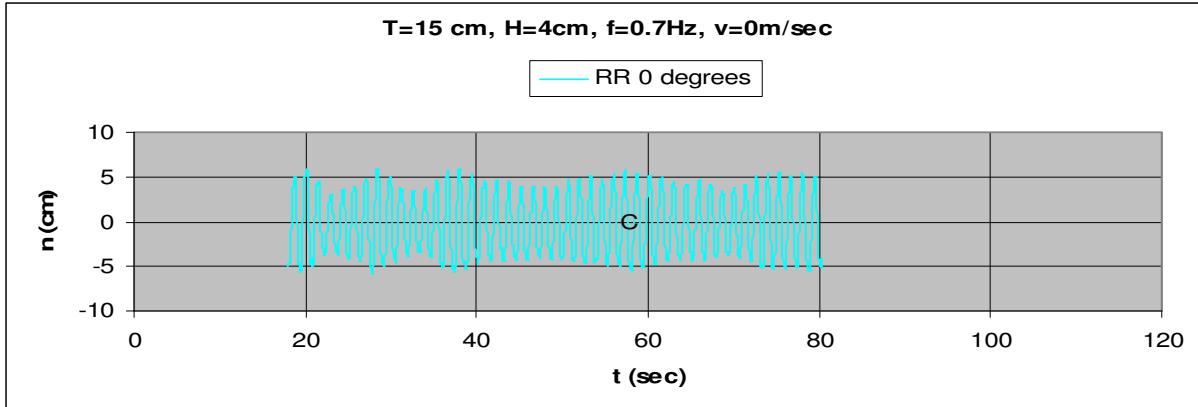
### 3.1.1.4    $T=15\text{cm}$ , $h=4\text{cm}$ , $v=0\text{m/s}$ , $f=0.6\text{Hz}$ , $F_n=0$ , $\omega=3.770\text{rad/sec}$



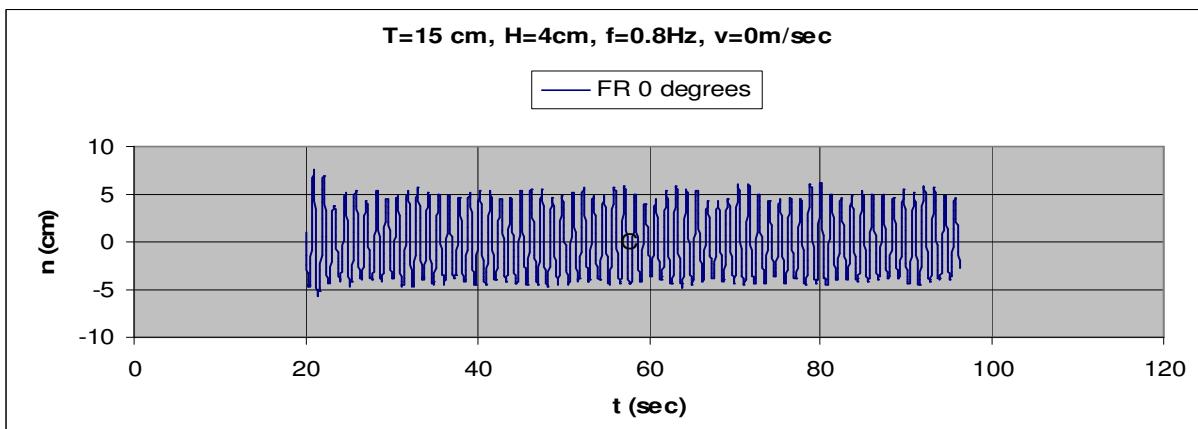
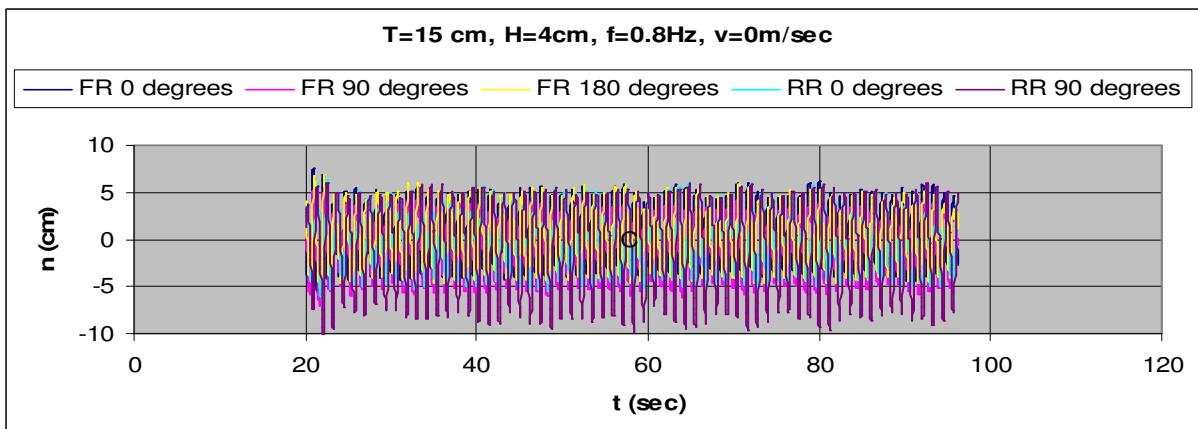


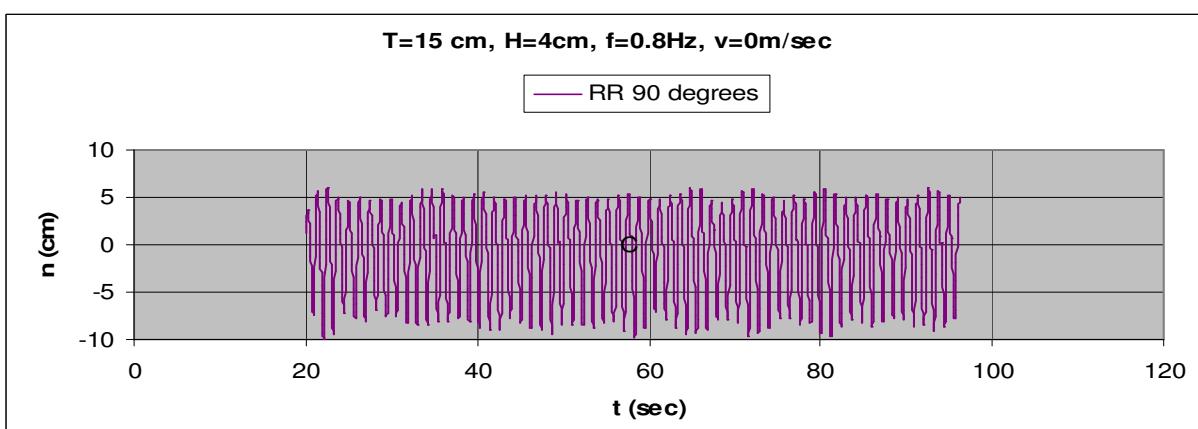
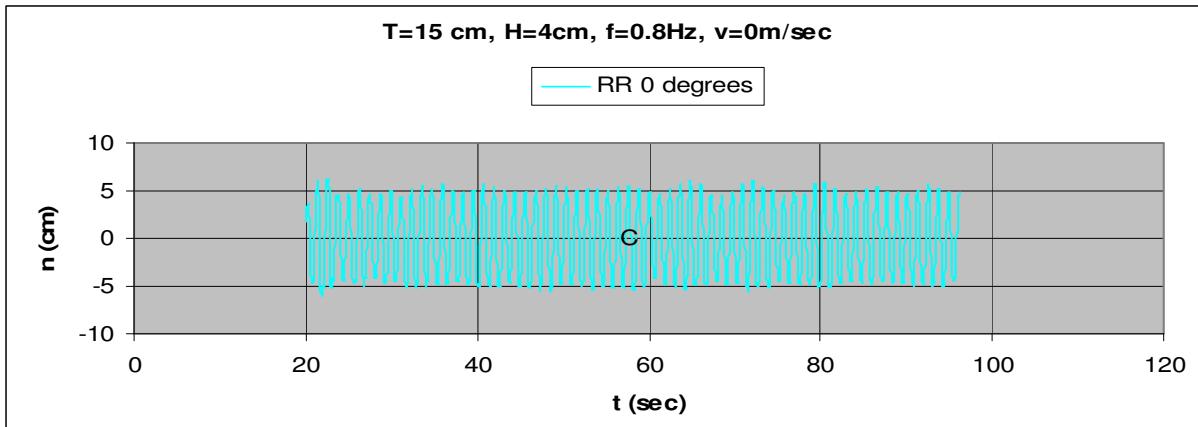
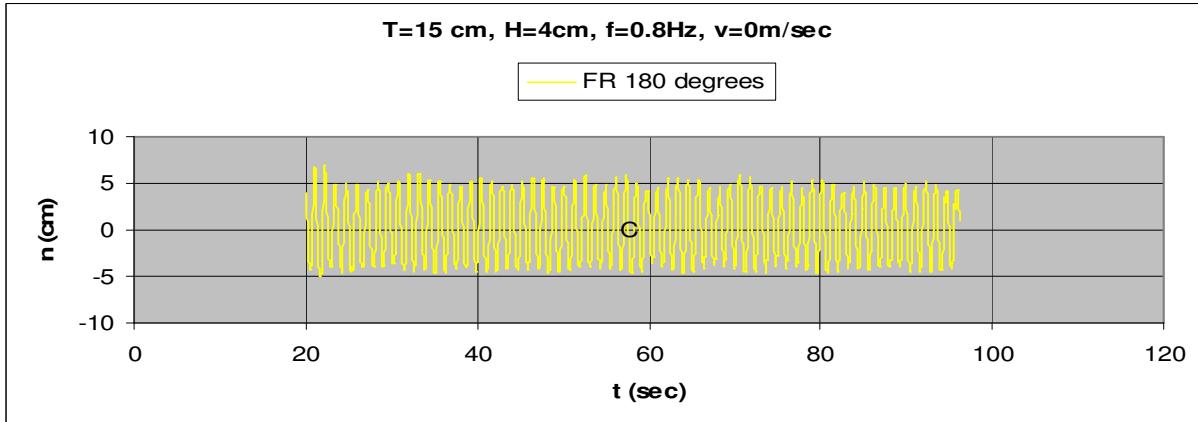
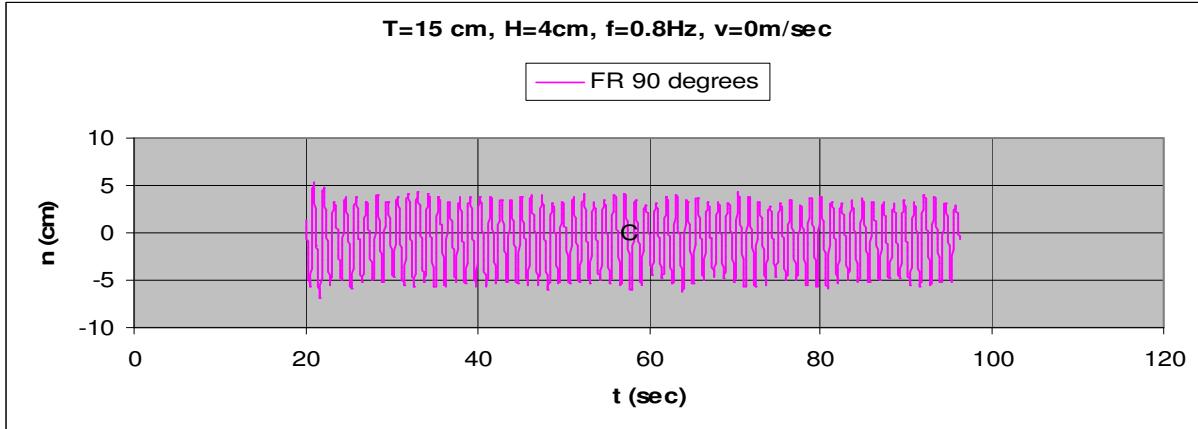
**3.1.1.5 T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.7Hz, Fn=0,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**



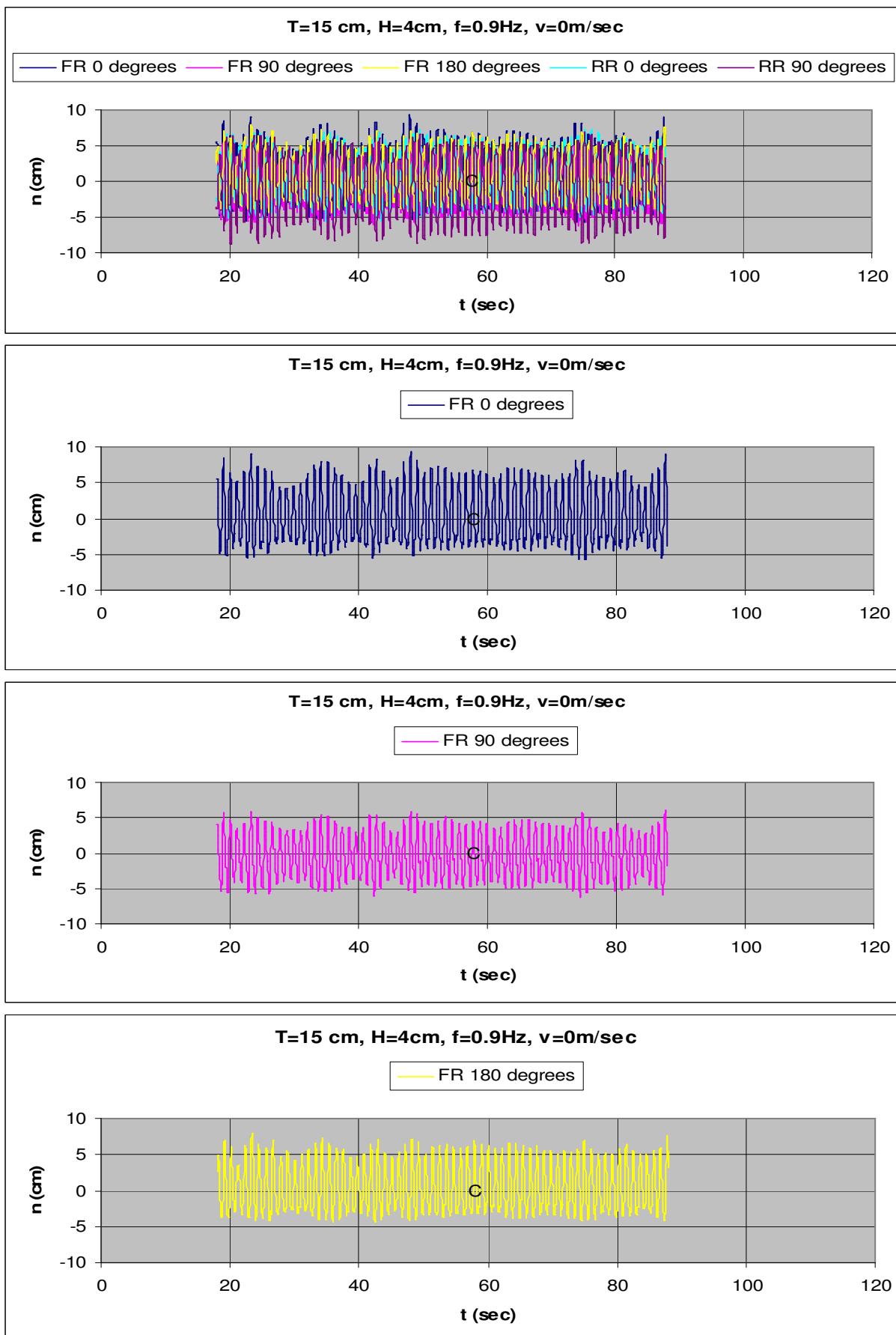


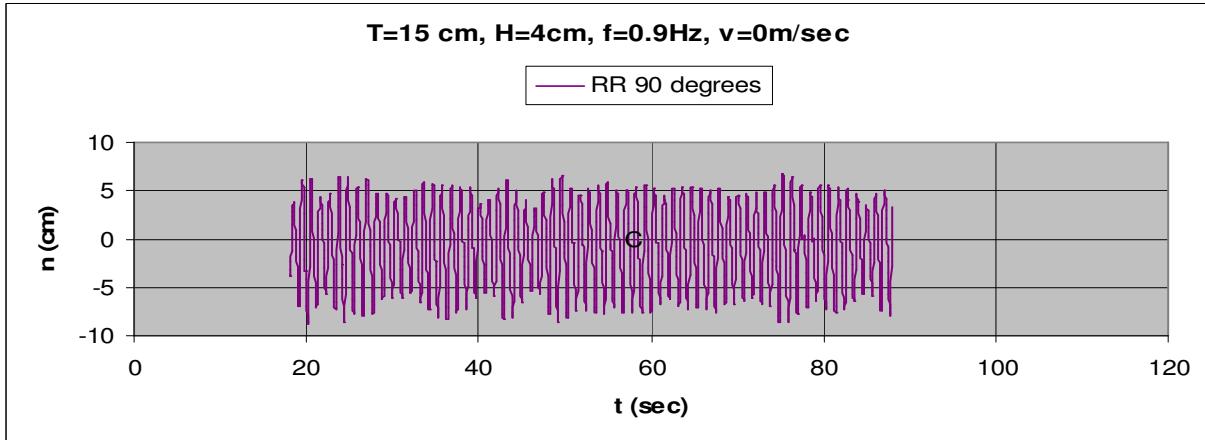
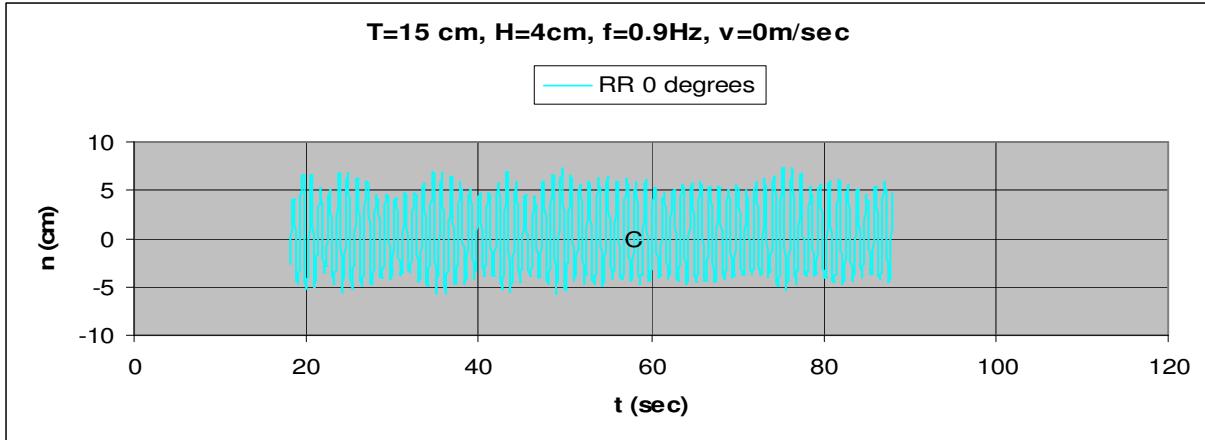
### 3.1.1.6 T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.8Hz, , Fn=0, $\omega=5.026/\text{sec}$



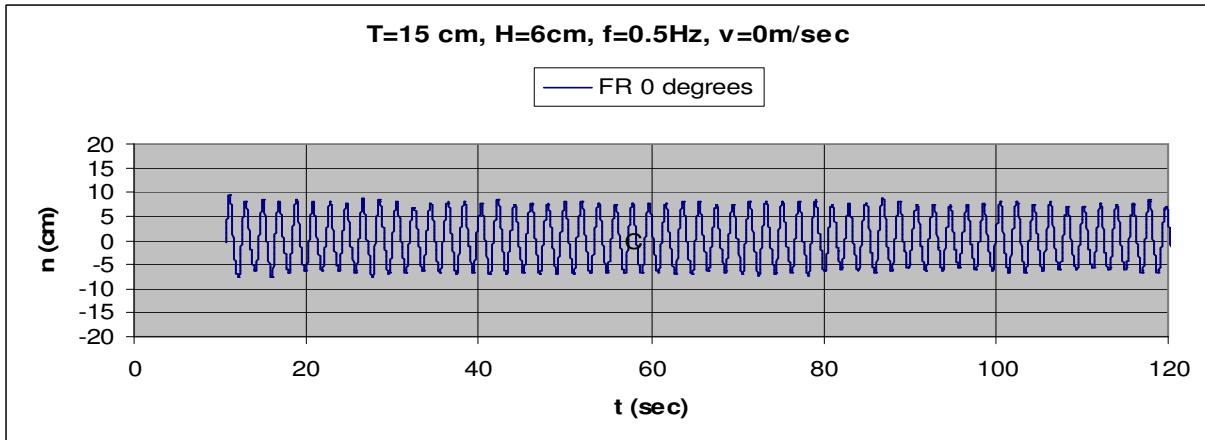
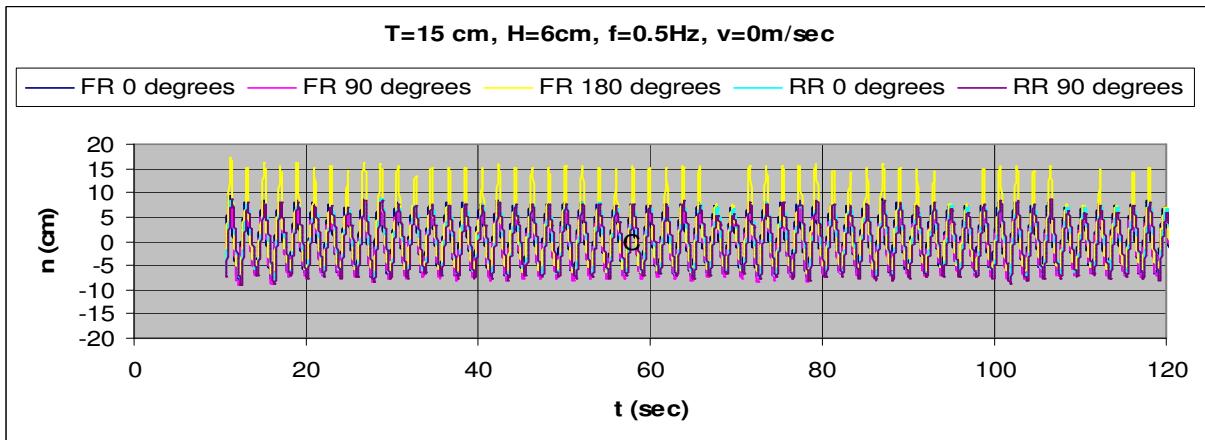


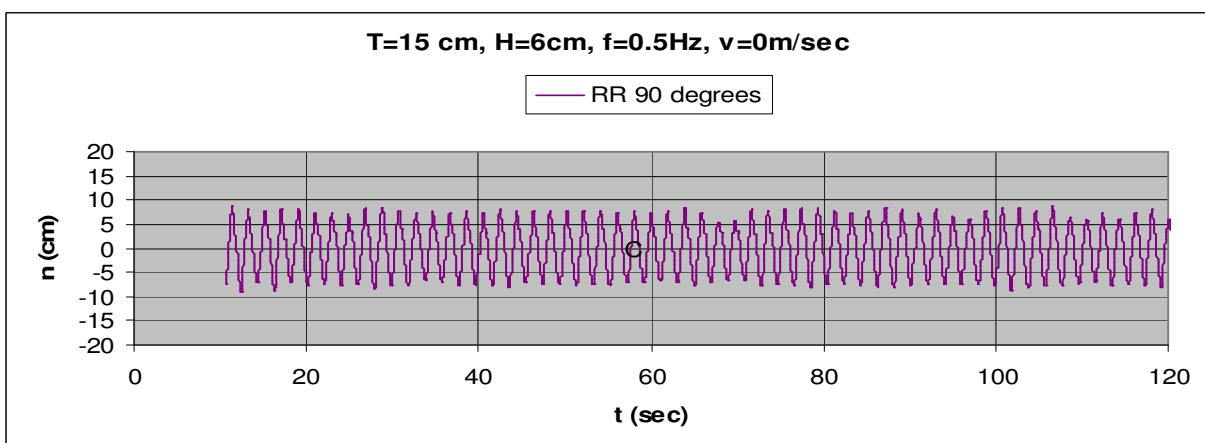
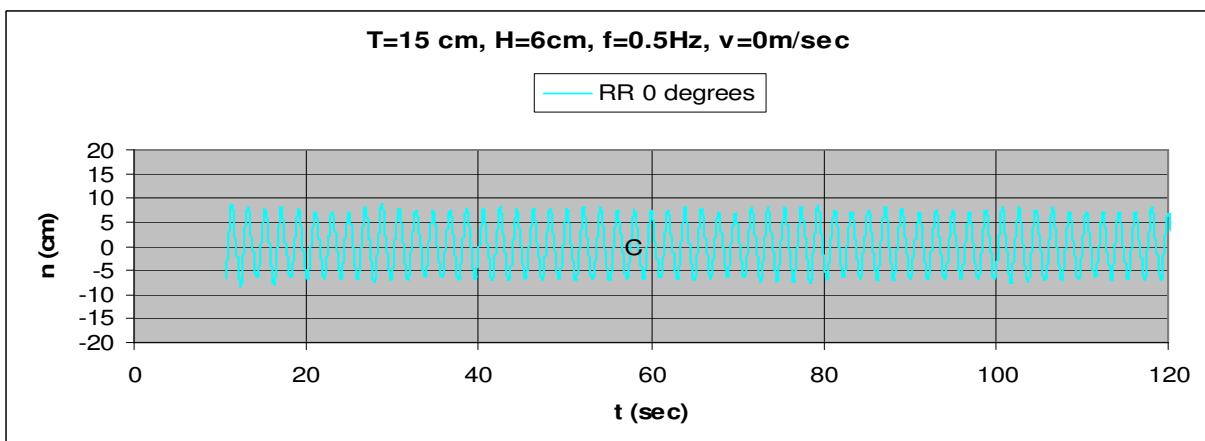
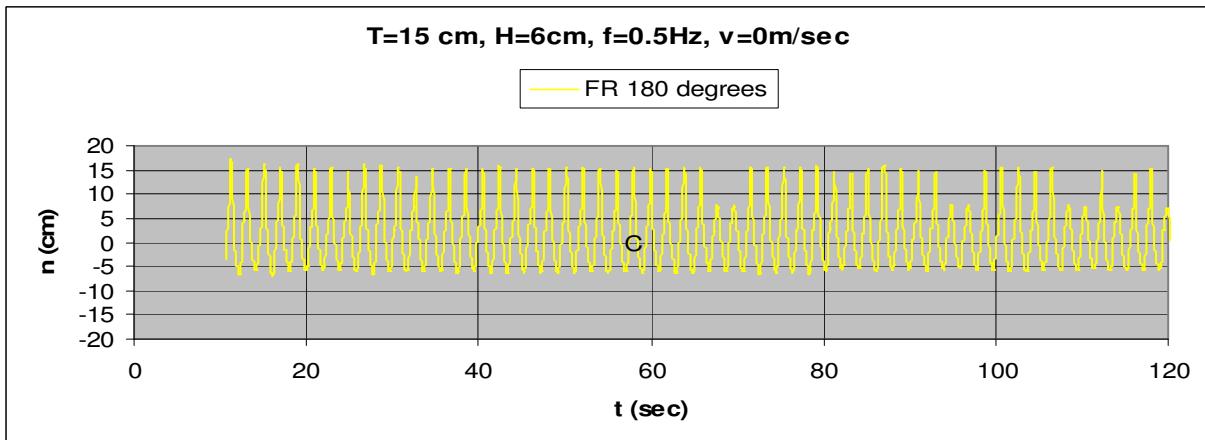
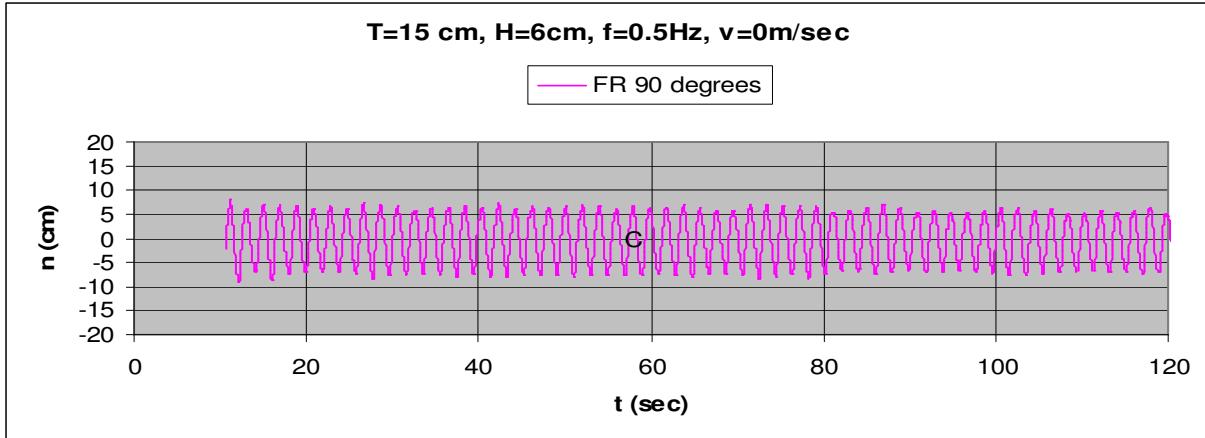
**3.1.1.7 T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.9 Hz , Fn=0,  $\omega=5.655\text{rad/sec}$**



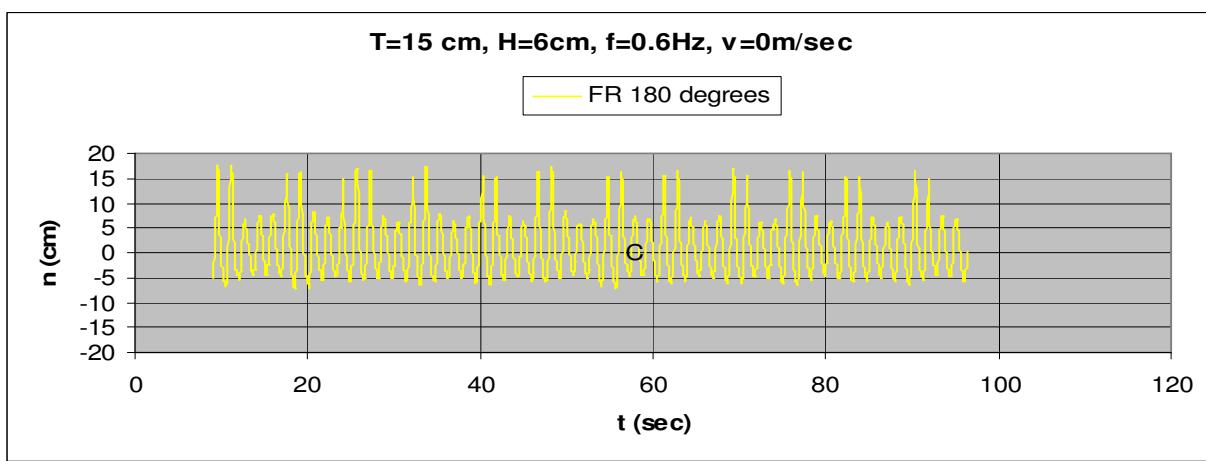
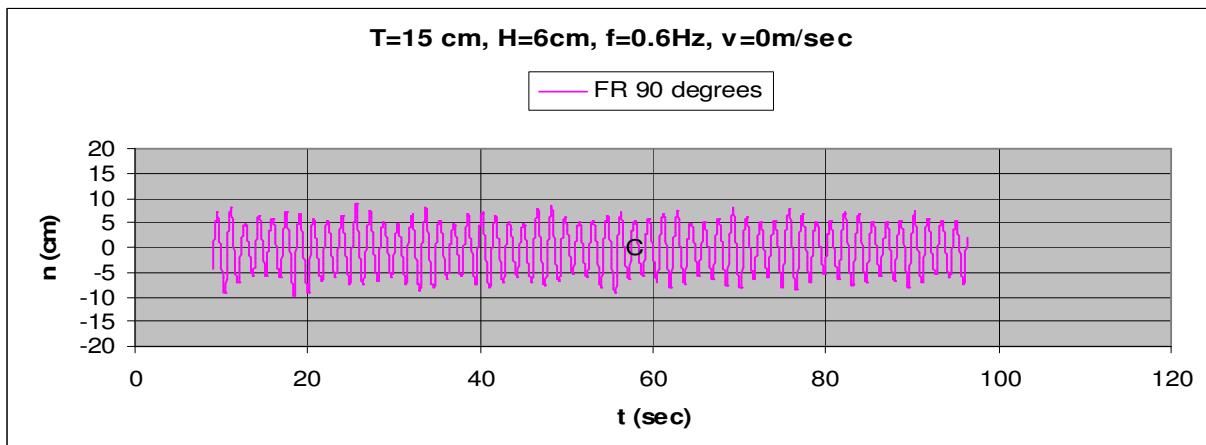
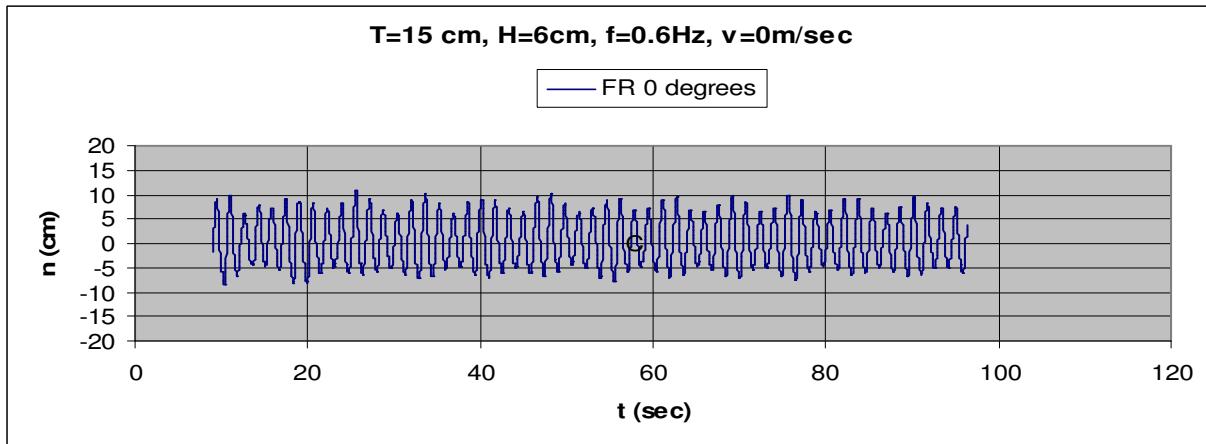
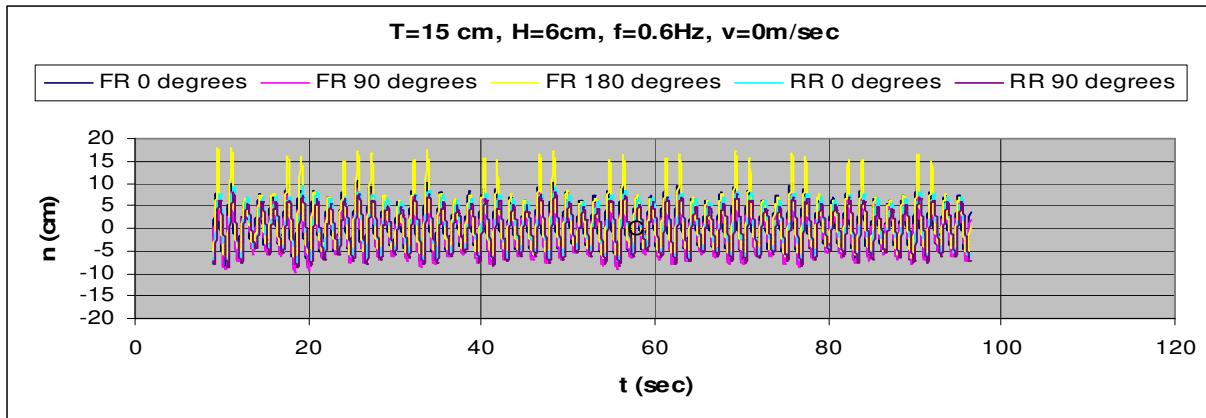


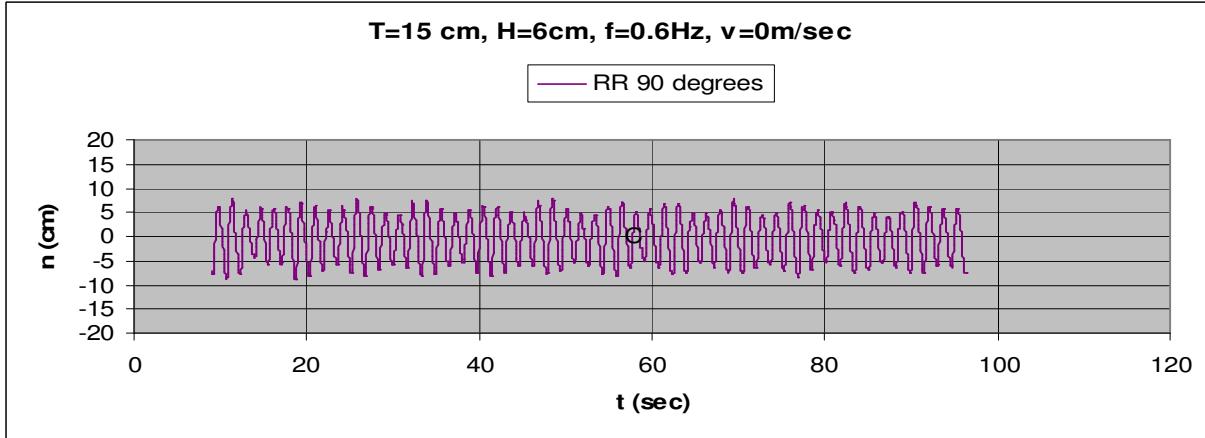
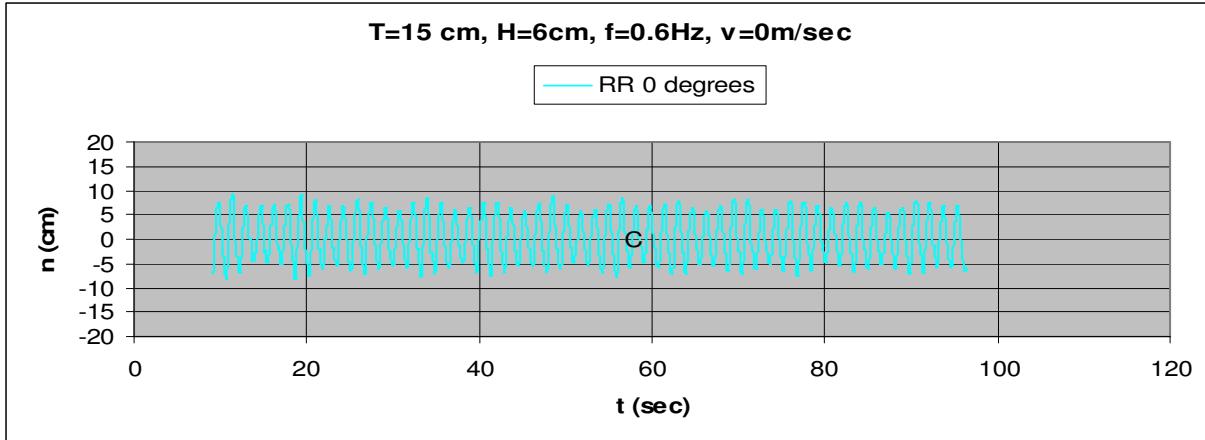
### 3.1.1.8 T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.5Hz, Fn=0, $\omega=3.142\text{rad/sec}$



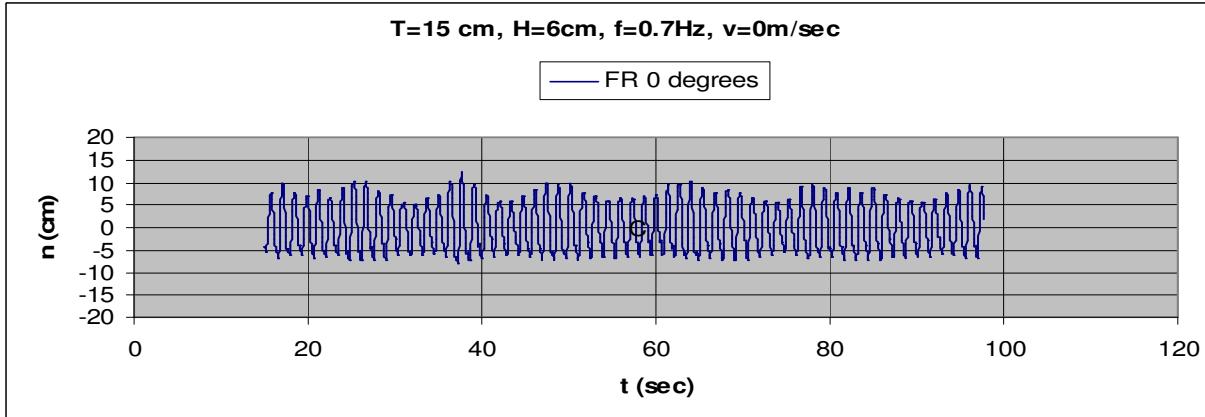
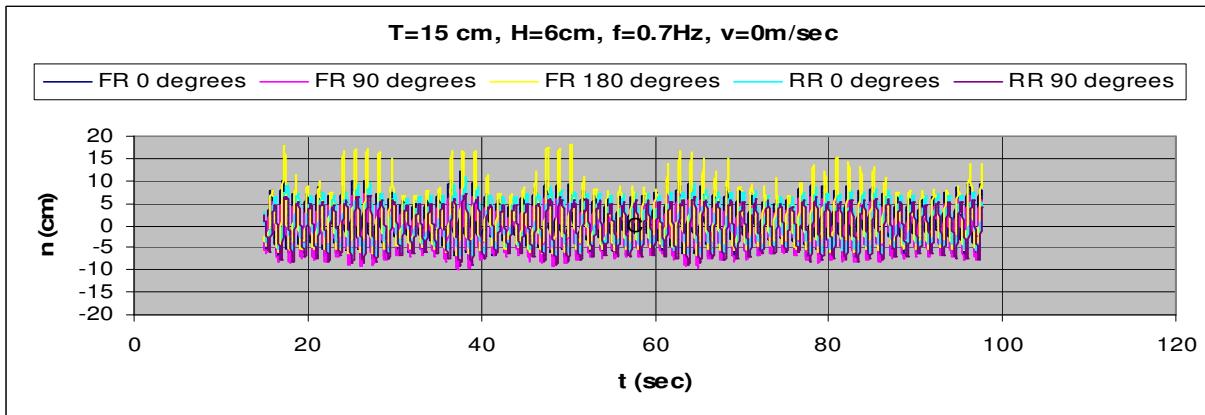


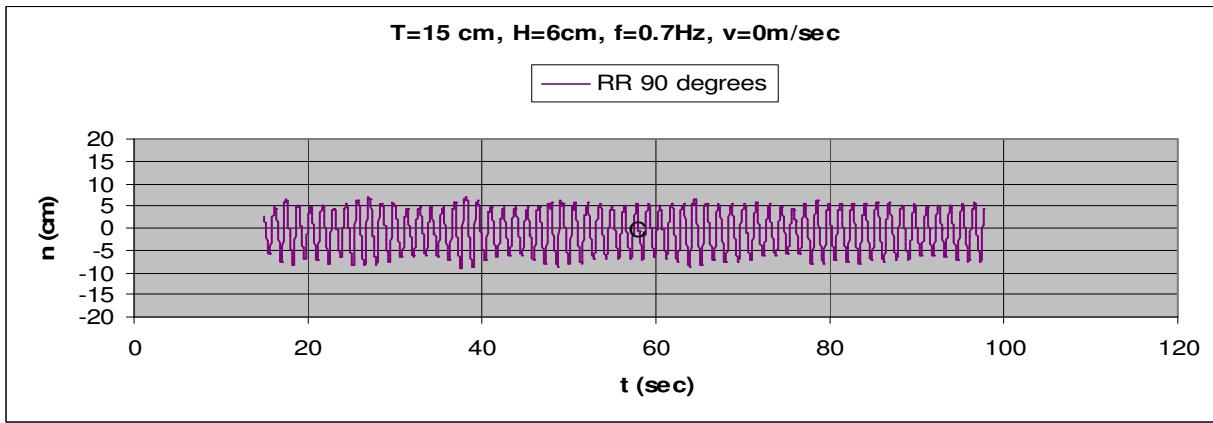
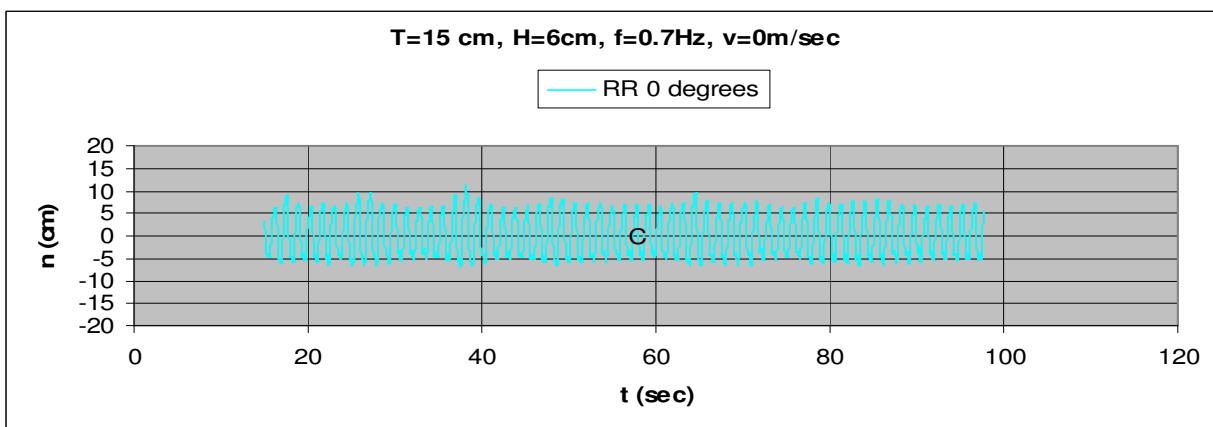
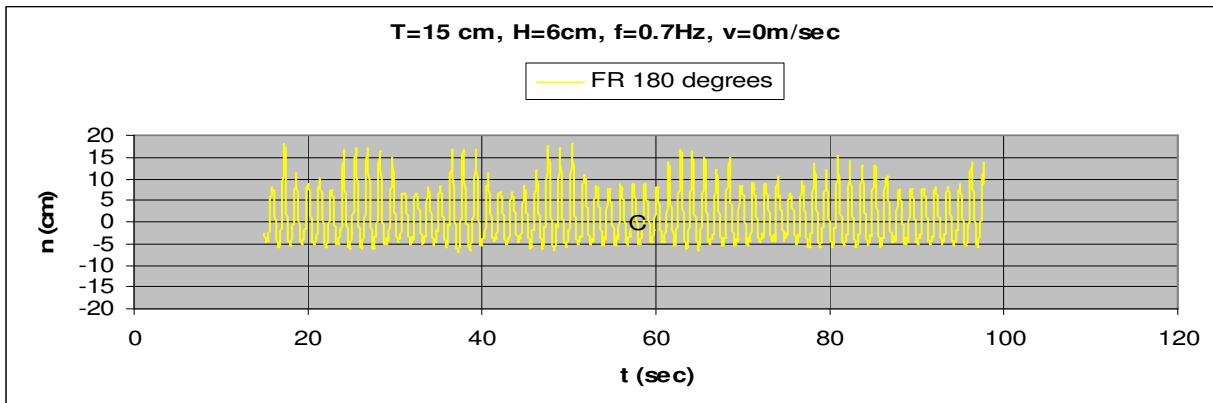
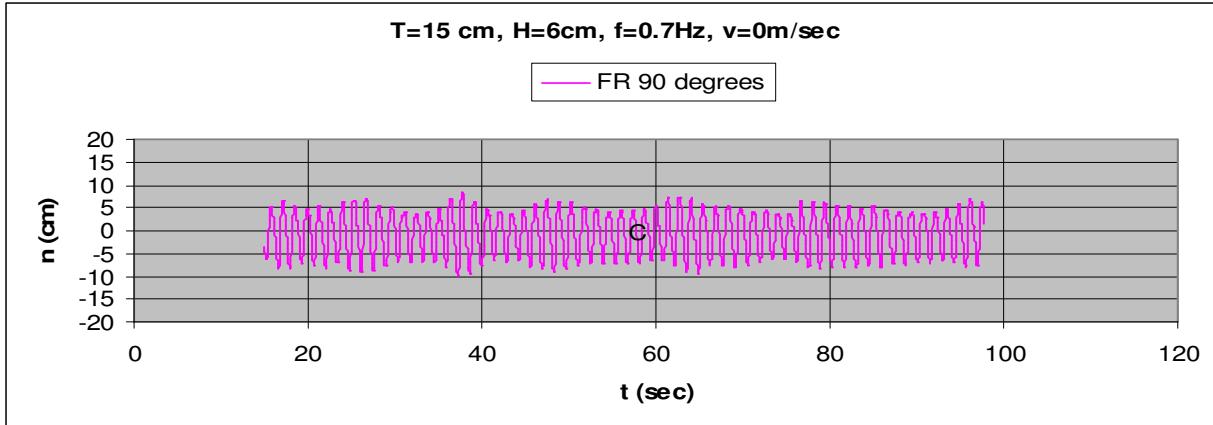
**3.1.1.9 T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.6Hz, Fn=0,  $\omega=3.770\text{rad/sec}$**



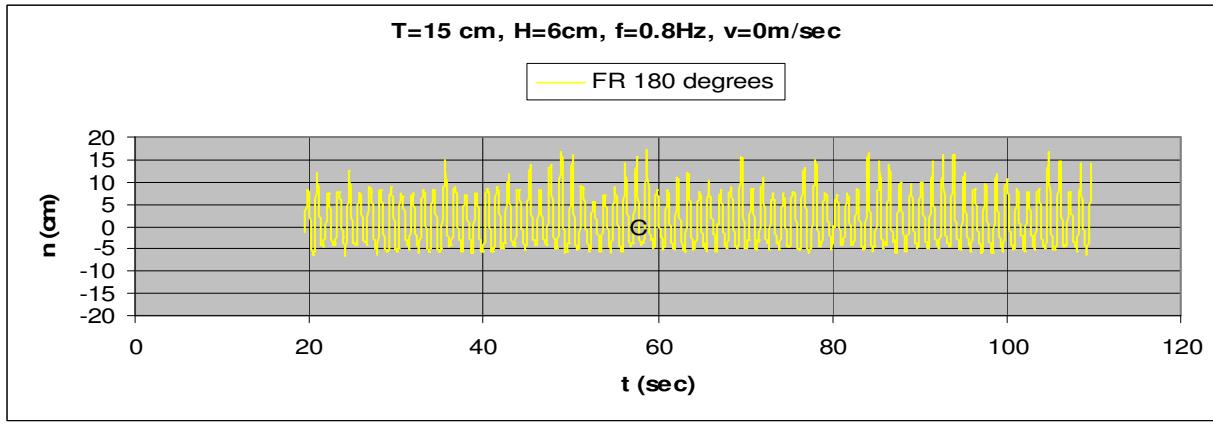
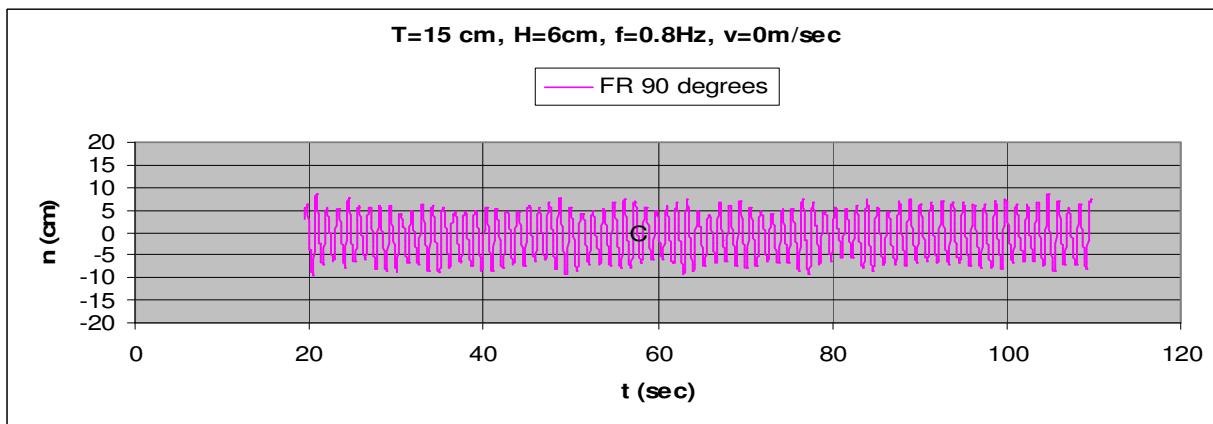
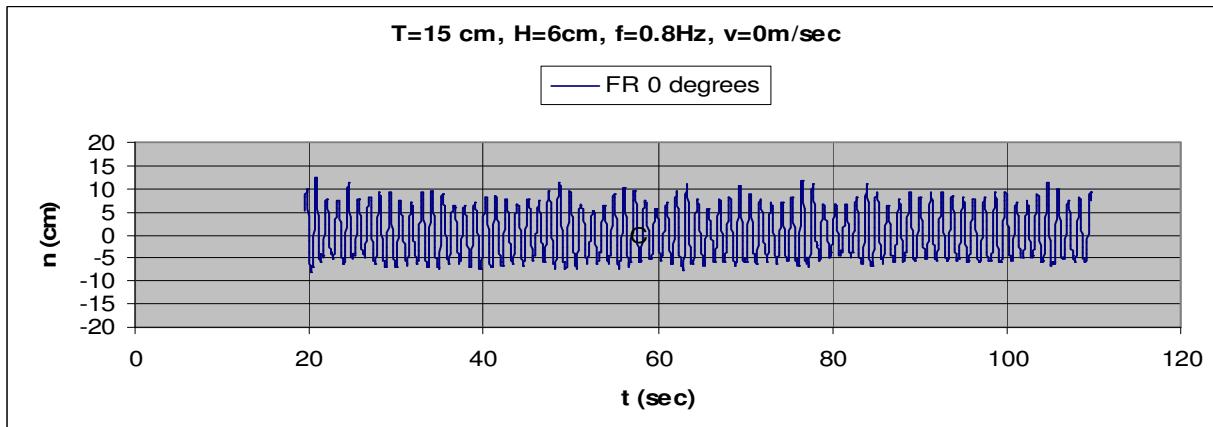
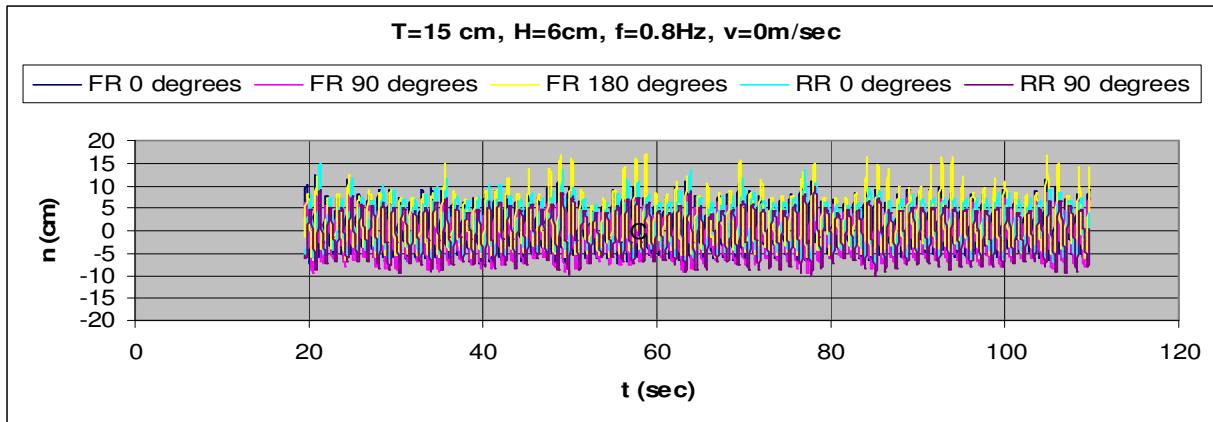


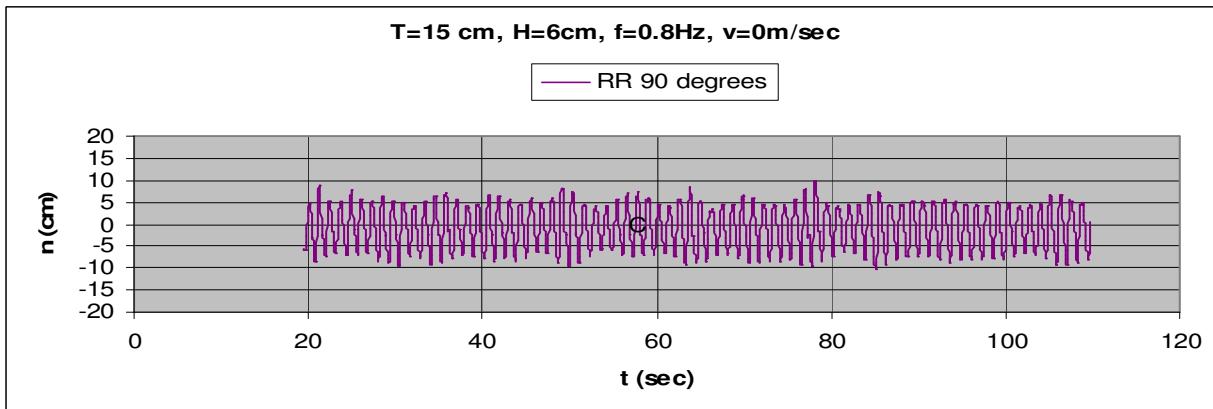
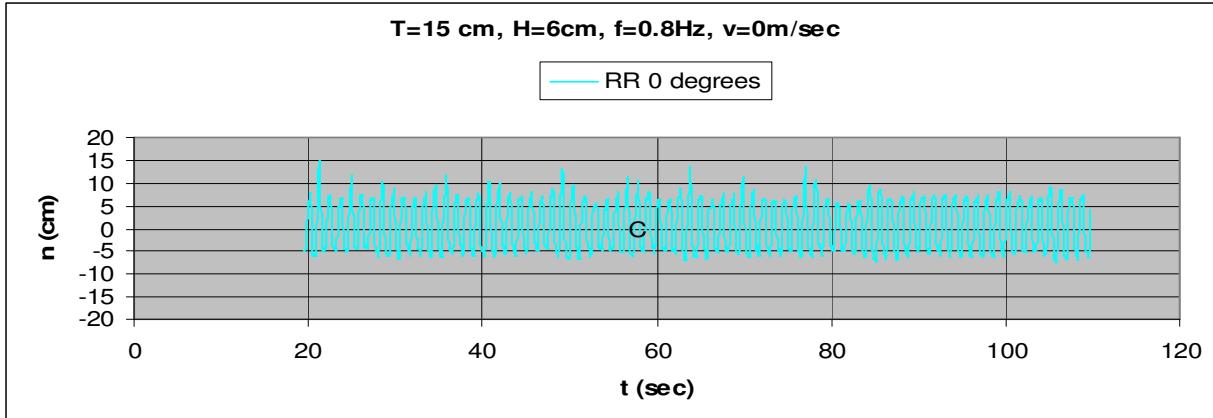
### 3.1.1.10 T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.7Hz, Fn=0, ω=4.398rad/sec



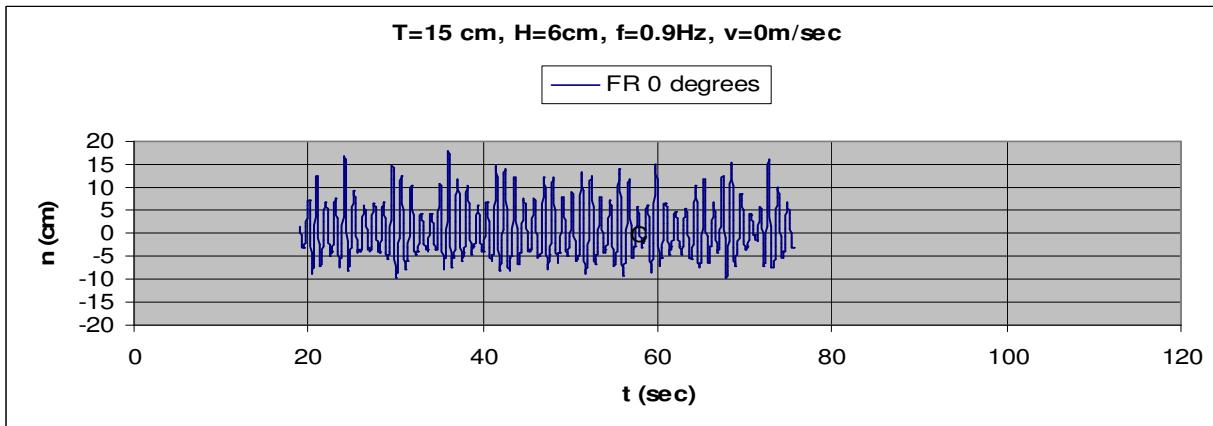
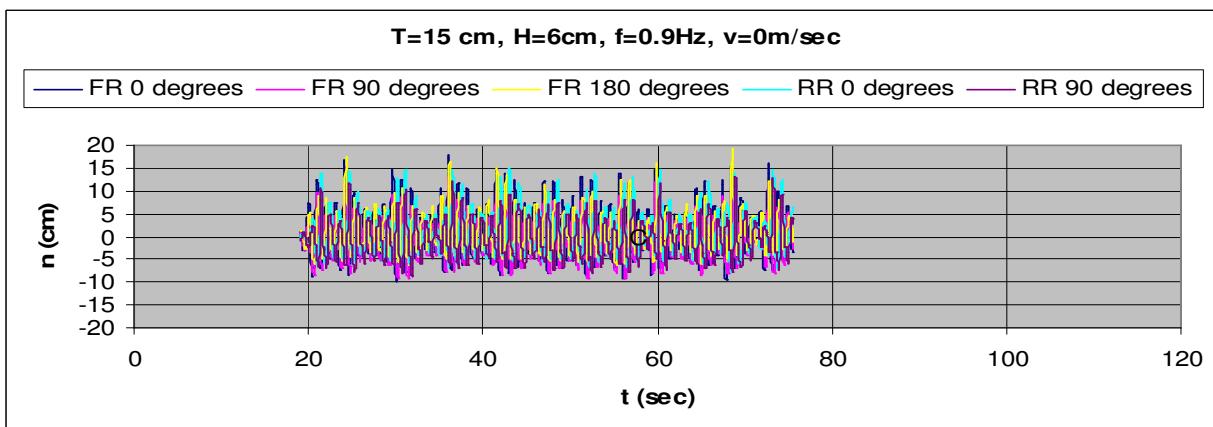


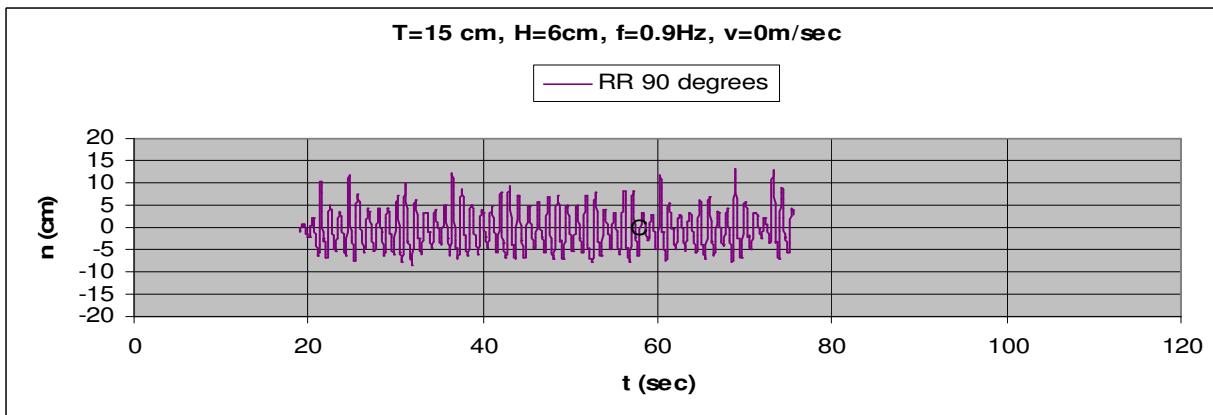
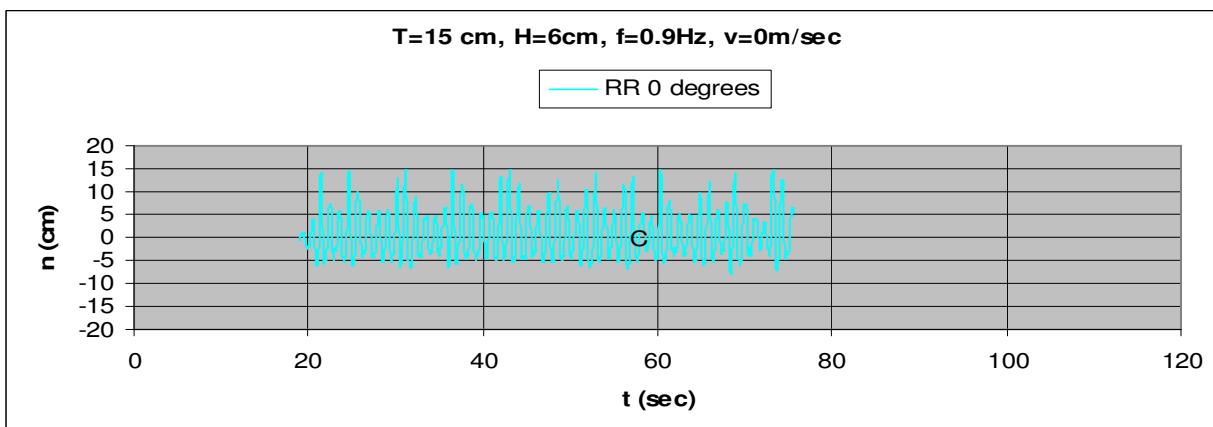
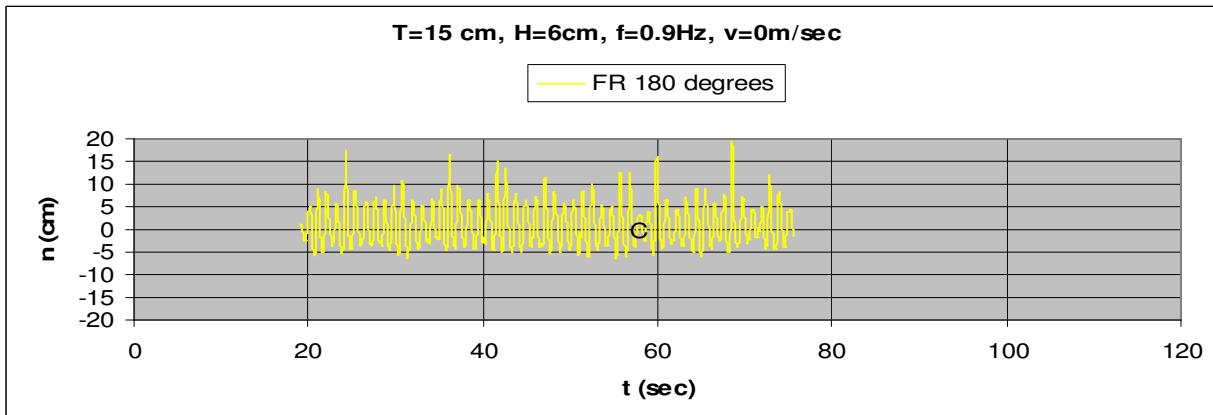
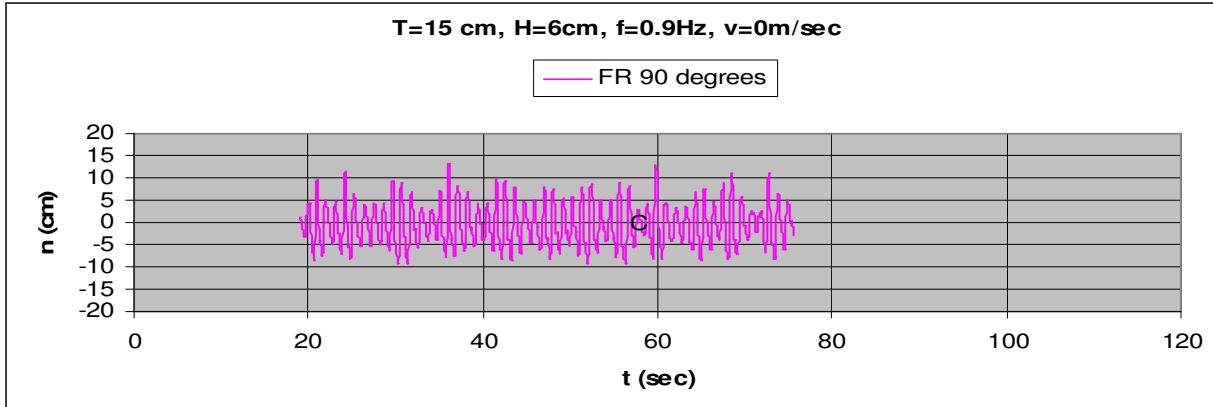
**3.1.1.11 T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.8Hz, Fn=0,  $\omega=5,026\text{rad/sec}$**



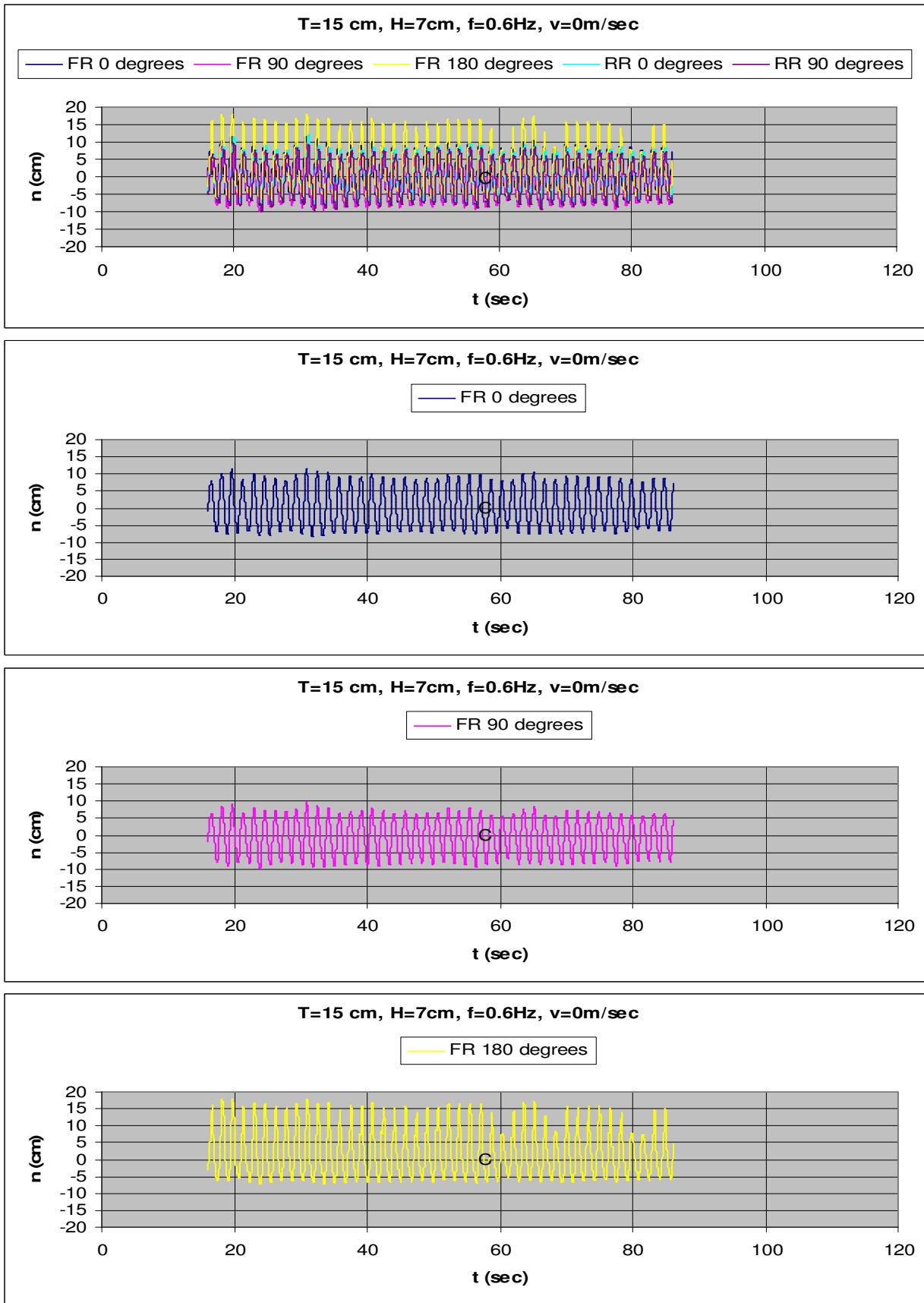


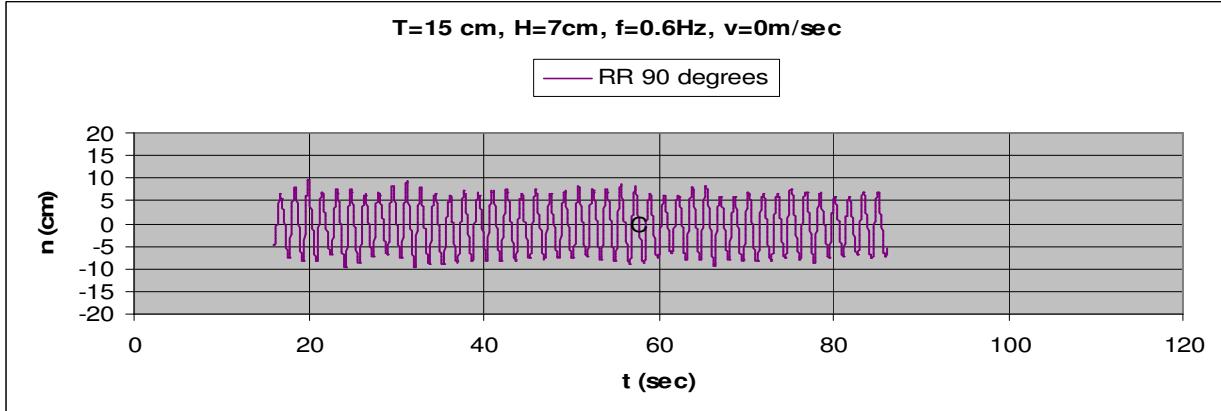
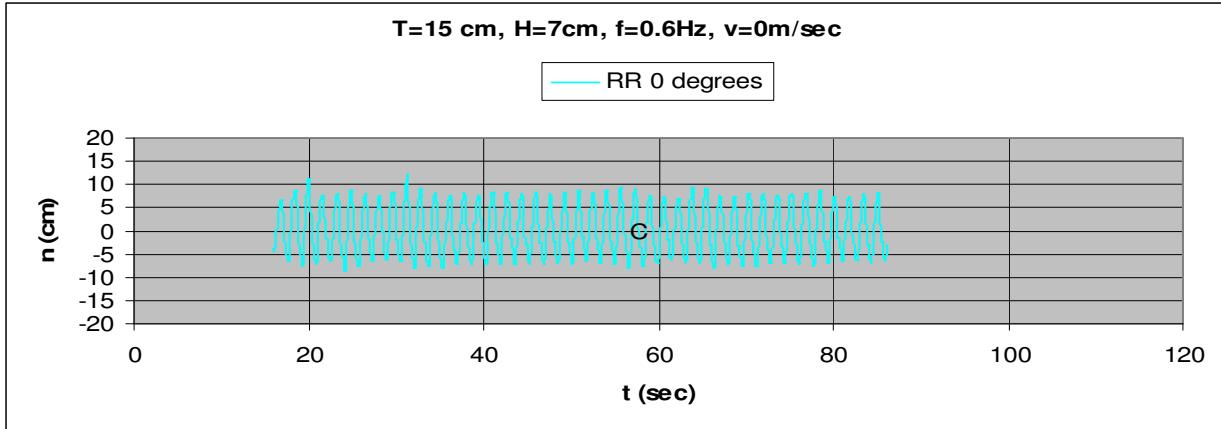
### 3.1.1.12 T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.9Hz, Fn=0, ω=5.655rad/sec



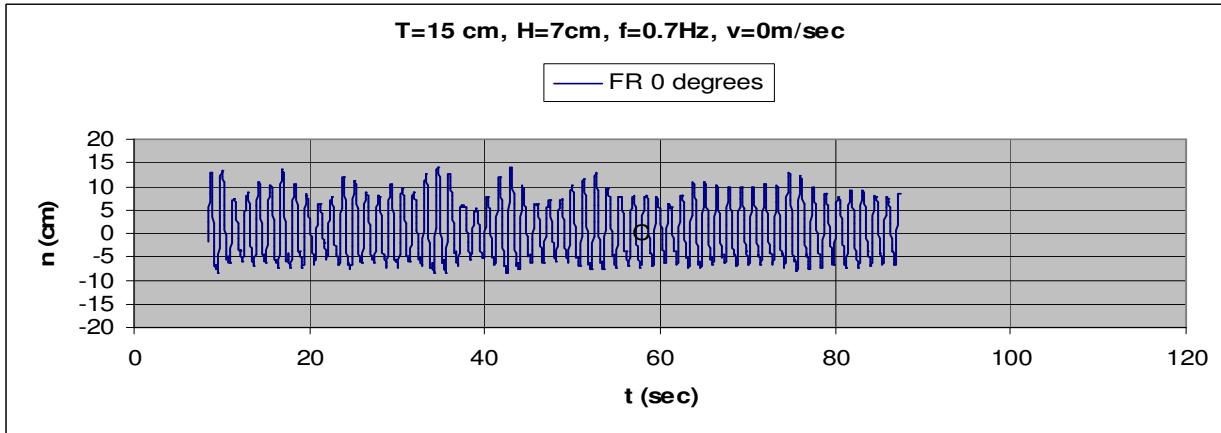
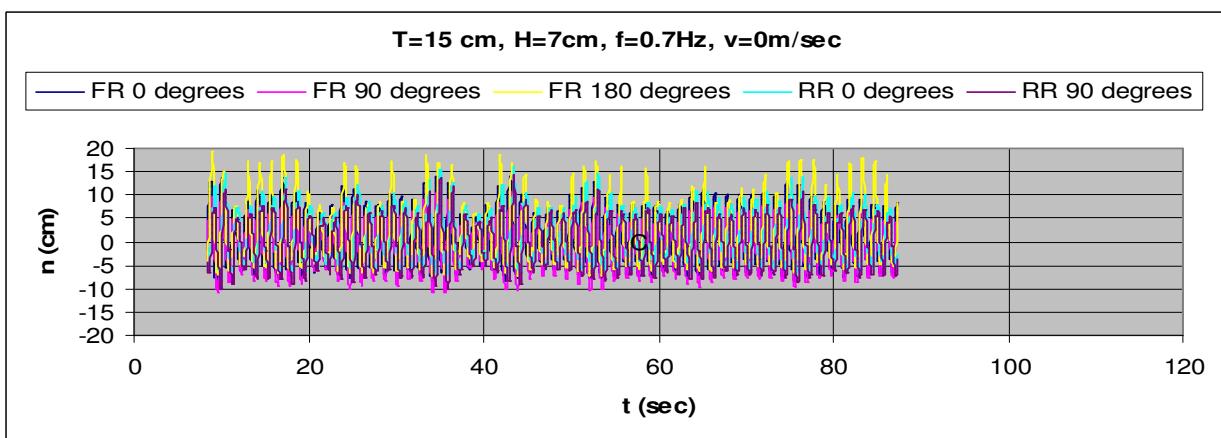


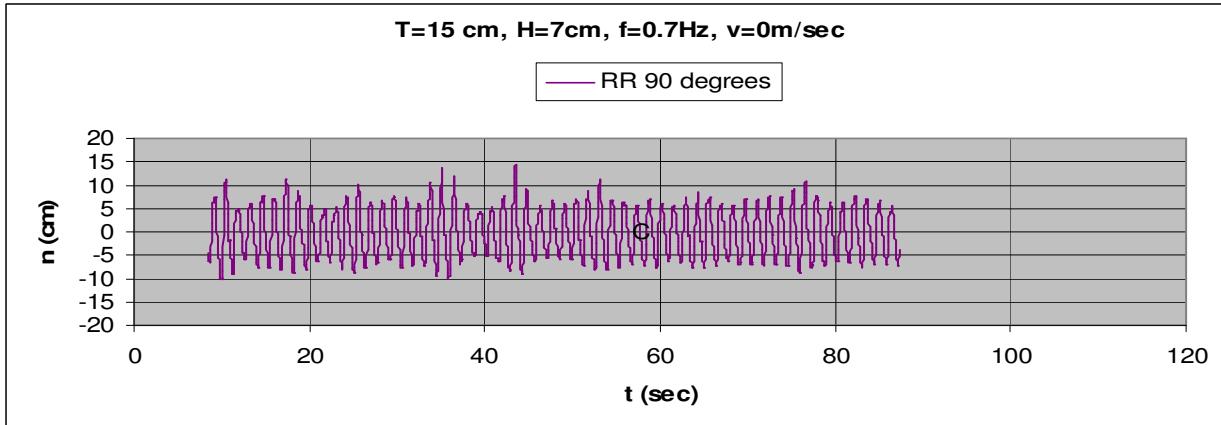
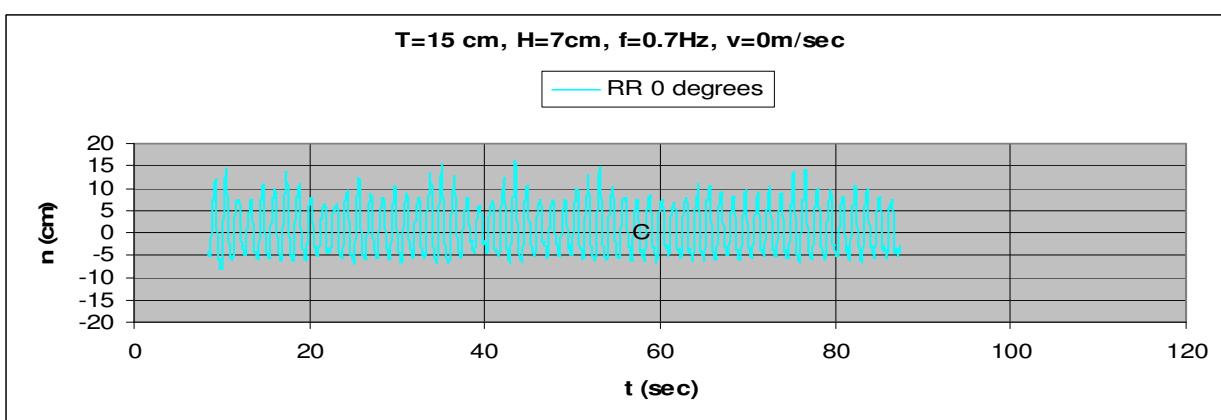
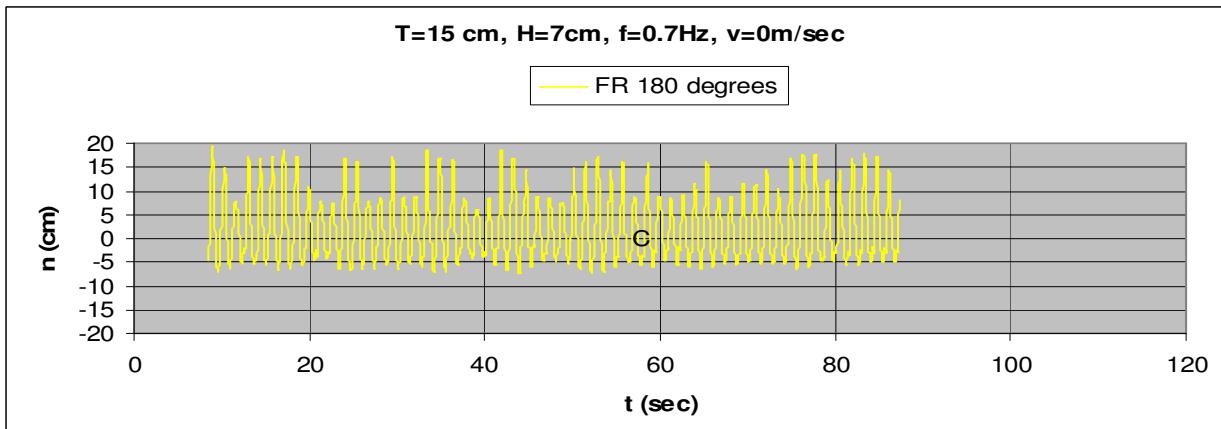
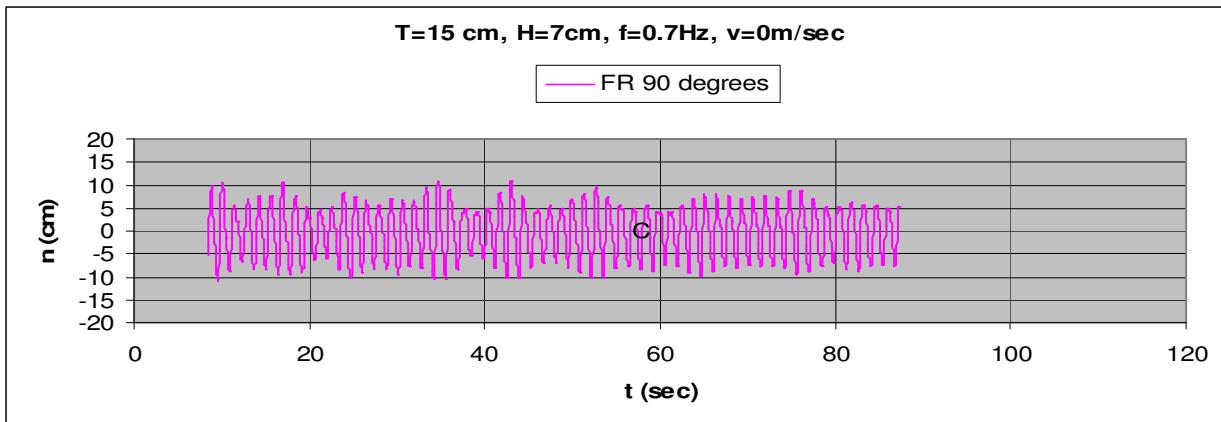
**3.1.1.13 T=15cm, h=7cm, v=0m/s, f=0.6Hz, Fn=0,  $\omega=3.770\text{rad/sec}$**



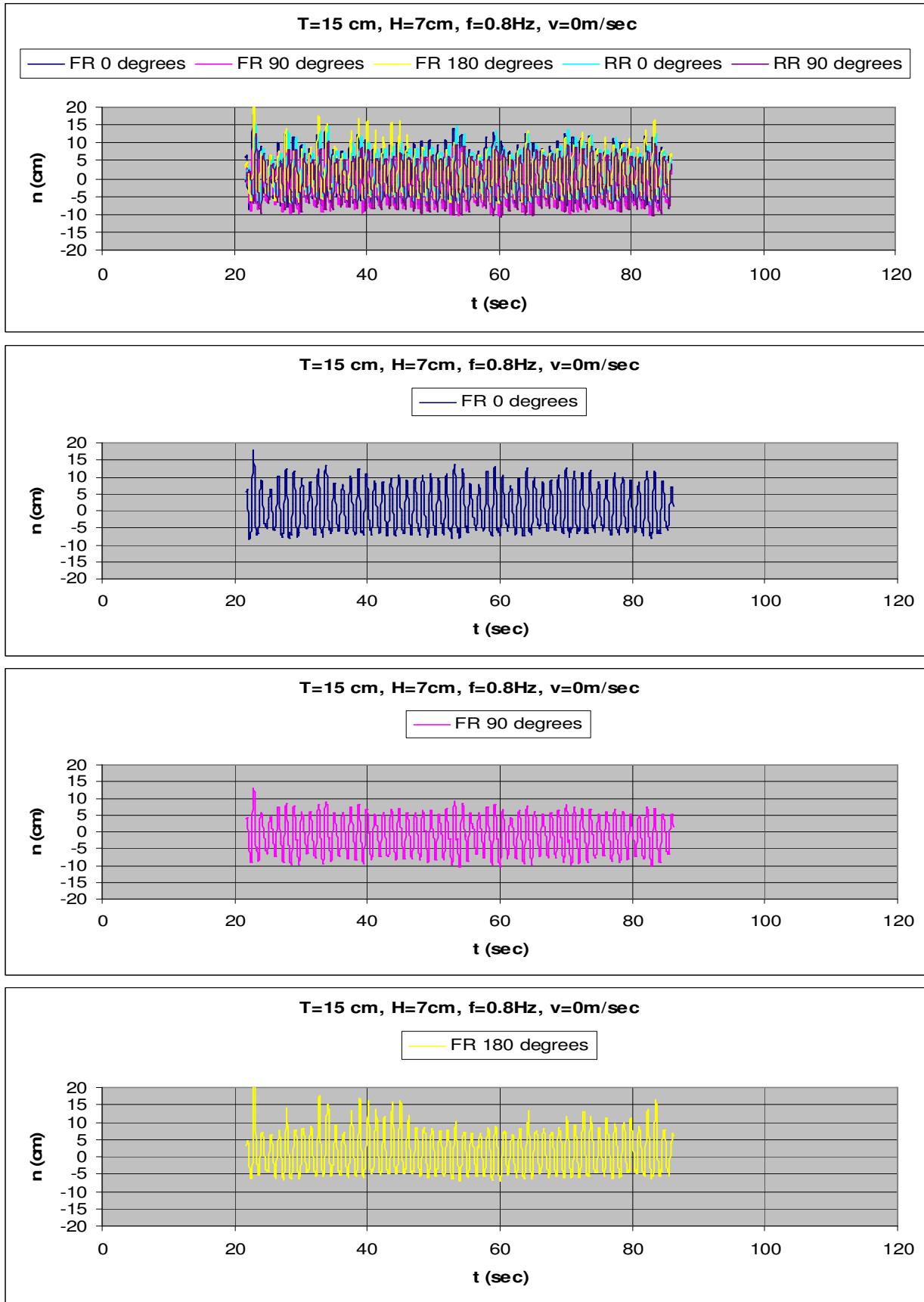


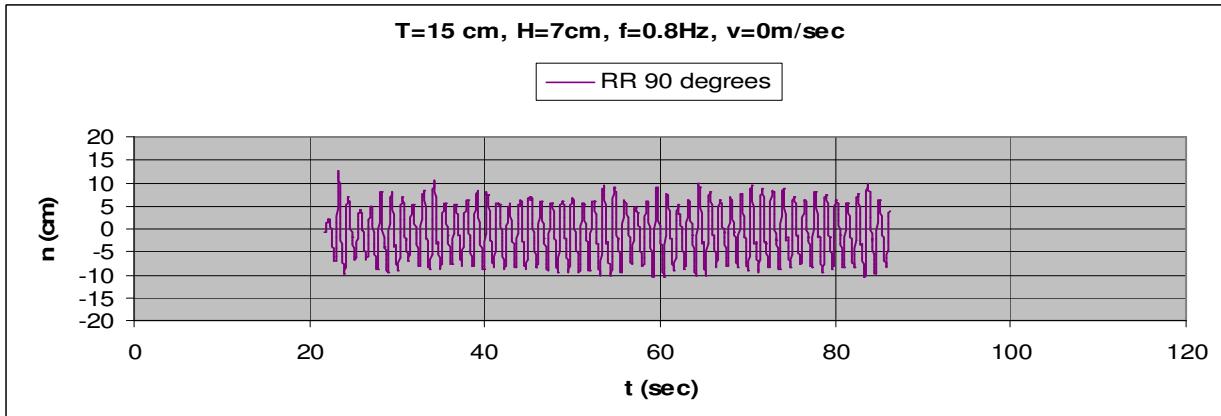
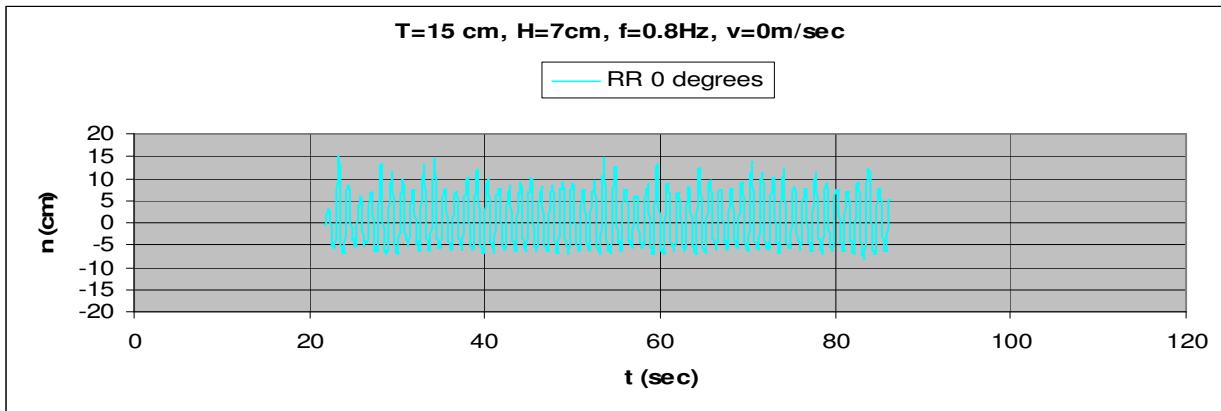
### 3.1.1.14 T=15cm, h=7cm, v=0m/s, f=0.7Hz, Fn=0, $\omega=4.398\text{rad/sec}$



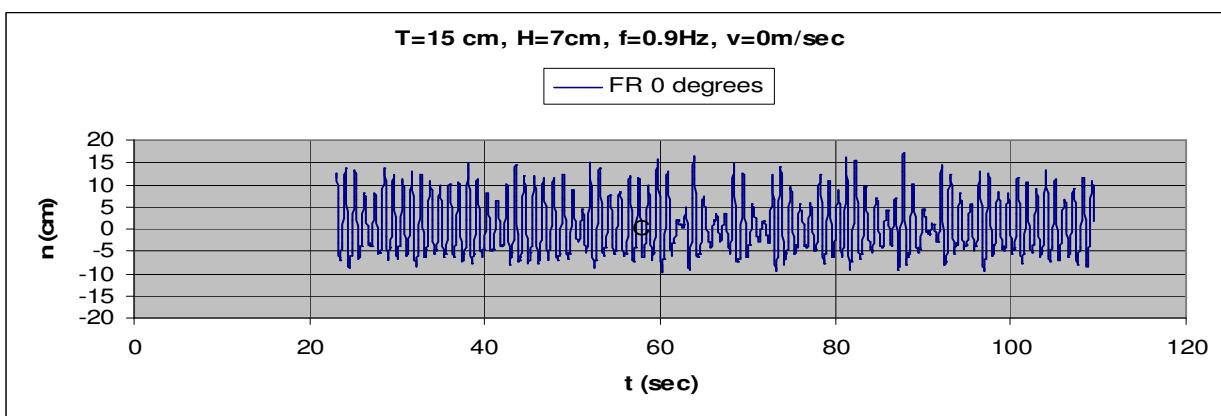
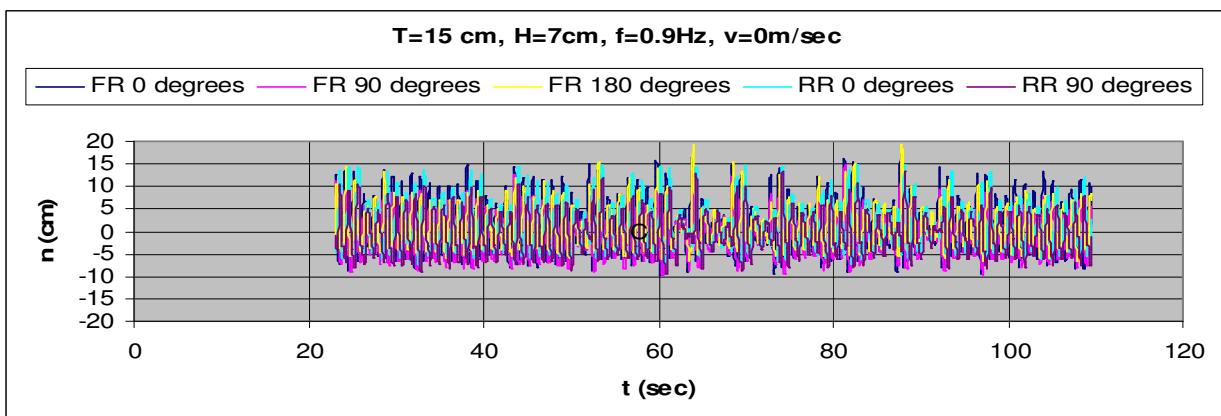


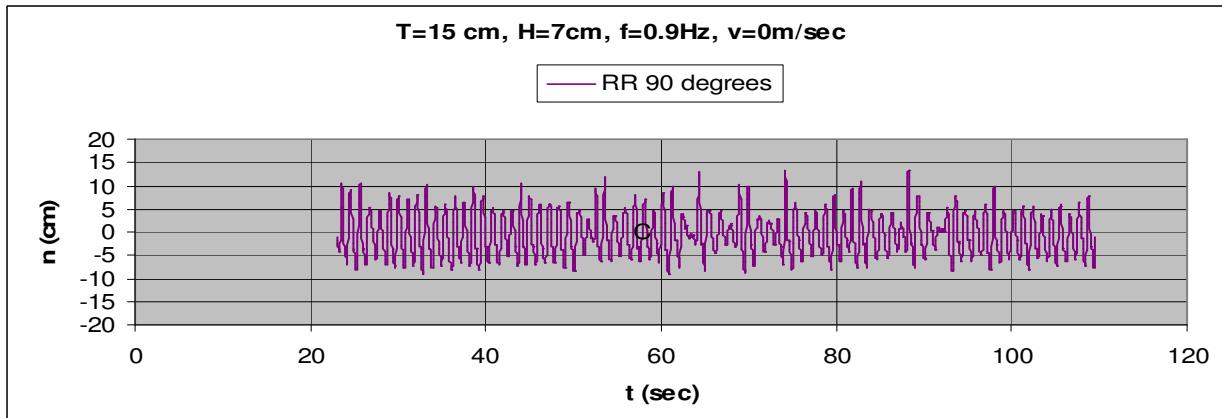
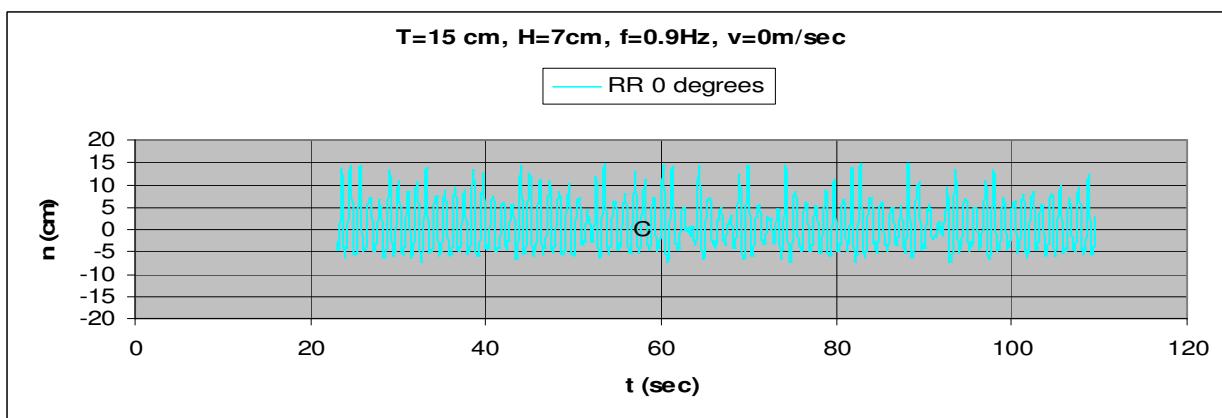
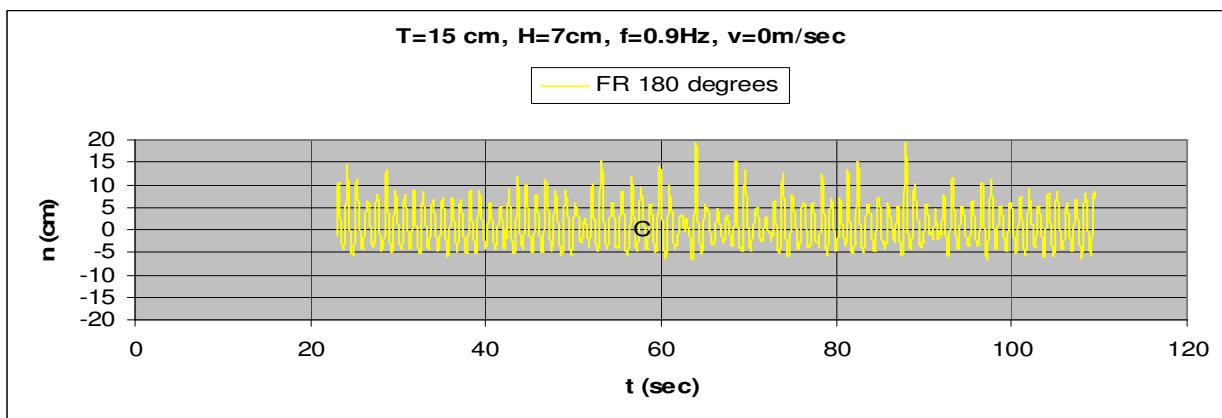
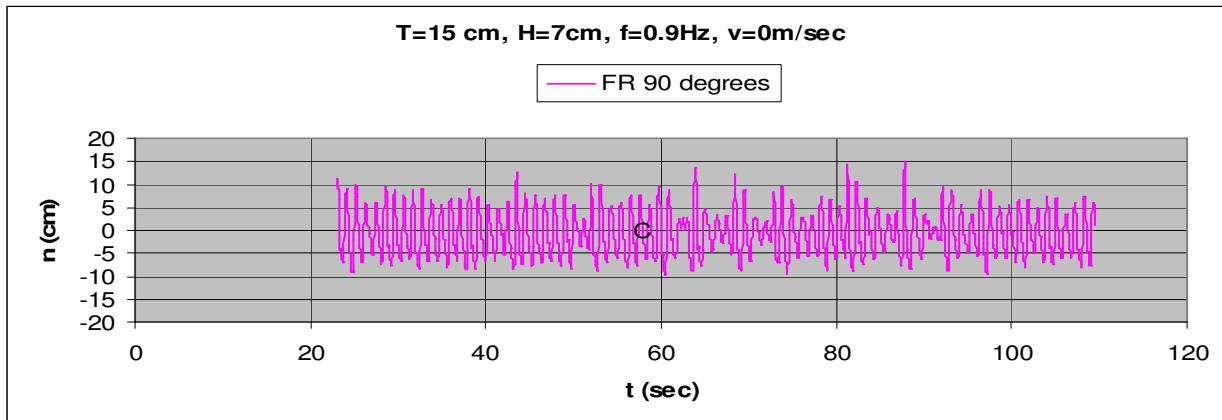
### 3.1.1.15 T=15cm, h=7cm, v=0m/s, f=0.8Hz, Fn=0, $\omega=5.026\text{rad/sec}$



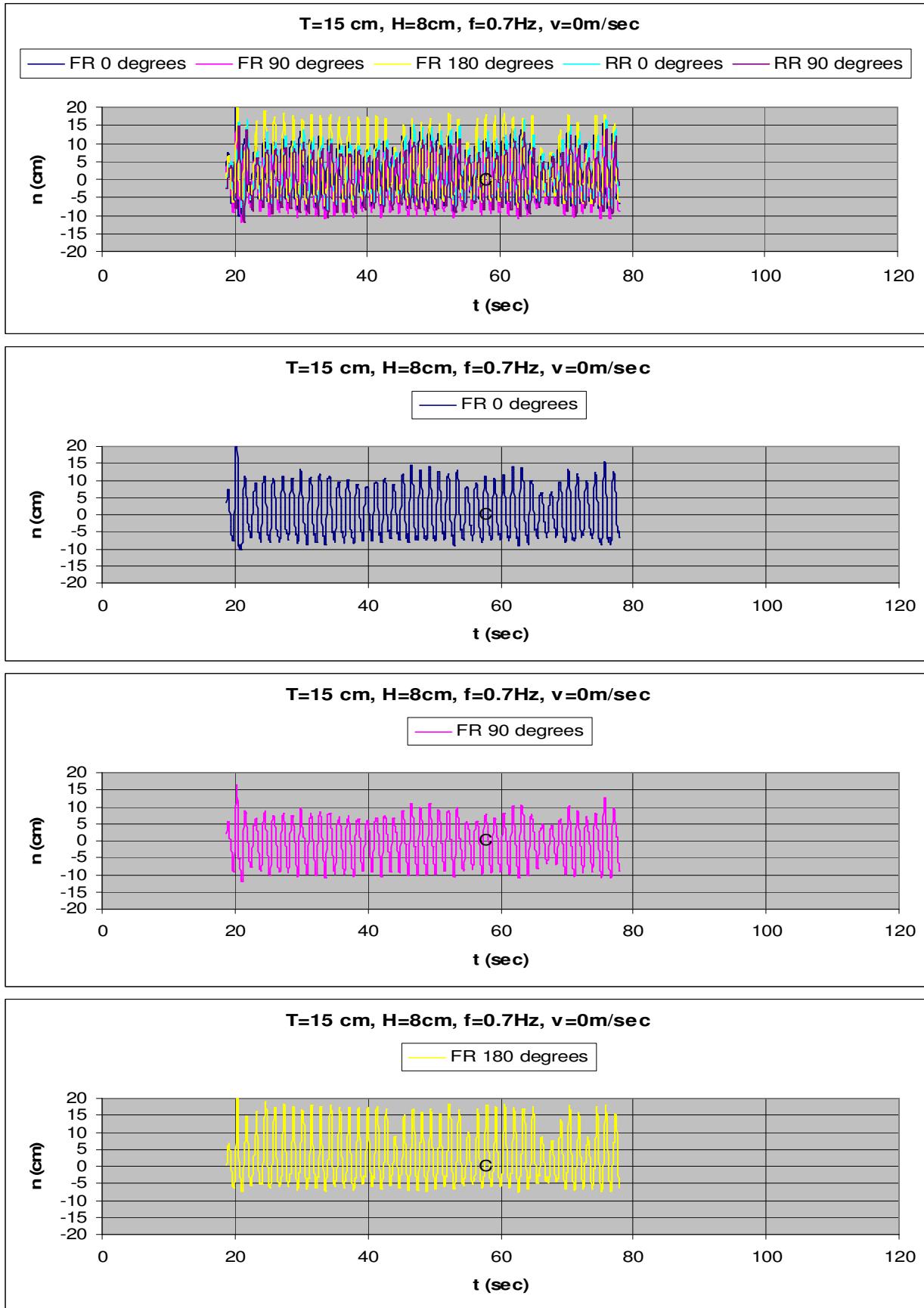


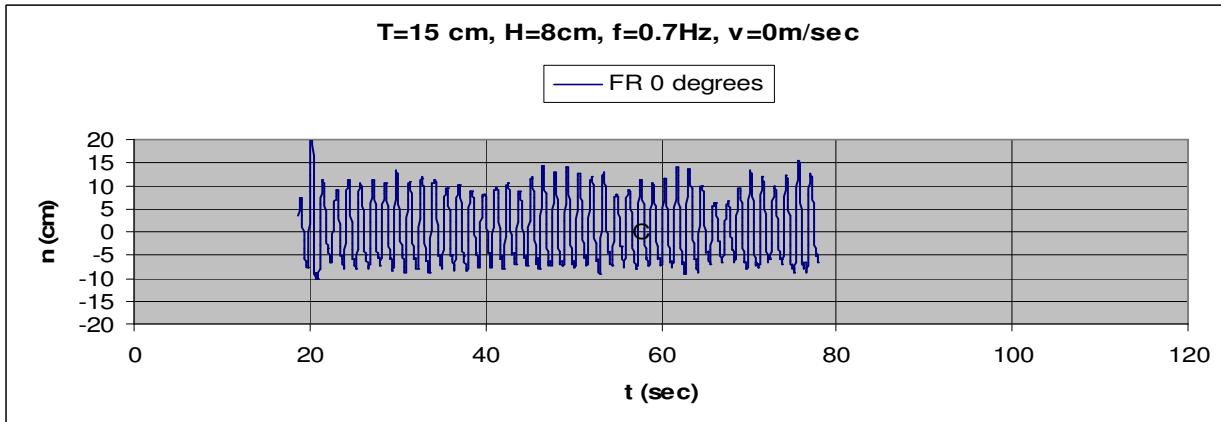
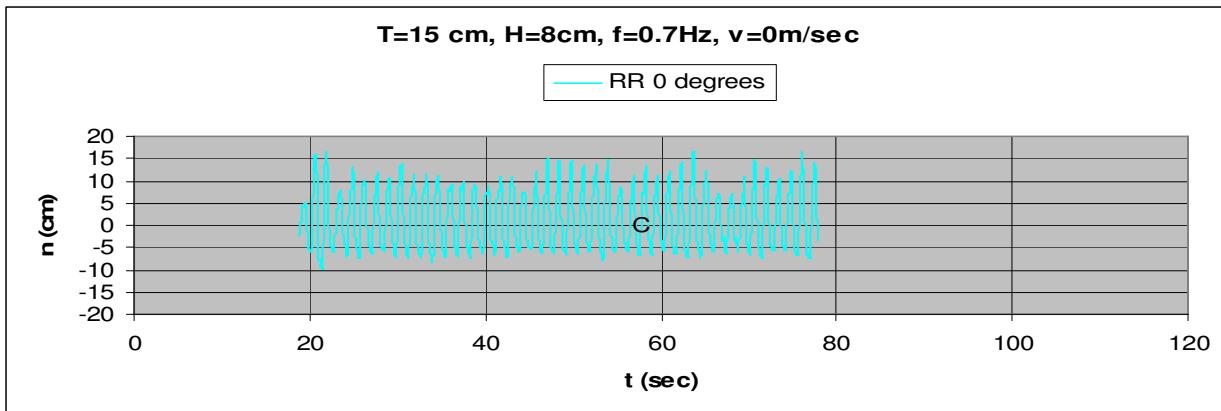
### 3.1.1.16 T=15cm, h=7cm, v=0m/s, f=0.9Hz, Fn=0, ω=5.655rad/sec



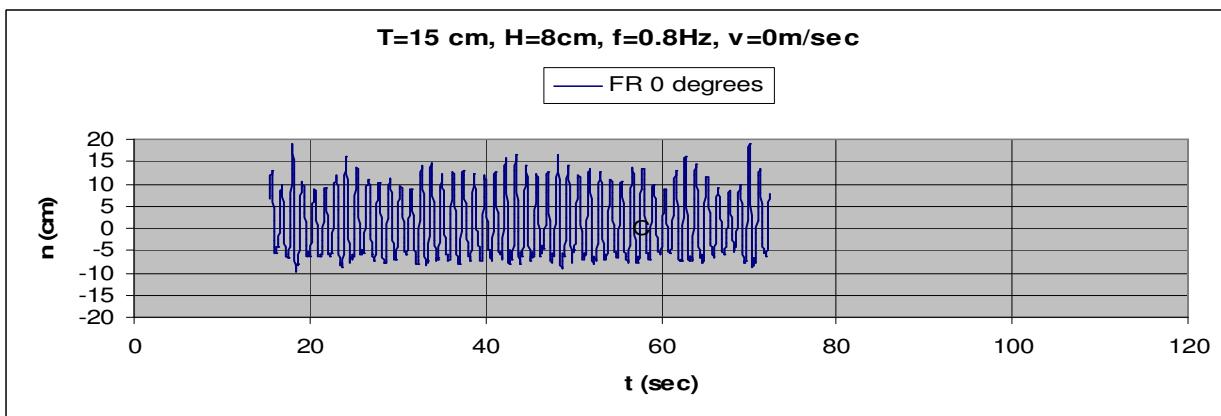
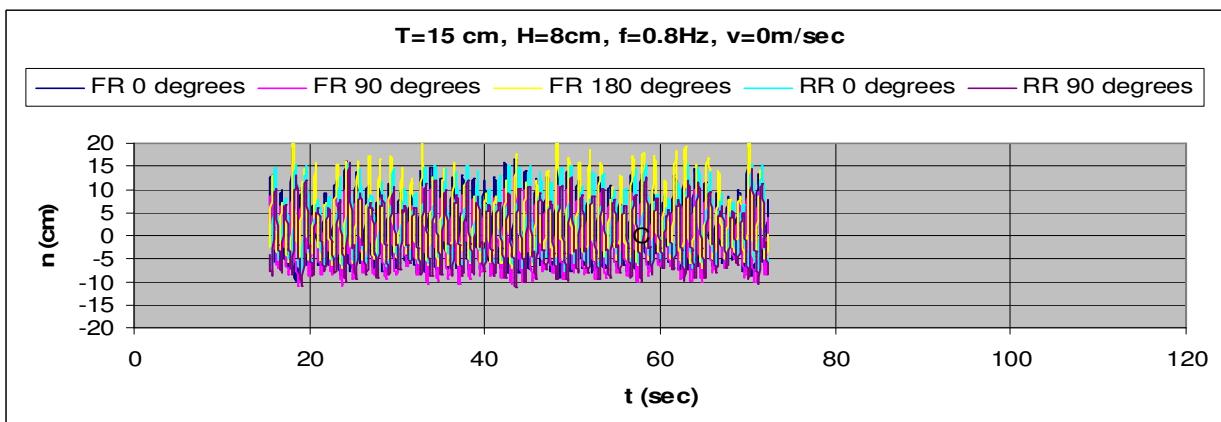


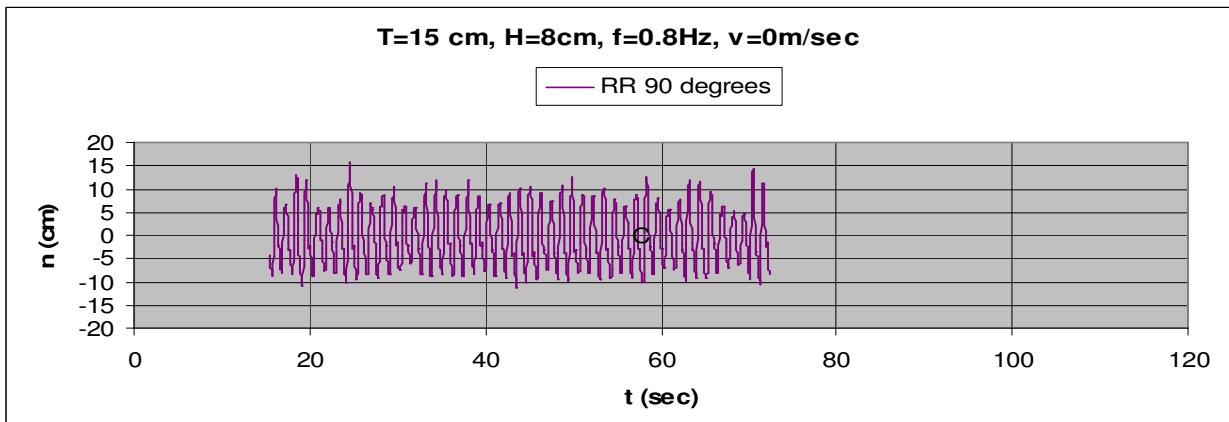
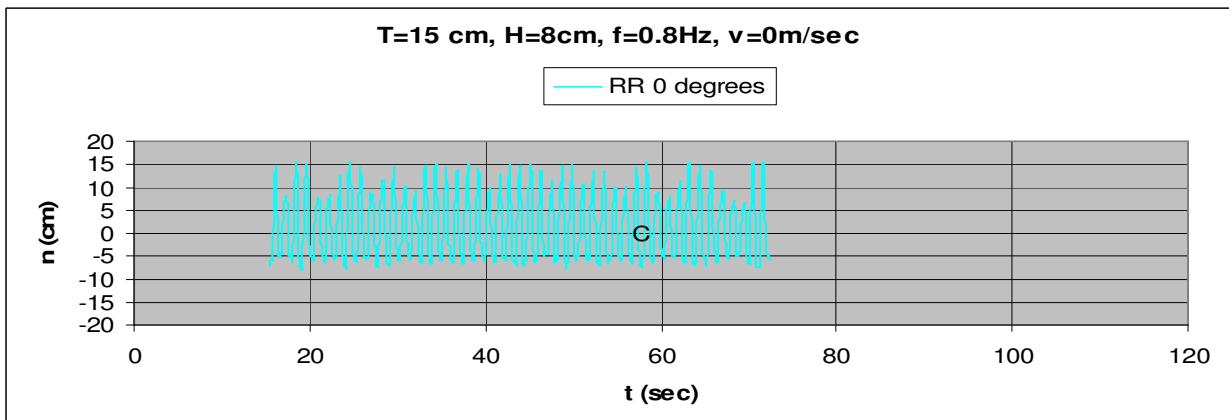
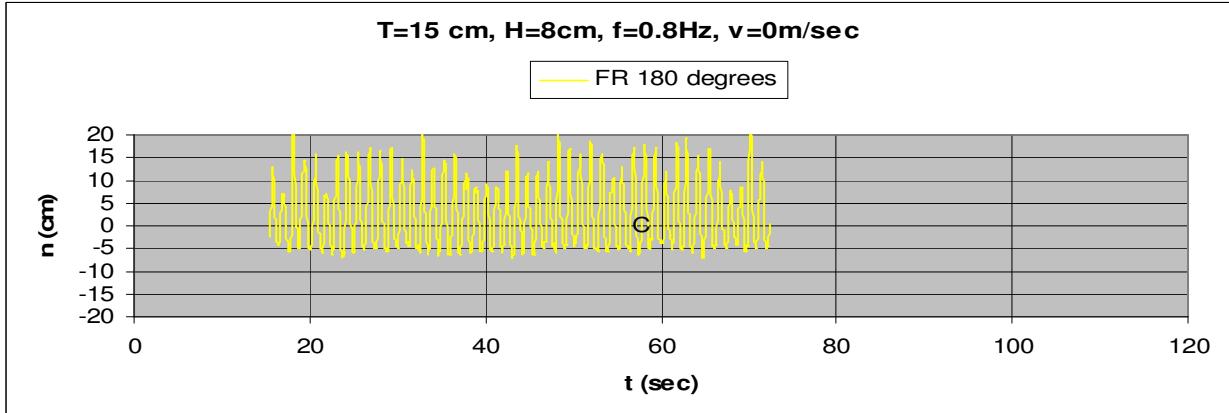
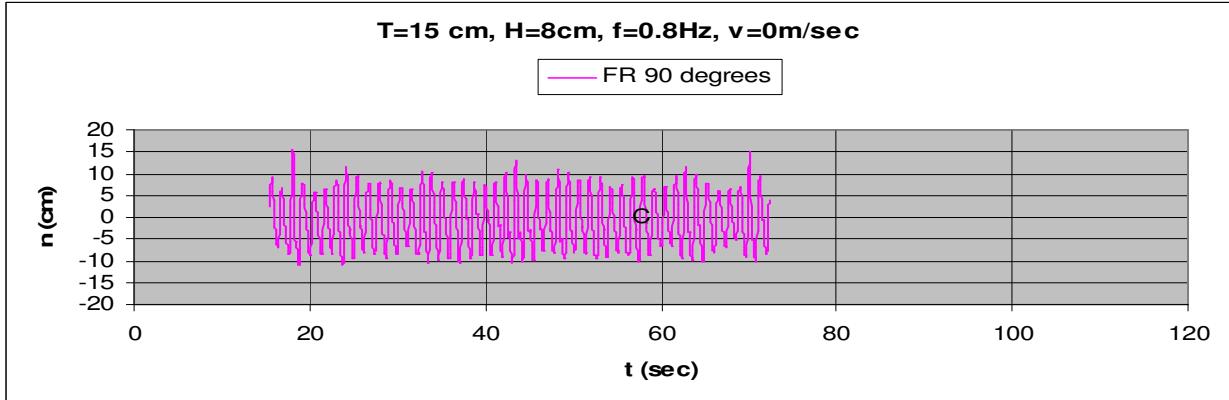
**3.1.1.17       $T=15\text{cm}$ ,  $h=8\text{cm}$ ,  $v=0\text{m/s}$ ,  $f=0.7\text{Hz}$ ,  $F_n=0$ ,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**





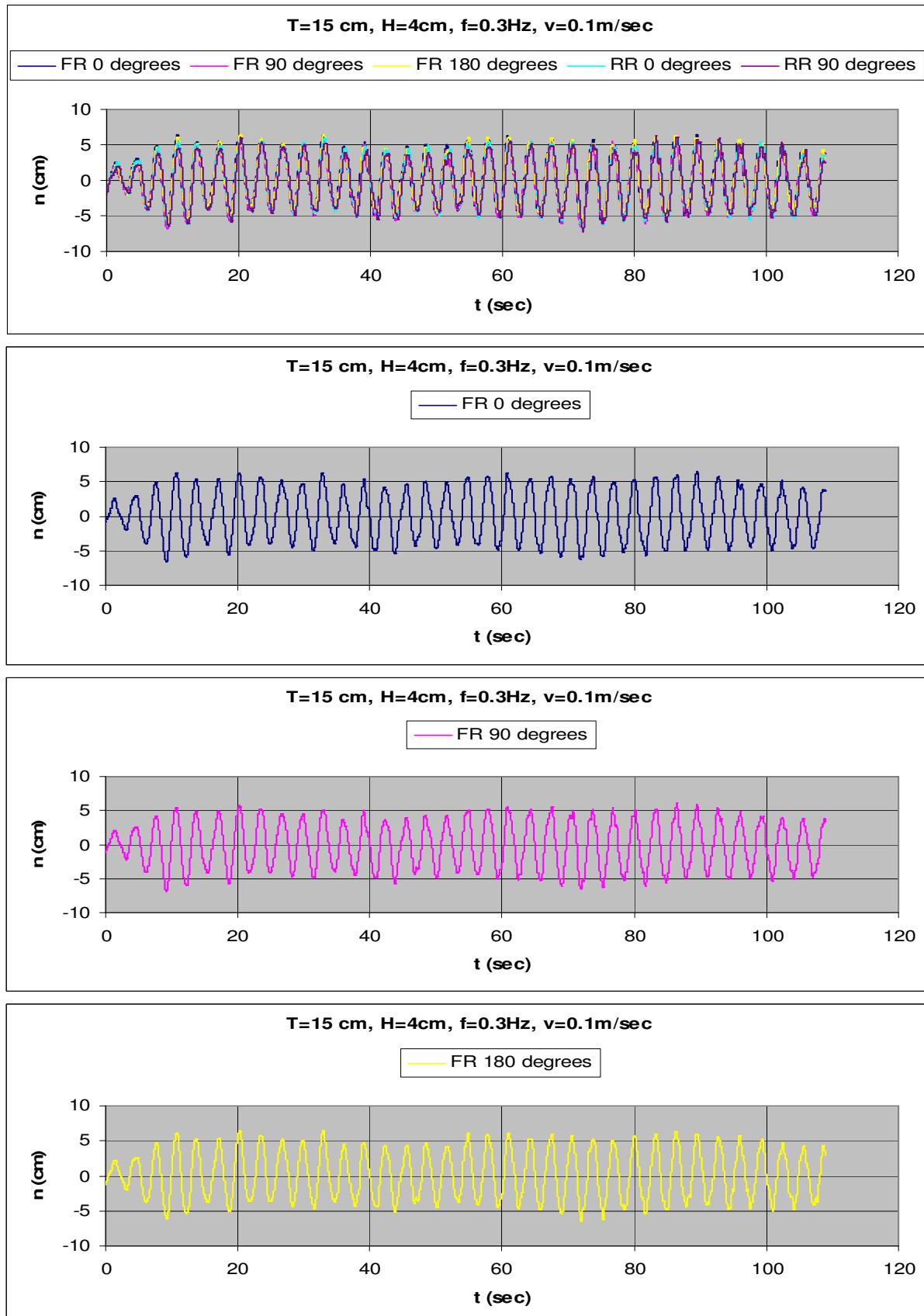
### 3.1.1.18 T=15cm, h=8cm, v=0m/s, f=0.8Hz, Fn=0, $\omega=5.026\text{rad/sec}$

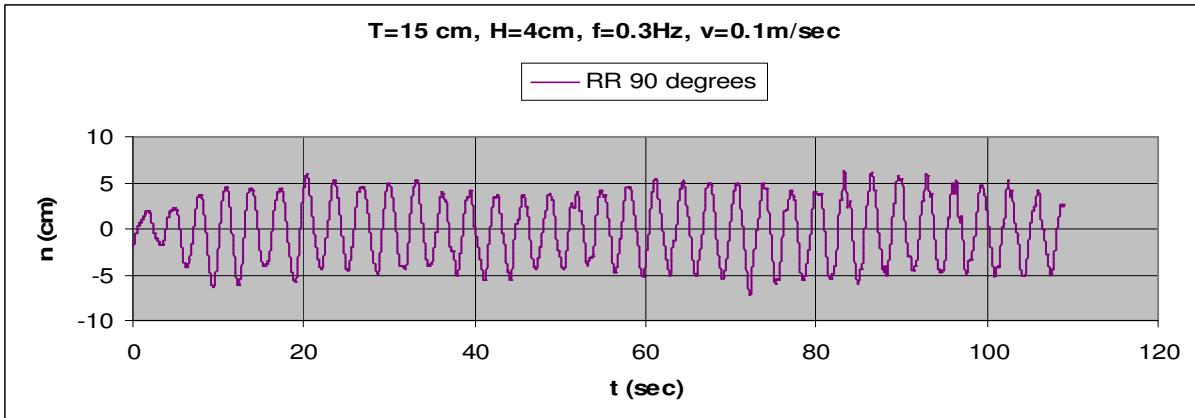
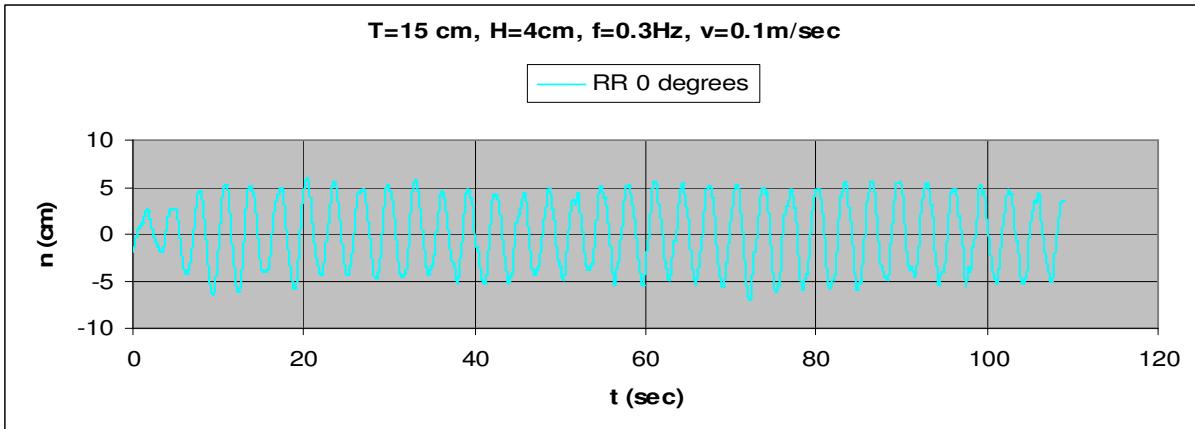




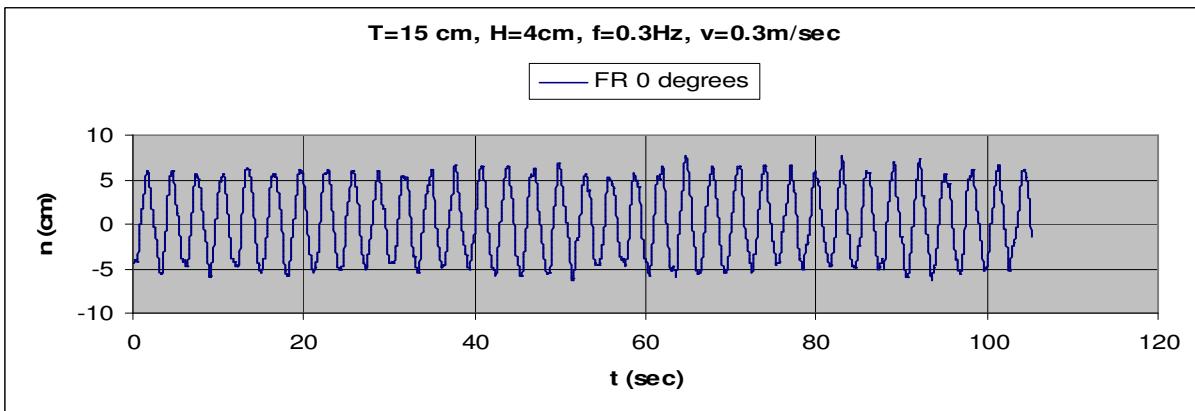
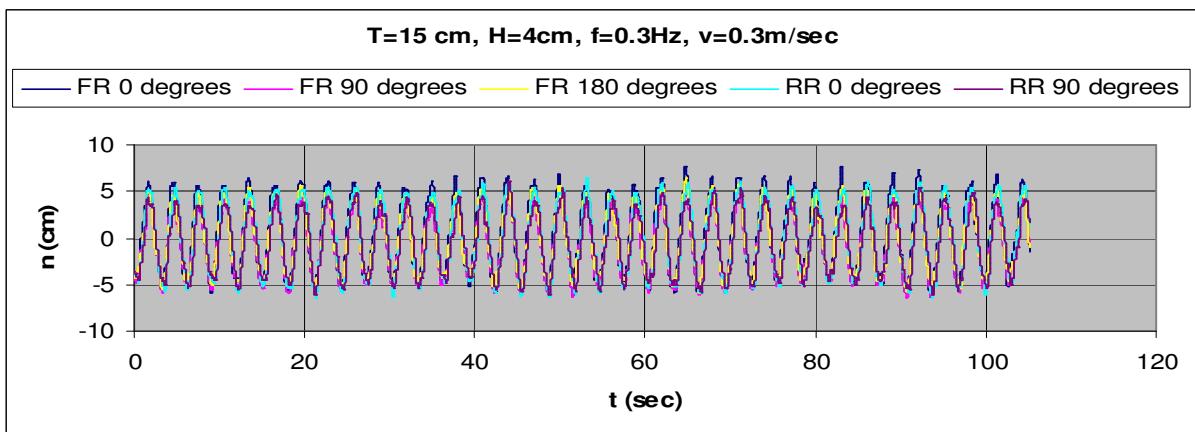
### 3.1.2 Χρονικές ιστορίες πλατφόρμας σε κίνηση

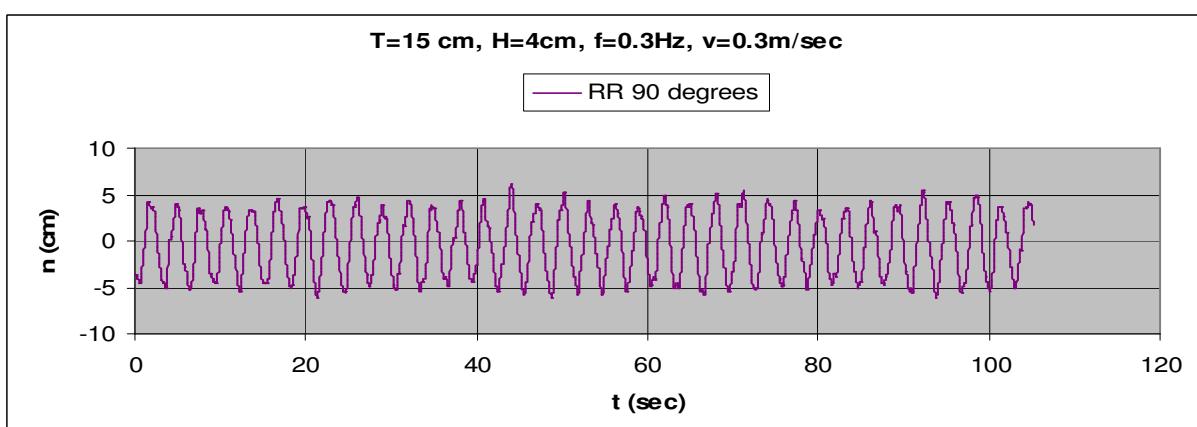
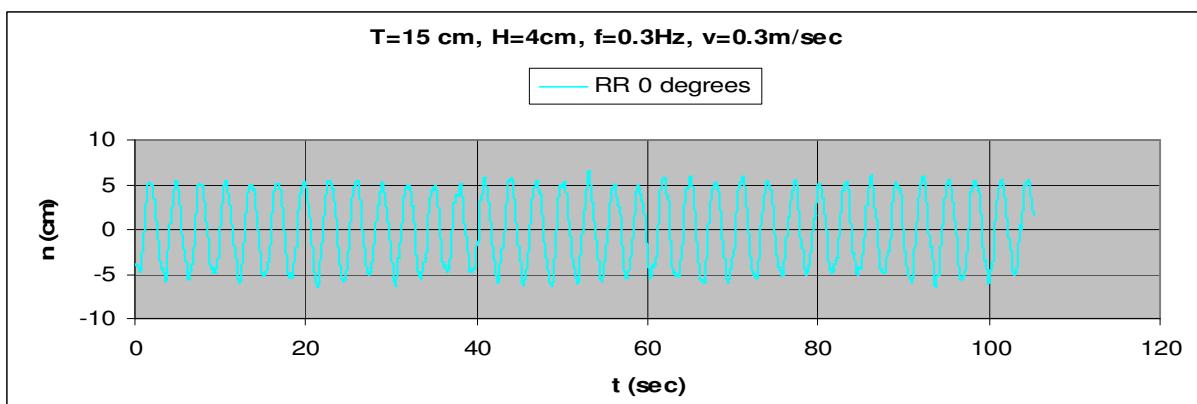
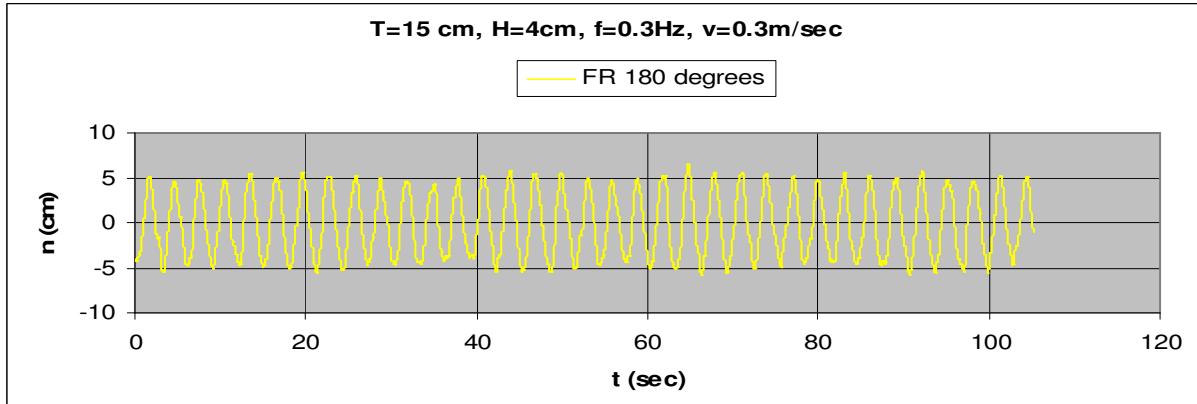
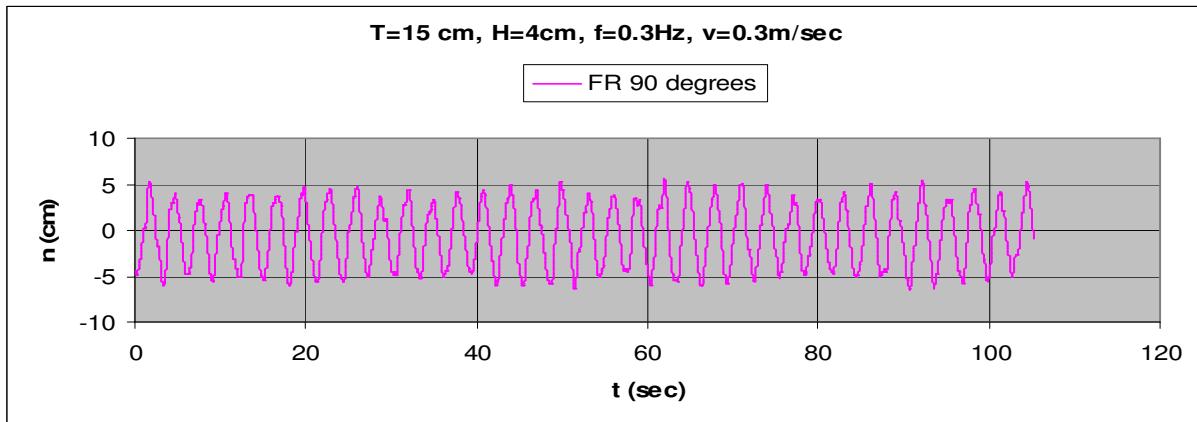
3.1.2.1  $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.3\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=1.885\text{rad/sec}$



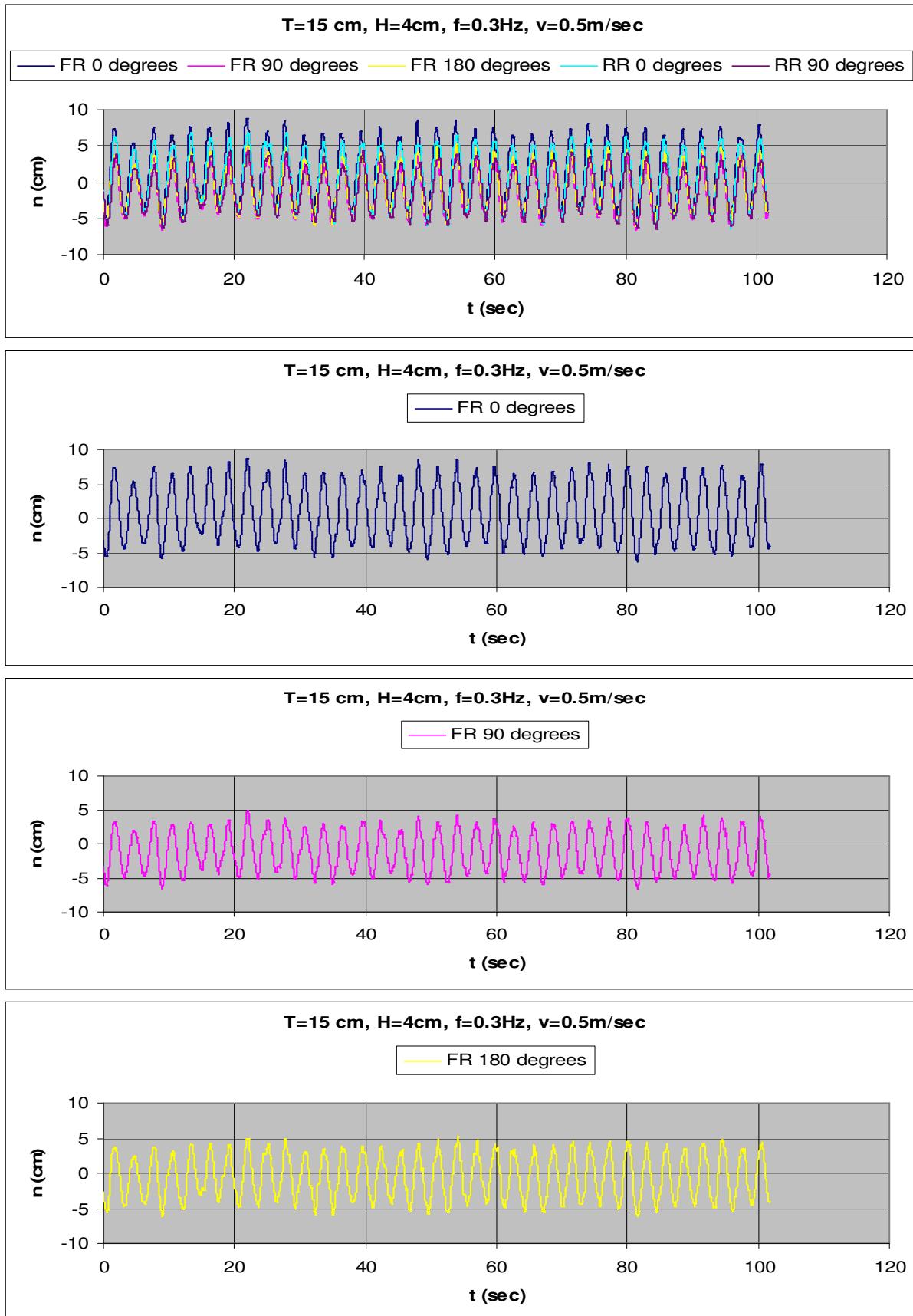


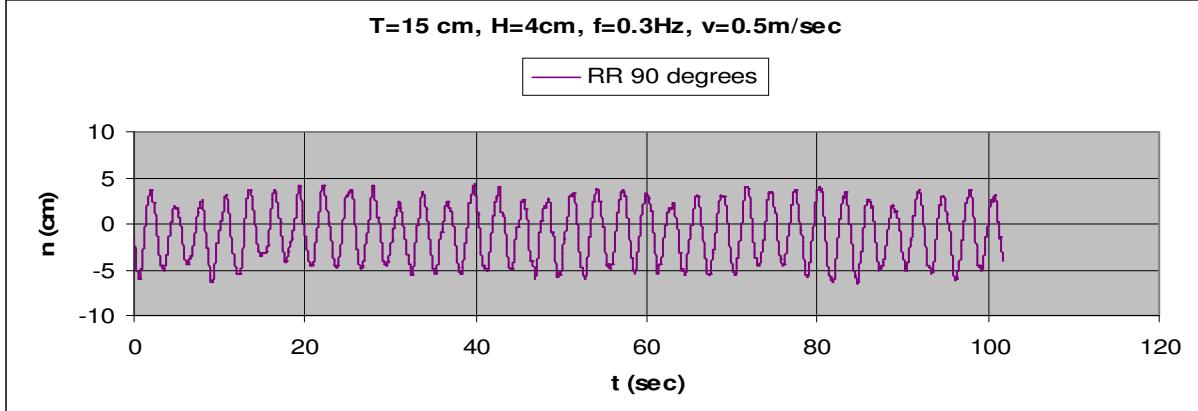
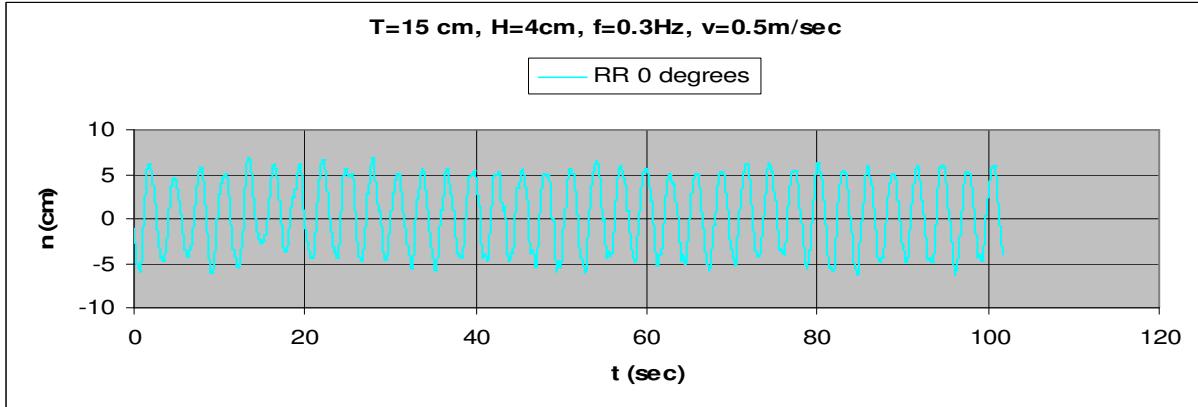
### 3.1.2.2    T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.3Hz, Fn=0.167, $\omega=1.885\text{rad/sec}$



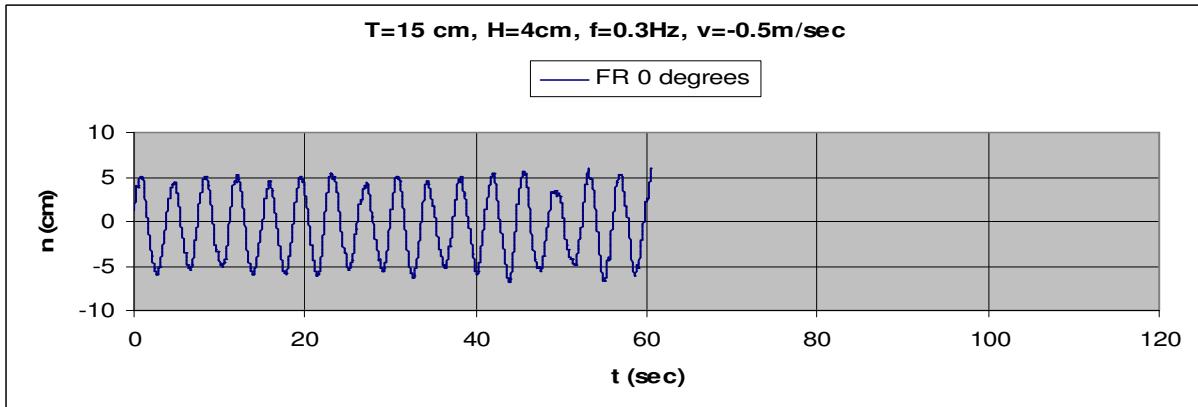
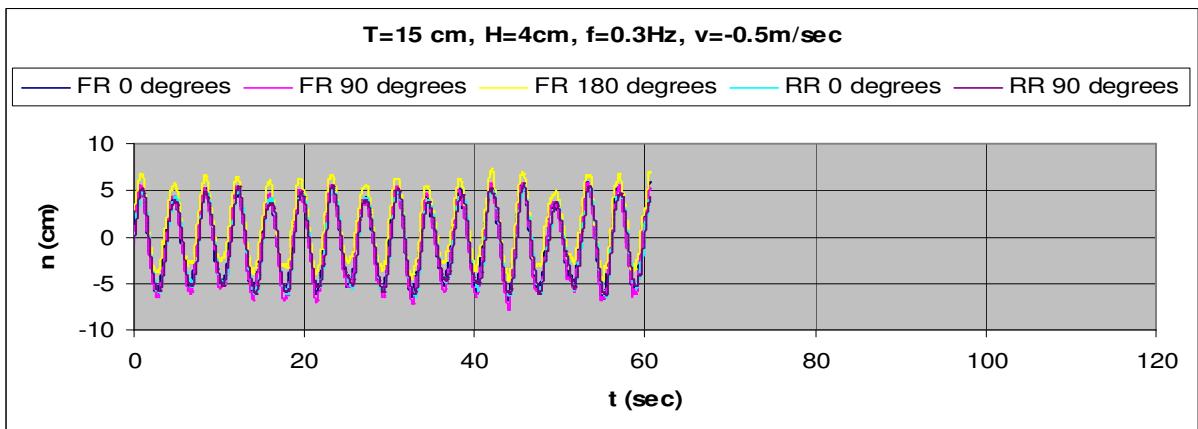


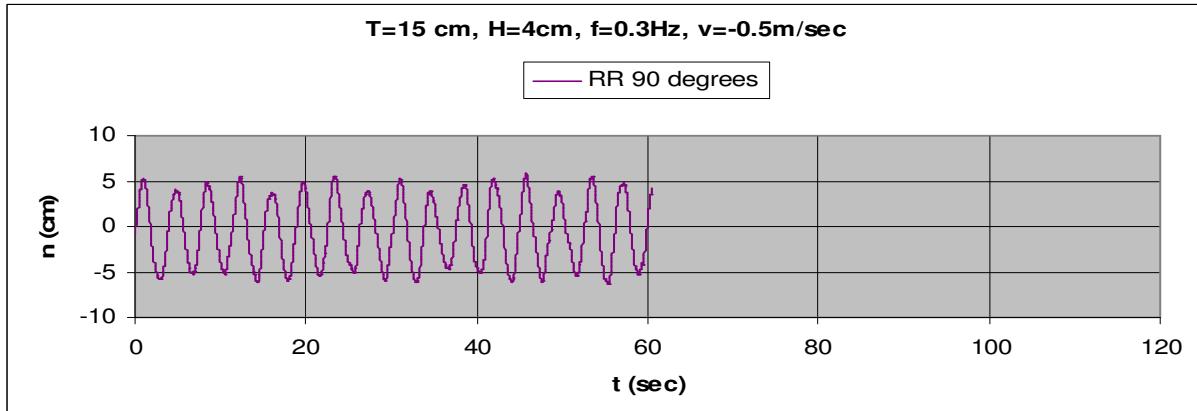
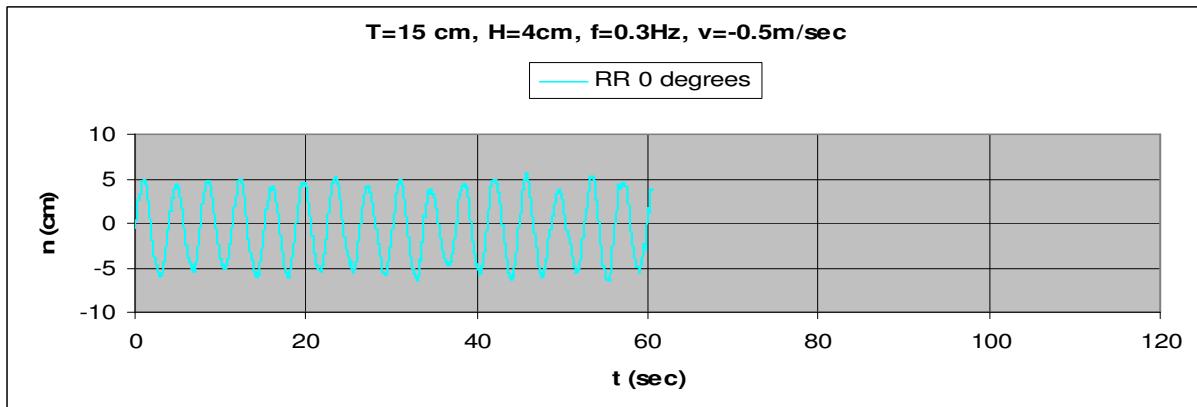
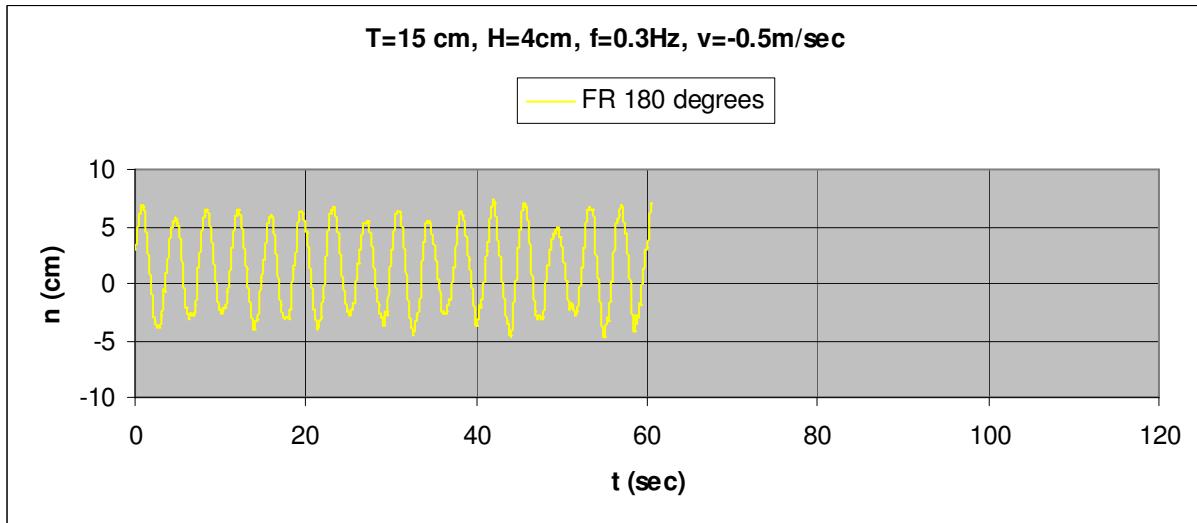
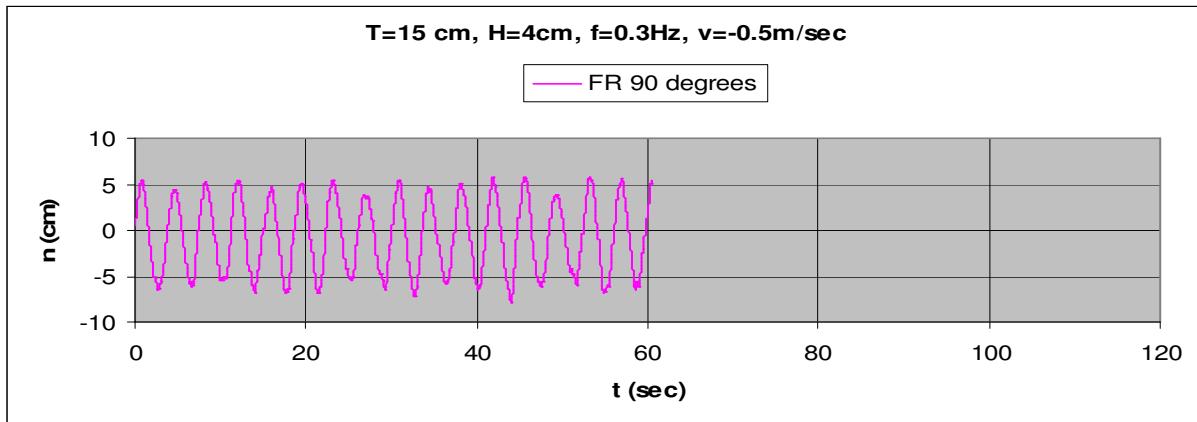
**3.1.2.3       $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0.5\text{m/s}$ ,  $f=0.3\text{Hz}$ ,  $F_n=0.278$ ,  $\omega=1.885\text{rad/sec}$**



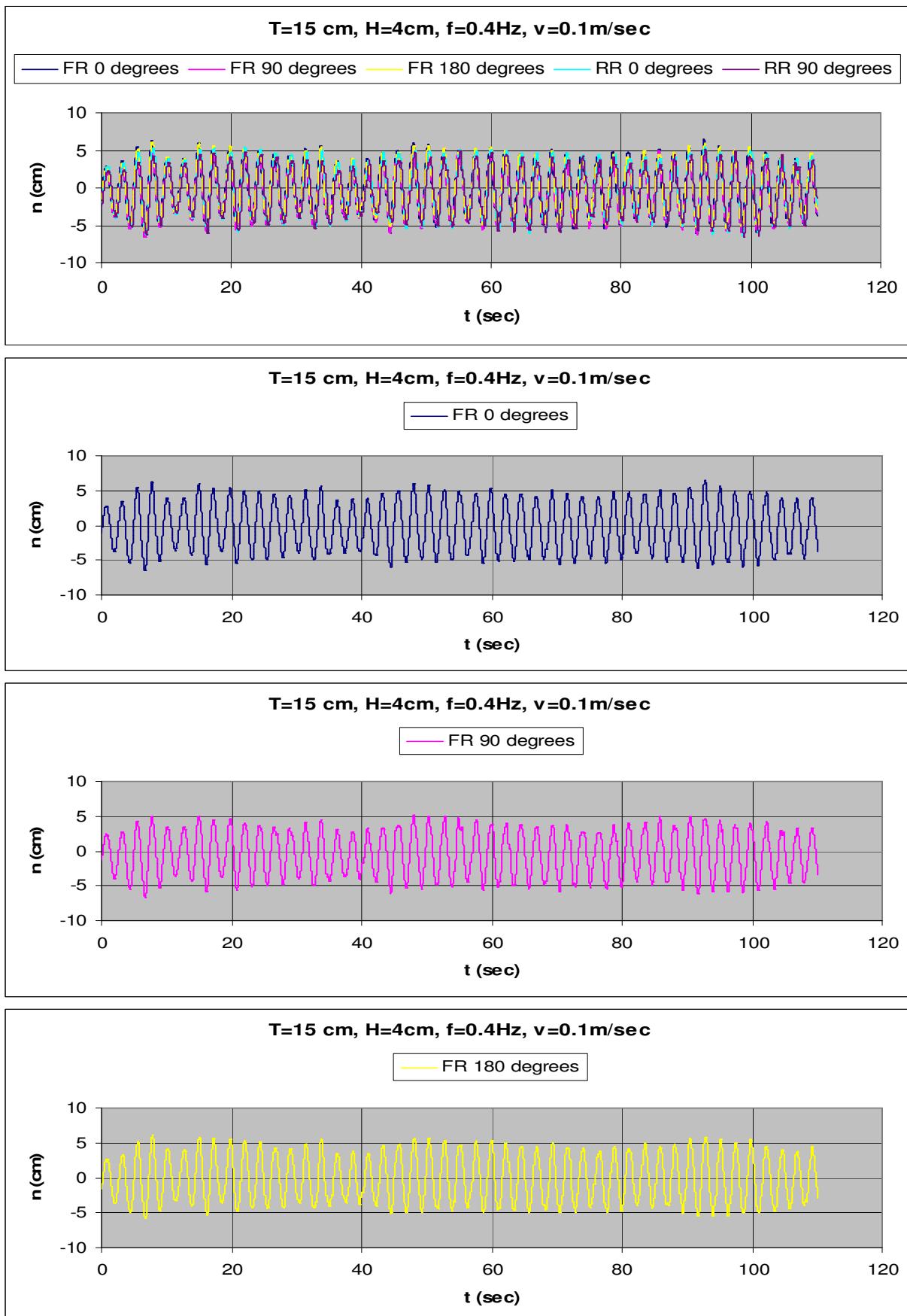


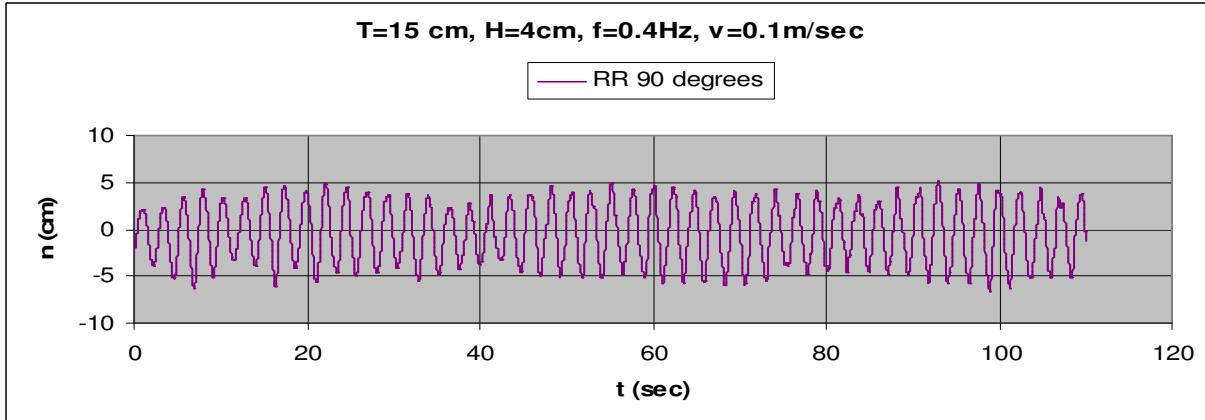
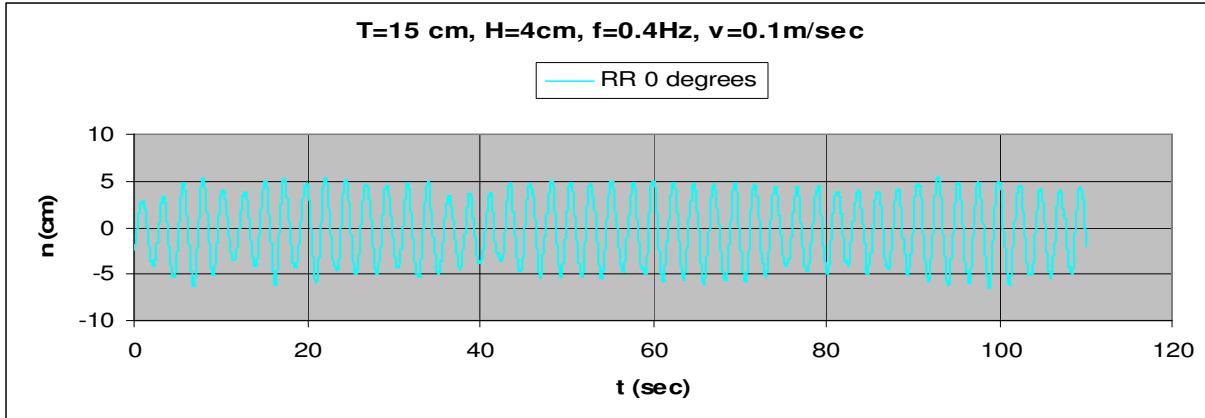
### 3.1.2.4      $T=15\text{cm}, h=4\text{cm}, v=-0.5\text{m/s}, f=0.3\text{Hz}, F_n=0.278, \omega=1.885\text{rad/sec}$



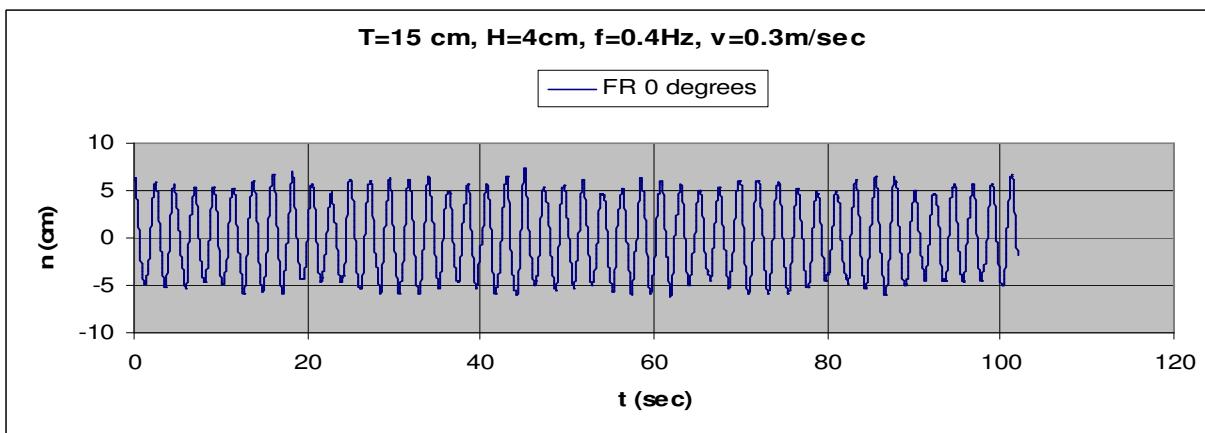
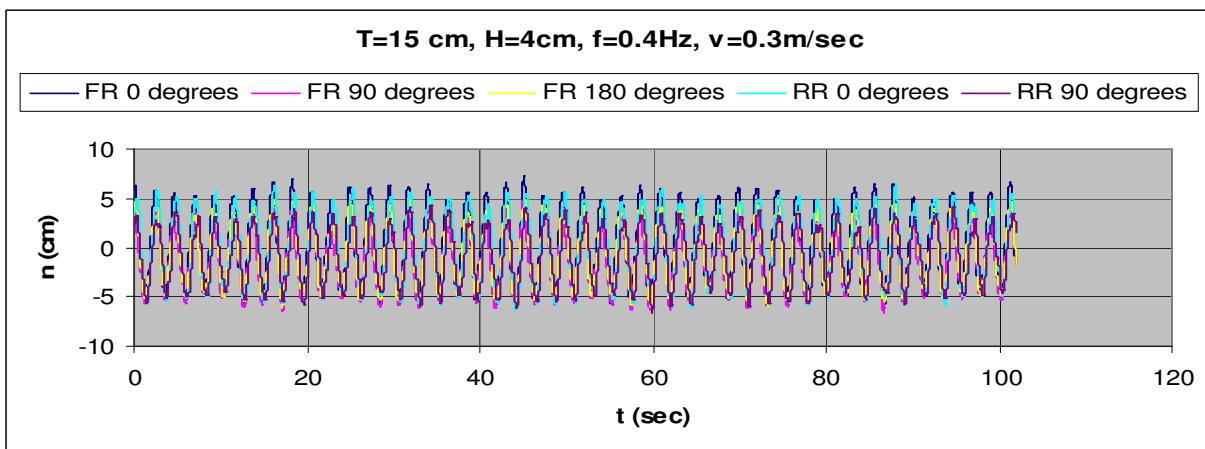


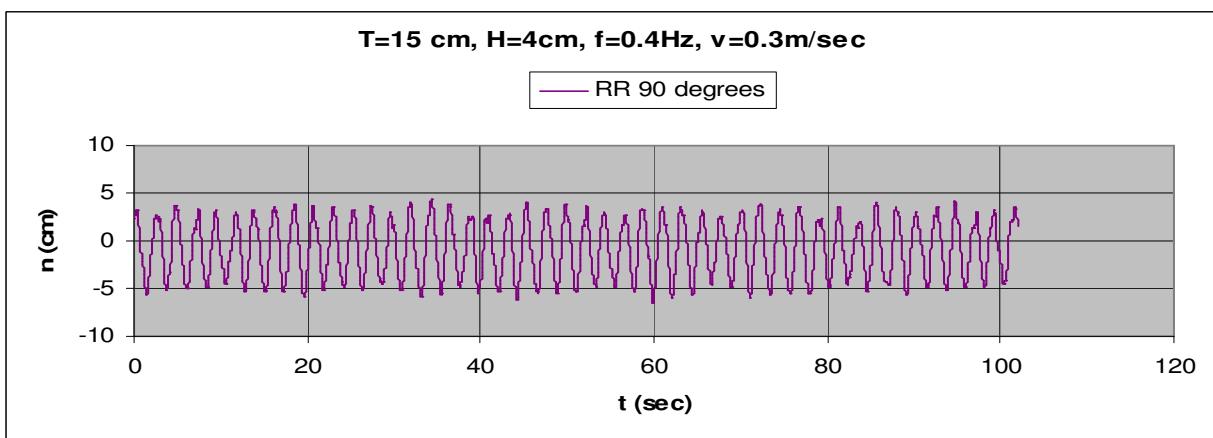
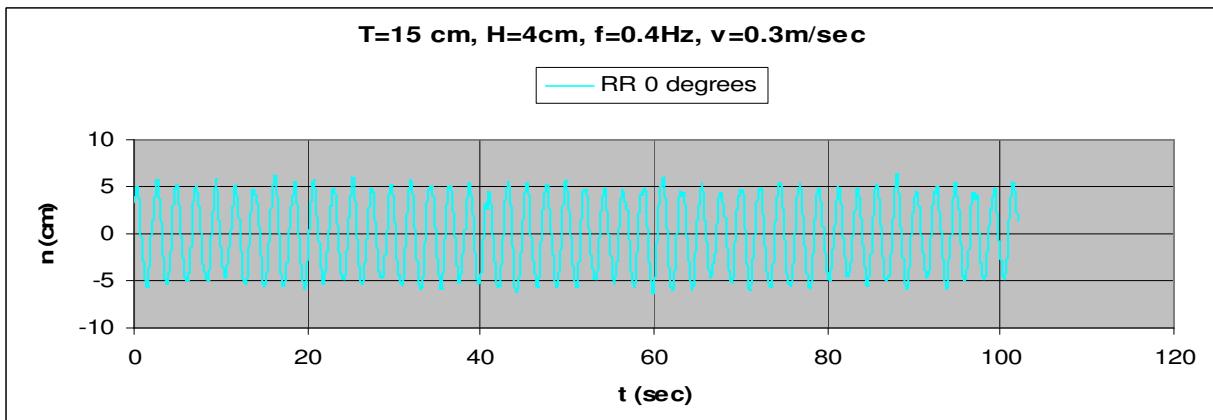
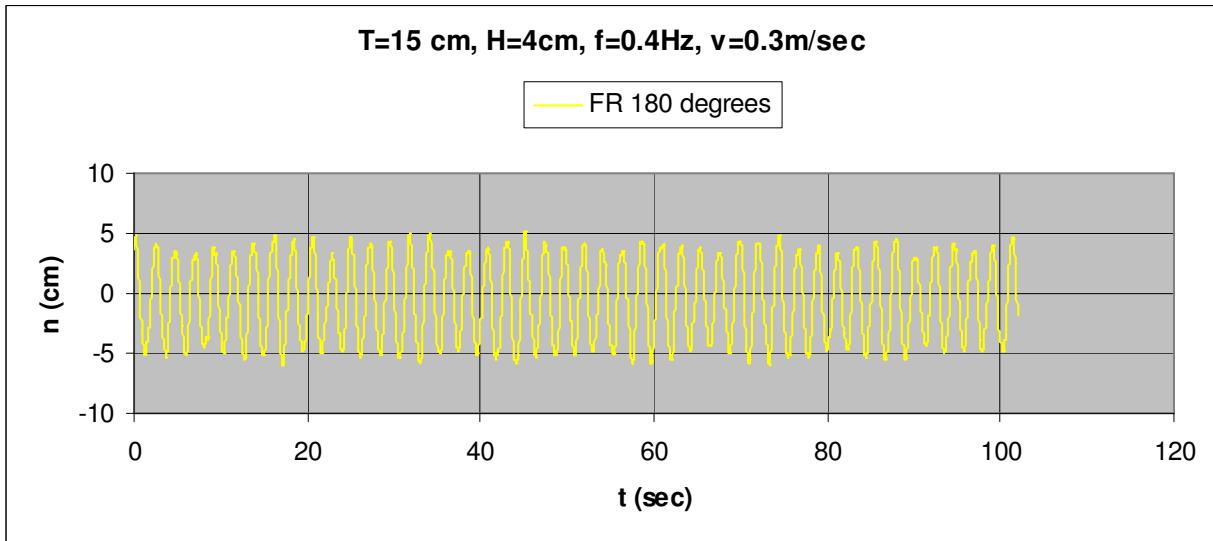
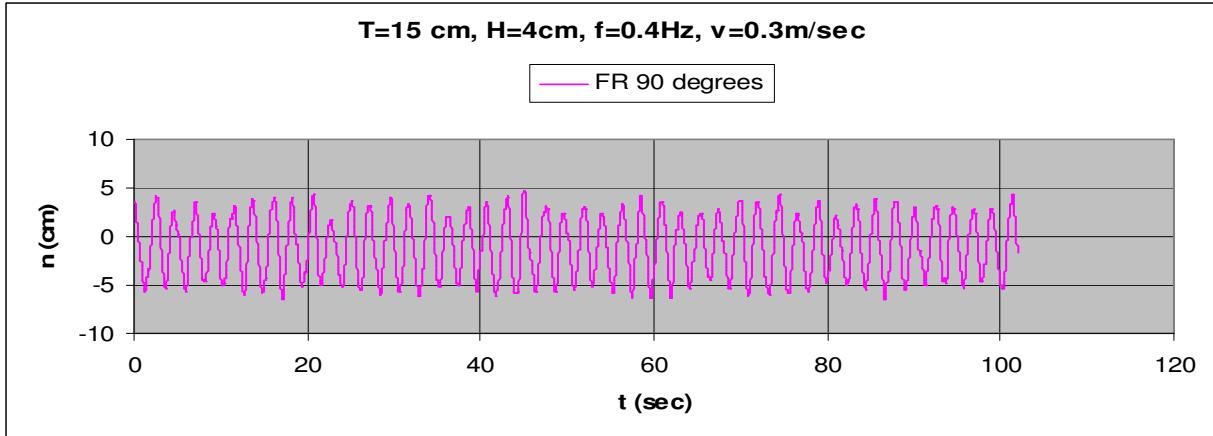
**3.1.2.5       $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.4\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=2.513\text{rad/sec}$**



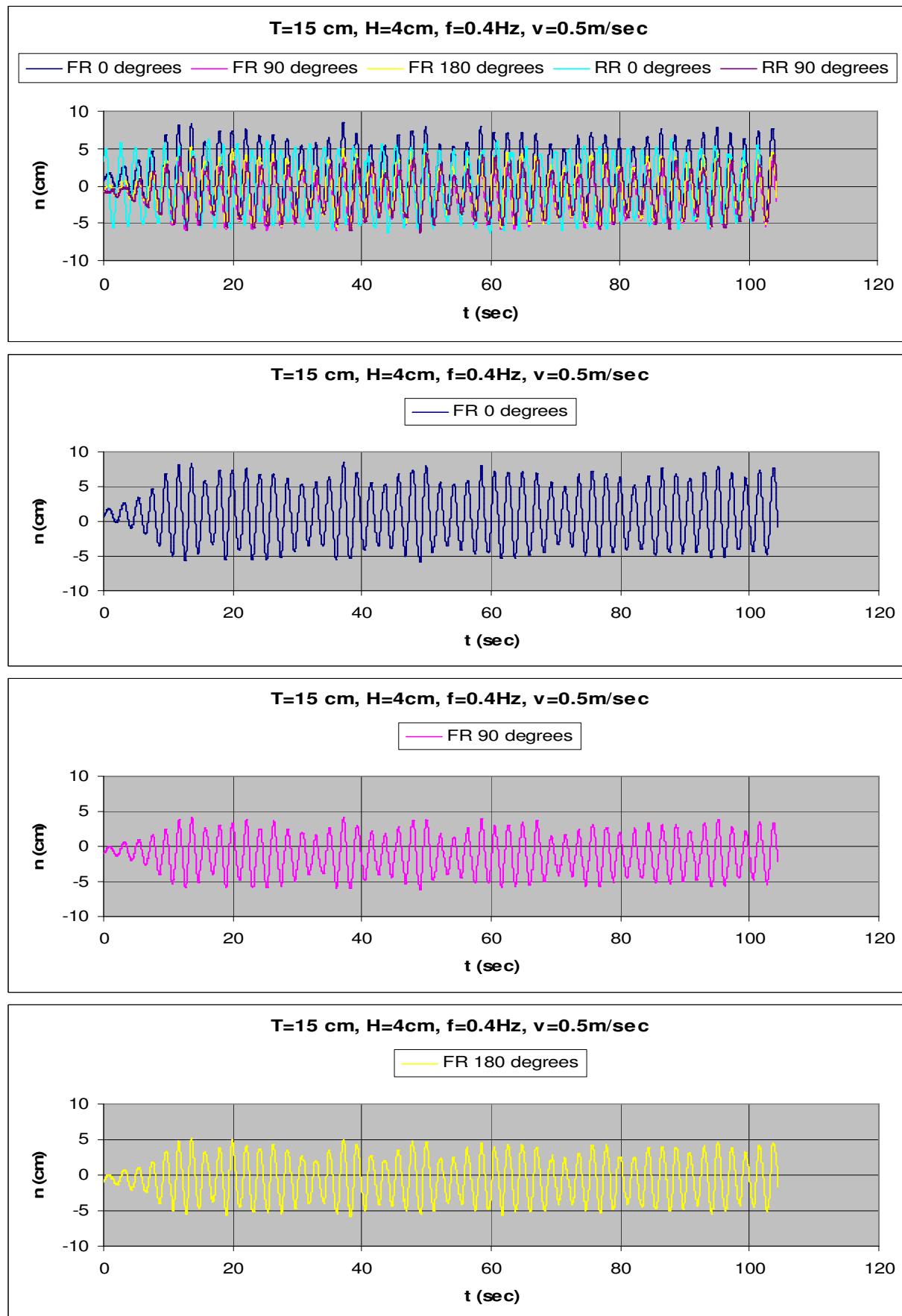


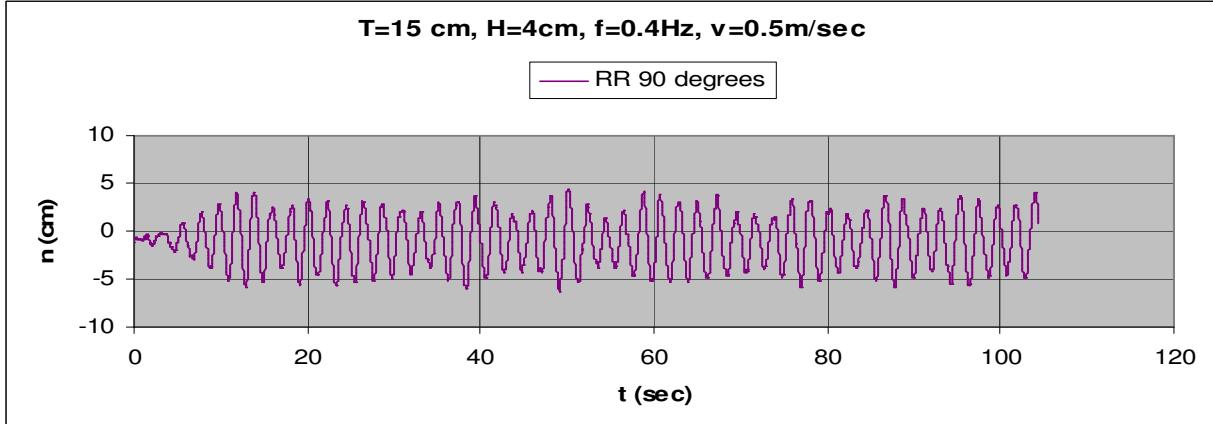
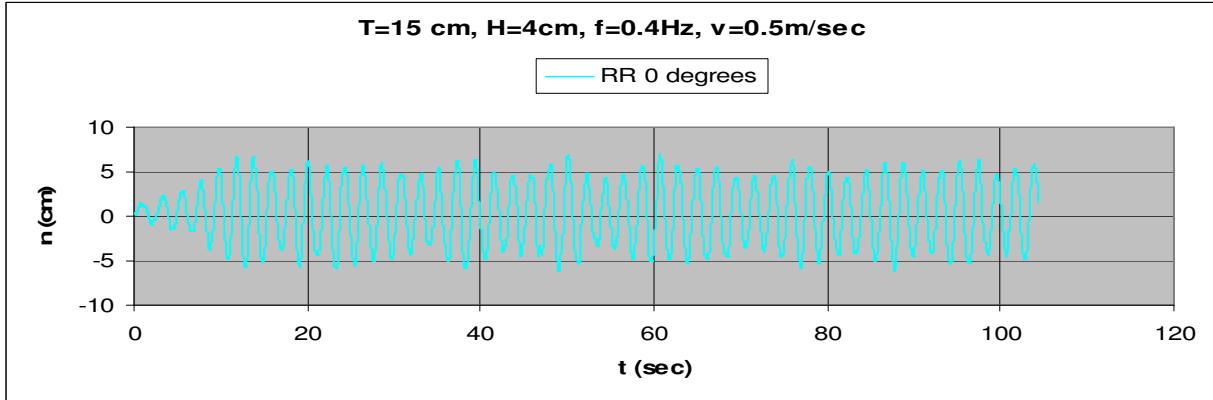
### 3.1.2.6      T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.4Hz, Fn=0.167, ω=2.513rad/sec



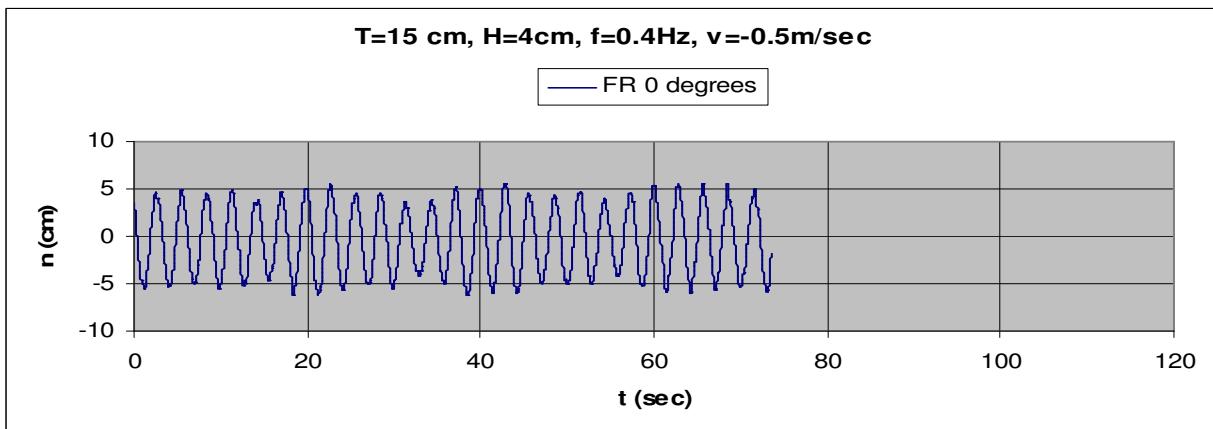
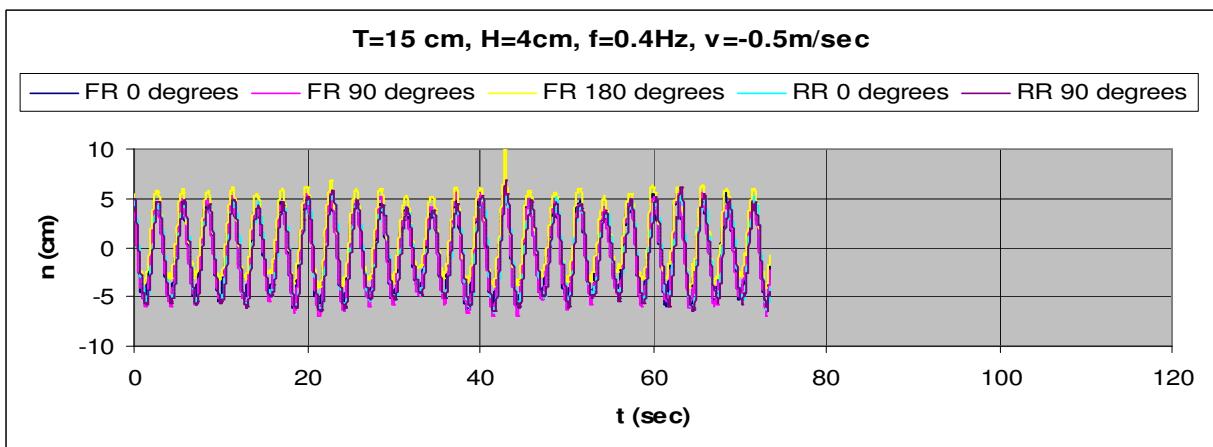


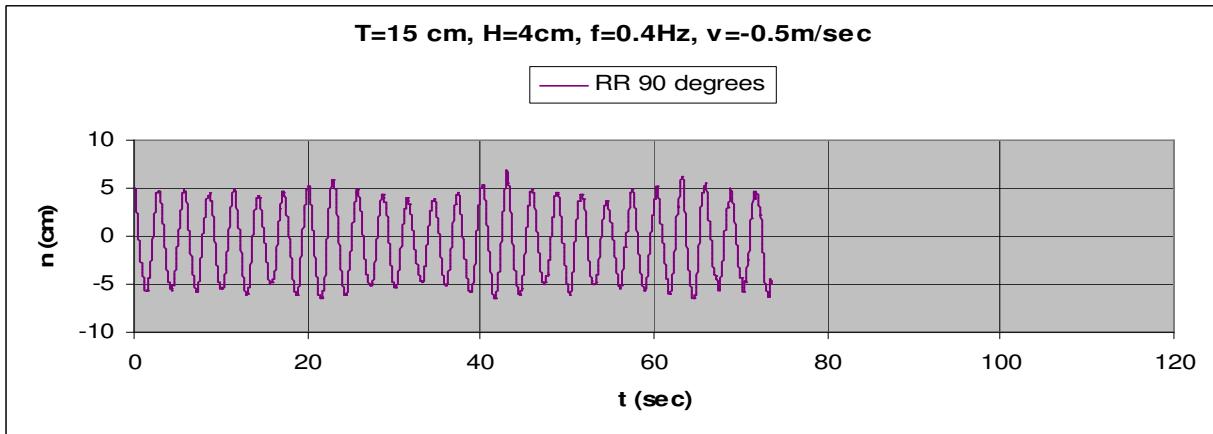
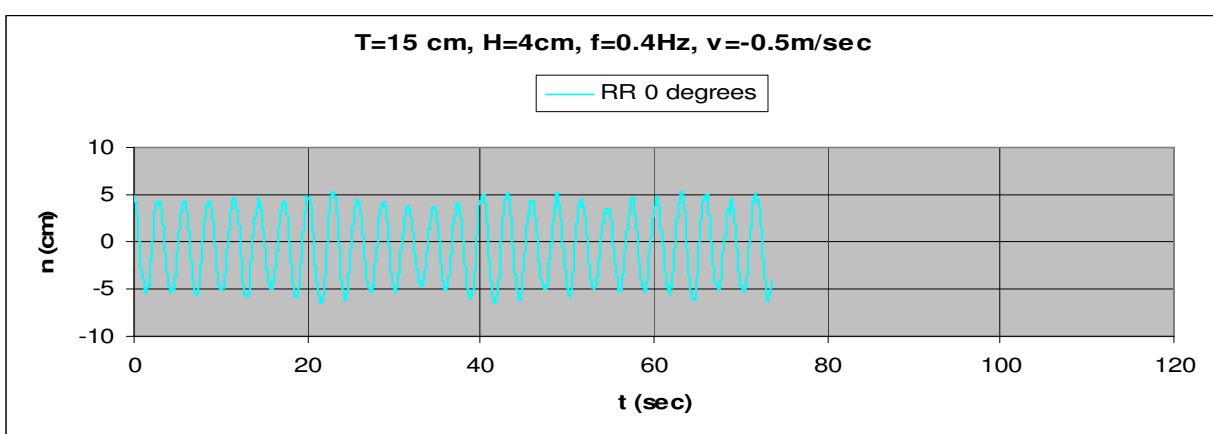
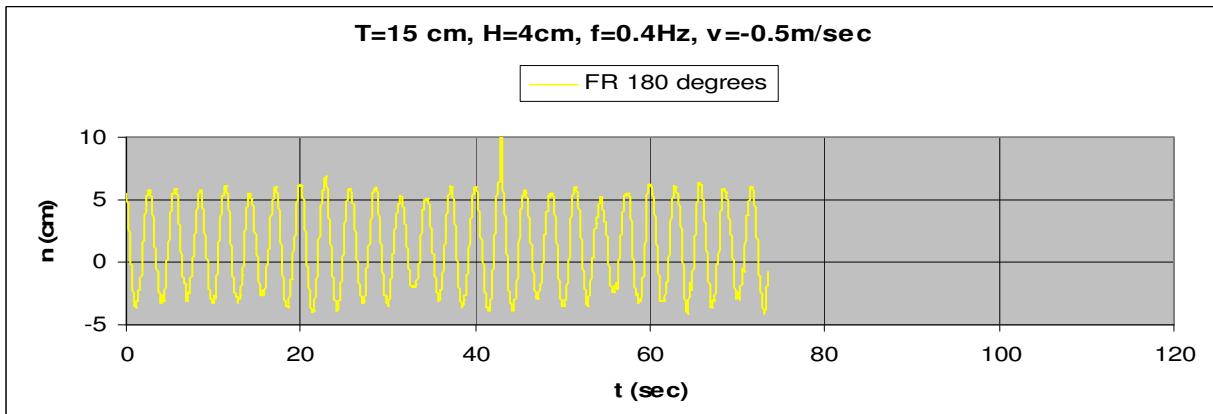
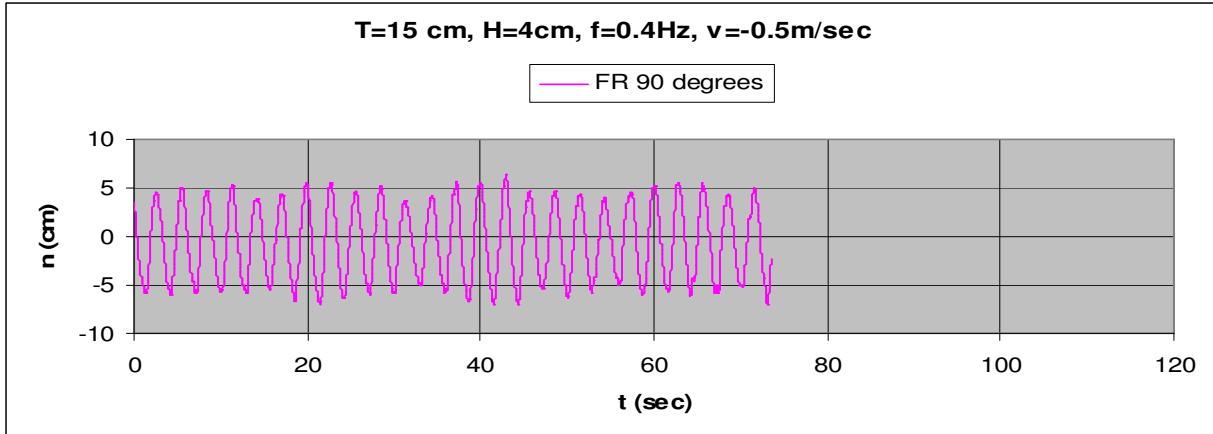
**3.1.2.7       $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0.5\text{m/s}$ ,  $f=0.4\text{Hz}$ ,  $F_n=0.278$ ,  $\omega=2.513\text{rad/sec}$**



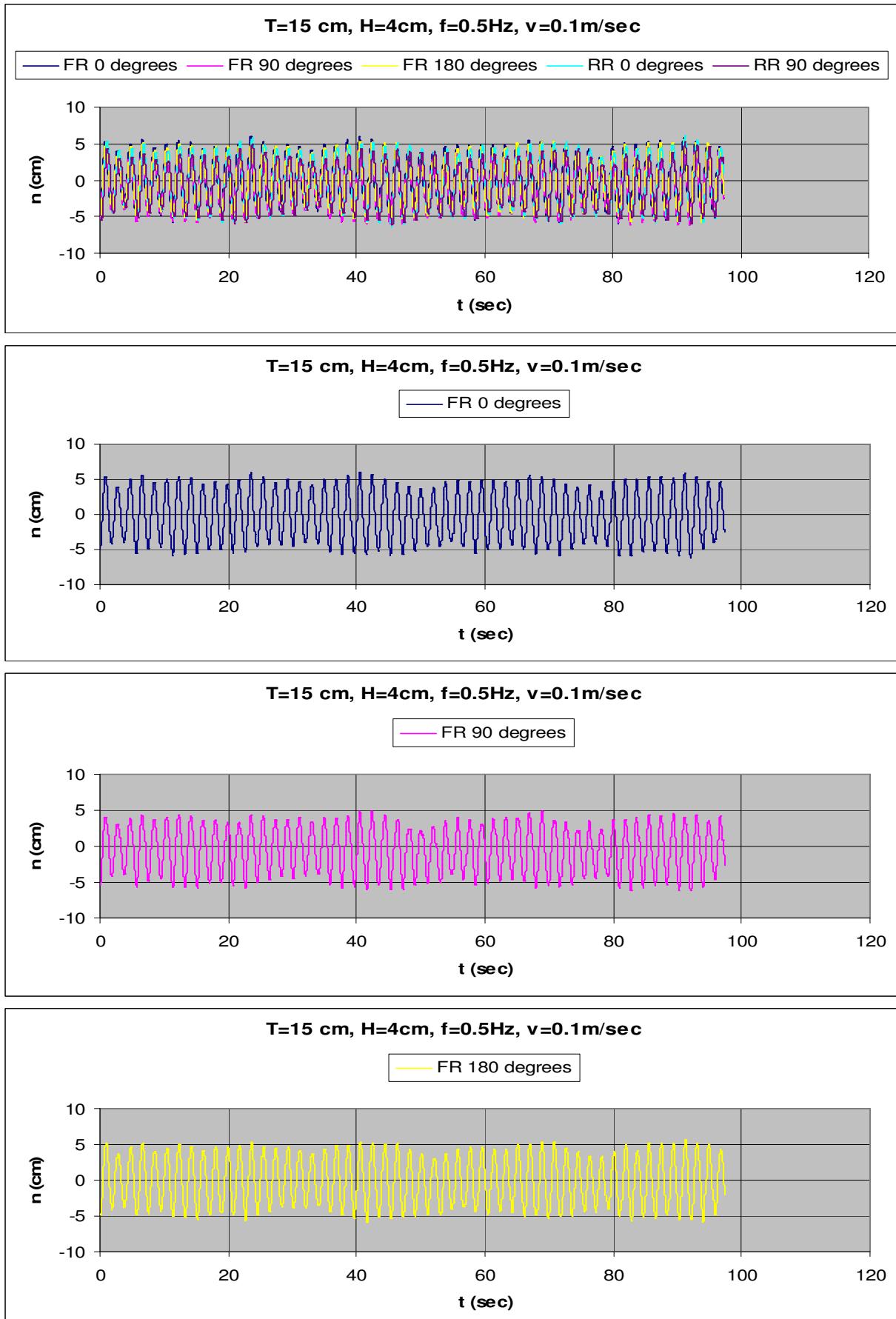


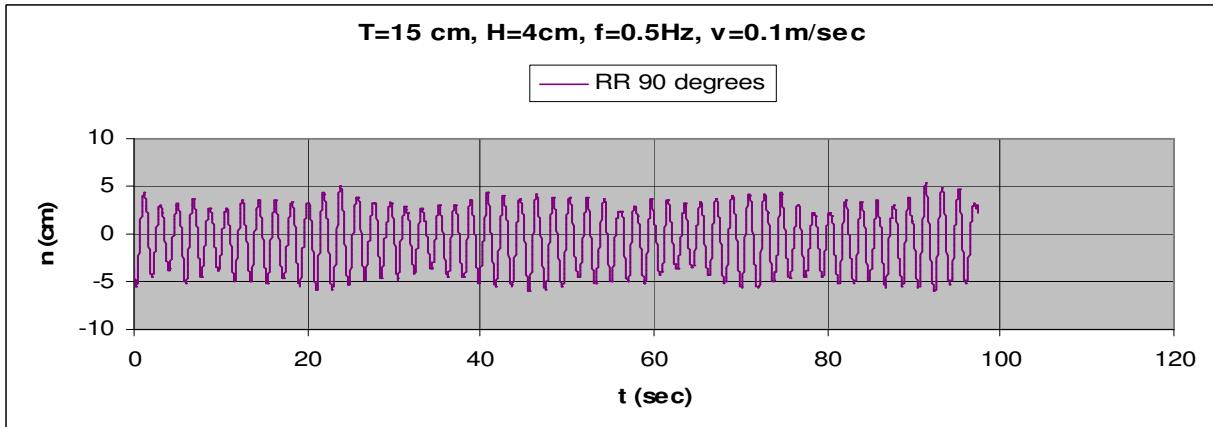
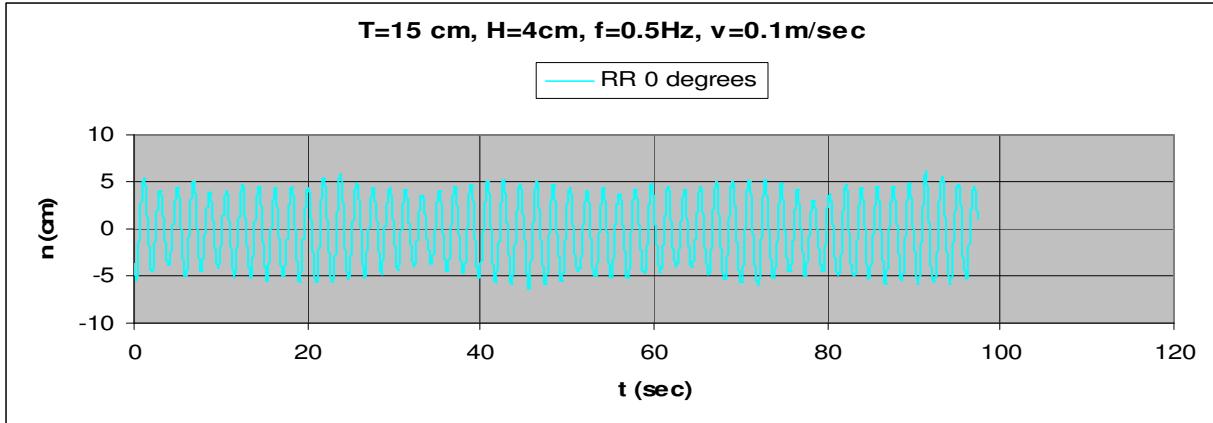
### 3.1.2.8 T=15cm, h=4cm, v=-0.5m/s, f=0.4Hz, Fn=0.278, ω=2.513rad/sec



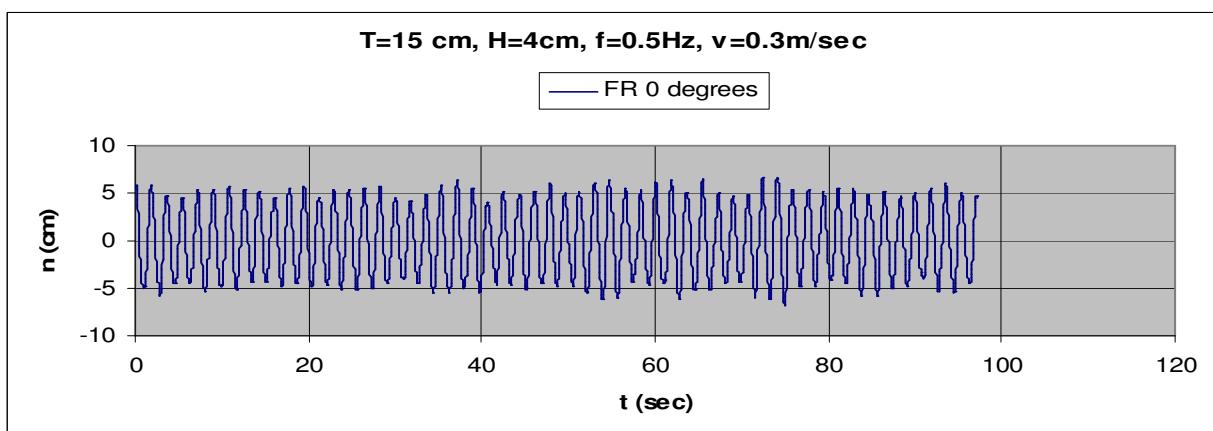
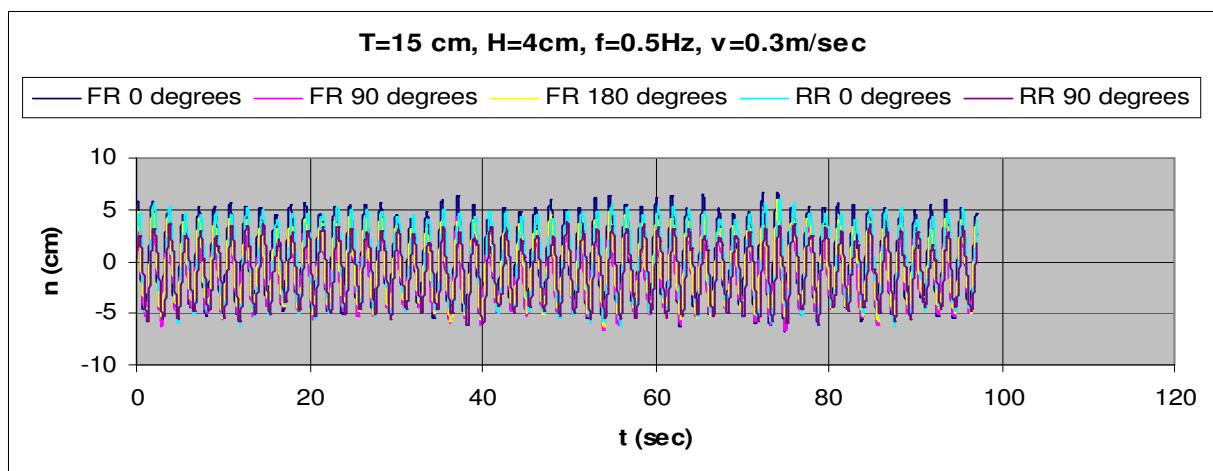


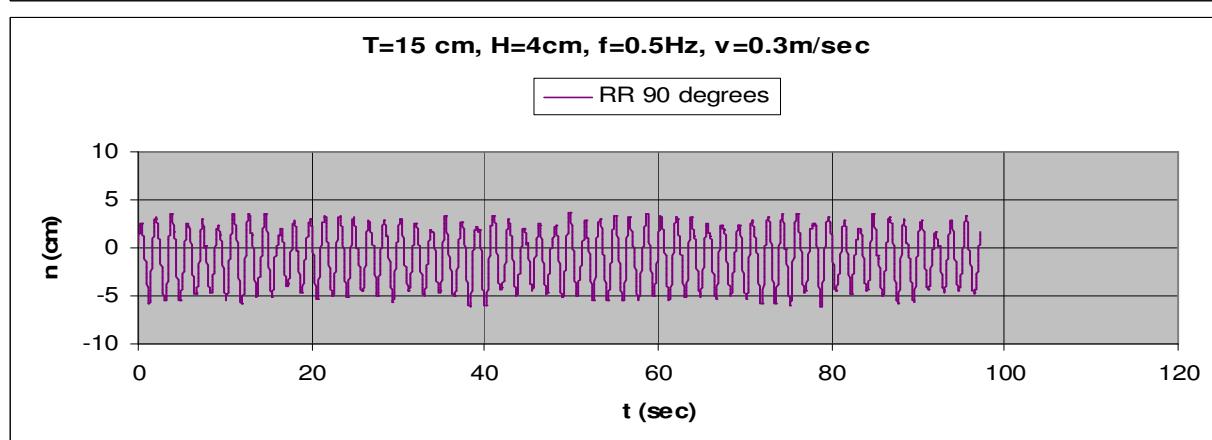
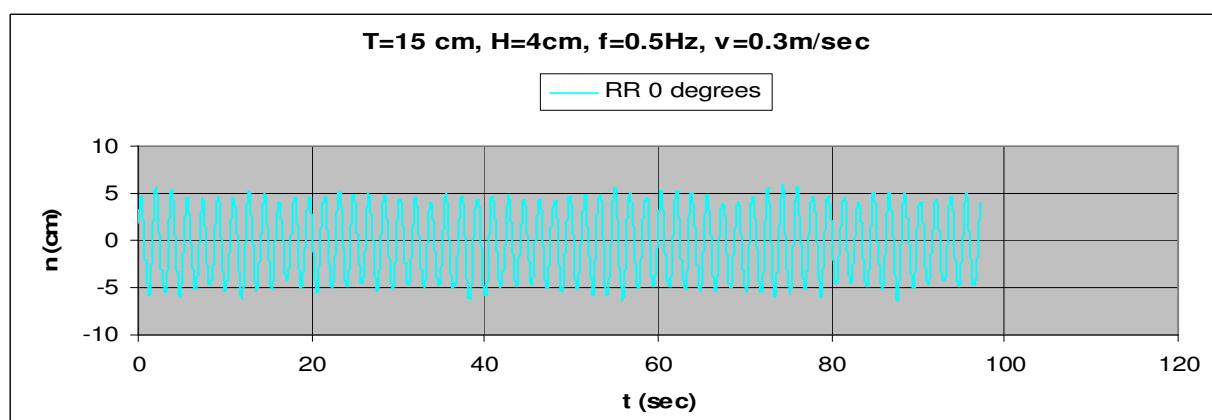
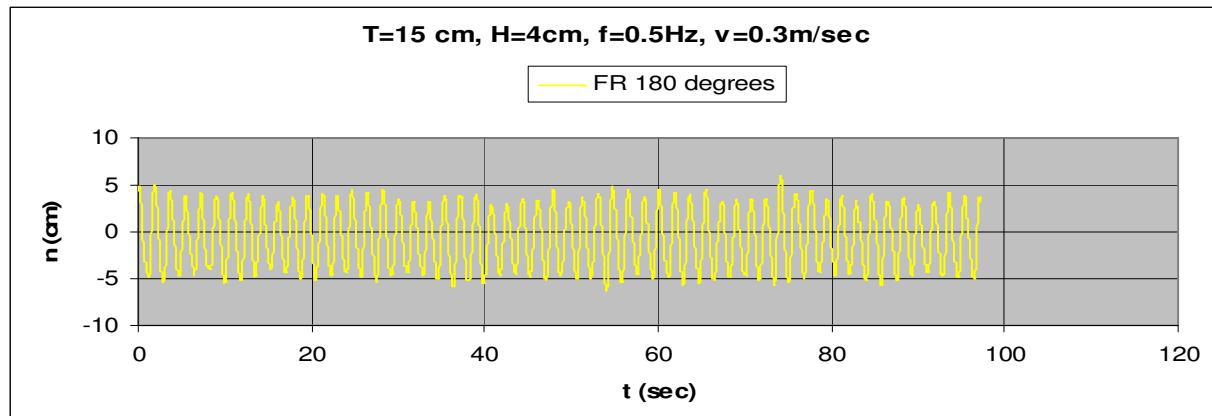
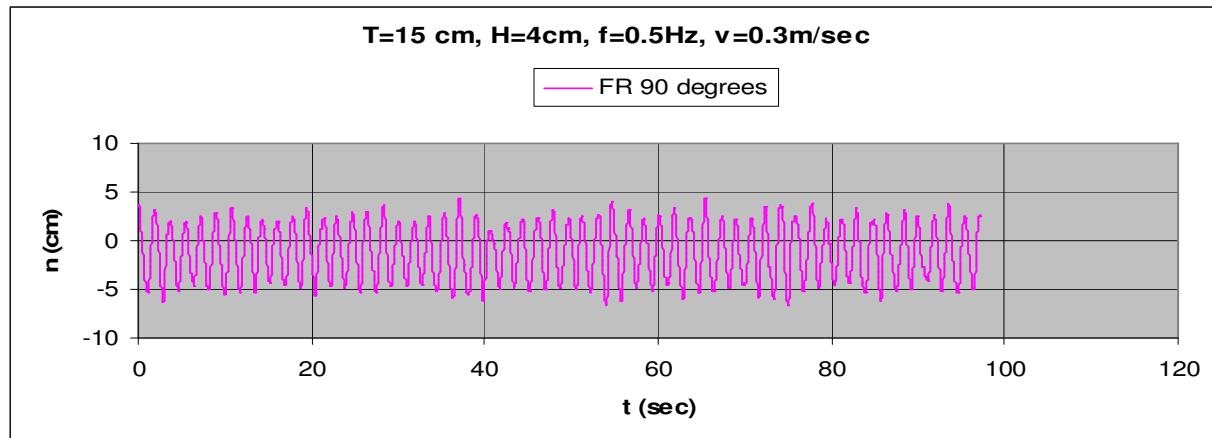
**3.1.2.9       $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.5\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=3.142\text{rad/sec}$**



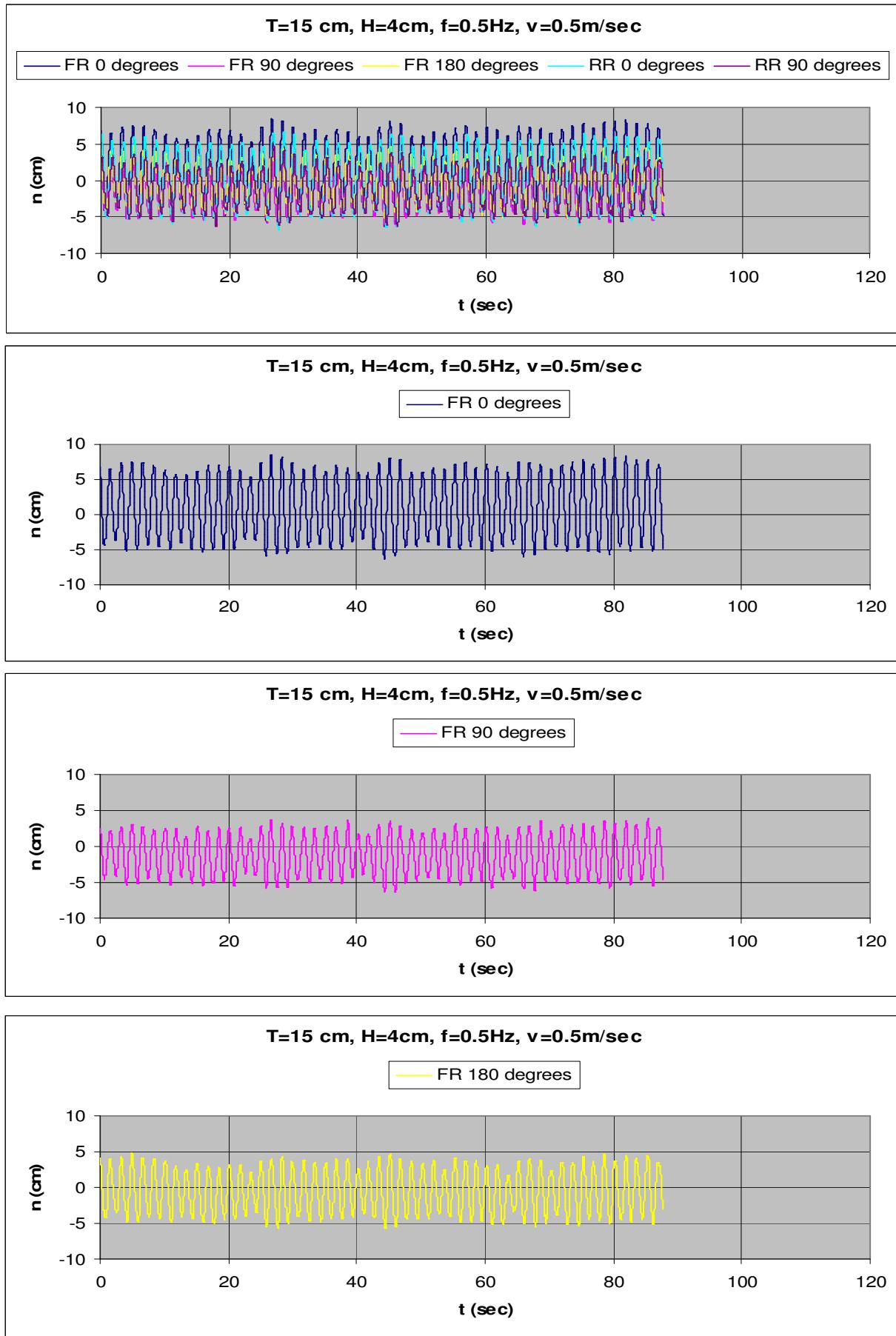


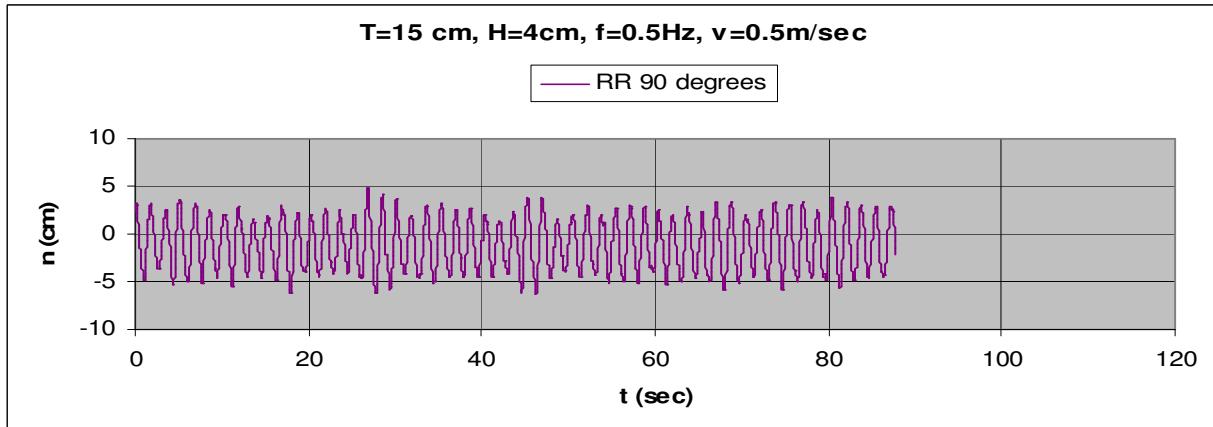
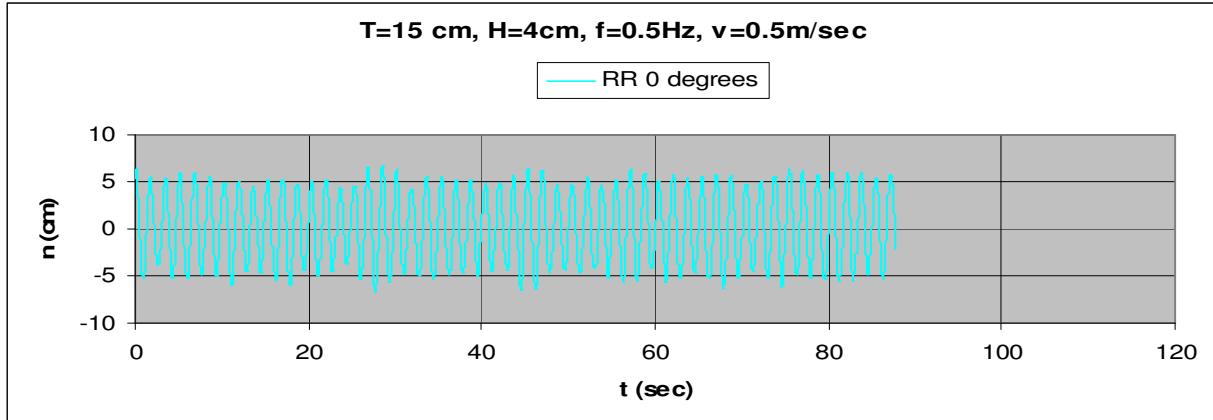
### 3.1.2.10 T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.5Hz, Fn=0.167, ω=3.142rad/sec



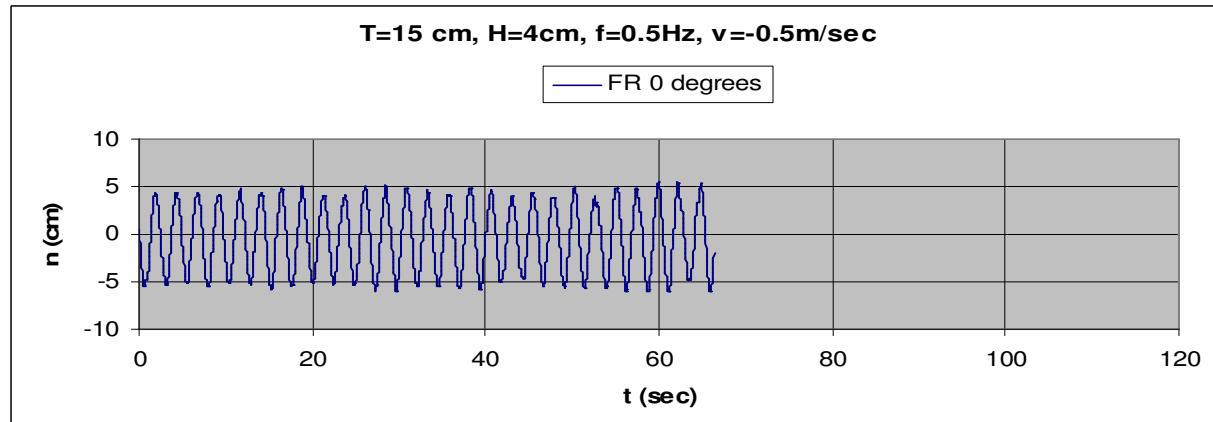
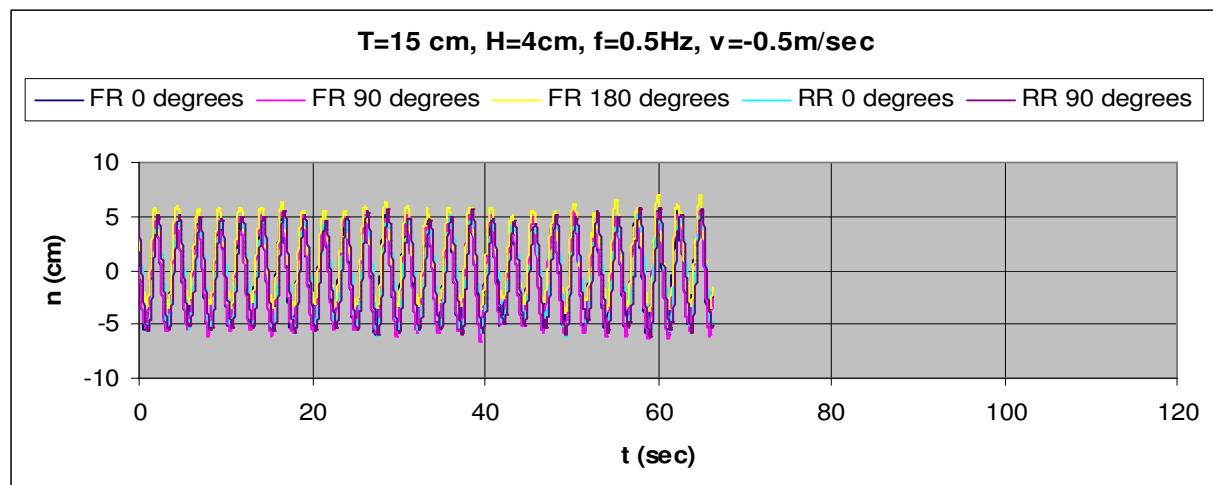


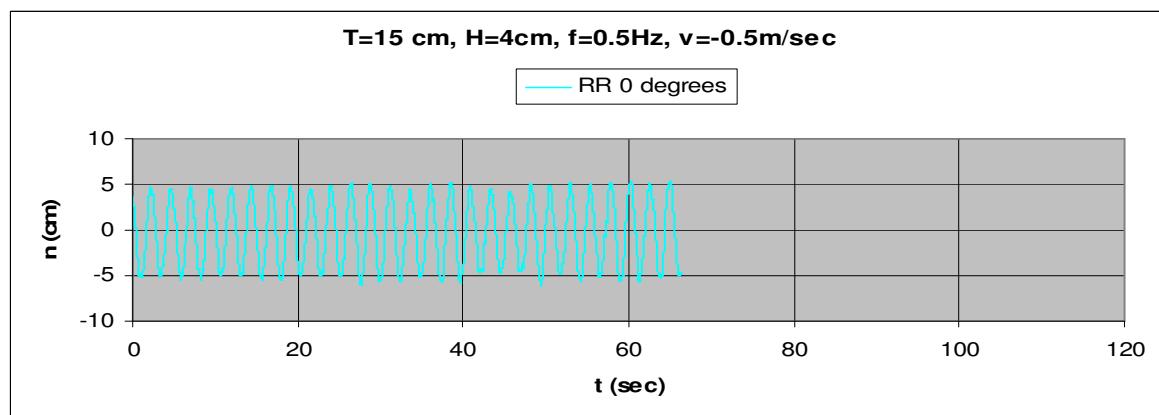
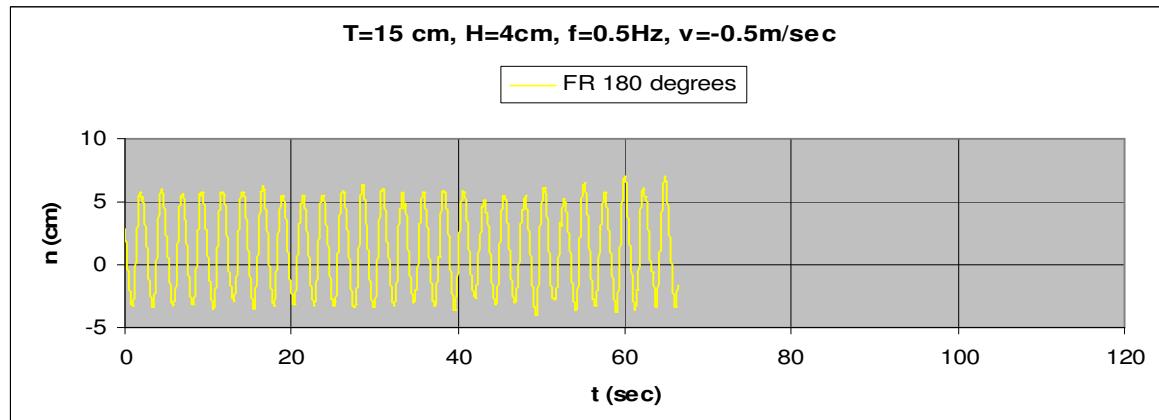
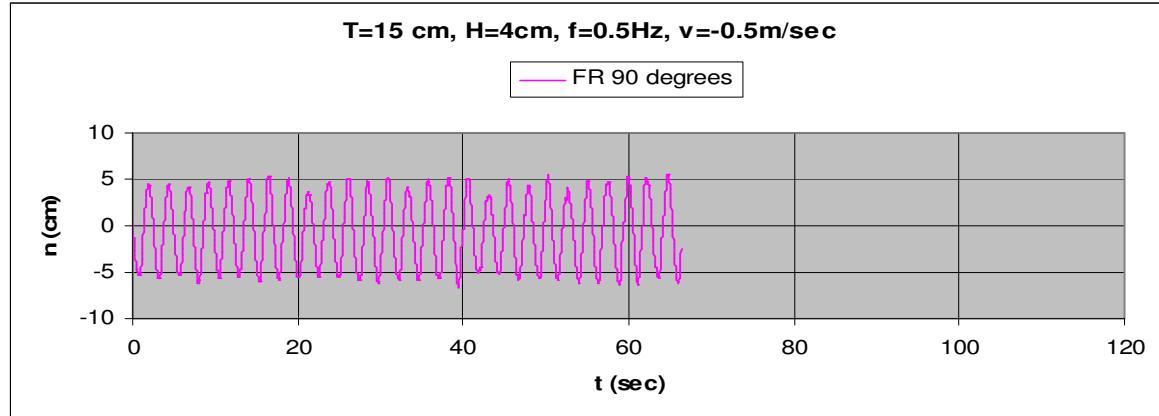
**3.1.2.11 T=15cm, h=4cm, v=0.5m/s, f=0.5Hz, Fn=0.278,  $\omega=3.142\text{rad/sec}$**



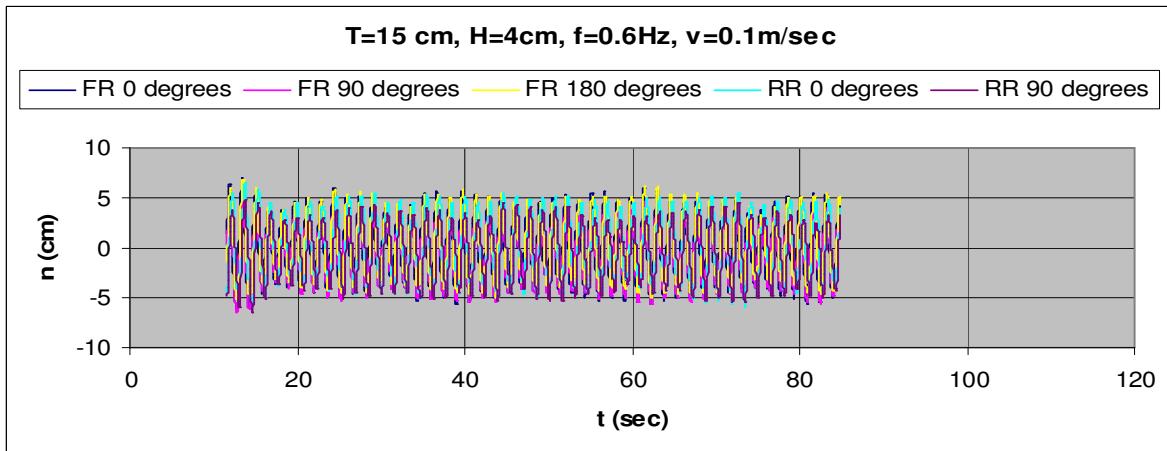


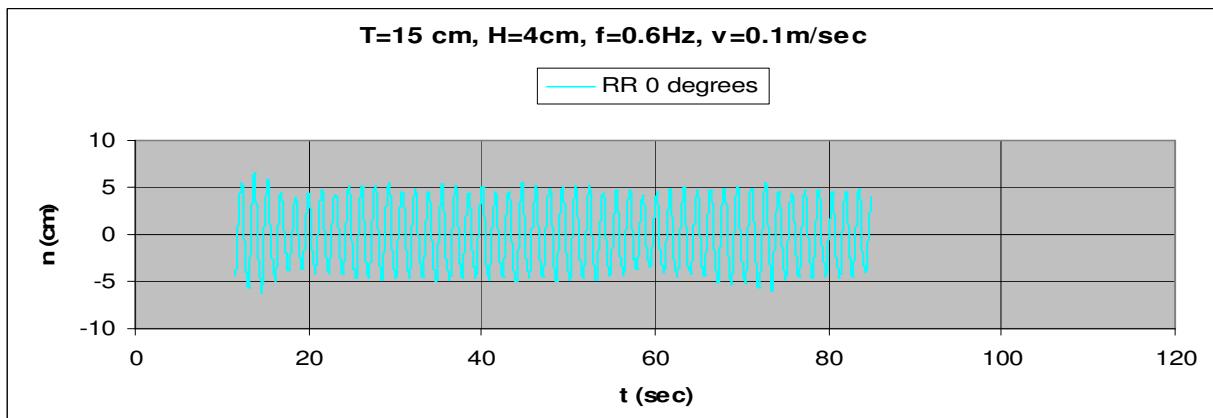
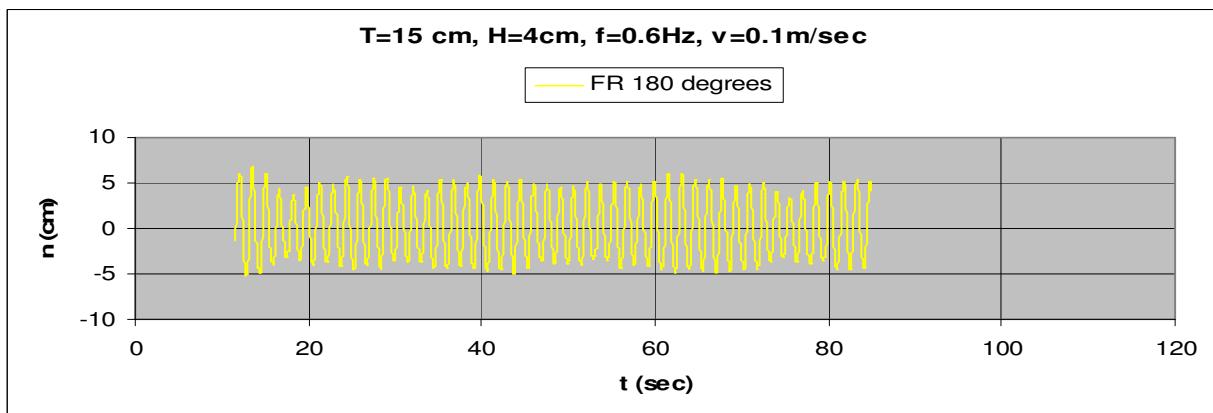
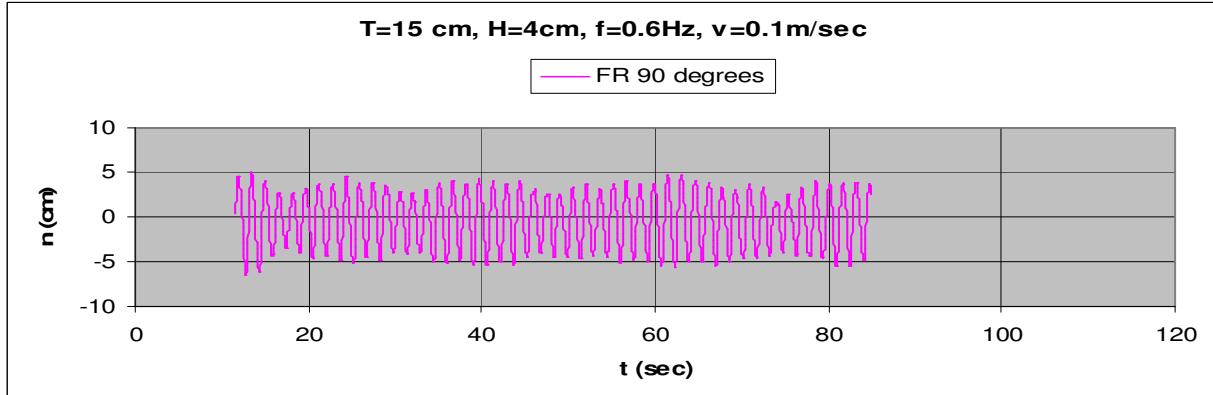
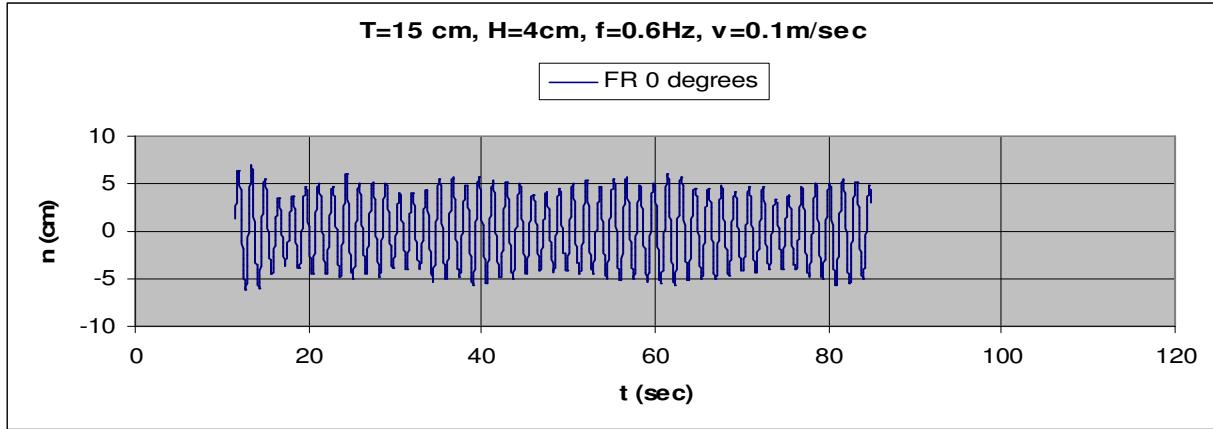
### 3.1.2.12      T=15cm, h=4cm, v=-0.5m/s, f=0.5Hz, Fn=0.278, ω=3.142rad/sec

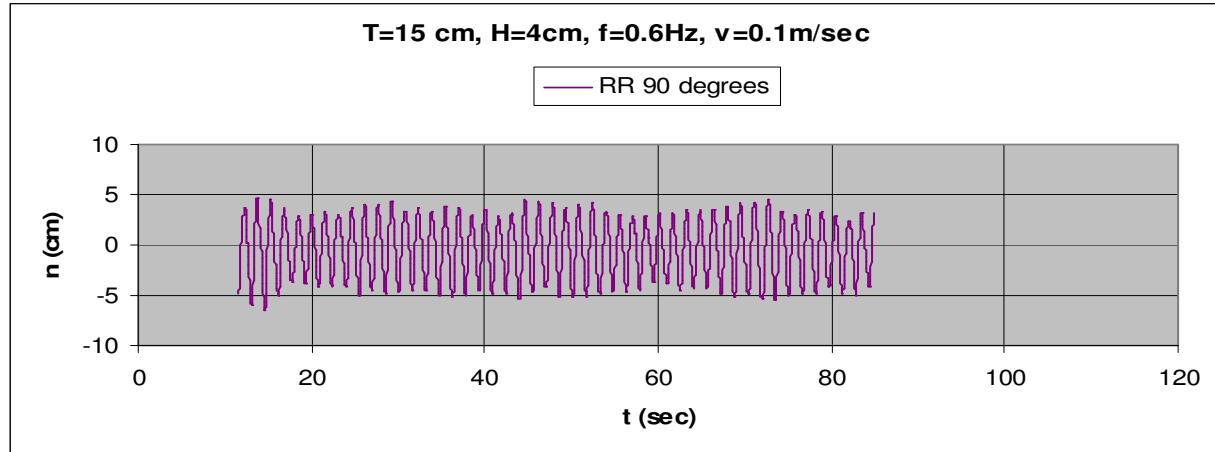




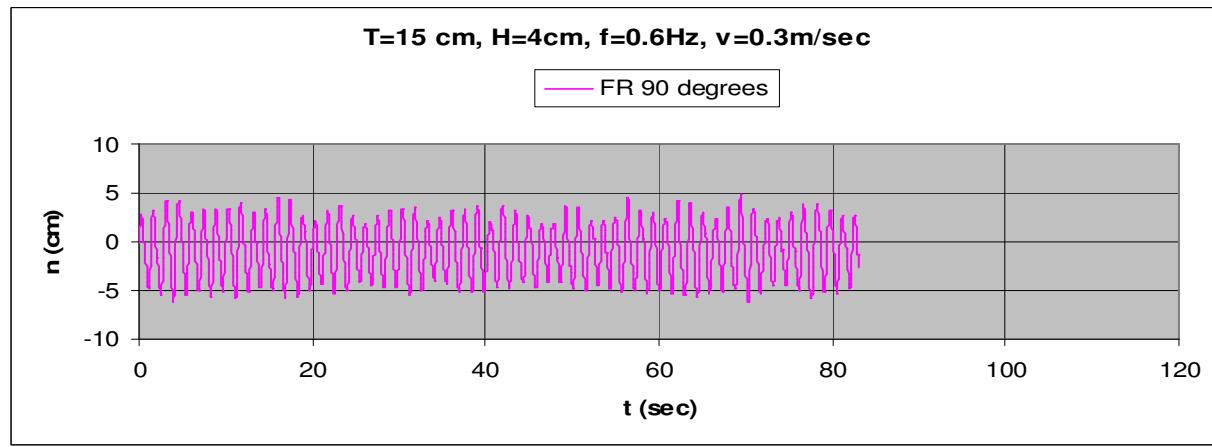
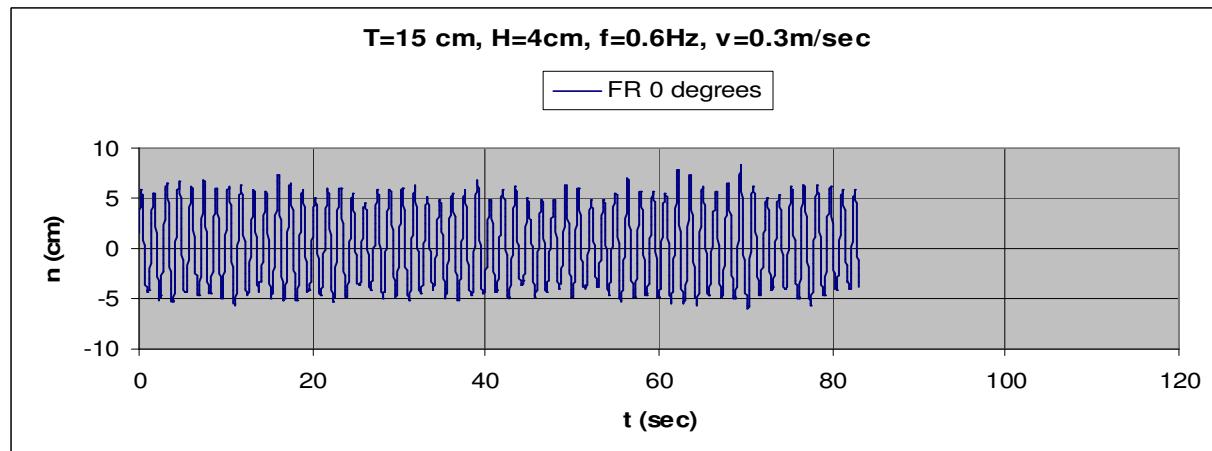
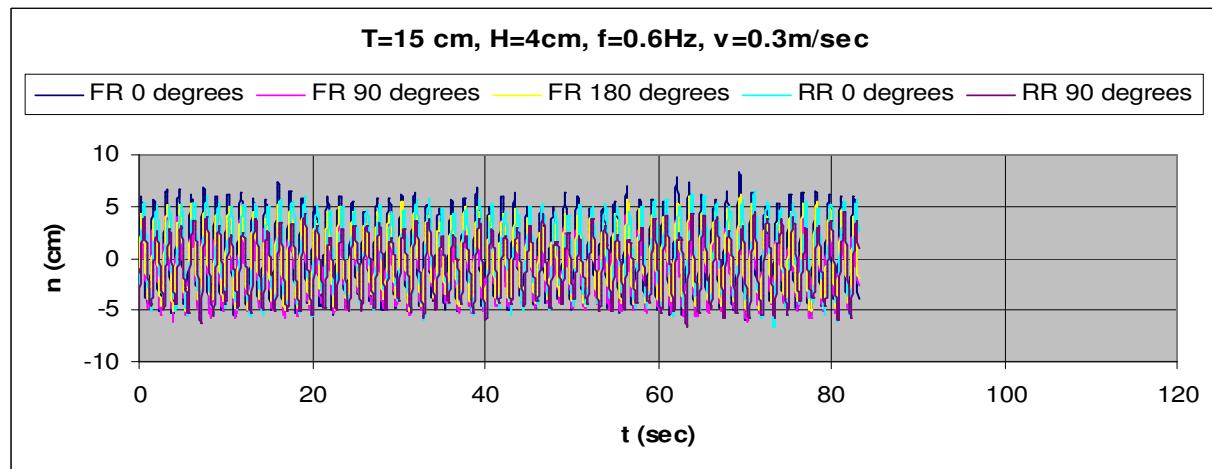
### 3.1.2.13 $T=15\text{cm}, h=4\text{cm}, v=0.1\text{m/s}, f=0.6\text{Hz}, Fn=0.056, \omega=3.770\text{rad/sec}$

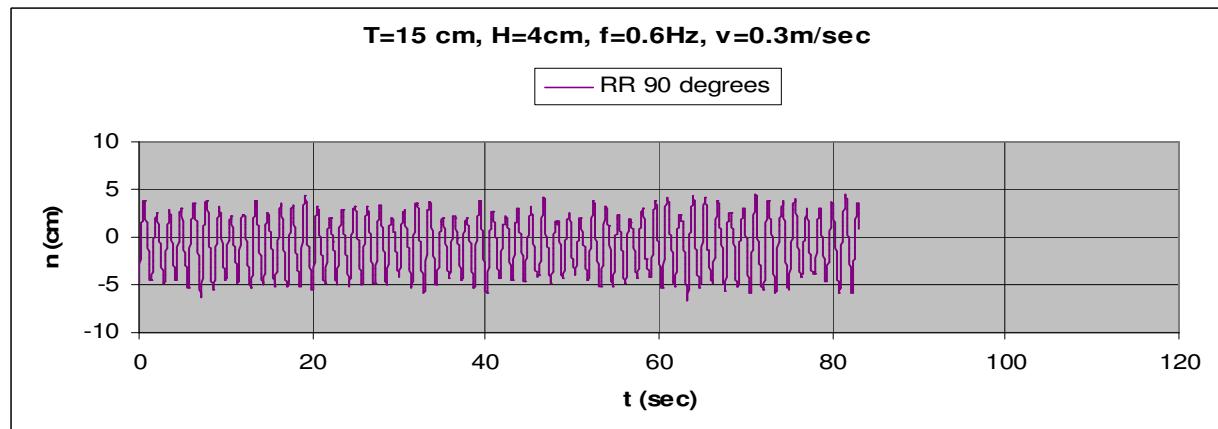
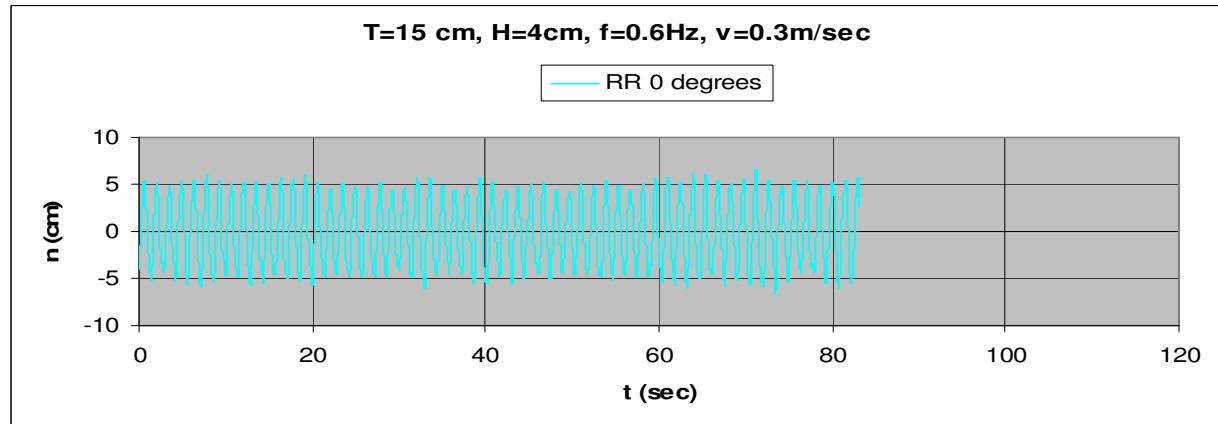
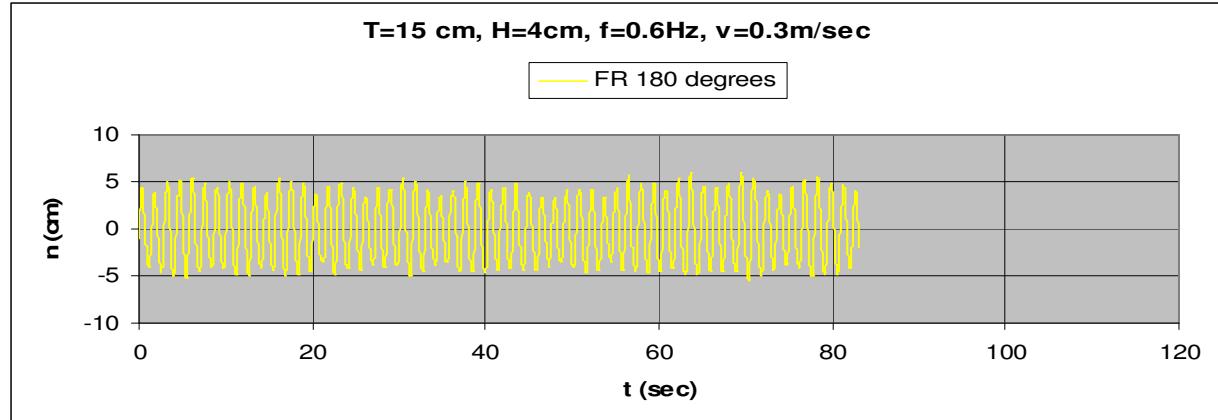




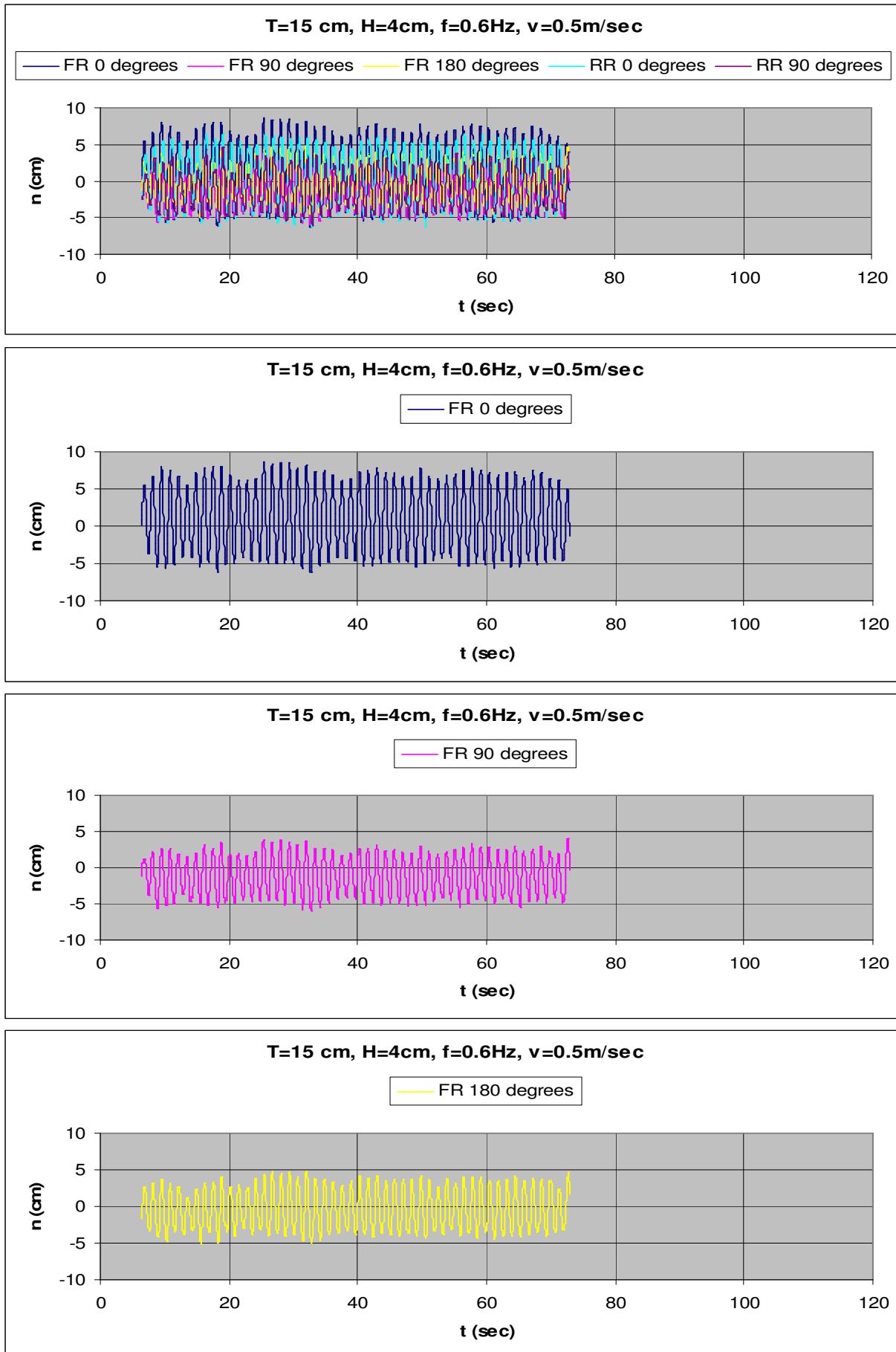


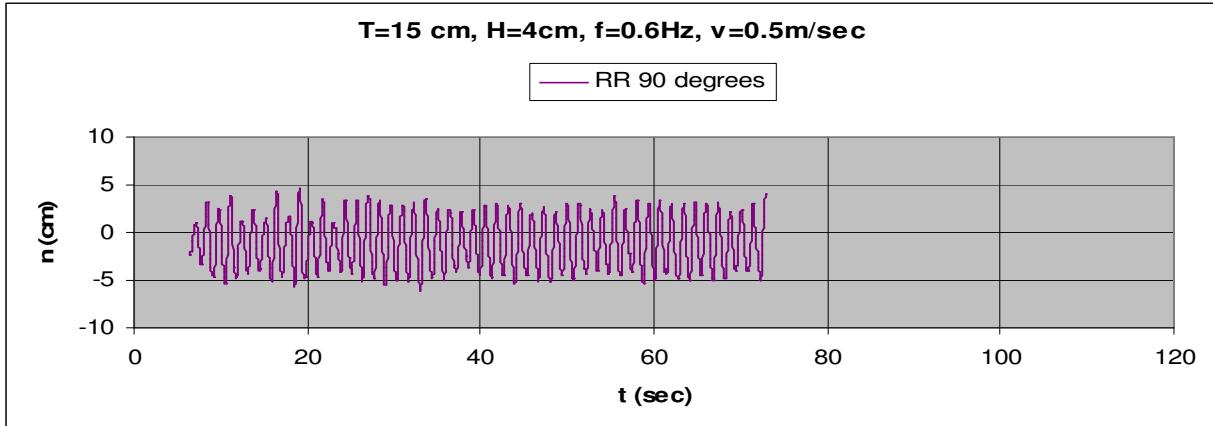
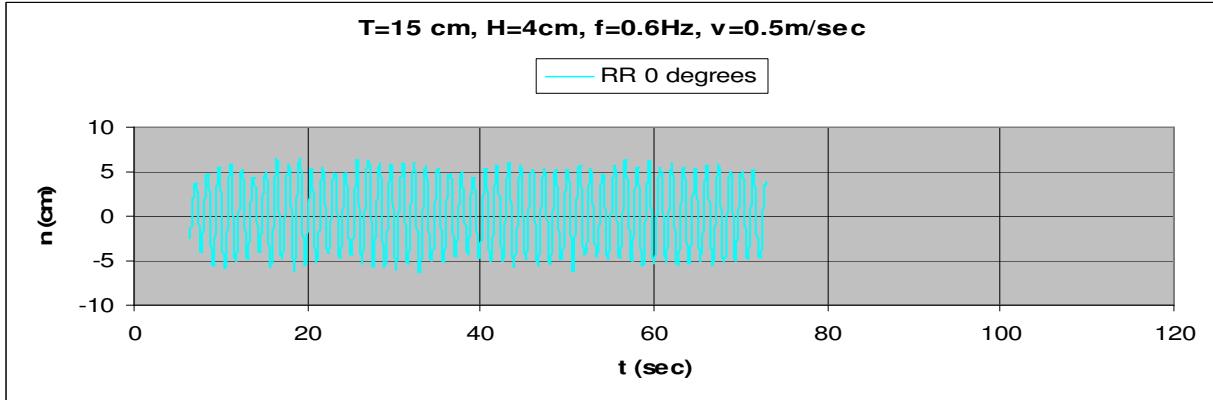
**3.1.2.14      T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.6Hz , Fn=0.167, ω=3.770rad/sec**



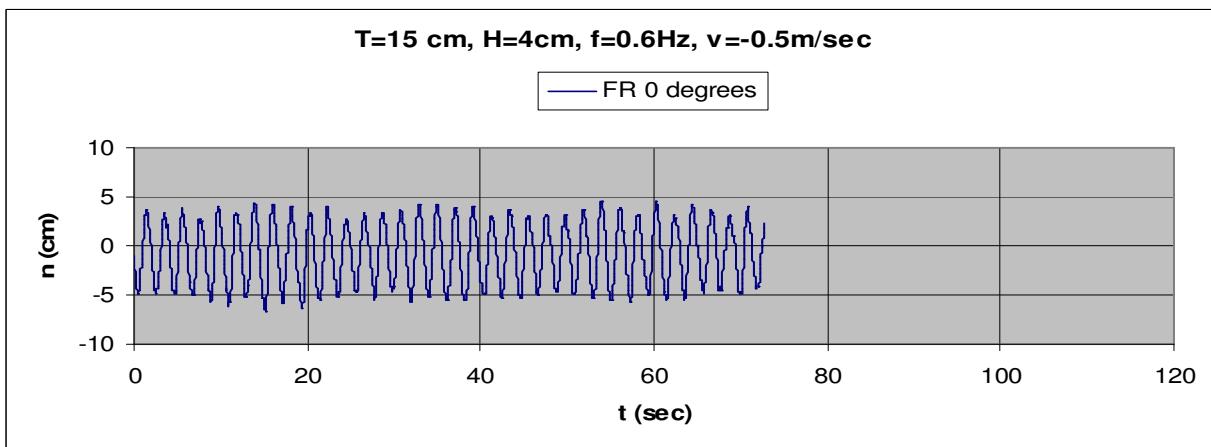
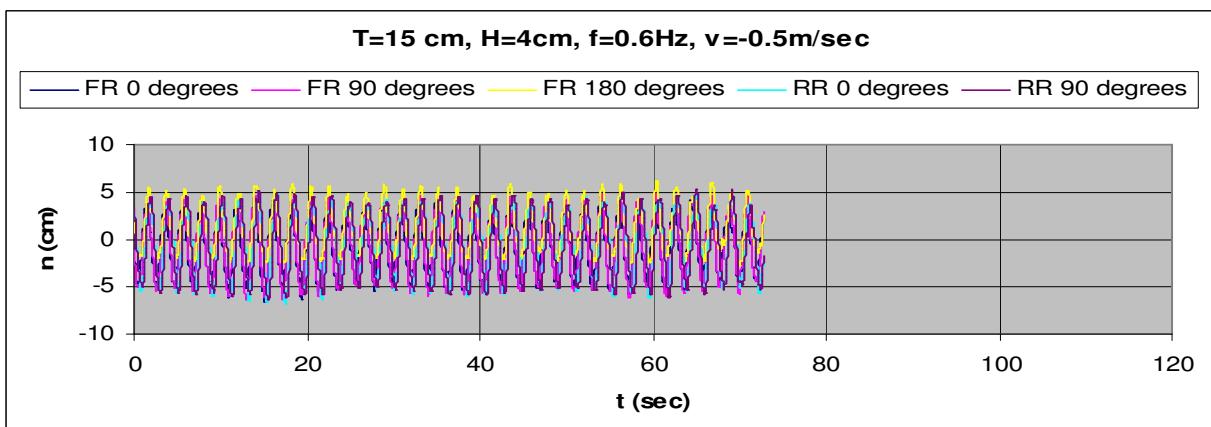


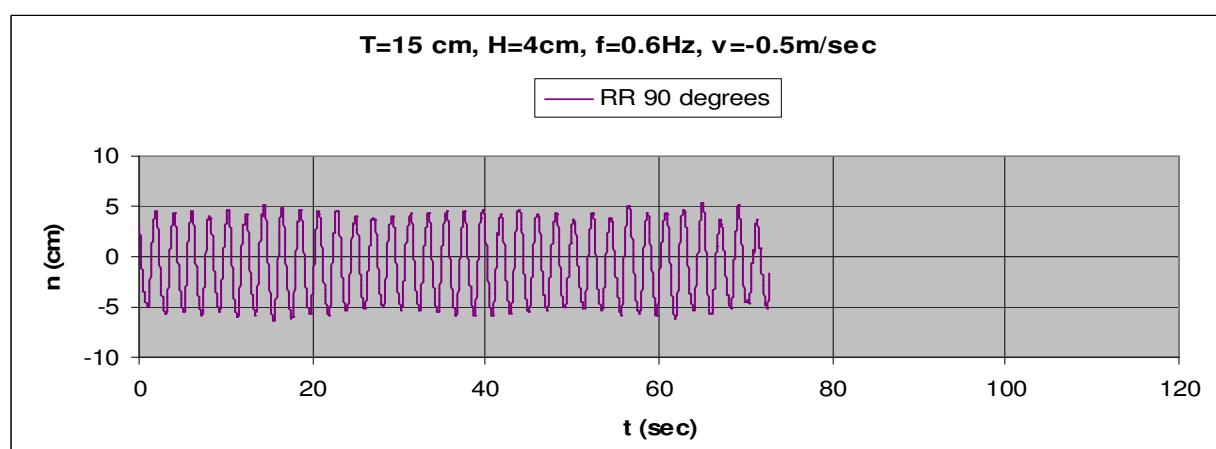
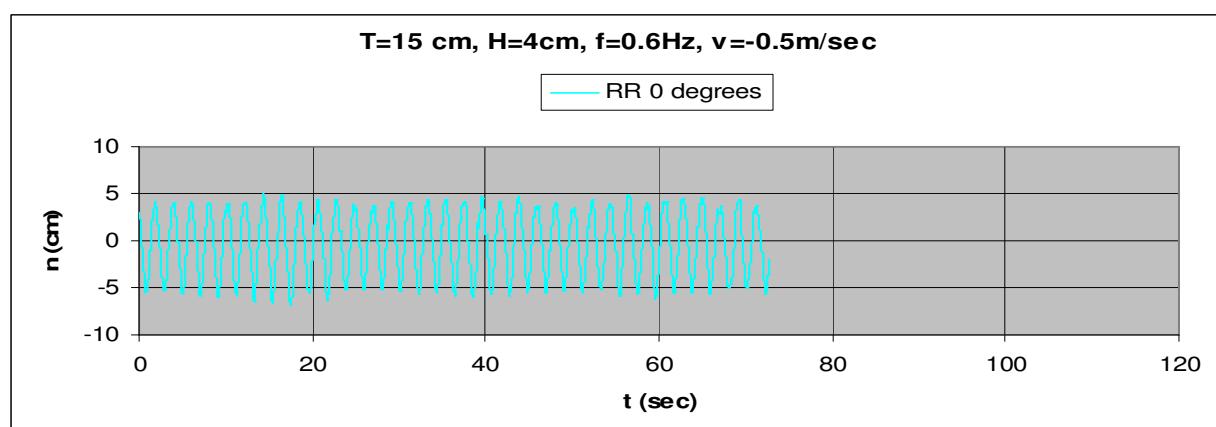
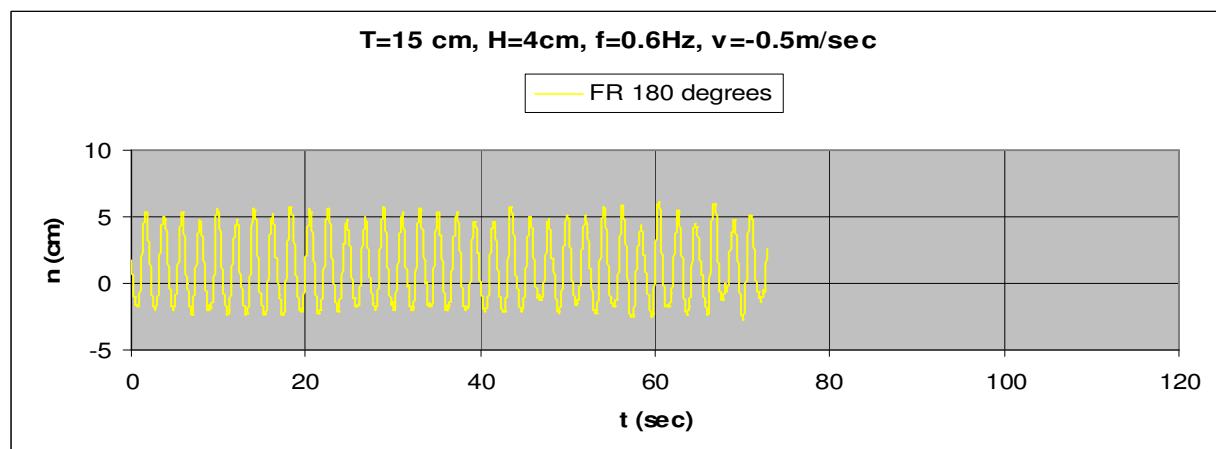
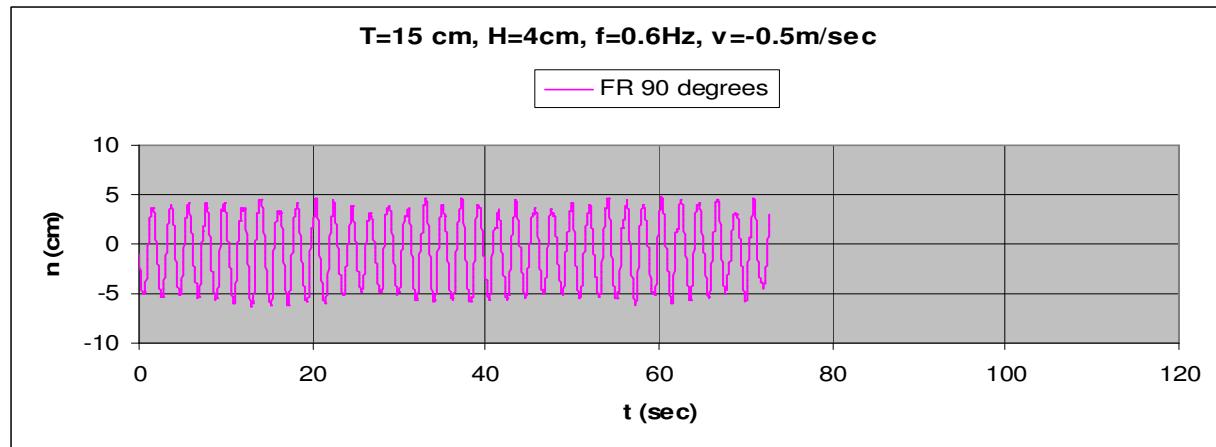
**3.1.2.15 T=15cm, h=4cm, v=0.5m/s, f=0.6Hz, Fn=0.278, ω=3.770rad/sec**



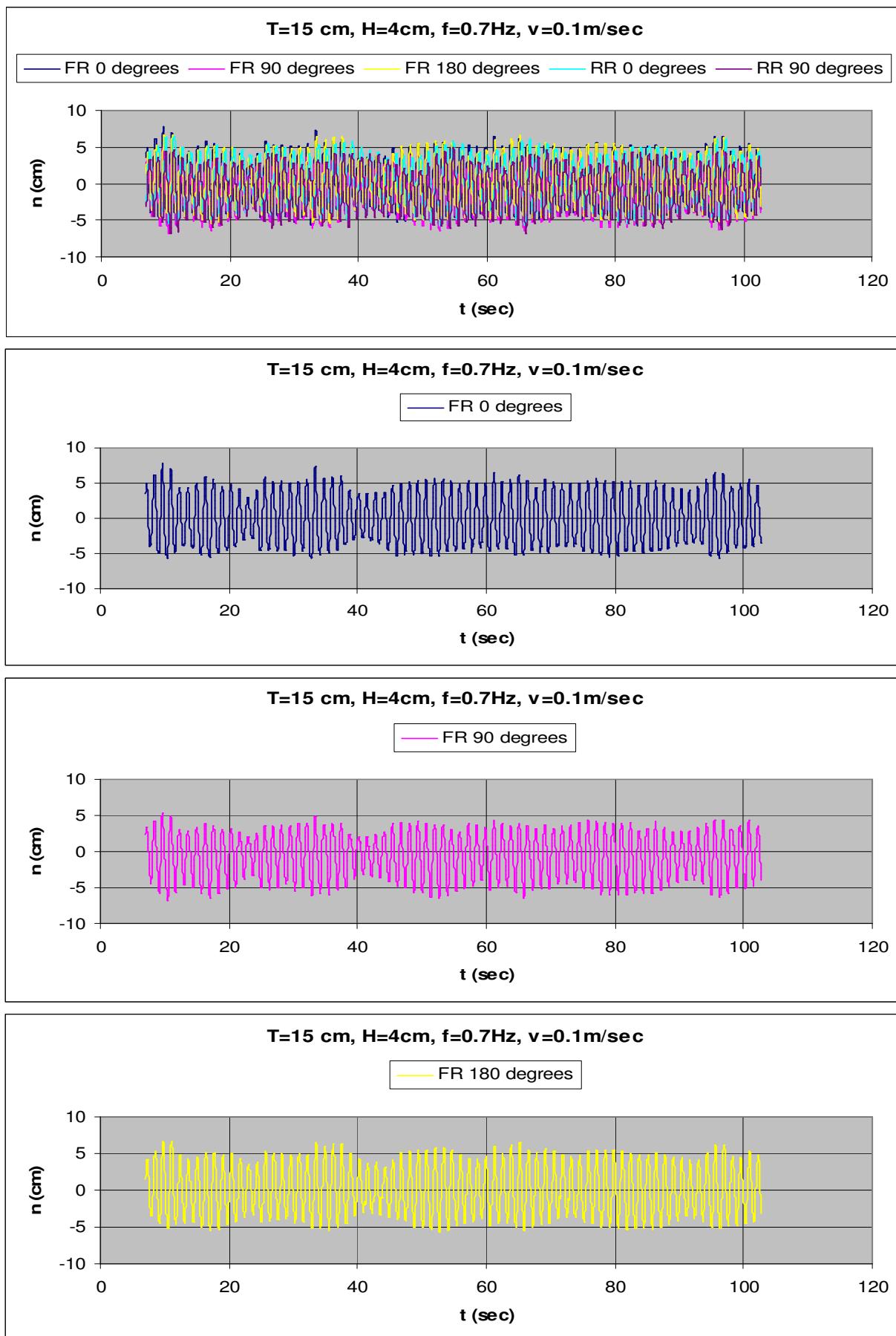


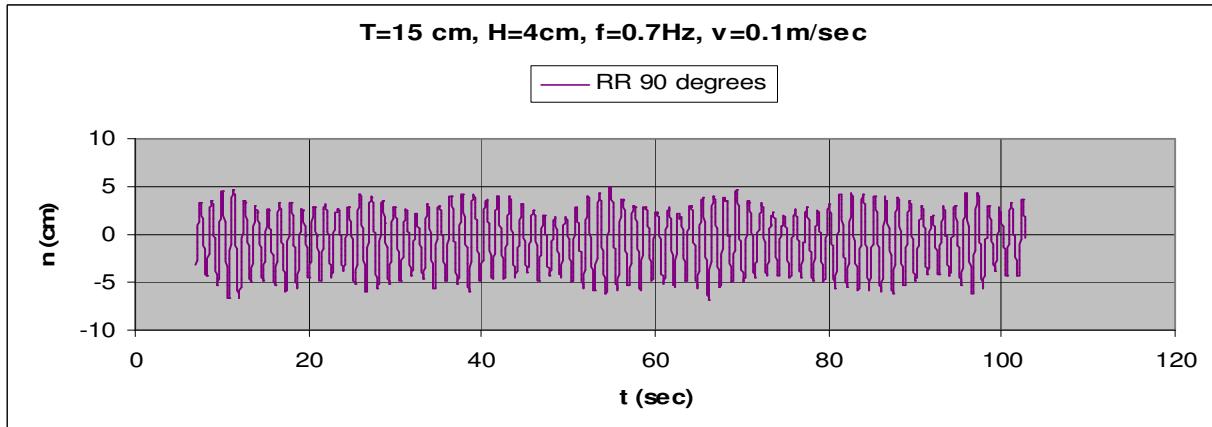
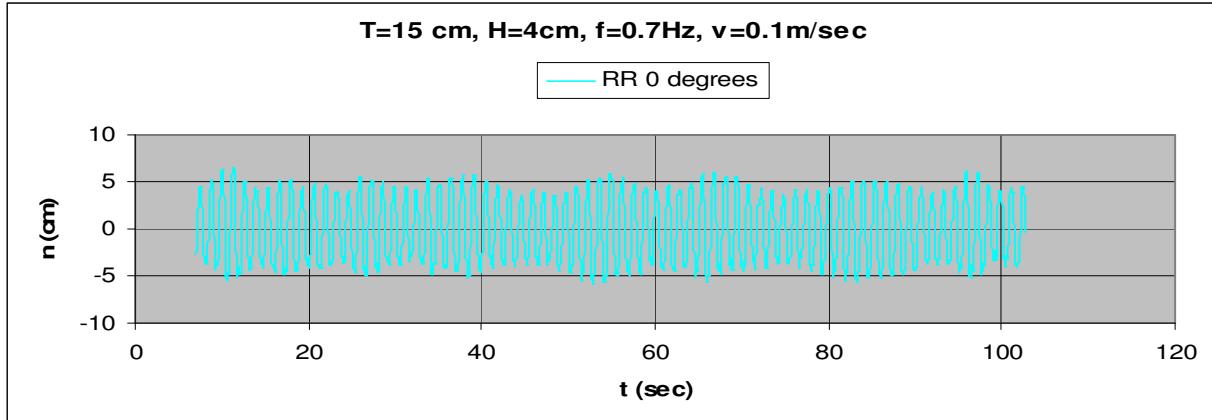
### 3.1.2.16 $T=15\text{cm}, h=4\text{cm}, v=-0.5\text{m/s}, f=0.6\text{Hz}, F_n=0.278, \omega=3.770\text{rad/sec}$



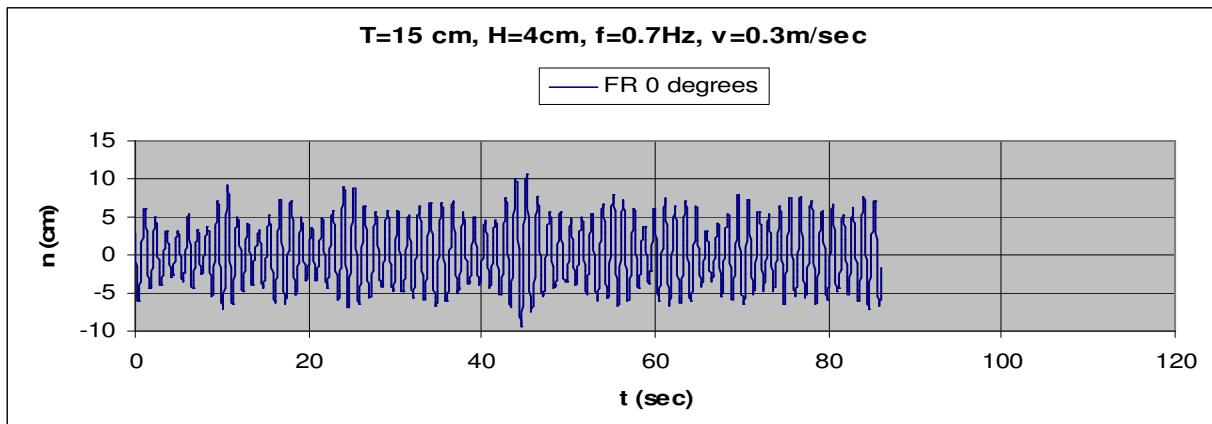
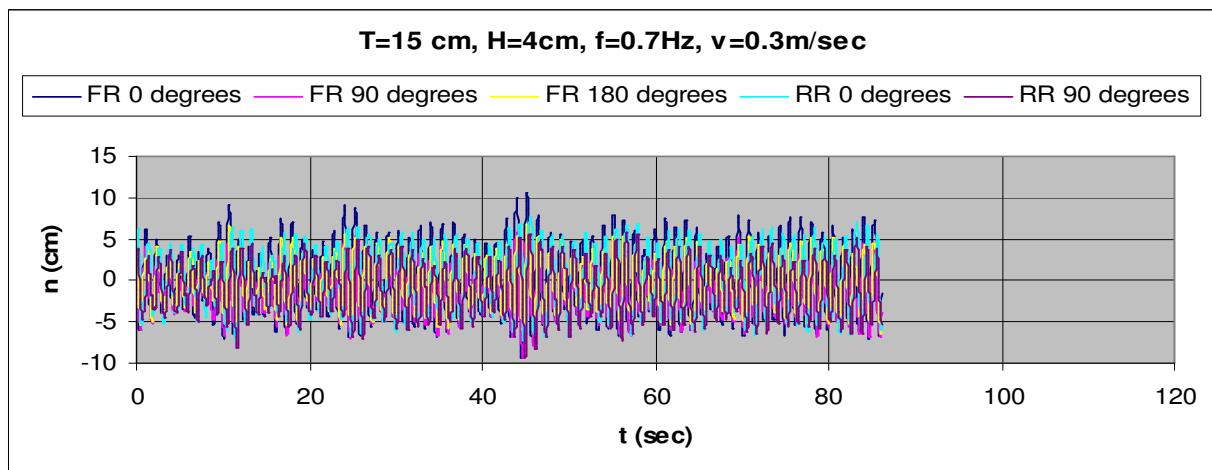


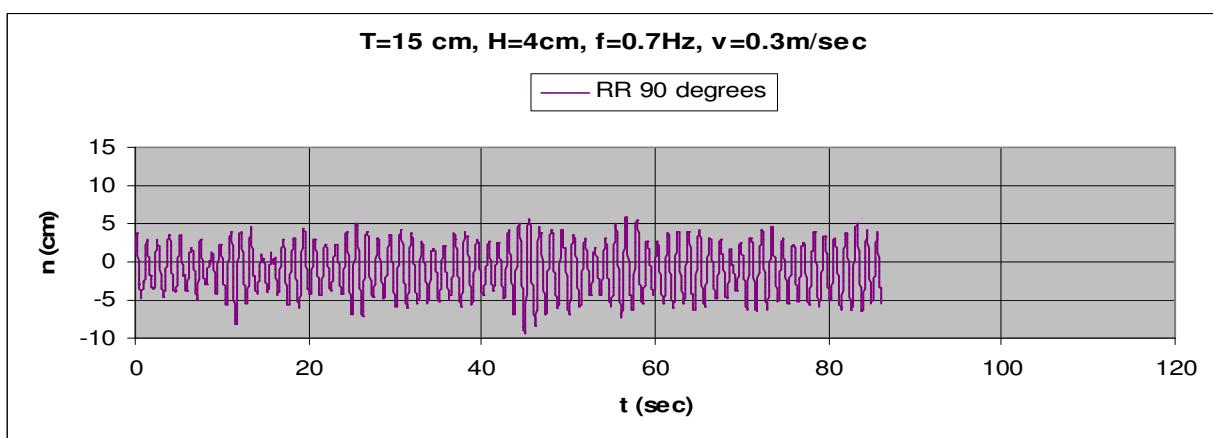
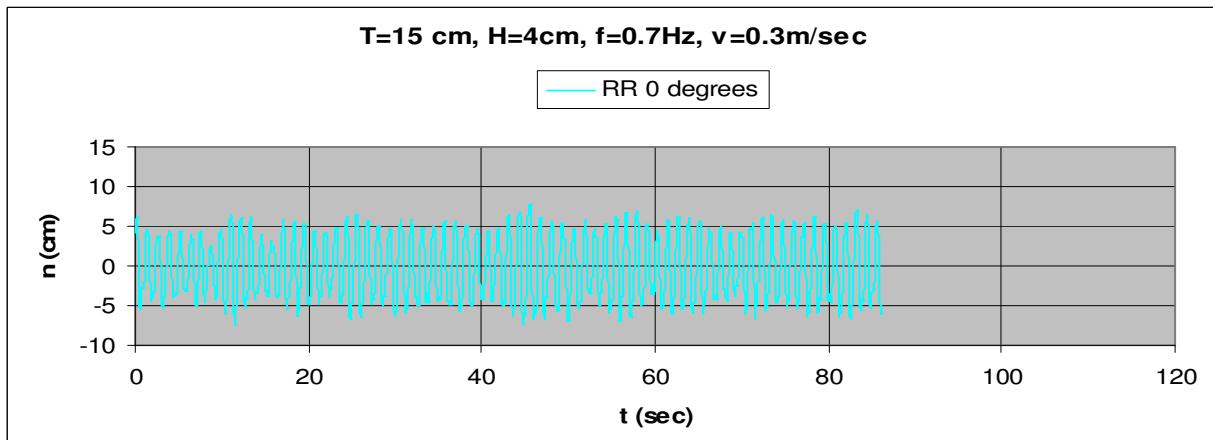
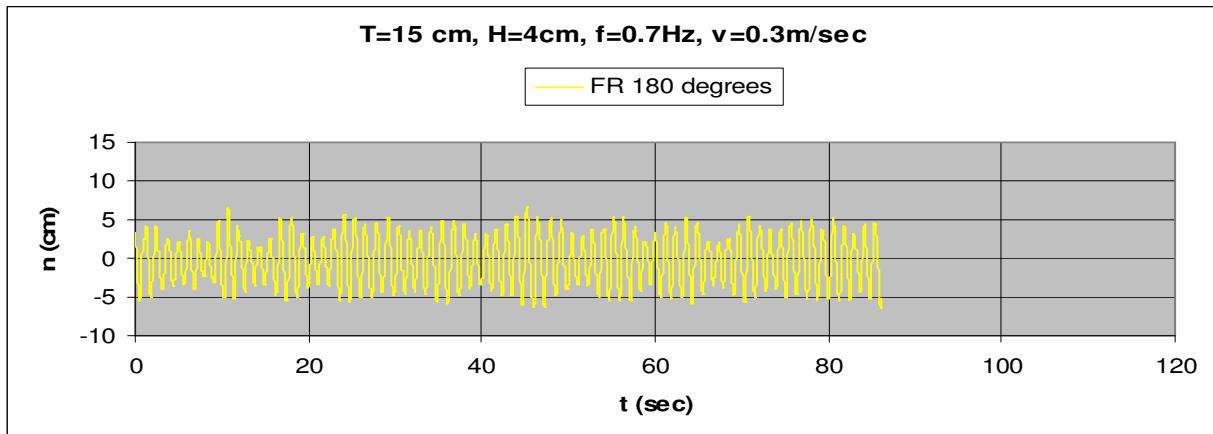
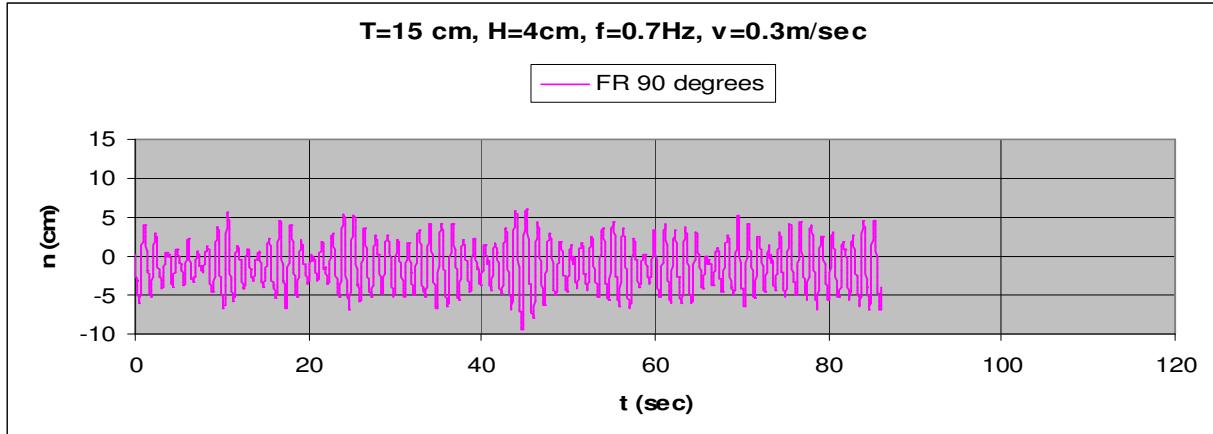
**3.1.2.17 T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.7Hz, Fn=0.056,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**



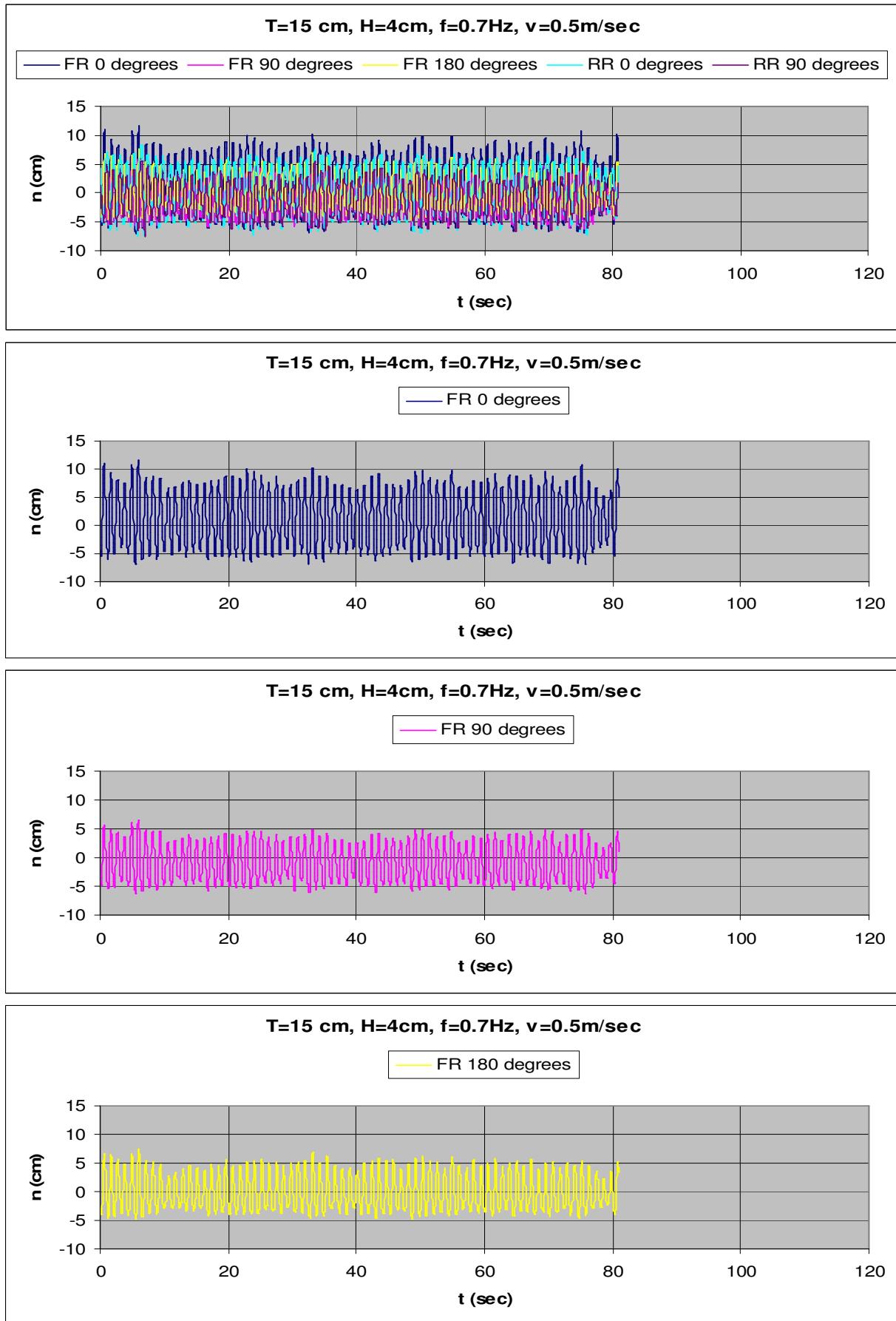


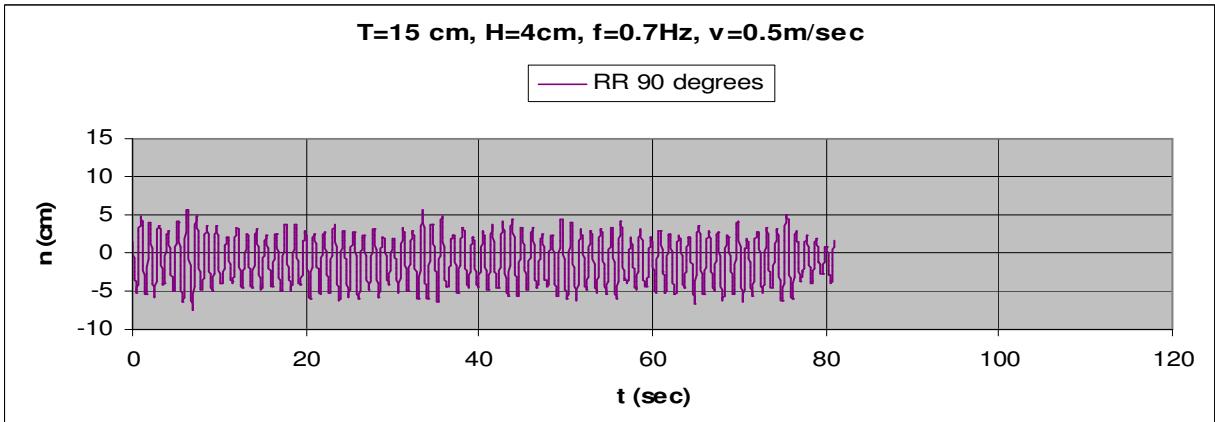
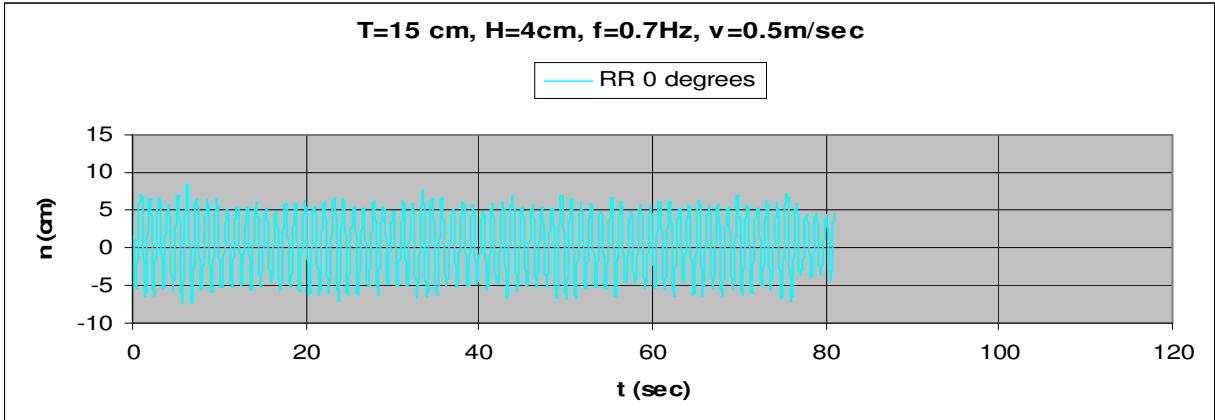
### 3.1.2.18    T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz, Fn=0.167, ω=4.398rad/sec



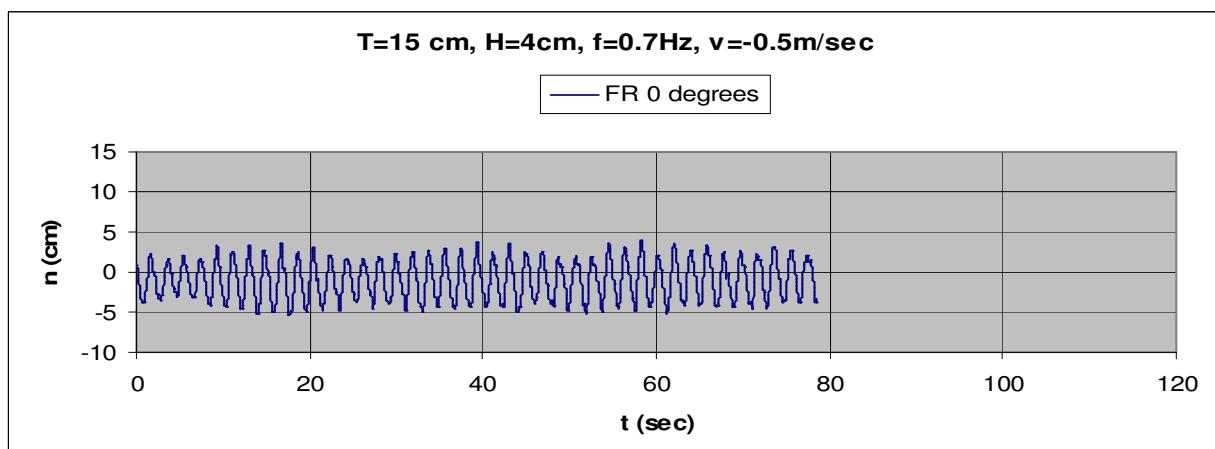
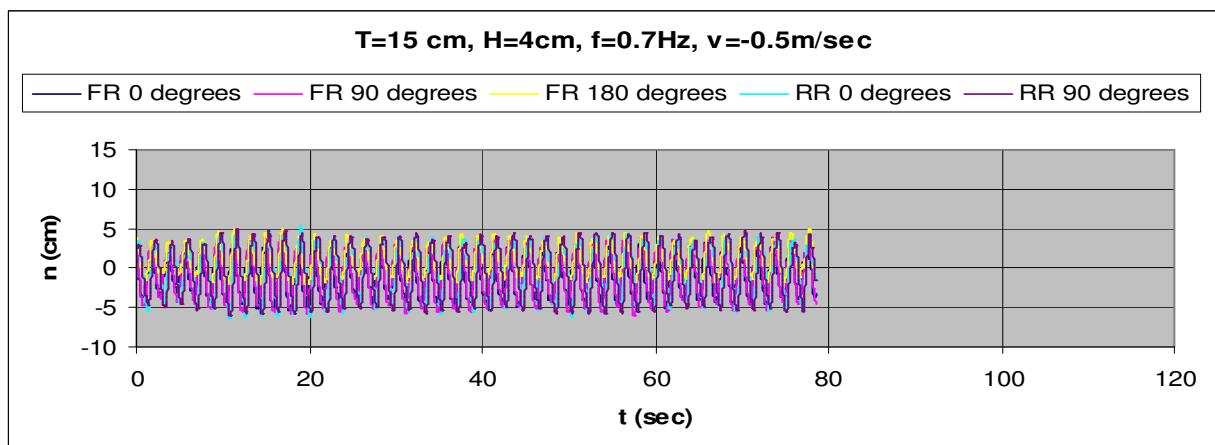


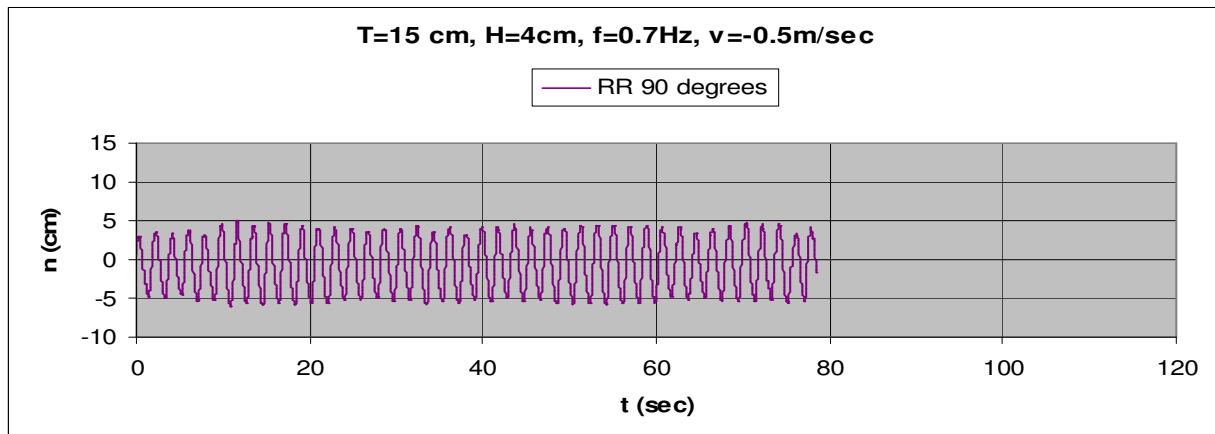
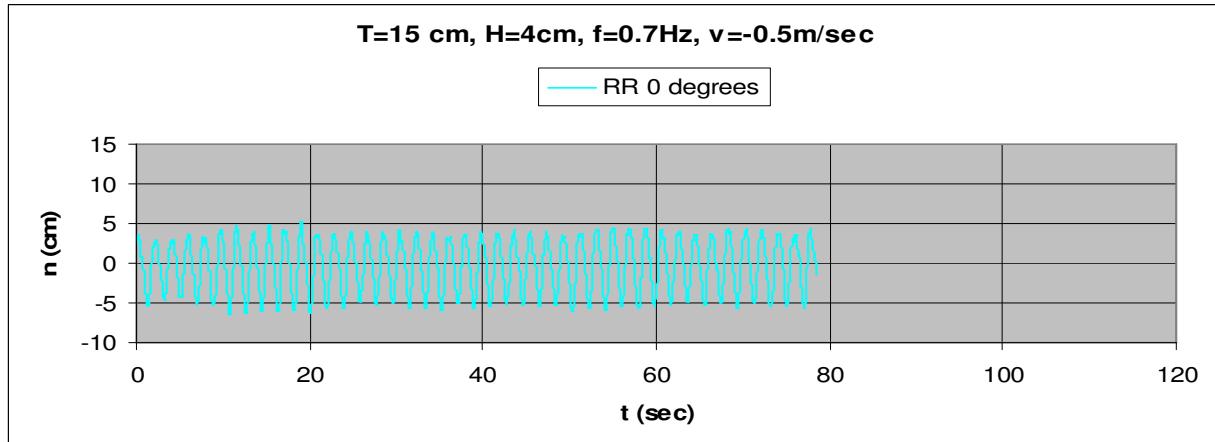
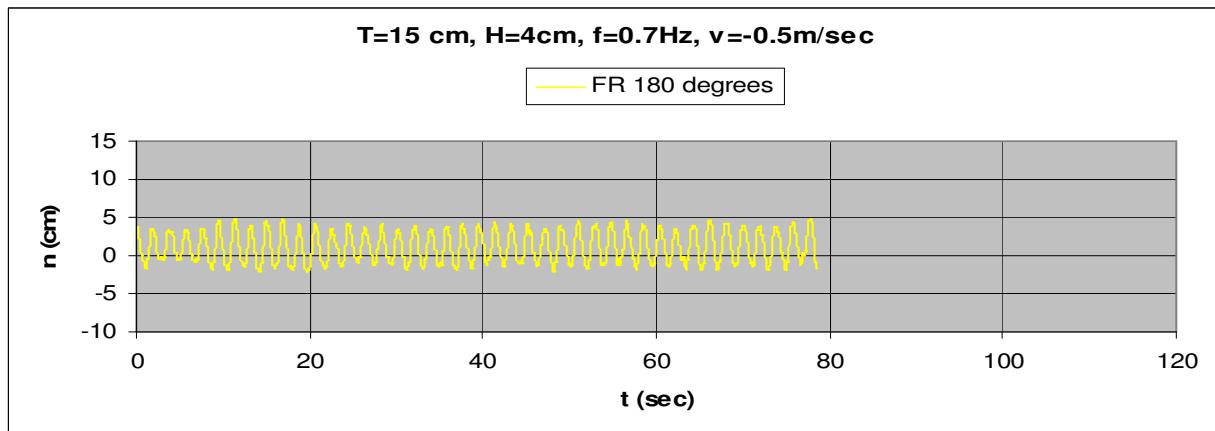
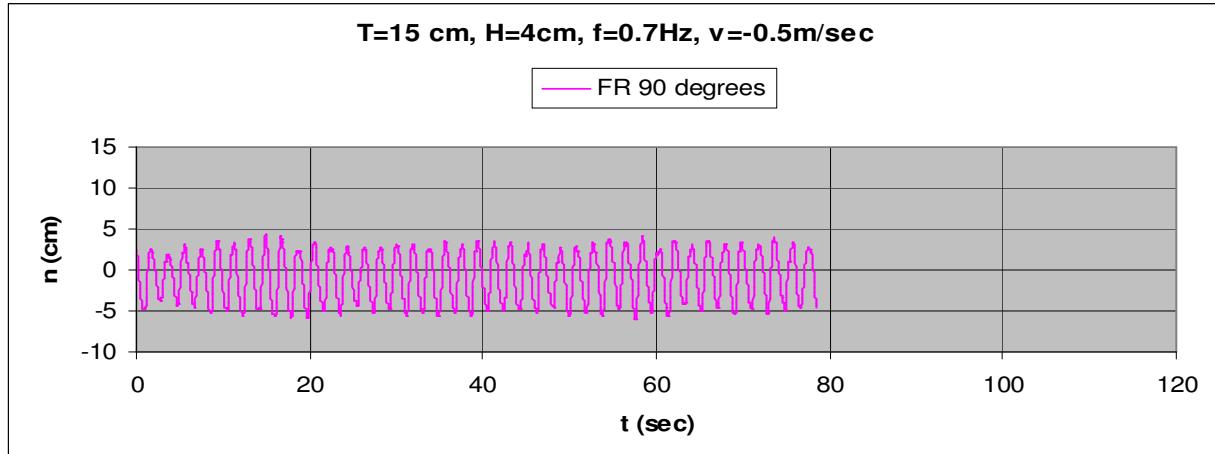
**3.1.2.19**       $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0.5\text{m/s}$ ,  $f=0.7\text{Hz}$ ,  $F_n=0.298$ ,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$



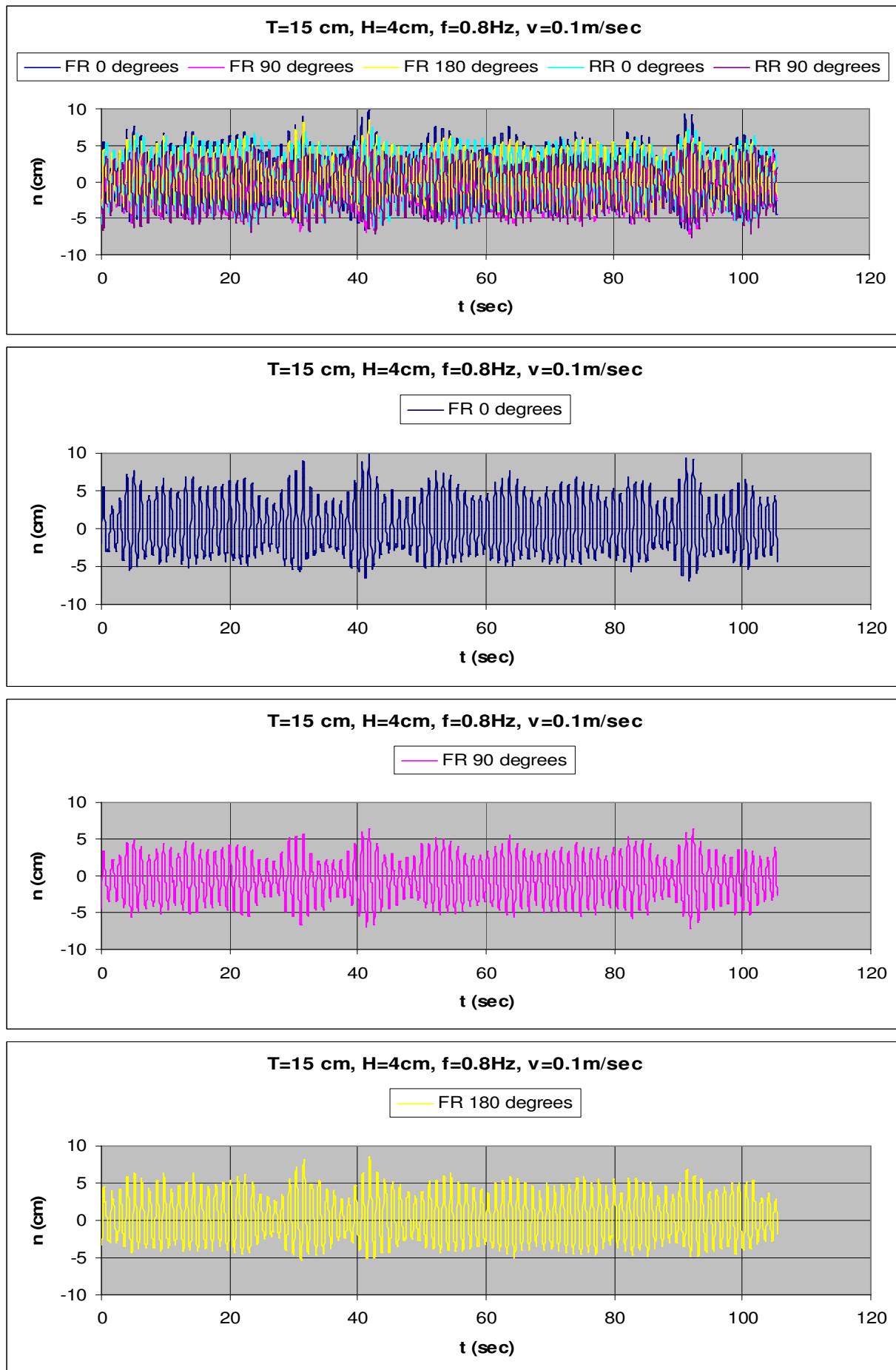


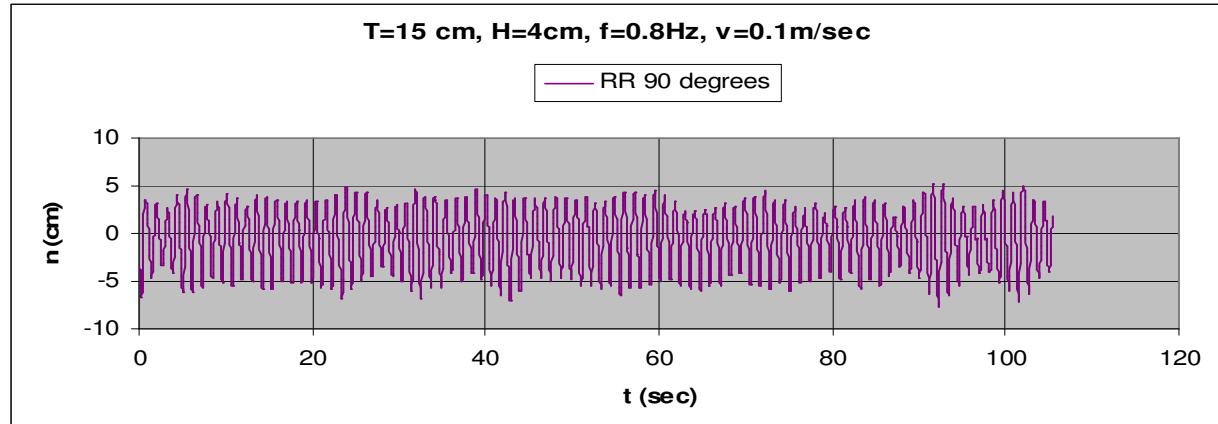
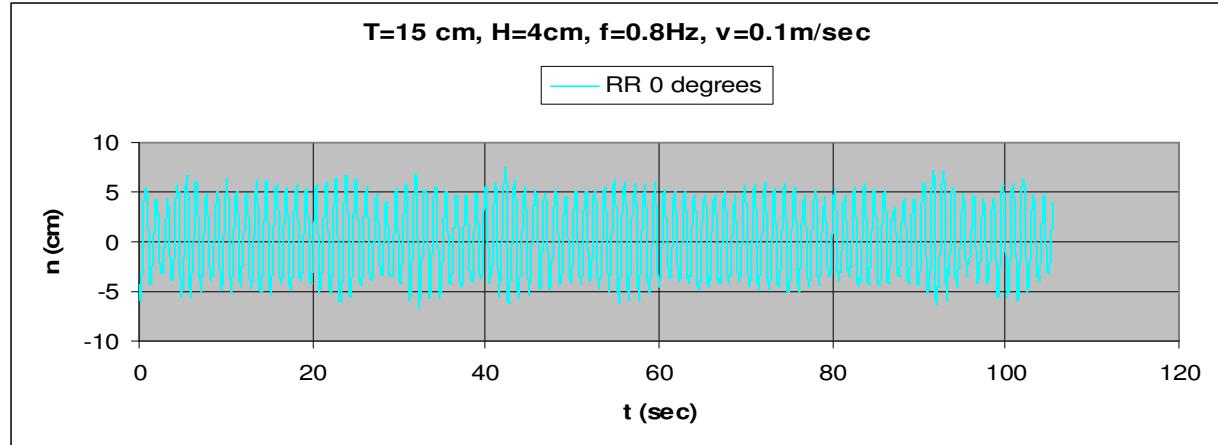
### 3.1.2.20 T=15cm, h=4cm, v=-0.5m/s, f=0.7Hz, Fn=0.056, ω=4.398rad/sec



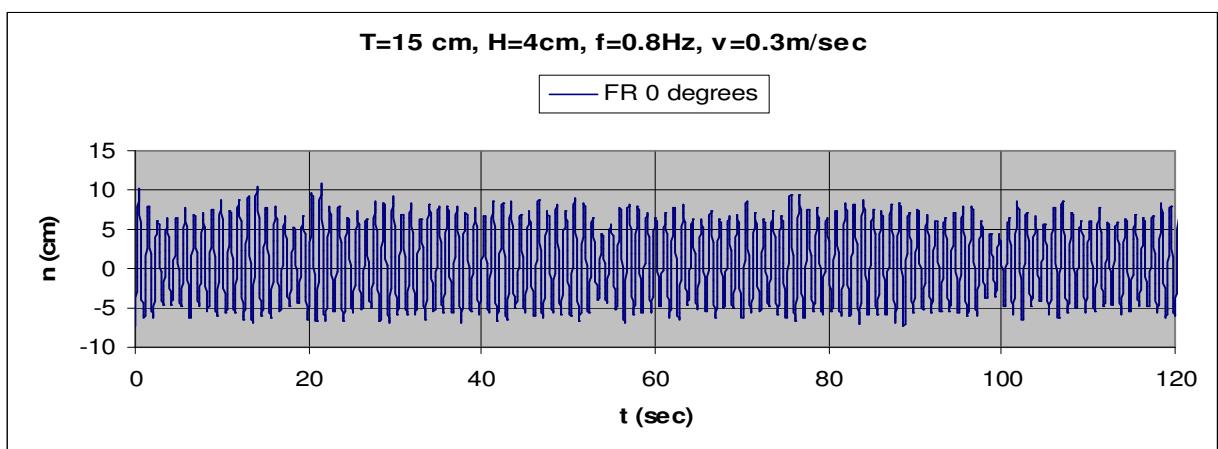
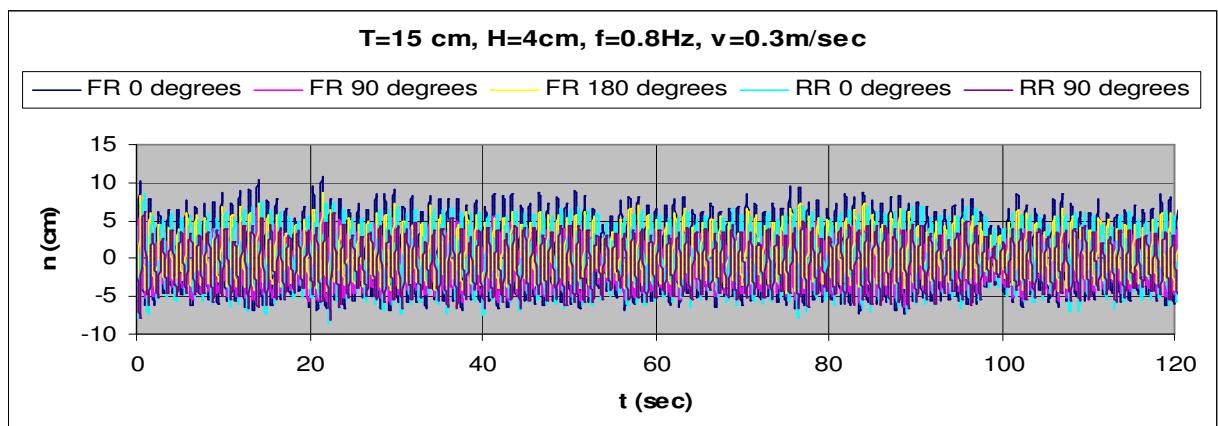


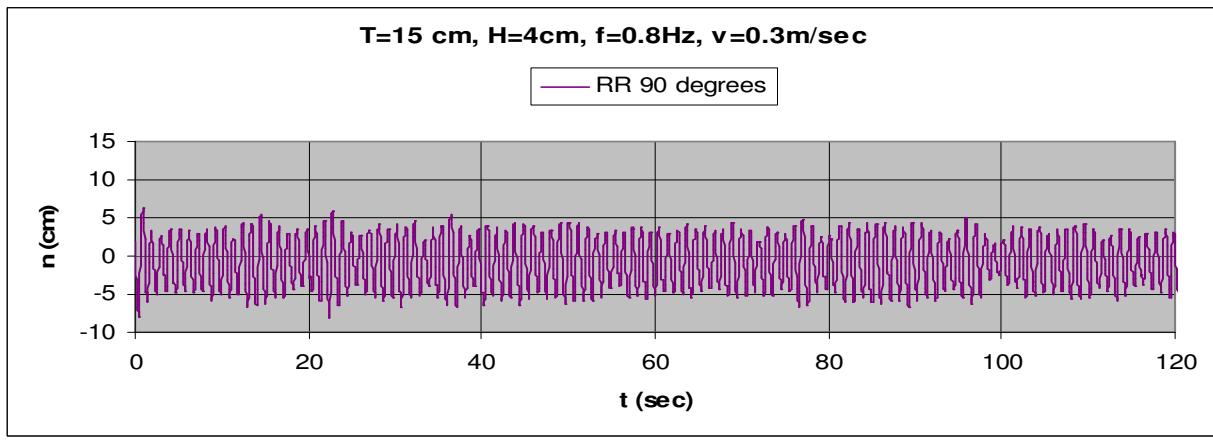
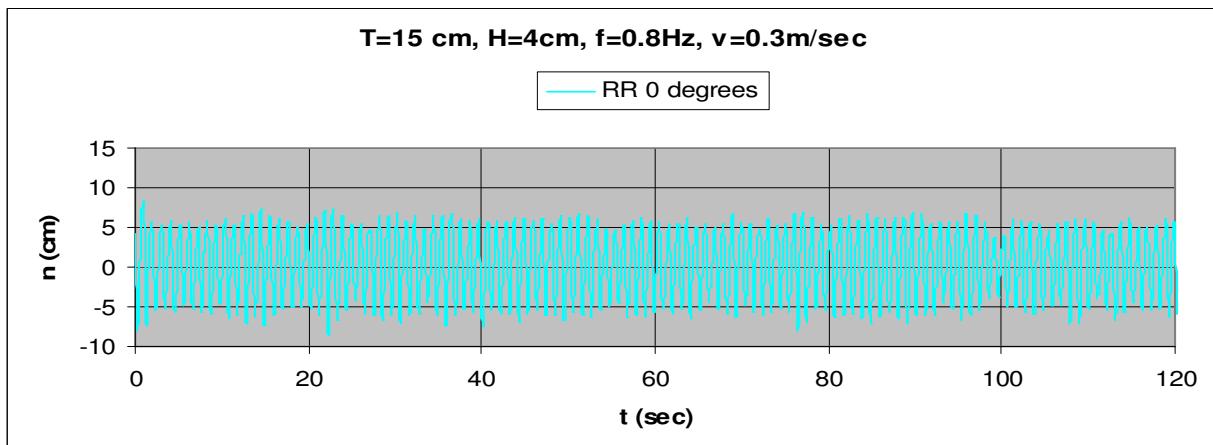
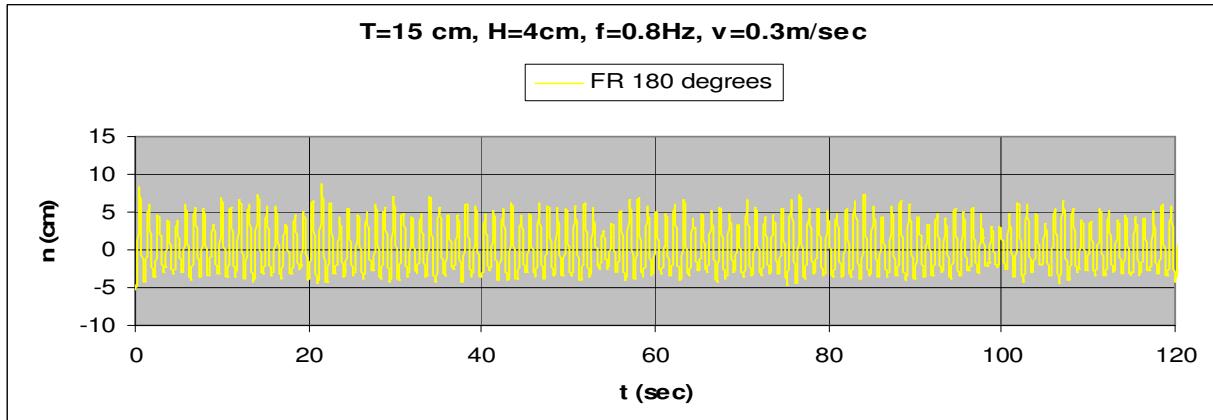
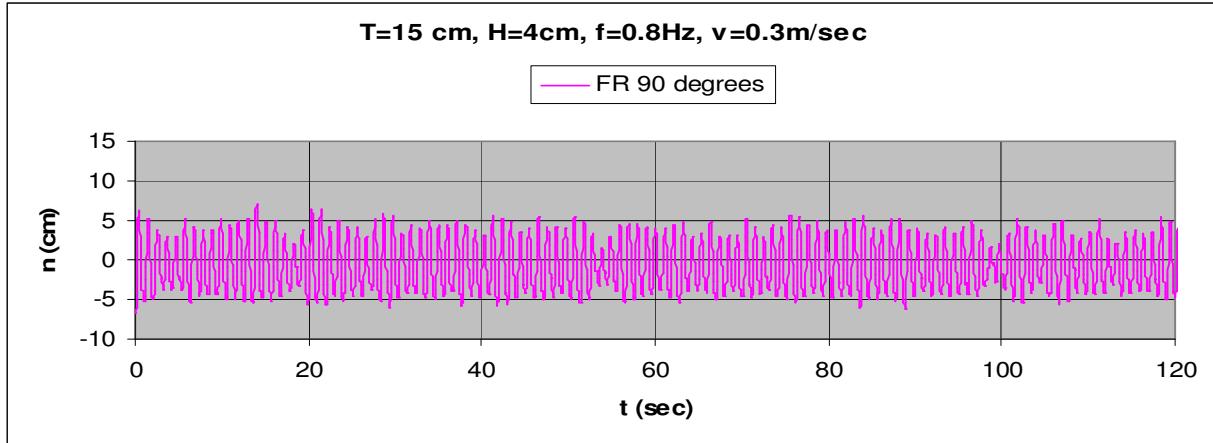
**3.1.2.21       $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.8\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=5.026\text{rad/sec}$**



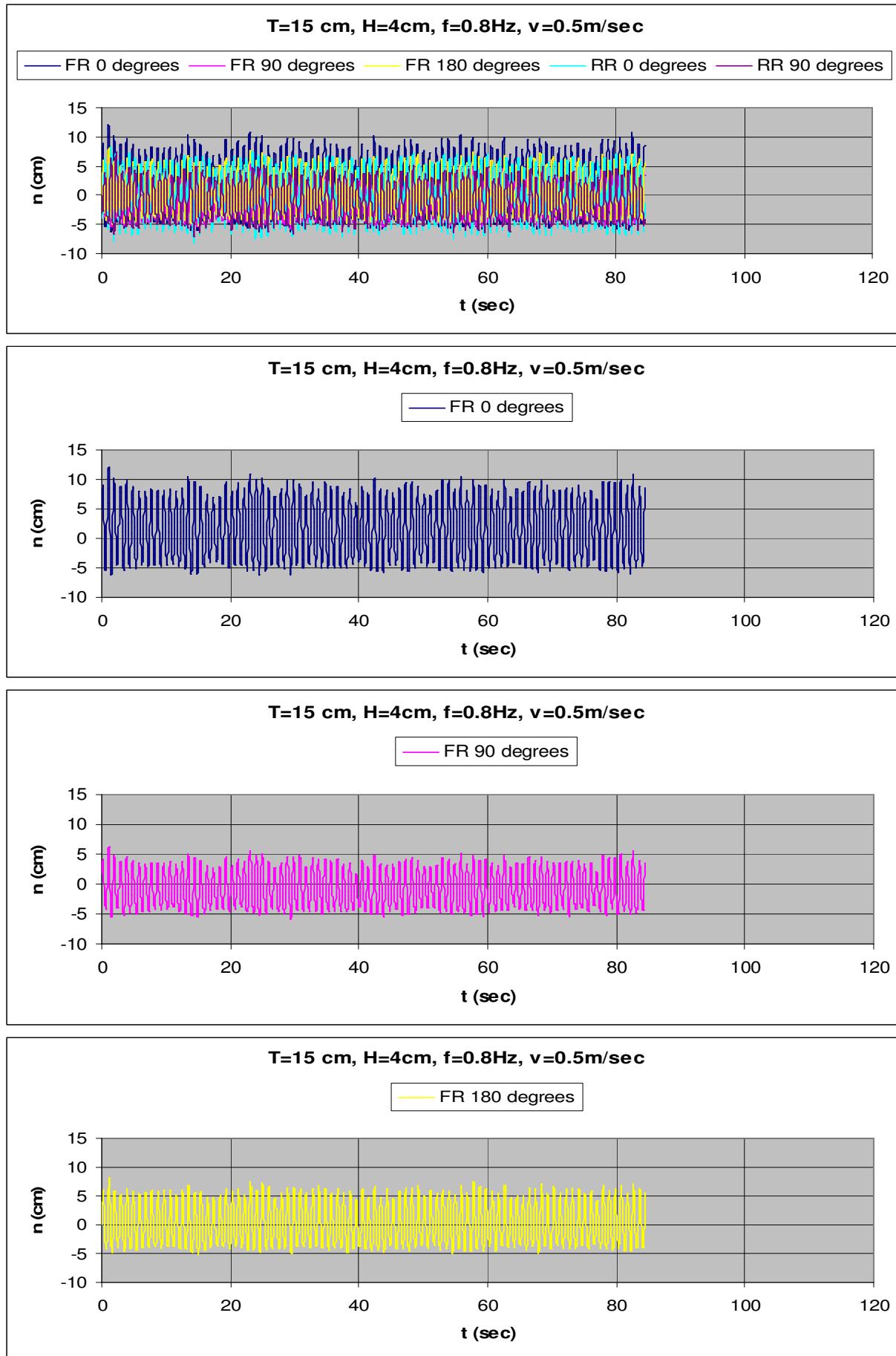


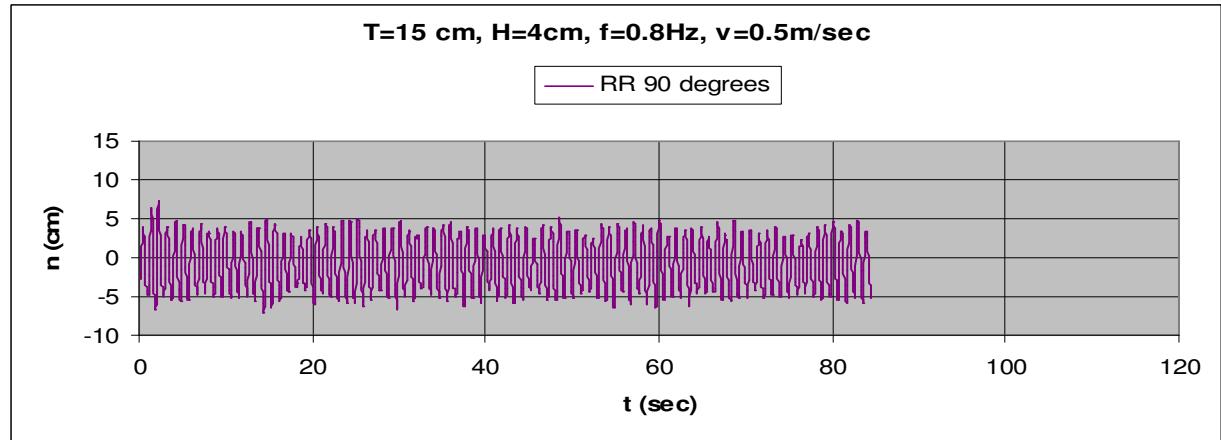
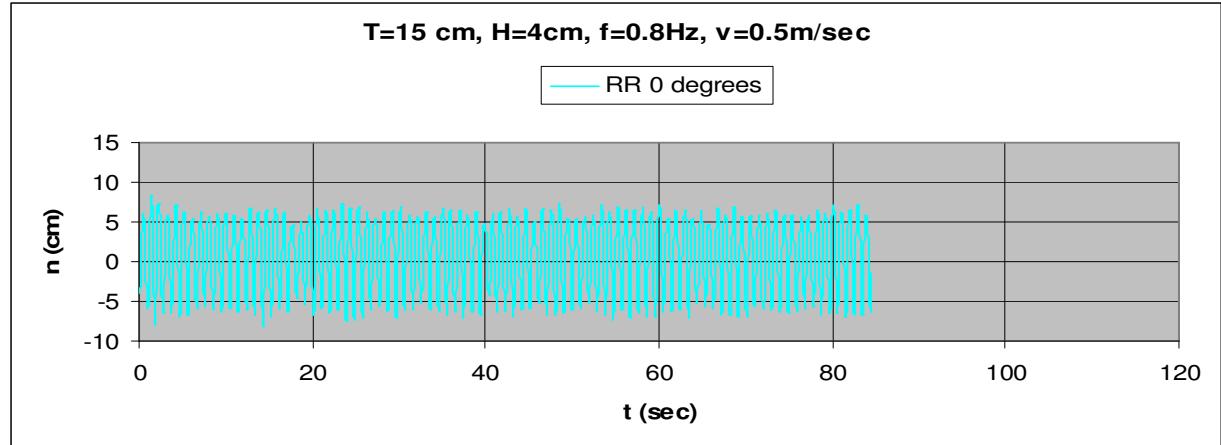
**3.1.2.22 T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.8Hz, Fn=0.167, ω=5.026rad/sec**



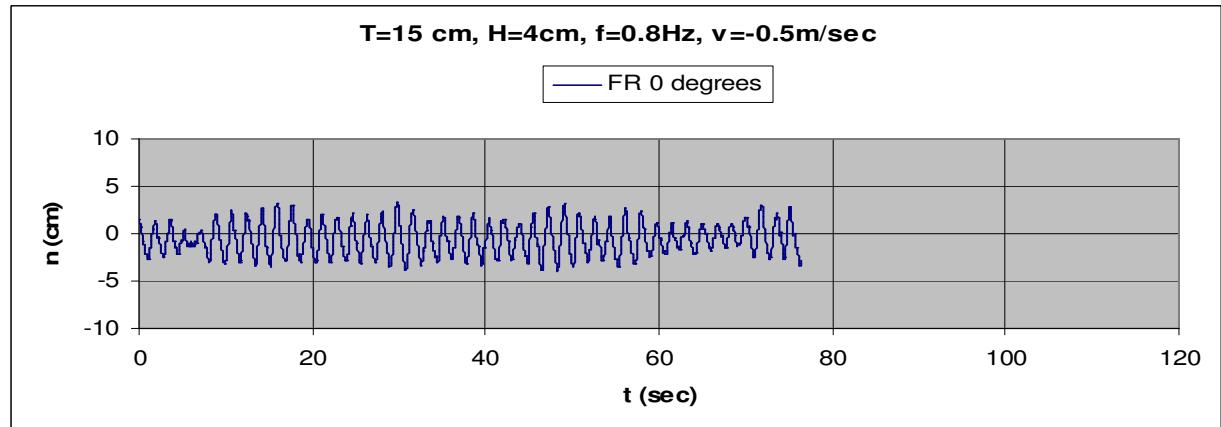
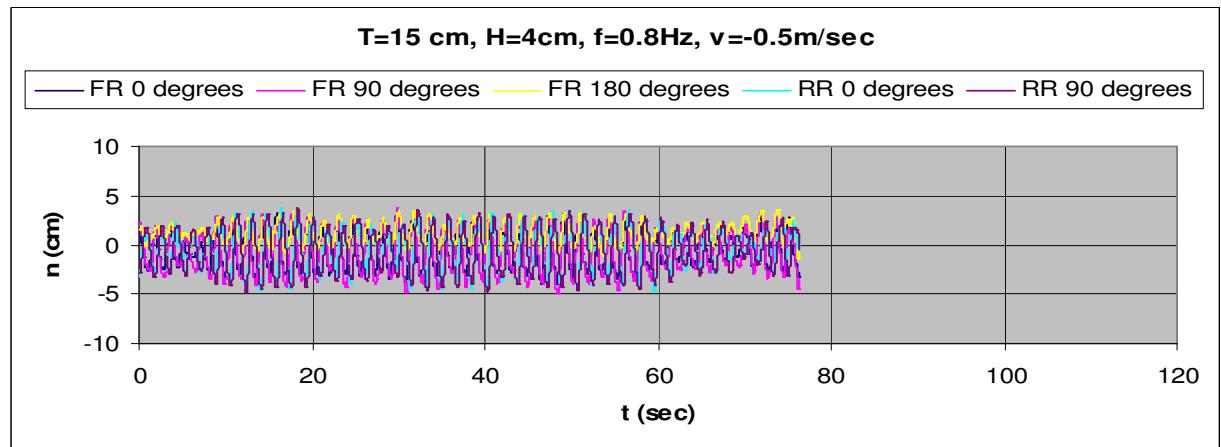


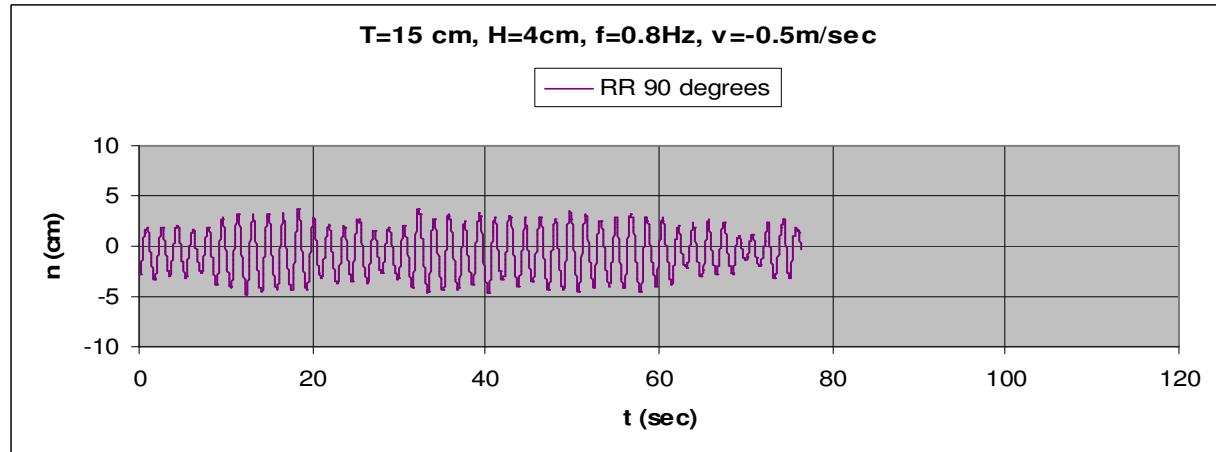
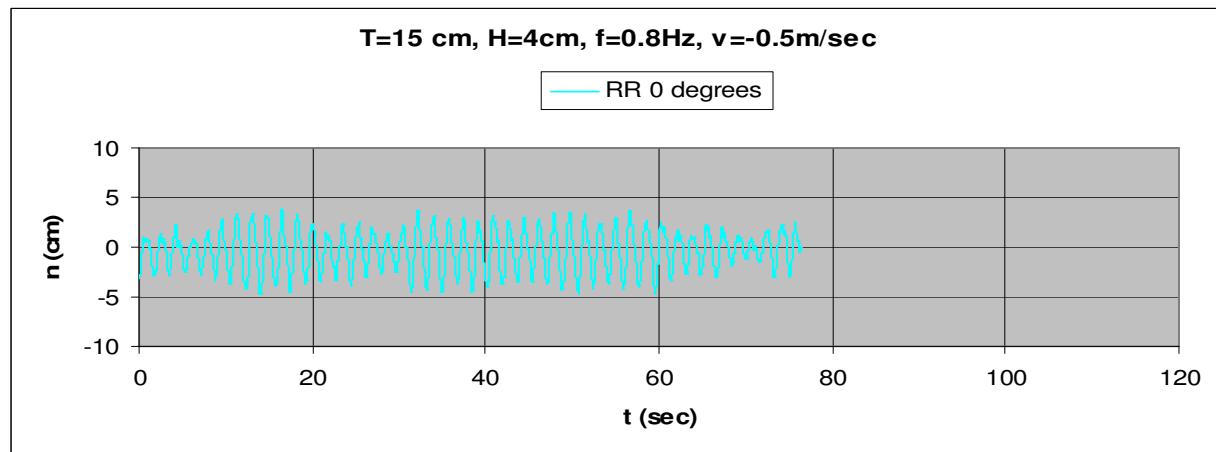
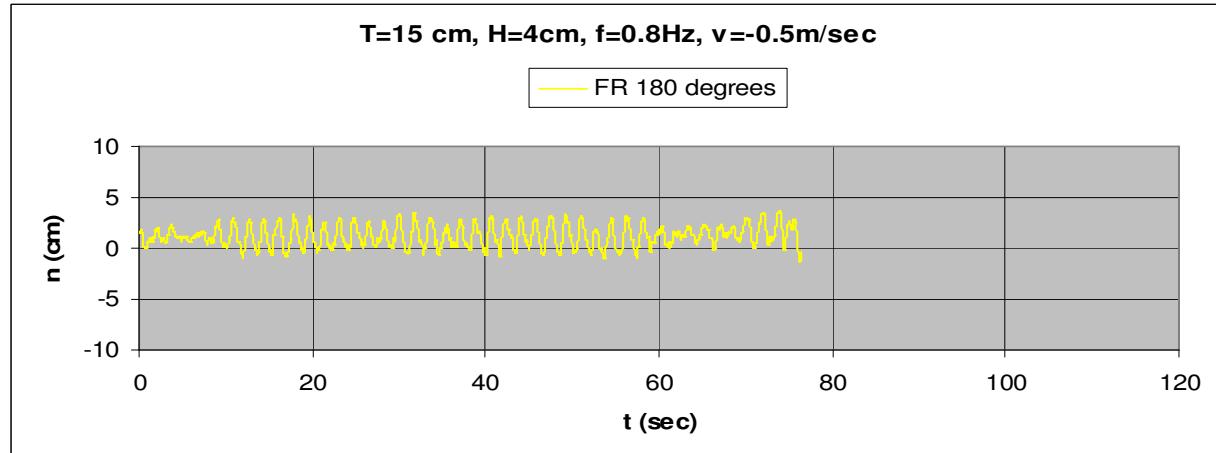
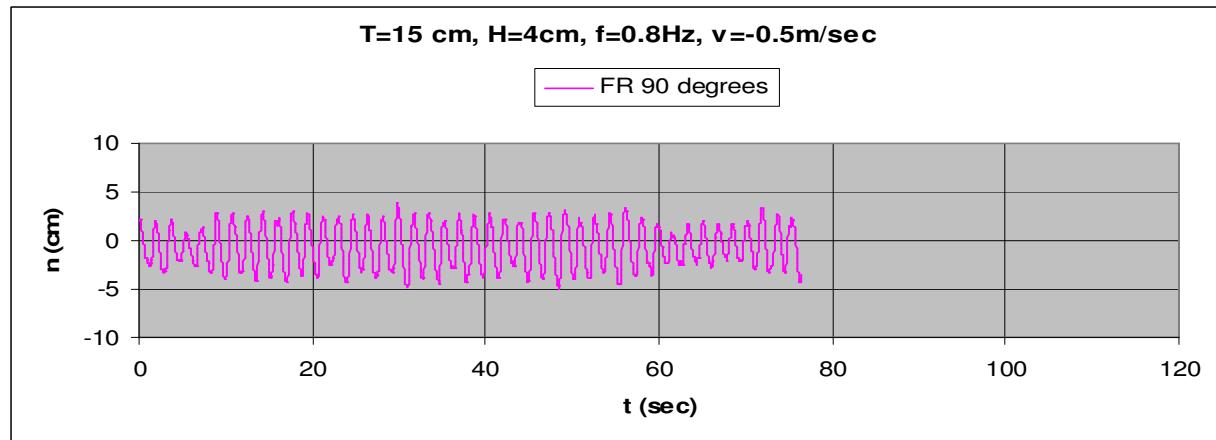
**3.1.2.23 T=15cm, h=4cm, v=0.5m/s, f=0.8Hz , Fn=0.278,  $\omega=5.026\text{rad/sec}$**



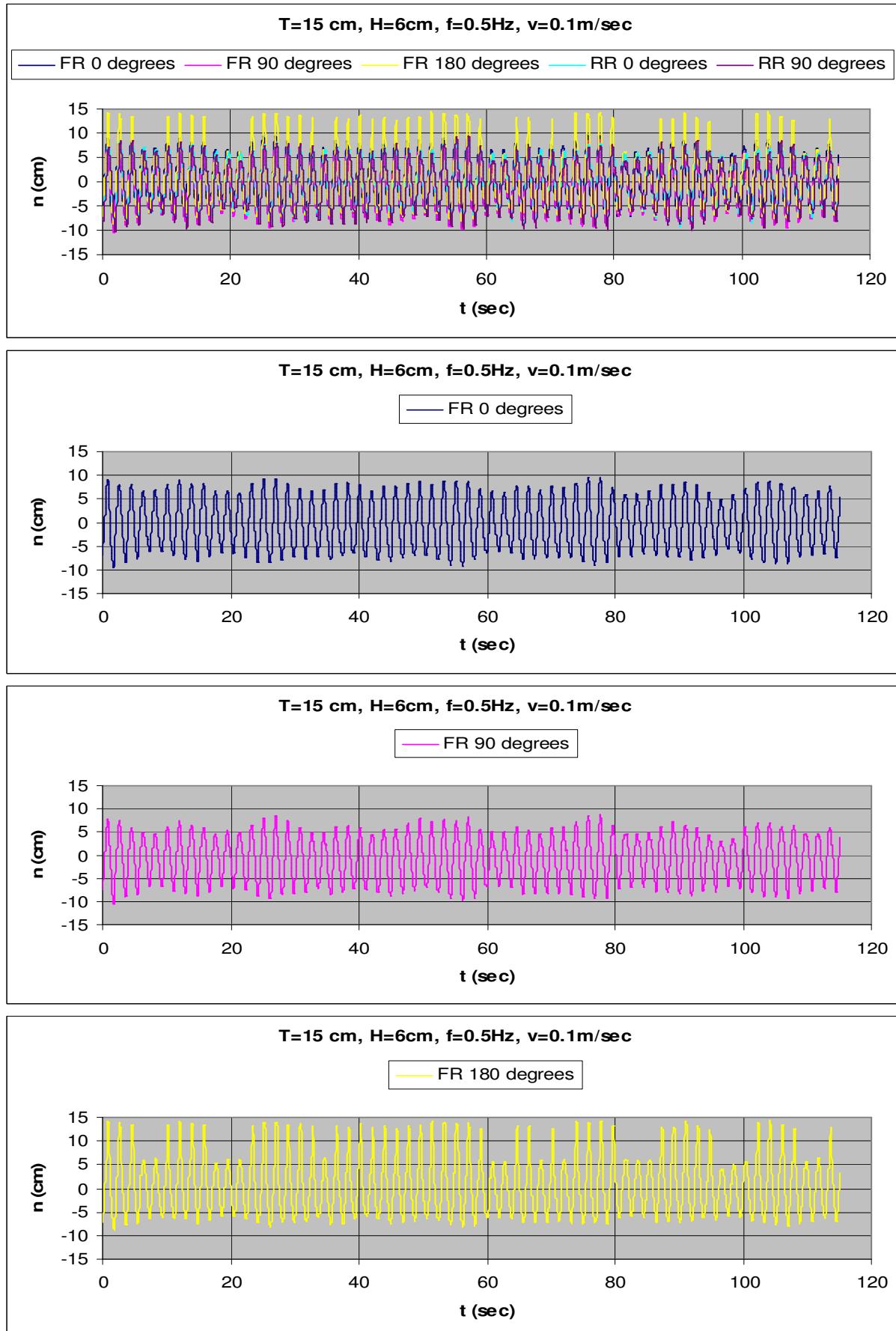


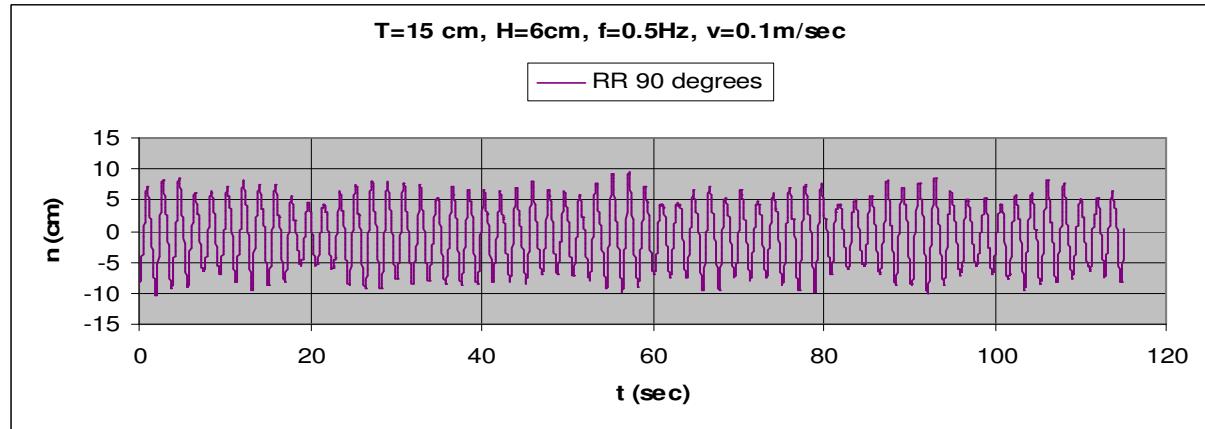
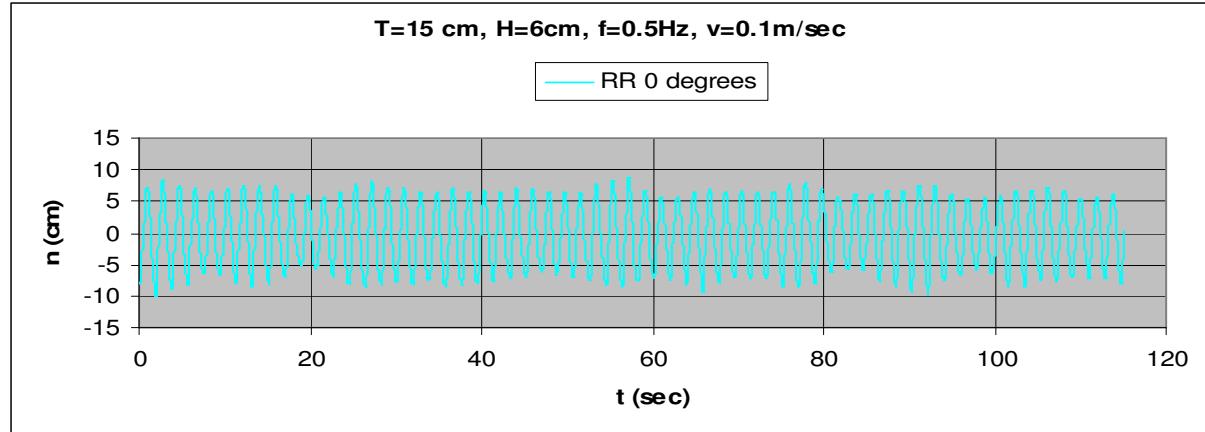
**3.1.2.24      T=15cm, h=4cm, v=-0.5m/s, f=0.8Hz, Fn=0.278, ω=5.026rad/sec**



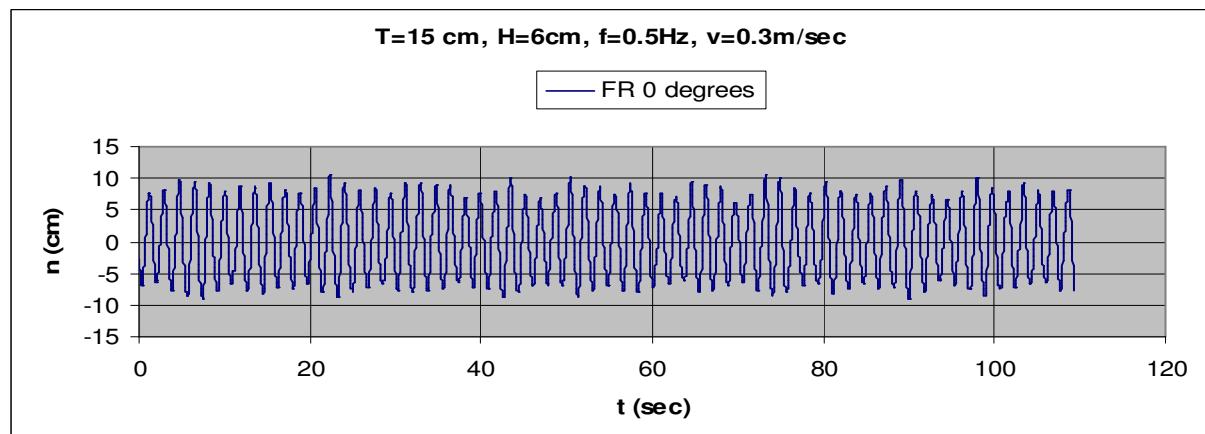
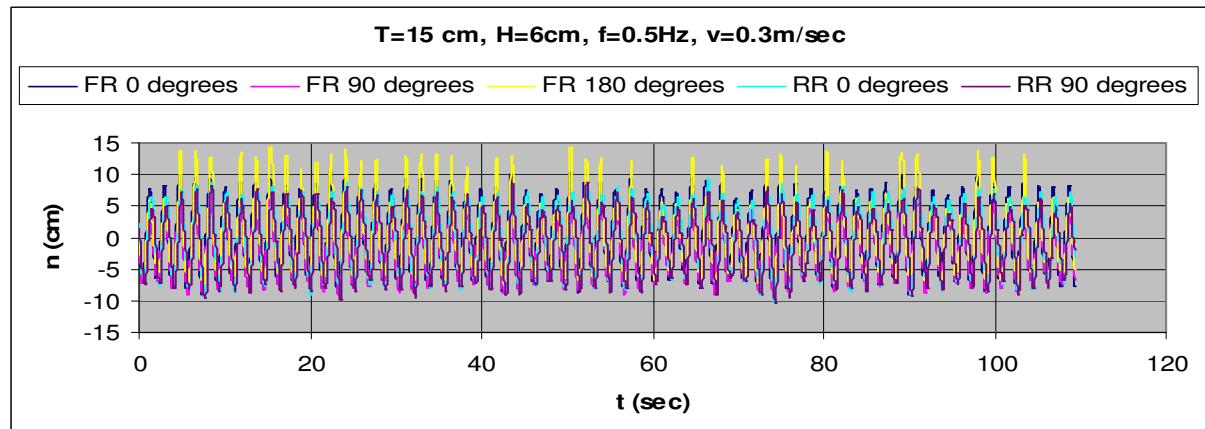


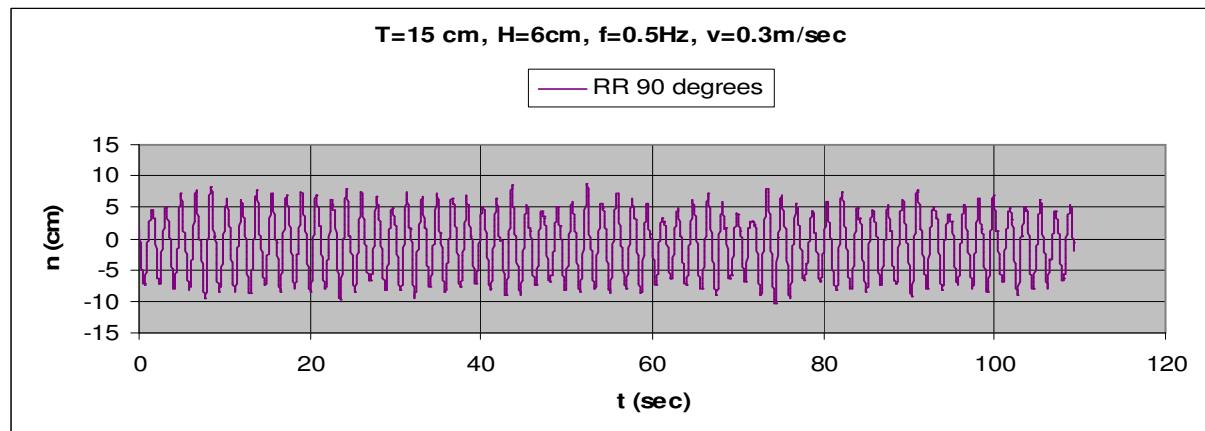
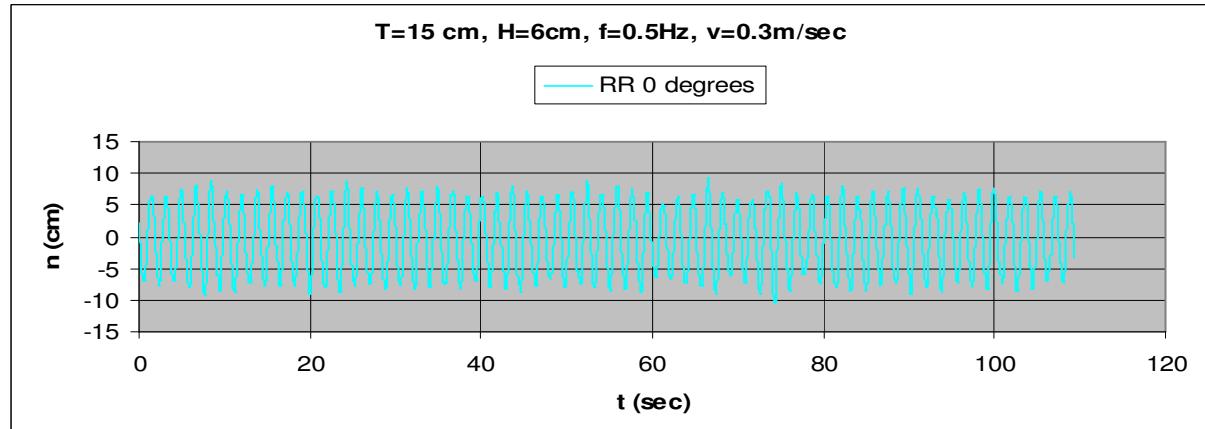
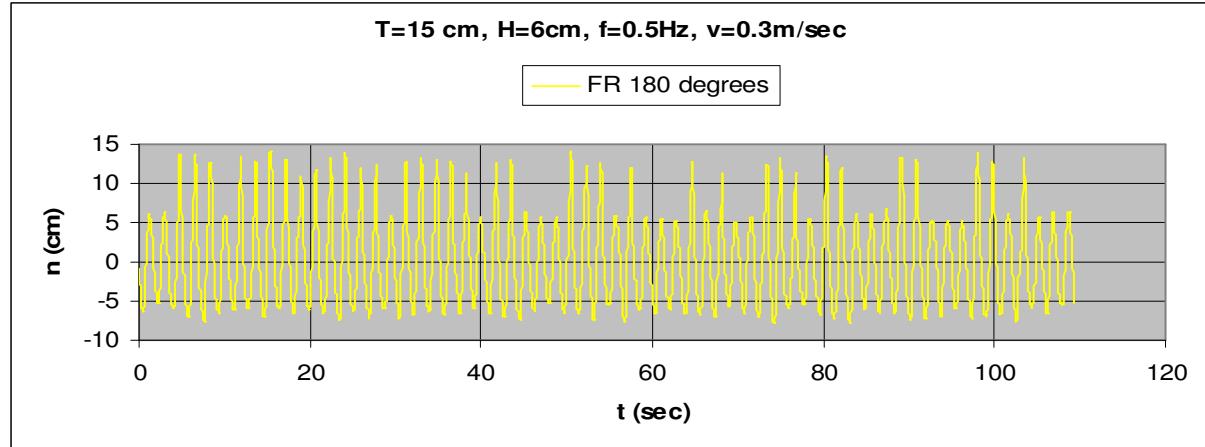
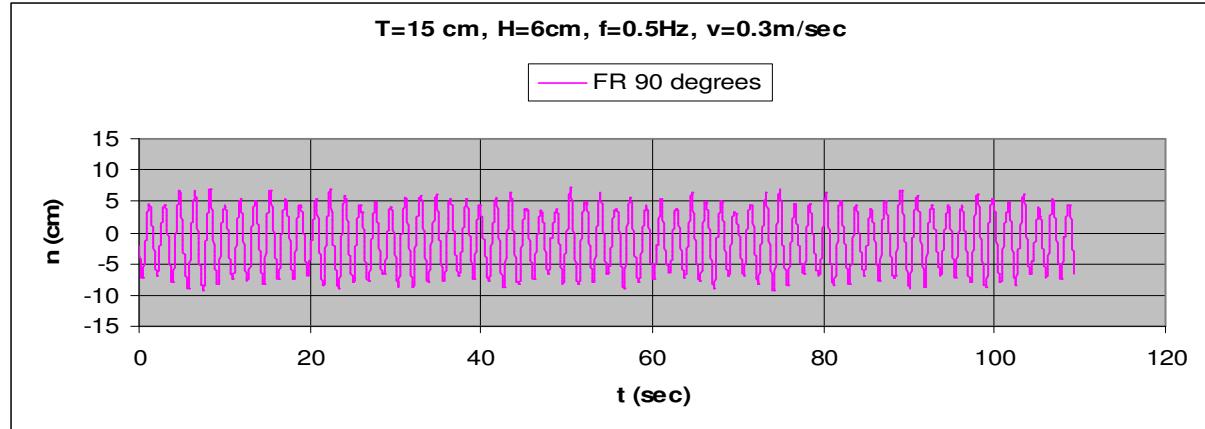
**3.1.2.25       $T=15\text{cm}$ ,  $h=6\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.5\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=3.142\text{rad/sec}$**



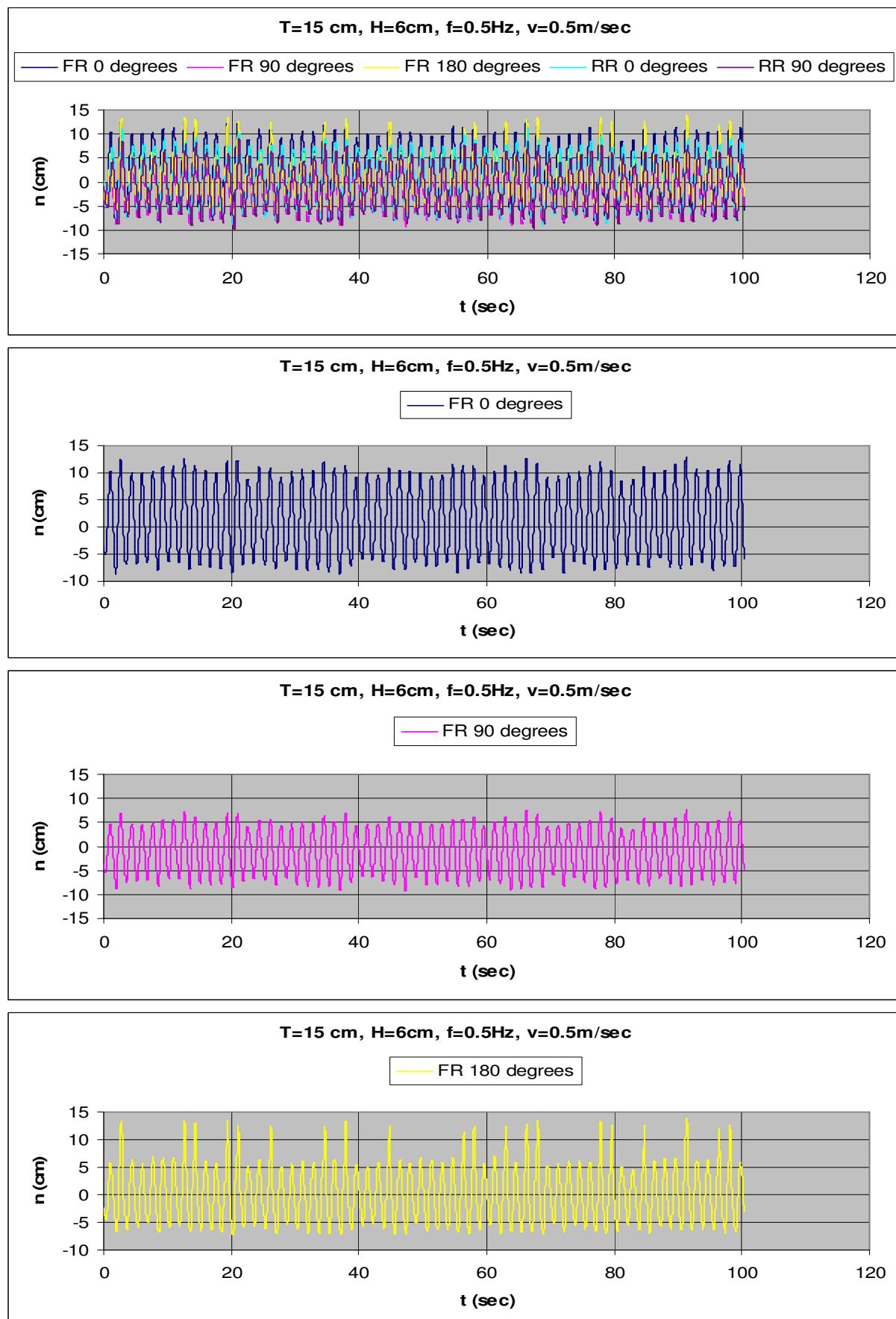


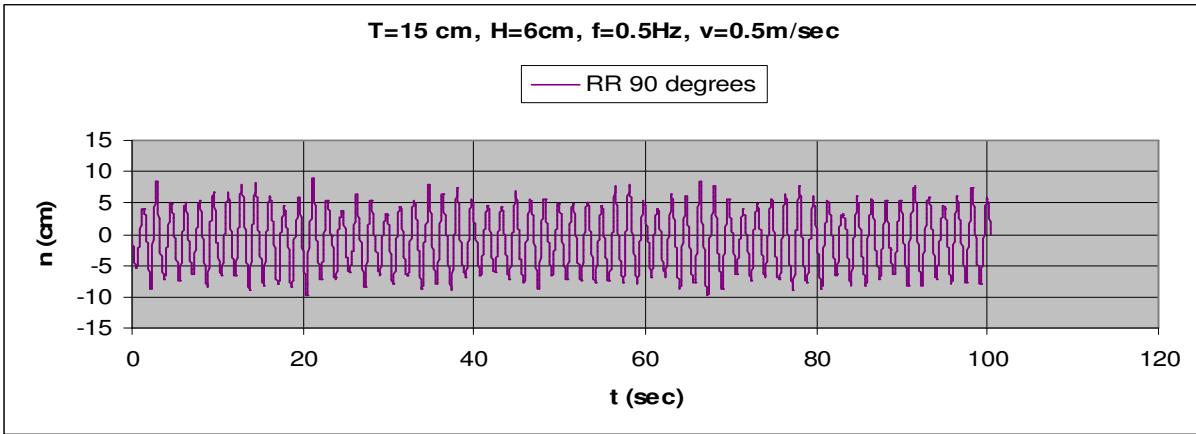
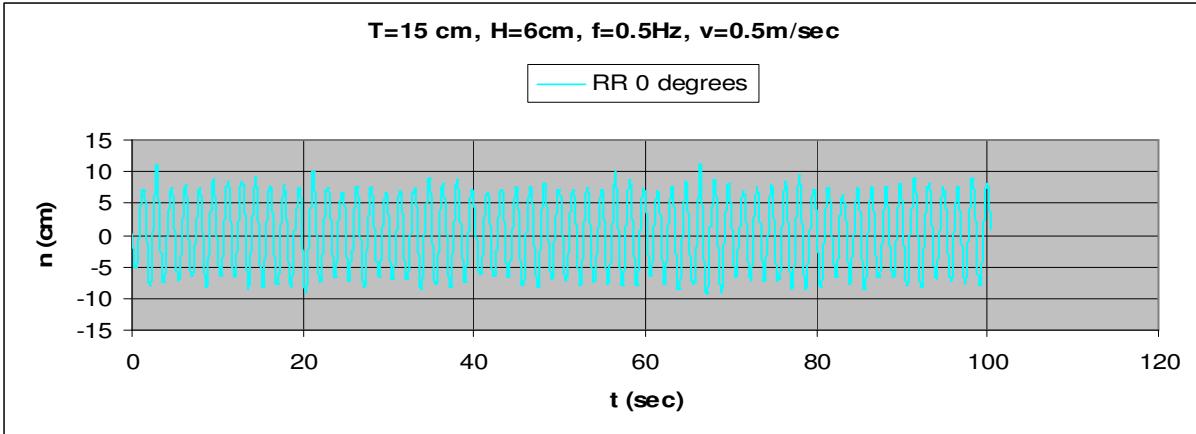
### 3.1.2.26    T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.5Hz, Fn=0.167, ω=3.142rad/sec



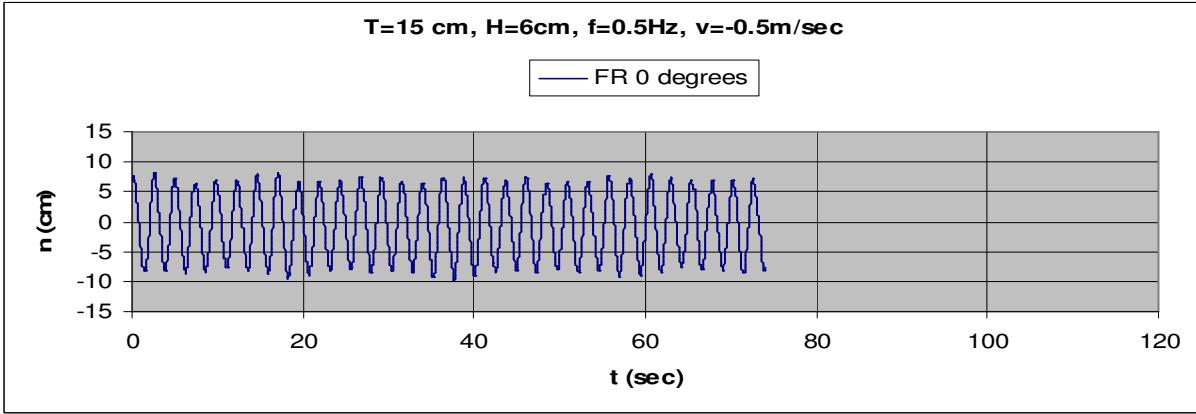
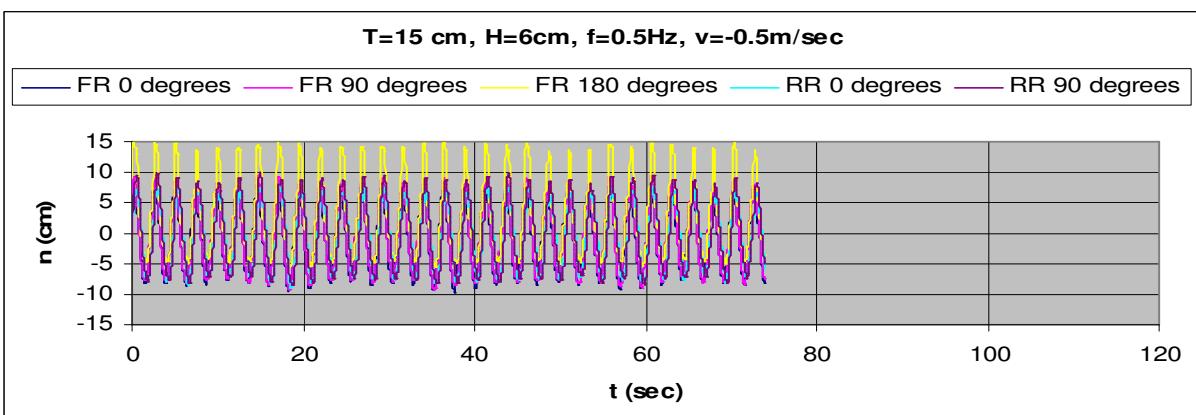


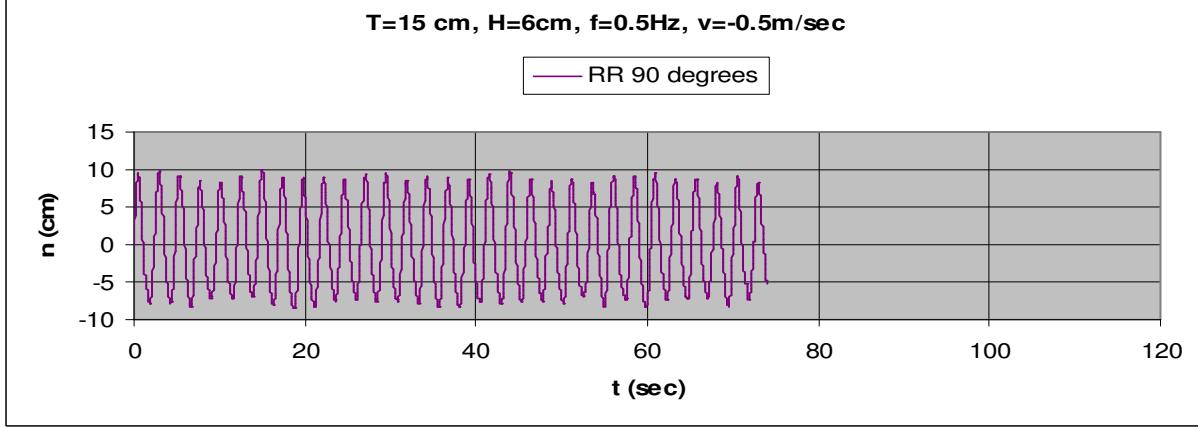
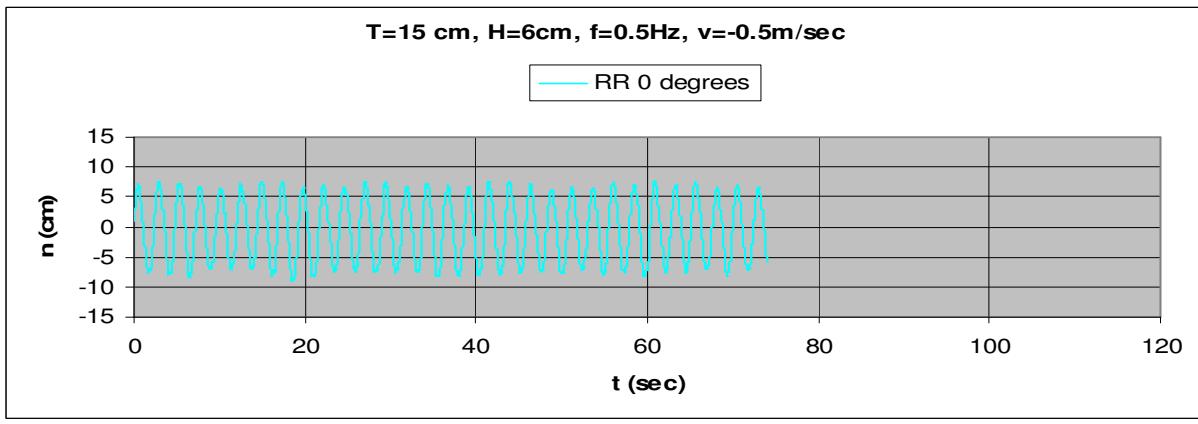
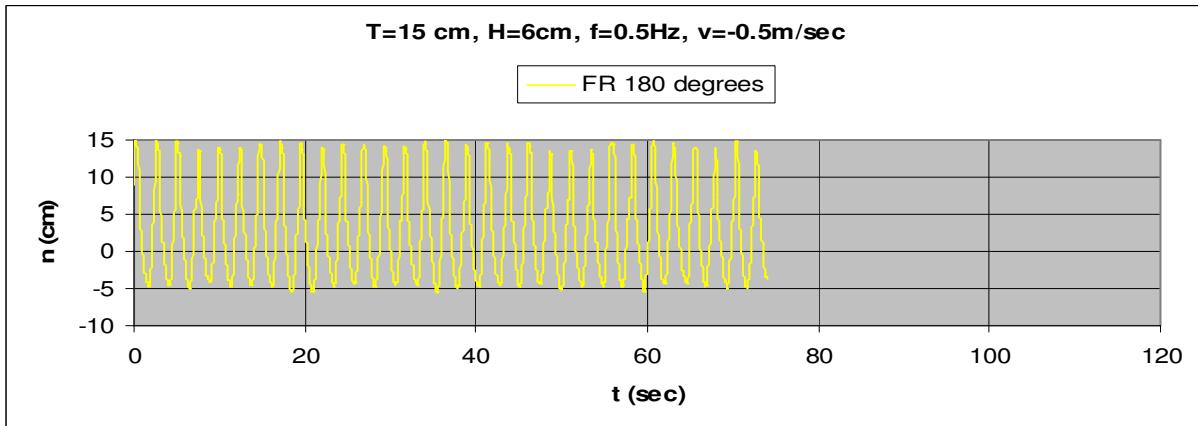
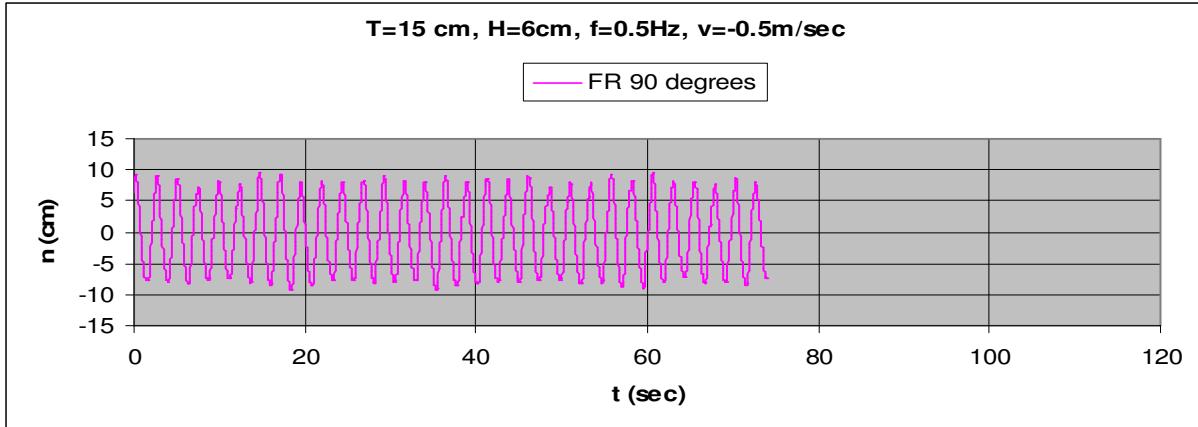
**3.1.2.27 T=15cm, h=6cm, v=0.5m/s, f=0.5Hz, Fn=0.278,  $\omega=3.142\text{rad/sec}$**



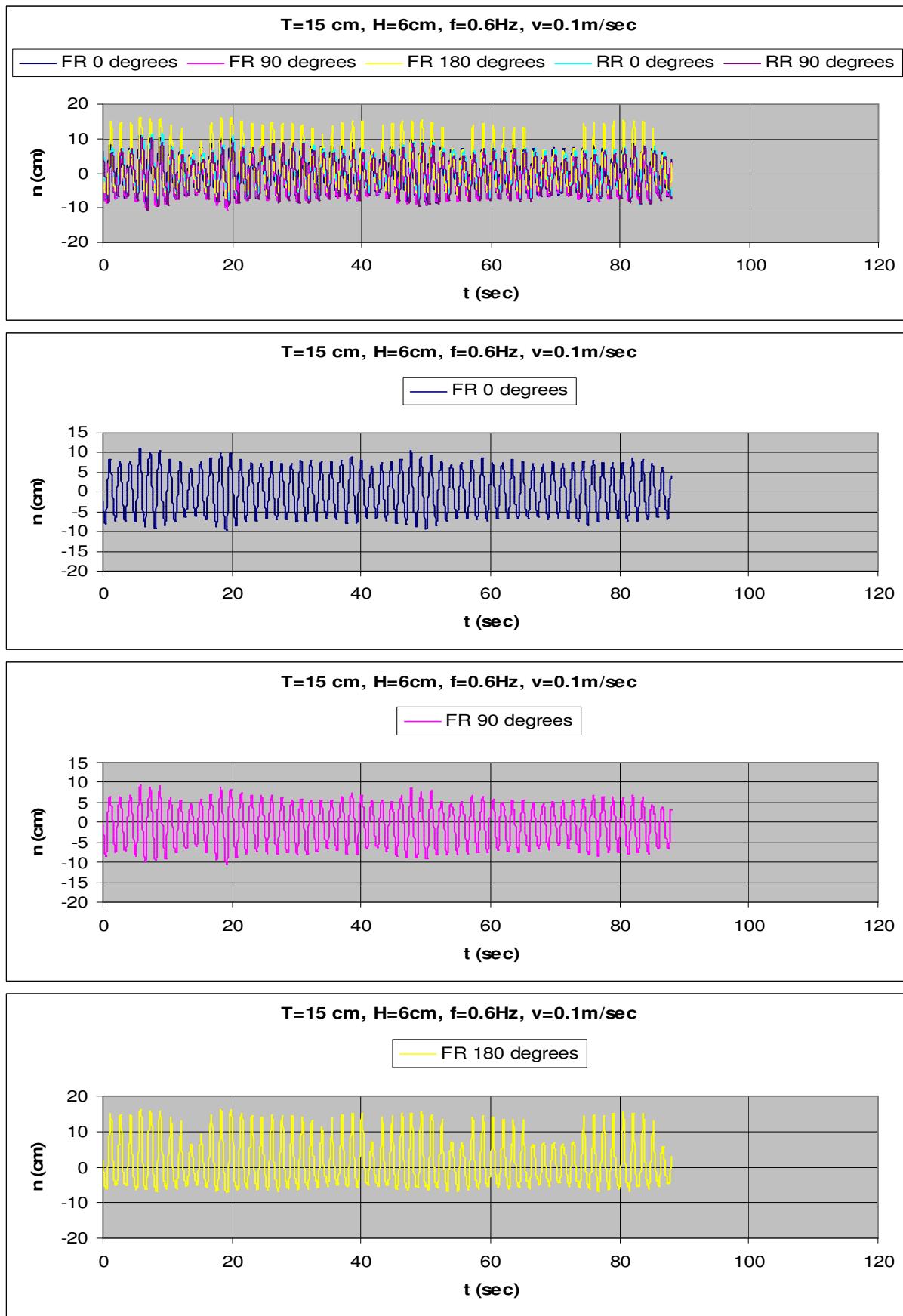


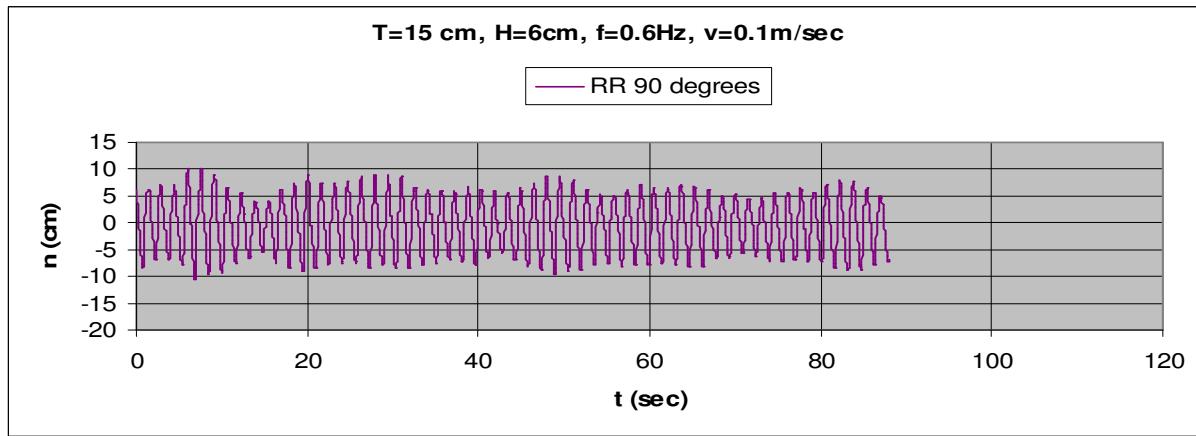
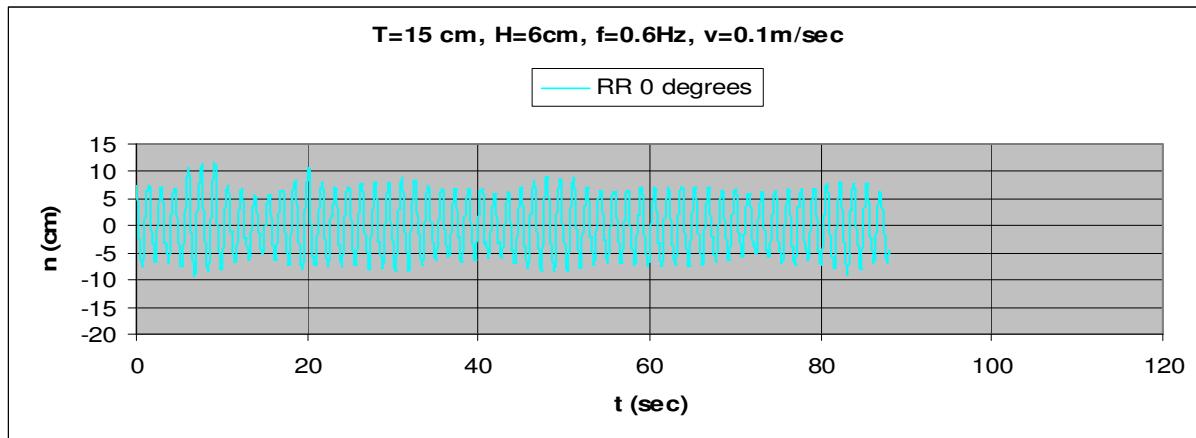
### 3.1.2.28    T=15cm, h=6cm, v=-0.5m/s, f=0.5Hz, Fn=0.278, ω=3.142rad/sec



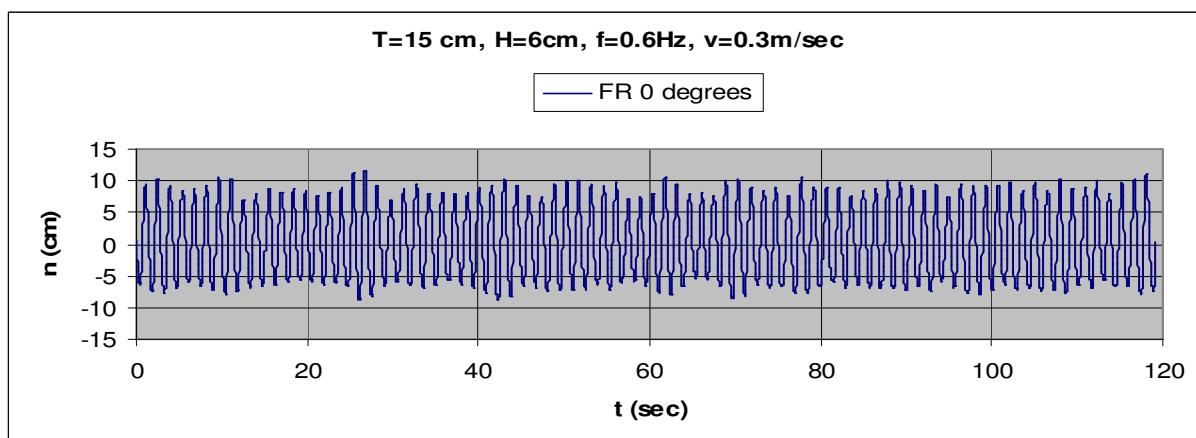
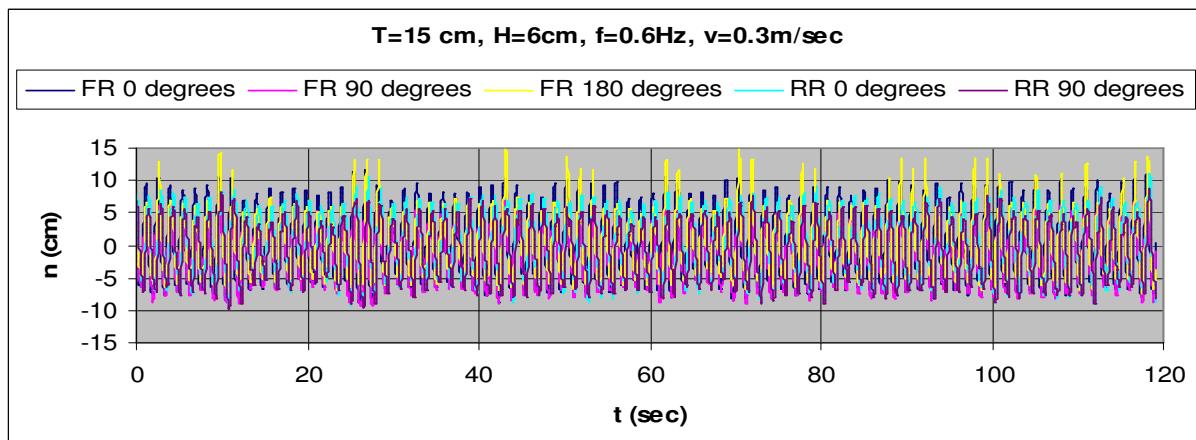


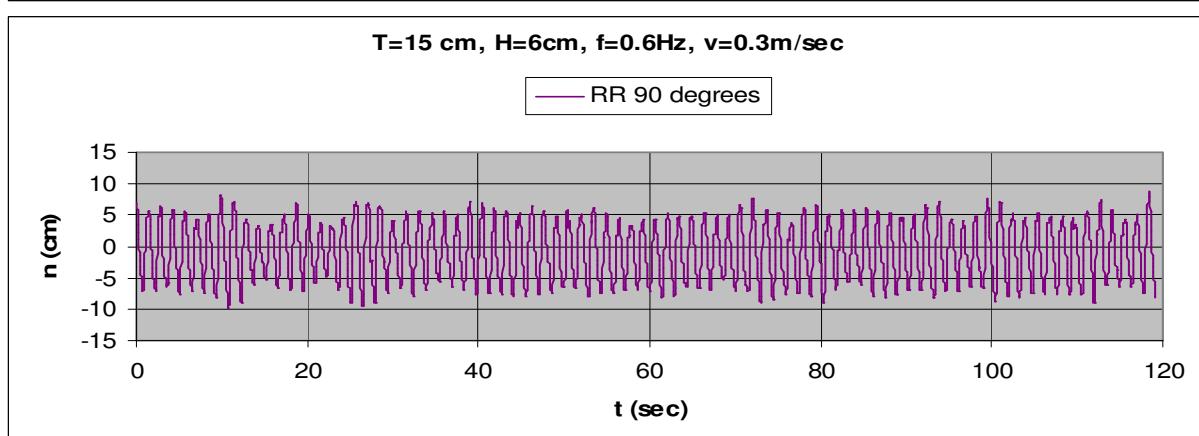
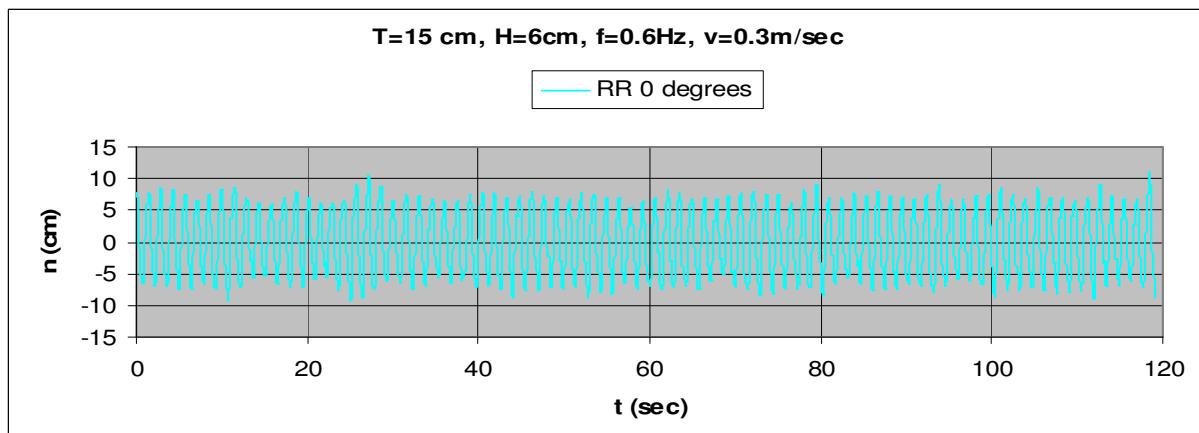
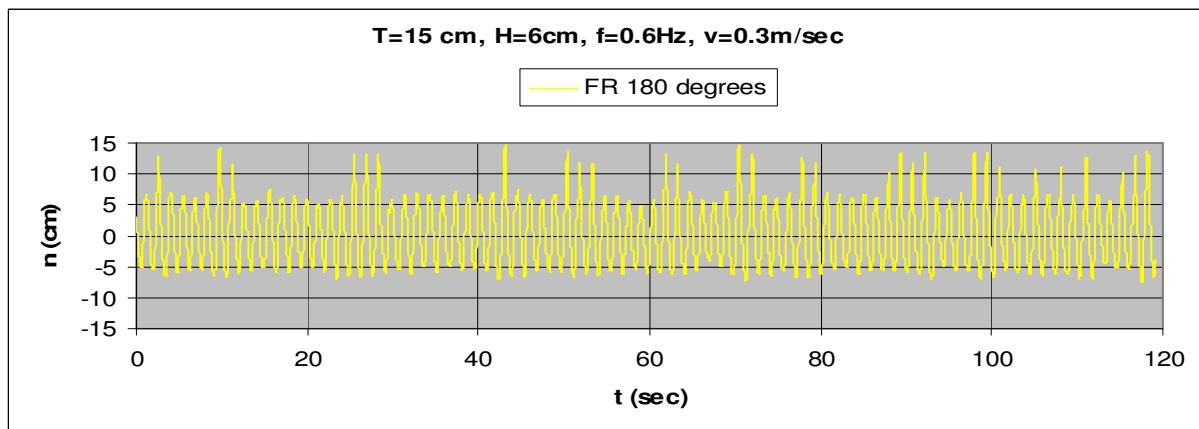
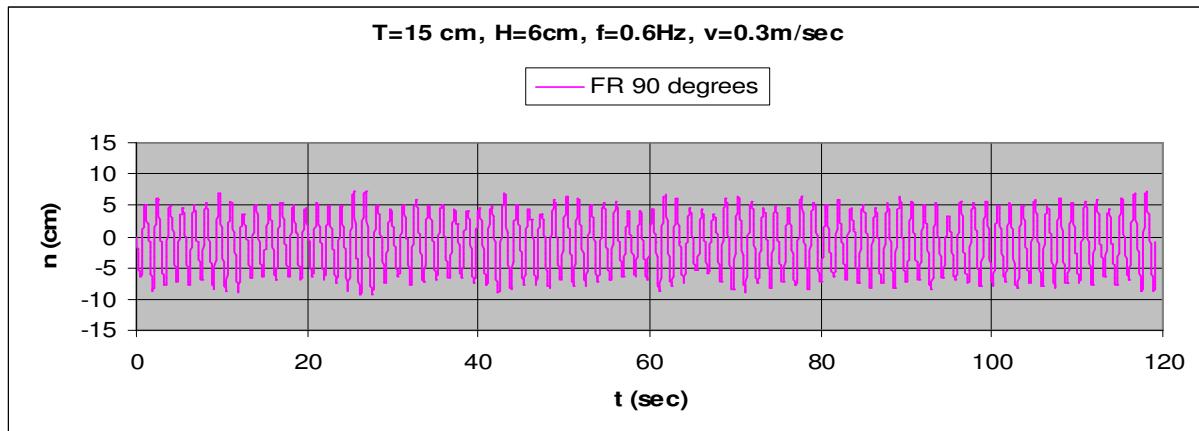
**3.1.2.29       $T=15\text{cm}$ ,  $h=6\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.6\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=3.770\text{rad/sec}$**



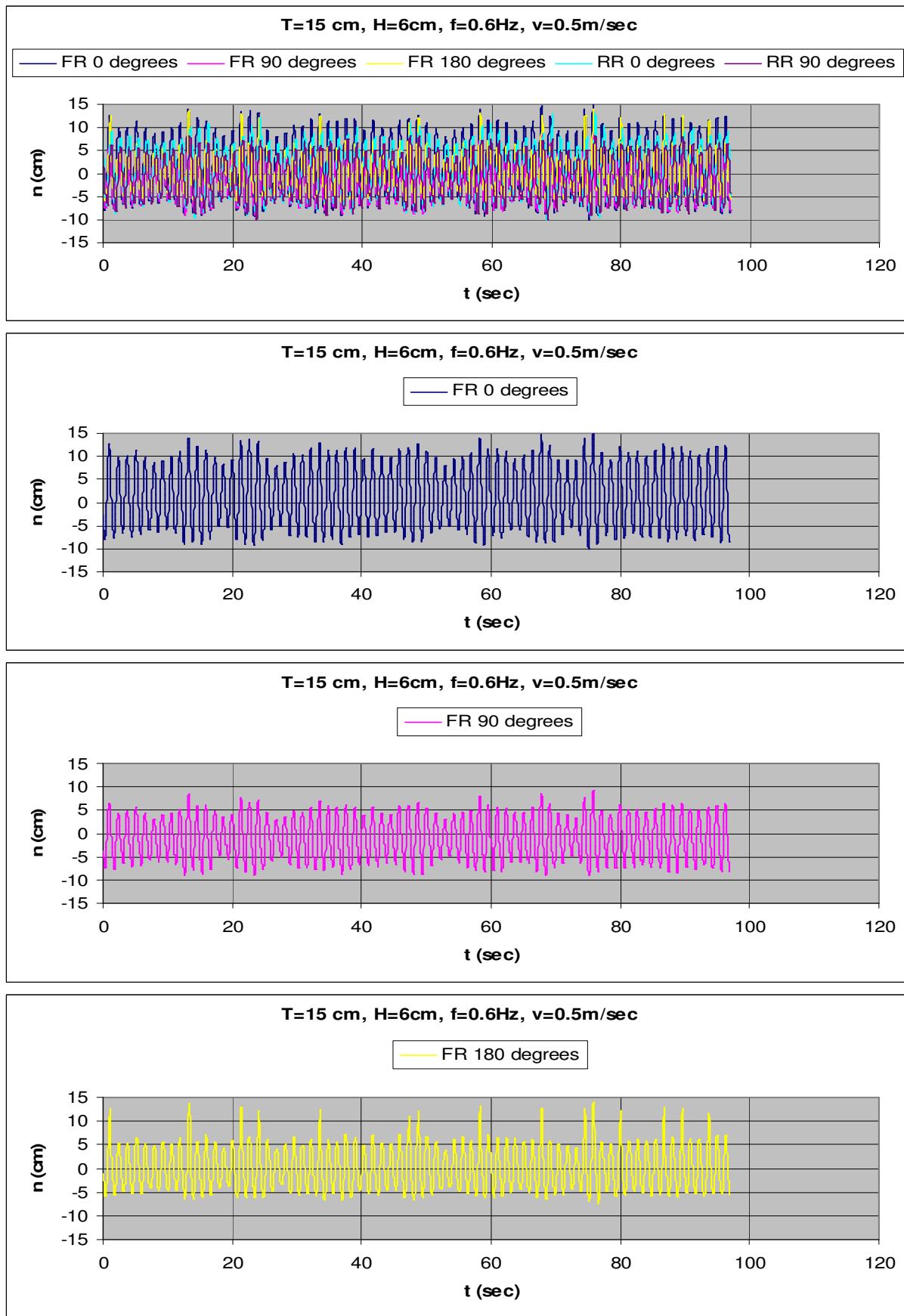


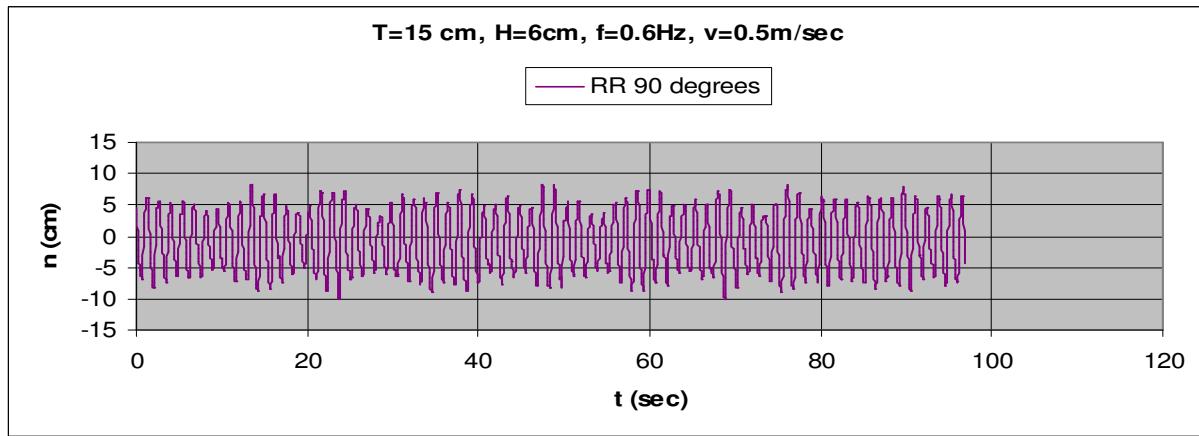
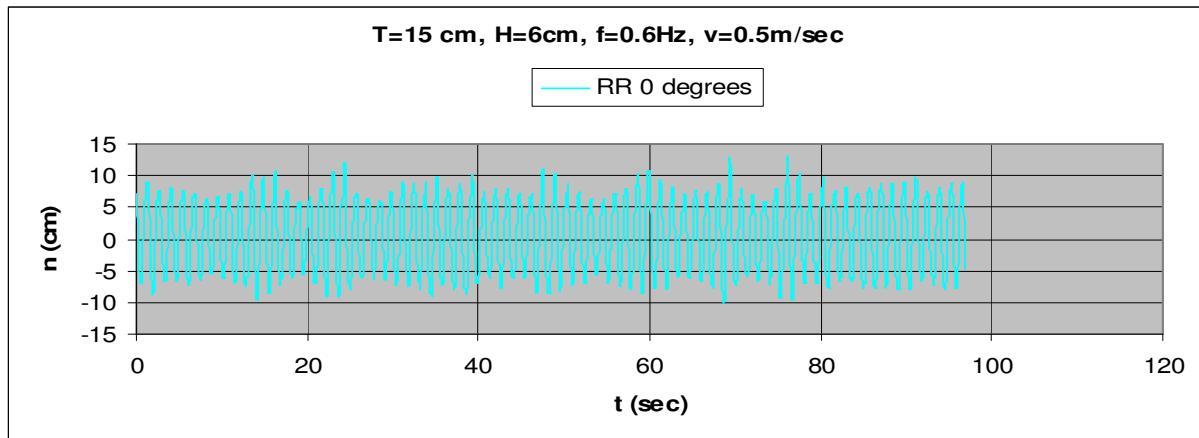
### 3.1.2.30      T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.6Hz, Fn=0.167, ω=3.770rad/sec



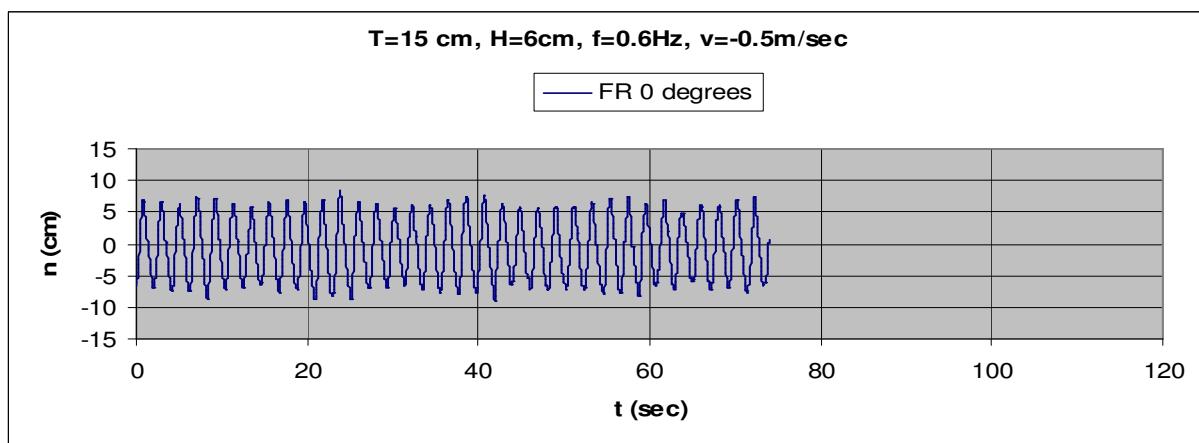
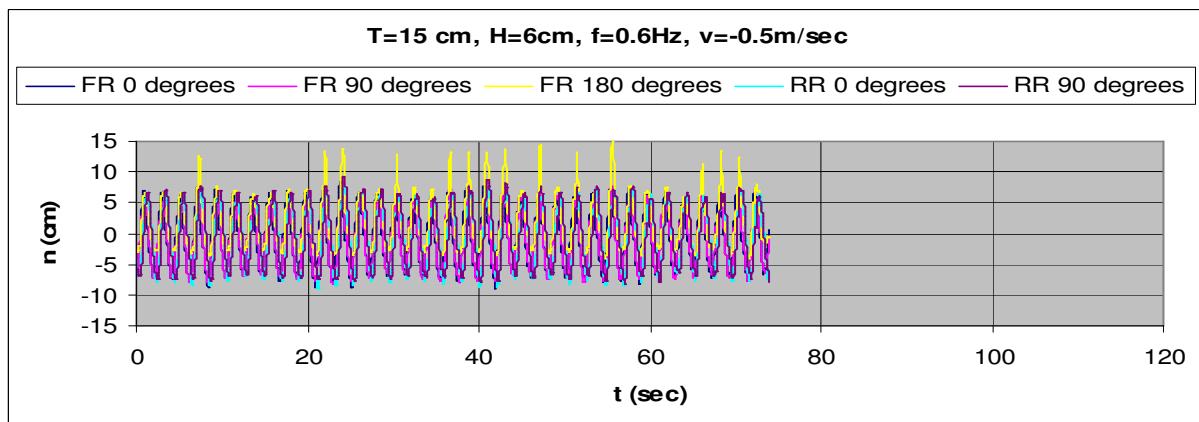


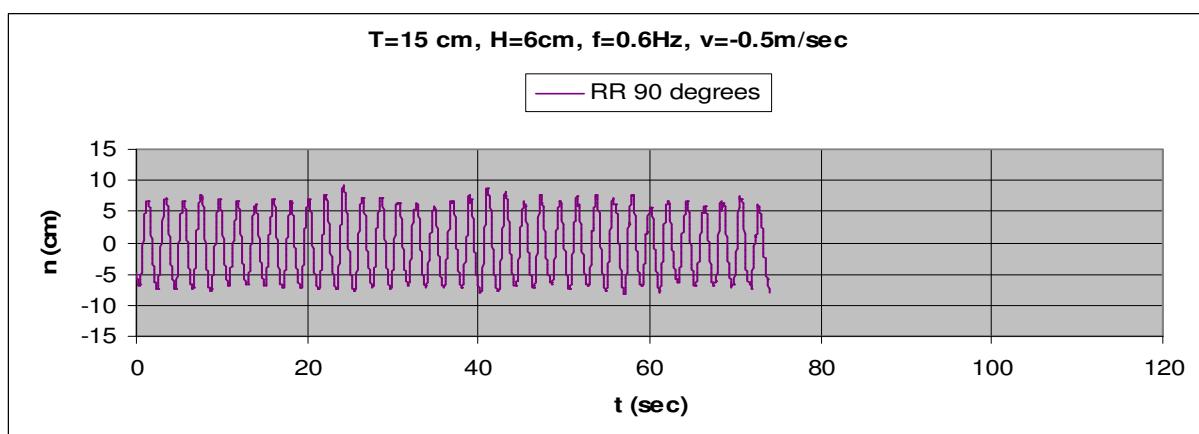
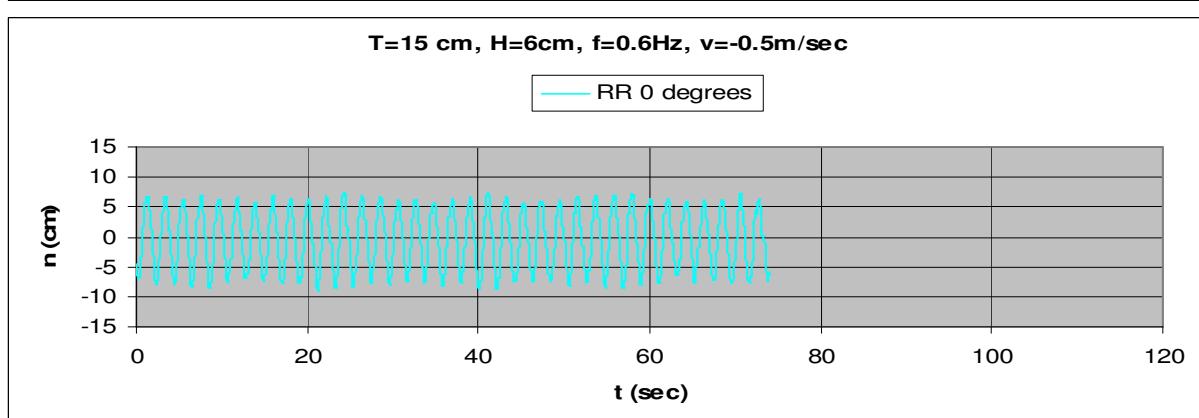
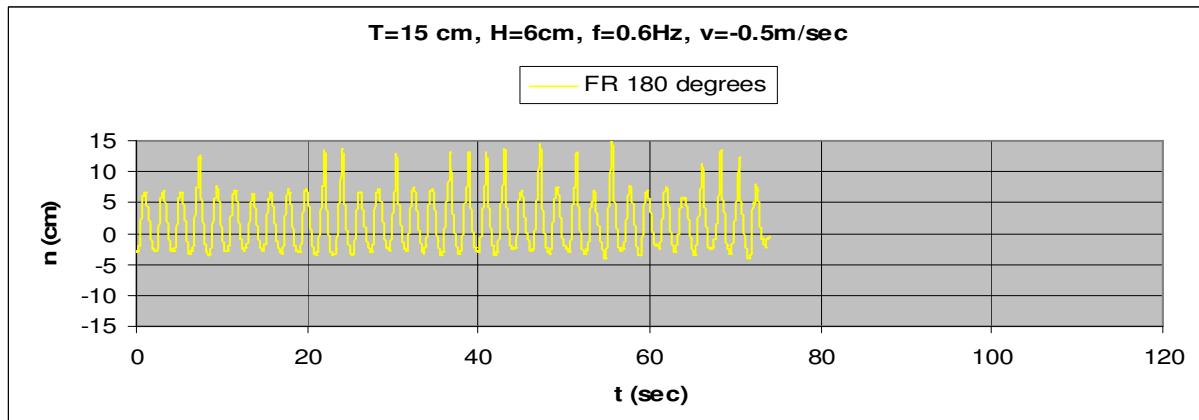
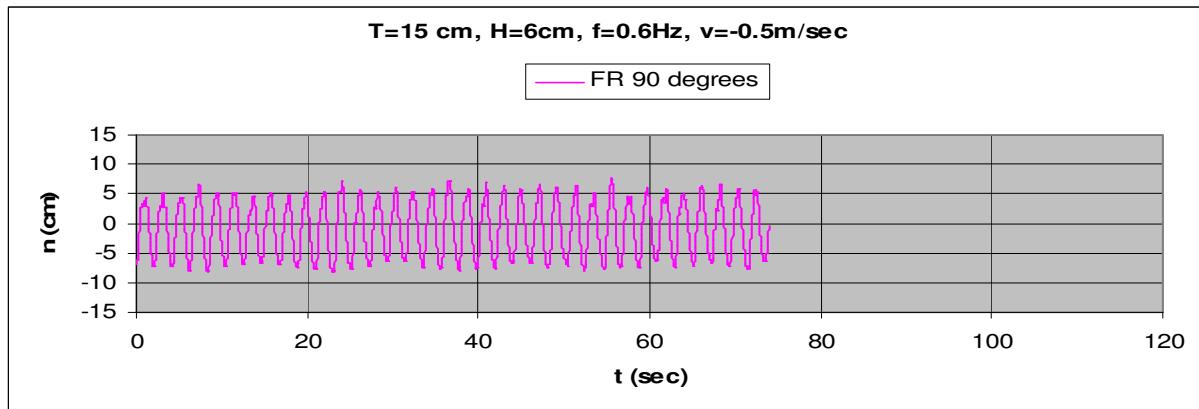
**3.1.2.31       $T=15\text{cm}$ ,  $h=6\text{cm}$ ,  $v=0.5\text{m/s}$ ,  $f=0.6\text{Hz}$ ,  $F_n=0.278$ ,  $\omega=3.770\text{rad/sec}$**



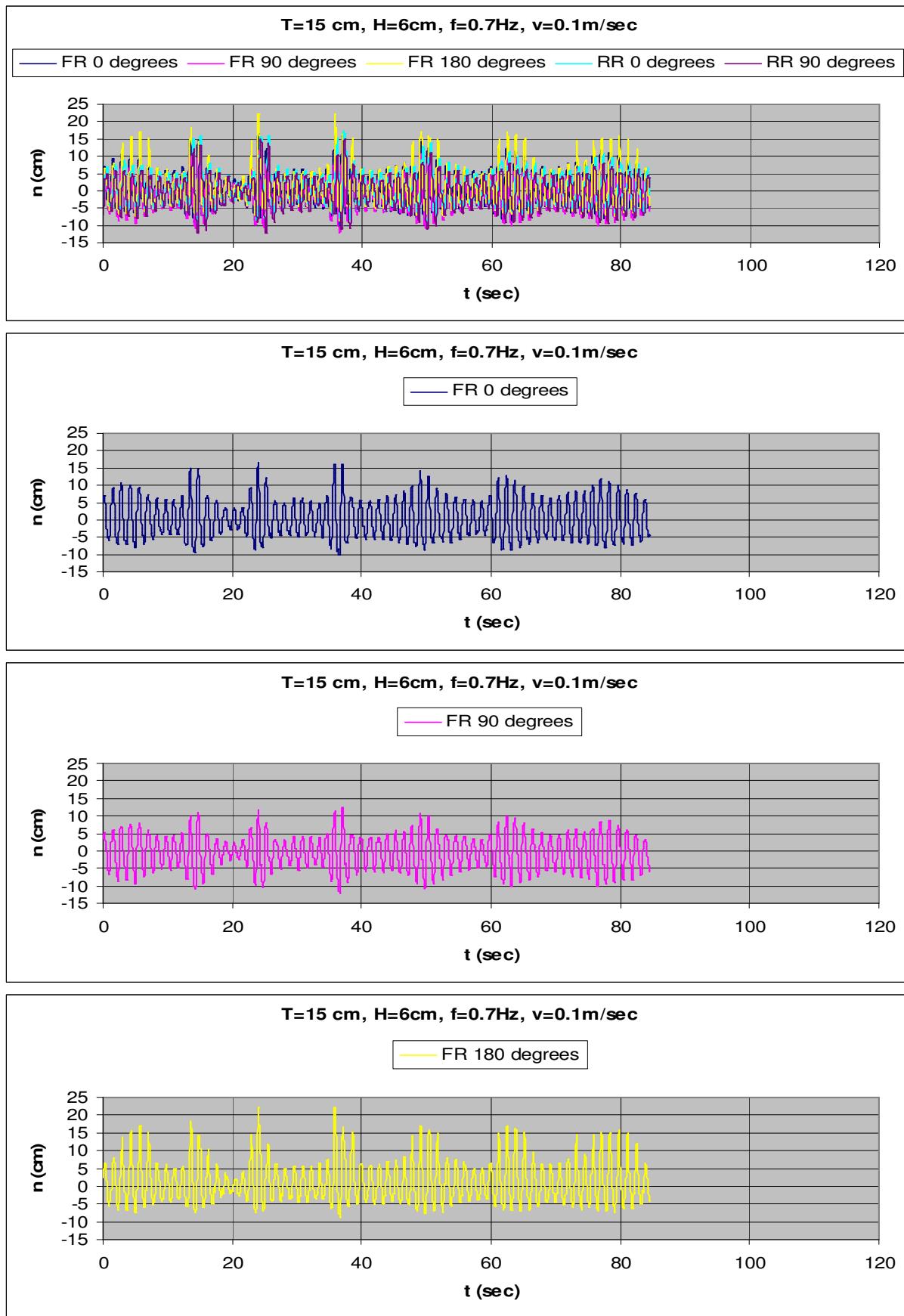


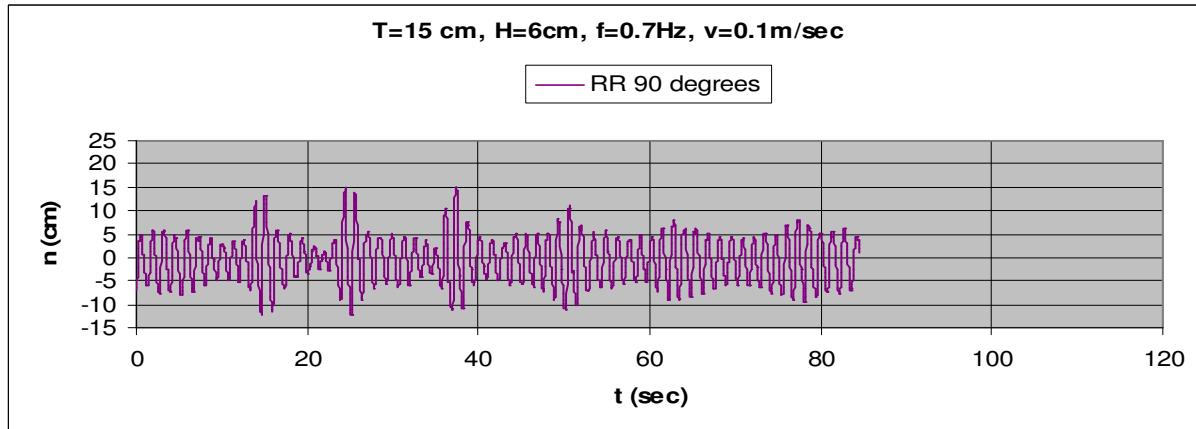
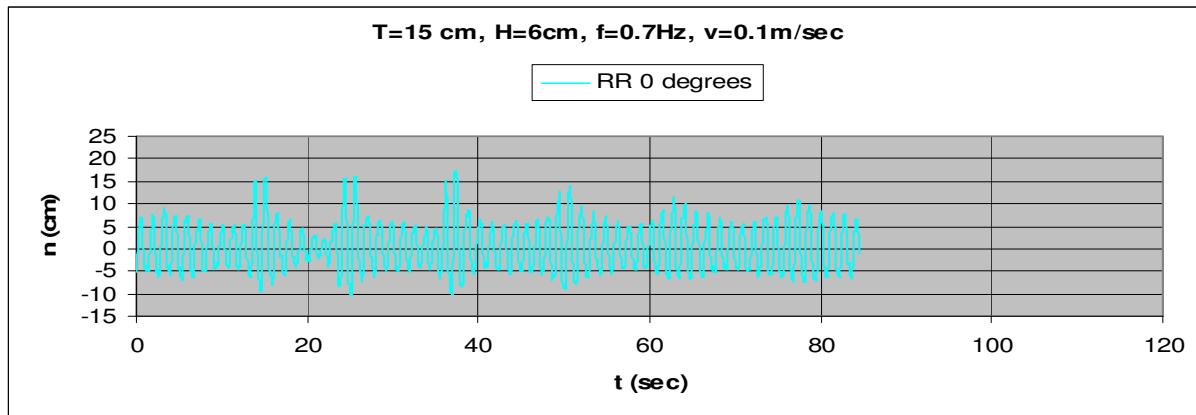
### 3.1.2.32      T=15cm, h=6cm, v=-0.5m/s, f=0.6Hz, Fn=0.278, ω=3.770rad/sec



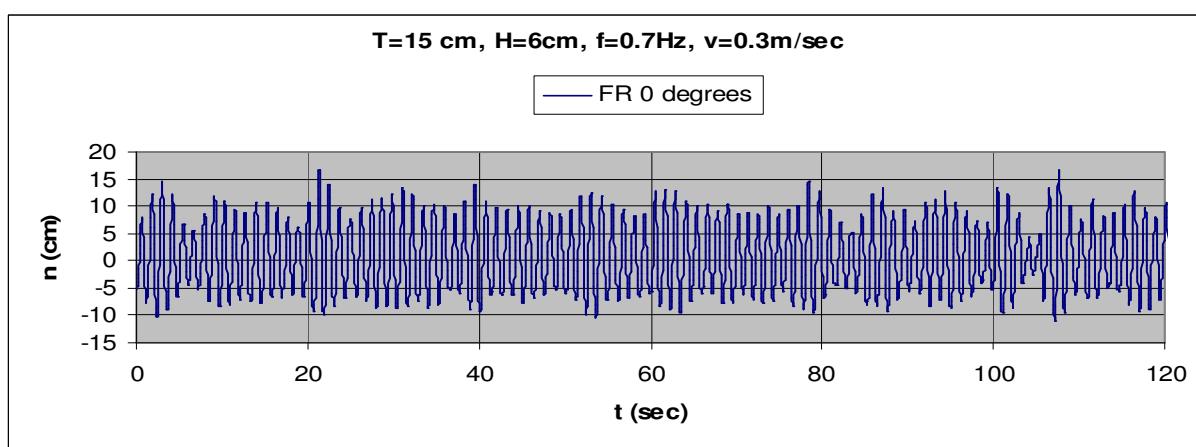
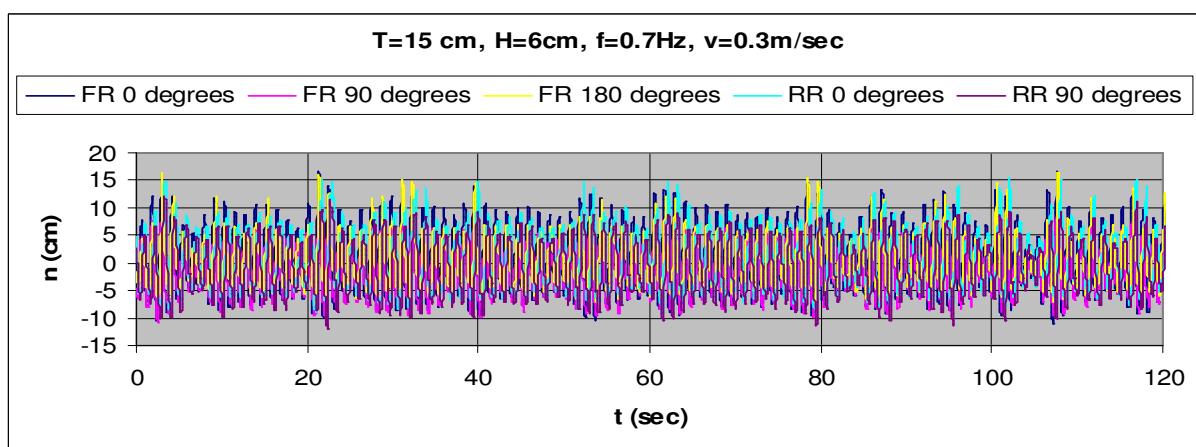


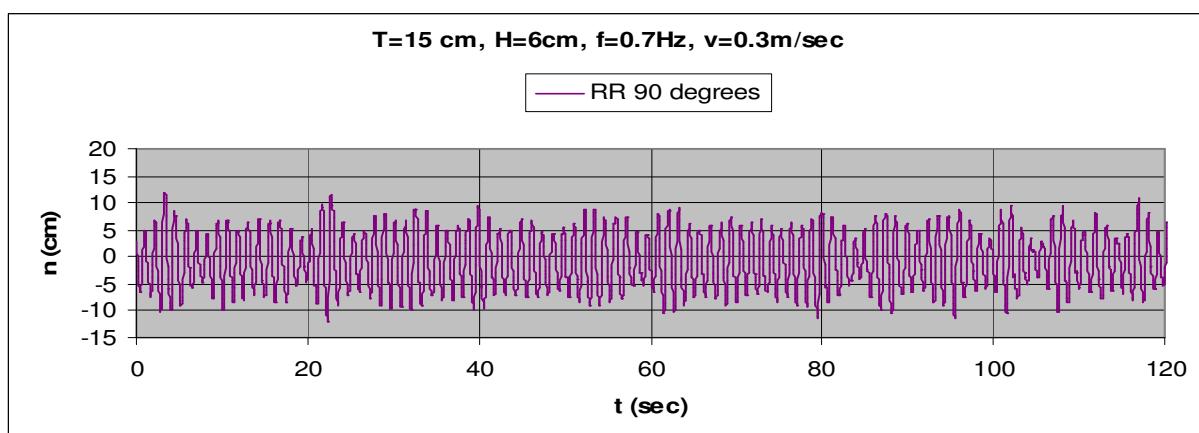
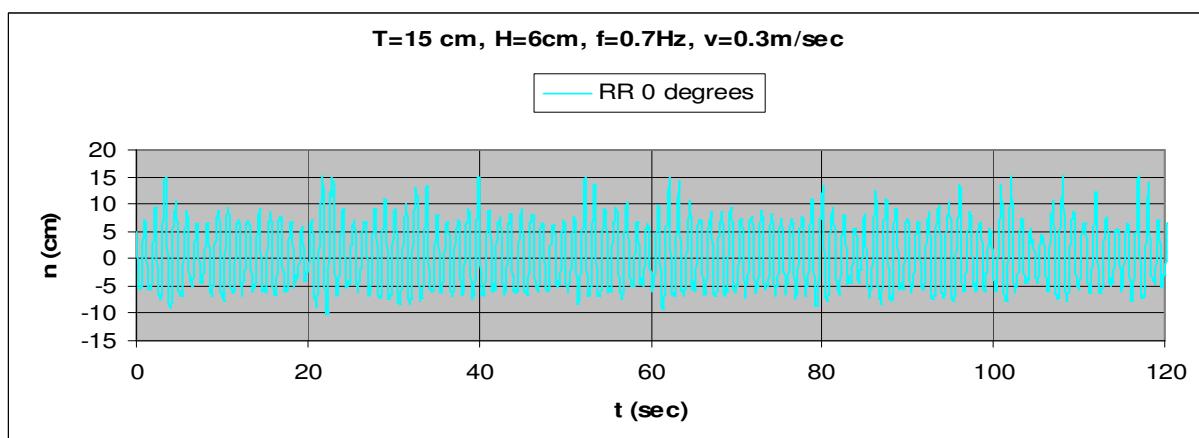
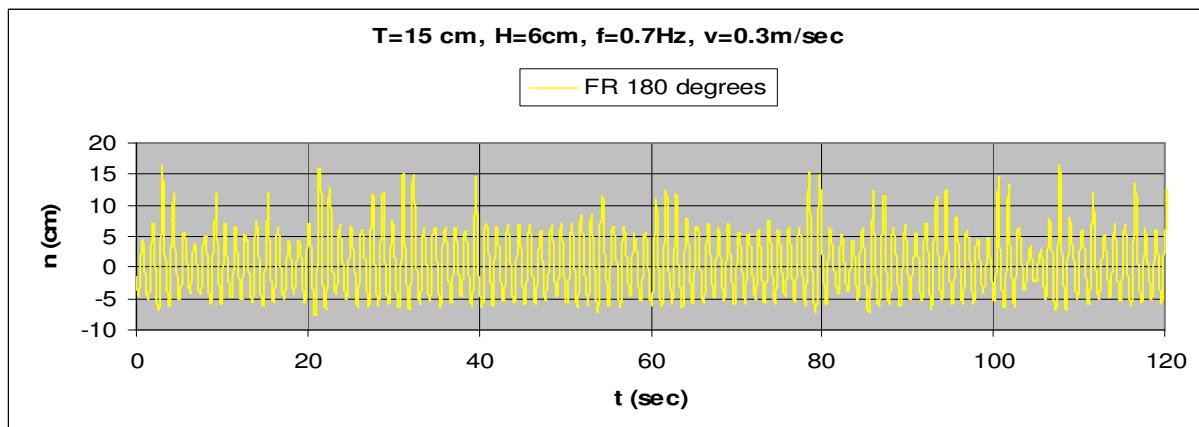
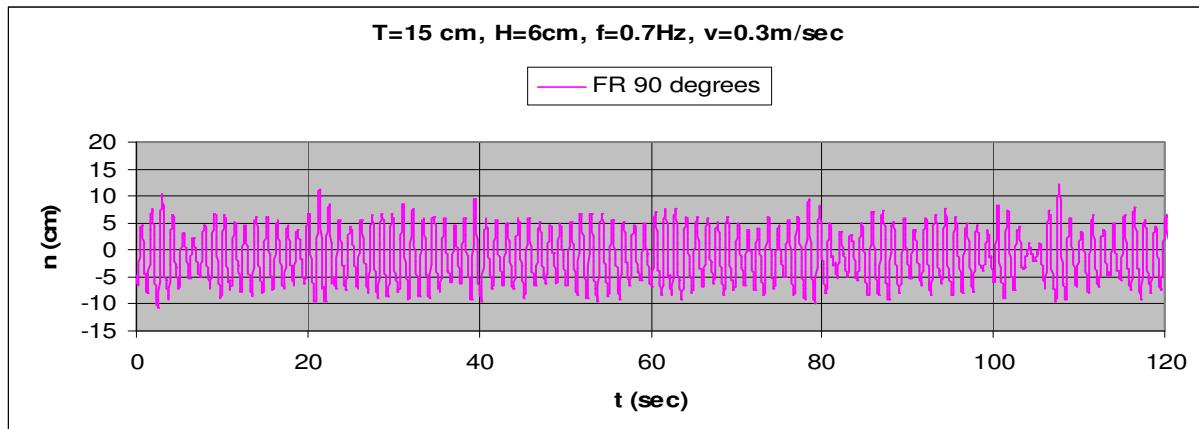
**3.1.2.33       $T=15\text{cm}$ ,  $h=6\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.7\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**



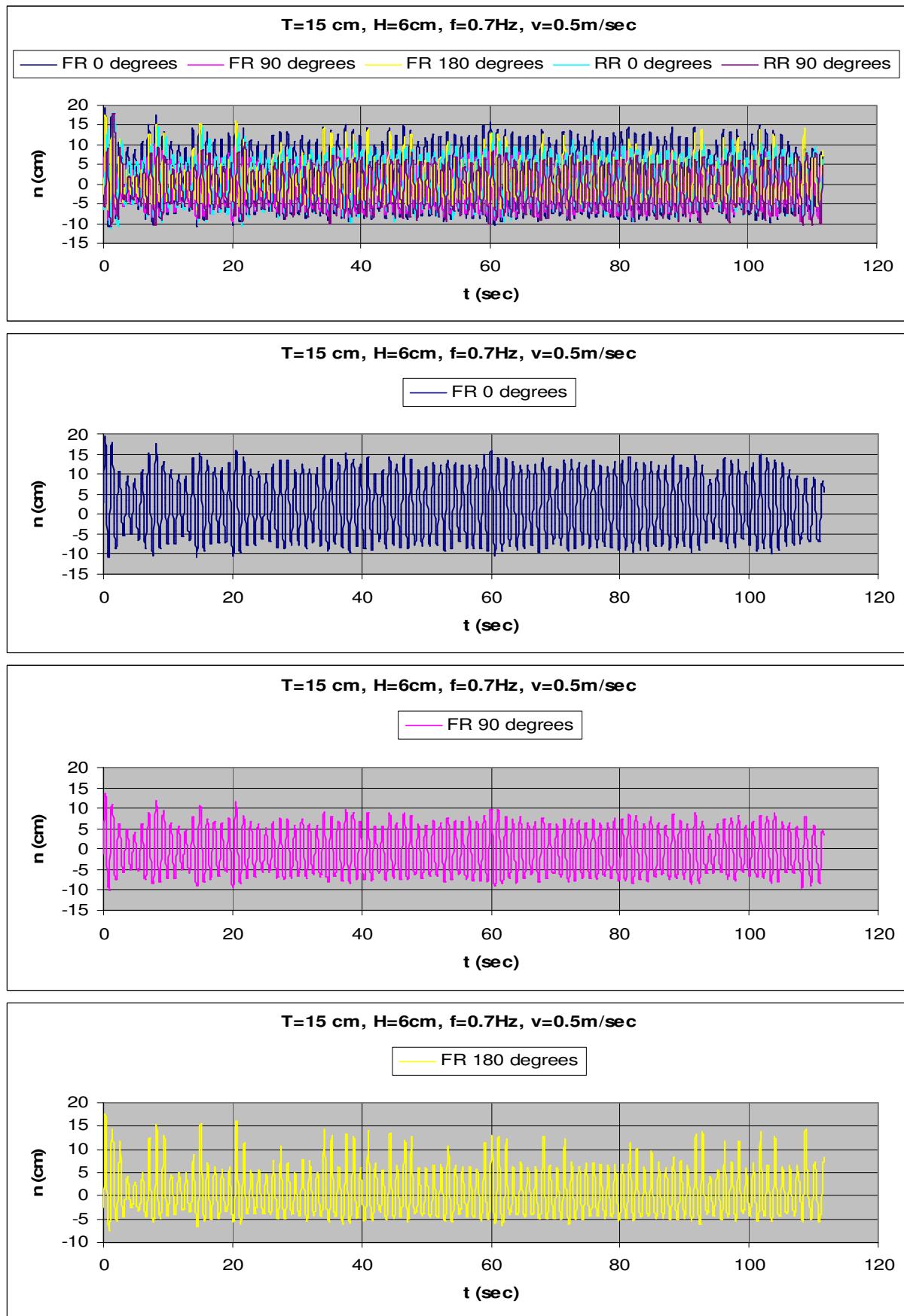


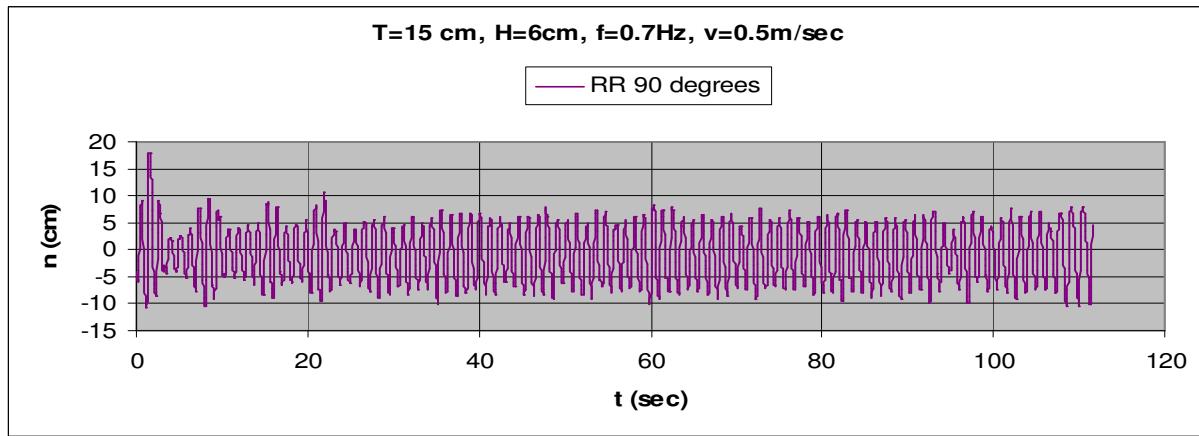
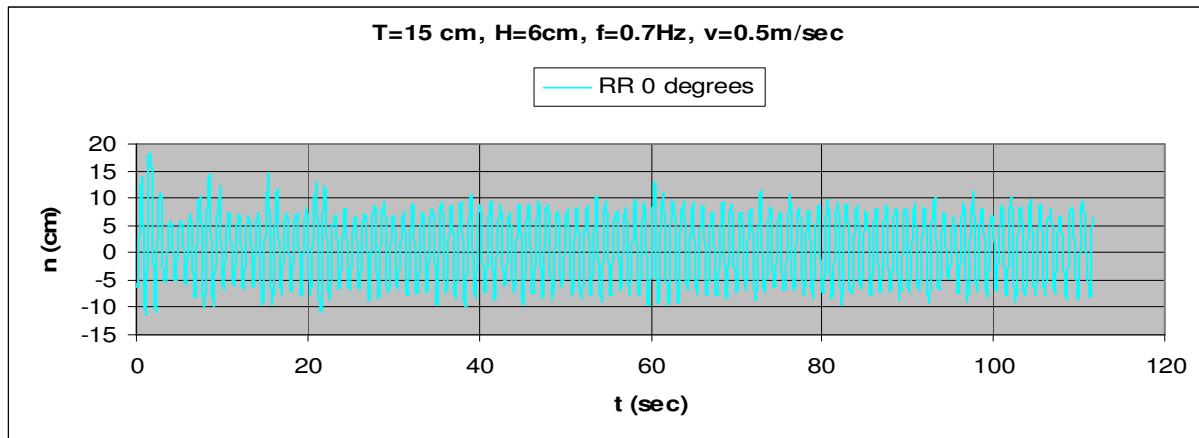
### 3.1.2.34      T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz , Fn=0.167, ω=4.398rad/sec



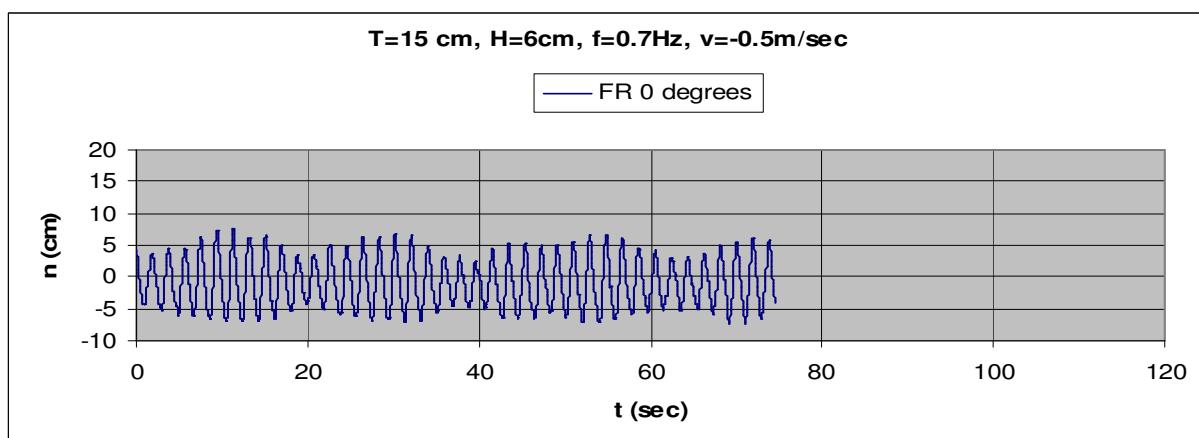
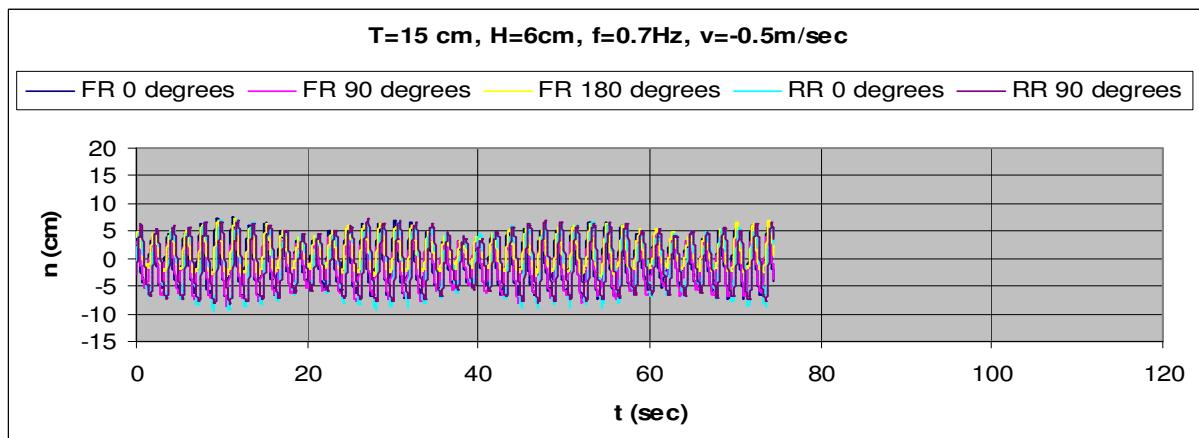


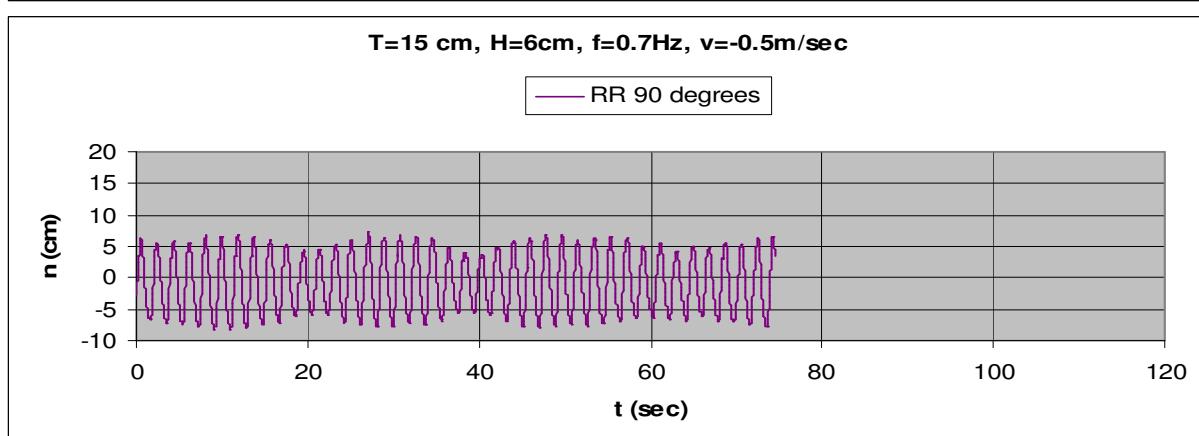
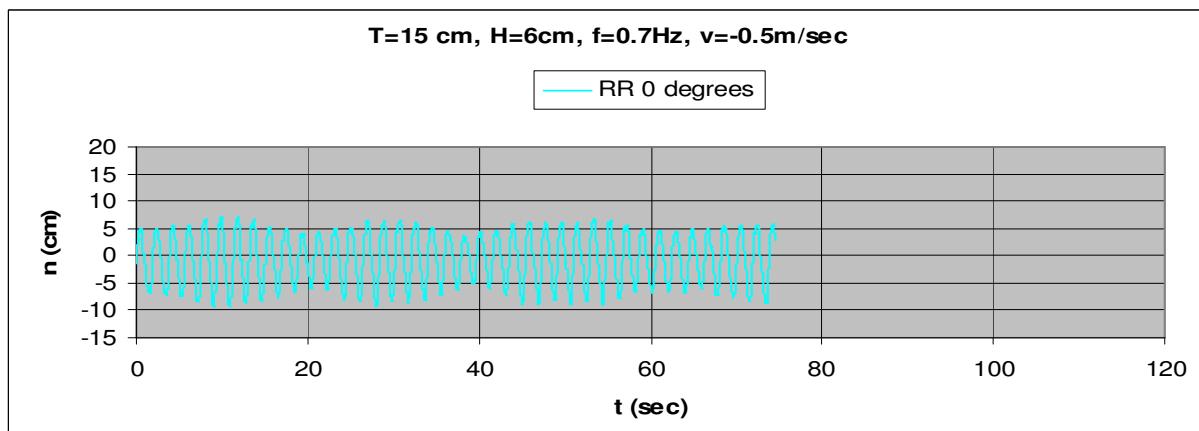
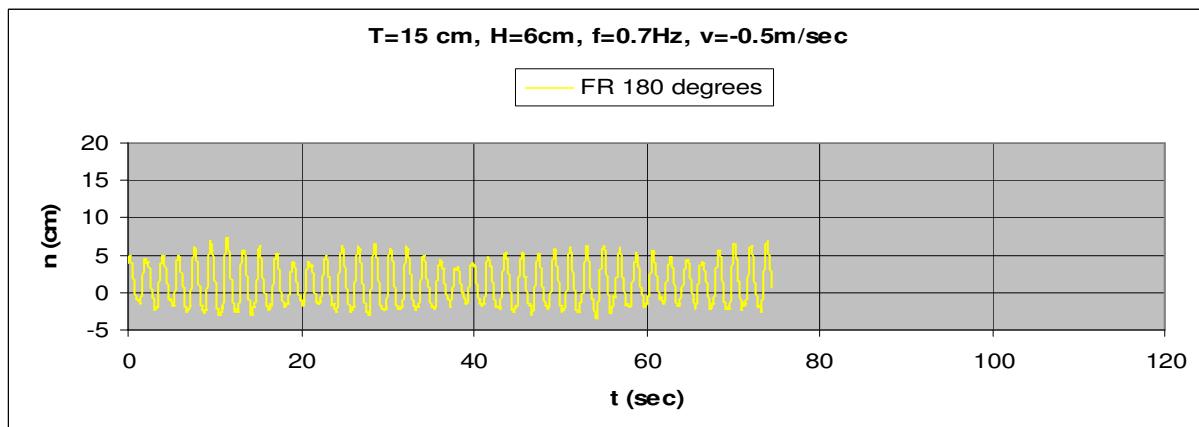
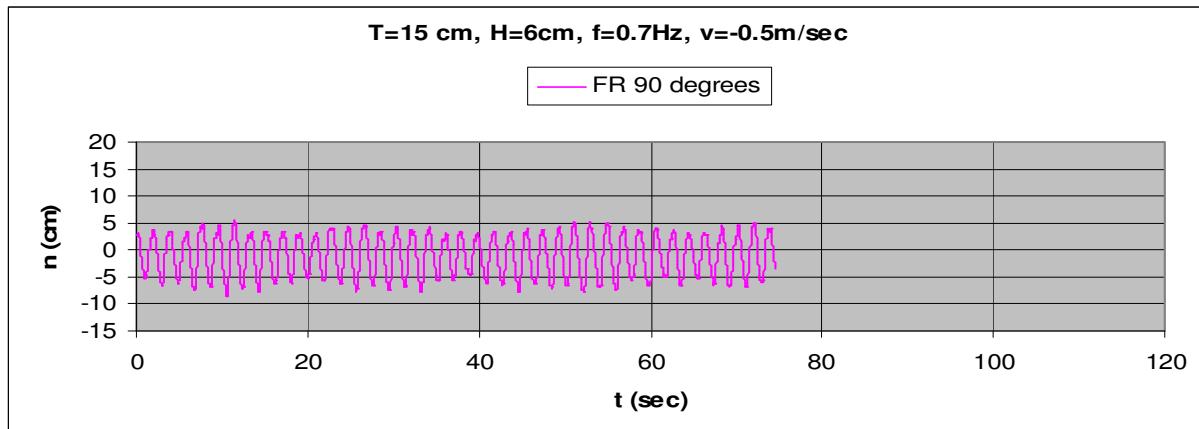
**3.1.2.35       $T=15\text{cm}$ ,  $h=6\text{cm}$ ,  $v=0.5\text{m/s}$ ,  $f=0.7\text{Hz}$ ,  $F_n=0.278$ ,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**



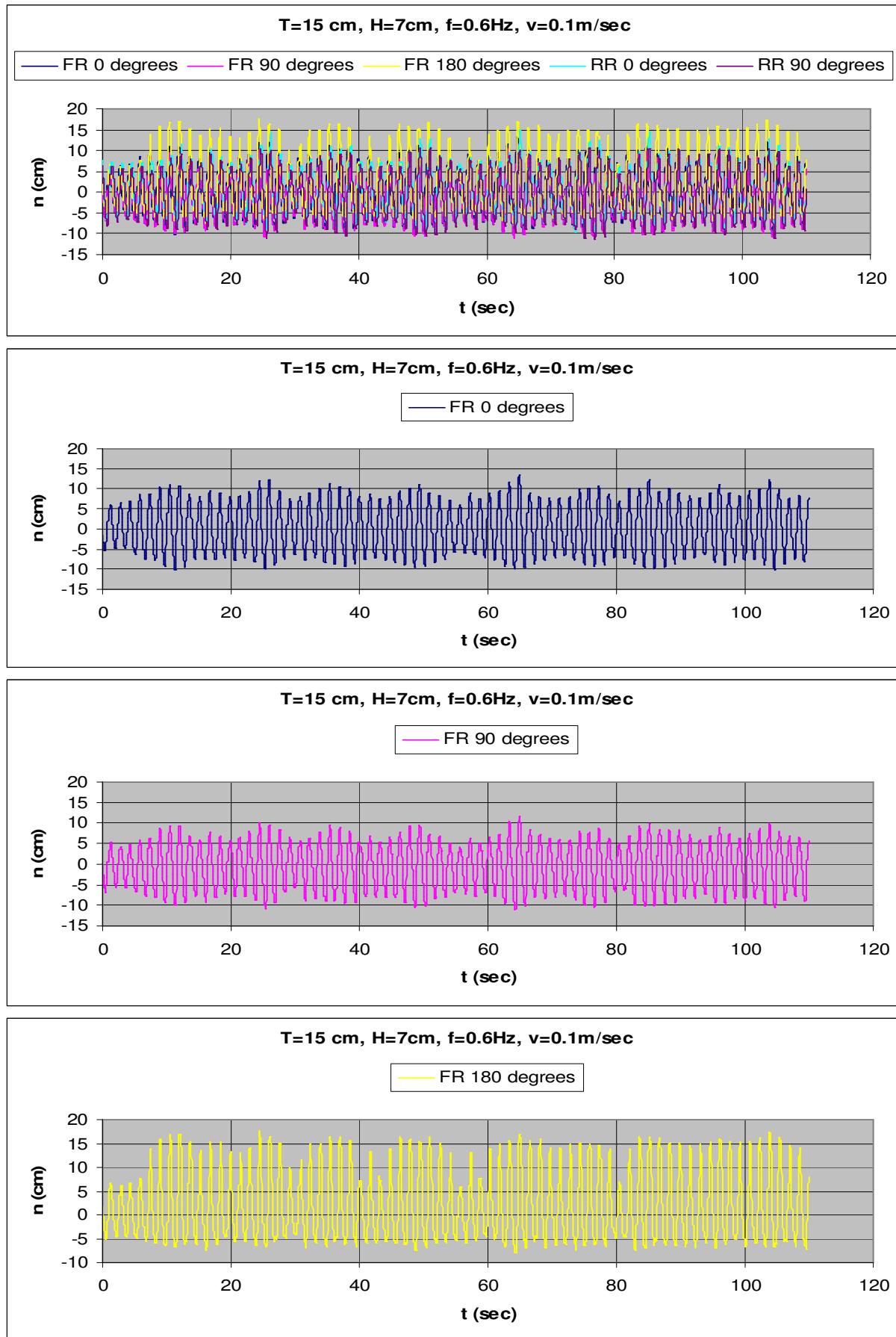


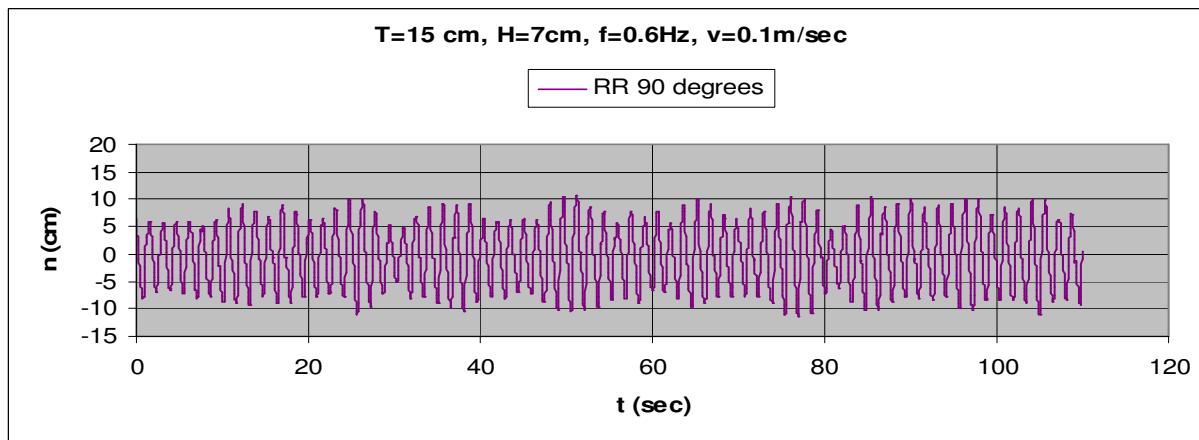
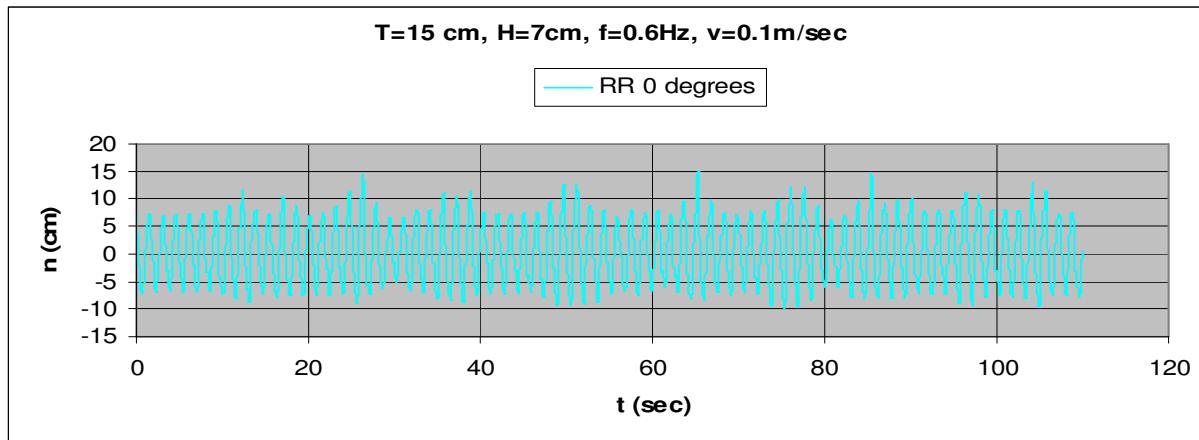
### 3.1.2.36      T=15cm, h=6cm, v=-0.5m/s, f=0.7Hz, Fn=0.278, $\omega=4.398\text{rad/sec}$



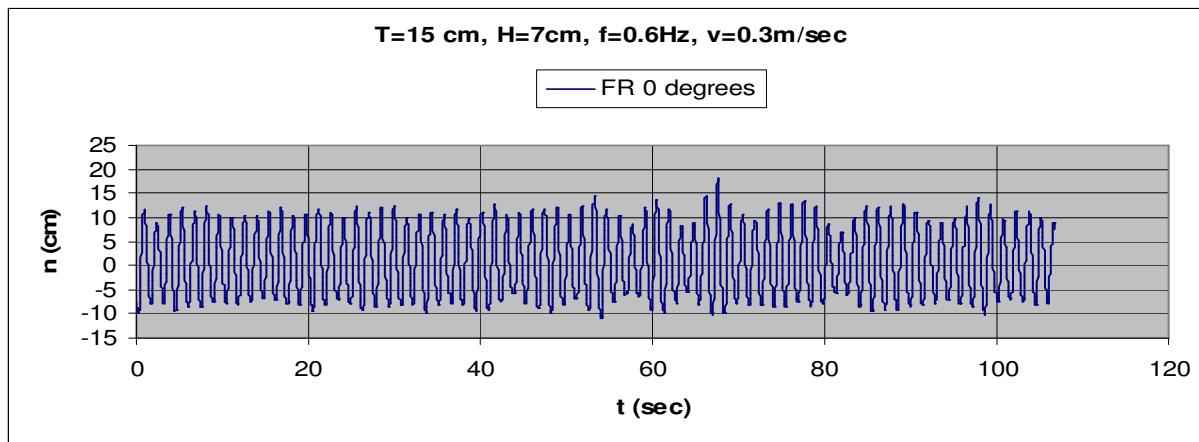
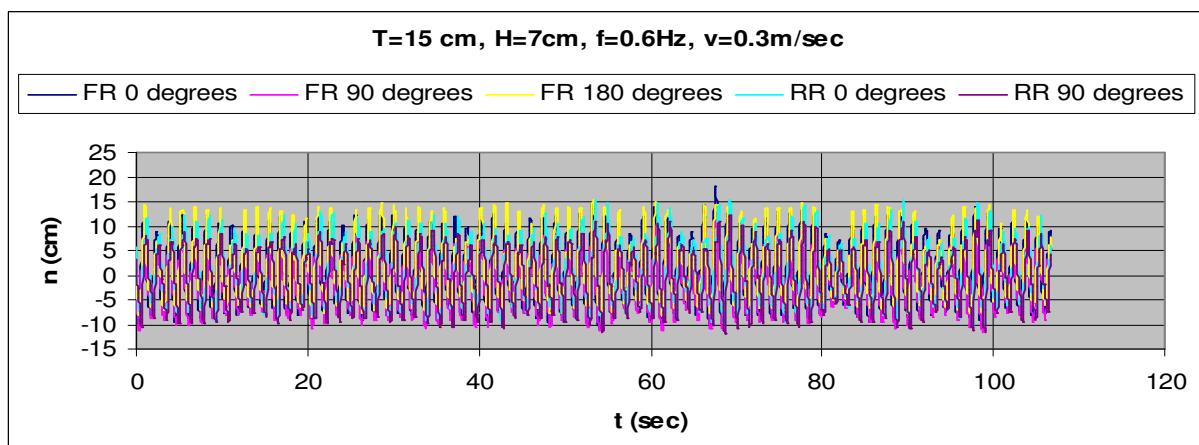


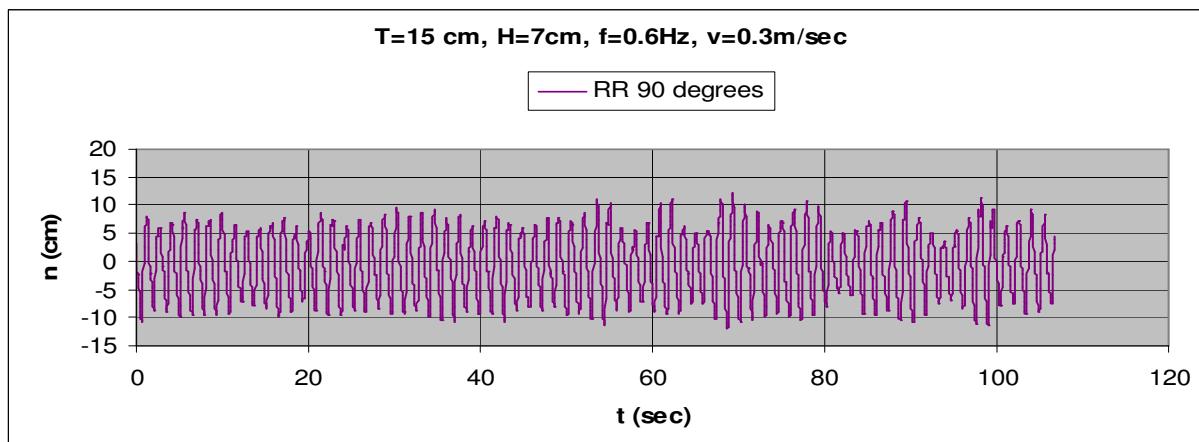
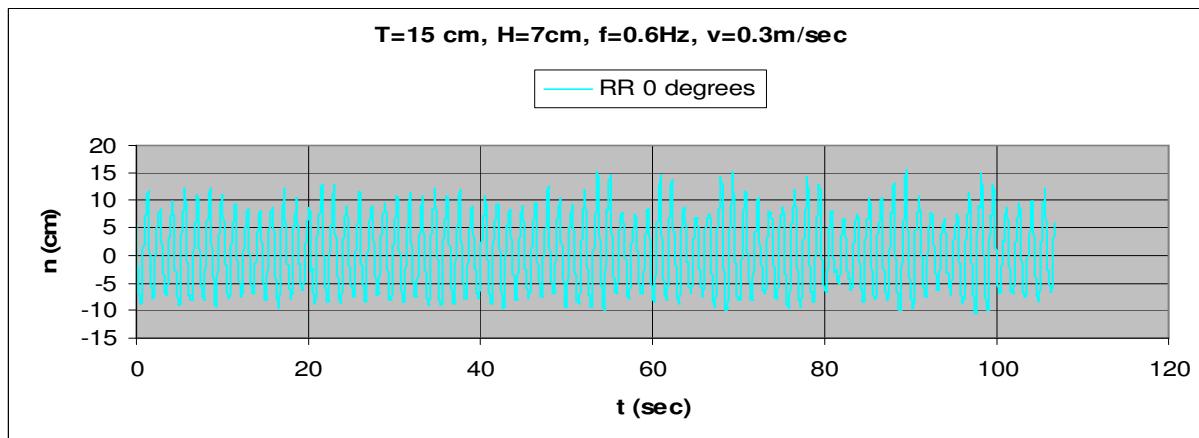
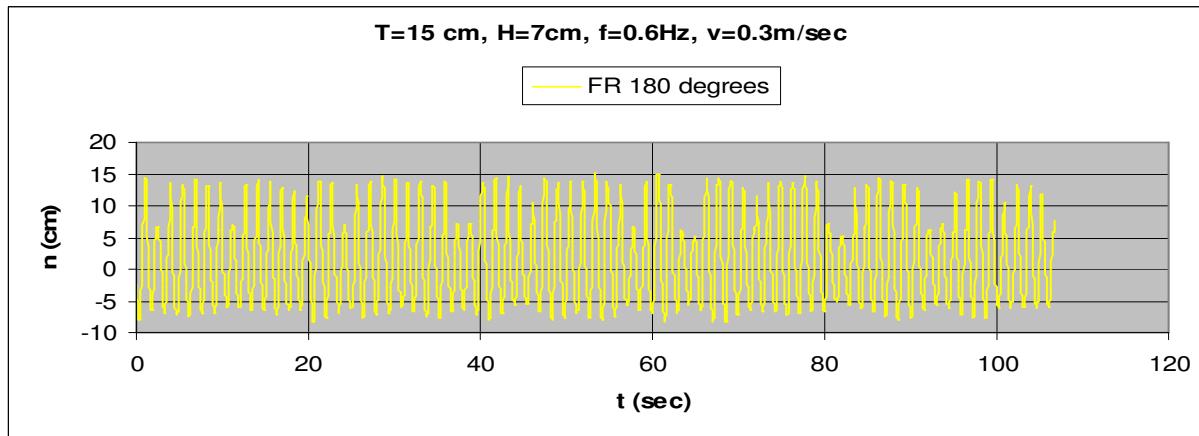
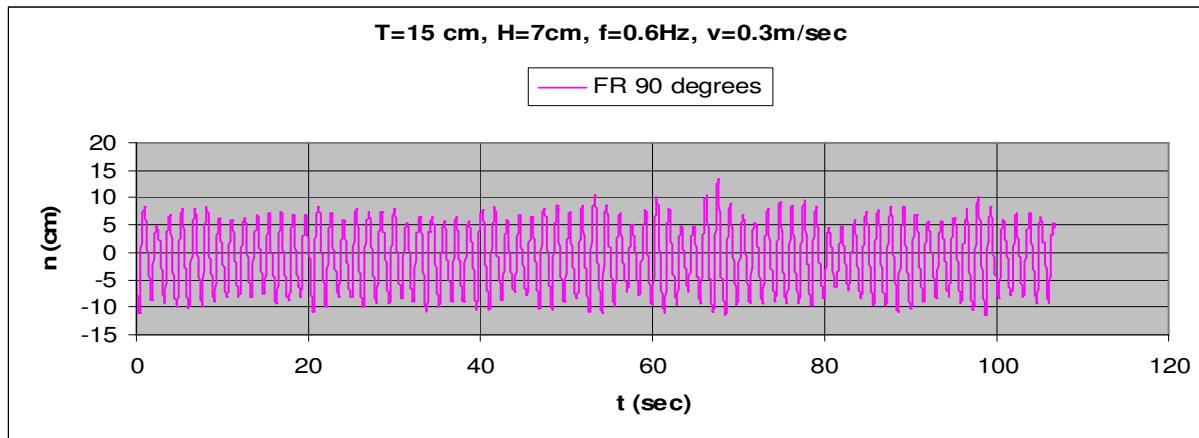
**3.1.2.37       $T=15\text{cm}$ ,  $h=7\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.6\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=3.770\text{rad/sec}$**



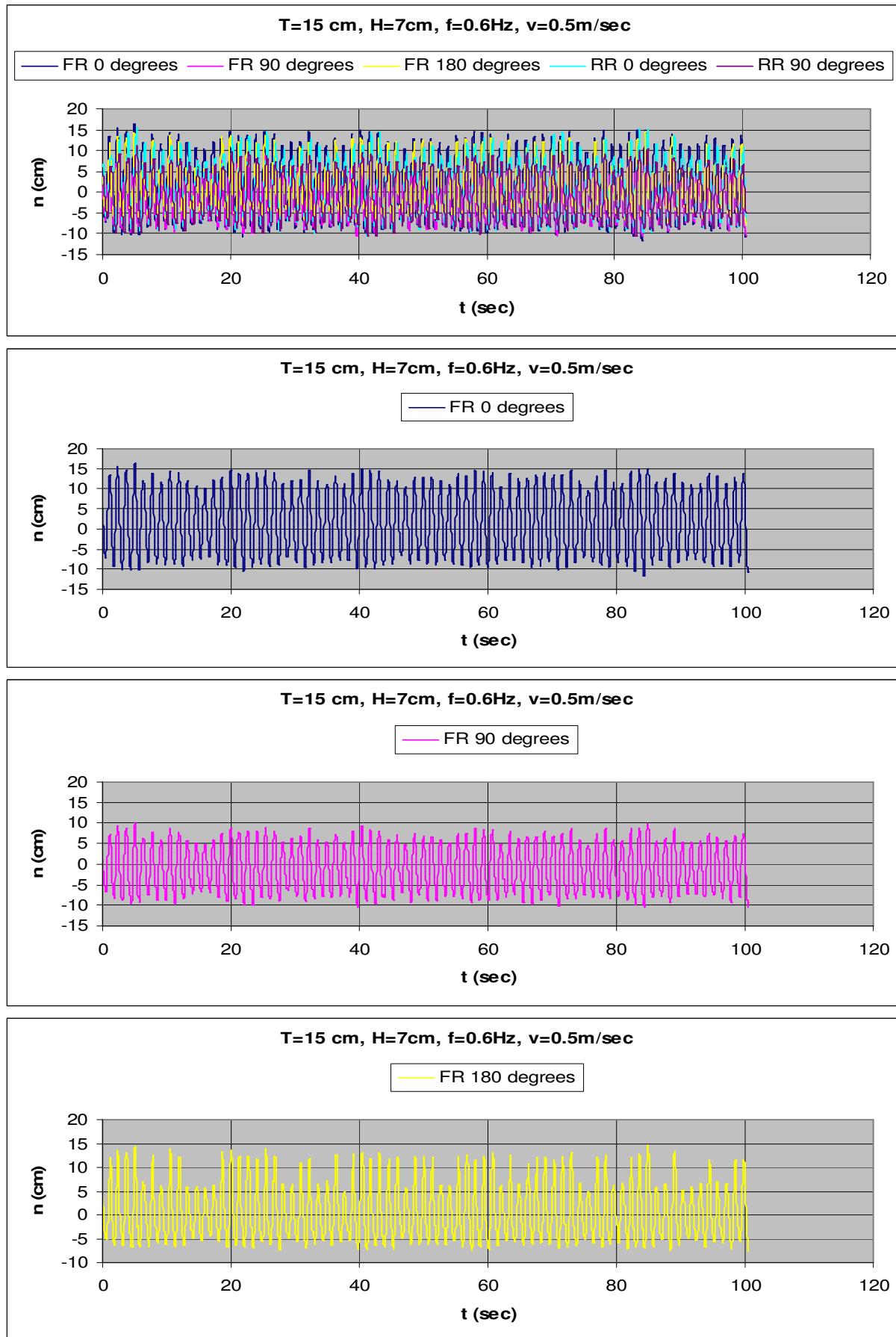


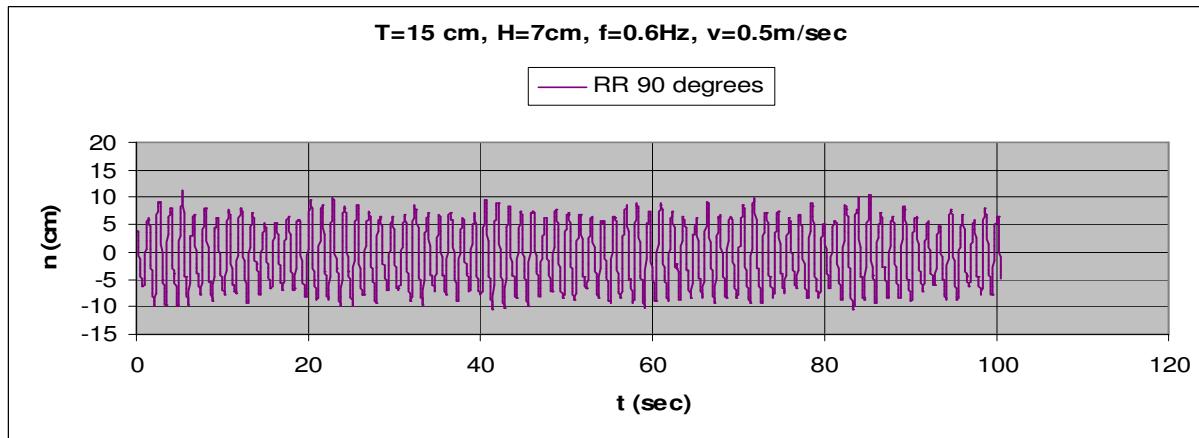
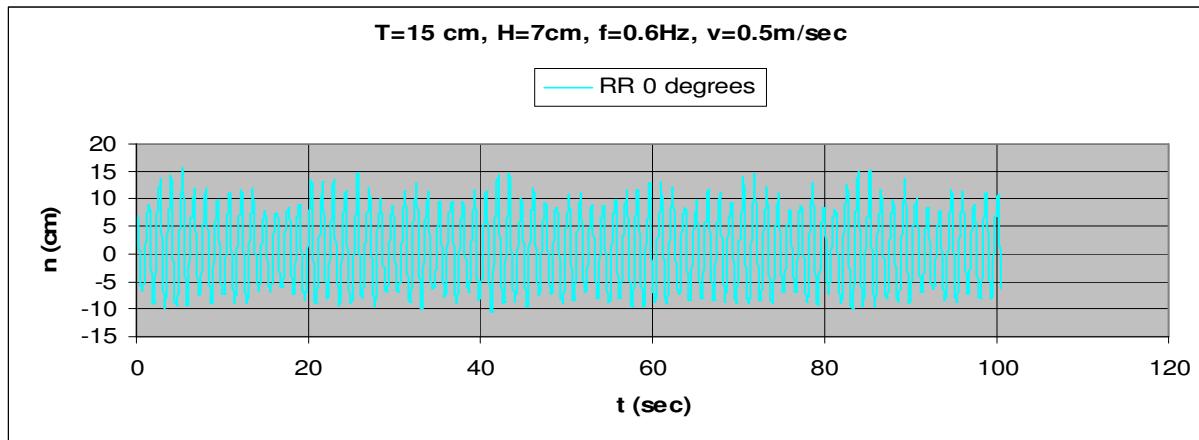
### 3.1.2.38      T=15cm, h=7cm, v=0.3m/s, f=0.6Hz , Fn=0.167, $\omega=3.770\text{rad/sec}$



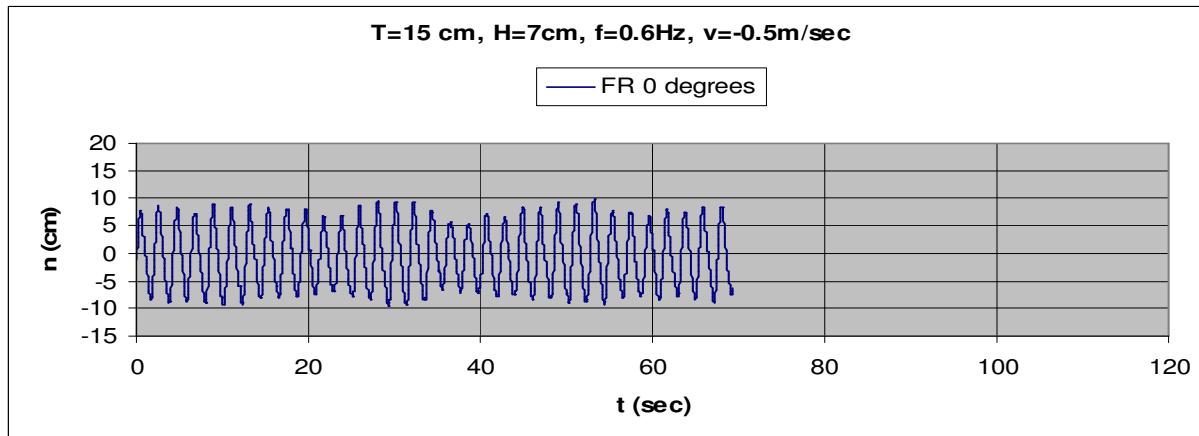
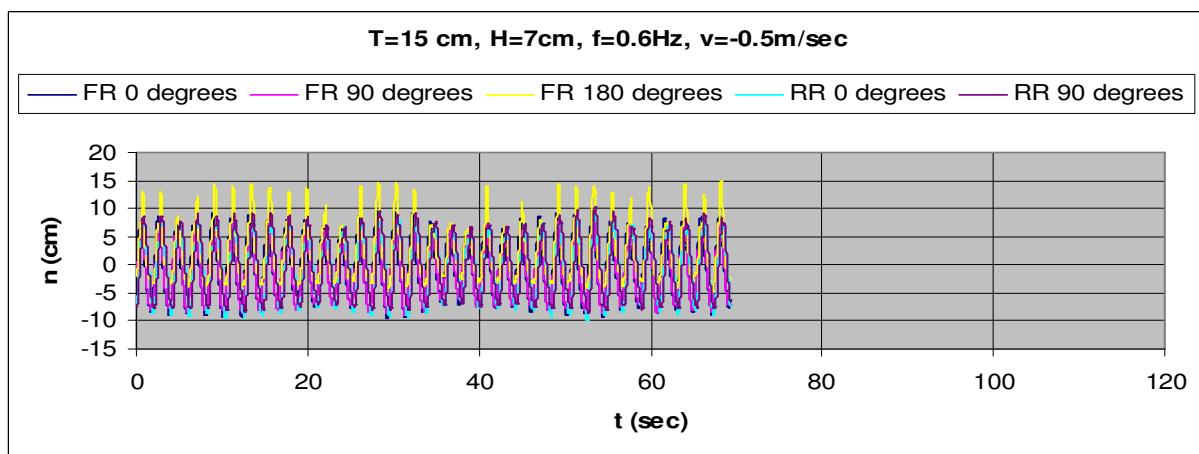


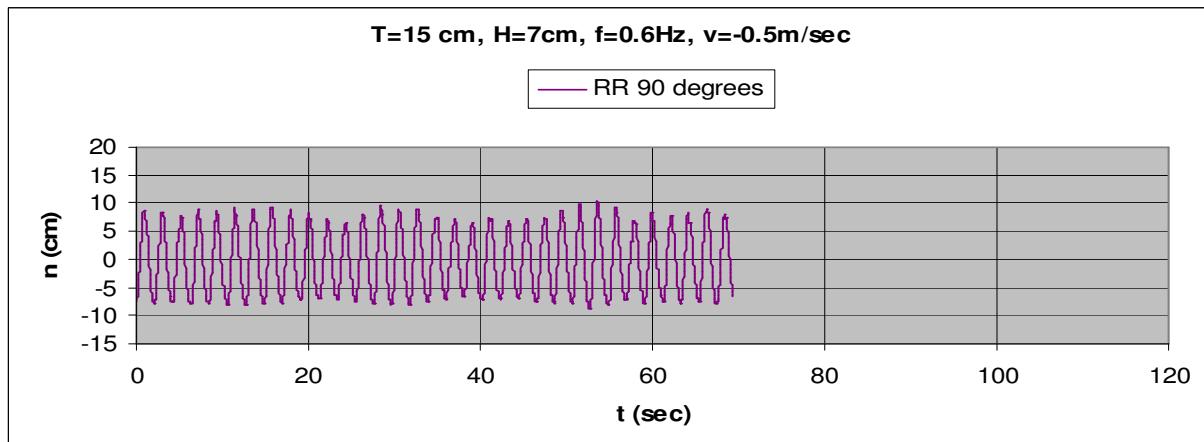
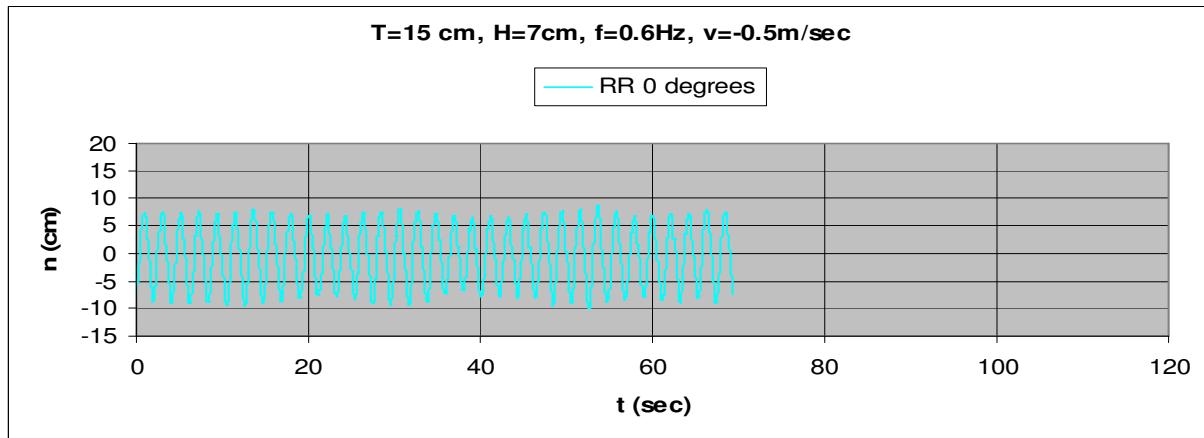
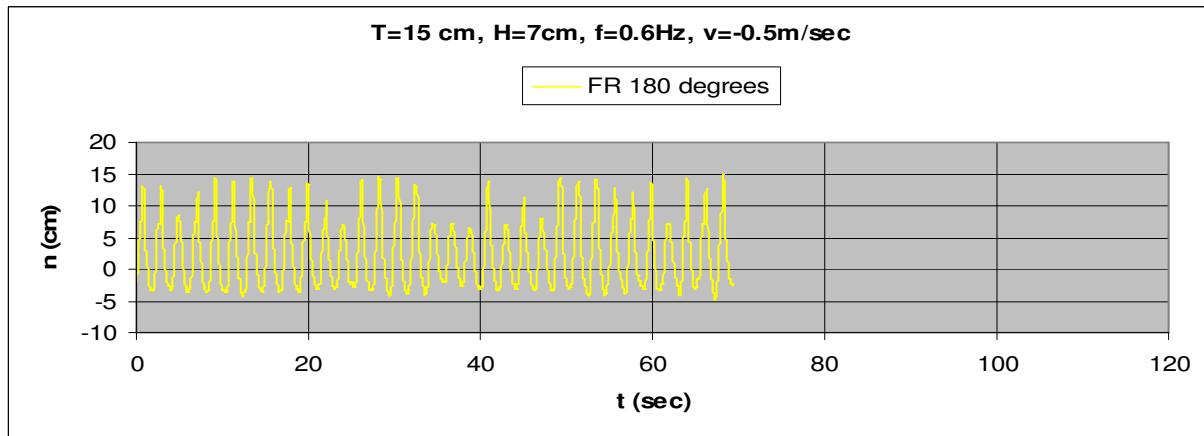
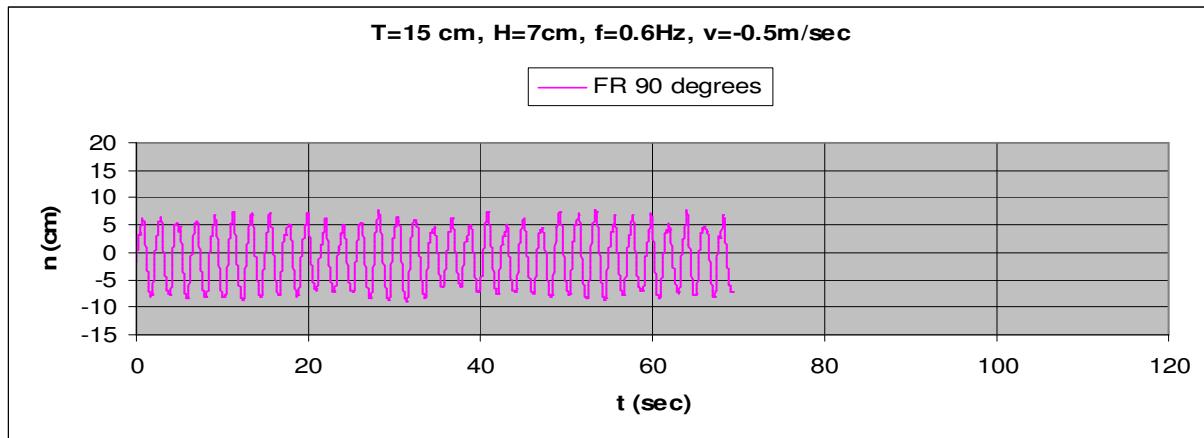
**3.1.2.39       $T=15\text{cm}$ ,  $h=7\text{cm}$ ,  $v=0.5\text{m/s}$ ,  $f=0.6\text{Hz}$ ,  $F_n=0.278$ ,  $\omega=3.770\text{rad/sec}$**



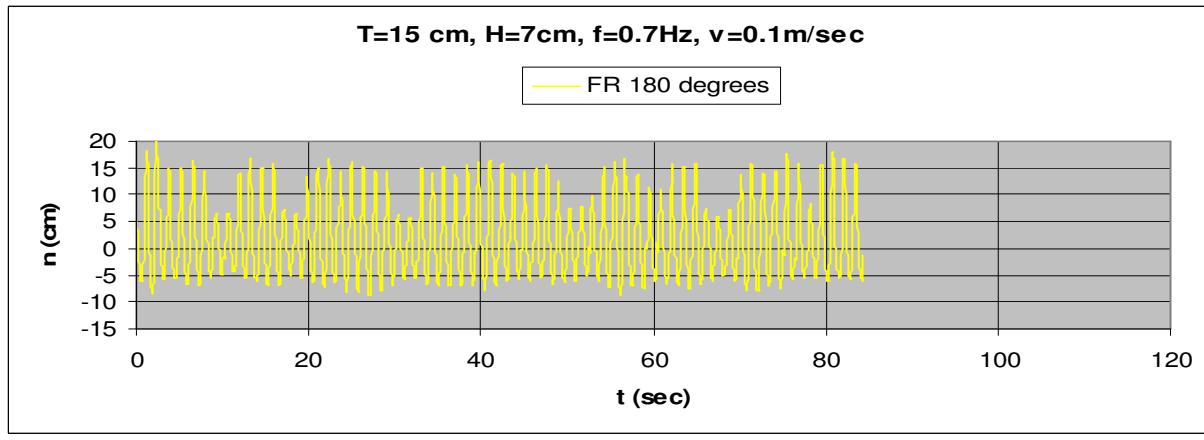
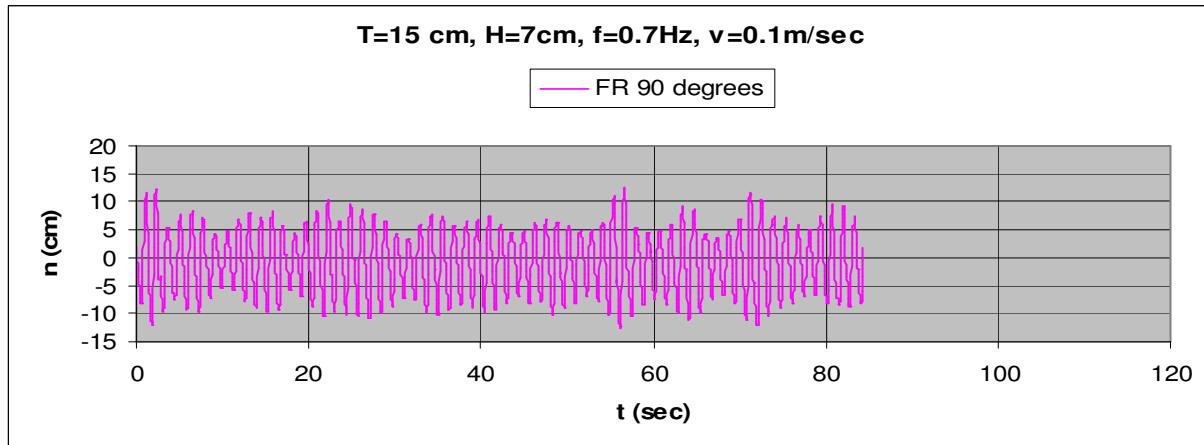
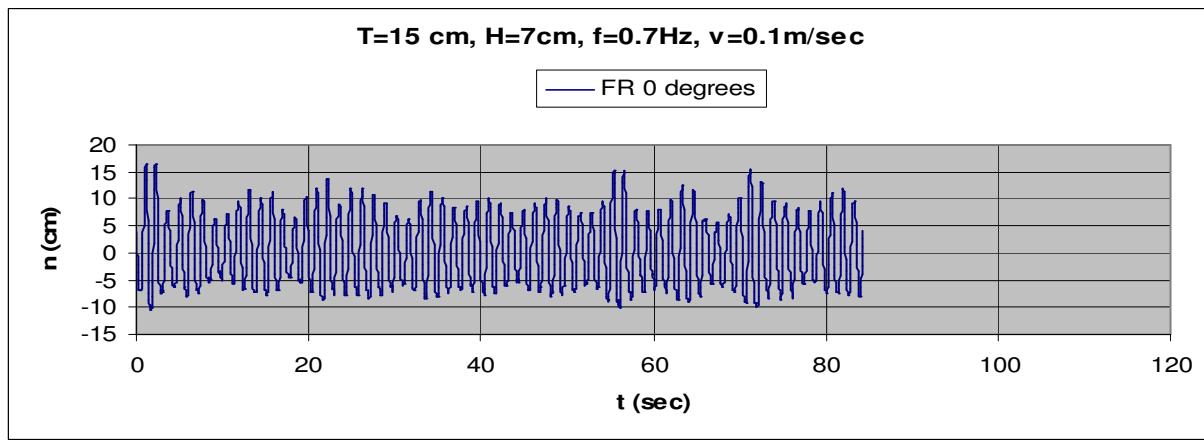
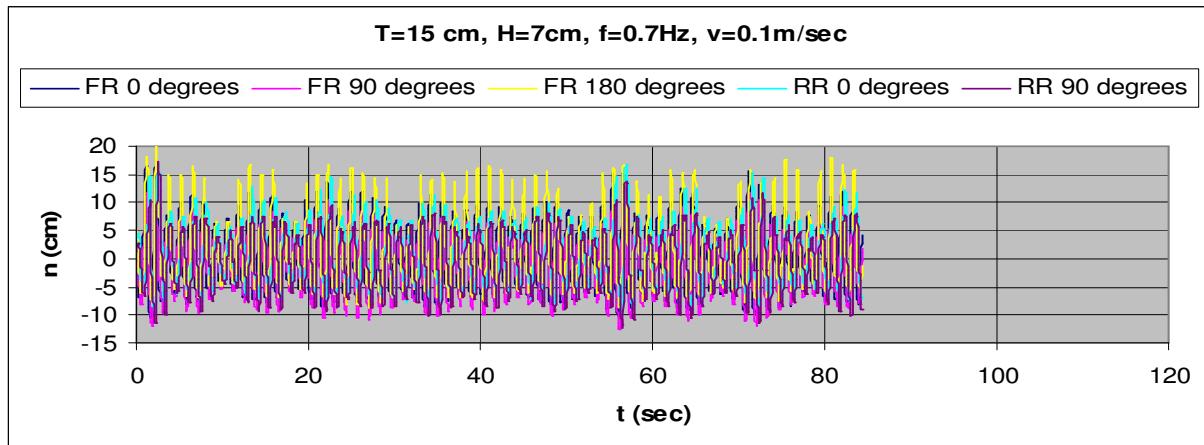


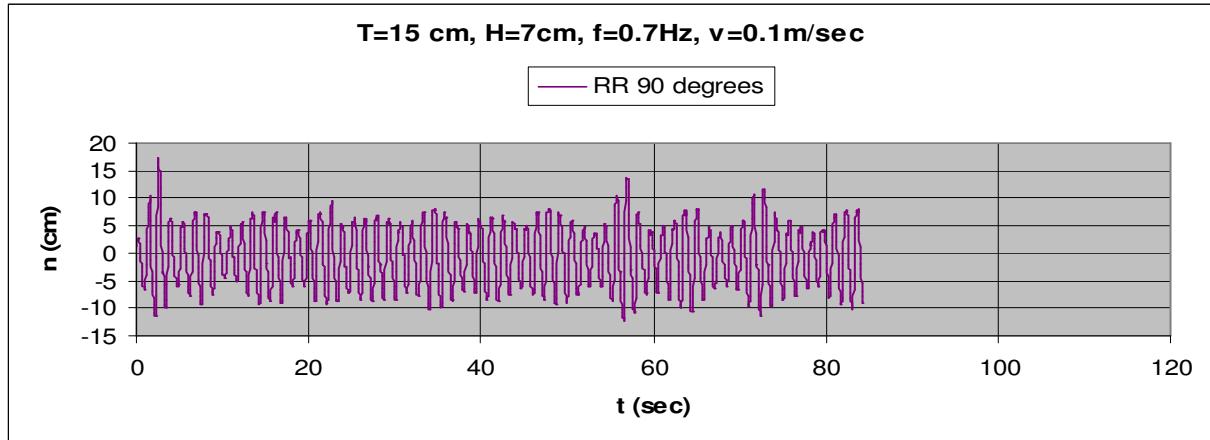
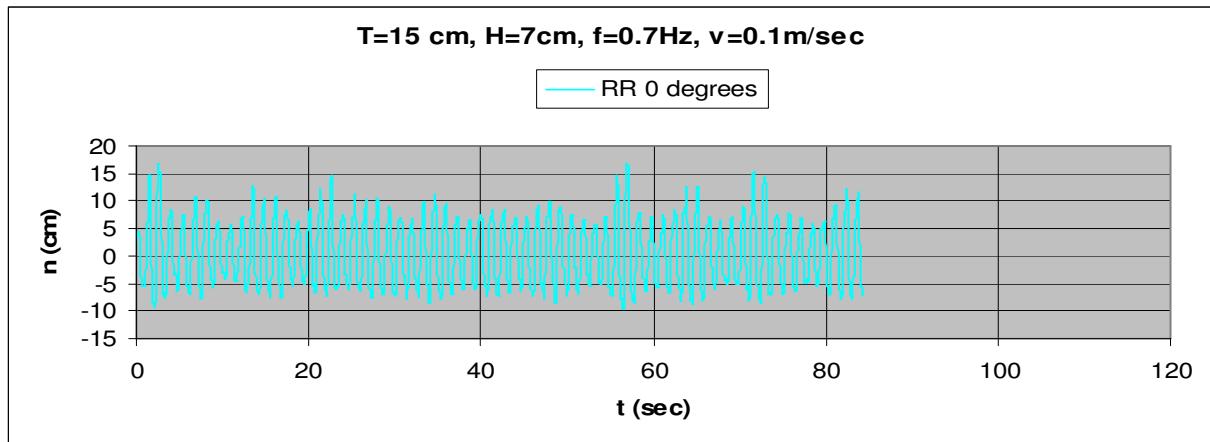
### 3.1.2.40      T=15cm, h=6cm, v=-0.5m/s, f=0.7Hz, Fn=0.278, ω=3.770rad/sec



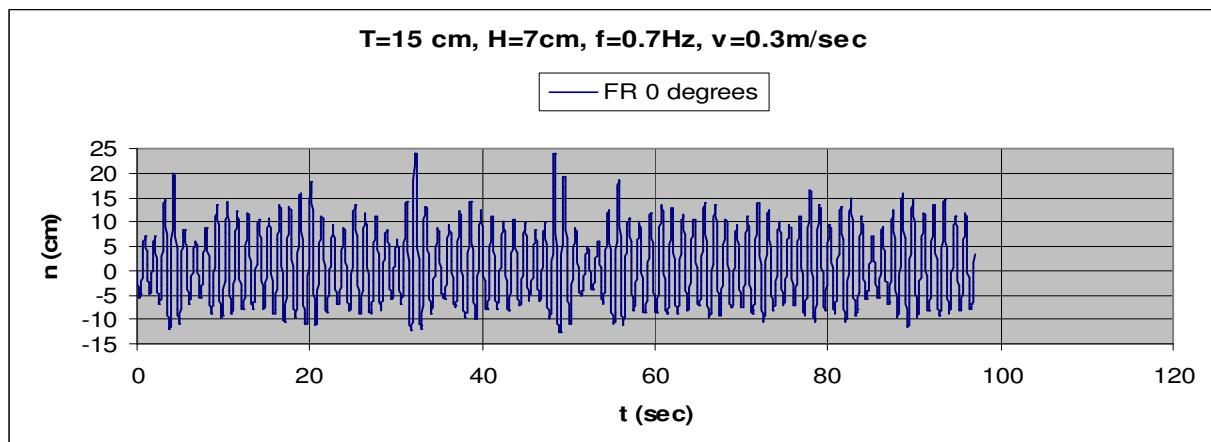
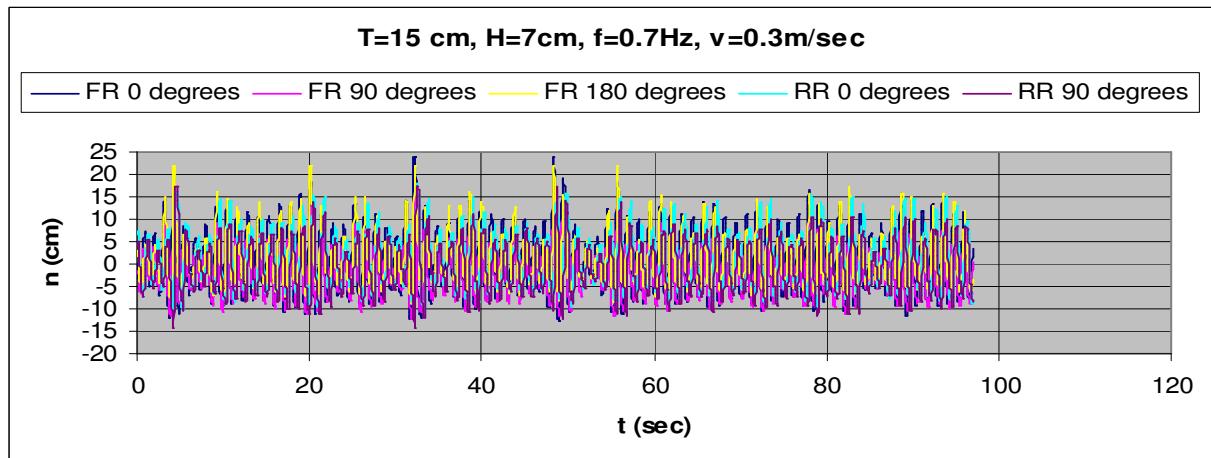


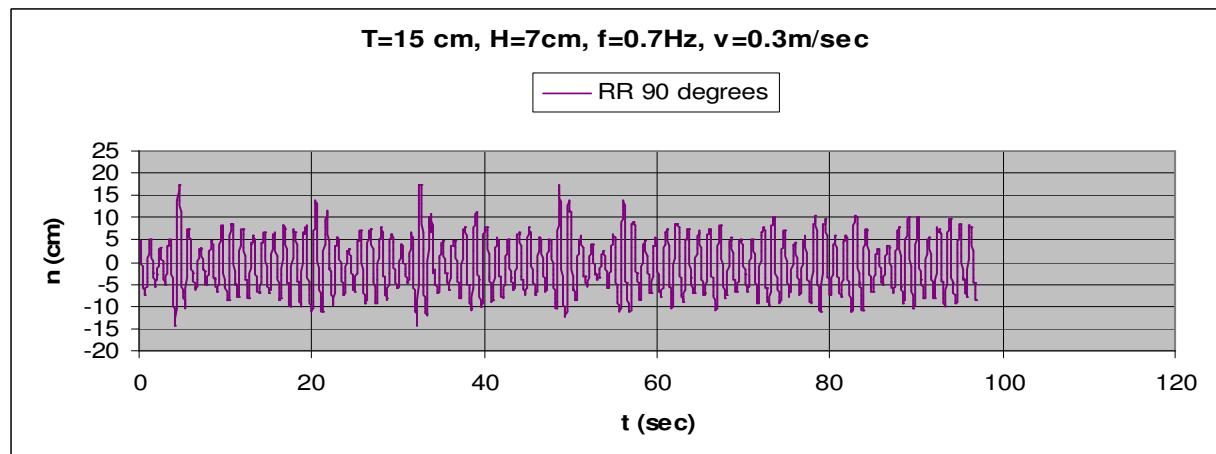
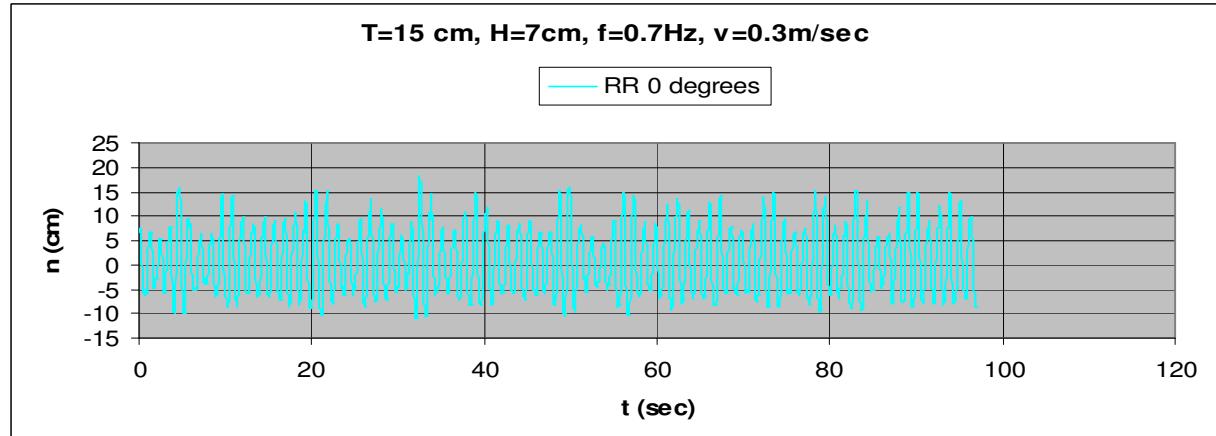
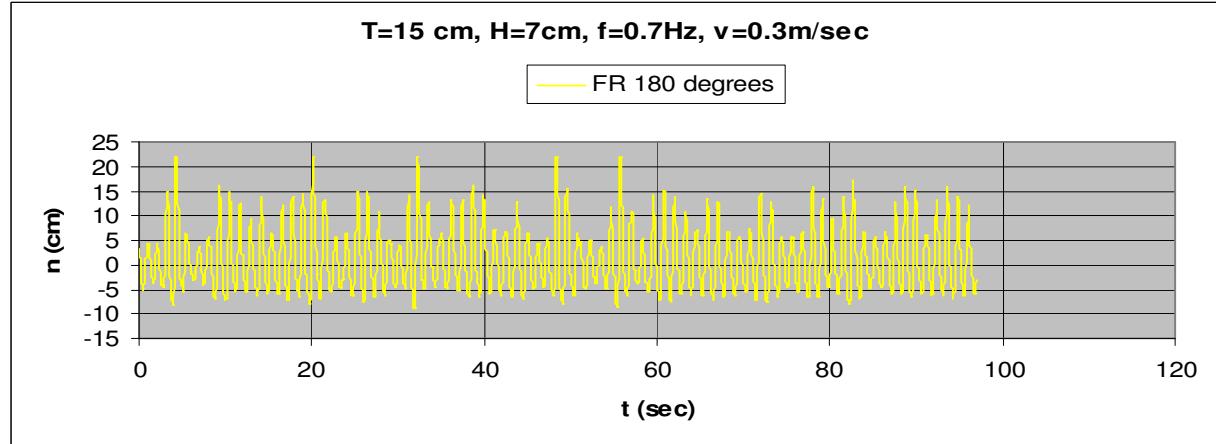
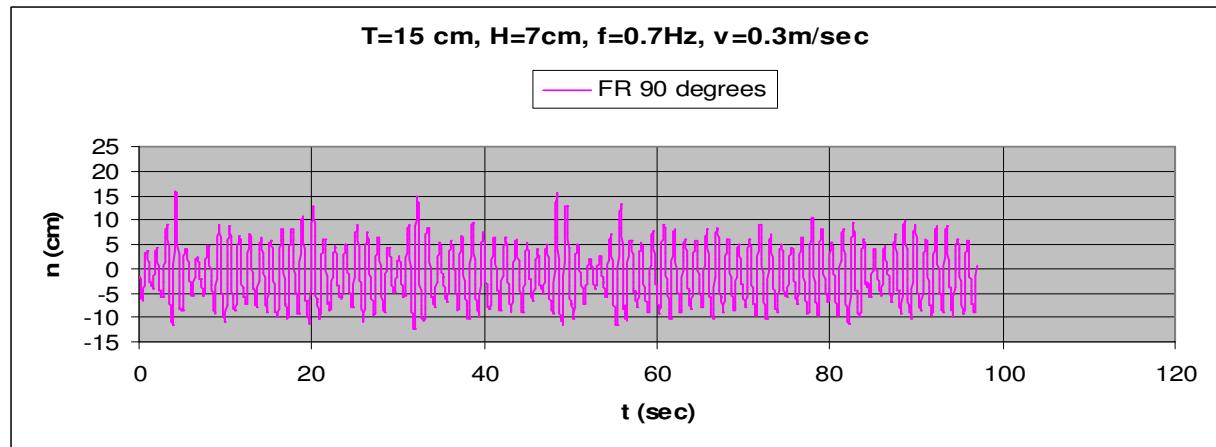
**3.1.2.41 T=15cm, h=7cm, v=0.1m/s, f=0.7Hz, Fn=0.056,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**



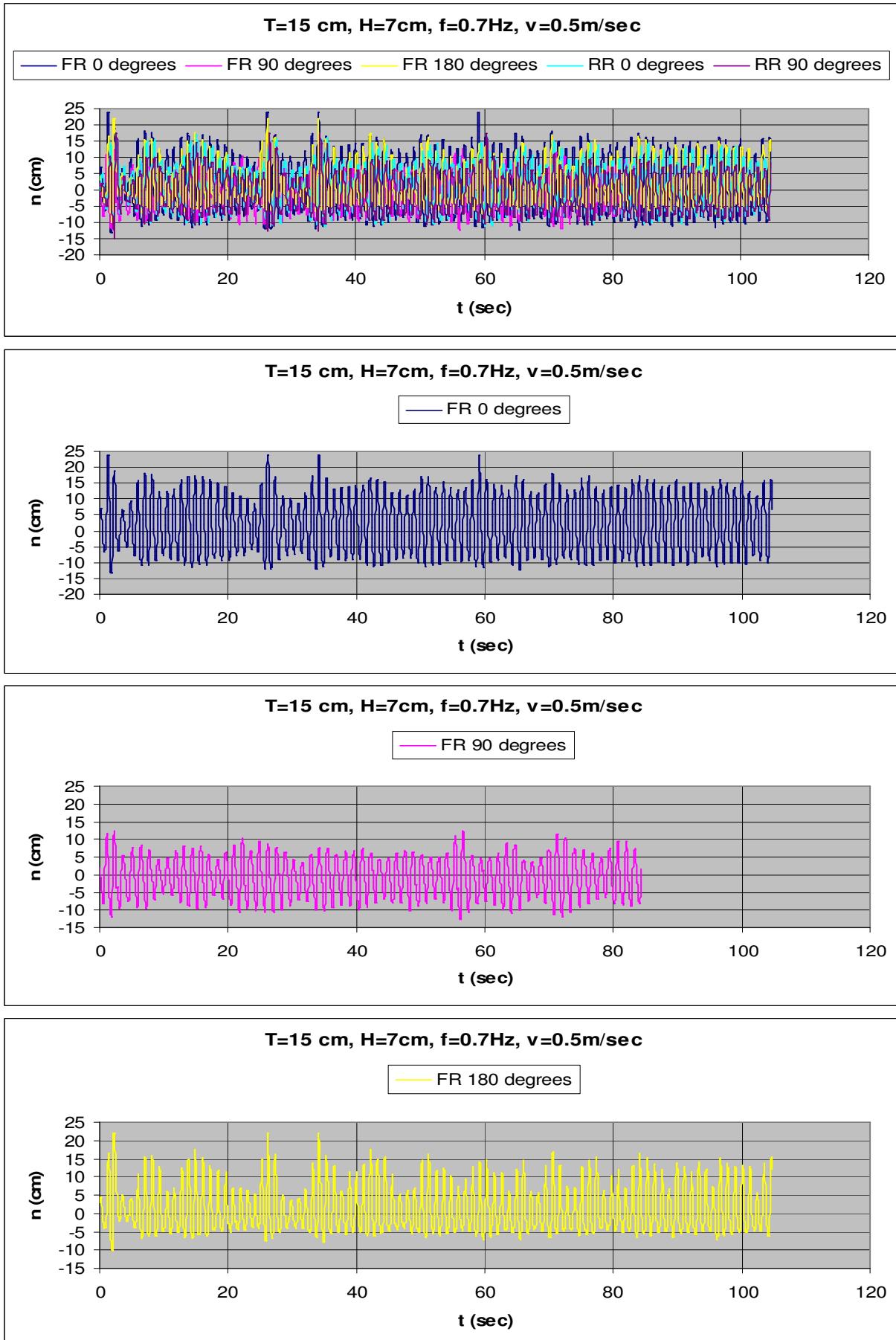


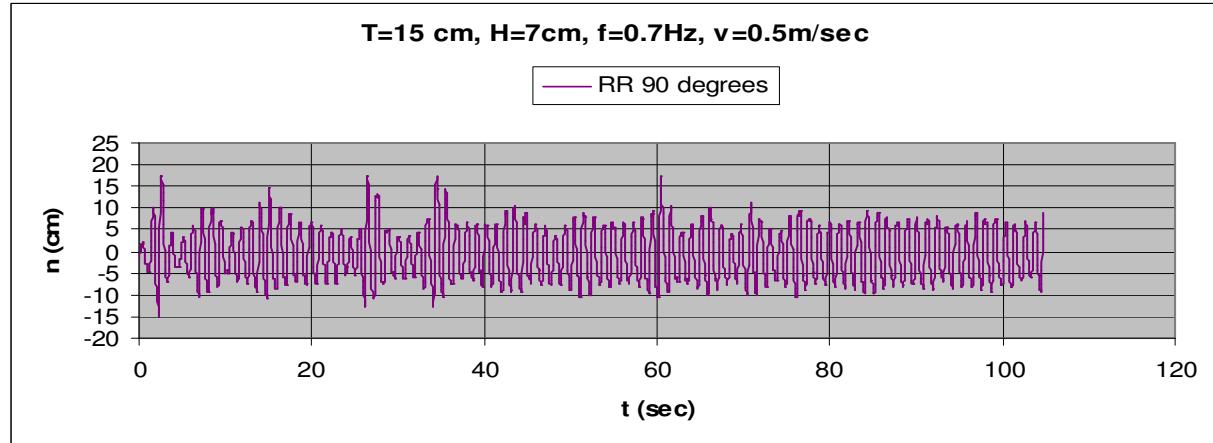
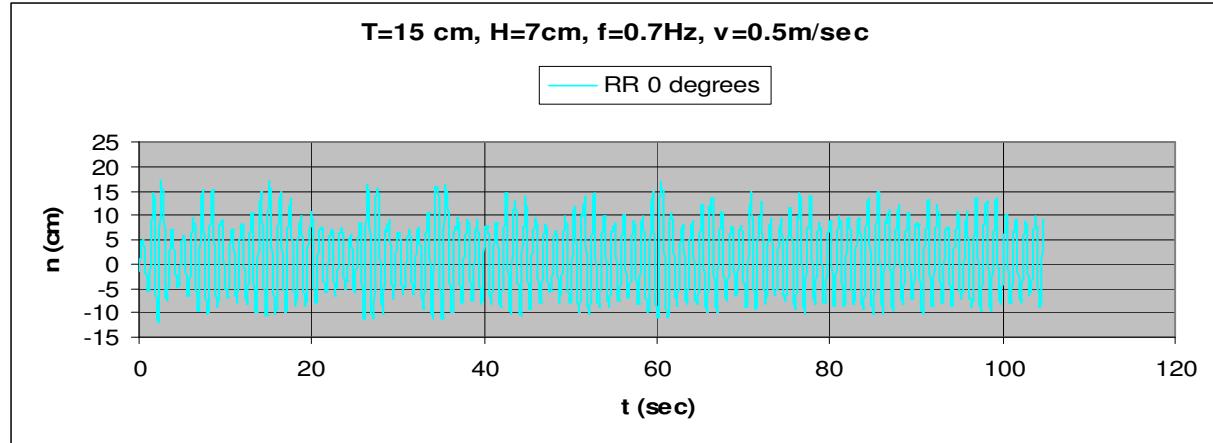
### 3.1.2.42      $T=15\text{cm}$ , $h=7\text{cm}$ , $v=0.3\text{m/s}$ , $f=0.7\text{Hz}$ , $F_n=0.167$ , $\omega=4.398\text{rad/sec}$



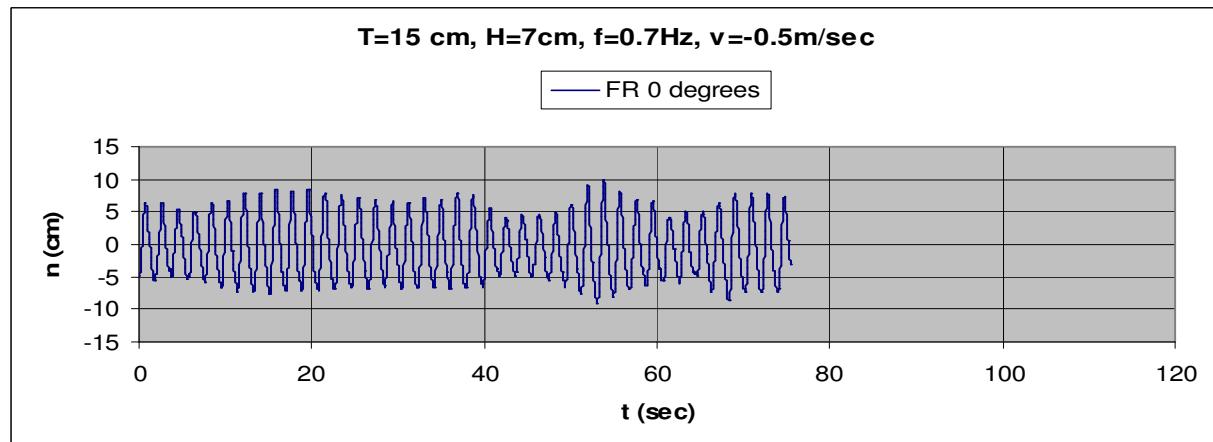
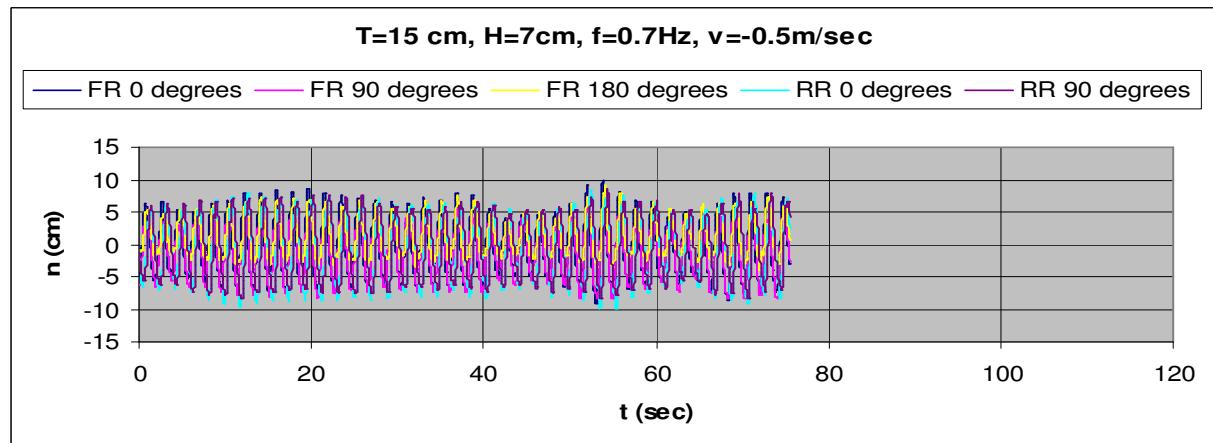


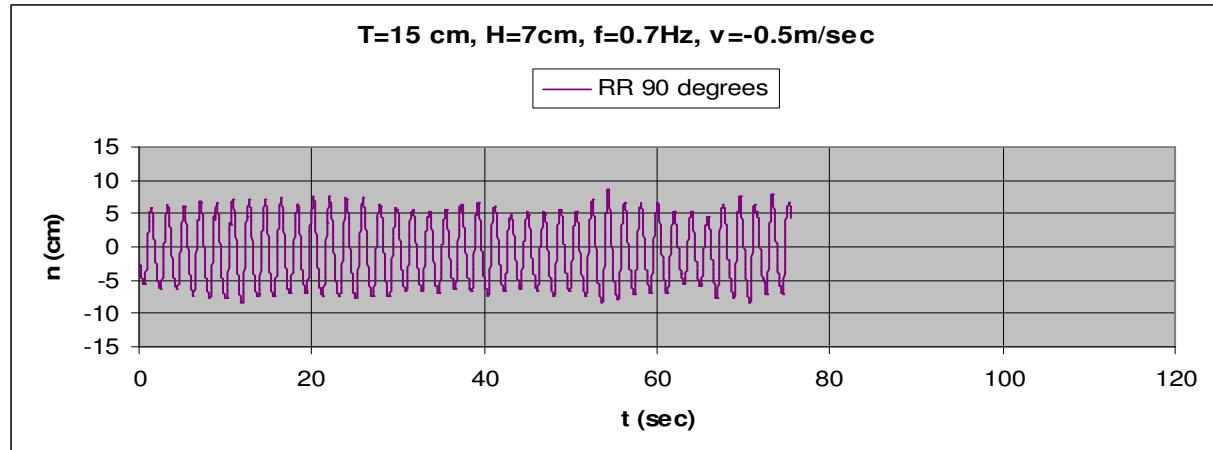
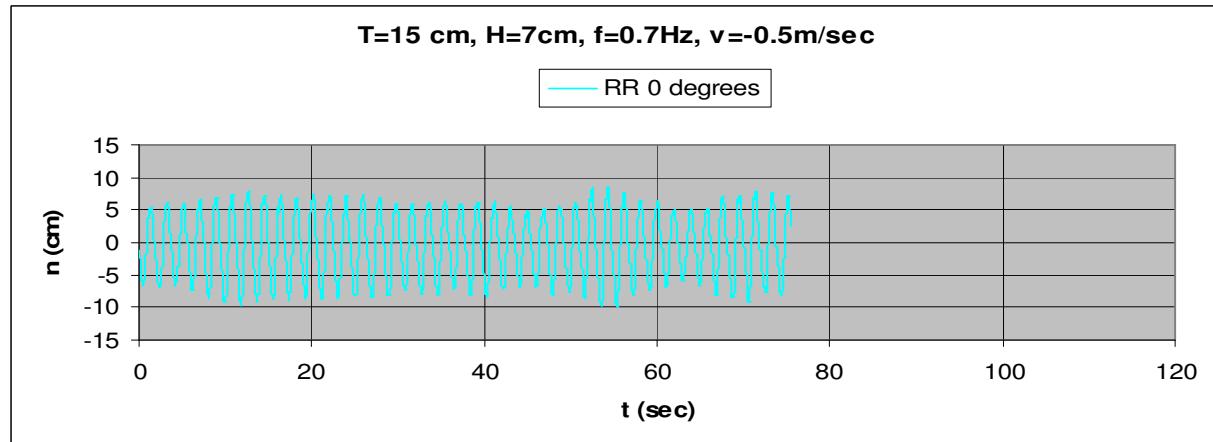
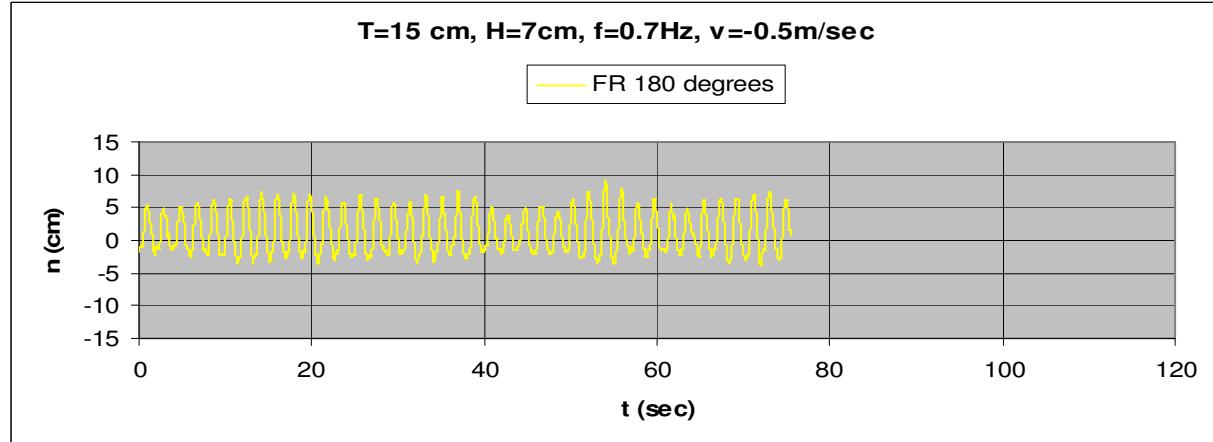
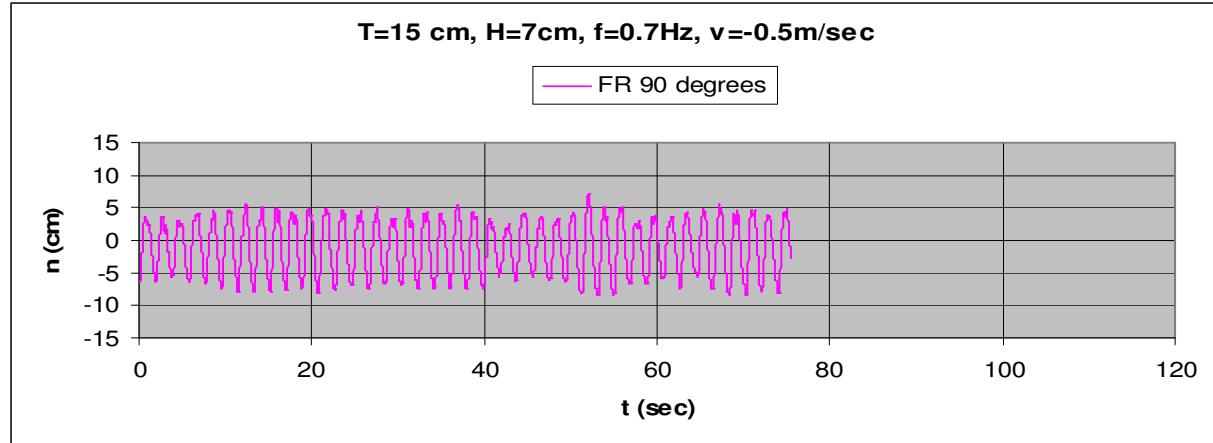
**3.1.2.43       $T=15\text{cm}$ ,  $h=7\text{cm}$ ,  $v=0.5\text{m/s}$ ,  $f=0.7\text{Hz}$ ,  $F_n=0.278$ ,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**



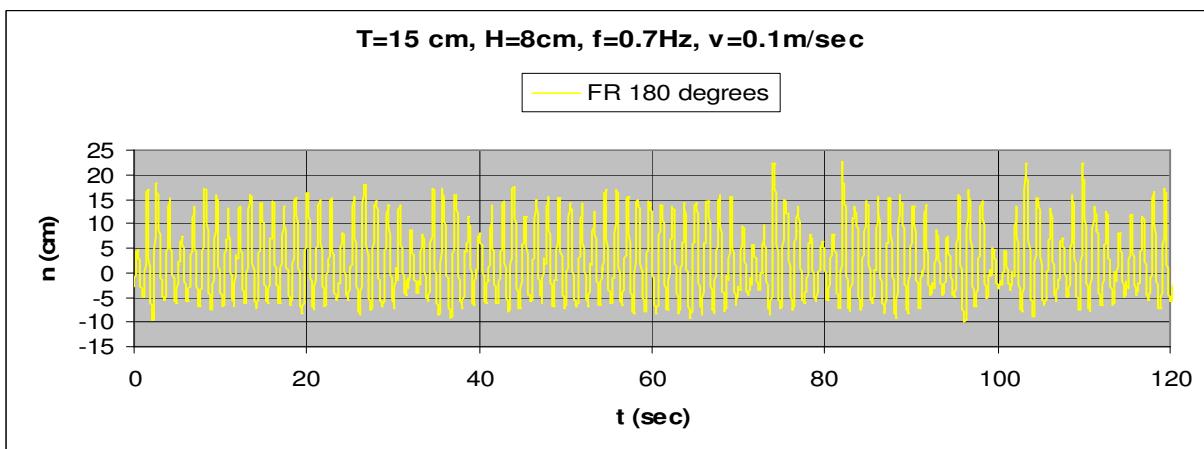
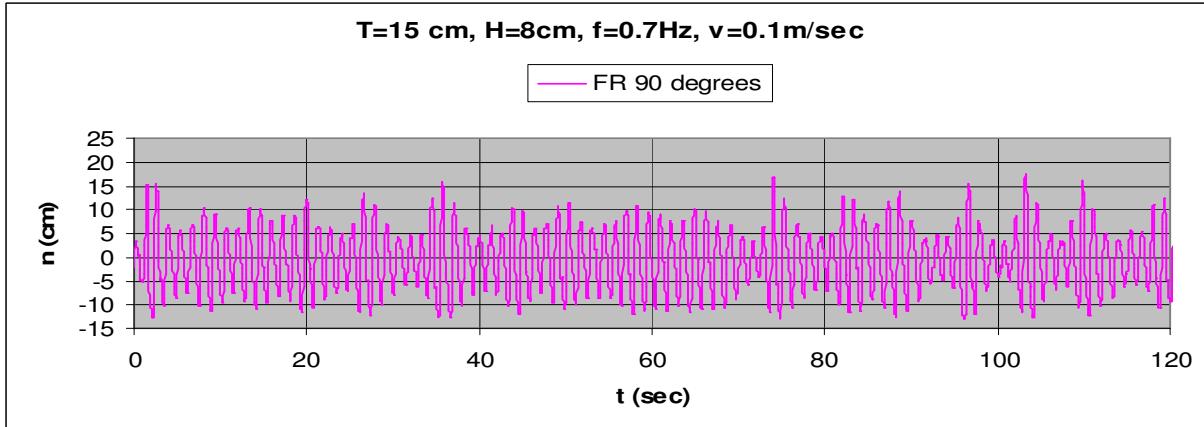
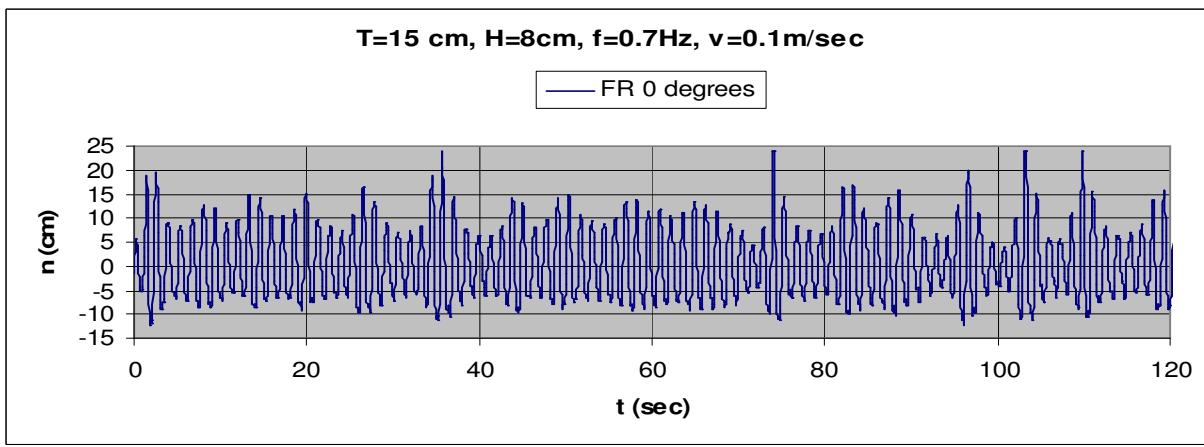
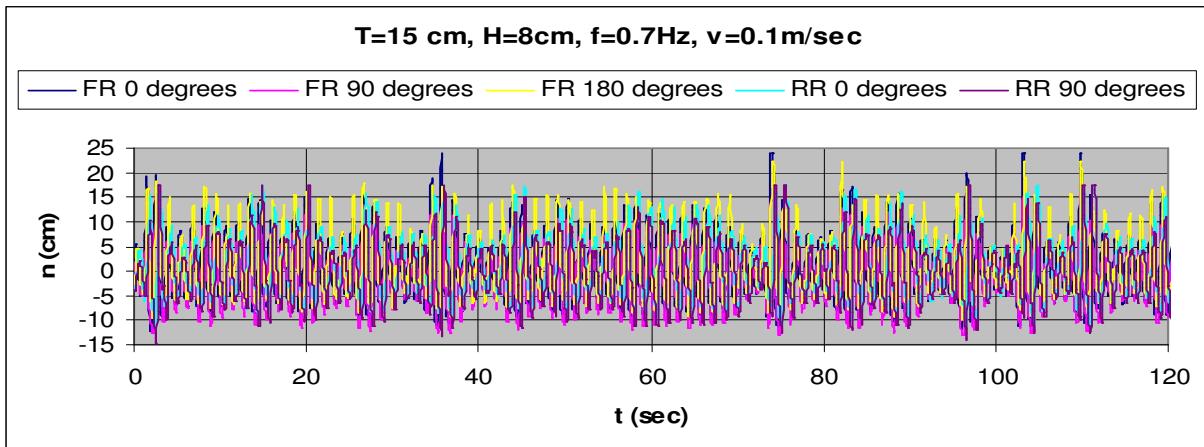


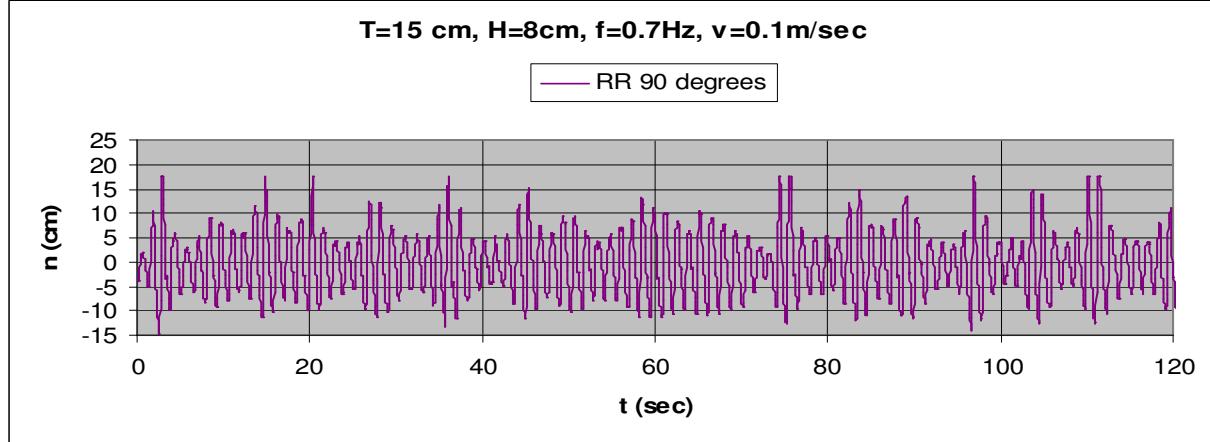
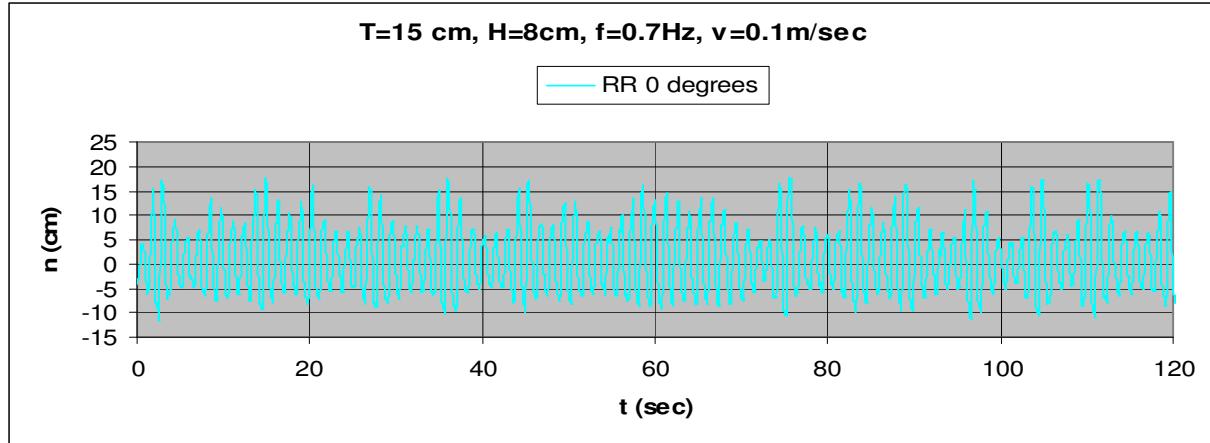
### 3.1.2.44 T=15cm, h=7cm, v=-0.5m/s, f=0.7Hz, Fn=0.278, $\omega=4.398\text{rad/sec}$



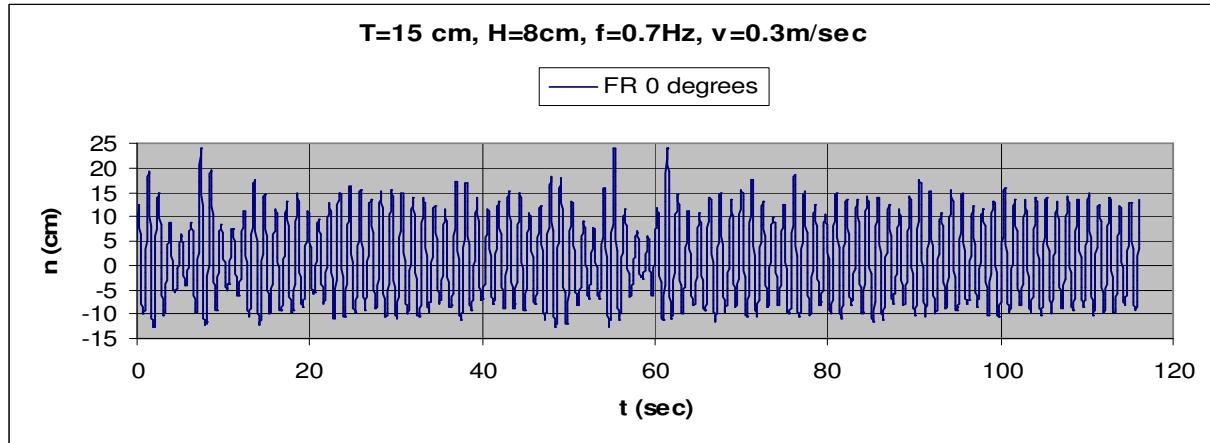
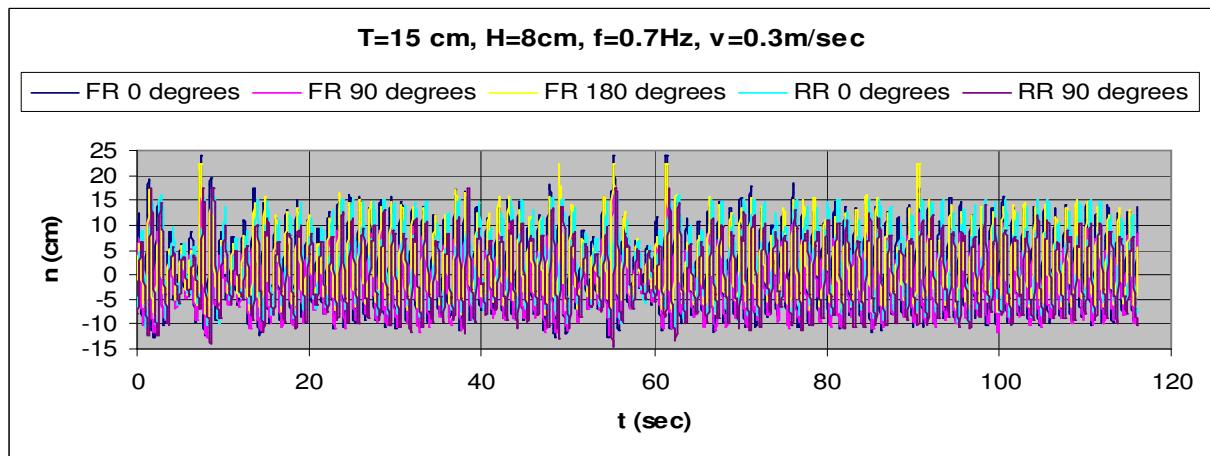


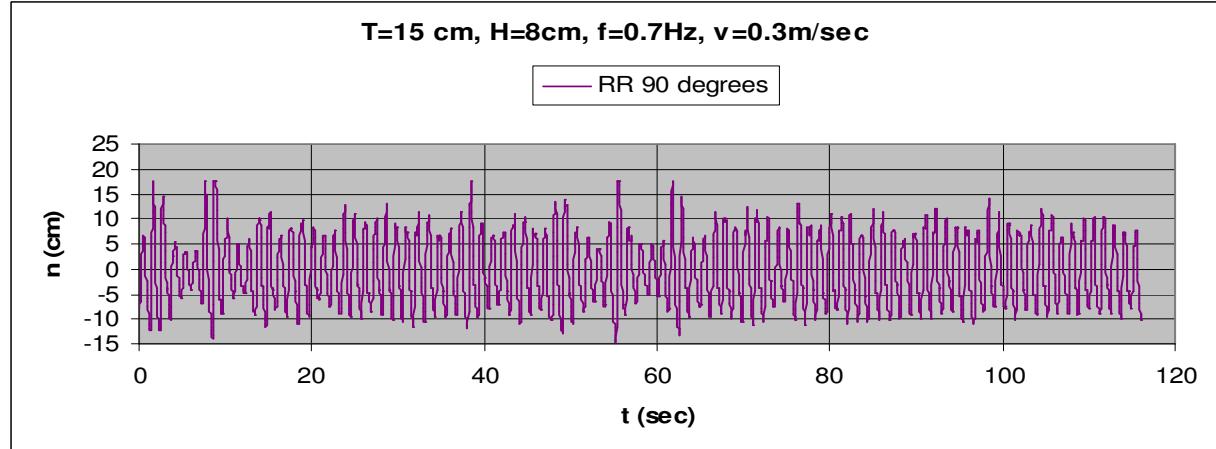
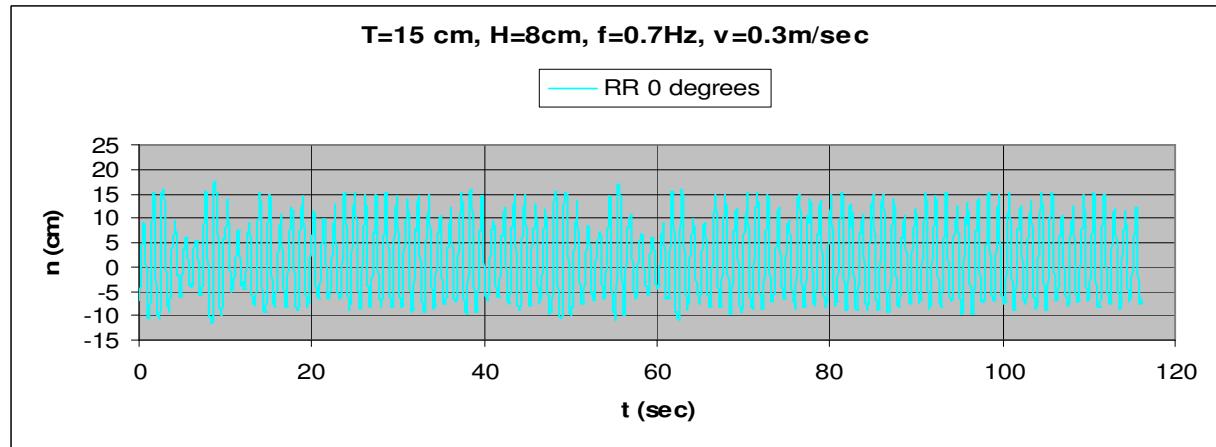
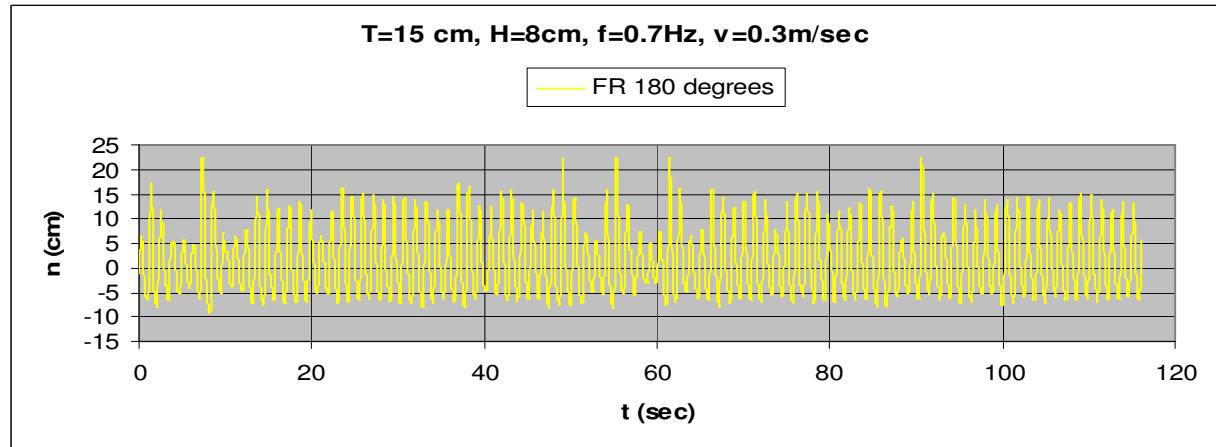
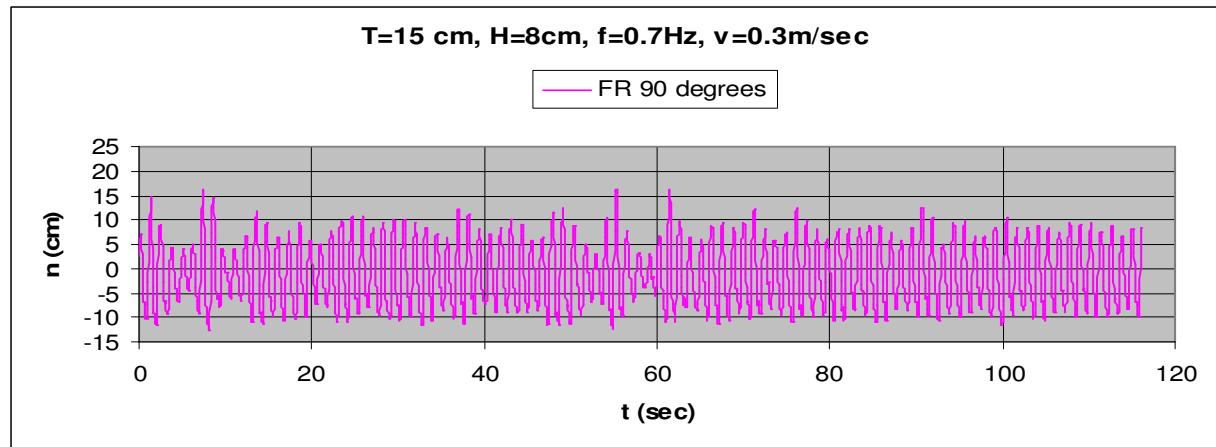
**3.1.2.45       $T=15\text{cm}$ ,  $h=8\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.7\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**



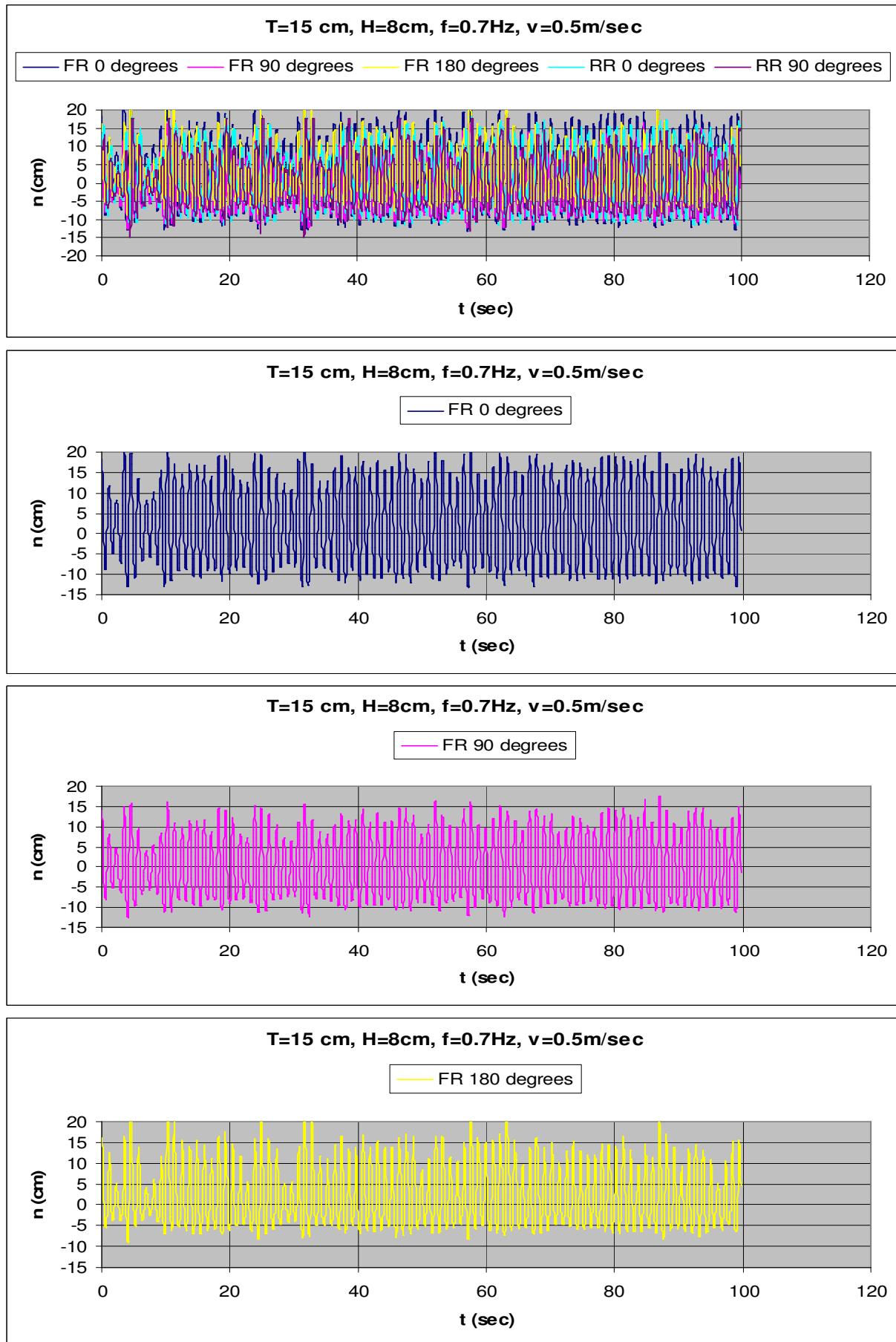


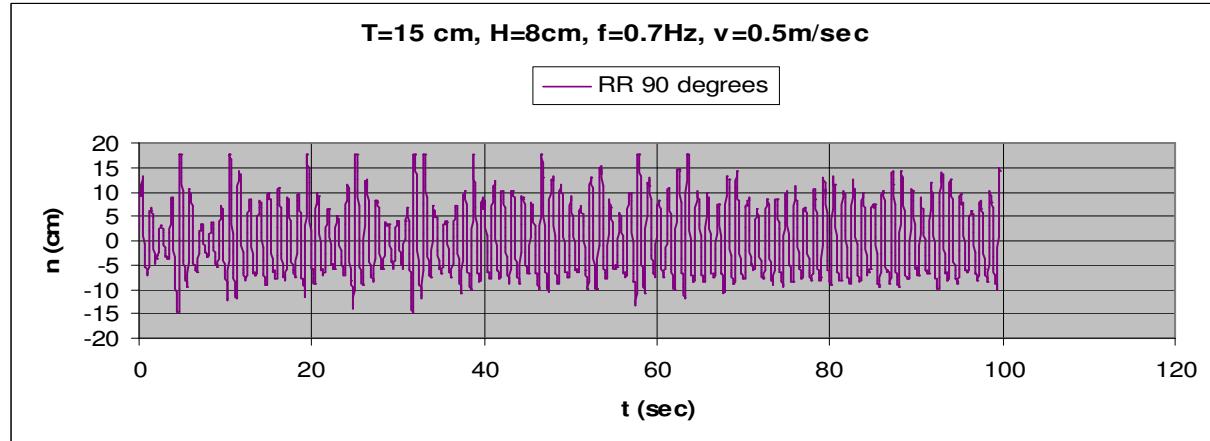
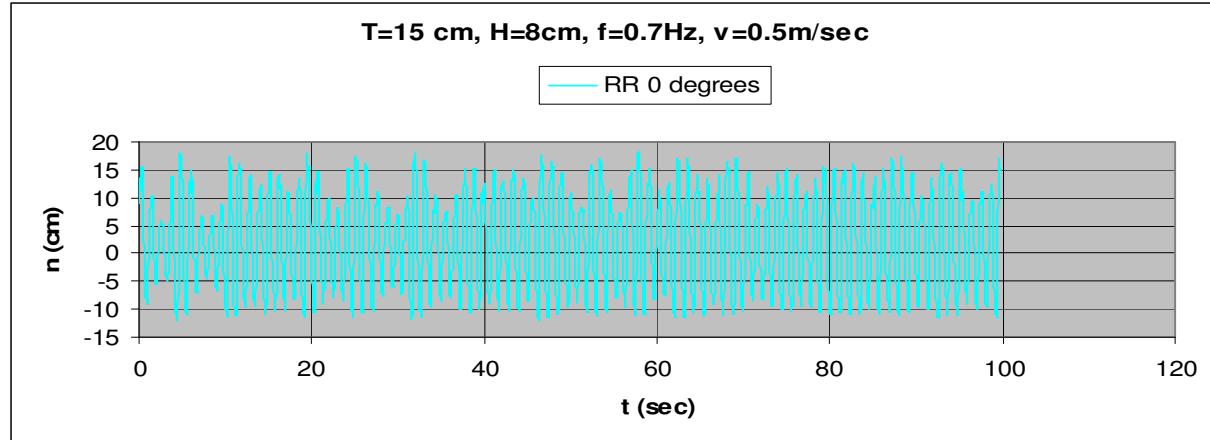
**3.1.2.46      T=15cm, h=8cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz, Fn=0.167,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**



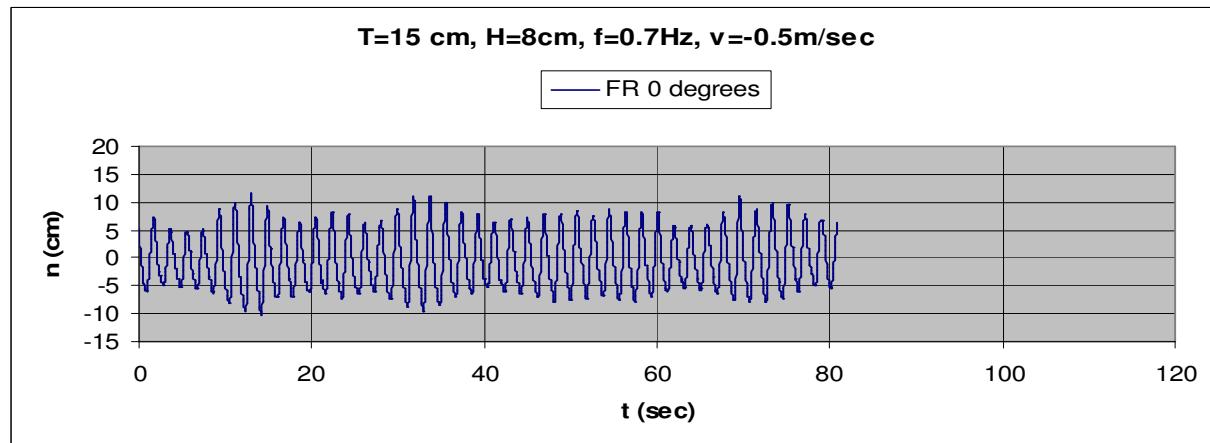
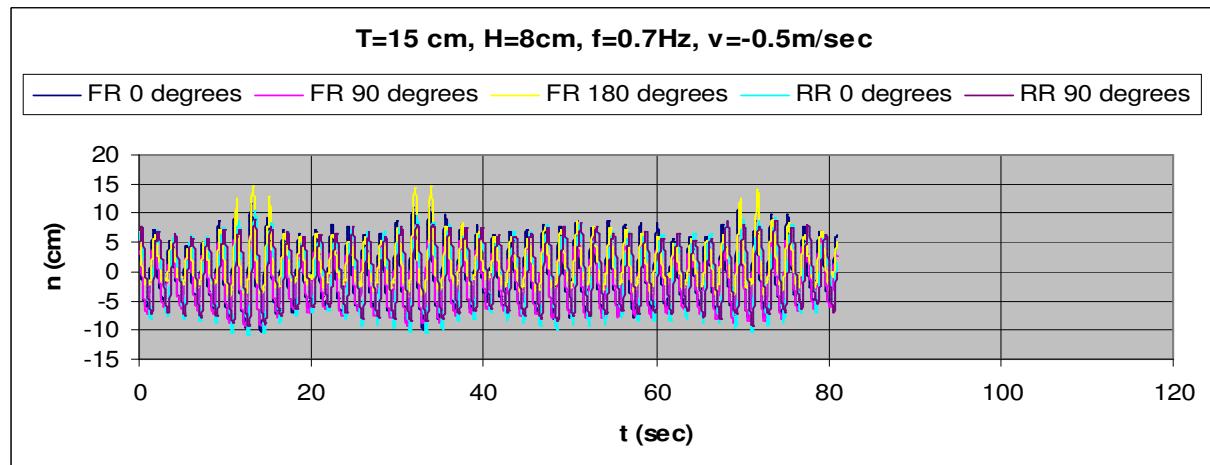


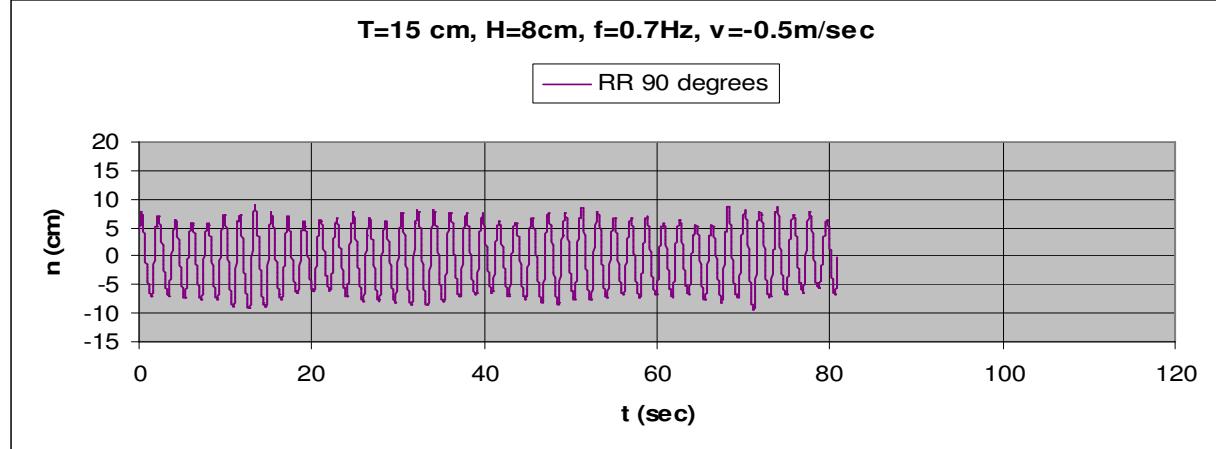
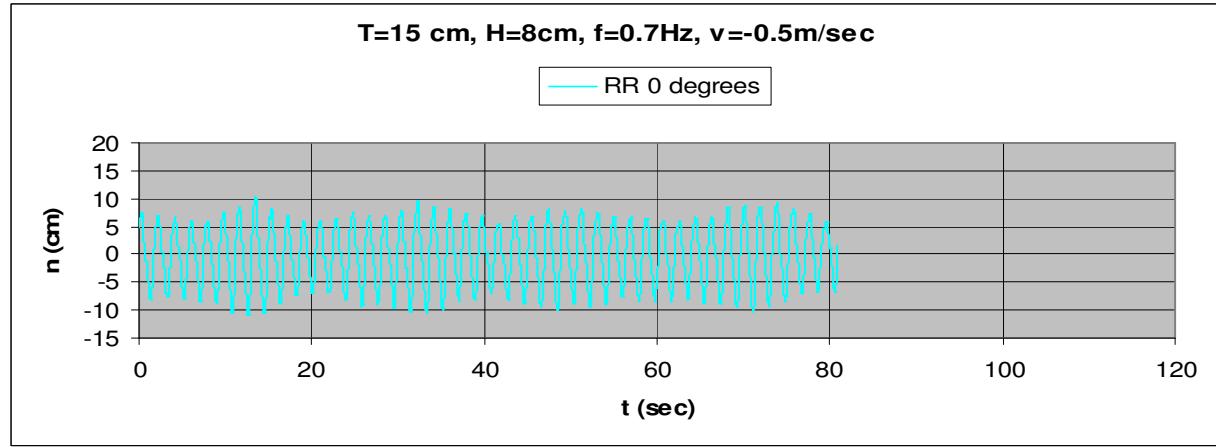
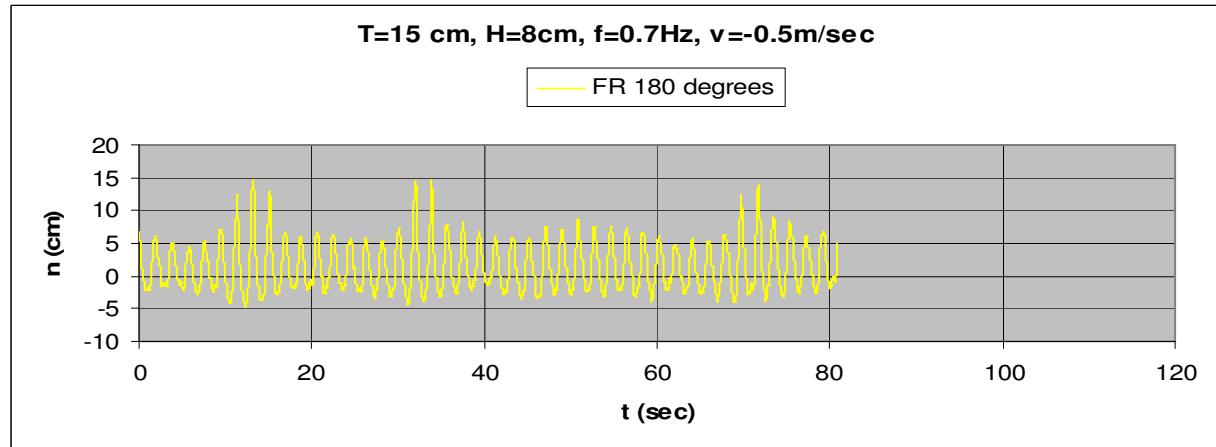
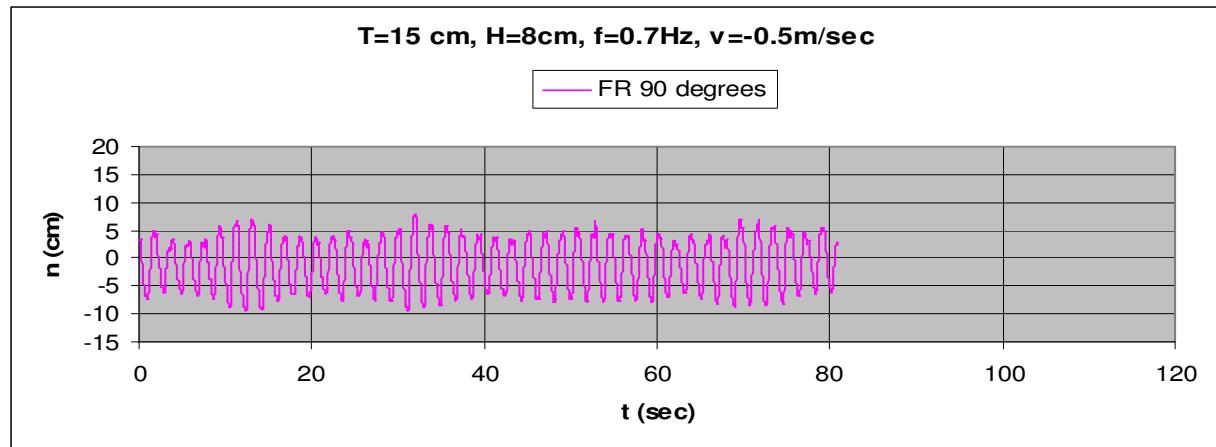
**3.1.2.47       $T=15\text{cm}$ ,  $h=8\text{cm}$ ,  $v=0.5\text{m/s}$ ,  $f=0.7\text{Hz}$ ,  $F_n=0.278$ ,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**





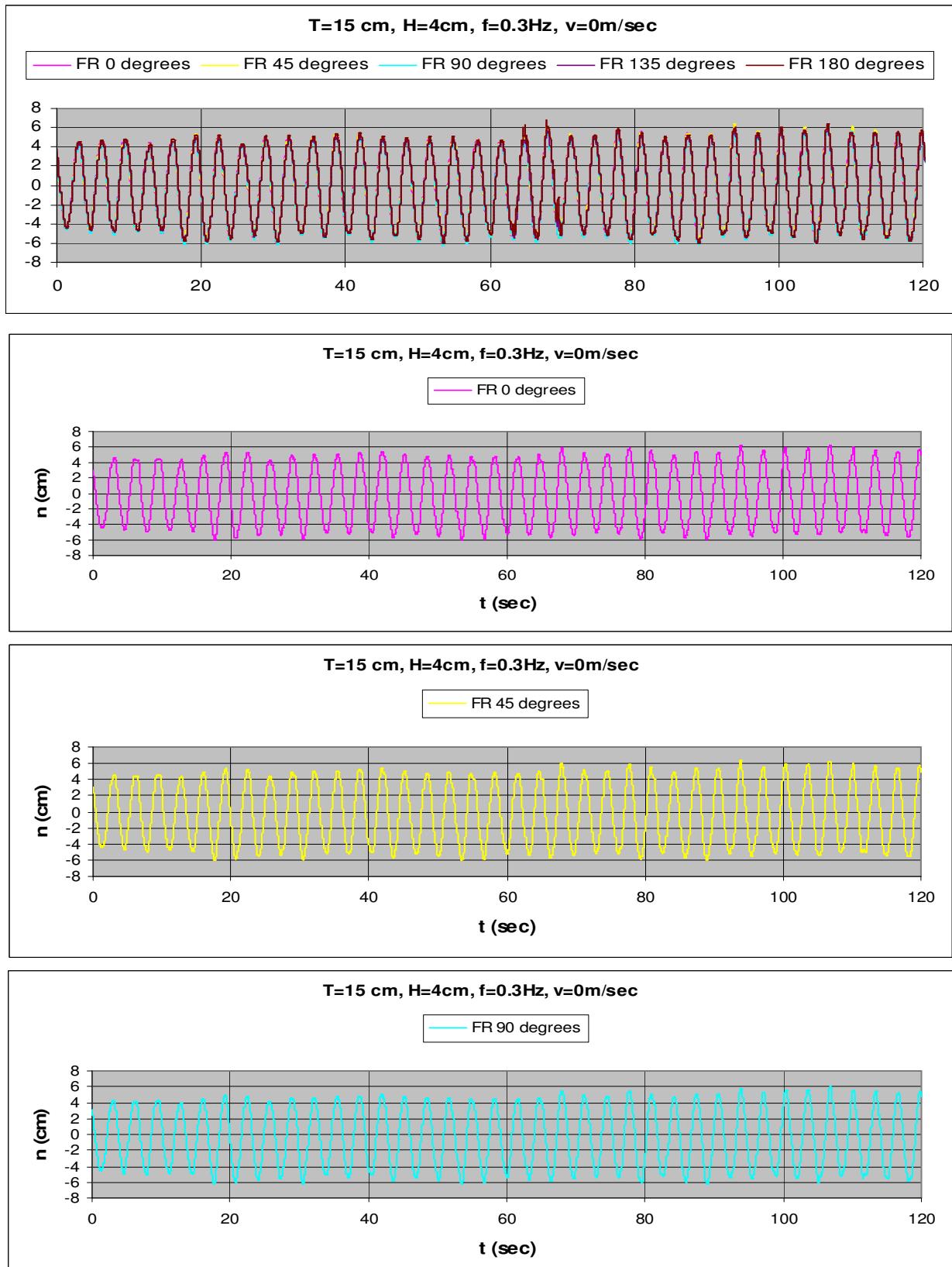
### 3.1.2.48 T=15cm, h=8cm, v=-0.5m/s, f=0.7Hz, Fn=0.278, ω=4.398rad/sec

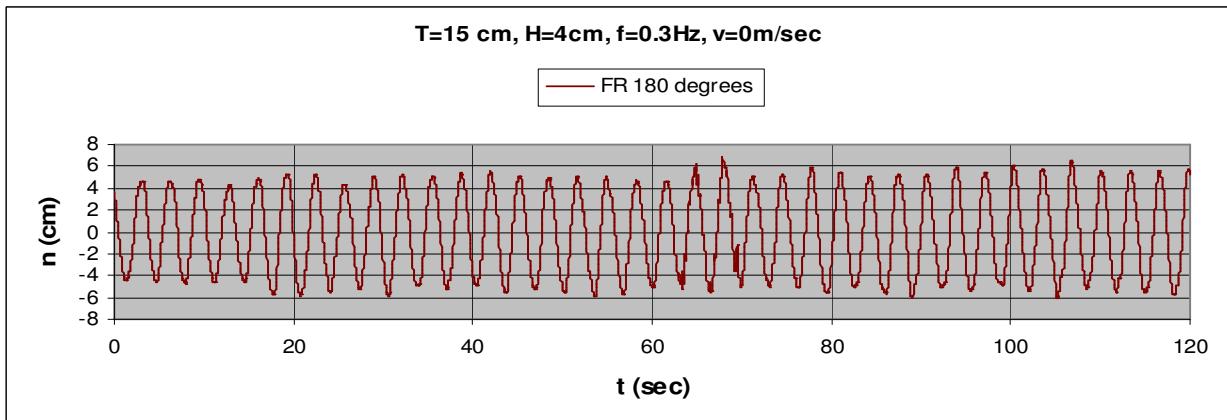
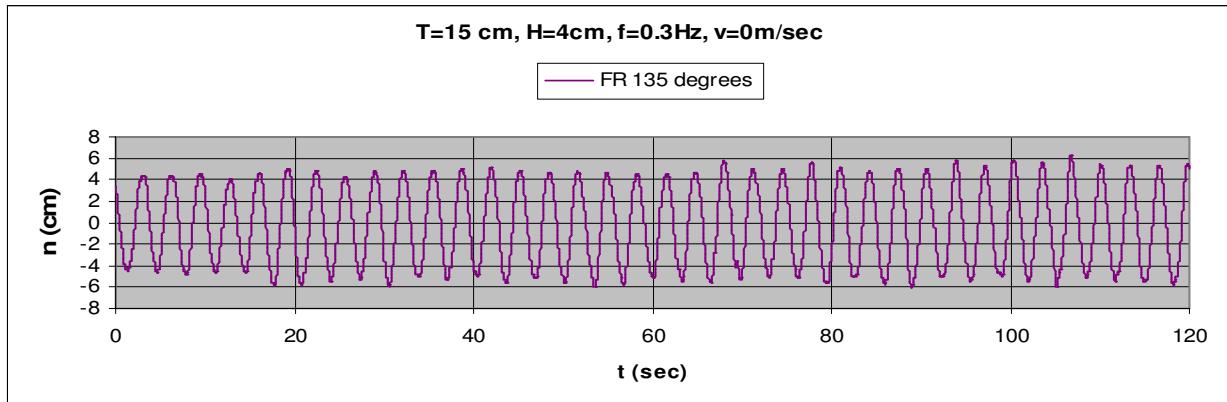




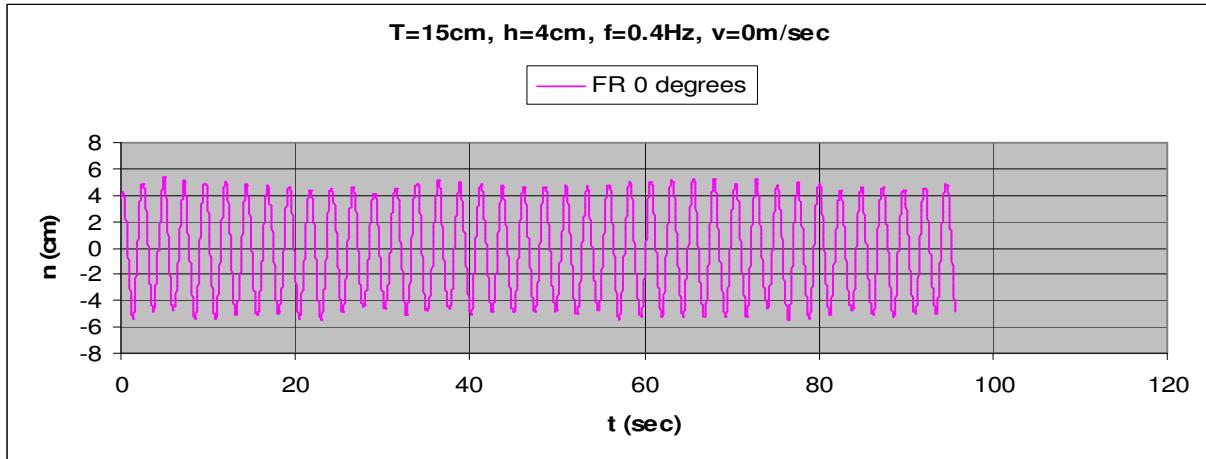
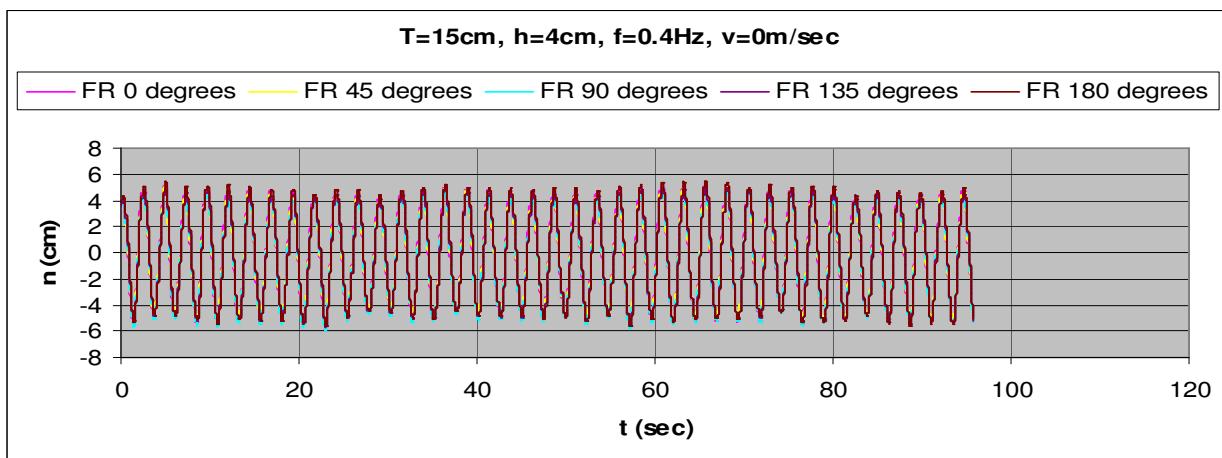
### 3.1.3 Χρονικές ιστορίες σταθερού μοντέλου σύνθετου κυλίνδρου

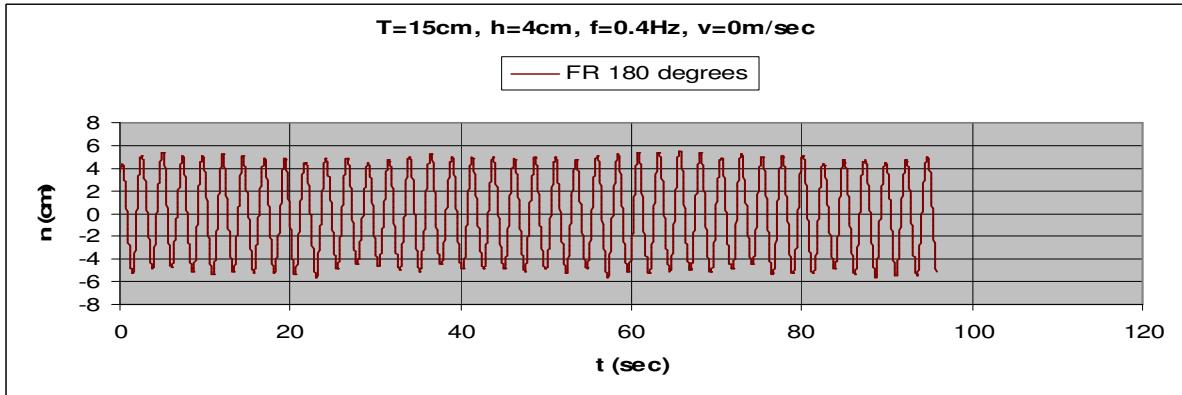
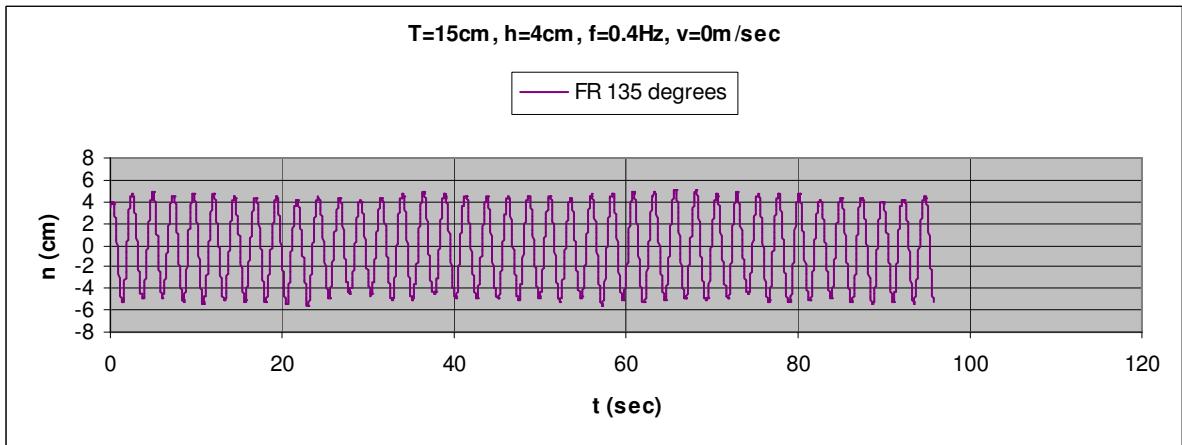
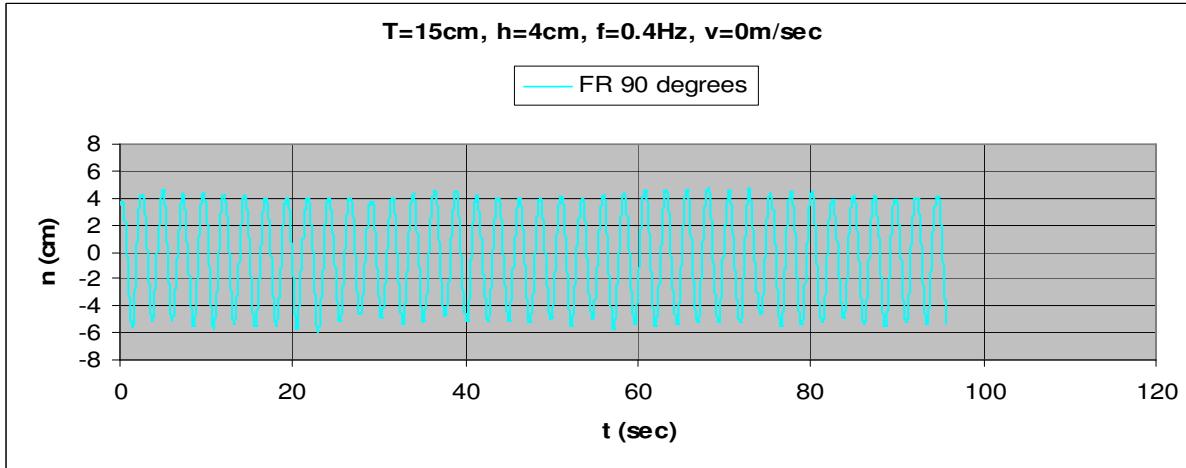
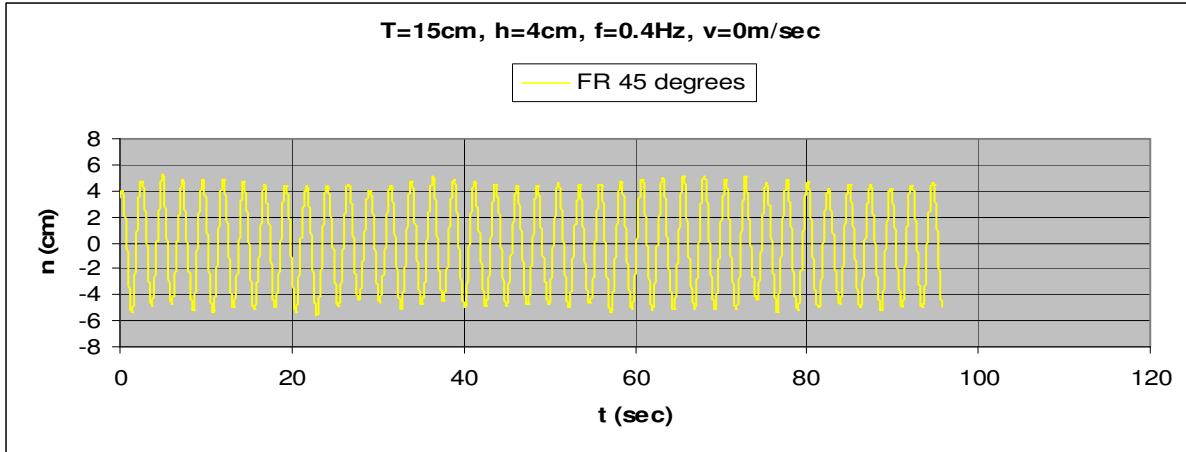
3.1.3.1  $T=15\text{cm}$ ,  $H=4\text{cm}$ ,  $v=0\text{m/s}$ ,  $f=0.3\text{Hz}$ ,  $F_n=0$ ,  $\omega=1.885\text{rad/sec}$



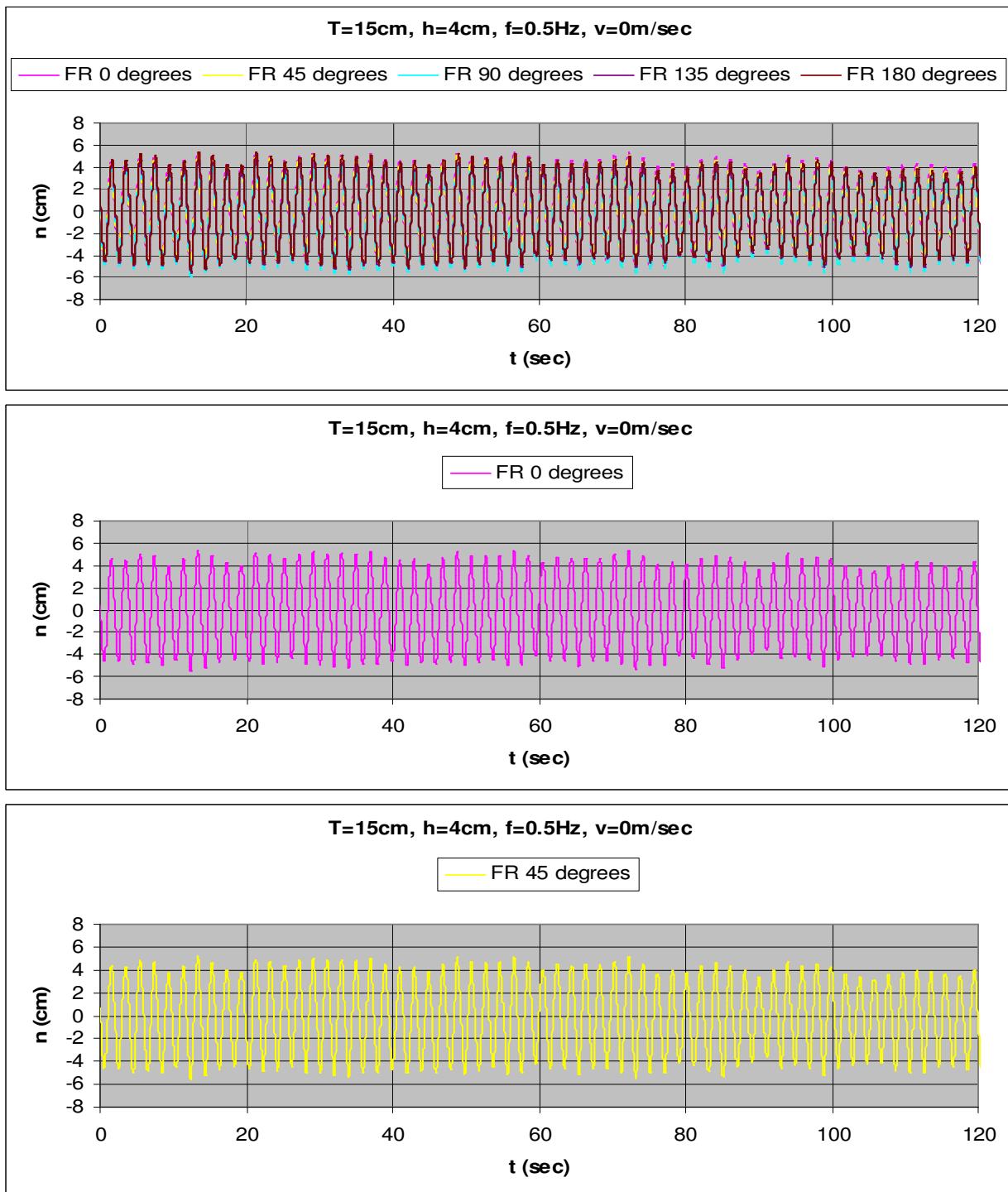


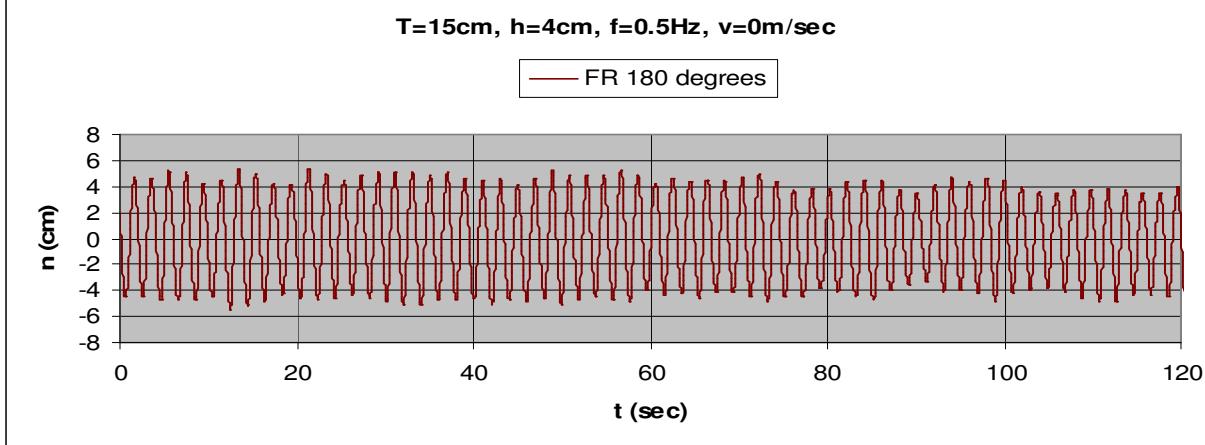
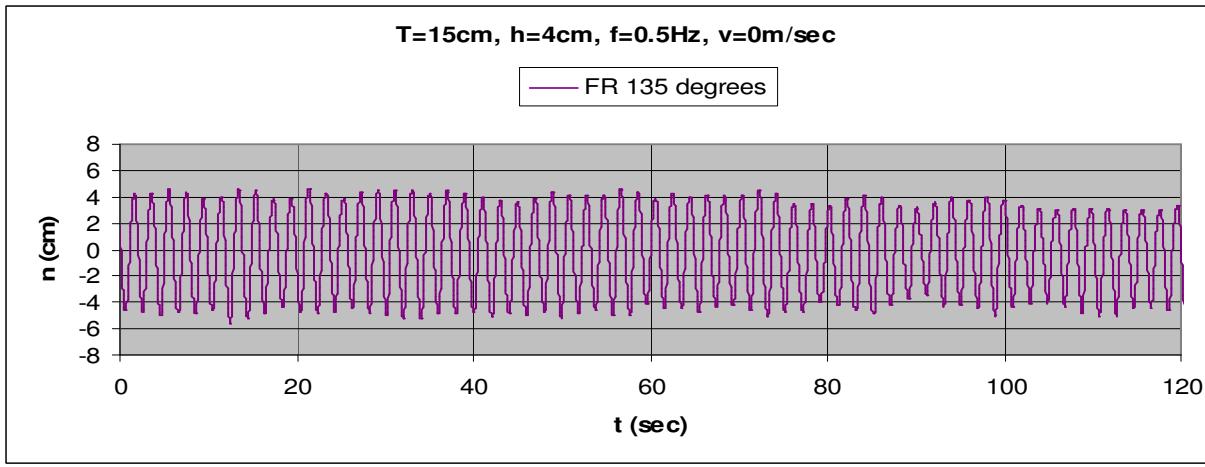
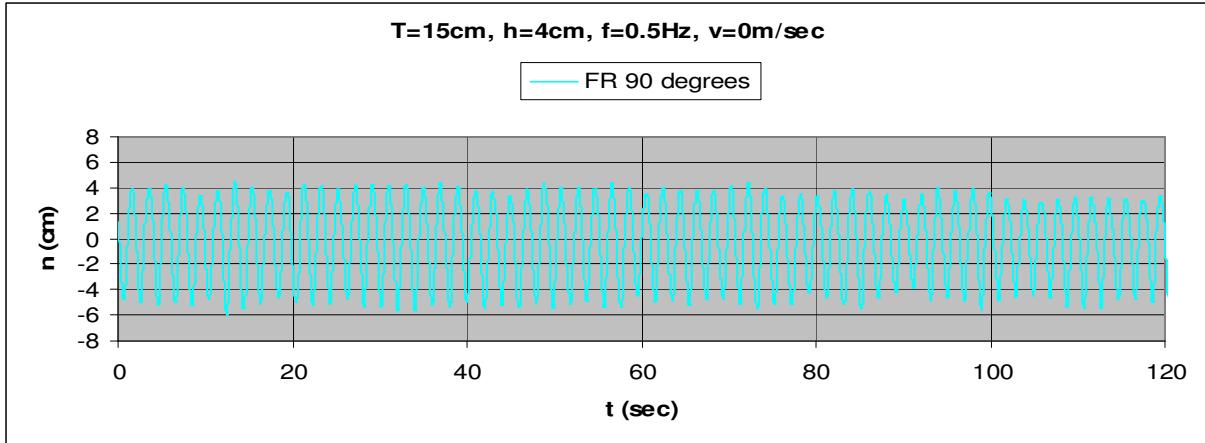
### 3.1.3.2 T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.4Hz, Fn=0, $\omega=2.513\text{rad/sec}$



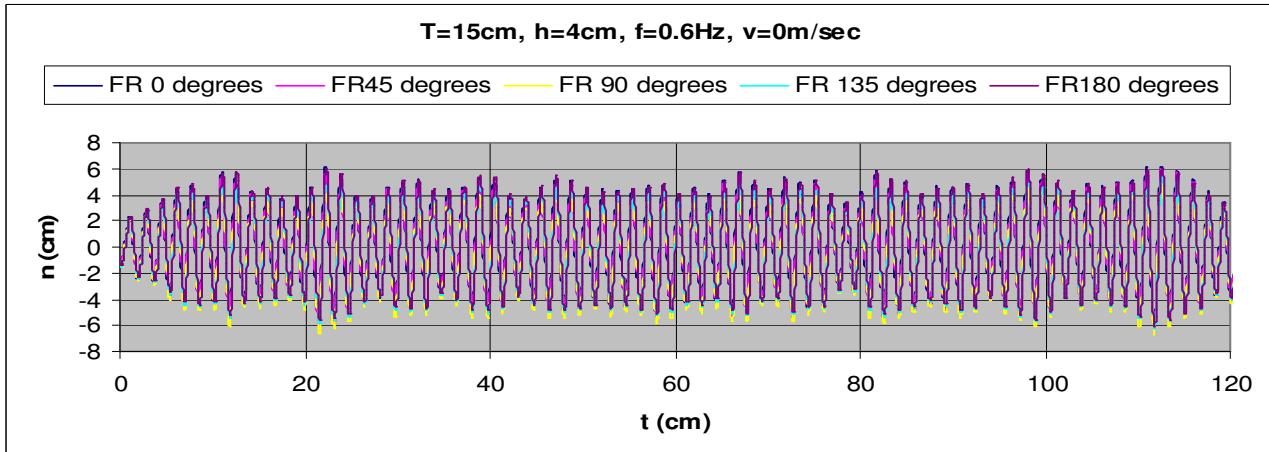


**3.1.3.3 T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.5Hz , Fn=0,  $\omega=3.142\text{rad/sec}$**



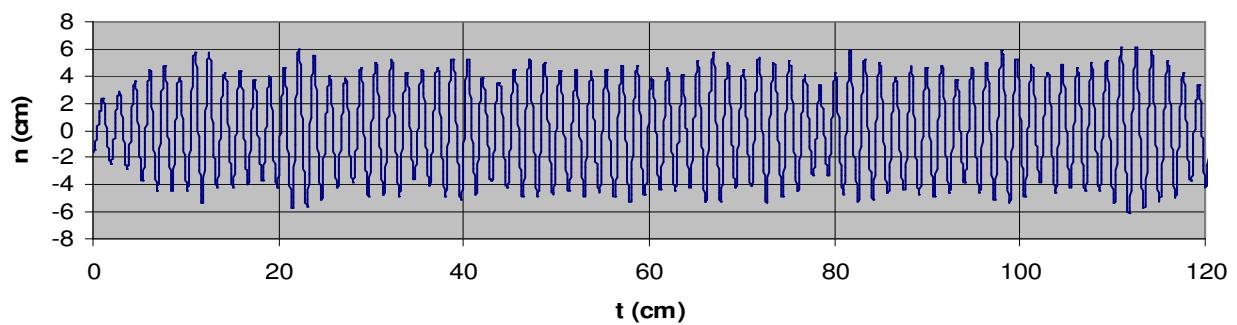


### 3.1.3.4 T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.6Hz, Fn=0, $\omega=3.770\text{rad/sec}$



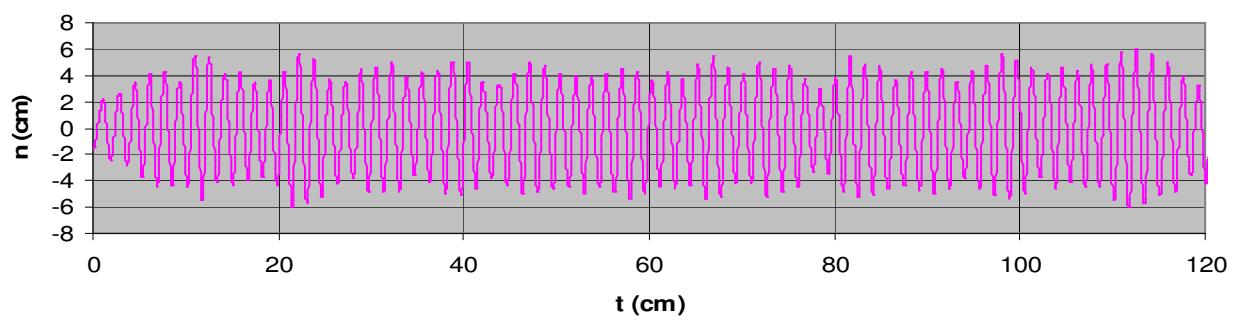
**T=15cm, h=4cm, f=0.6Hz, v=0m/sec**

FR 0 degrees



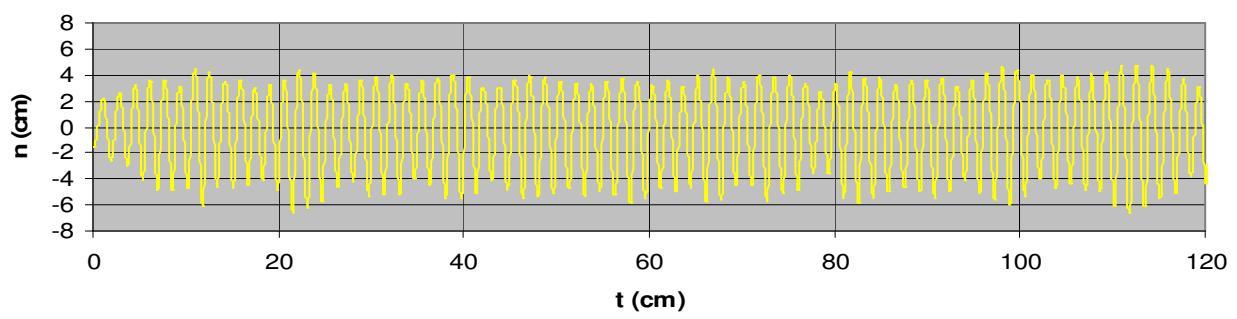
**T=15cm, h=4cm, f=0.6Hz, v=0m/sec**

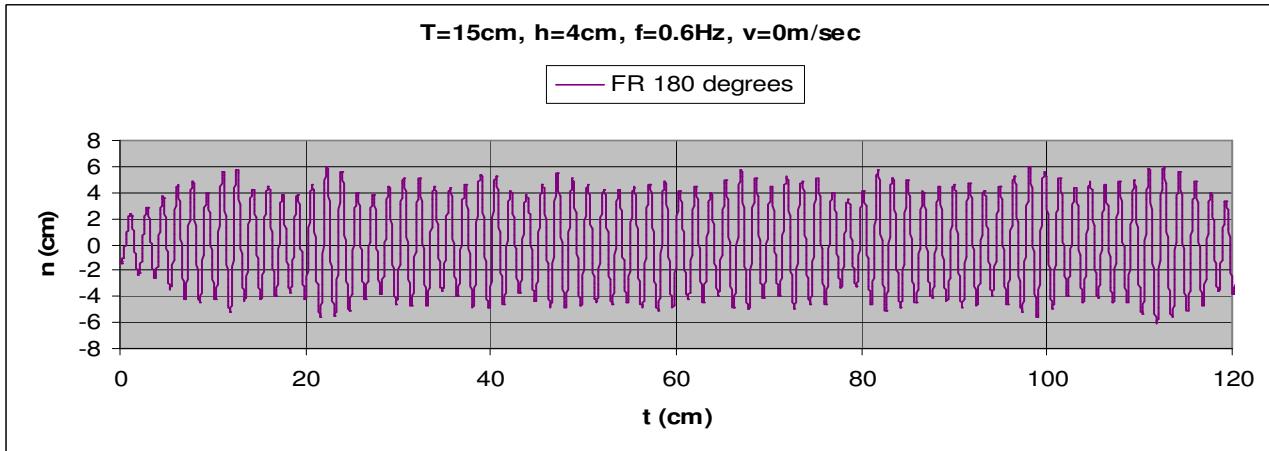
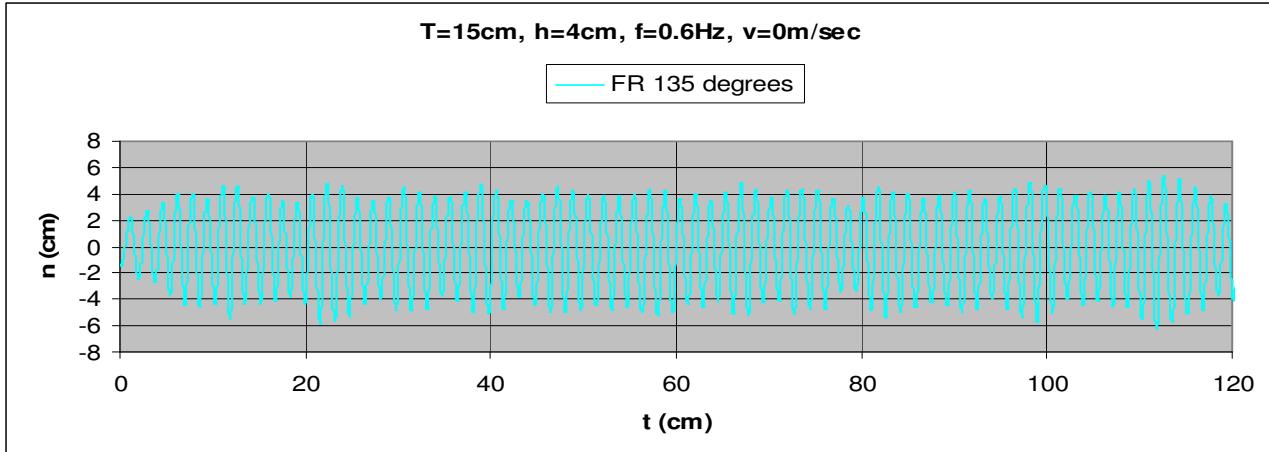
FR45 degrees



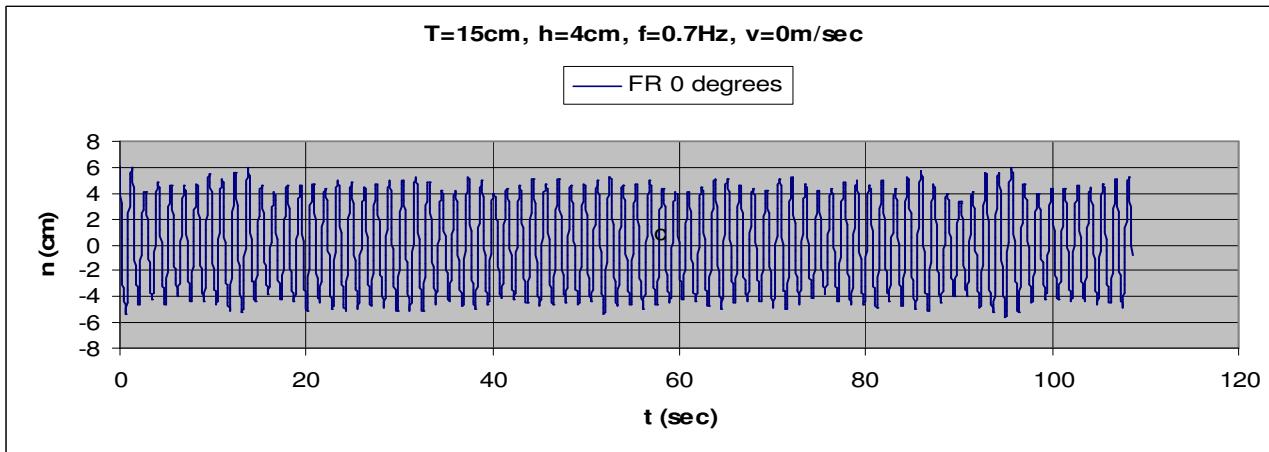
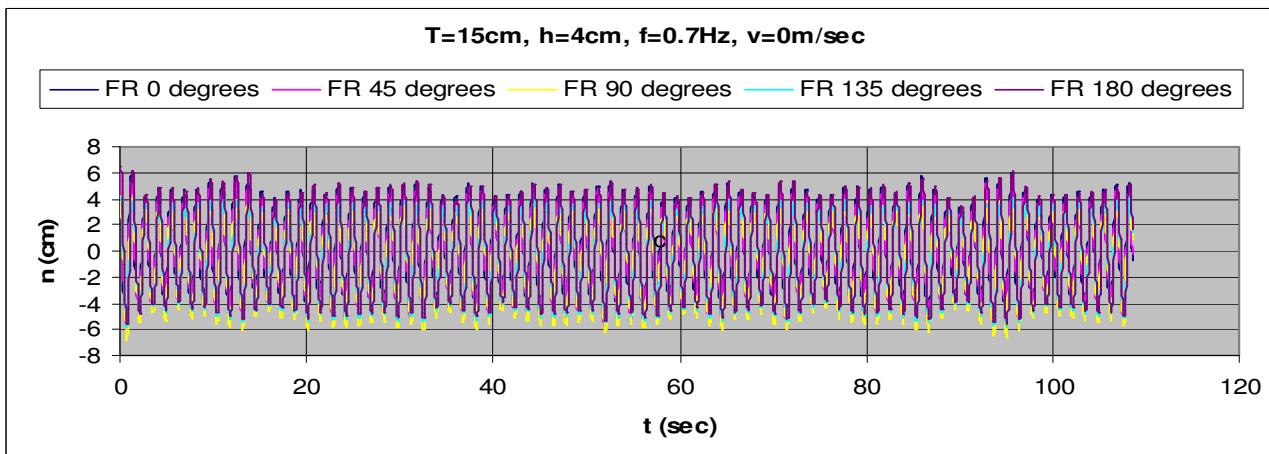
**T=15cm, h=4cm, f=0.6Hz, v=0m/sec**

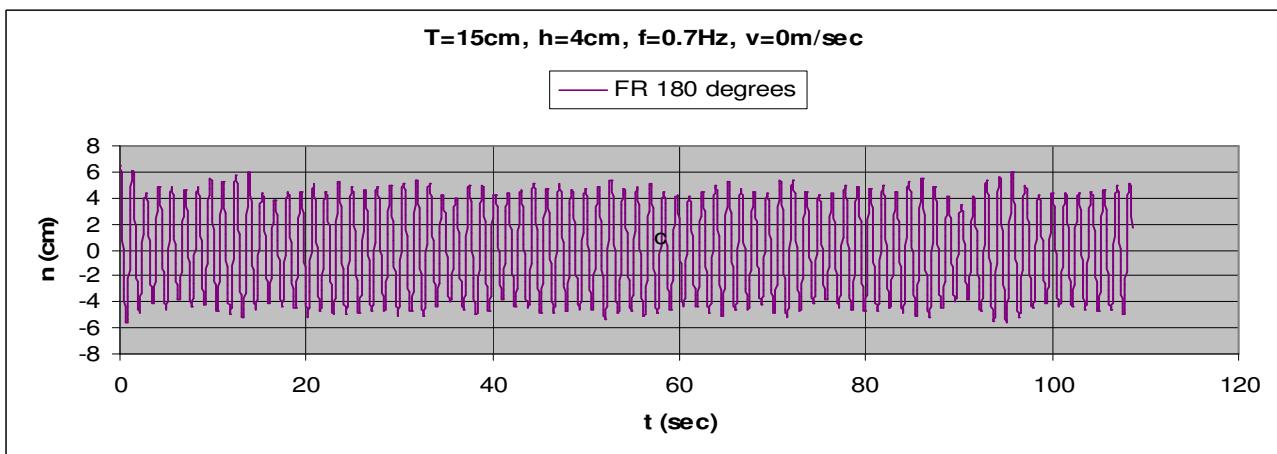
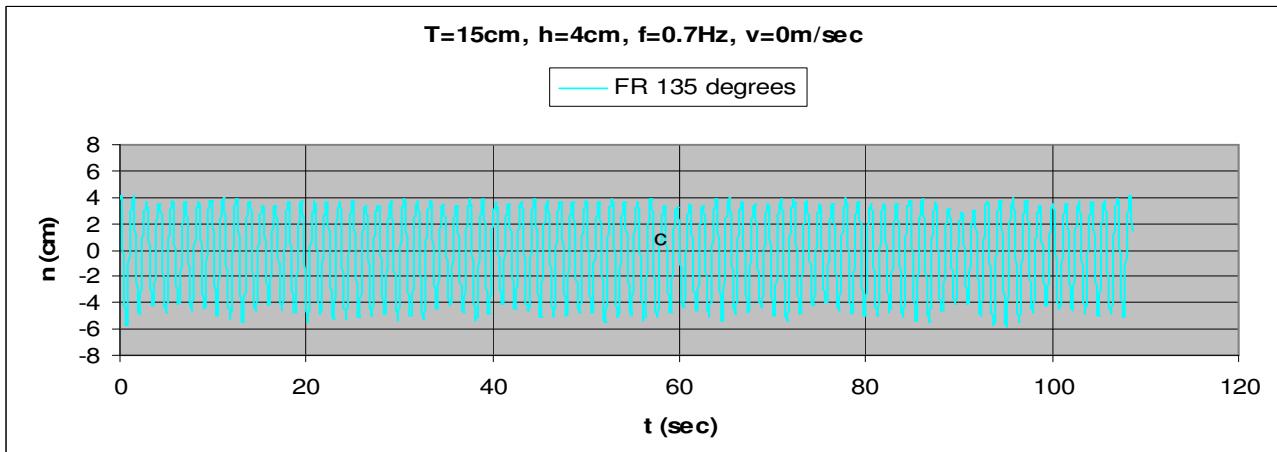
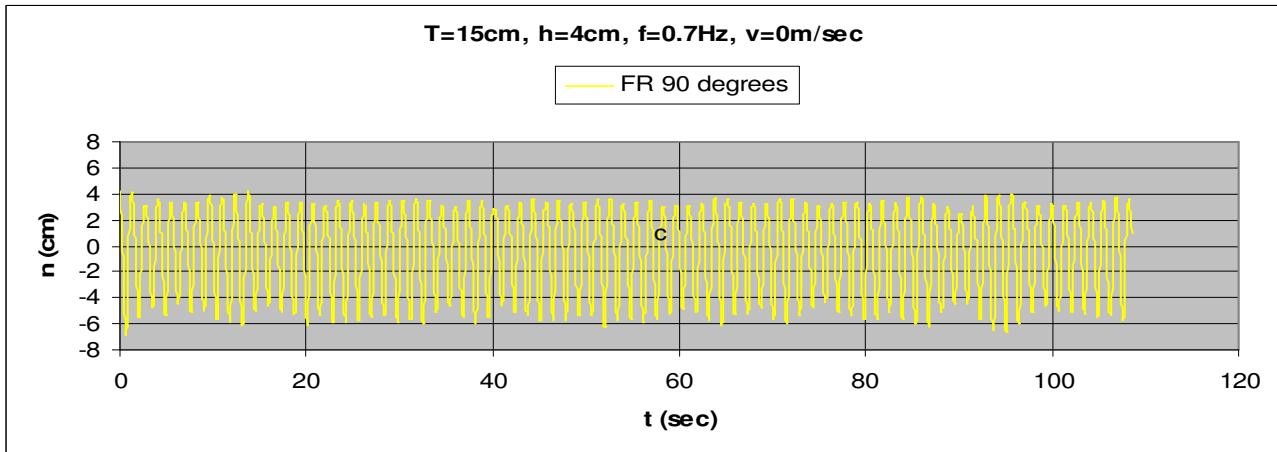
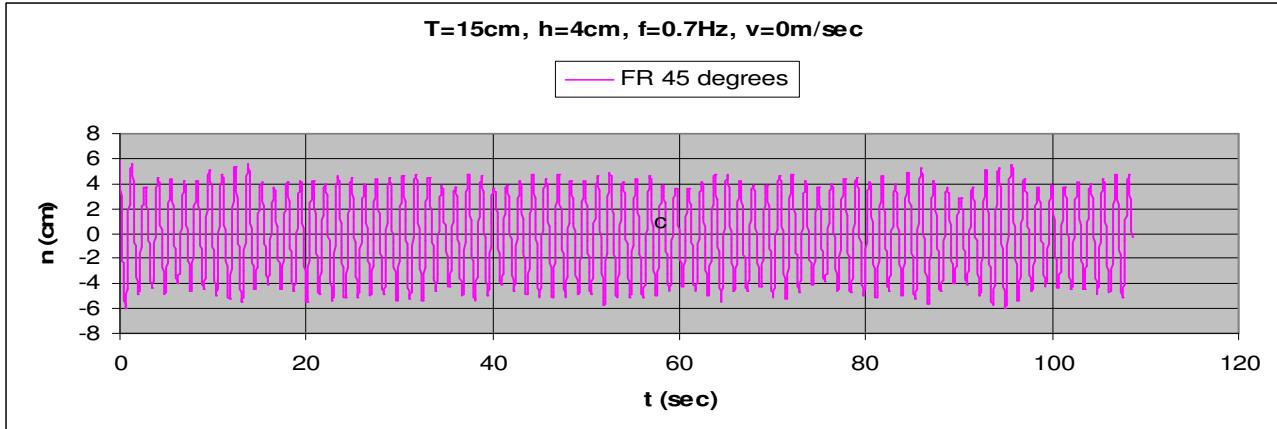
FR 90 degrees



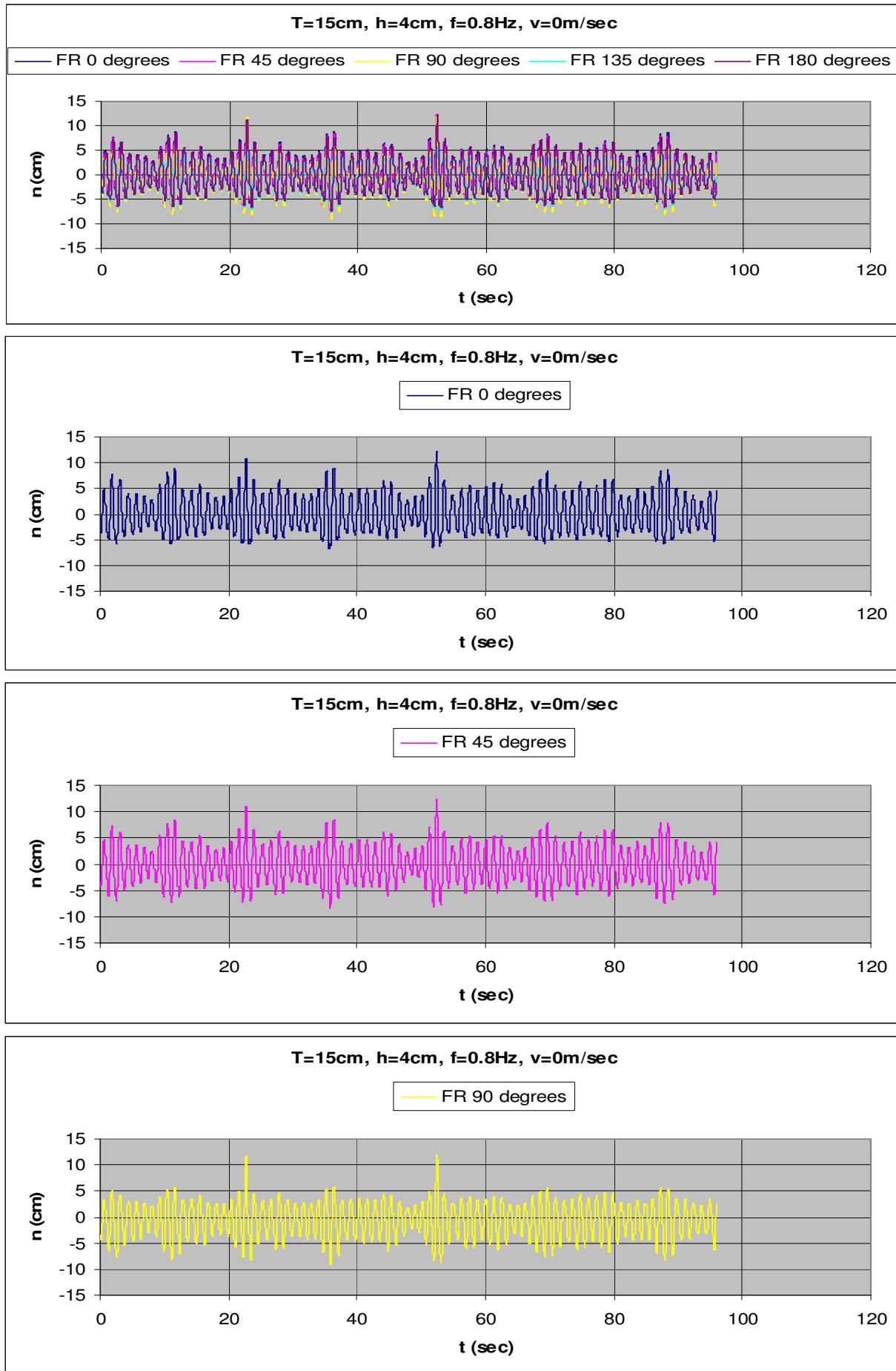


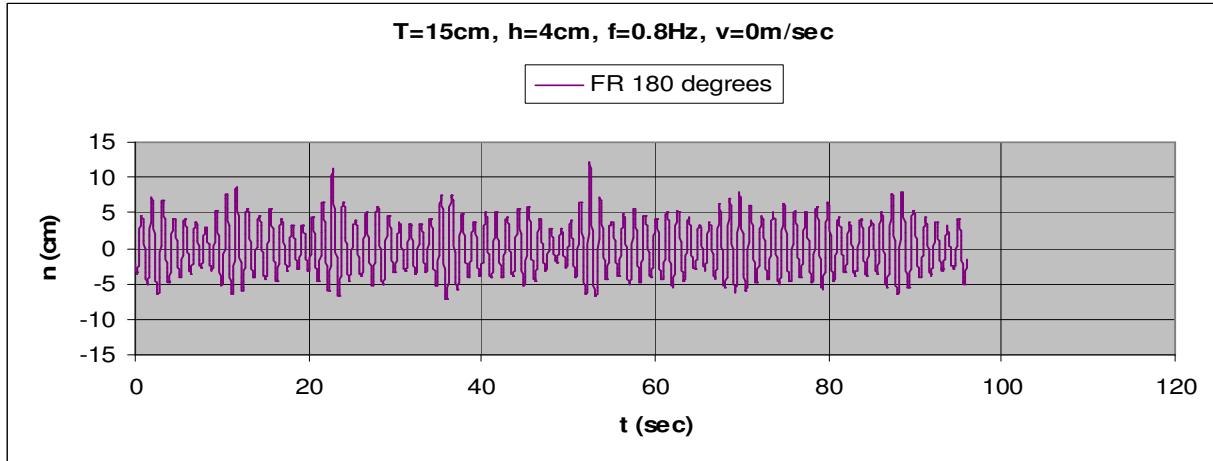
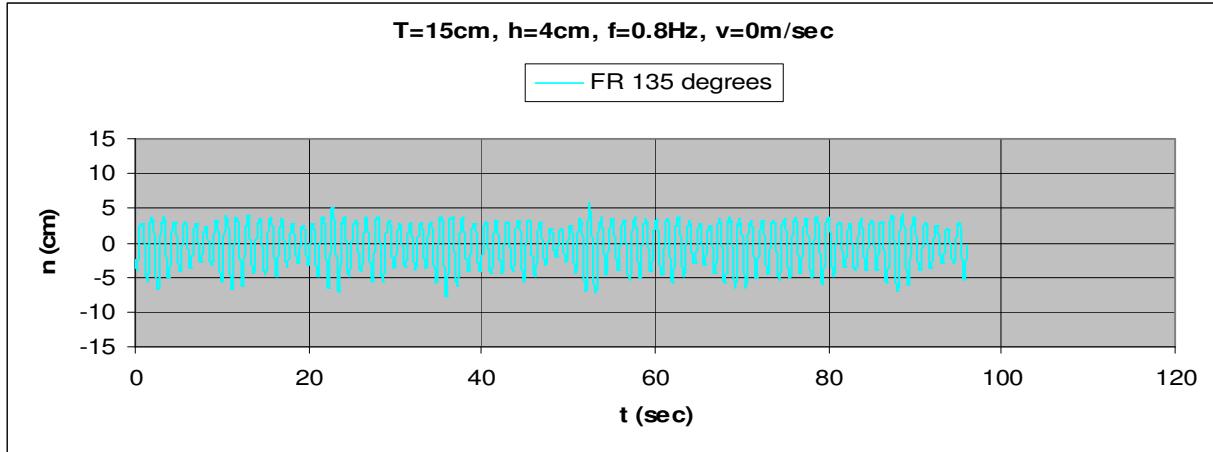
### 3.1.3.5 T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.7Hz, Fn=0, ω=4.398rad/sec



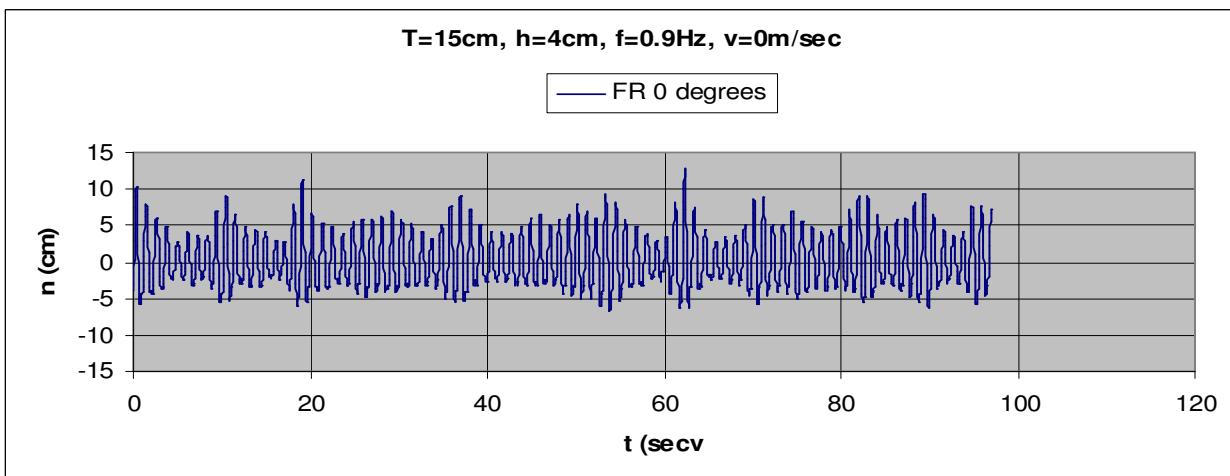
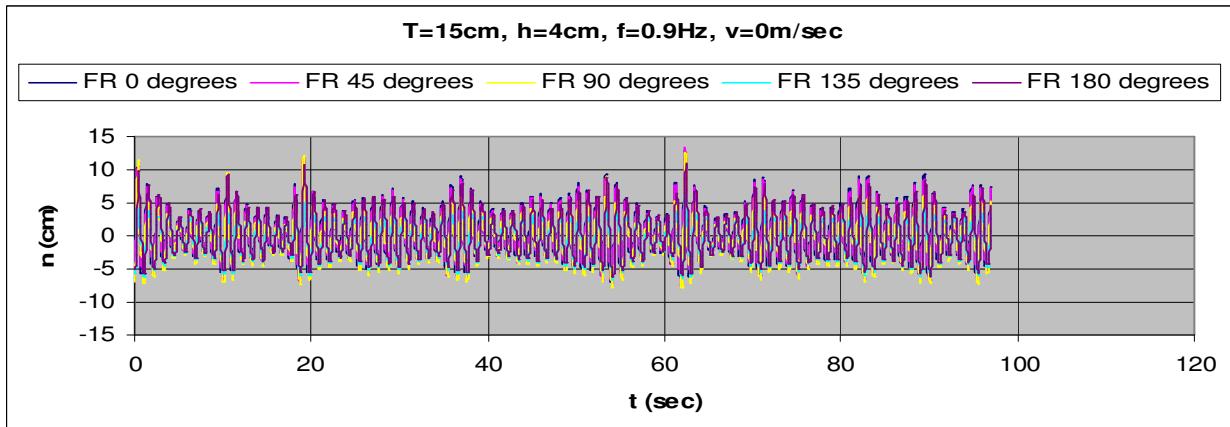


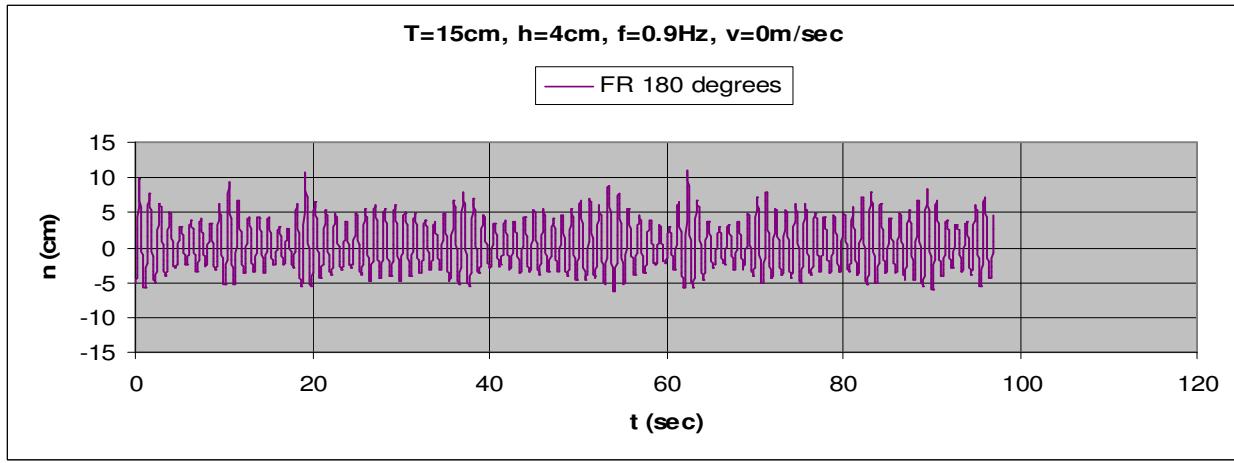
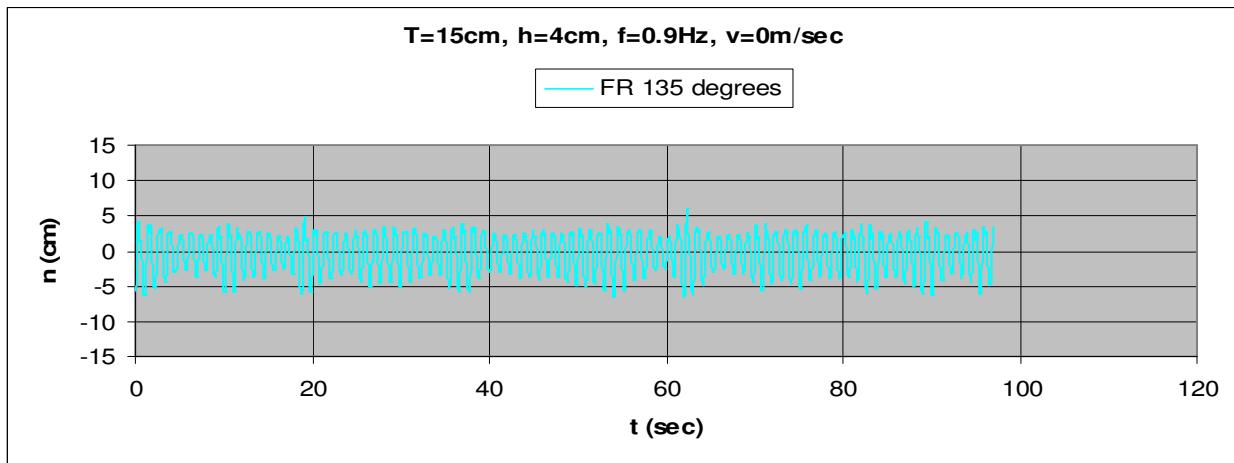
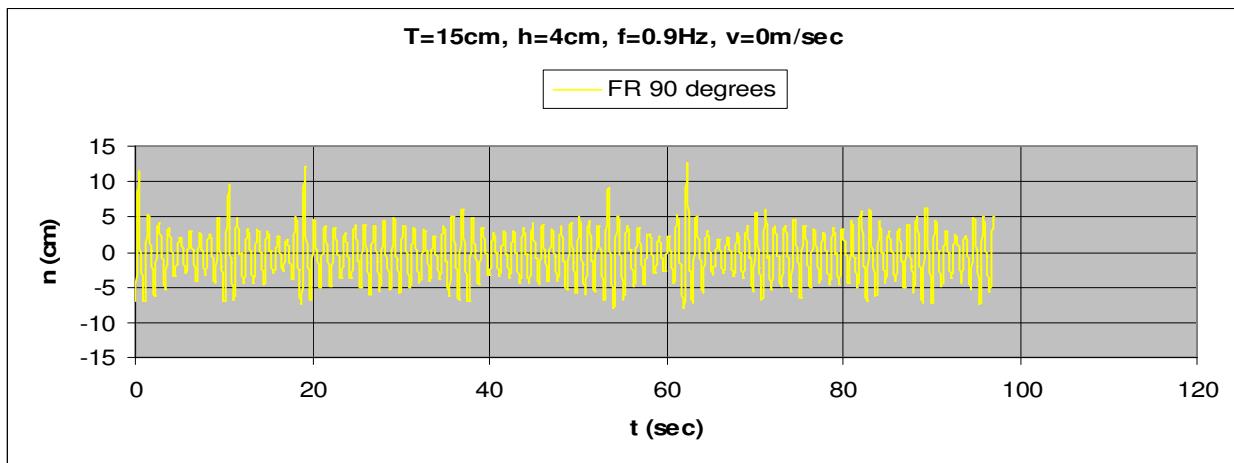
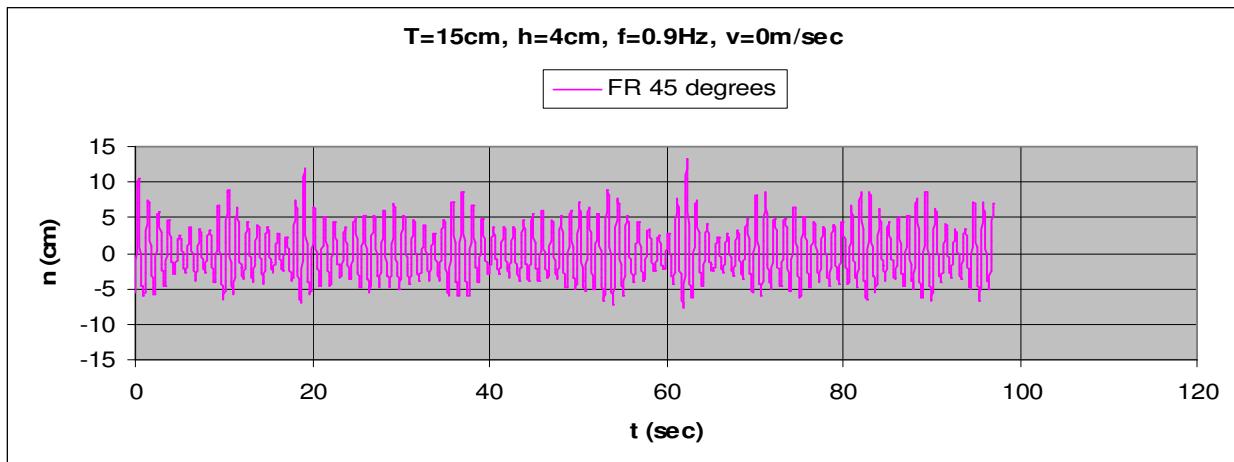
**3.1.3.6     $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0\text{m/s}$ ,  $f=0.8\text{Hz}$ ,  $F_n=0$ ,  $\omega=5.026\text{rad/sec}$**



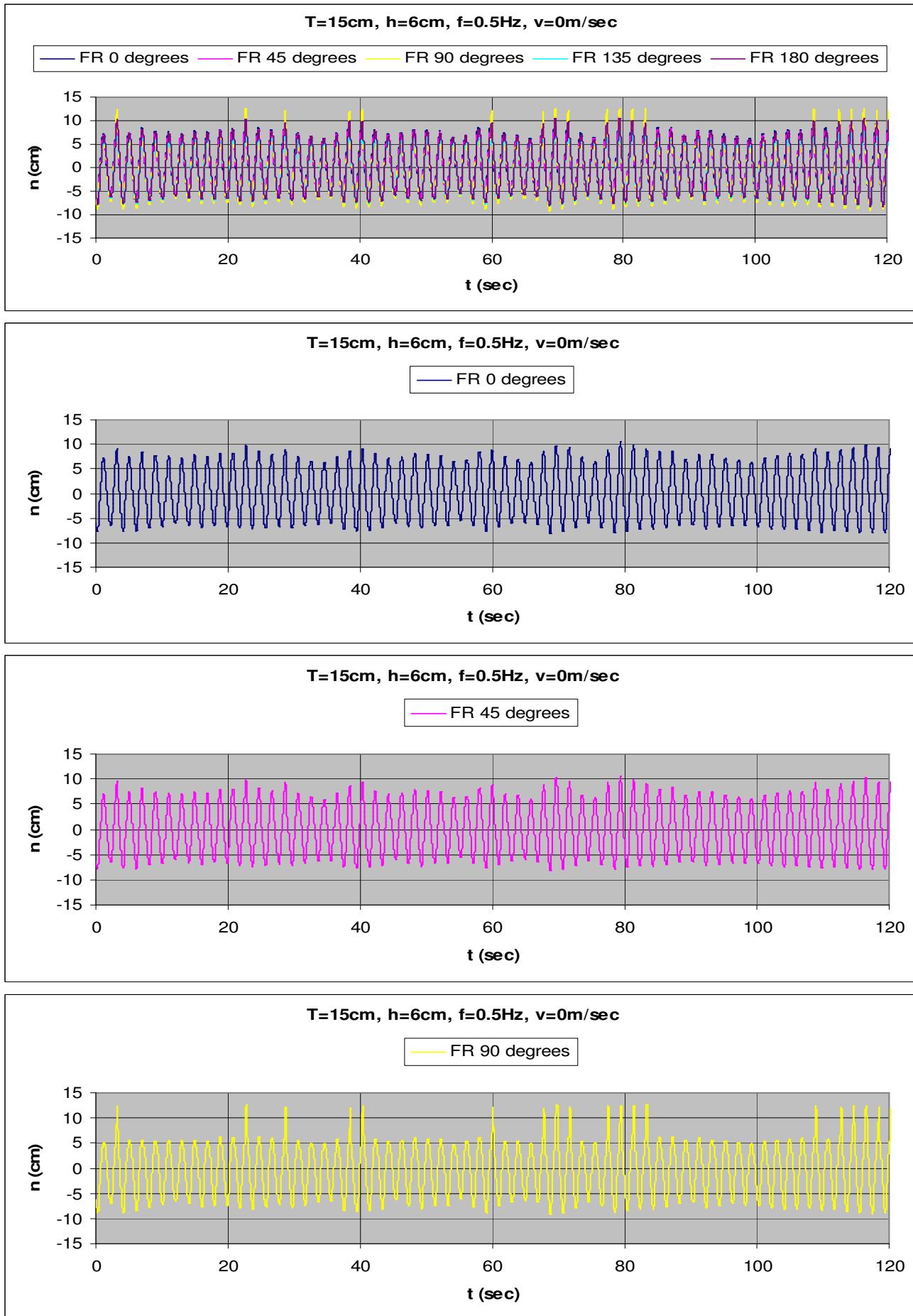


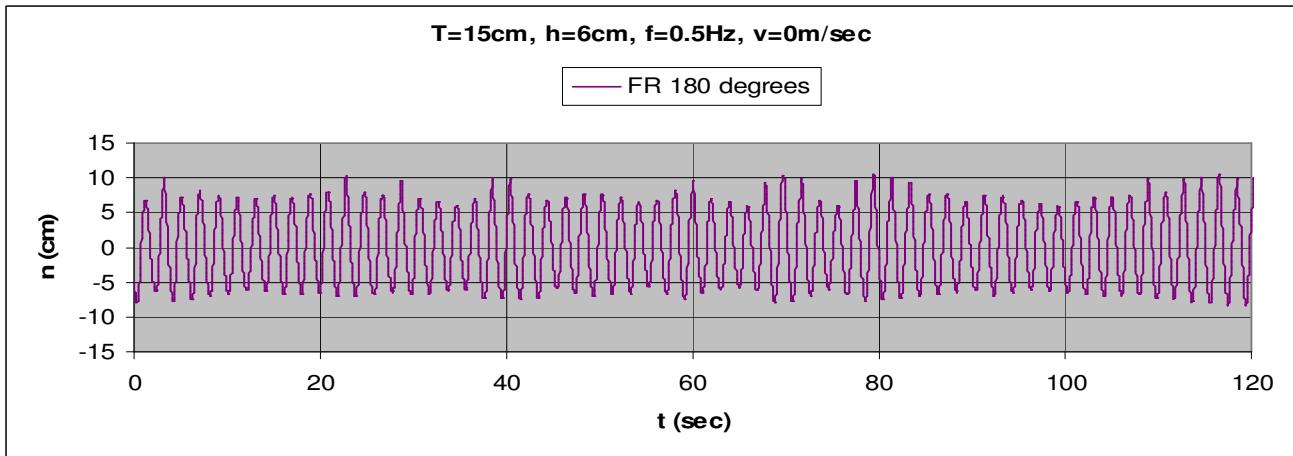
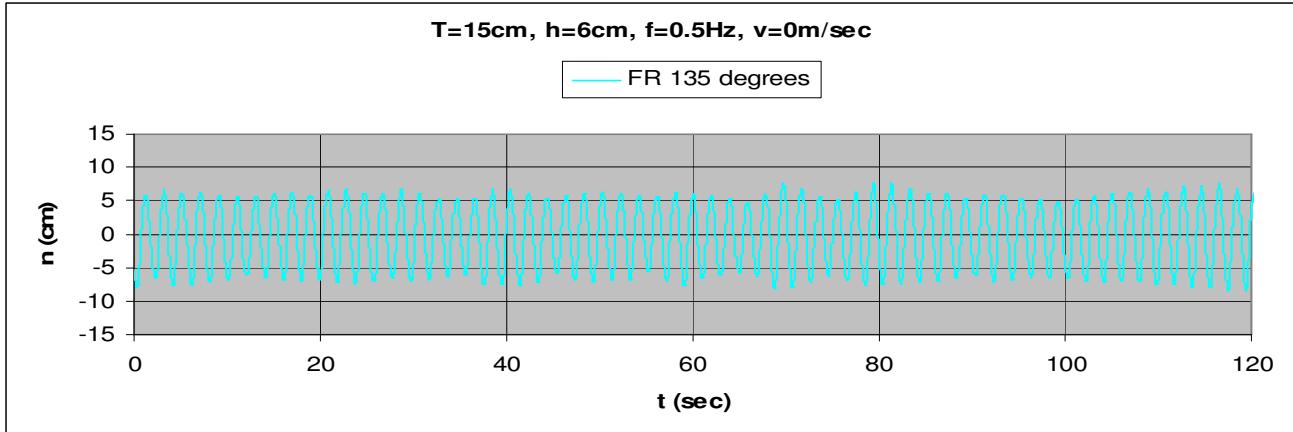
### 3.1.3.7 T=15cm, h=4cm, v=0m/s, f=0.9Hz, Fn=0, ω=5.655rad/sec



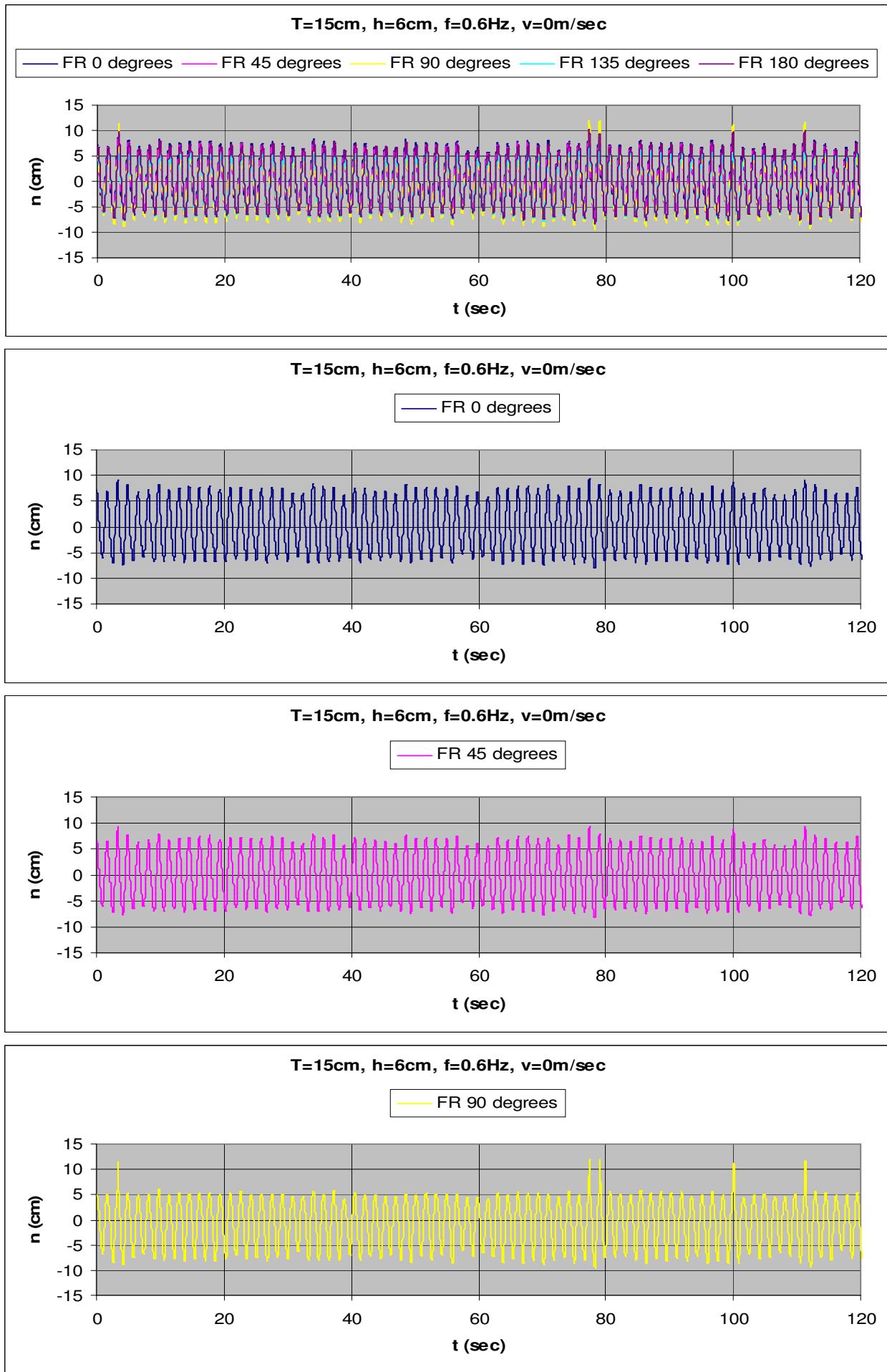


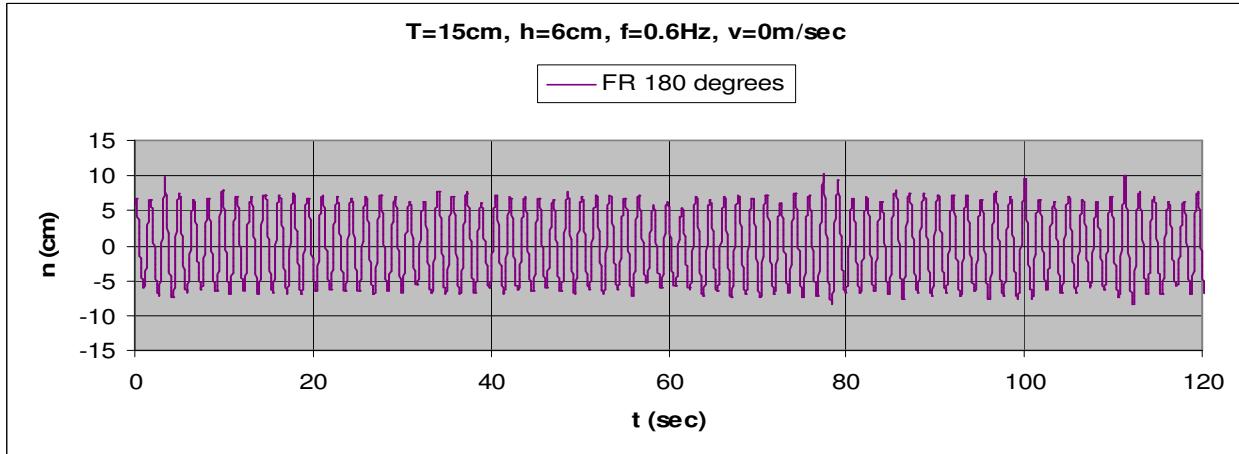
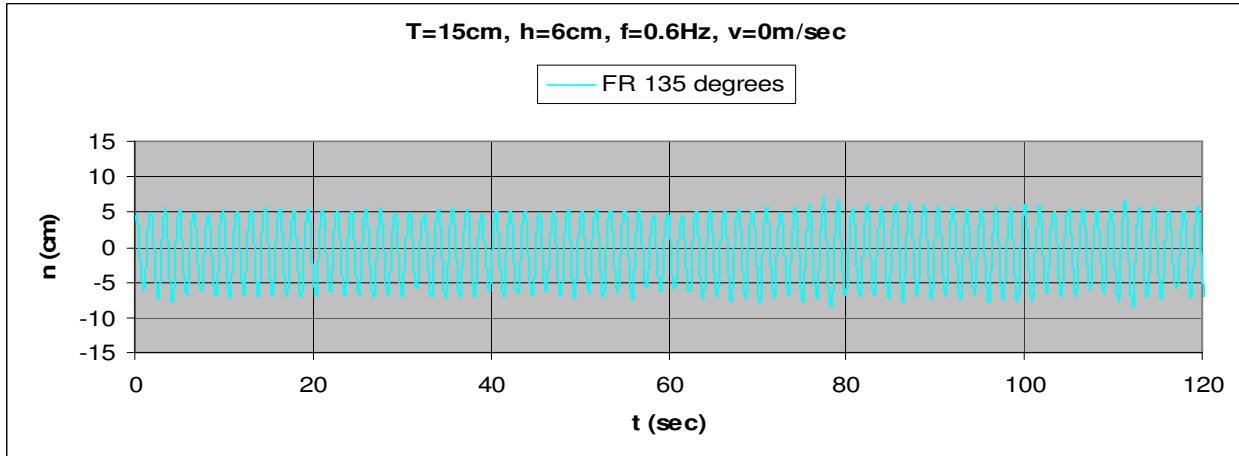
**3.1.3.8       $T=15\text{cm}$ ,  $h=6\text{cm}$ ,  $v=0\text{m/s}$ ,  $f=0.5\text{Hz}$ ,  $F_n=0$ ,  $\omega=3.142\text{rad/sec}$**



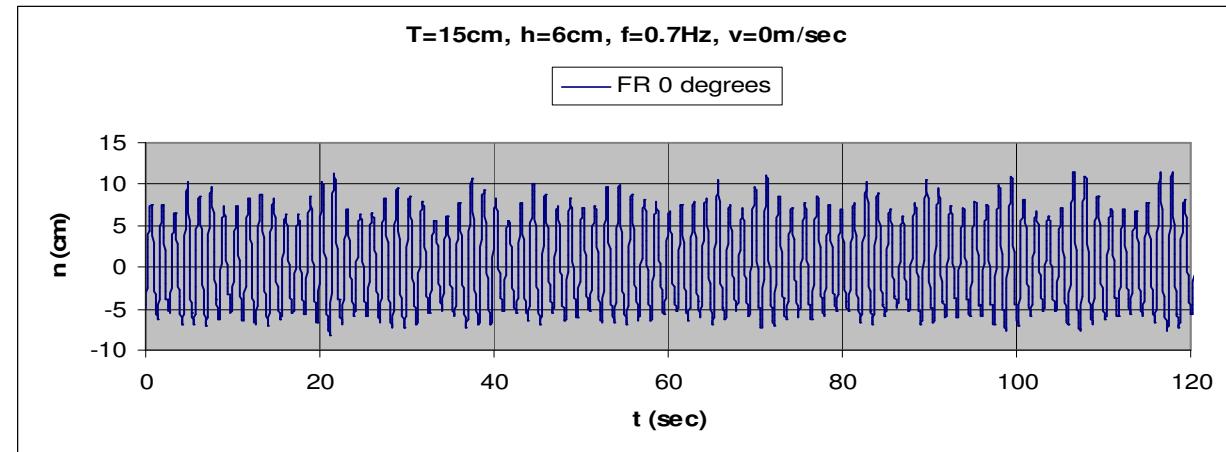
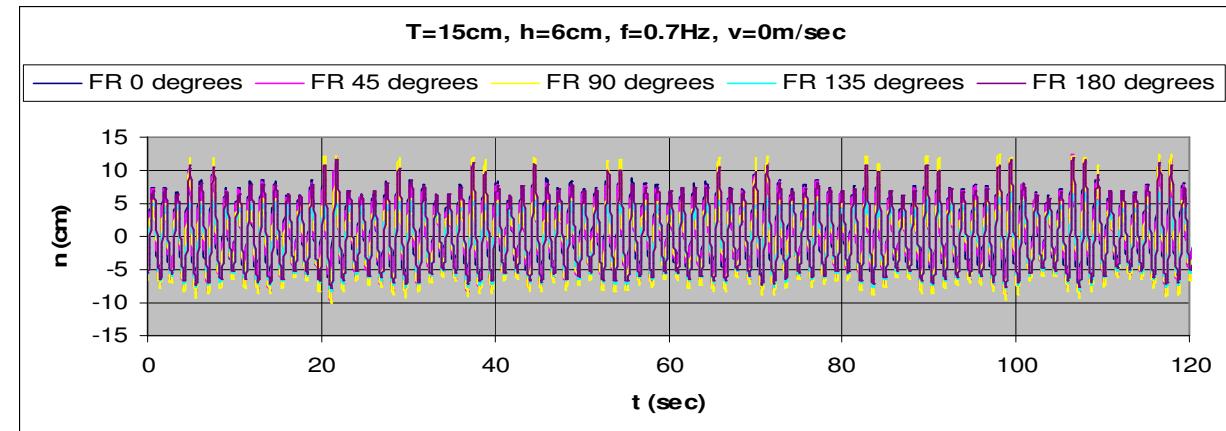


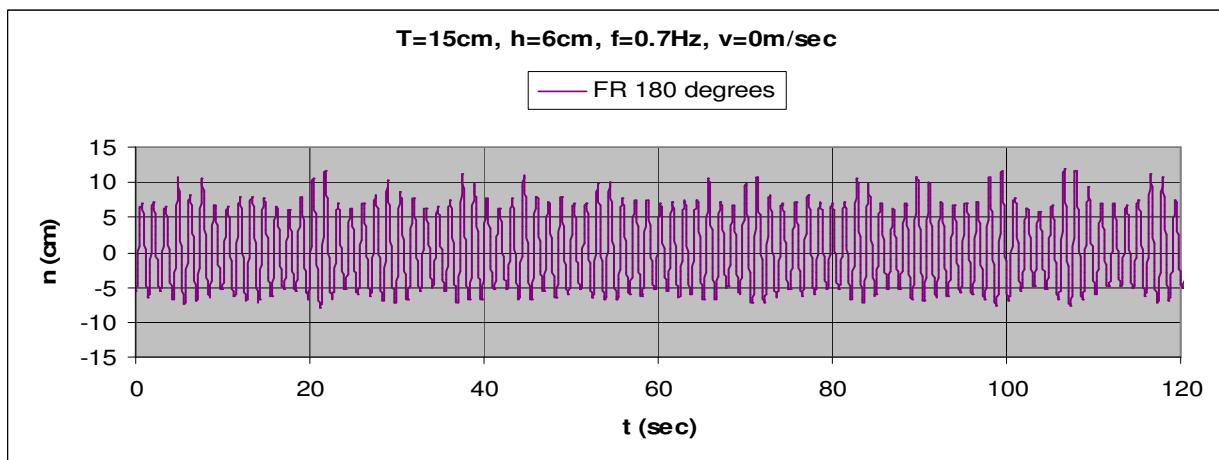
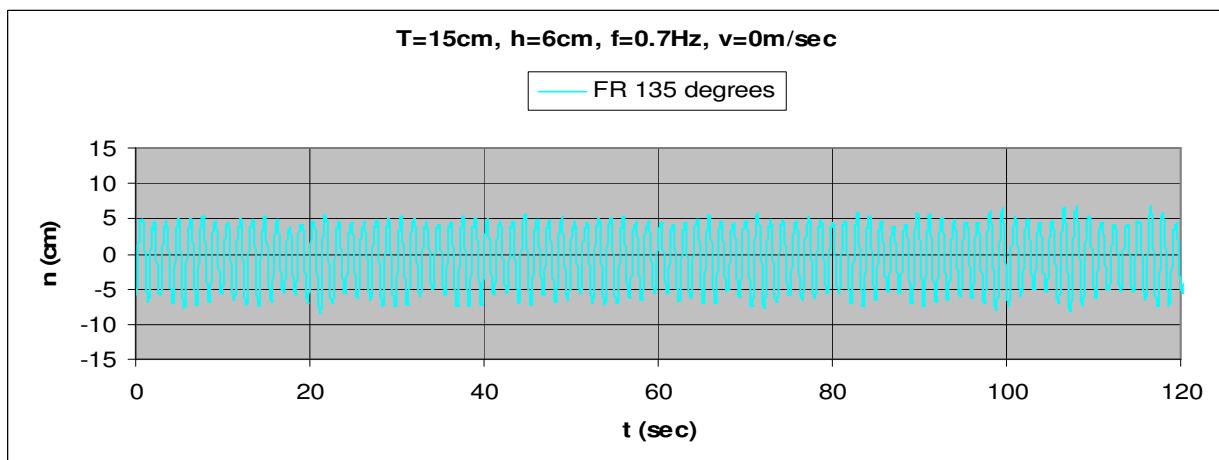
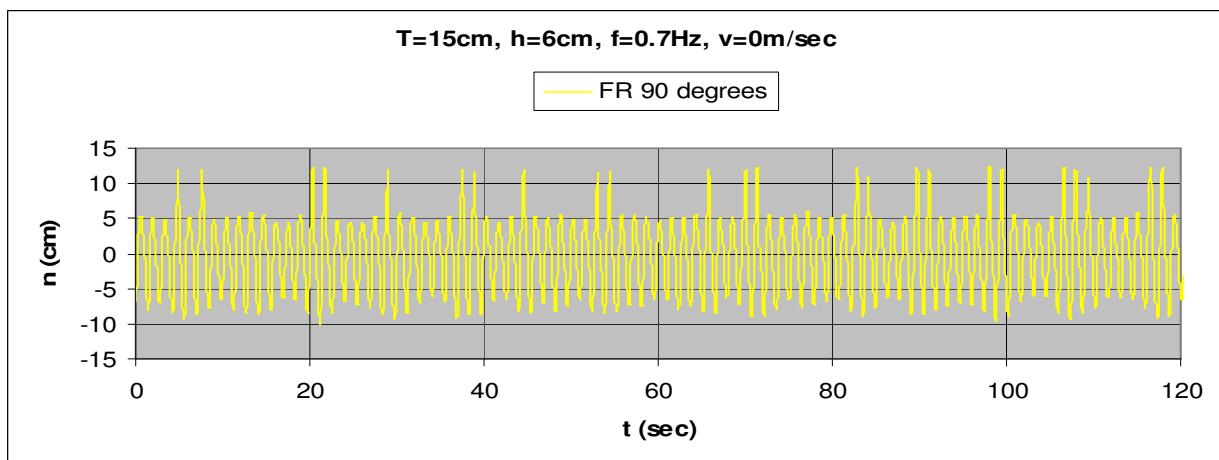
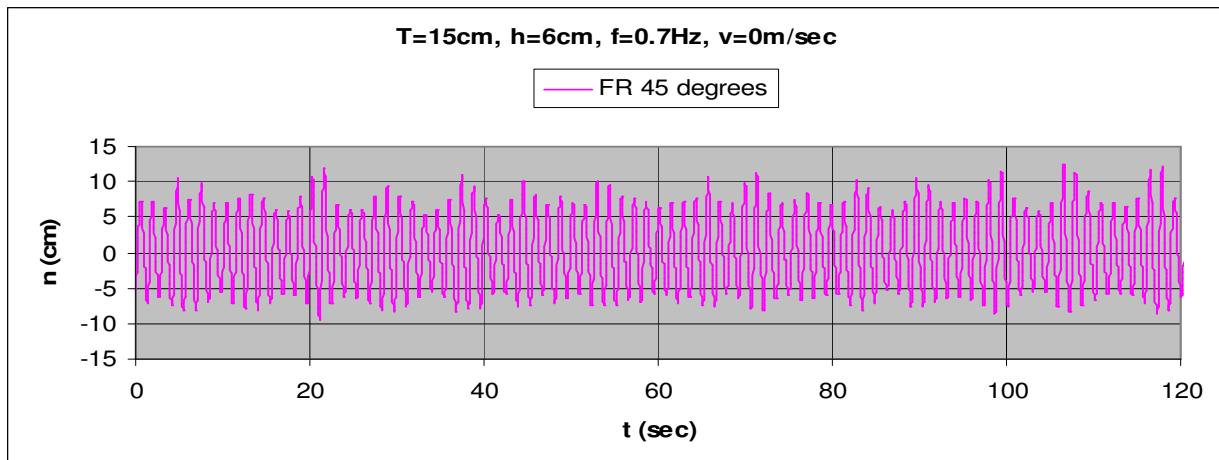
**3.1.3.9  $T=15\text{cm}$ ,  $h=6\text{cm}$ ,  $v=0\text{m/sec}$ ,  $f=0.6\text{Hz}$ ,  $F_n=0$ ,  $\omega=3.770\text{rad/sec}$**



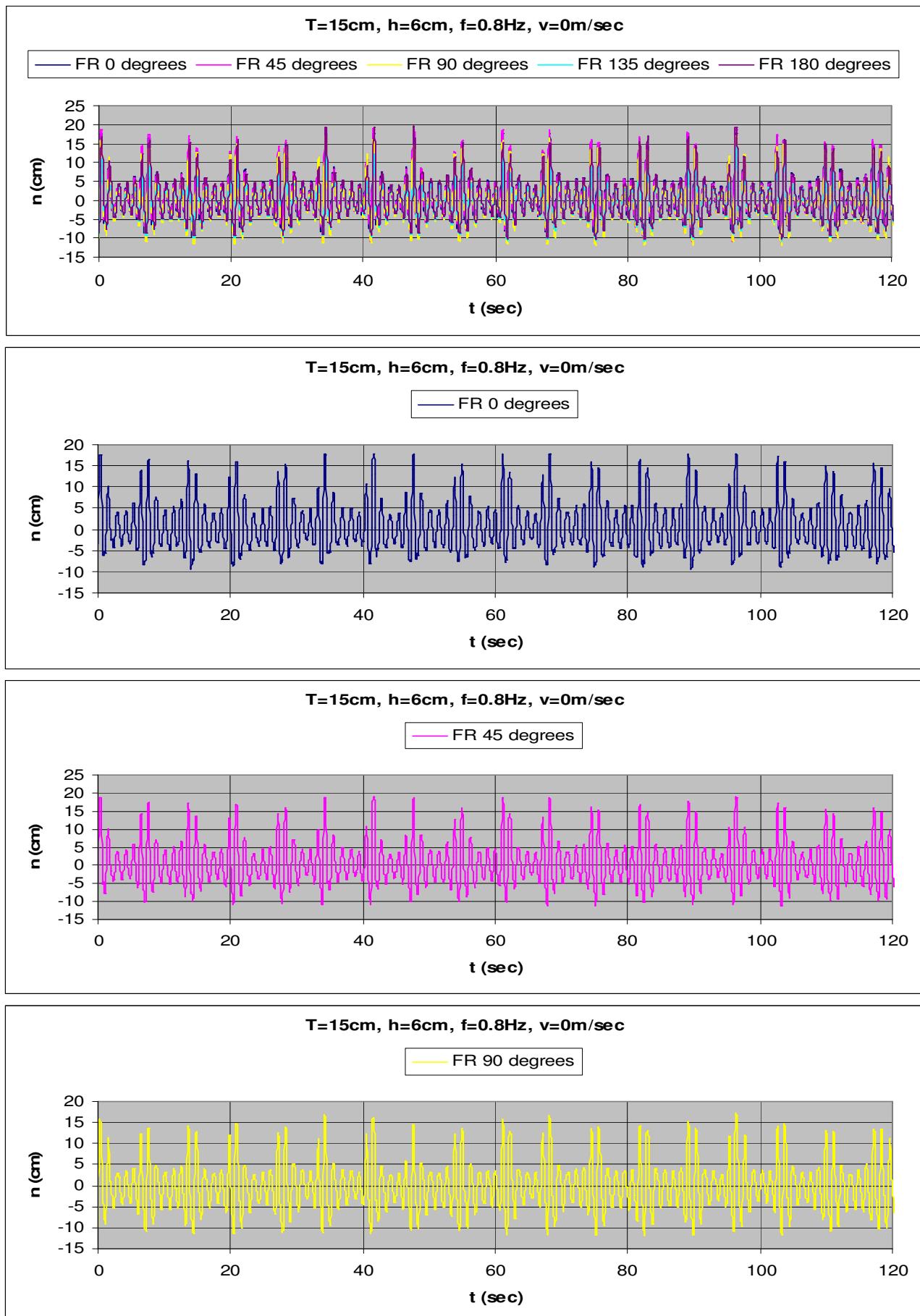


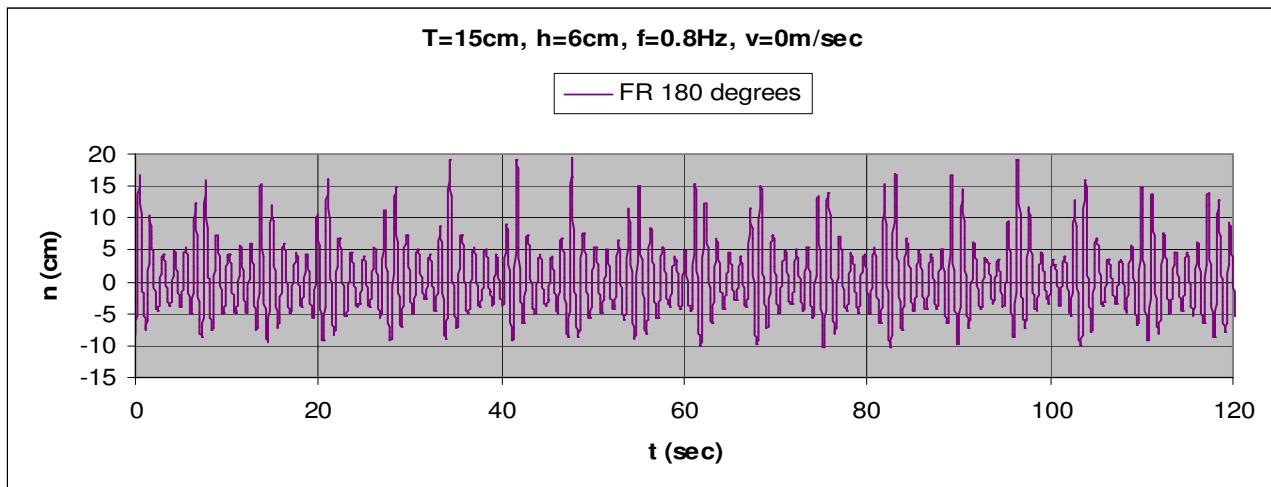
### 3.1.3.10 T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.7Hz, Fn=0, ω=4.398rad/sec



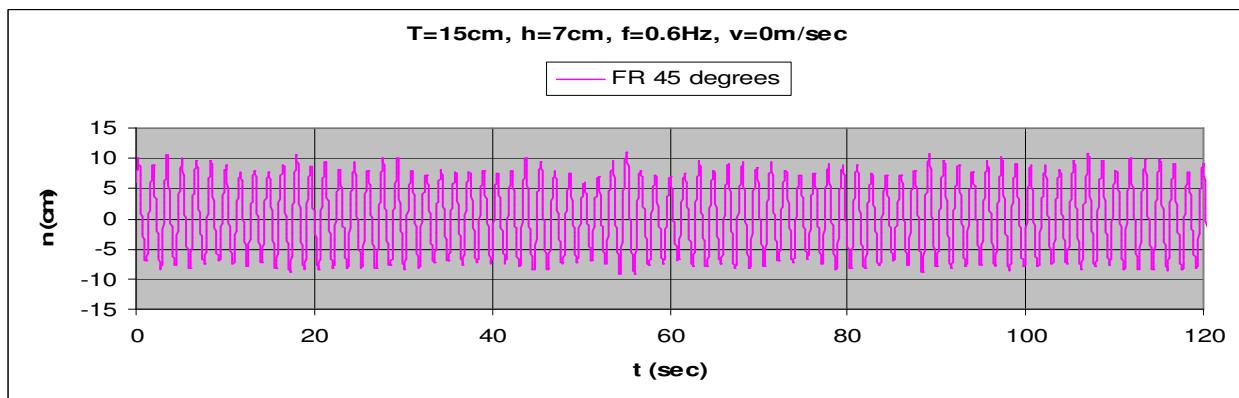
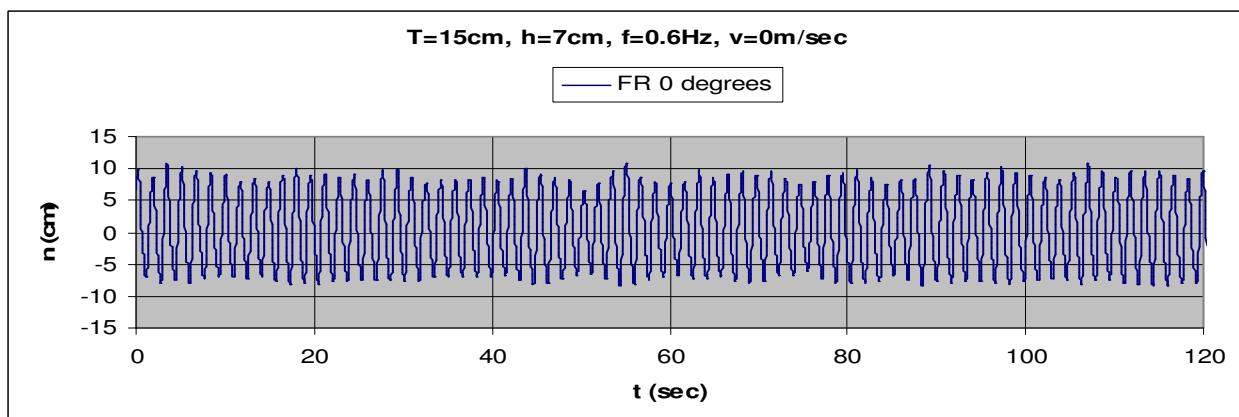
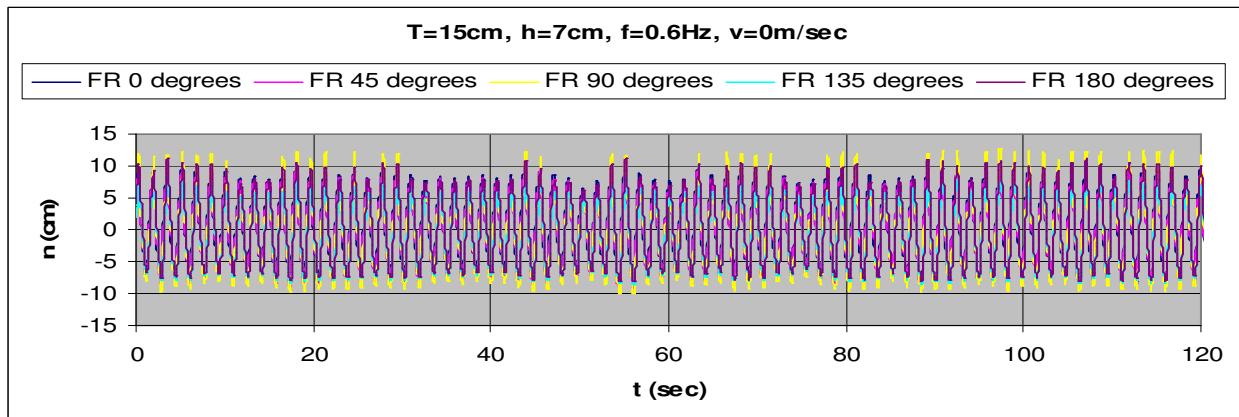


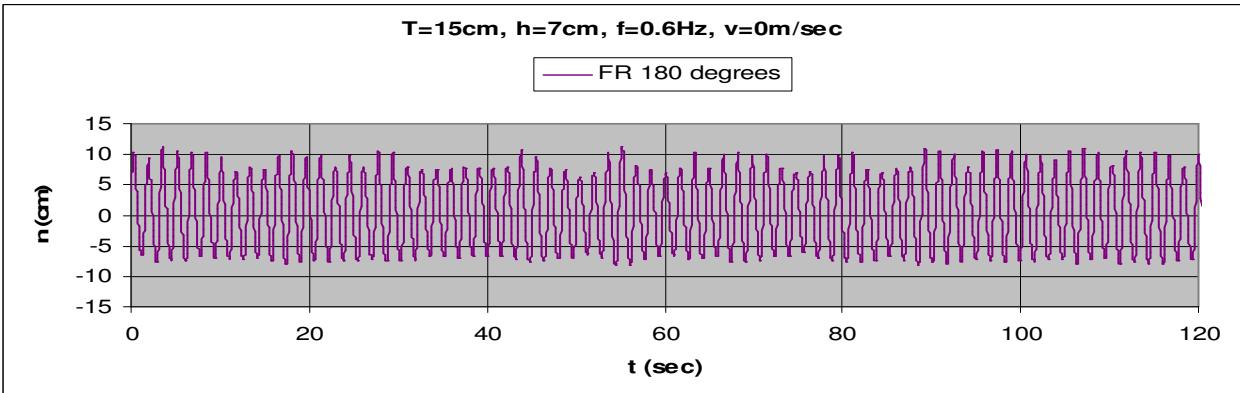
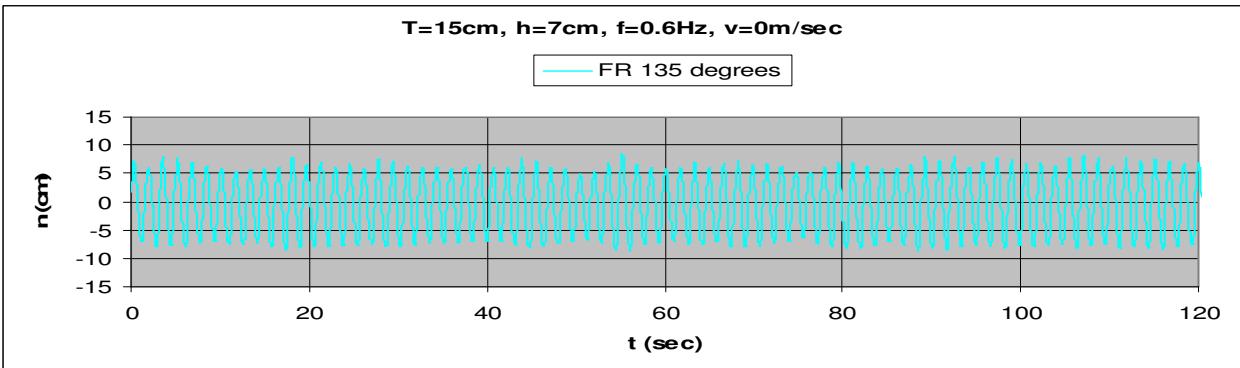
**3.1.3.11 T=15cm, h=6cm, v=0m/s, f=0.8Hz, Fn=0,  $\omega=5.026\text{rad/sec}$**



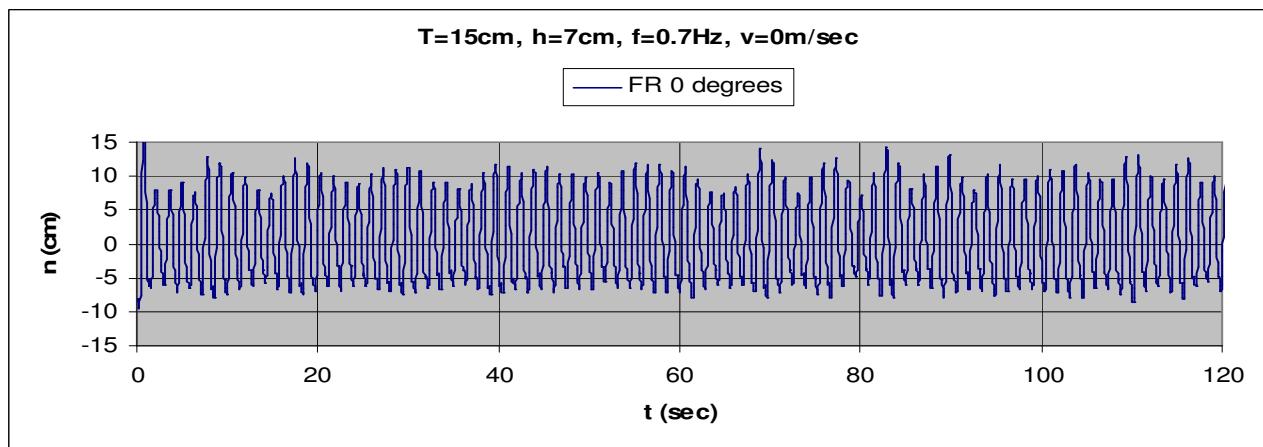
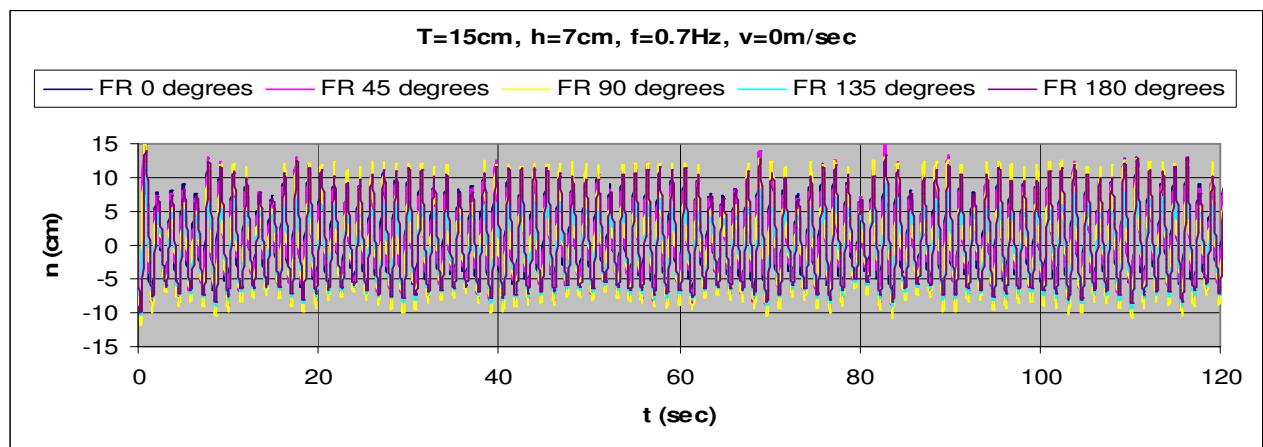


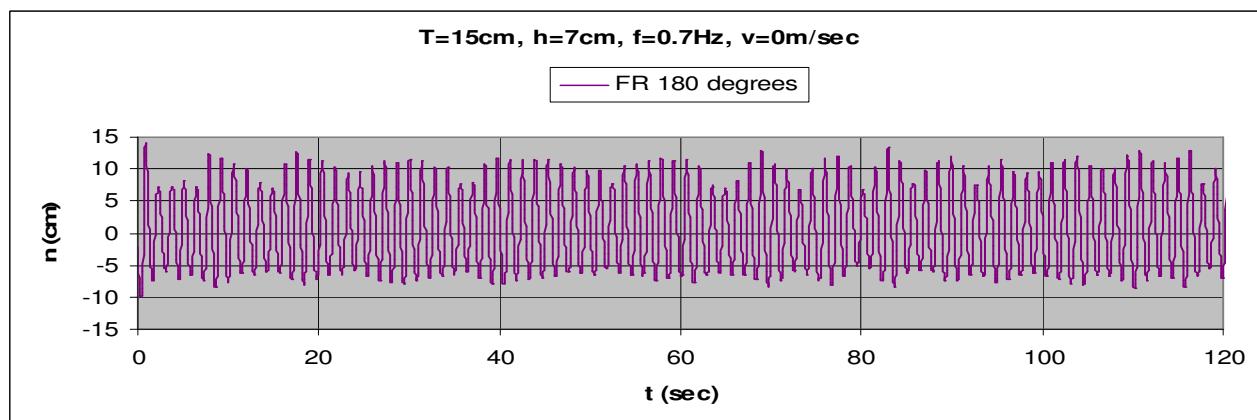
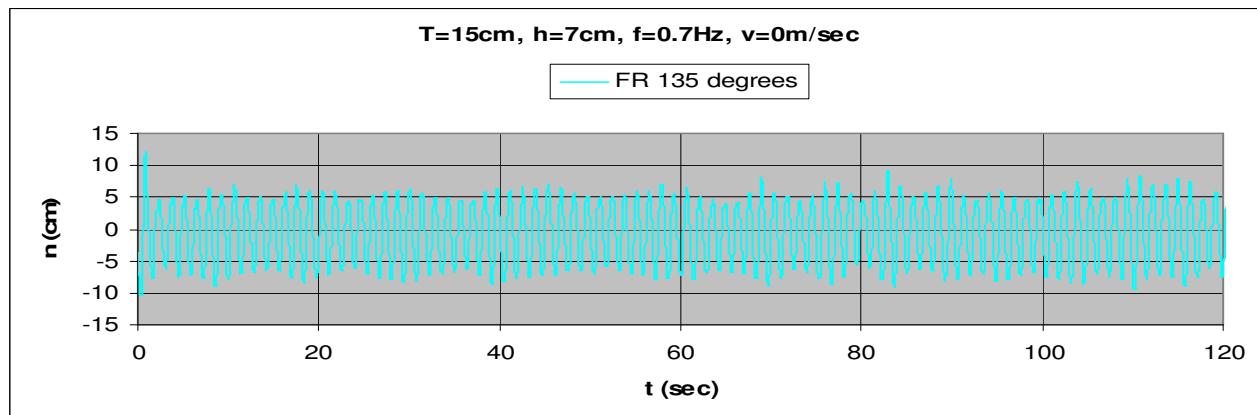
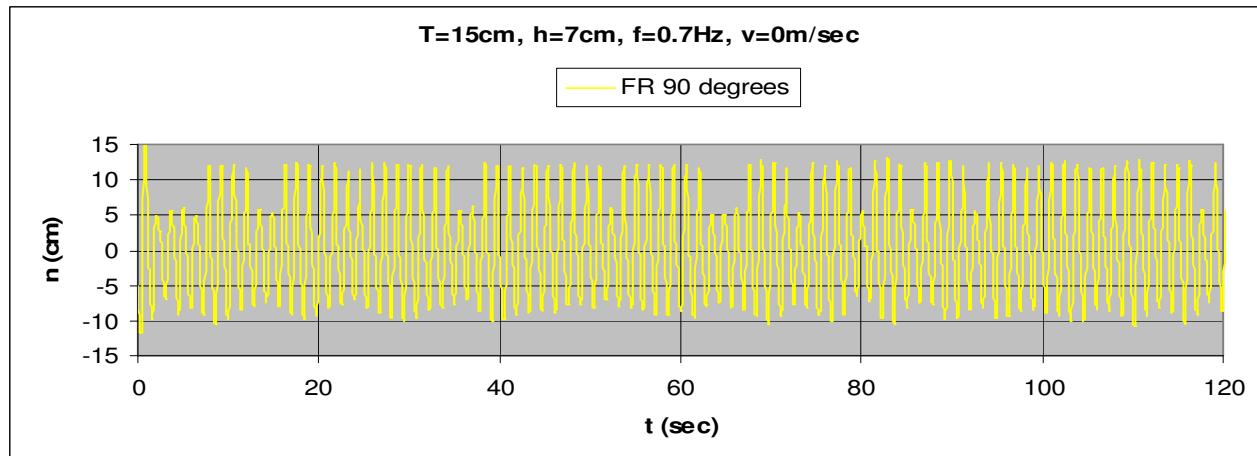
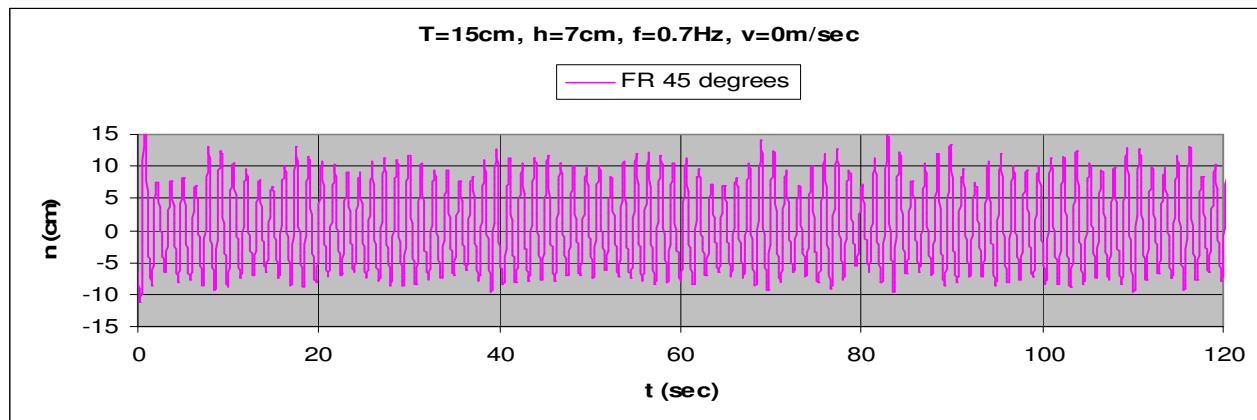
**3.1.3.12    T=15cm, h=7cm, v=0m/s, f=0.6Hz, Fn=0,  $\omega=3.770\text{rad/sec}$**



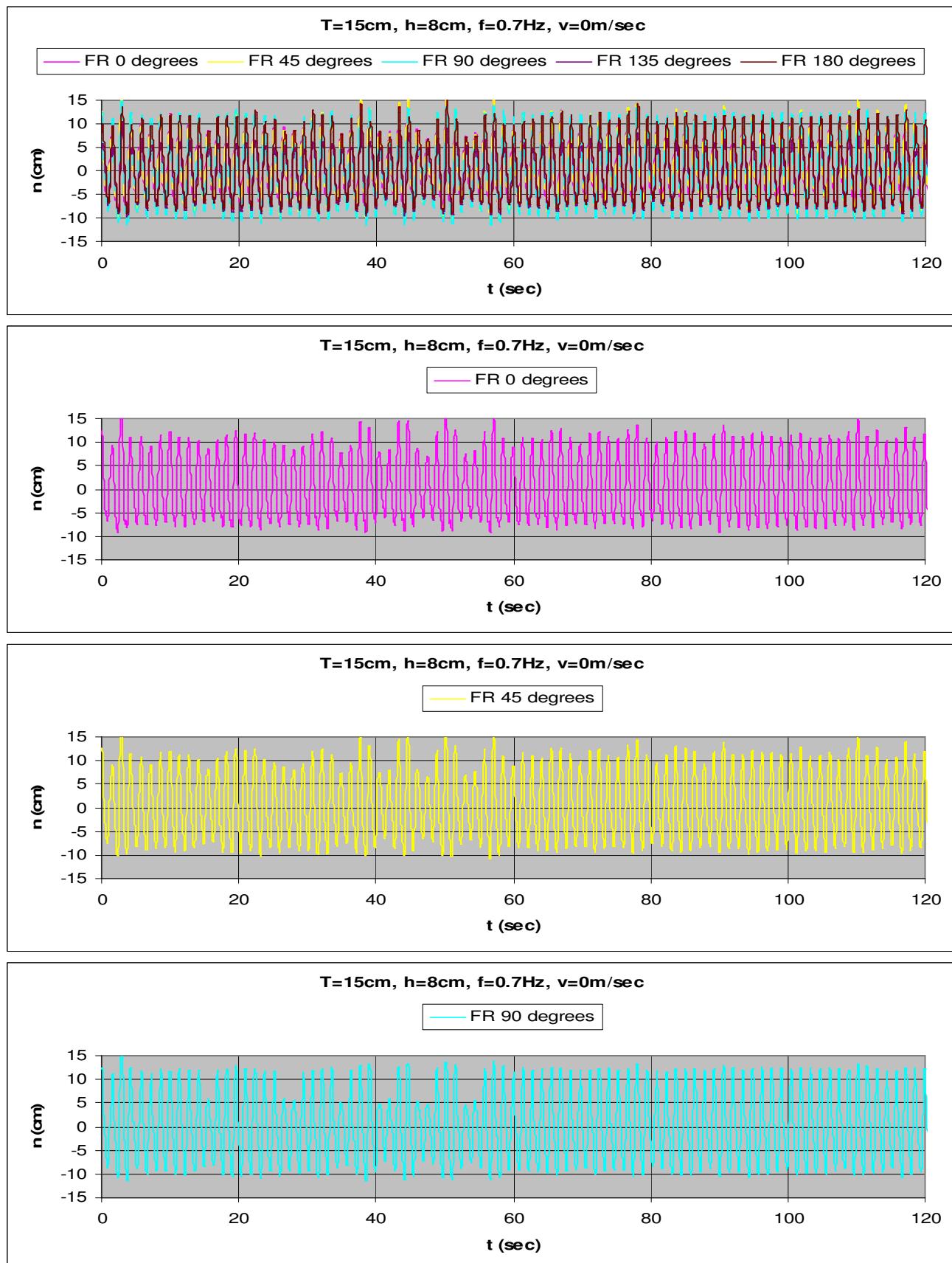


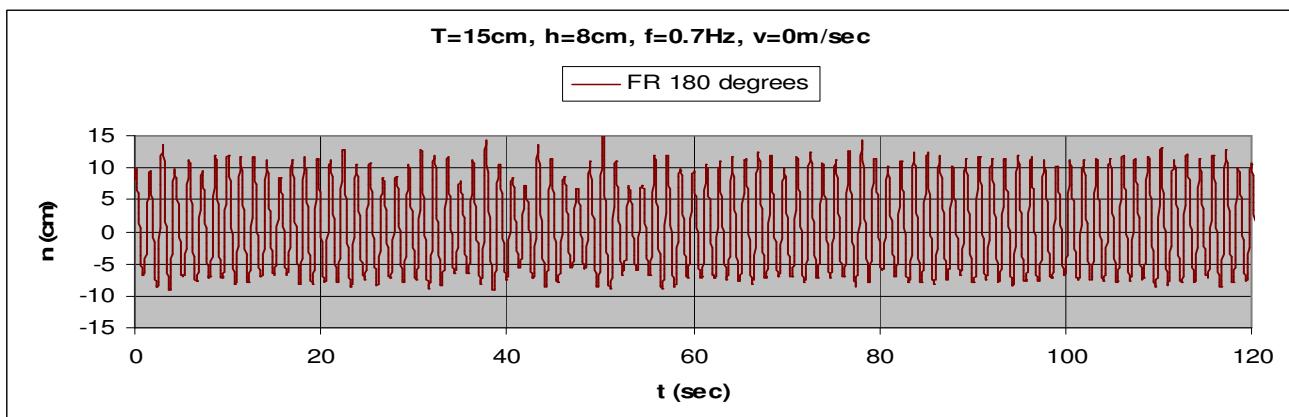
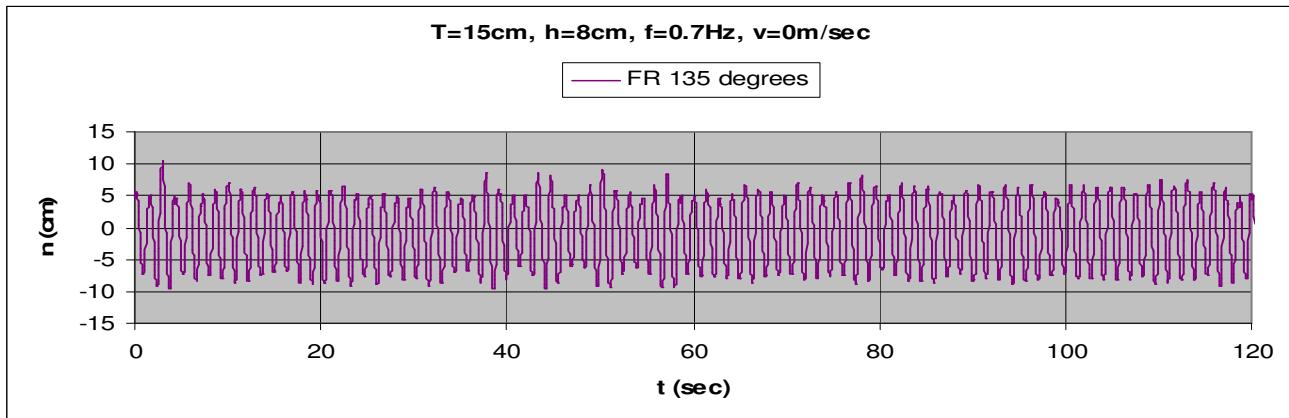
### 3.1.3.13 $T=15\text{cm}, h=7\text{cm}, v=0\text{m/s}, f=0.7\text{Hz}, Fn=0, \omega=4.398\text{rad/sec}$





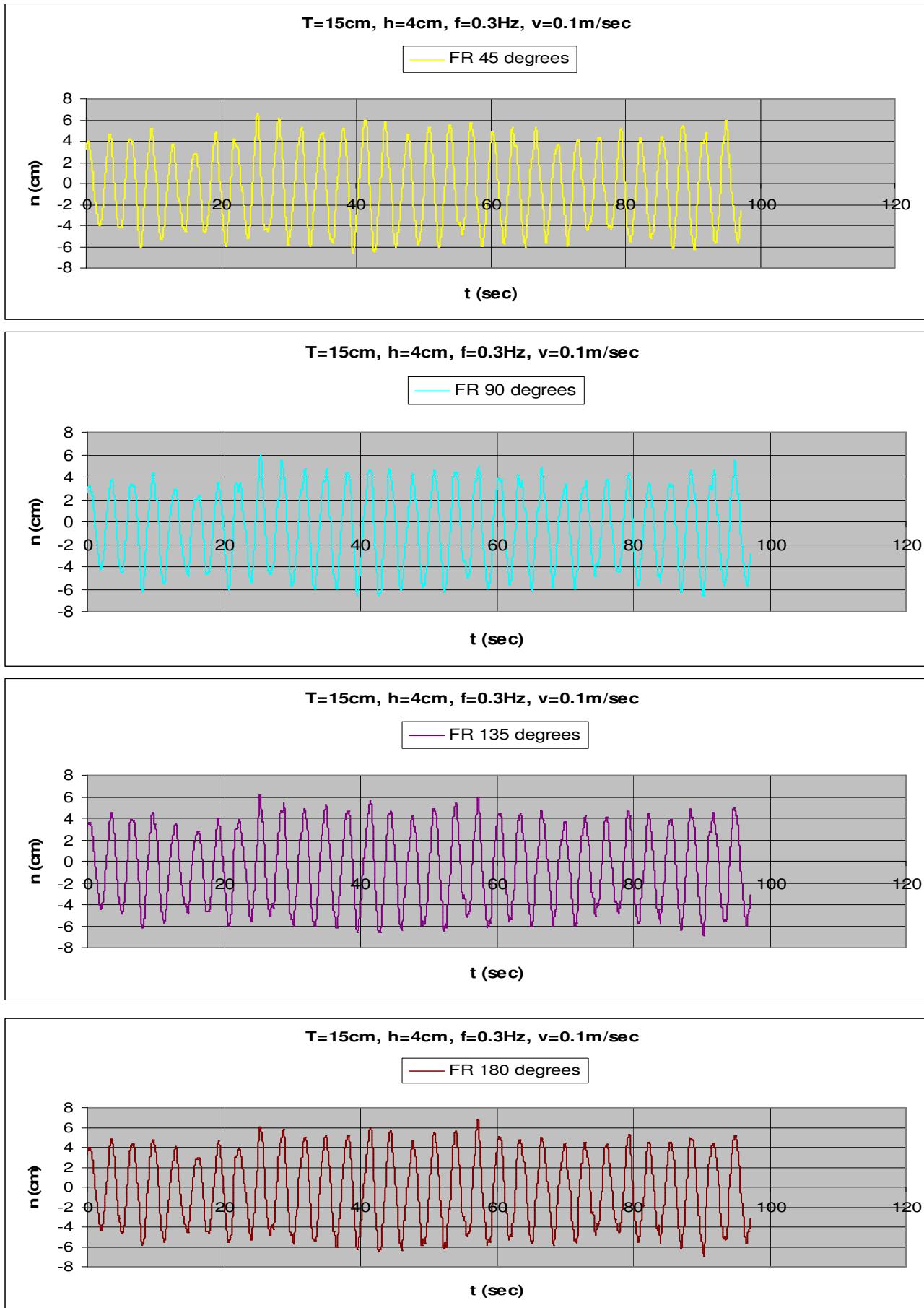
**3.1.3.14 T=15cm, h=8cm, v=0m/s, f=0.7Hz, Fn=0,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**



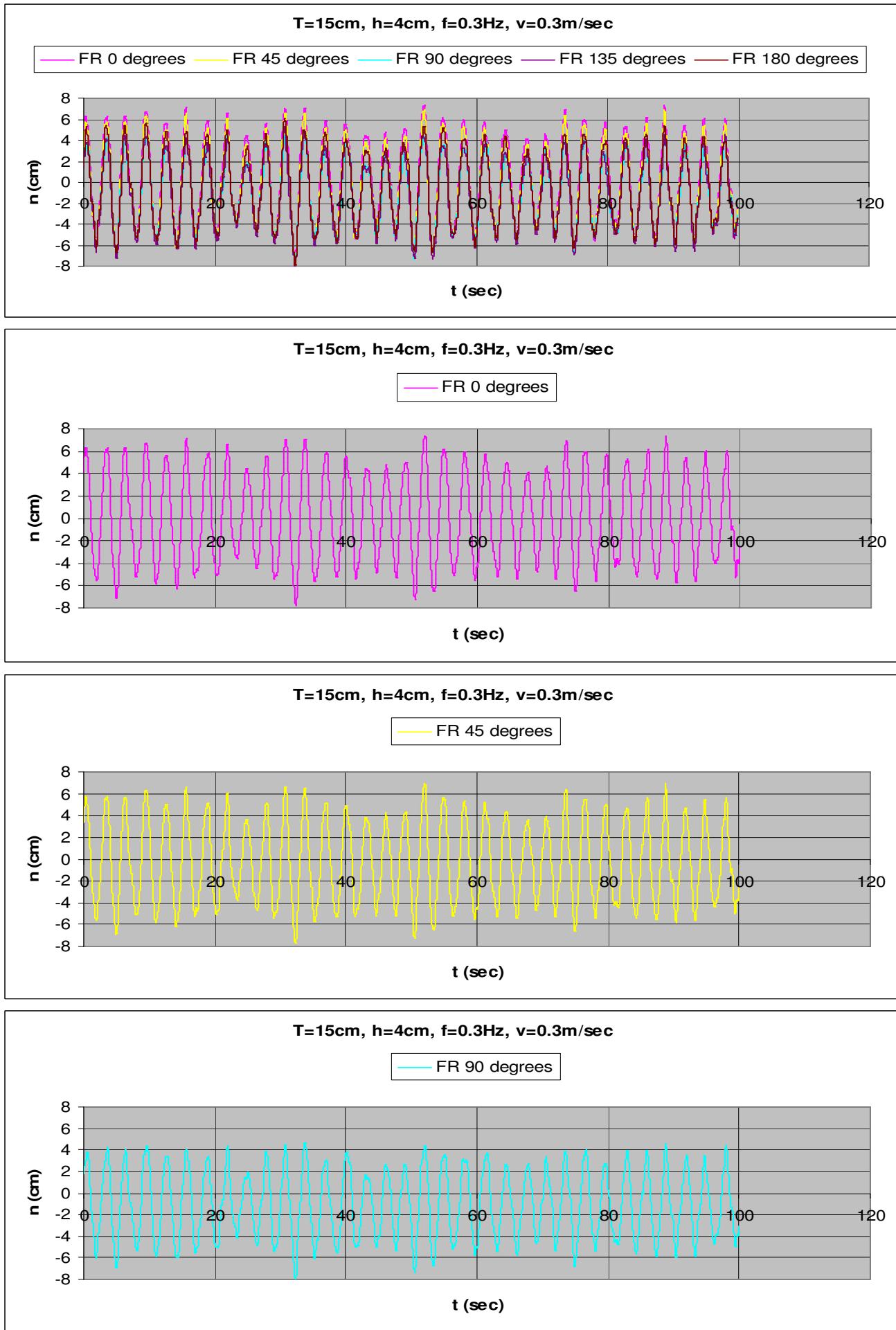


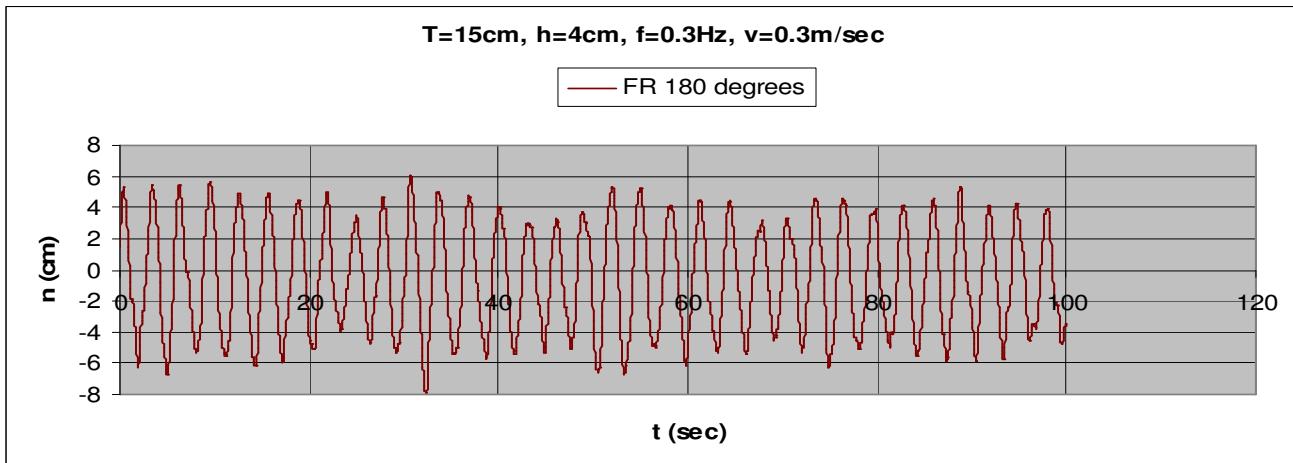
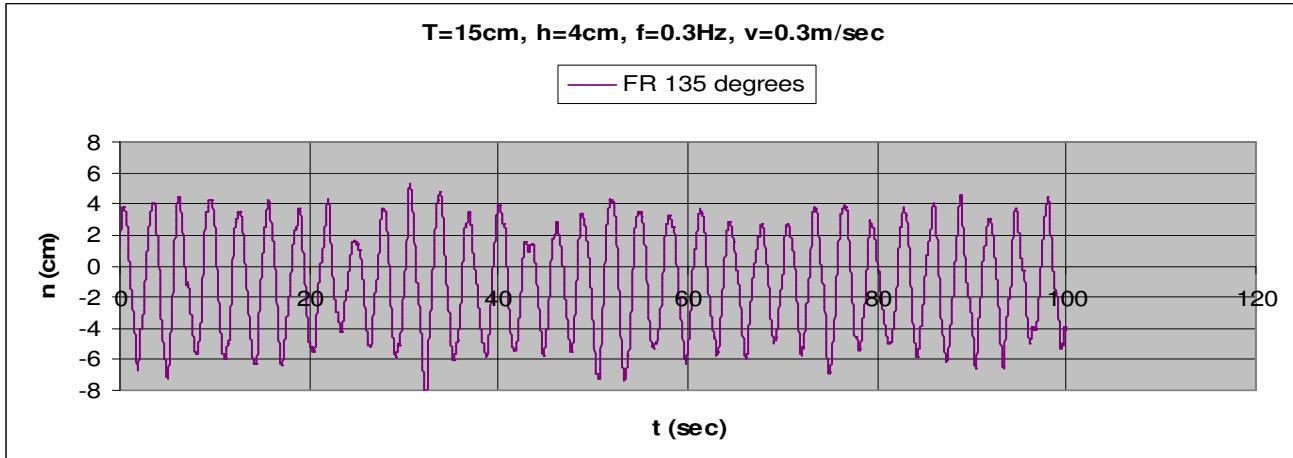
### 3.1.4 Χρονικές ιστορίες μοντέλου σύνθετου κυλίνδρου σε κίνηση

#### 3.1.4.1 $T=15\text{cm}$ , $h=4\text{cm}$ , $v=0.1\text{m/s}$ , $f=0.3\text{Hz}$ , $F_n=0.056$ , $\omega=1.885\text{rad/sec}$

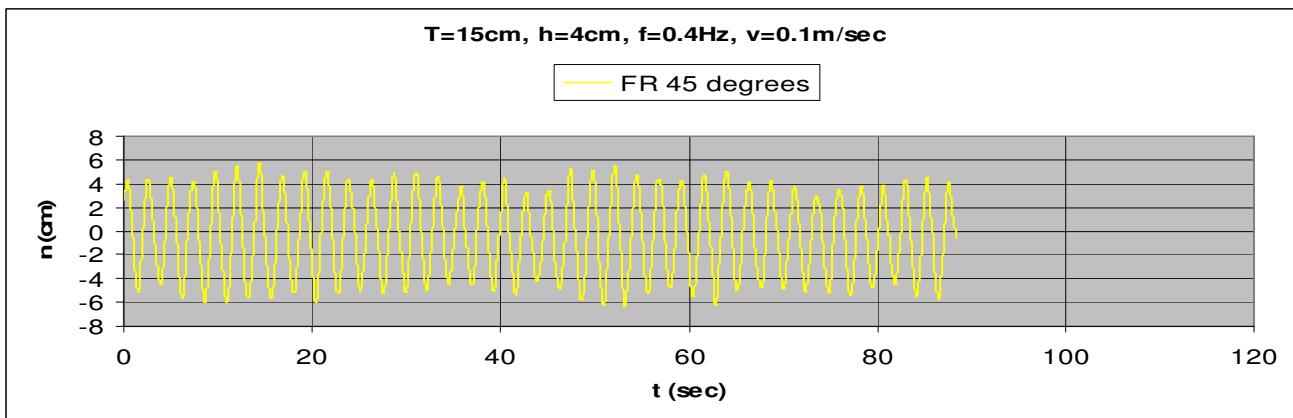
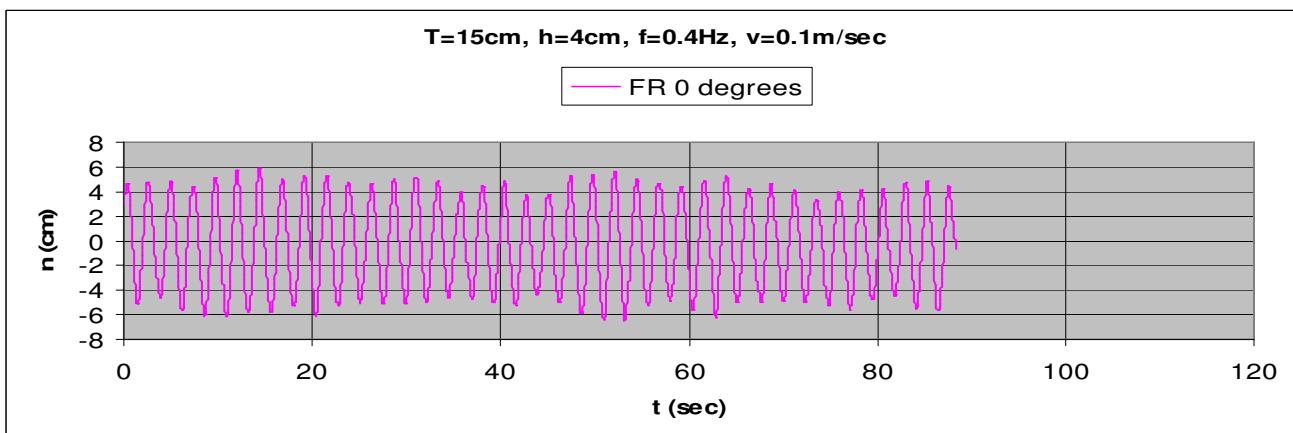


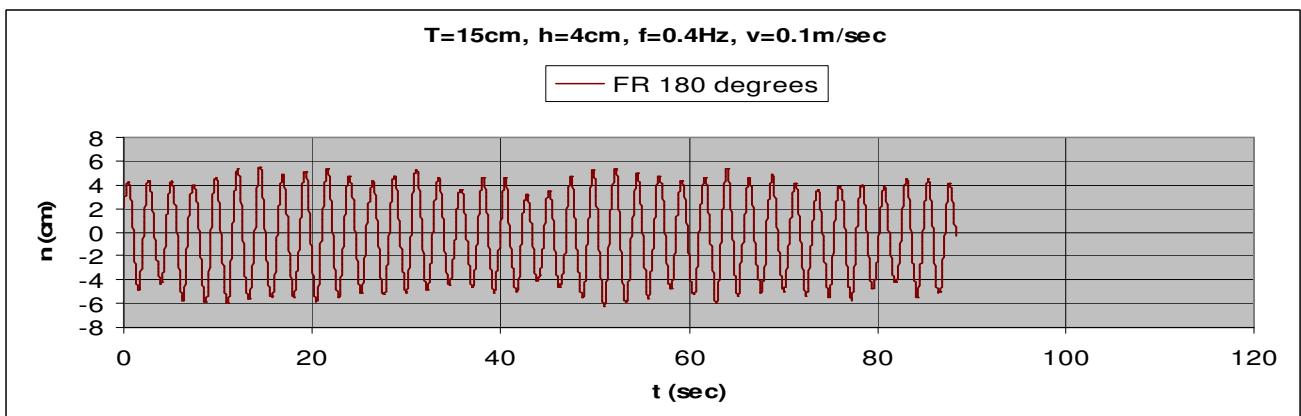
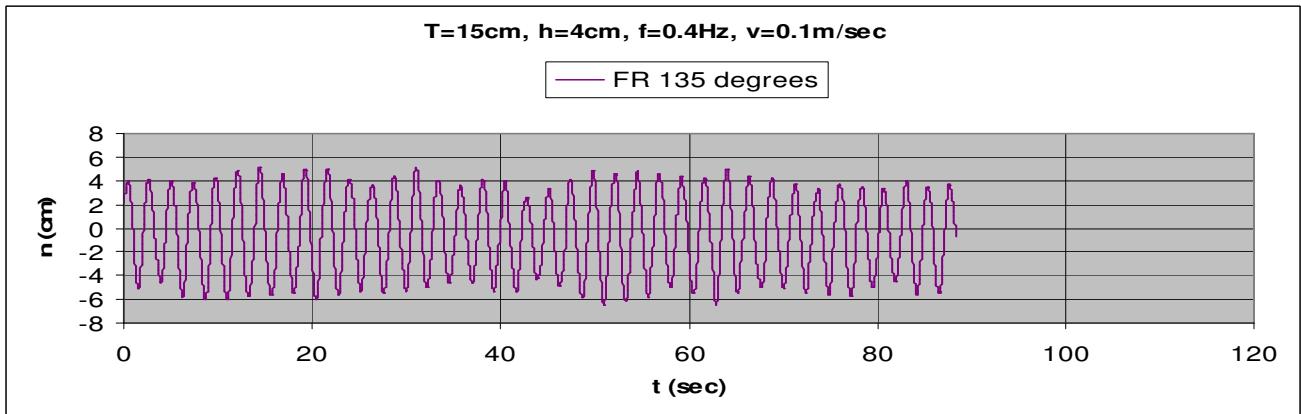
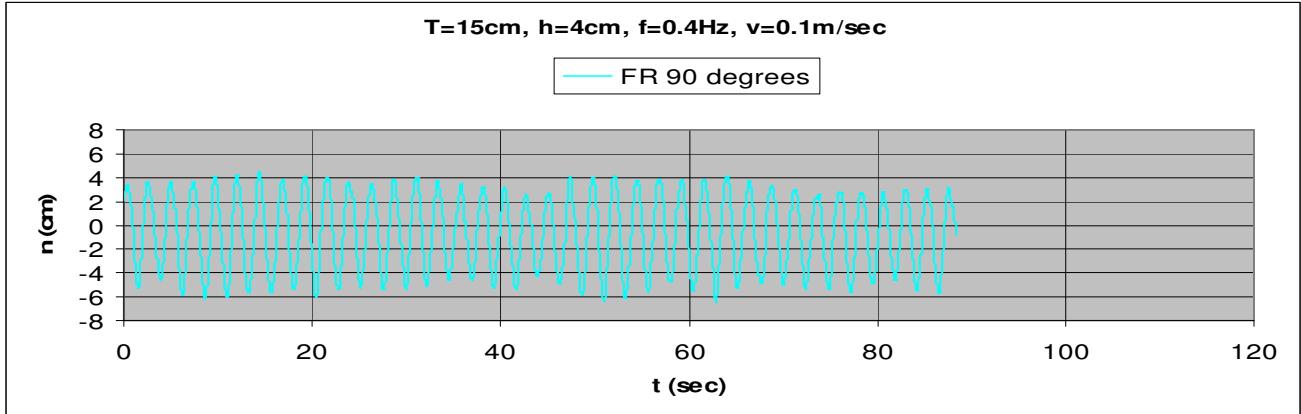
**3.1.4.2 T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.3Hz, Fn=0.167, ω=1.885rad/sec**



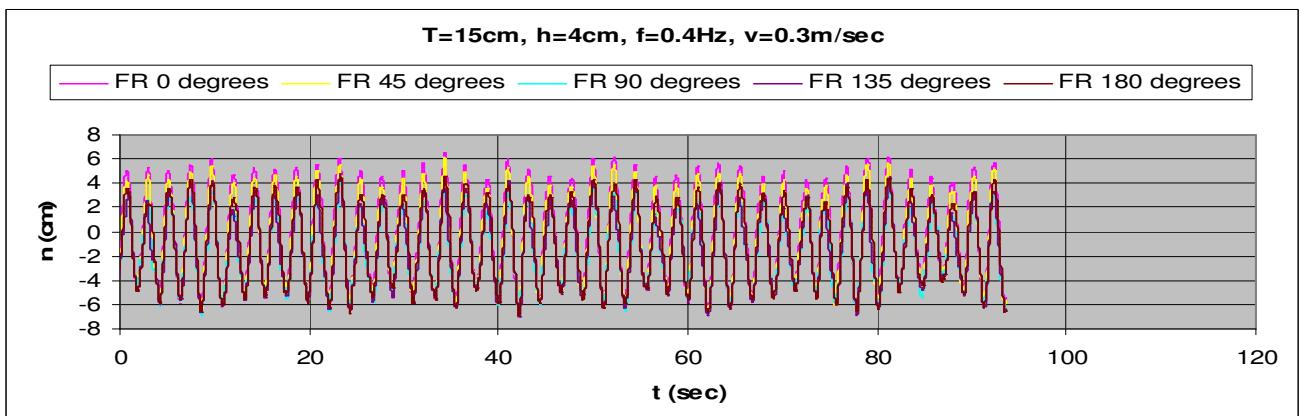


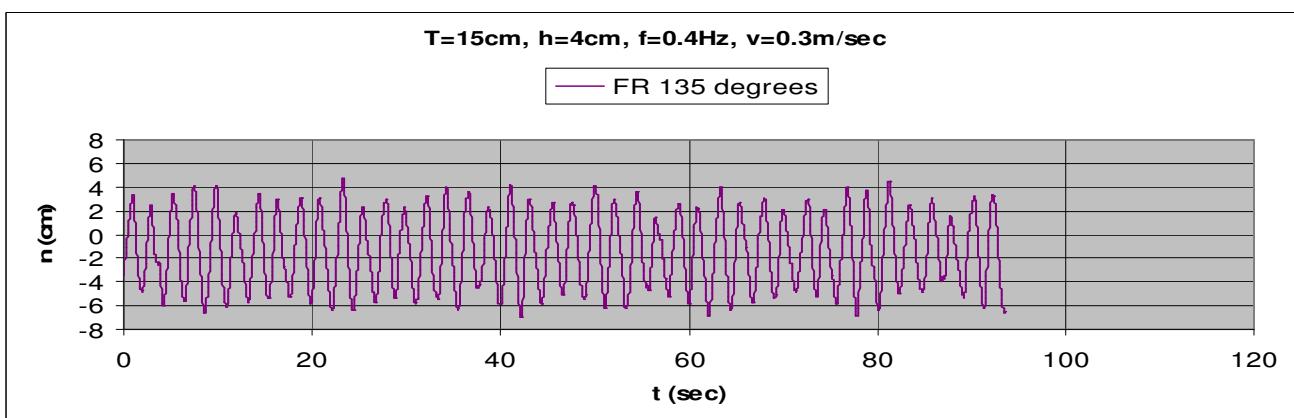
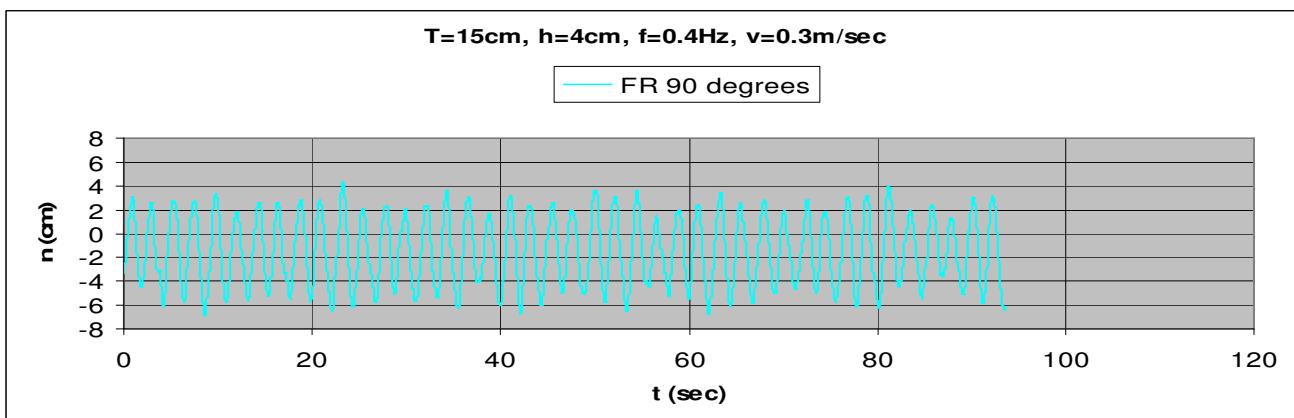
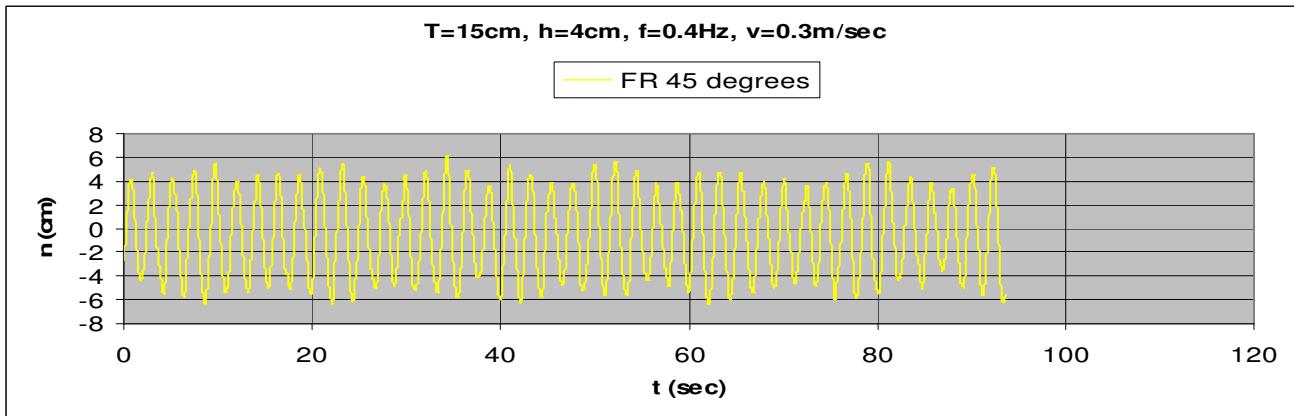
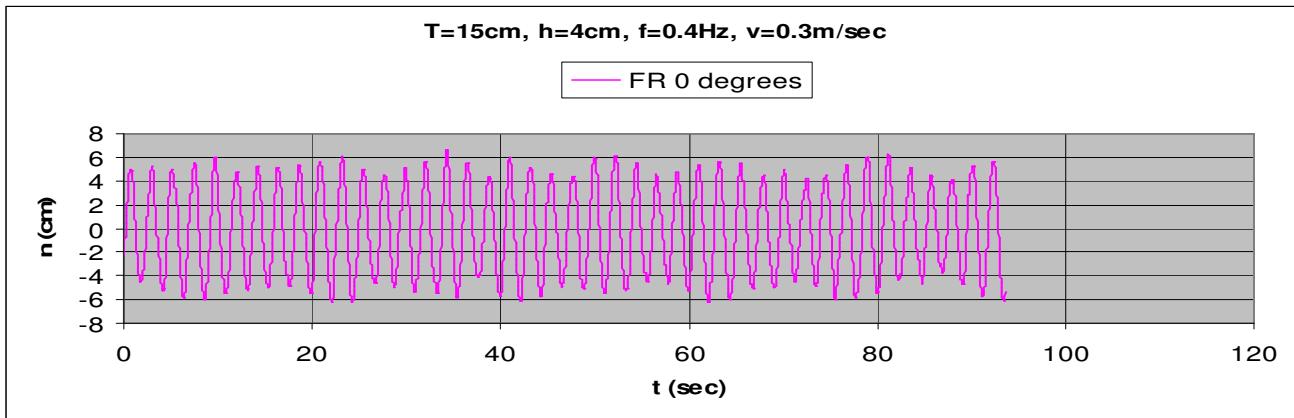
### 3.1.4.3 T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.4Hz, Fn=0.056, ω=2.513rad/sec

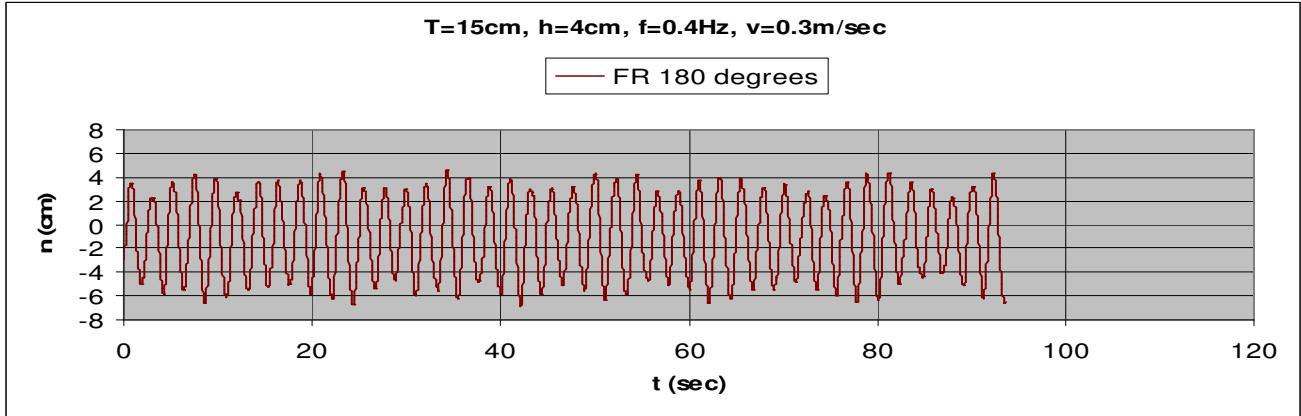




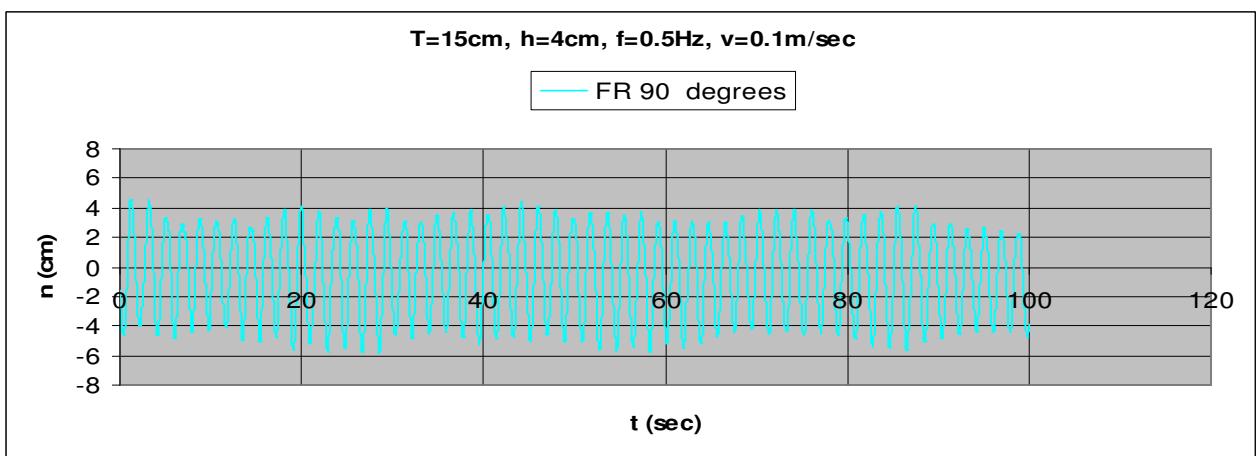
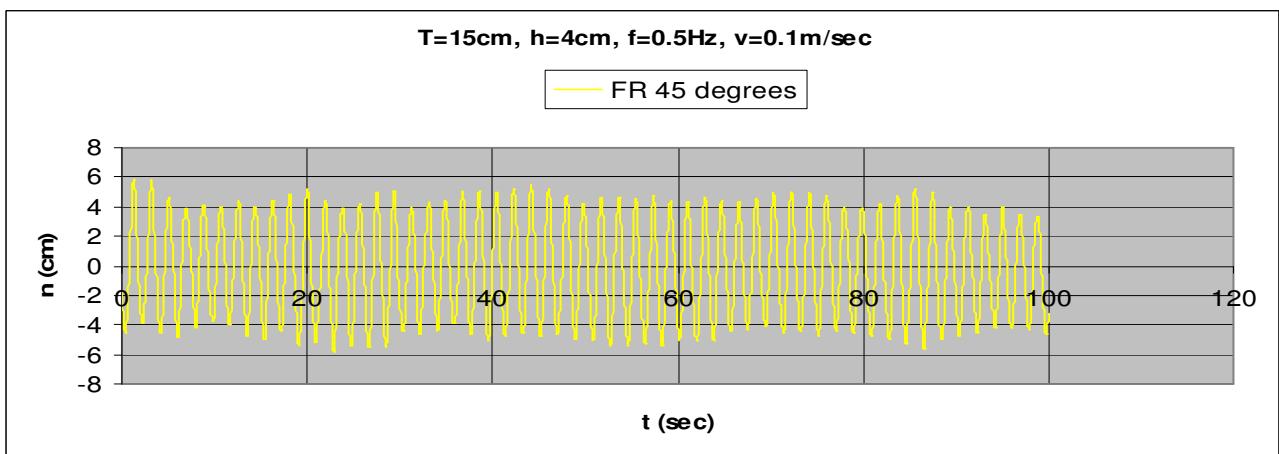
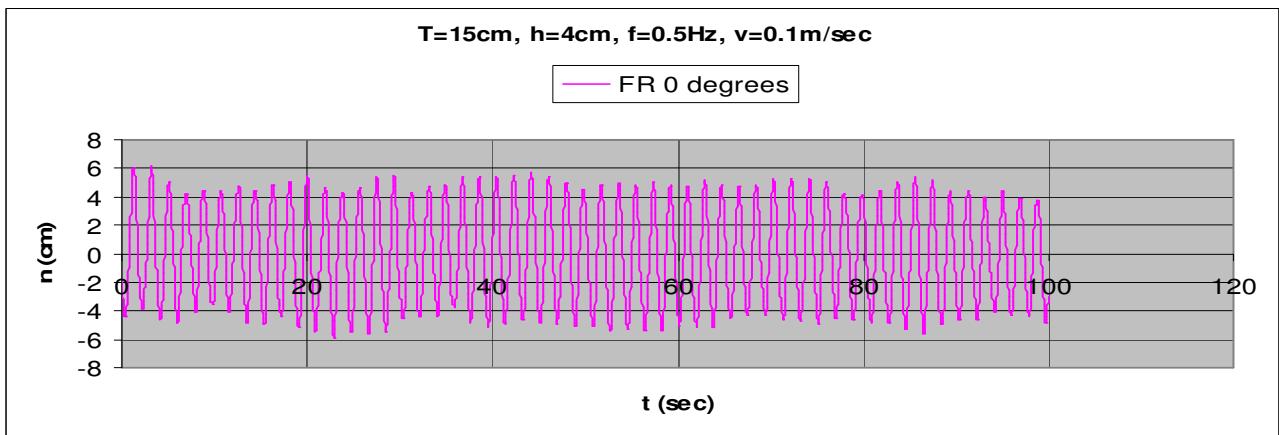
### 3.1.4.4 T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.4Hz, Fn=0.167, ω=2.513rad/sec

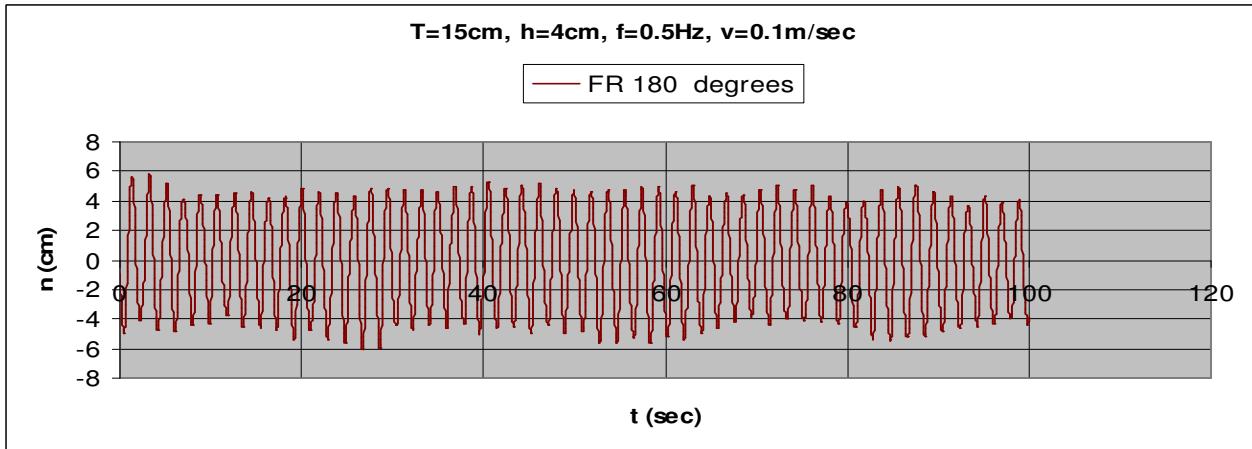
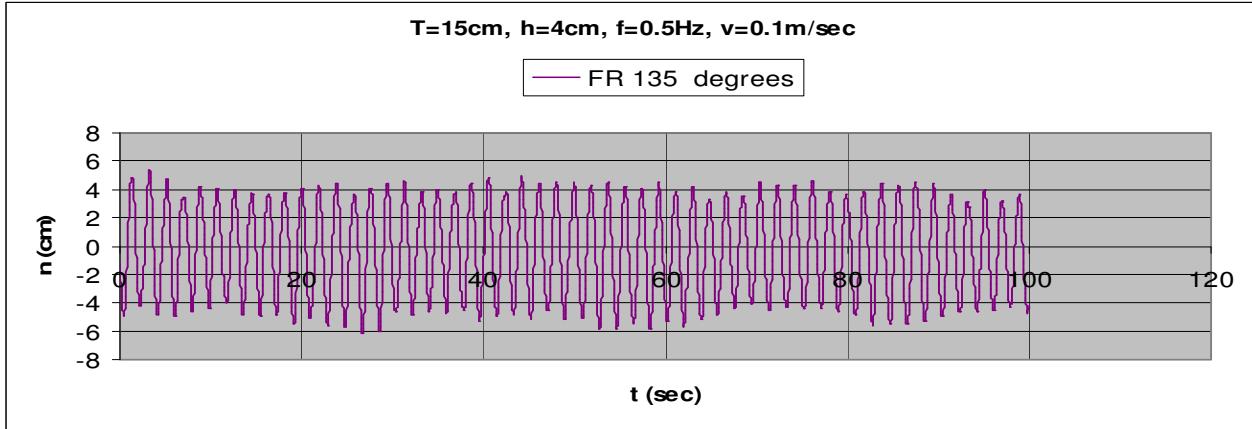




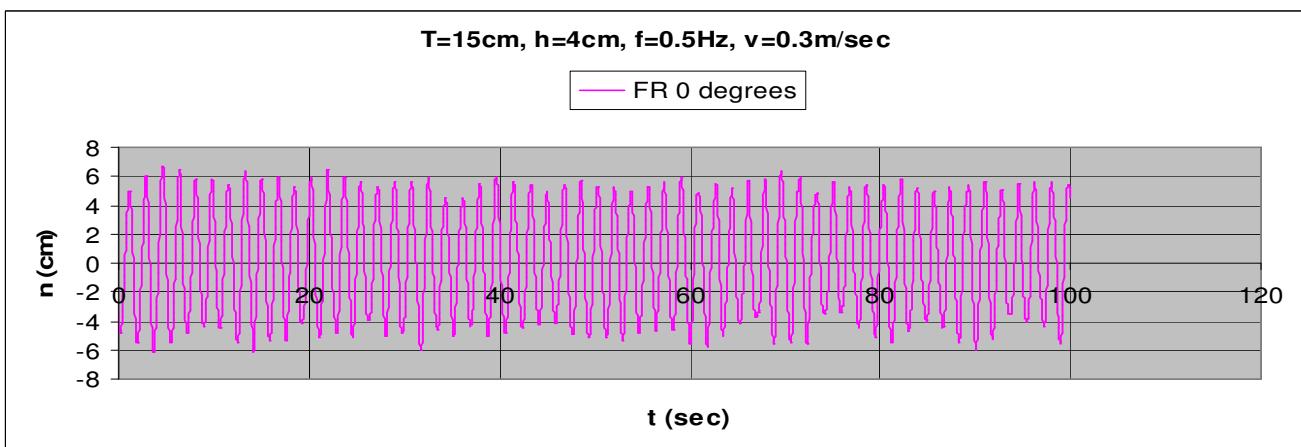
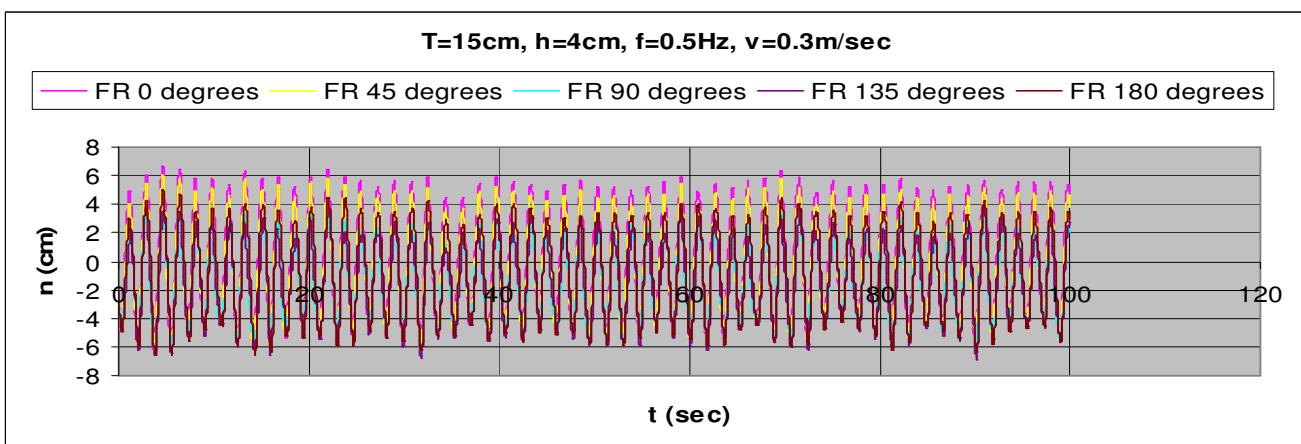


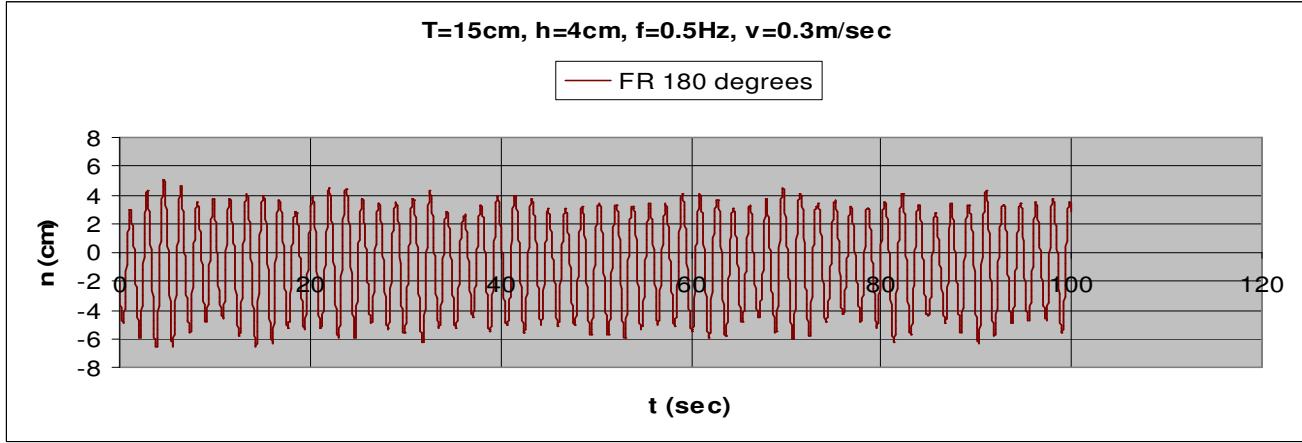
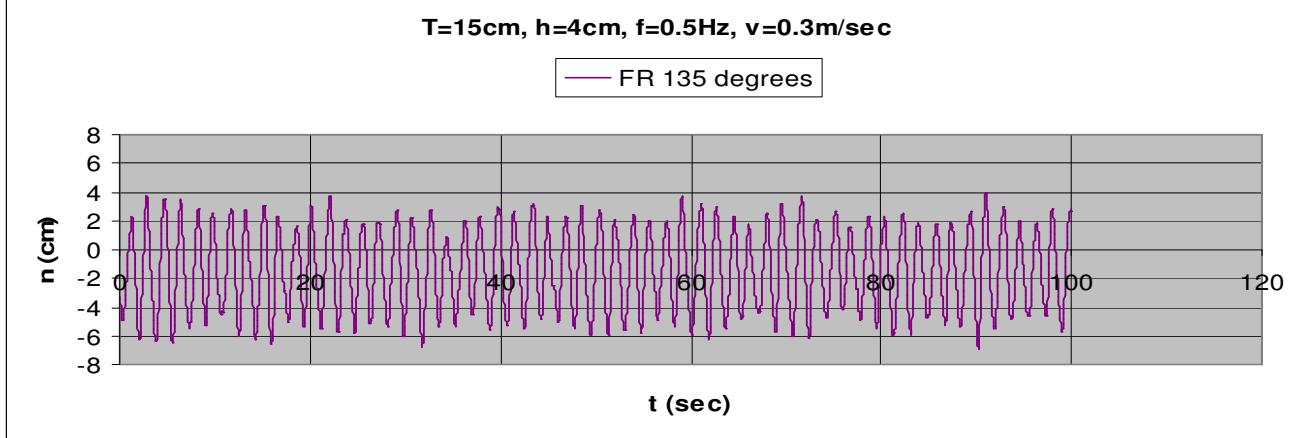
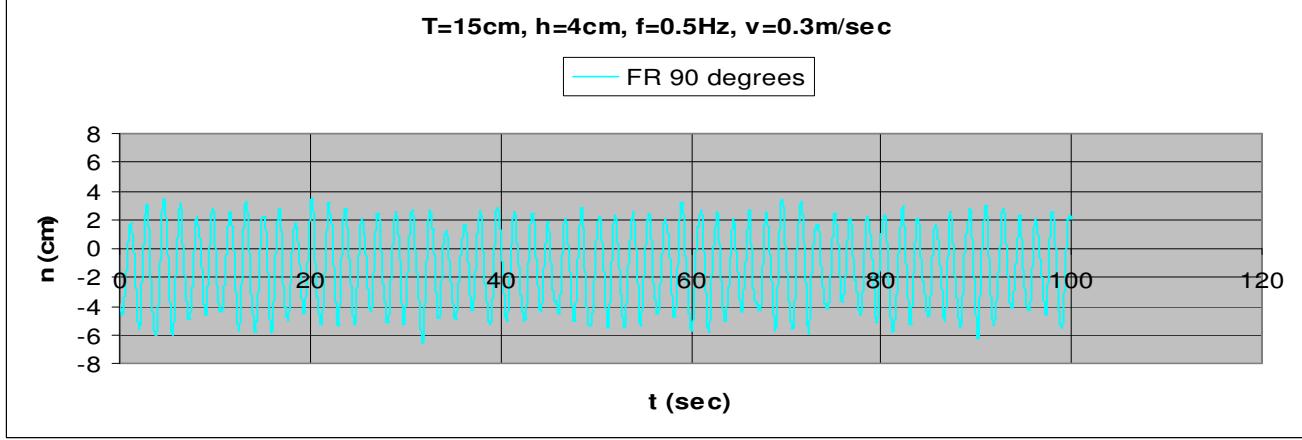
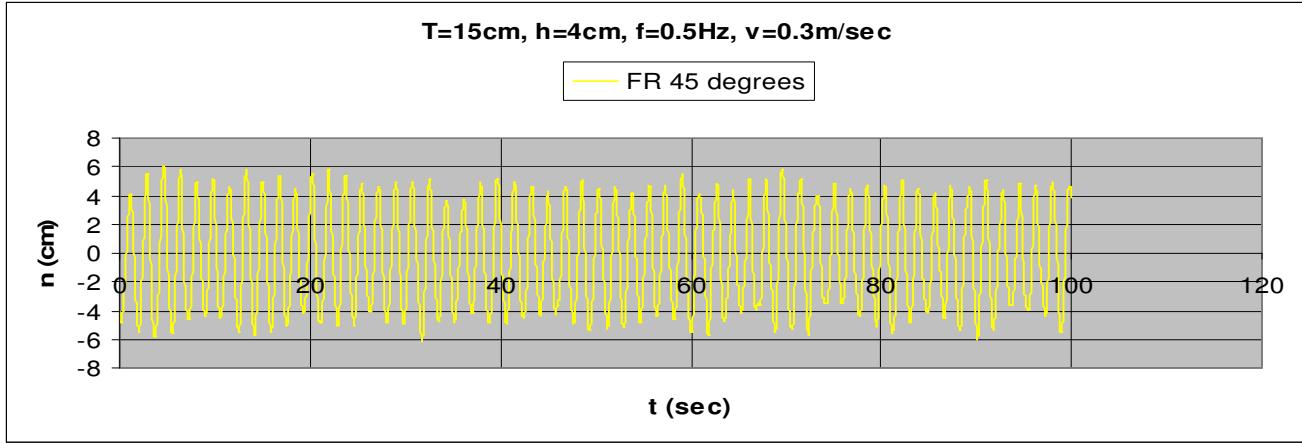
**3.1.4.5 T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.5Hz, Fn=0.056,  $\omega=3.142\text{rad/sec}$**



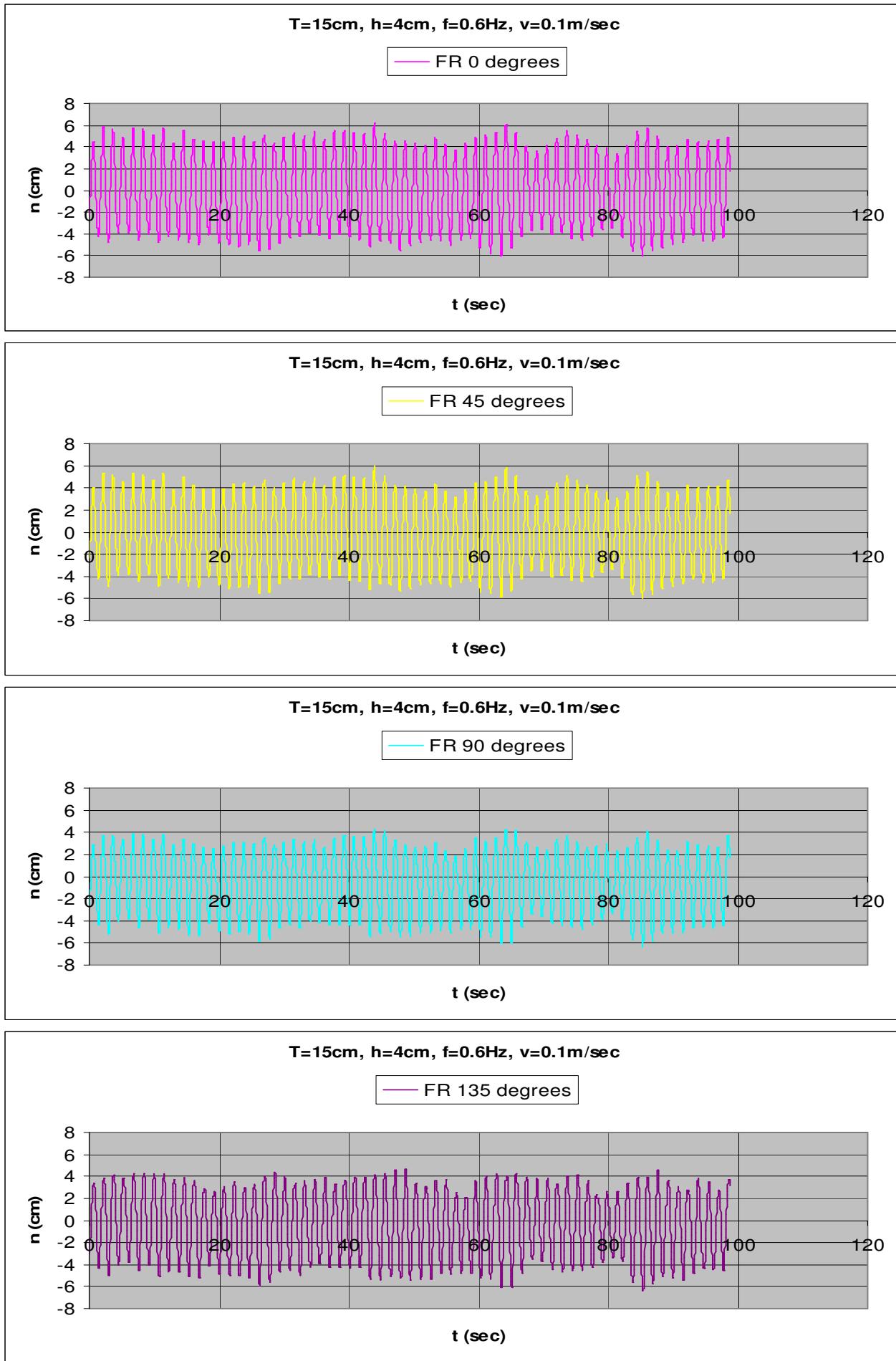


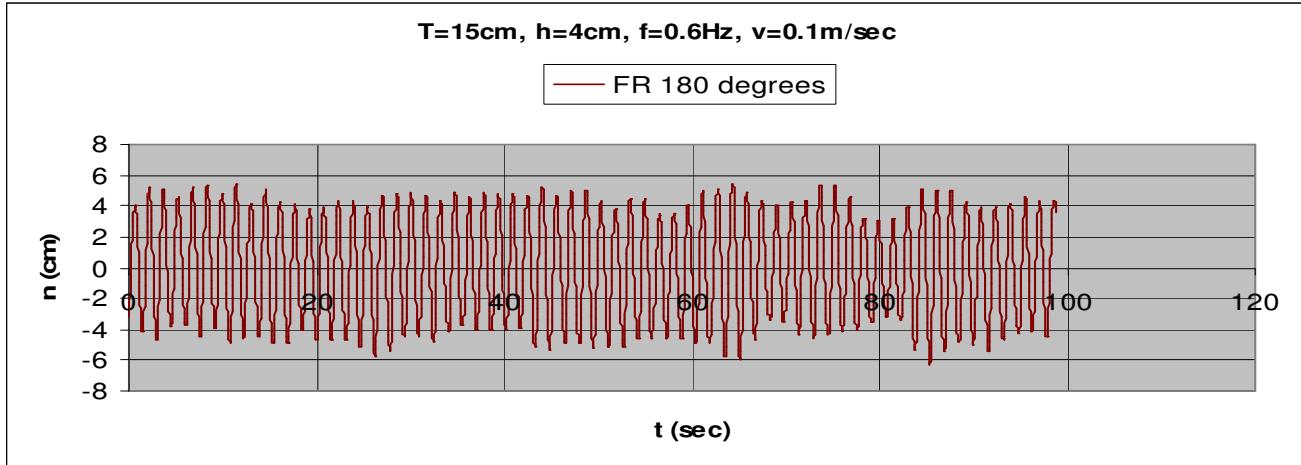
### 3.1.4.6 T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.5Hz, Fn=0.167, $\omega=3.142\text{rad/sec}$



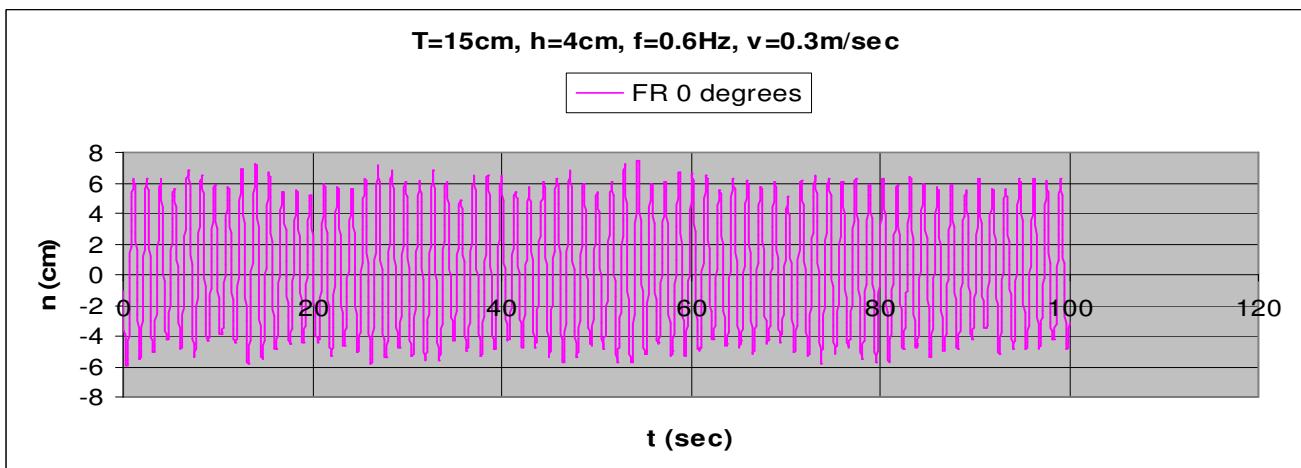
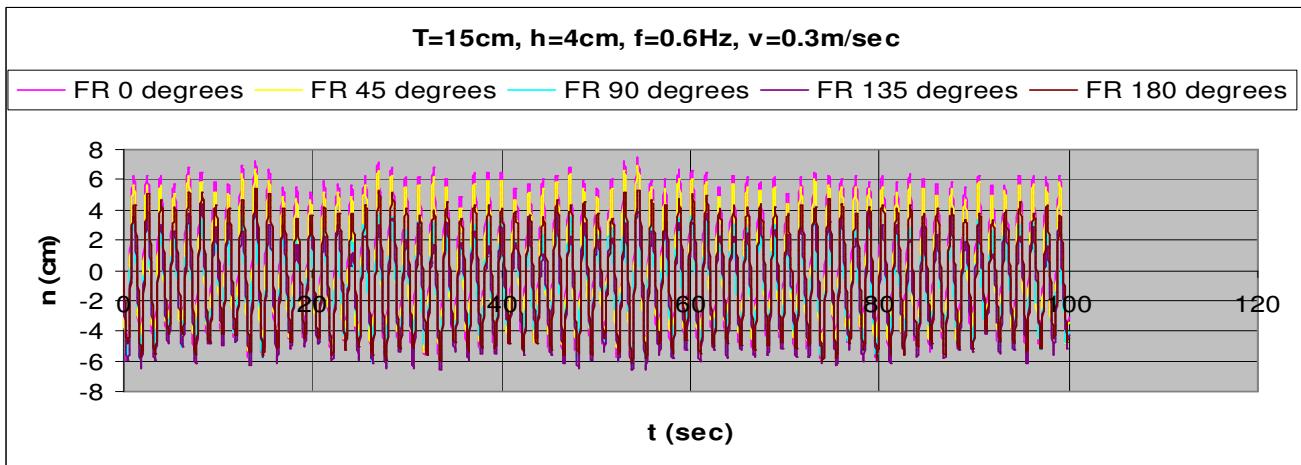


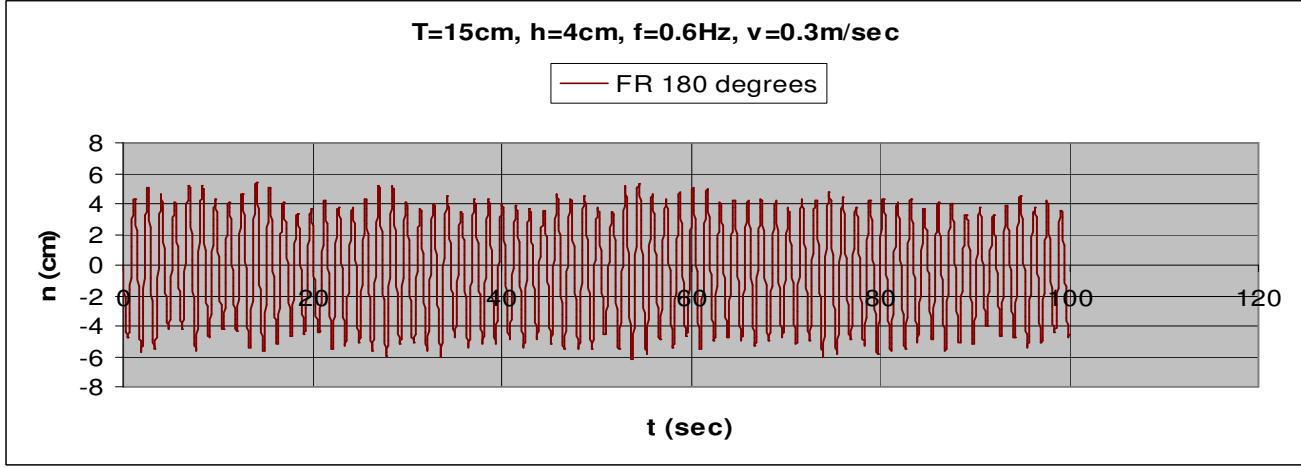
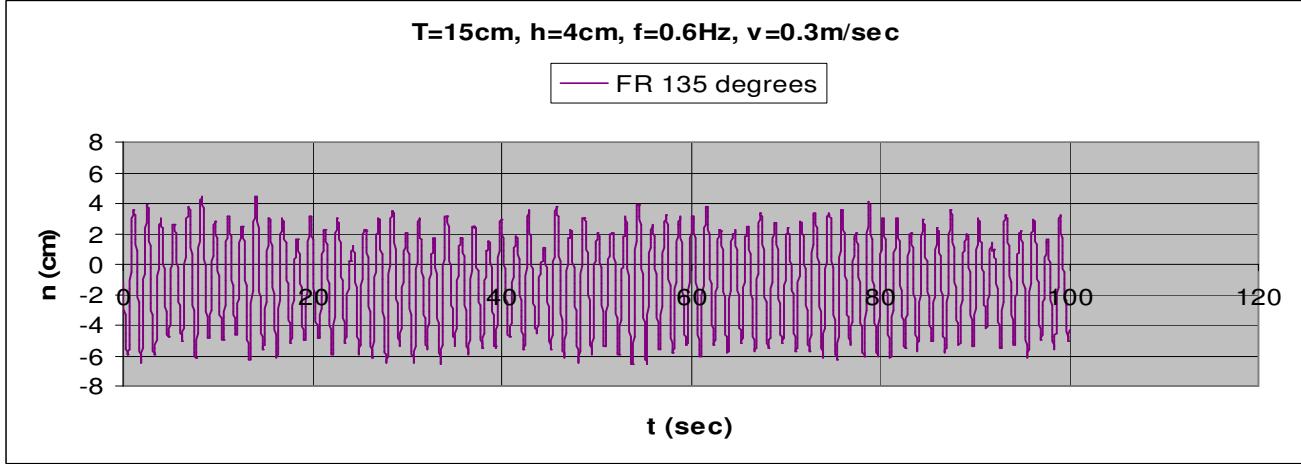
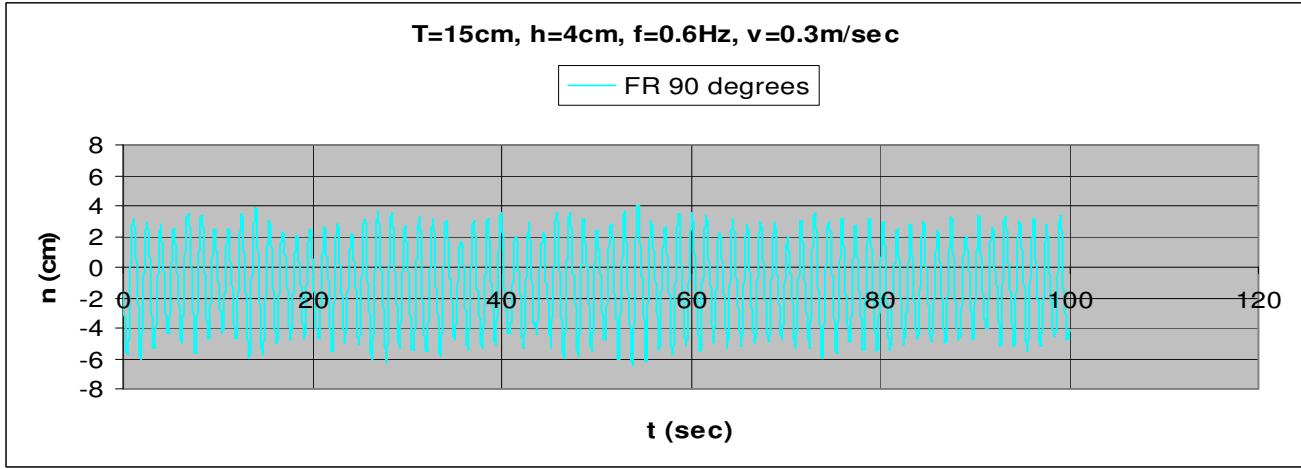
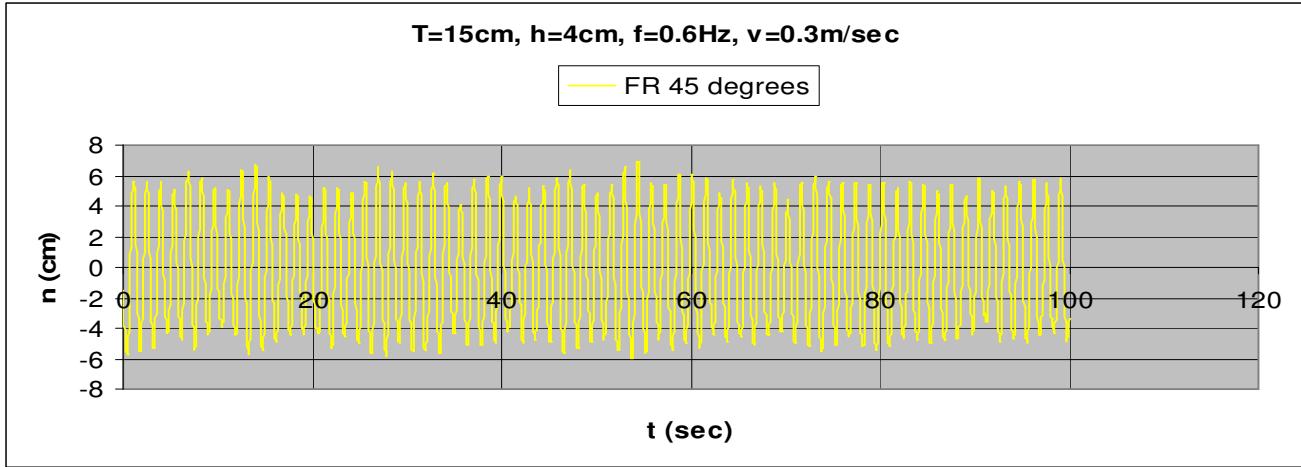
**3.1.4.7     $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/sec}$ ,  $f=0.6\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=3.770\text{rad/sec}$**



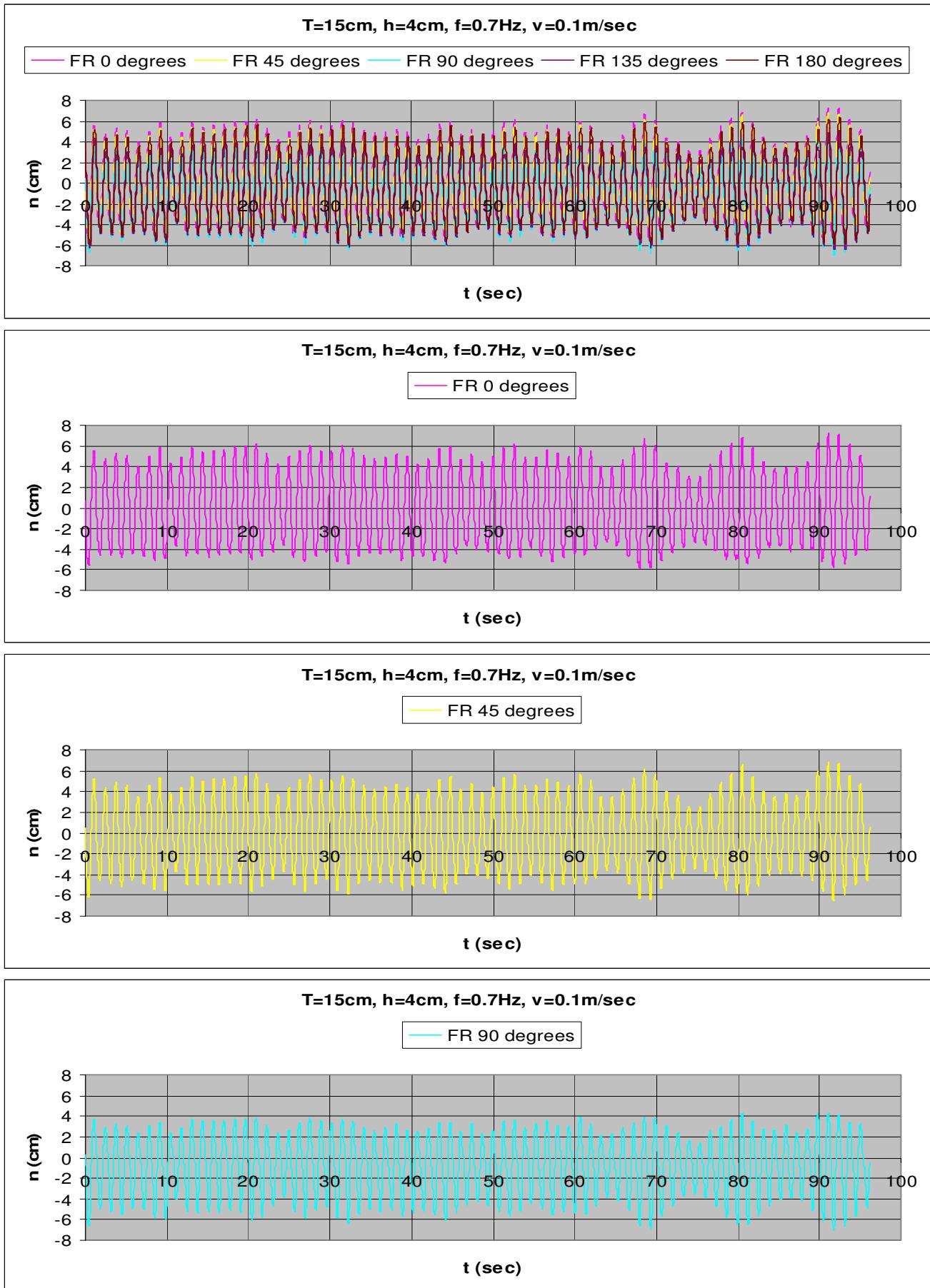


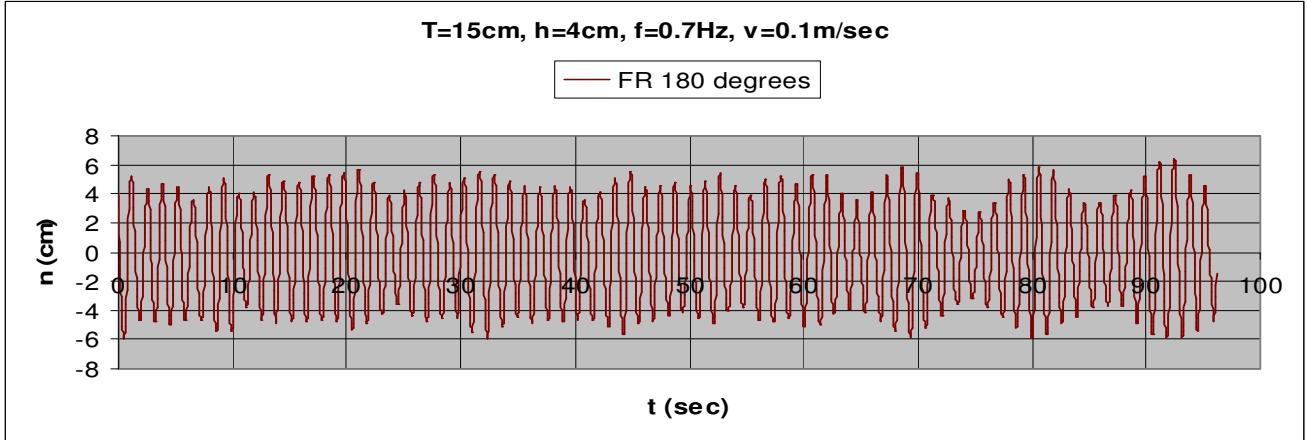
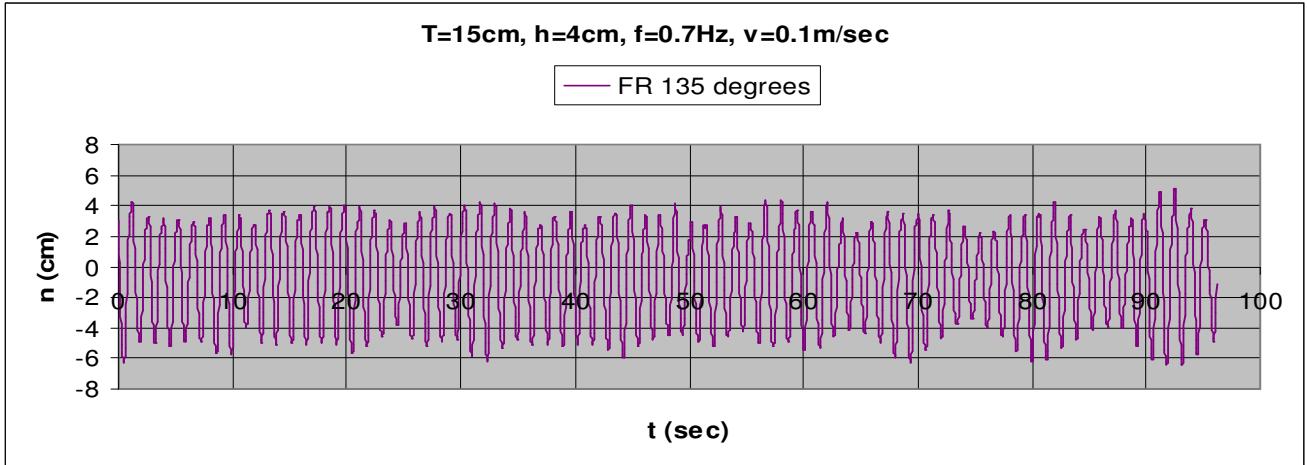
**3.1.4.8    T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.6Hz, Fn=0.167,  $\omega=3.770\text{rad/sec}$**



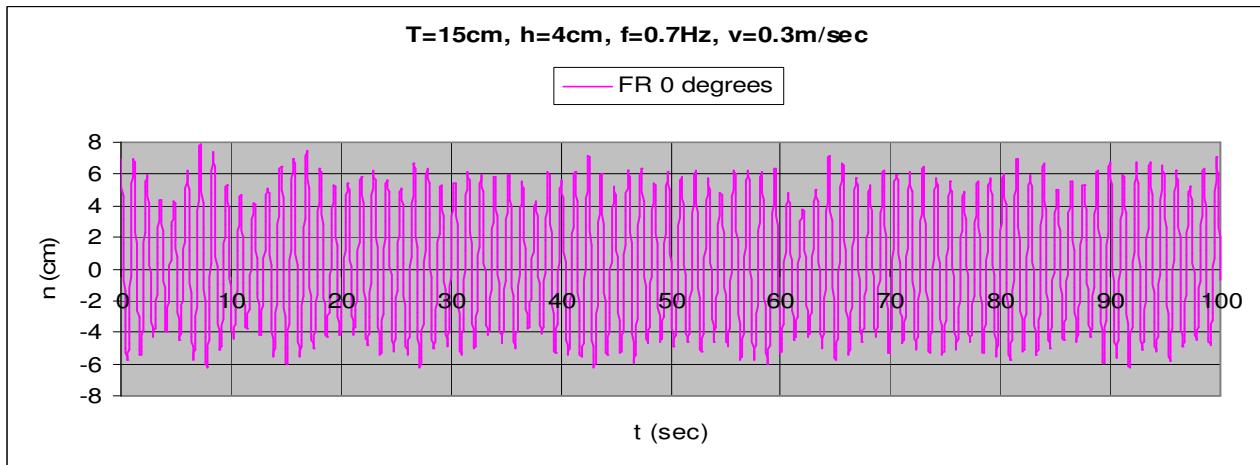
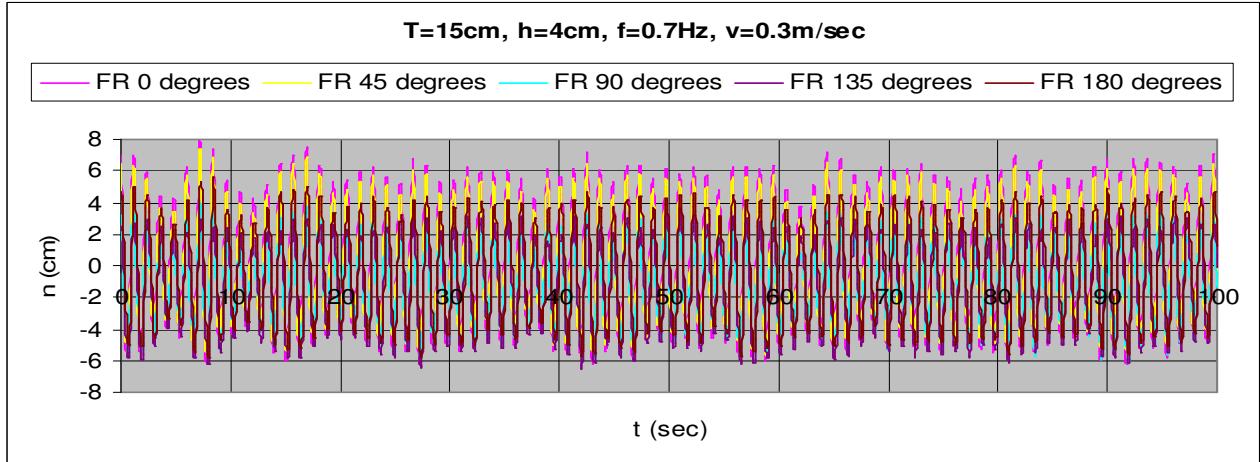


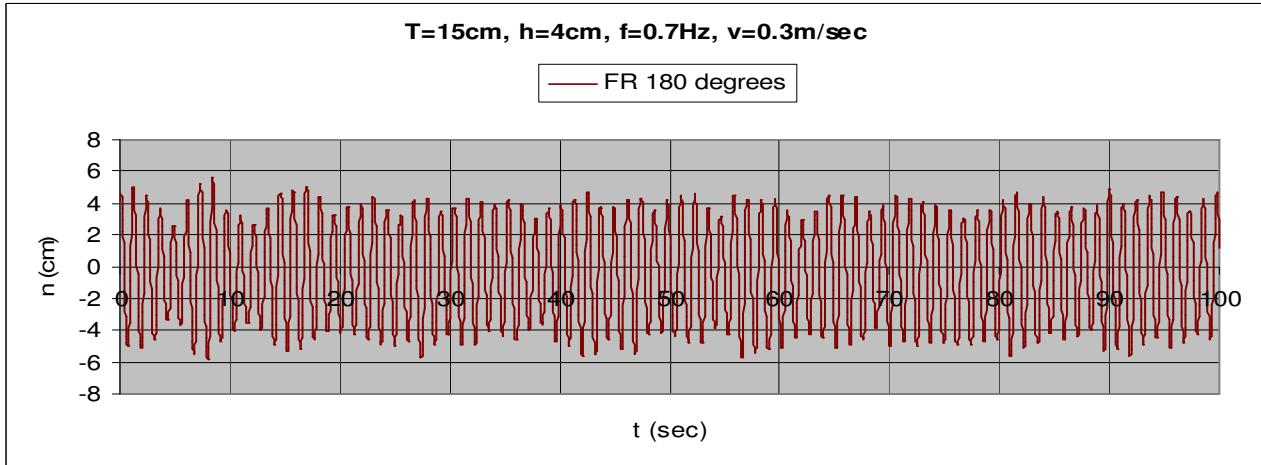
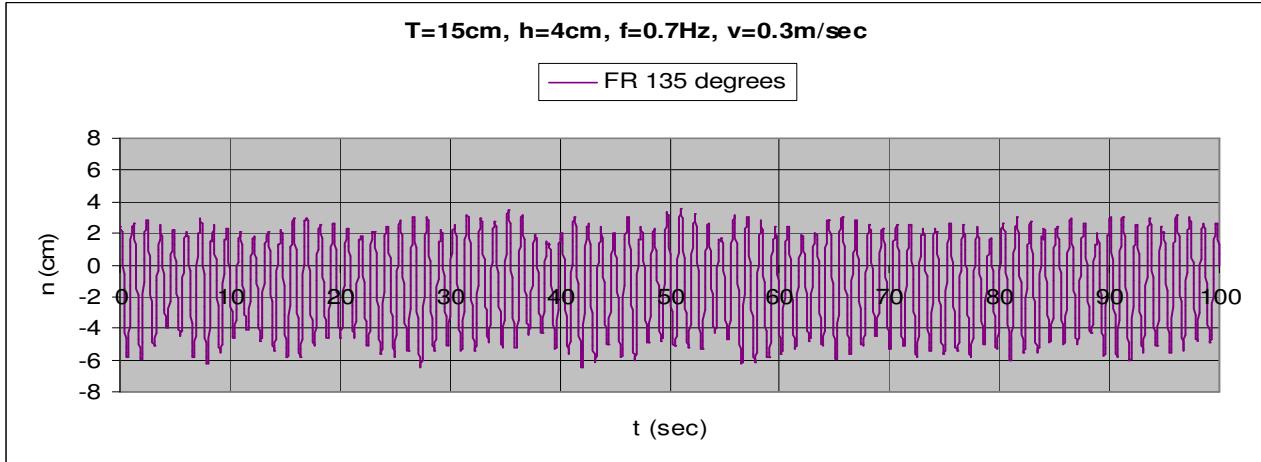
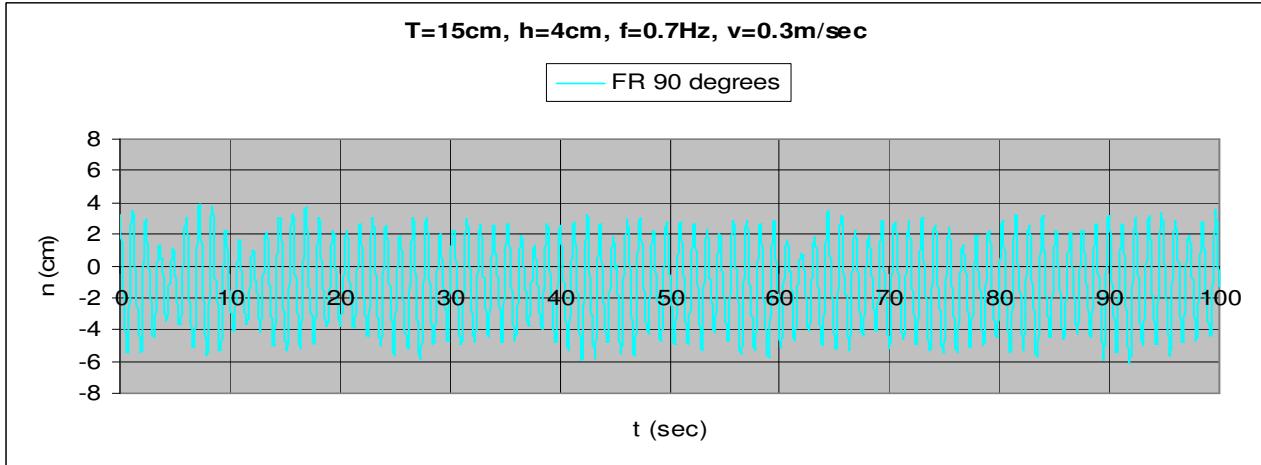
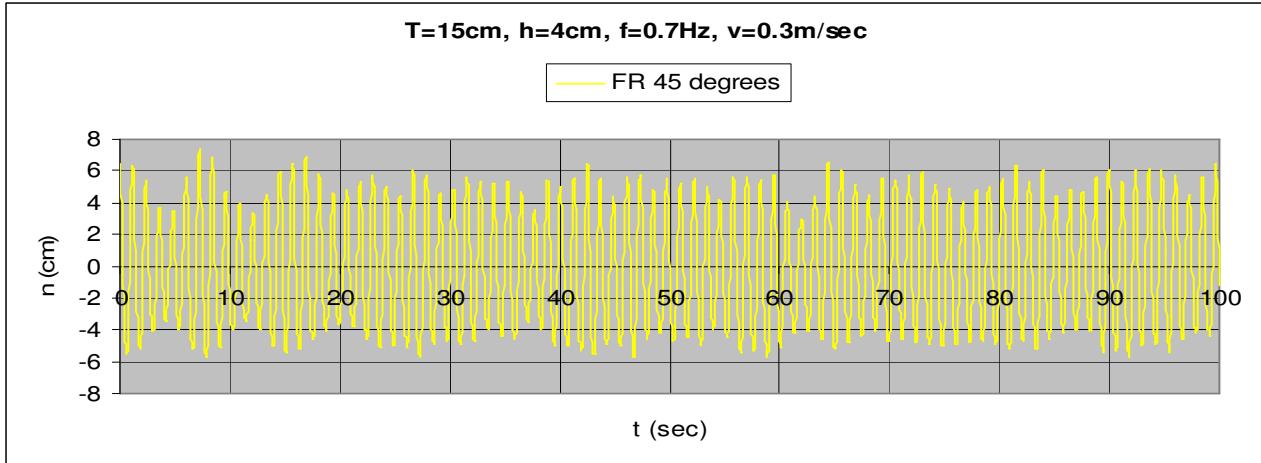
**3.1.4.9     $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.7\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**



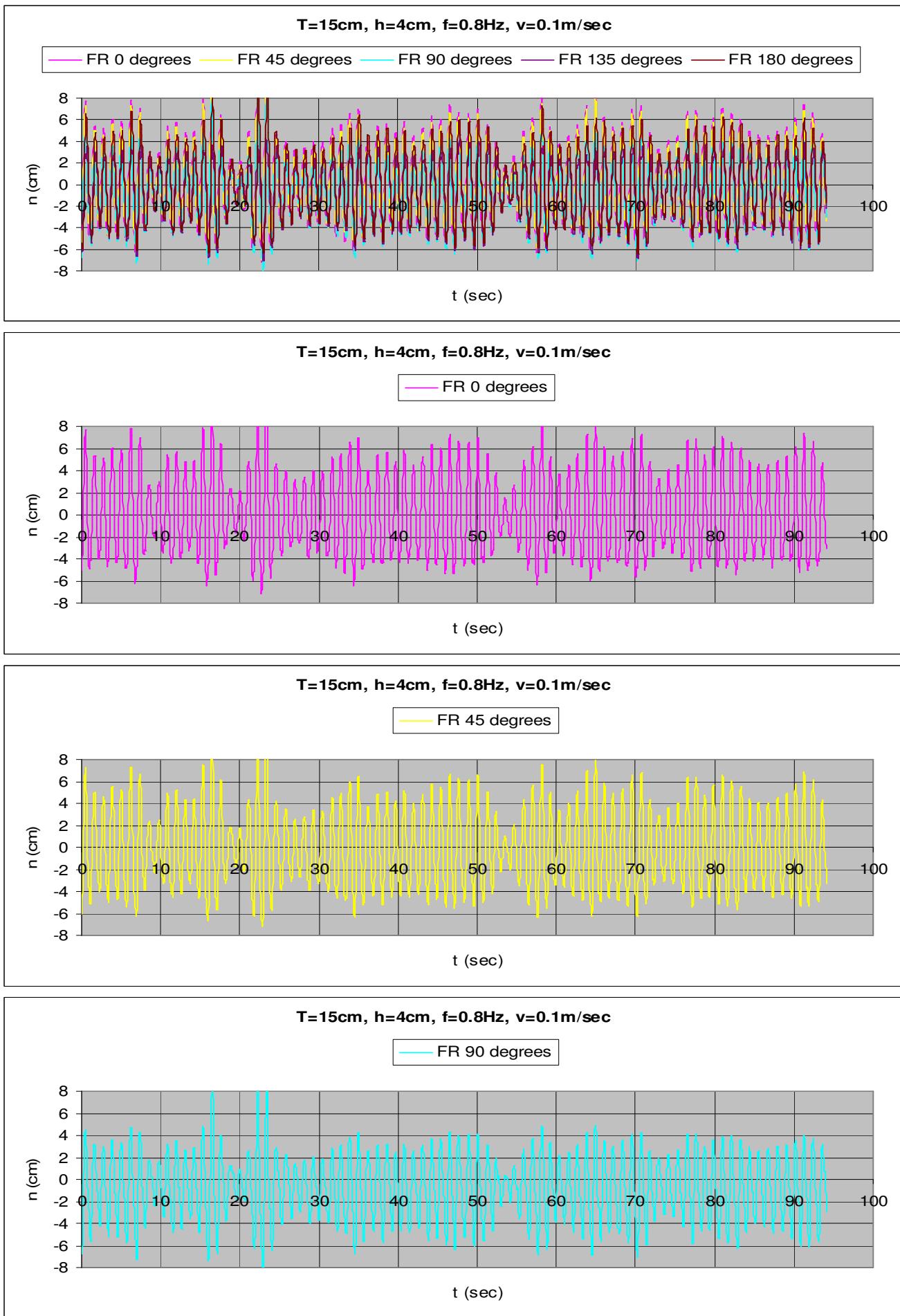


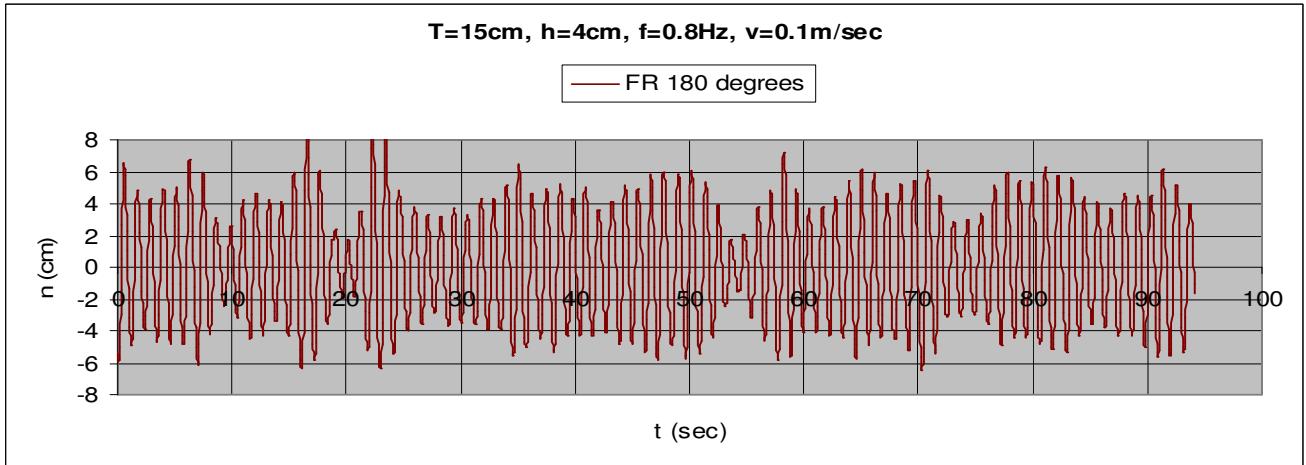
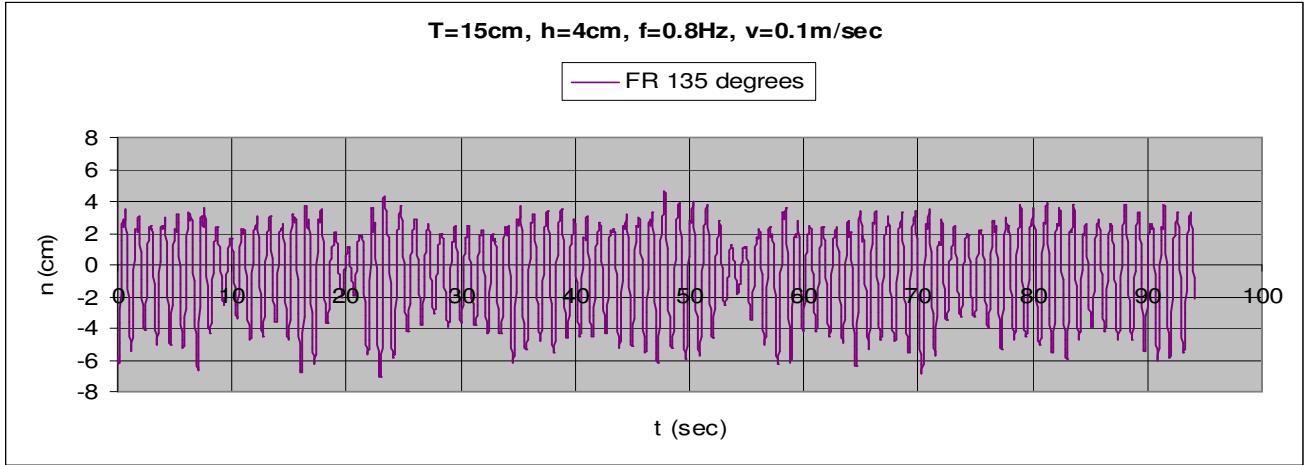
### 3.1.4.10 T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz, Fn=0.056, $\omega=5.026\text{rad/sec}$



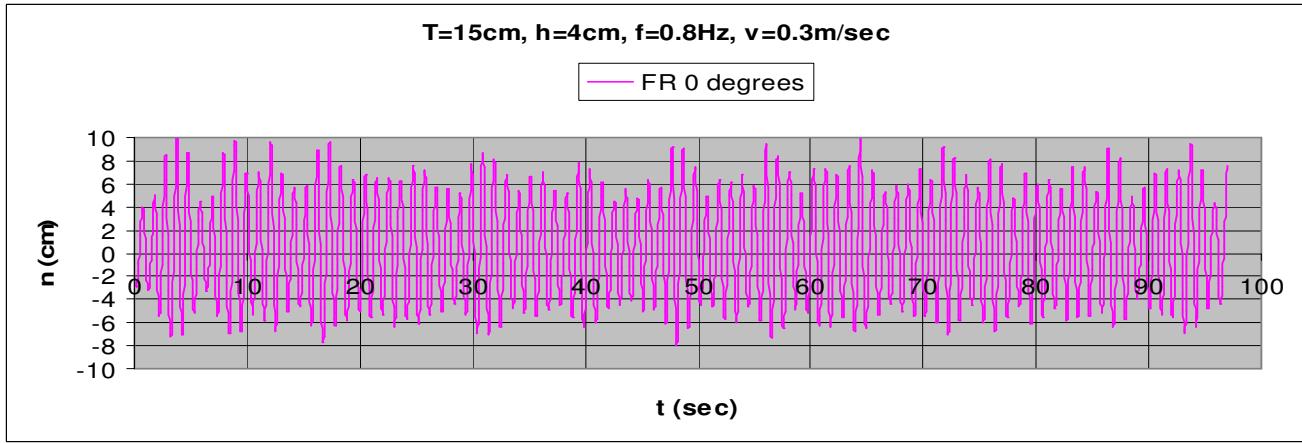
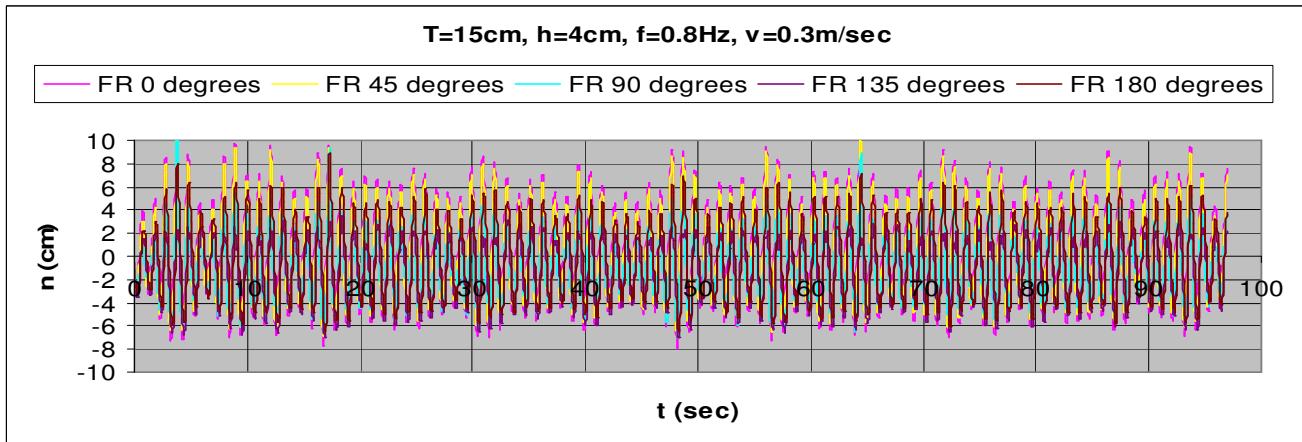


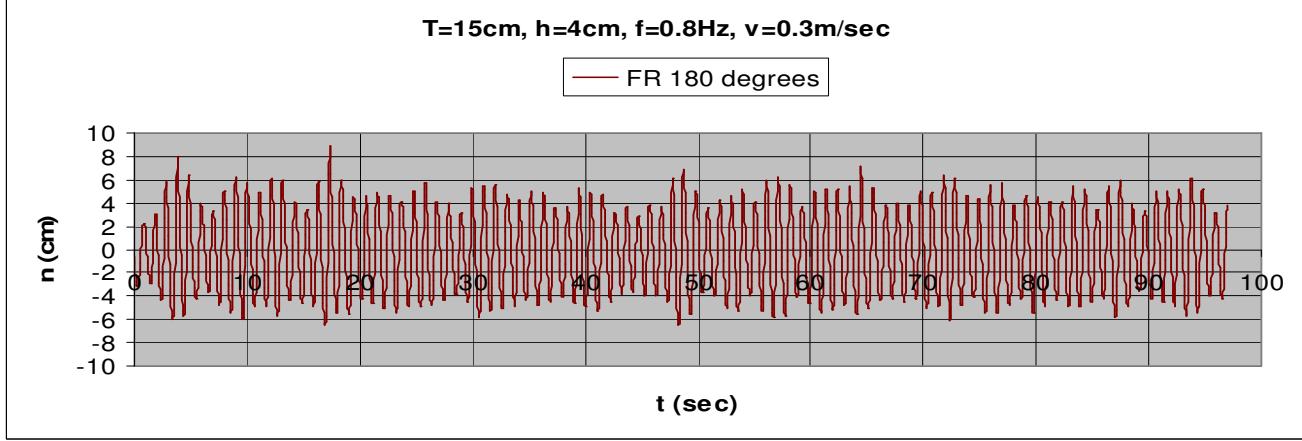
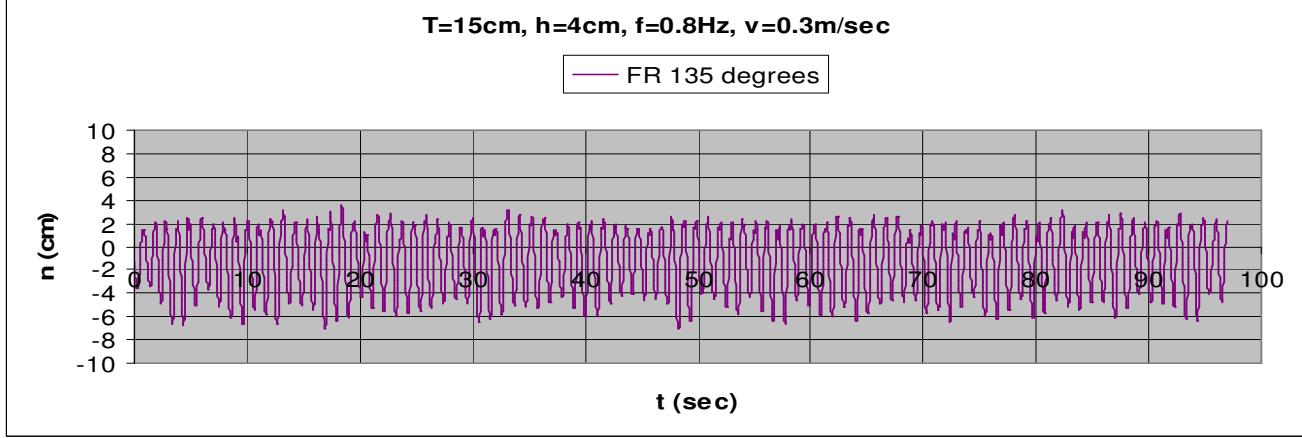
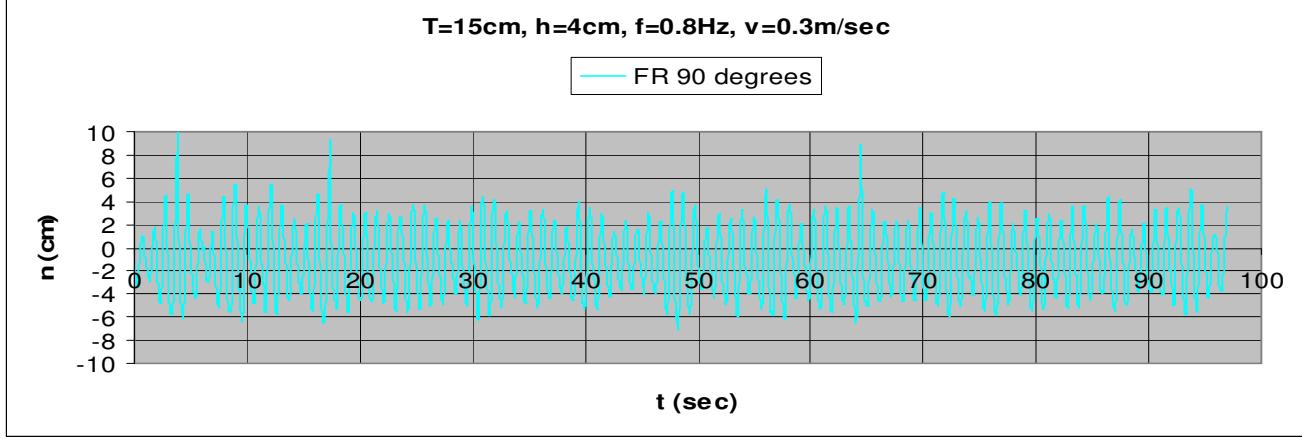
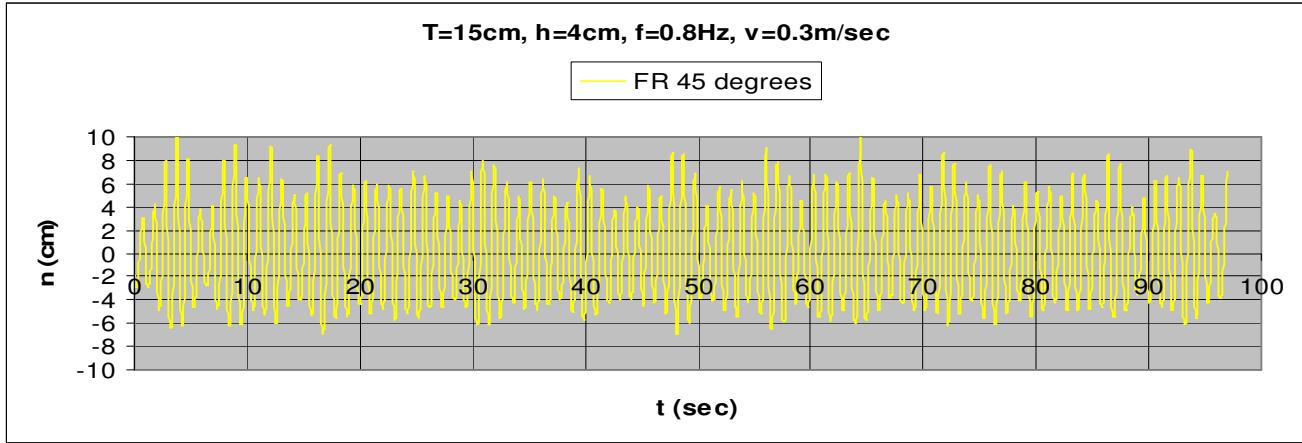
**3.1.4.11  $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.8\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=5.026\text{rad/sec}$**



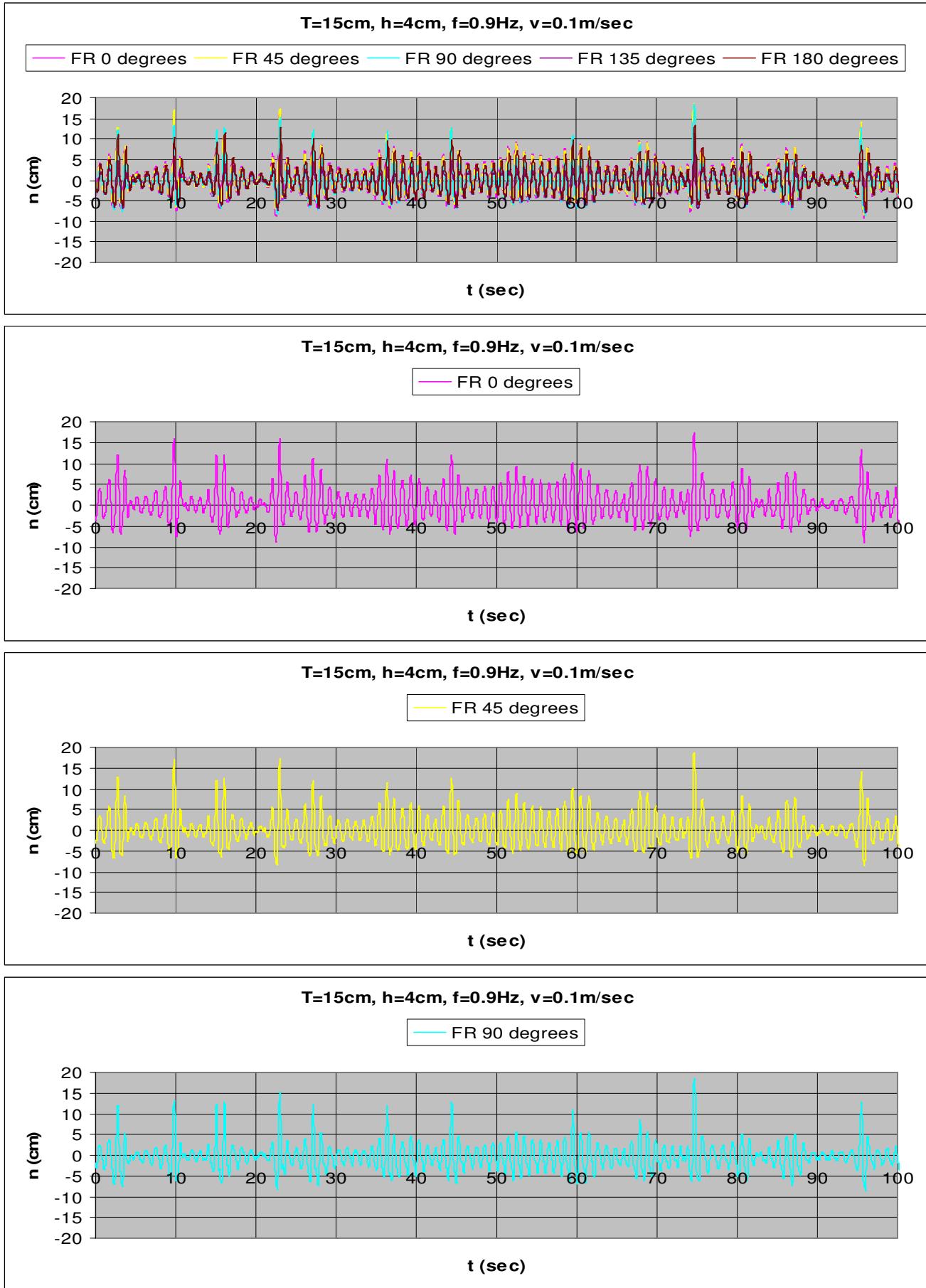


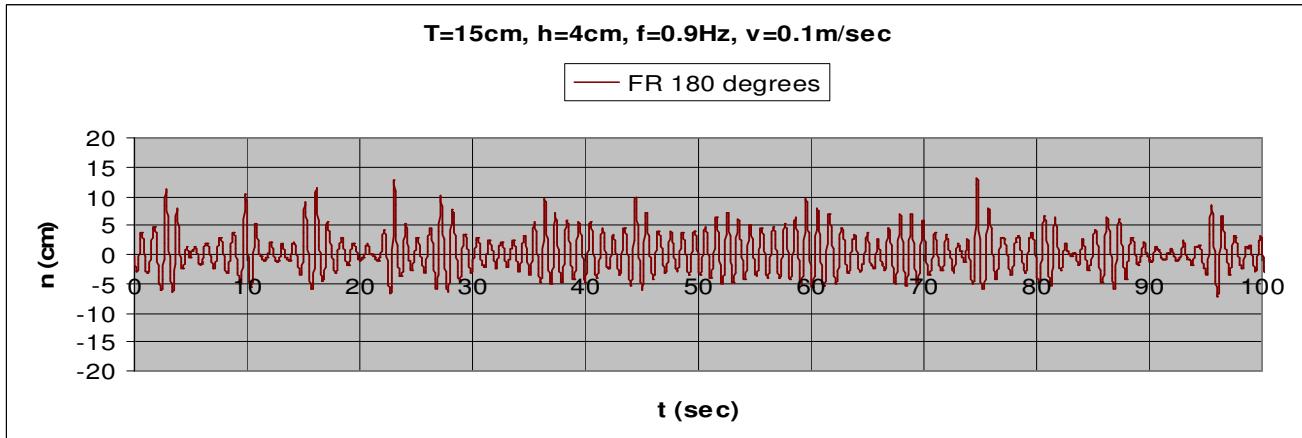
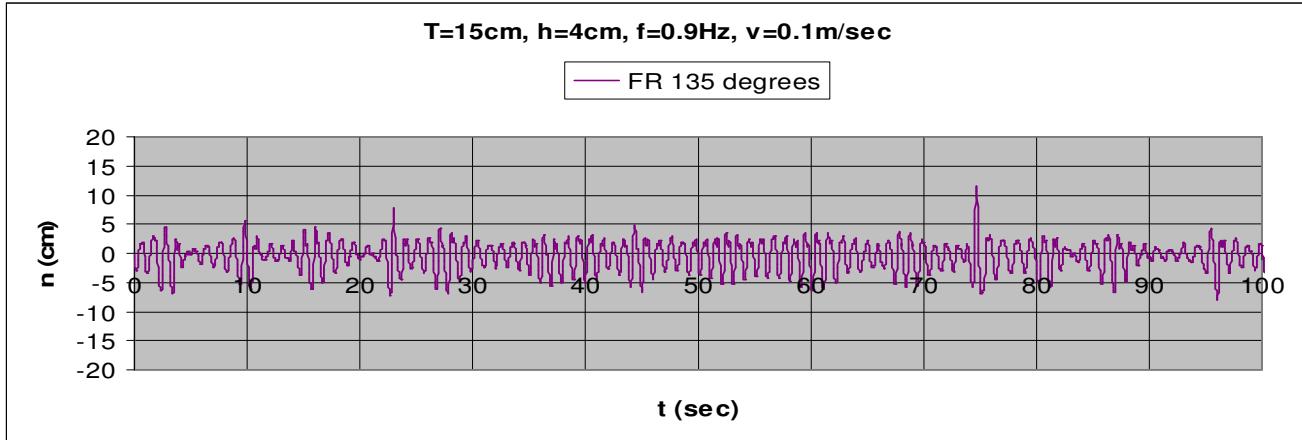
### 3.1.4.12 T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.8Hz, Fn=0.167, ω=5.026rad/sec



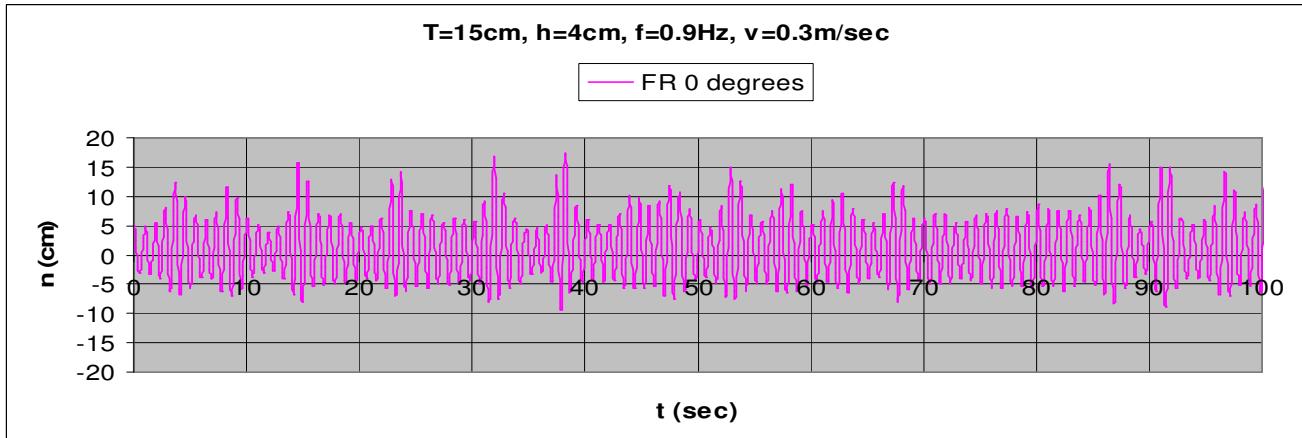
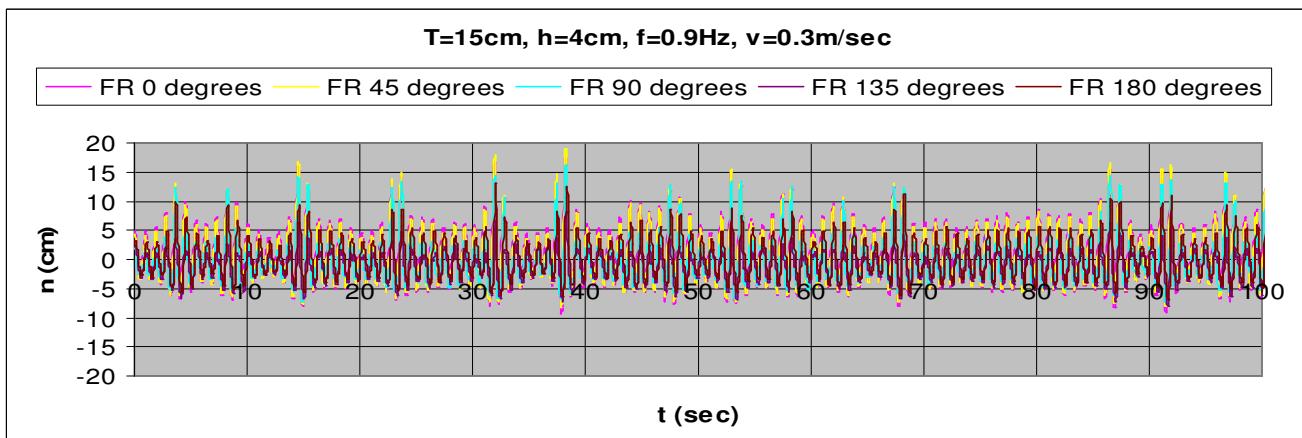


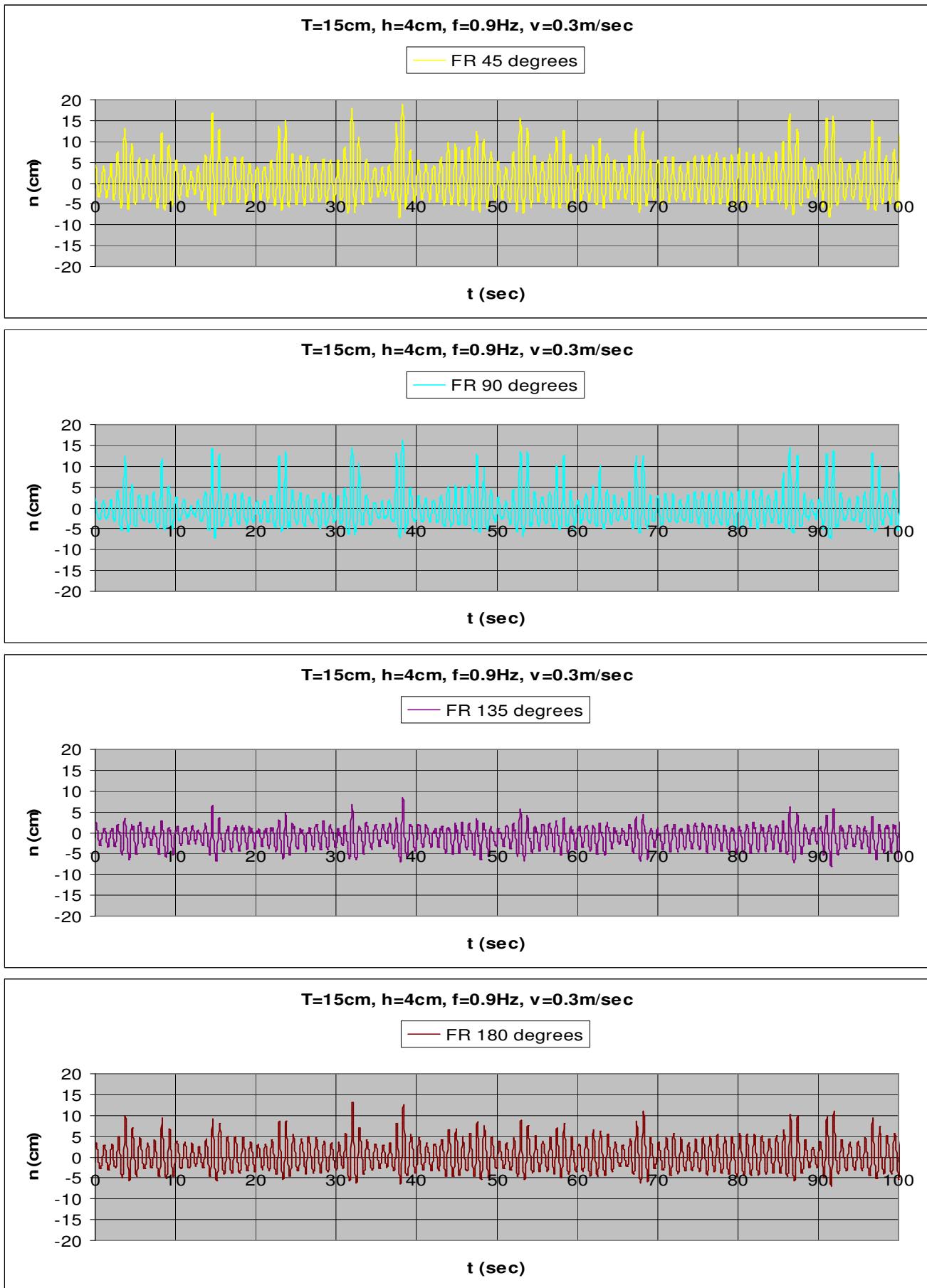
**3.1.4.13 T=15cm, h=4cm, v=0.1m/s, f=0.9Hz, Fn=0.056,  $\omega$ =5.655rad/sec**



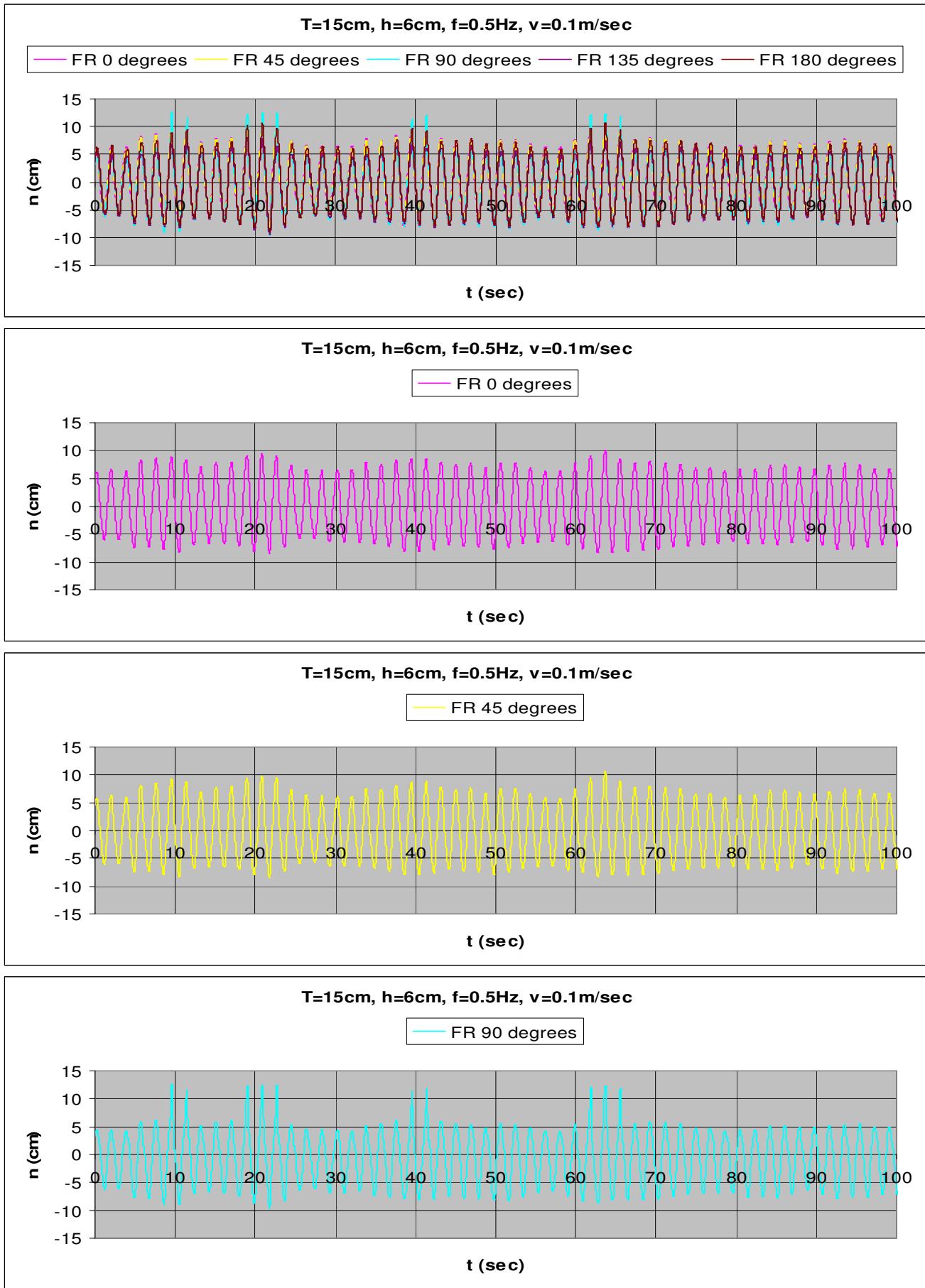


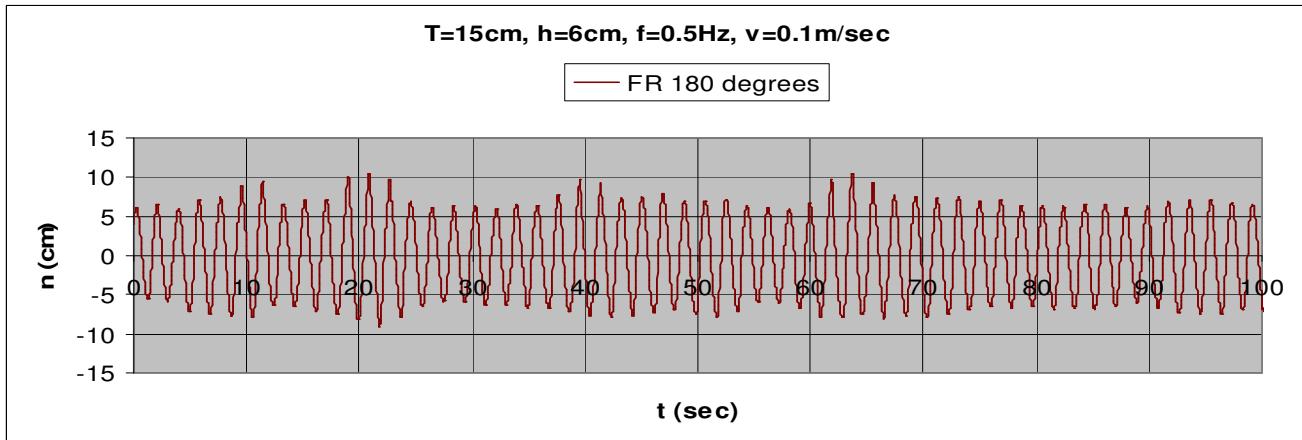
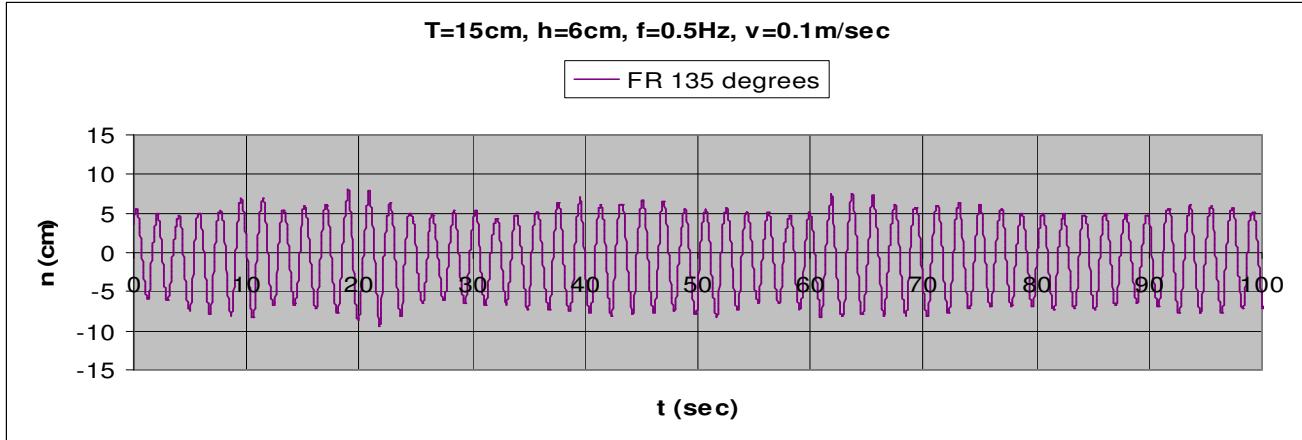
### 3.1.4.14 T=15cm, h=4cm, v=0.3m/s, f=0.9Hz, Fn=0.167, ω=5.655rad/sec



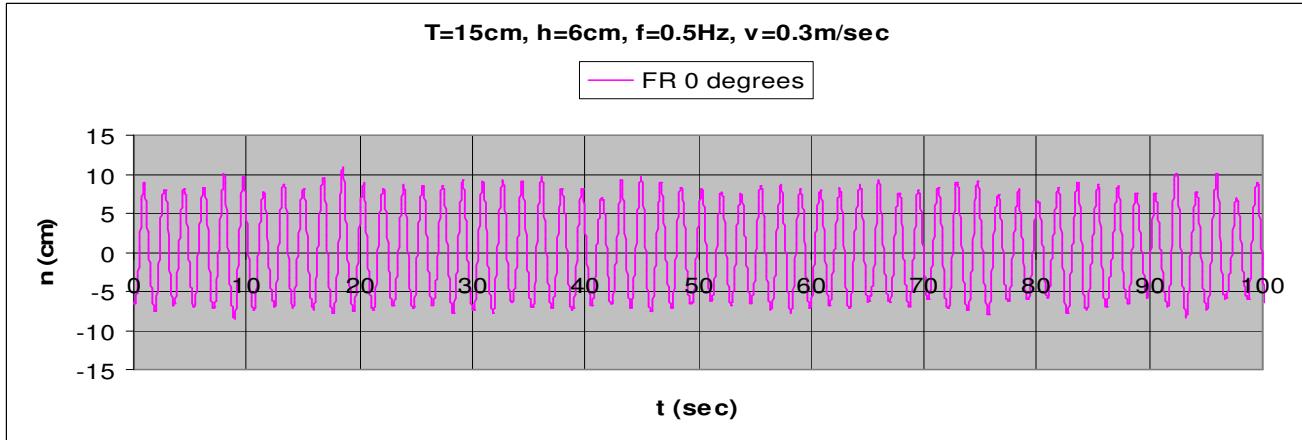
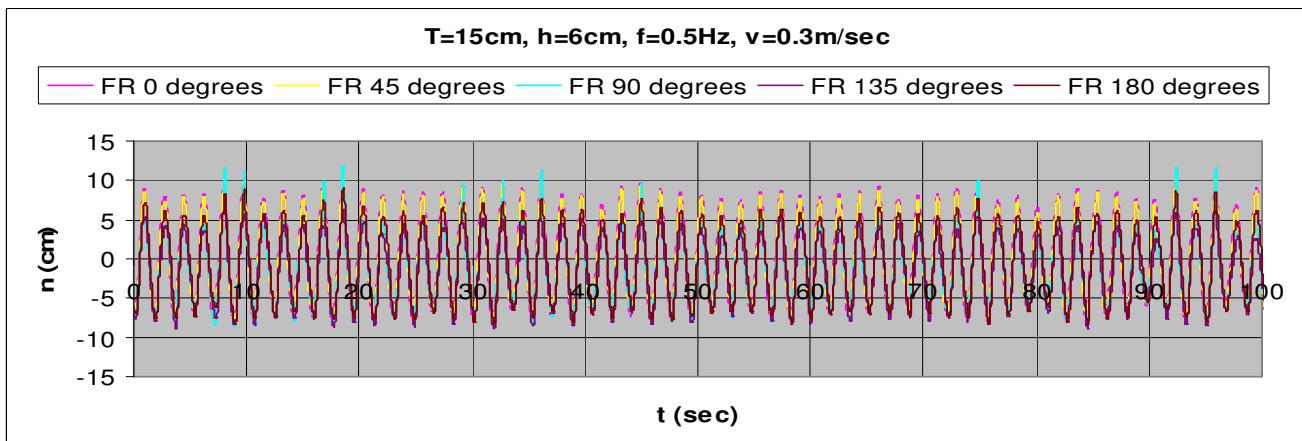


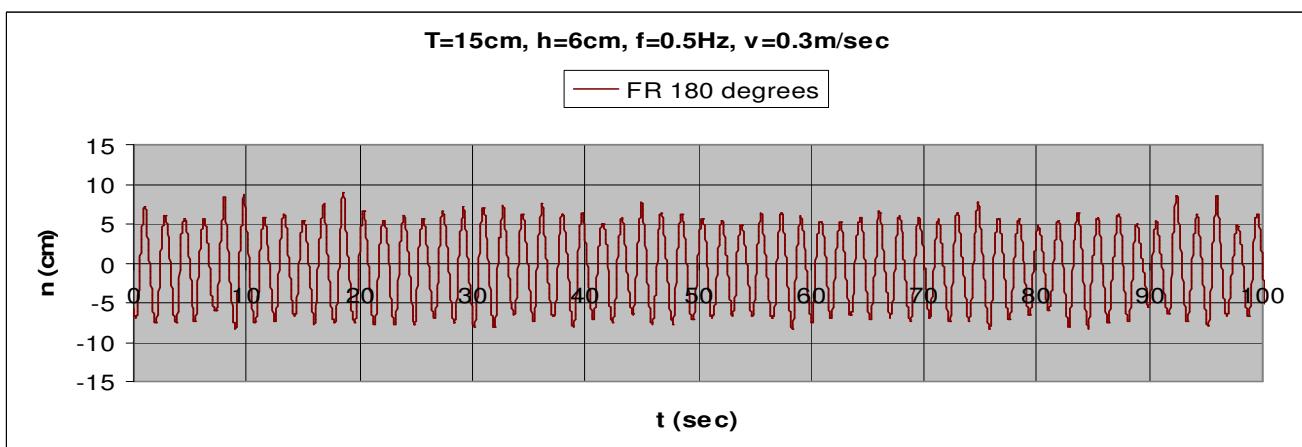
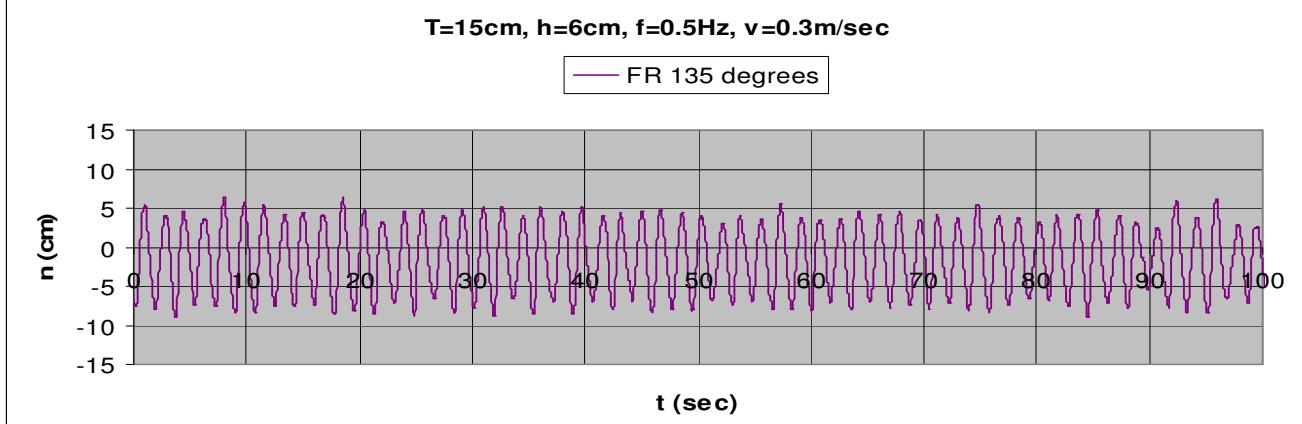
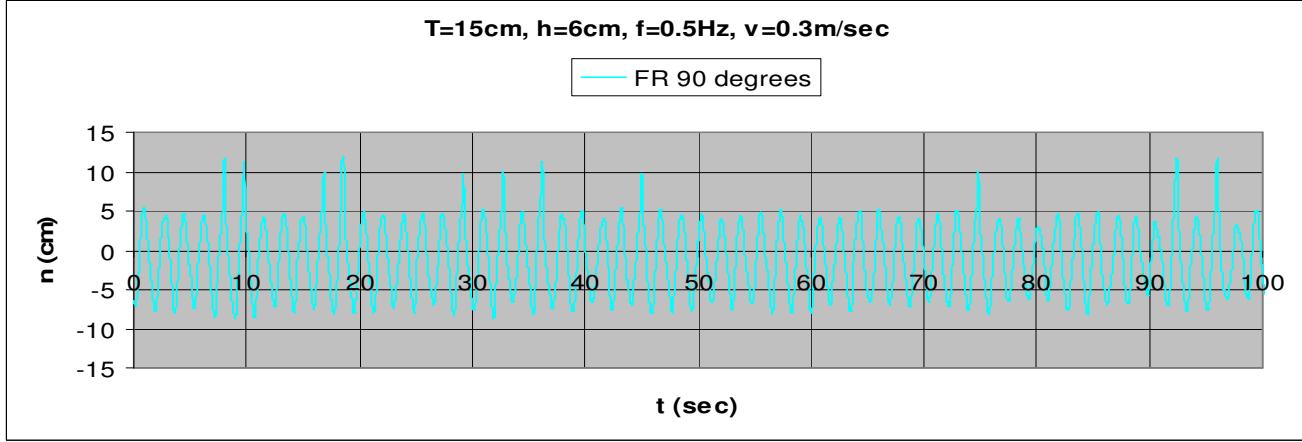
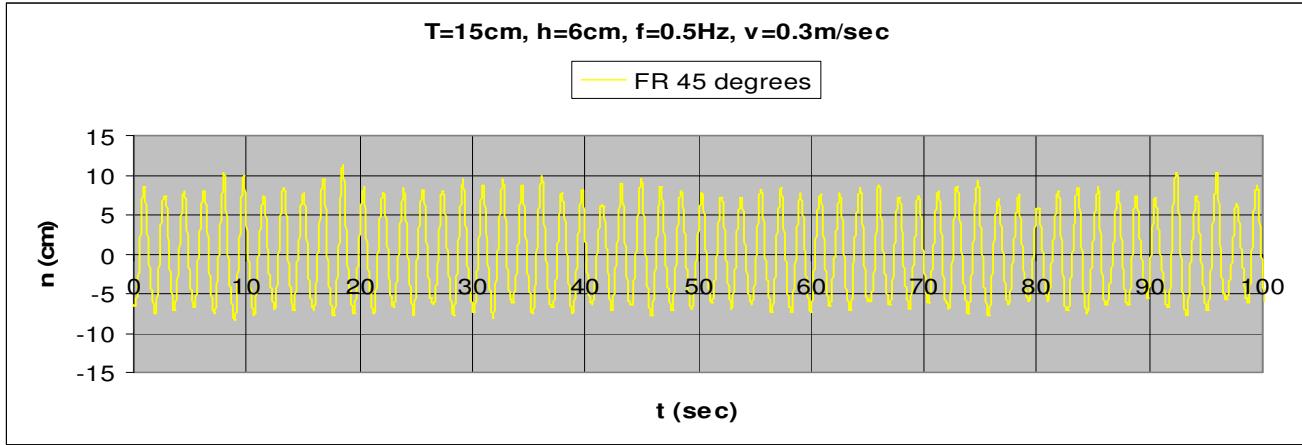
**3.1.4.15  $T=15\text{cm}$ ,  $h=6\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.5\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=3.142\text{rad/sec}$**



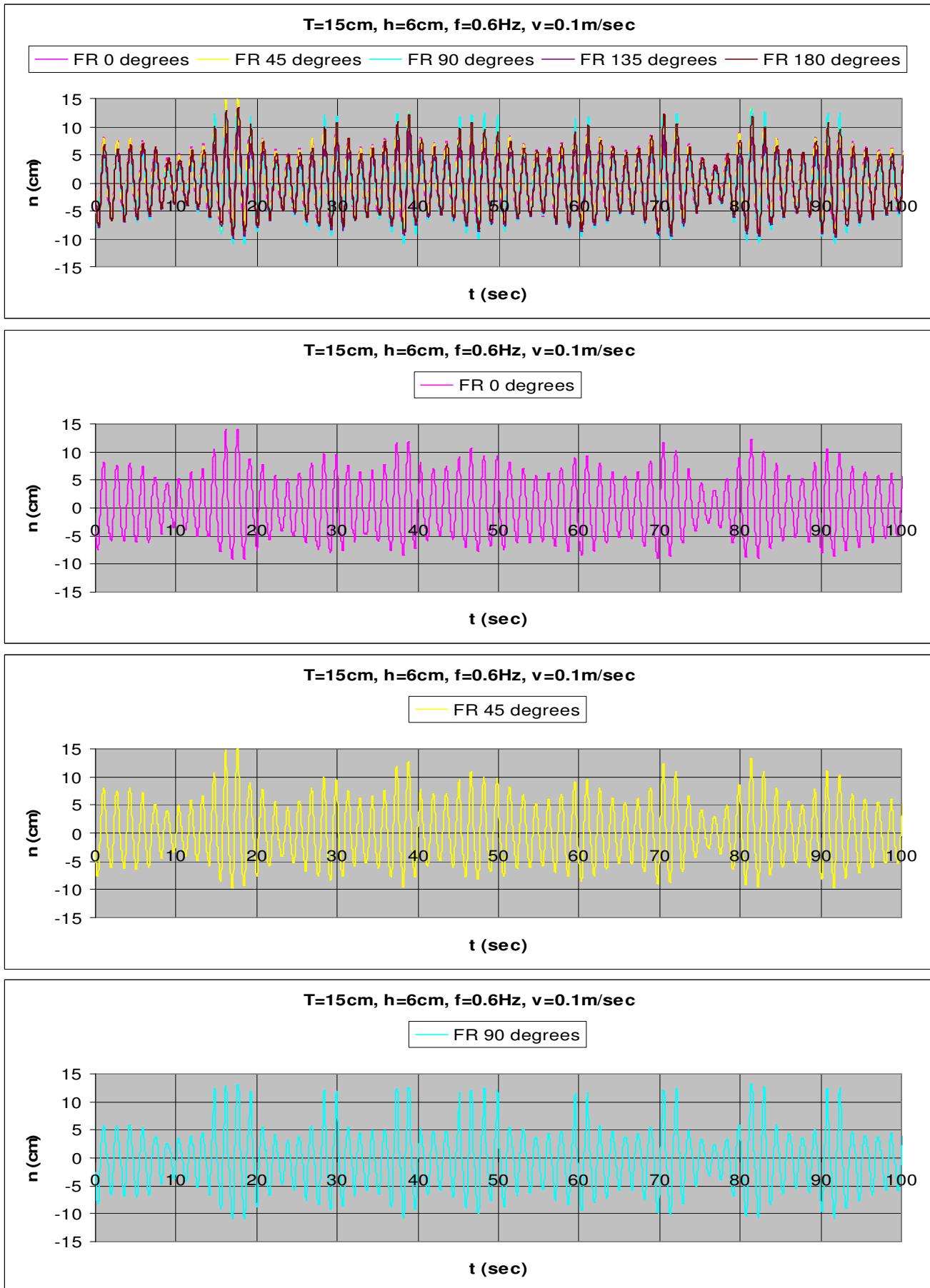


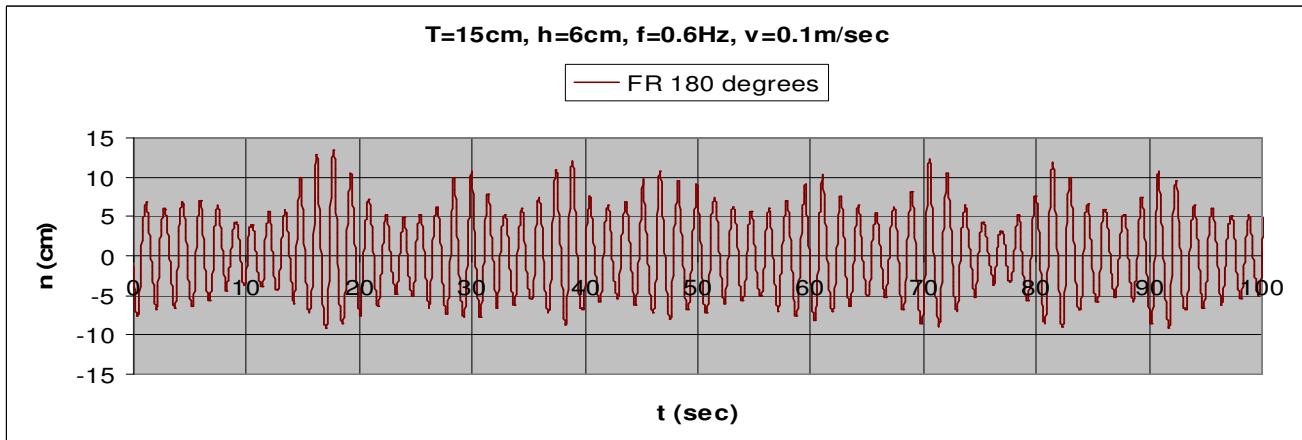
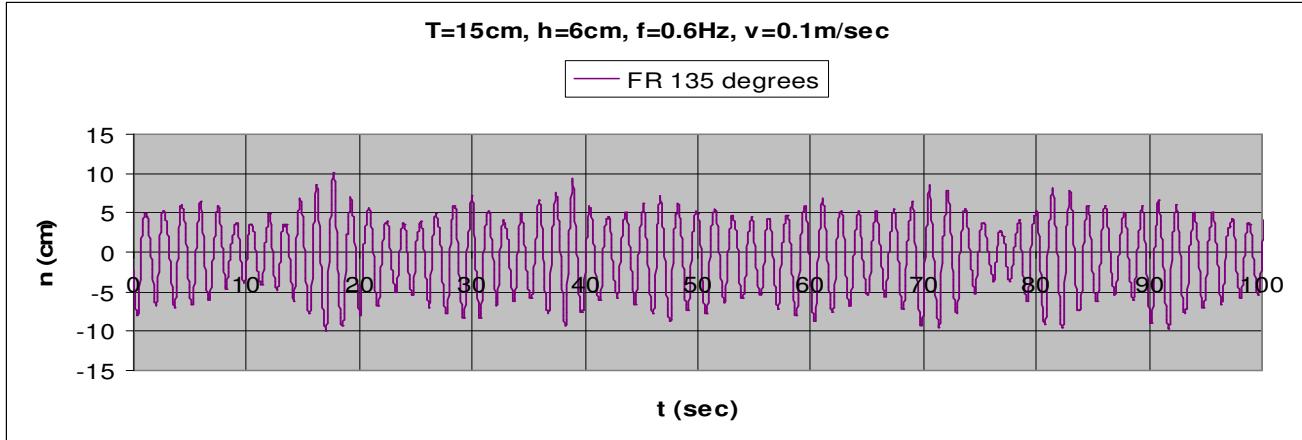
### 3.1.4.16 T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.5Hz, Fn=0.167, ω=3.142rad/sec



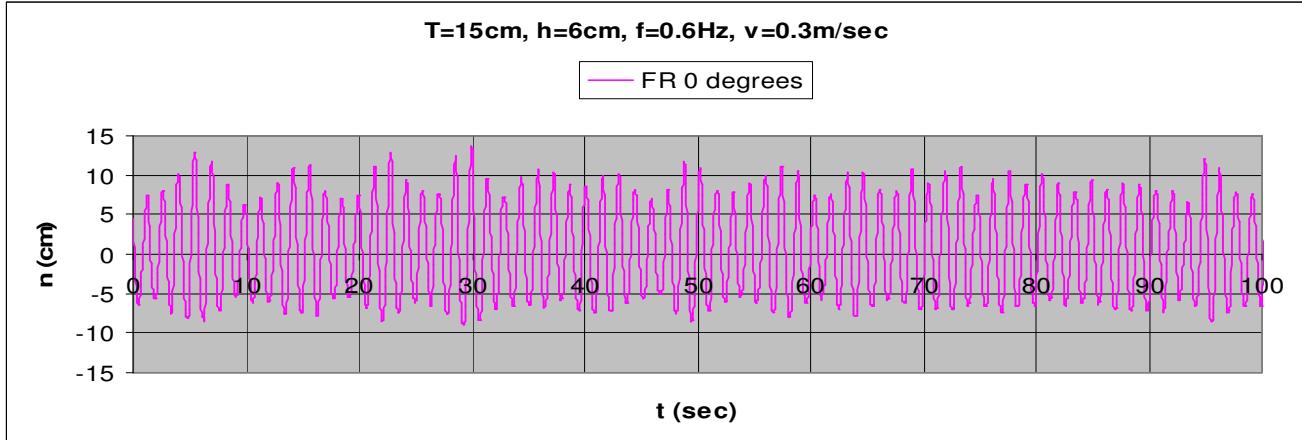
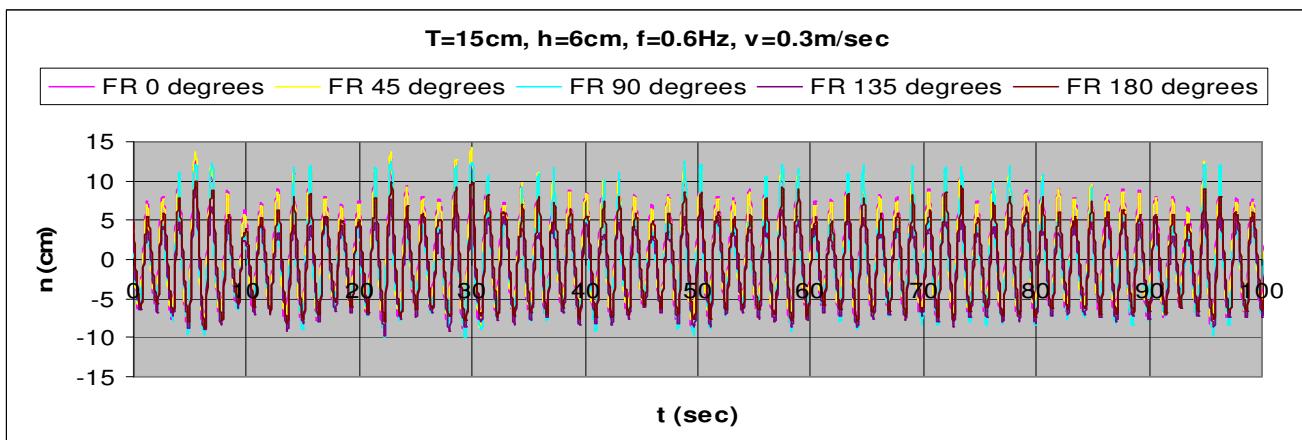


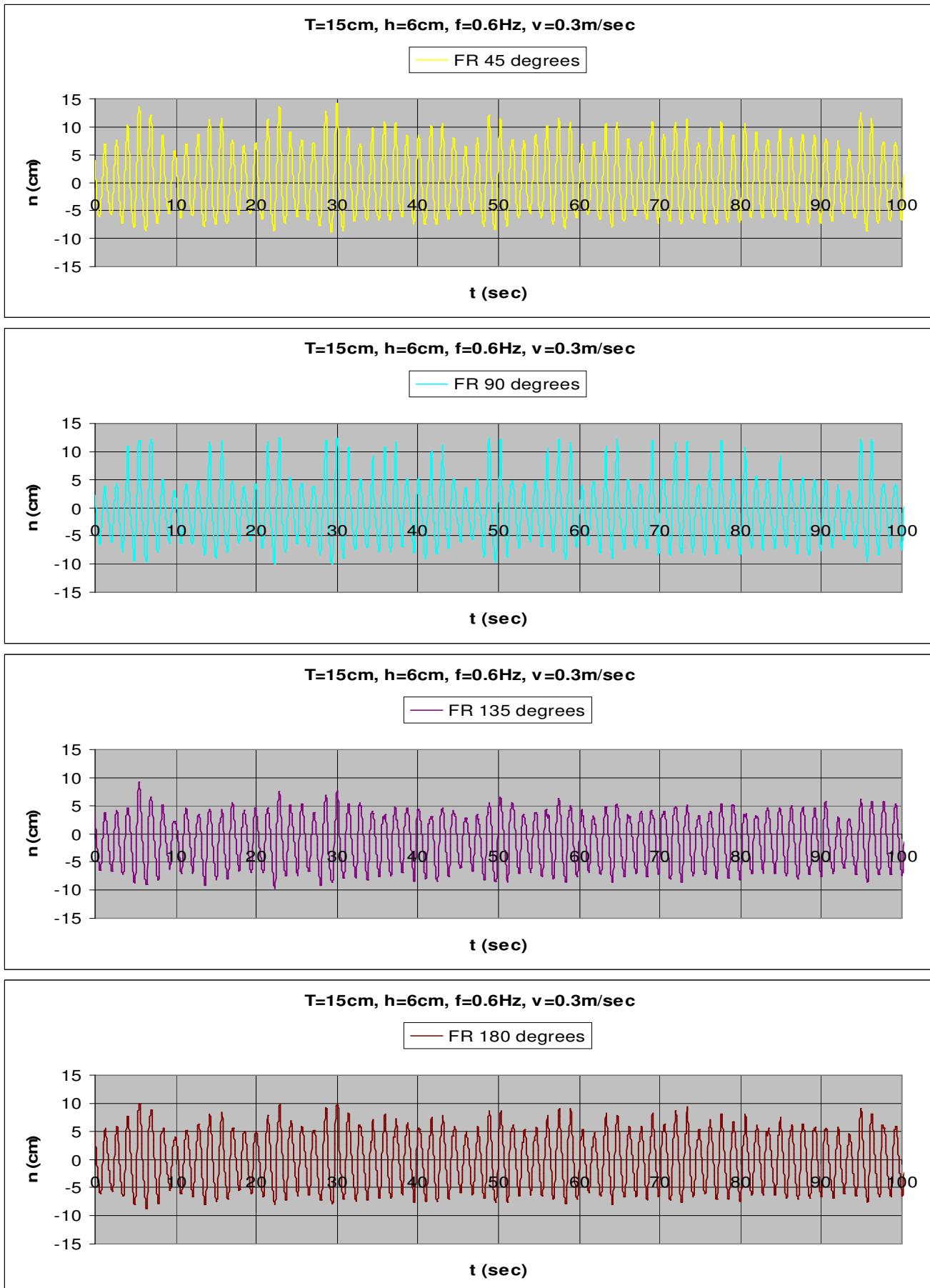
**3.1.4.17  $T=15\text{cm}$ ,  $h=6\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.6\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=3.770\text{rad/sec}$**



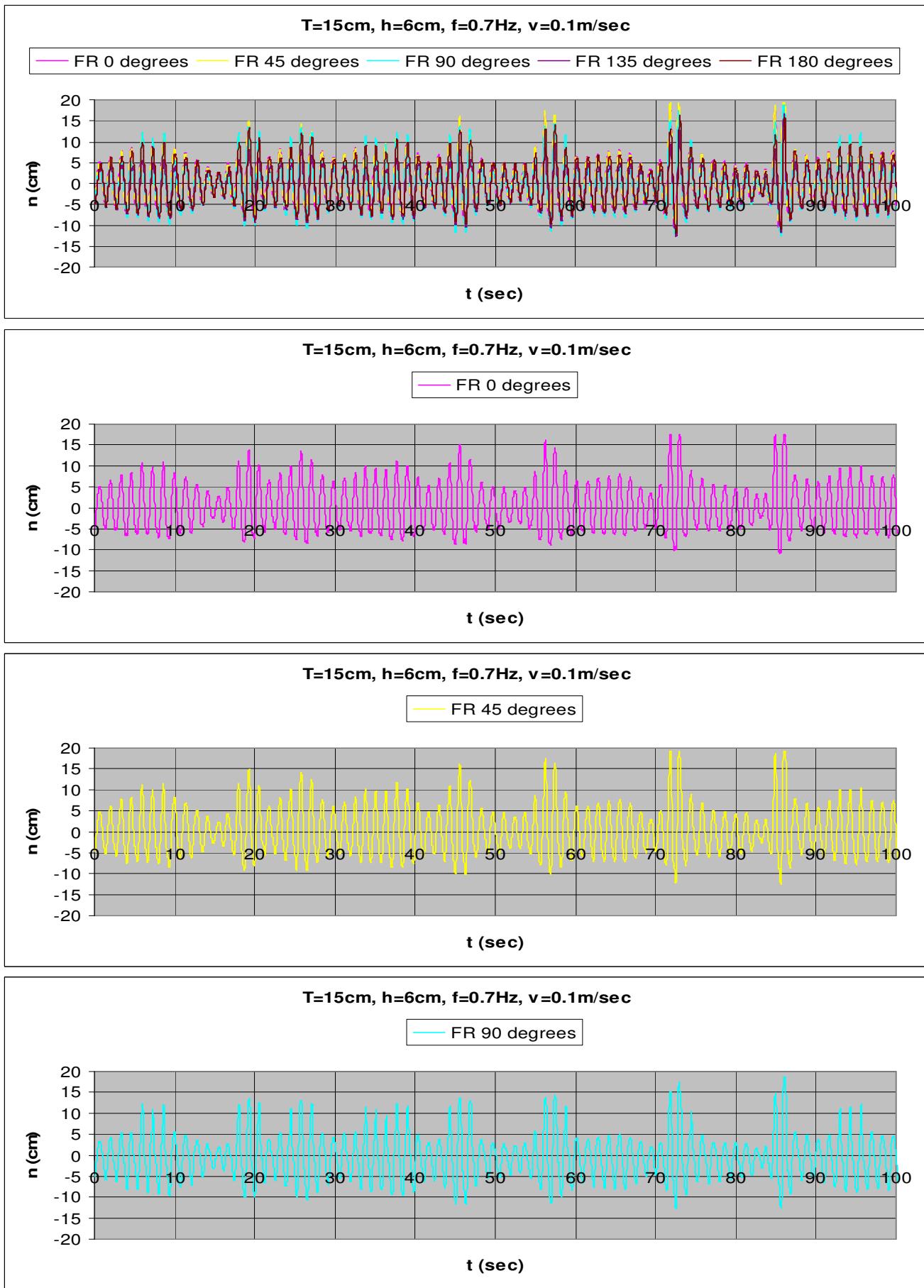


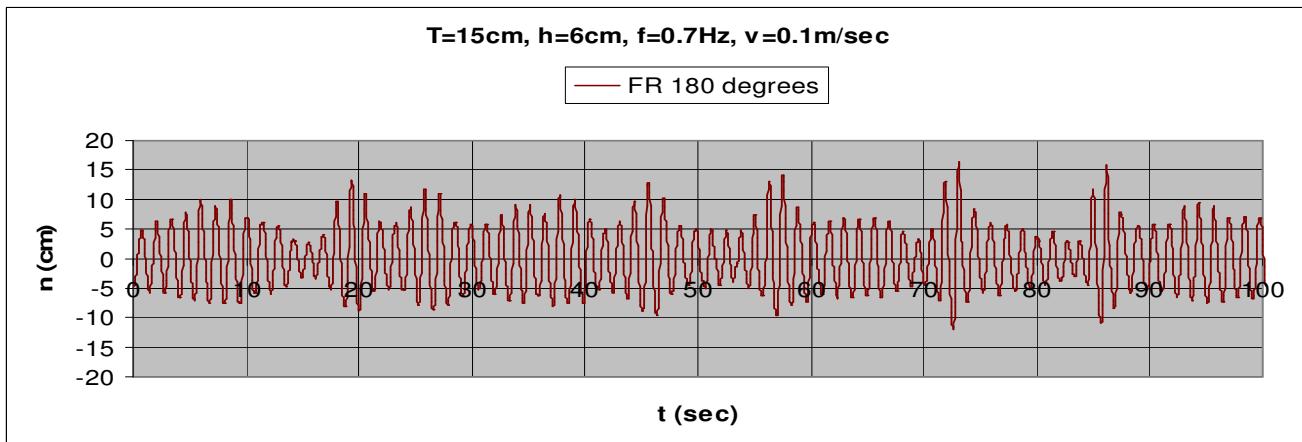
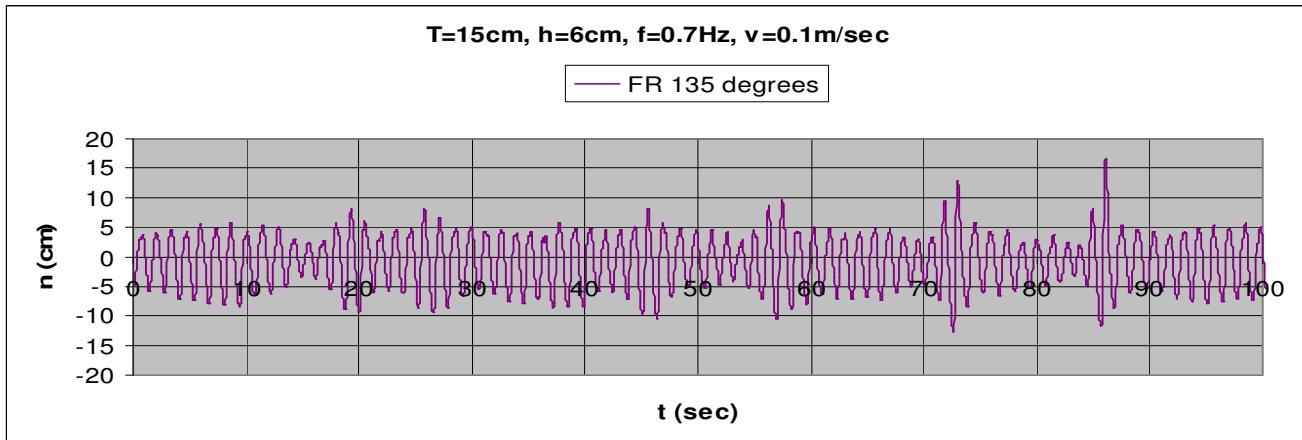
### 3.1.4.18 T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.6Hz, Fn=0.167, ω=3.770rad/sec



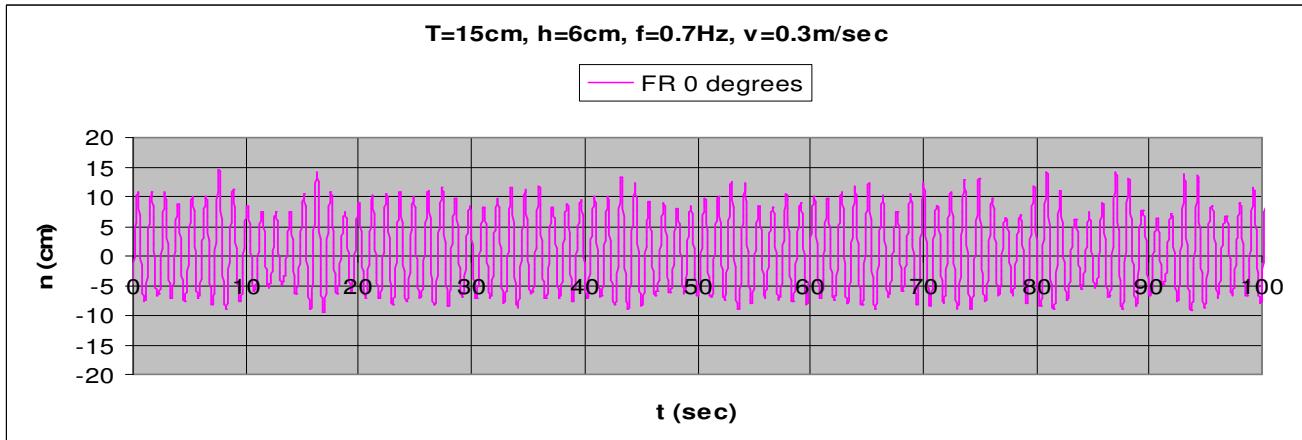
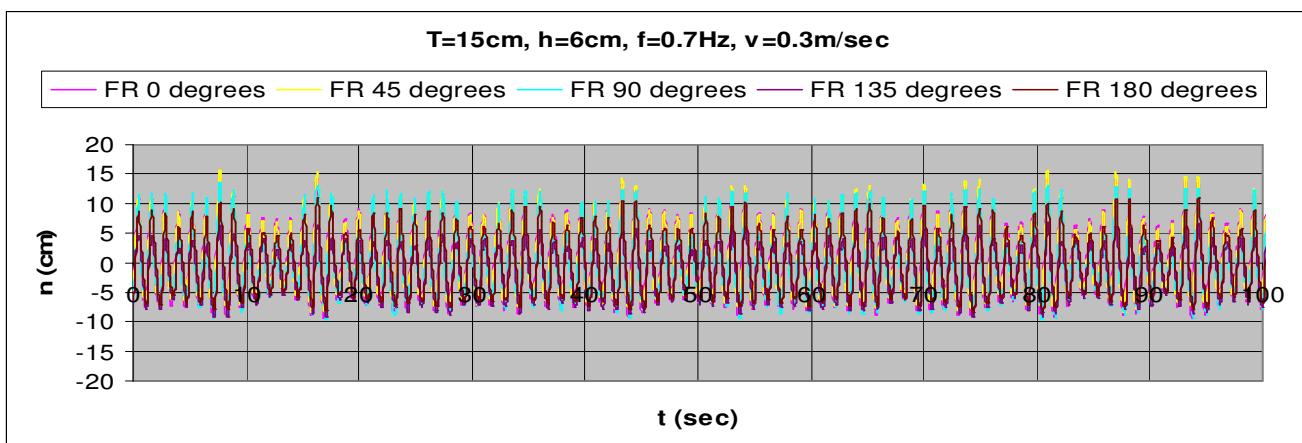


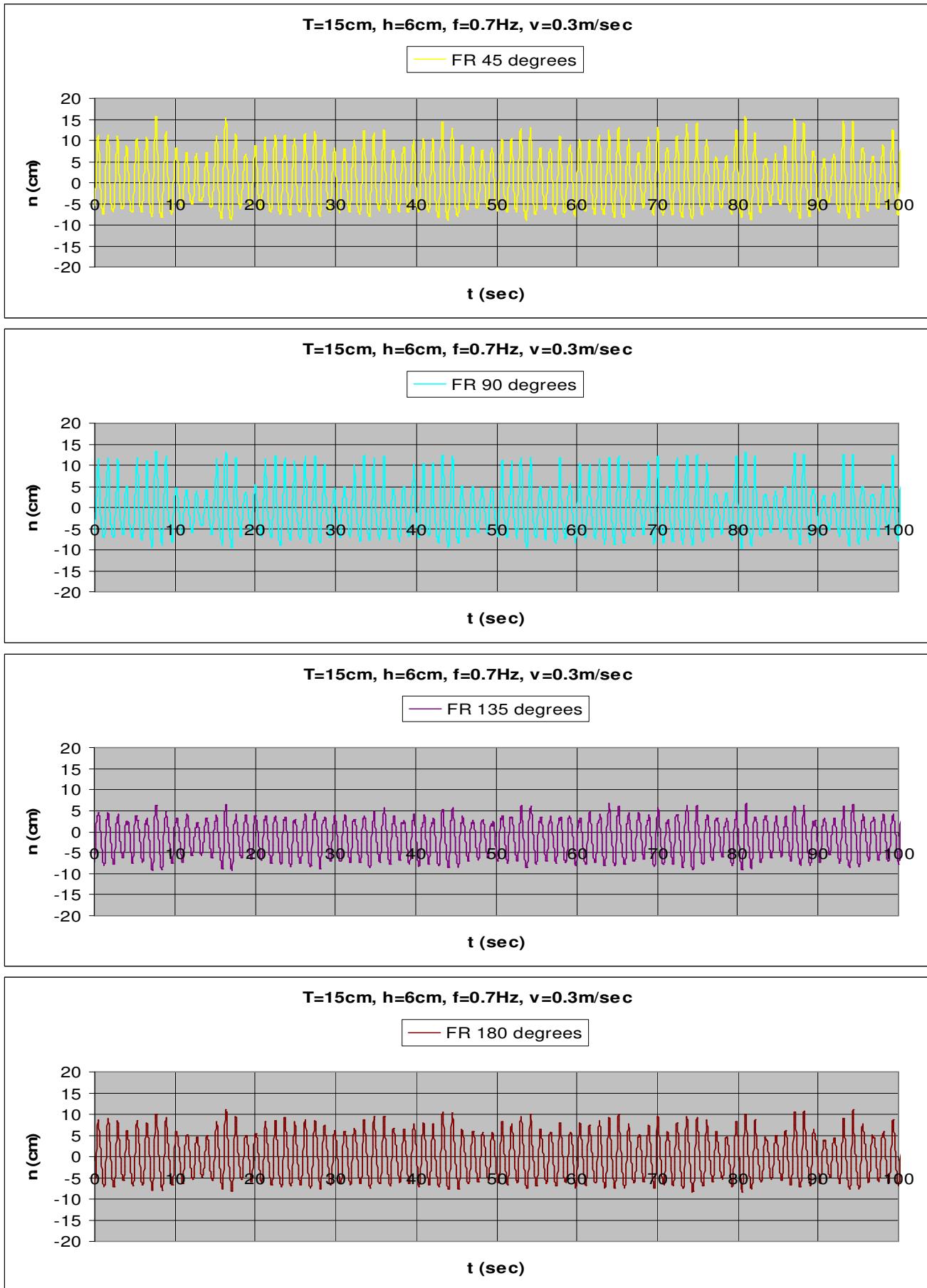
**3.1.4.19  $T=15\text{cm}$ ,  $h=6\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.7\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**



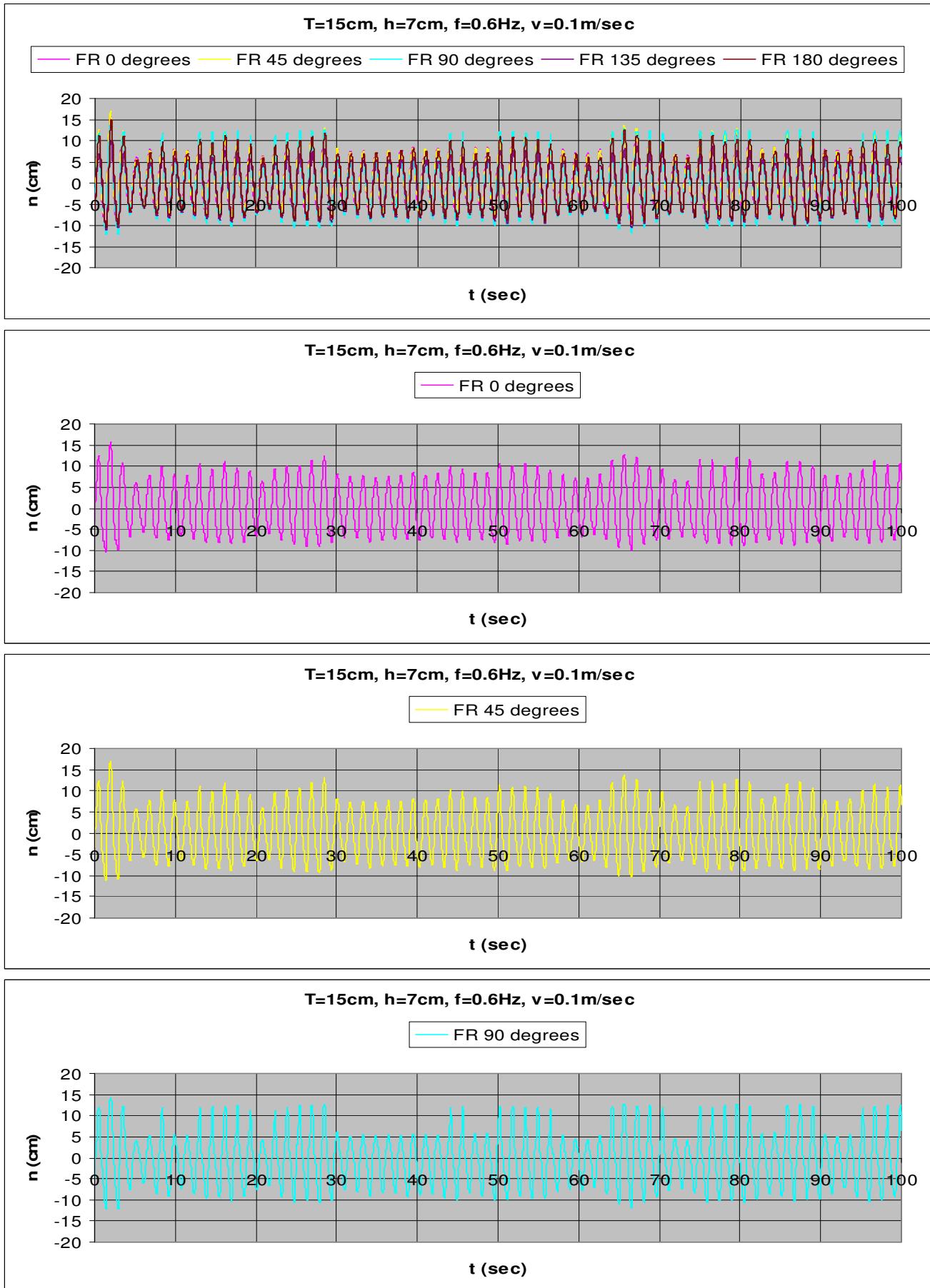


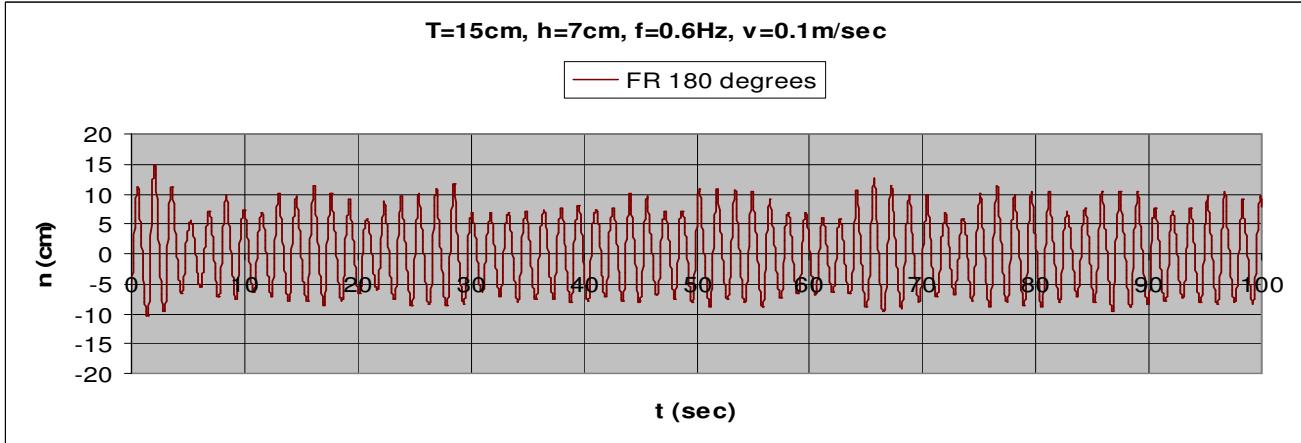
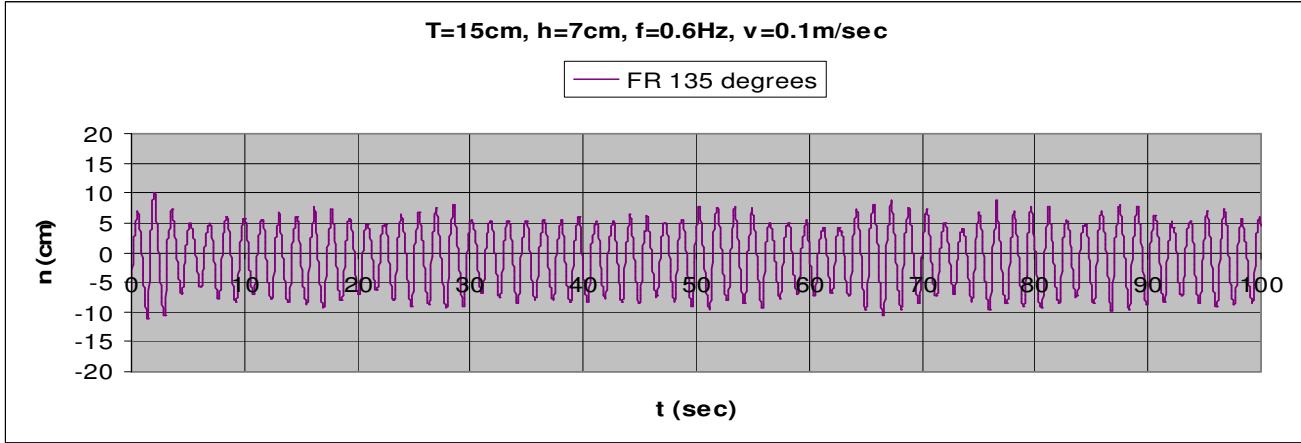
**3.1.4.20 T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz, Fn=0.167,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**



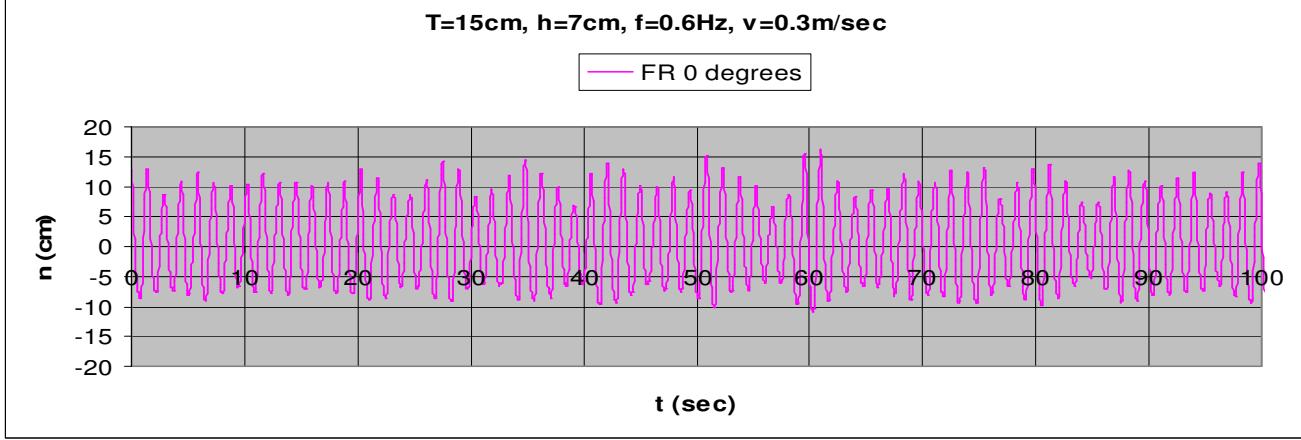
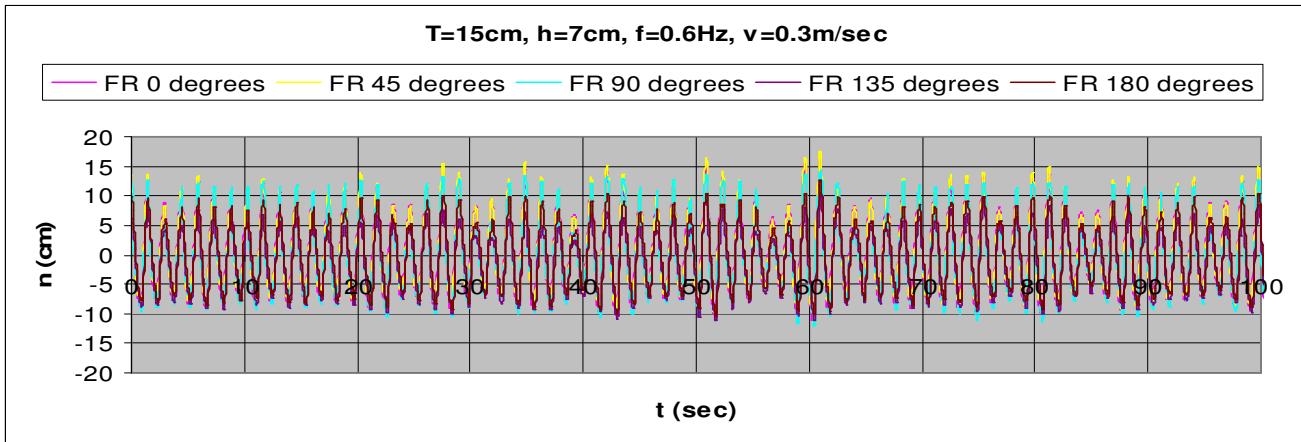


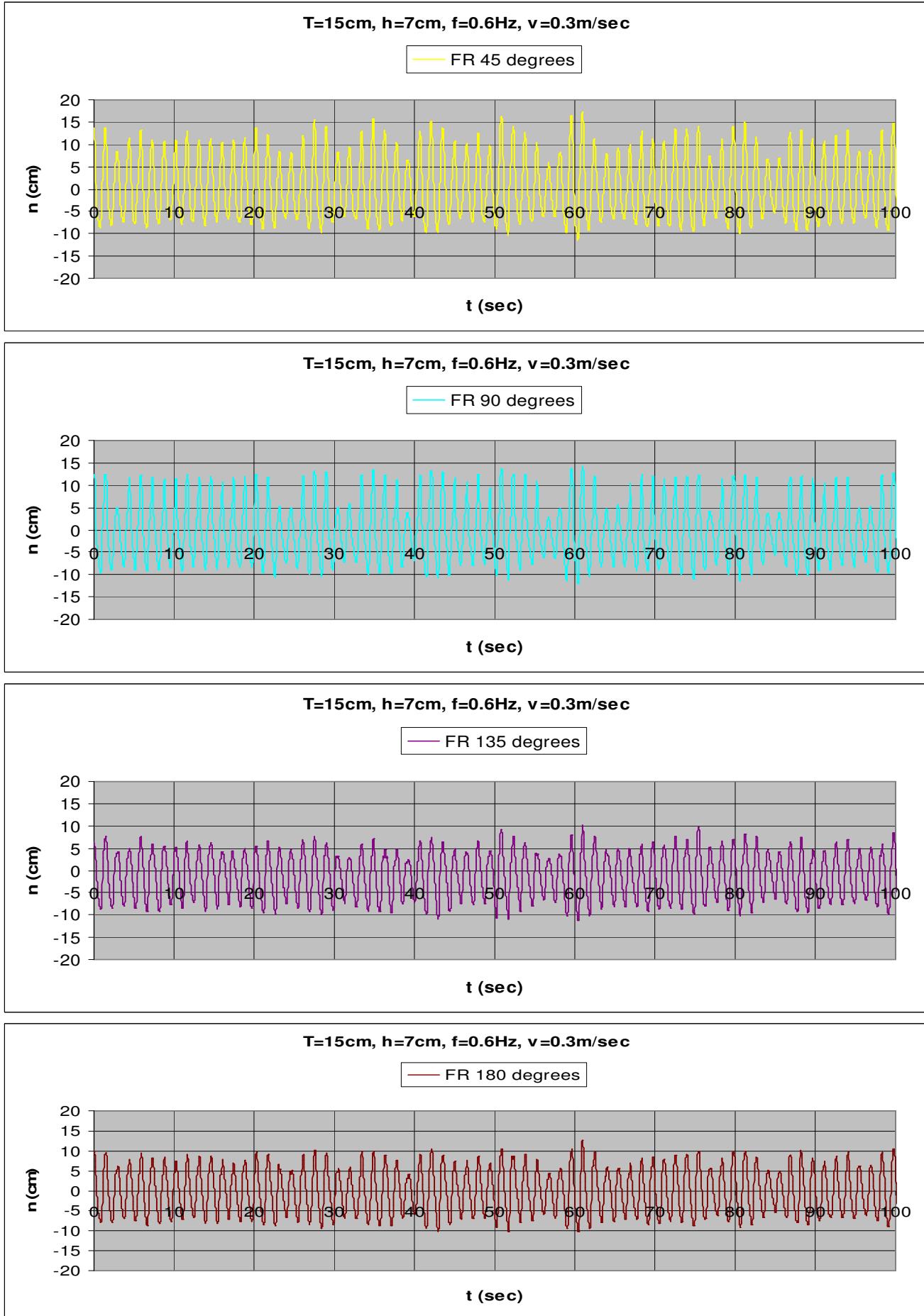
**3.1.4.21 T=15cm, h=6cm, v=0.1m/s, f=0.8Hz, Fn=0.056,  $\omega$ =5.026rad/sec**



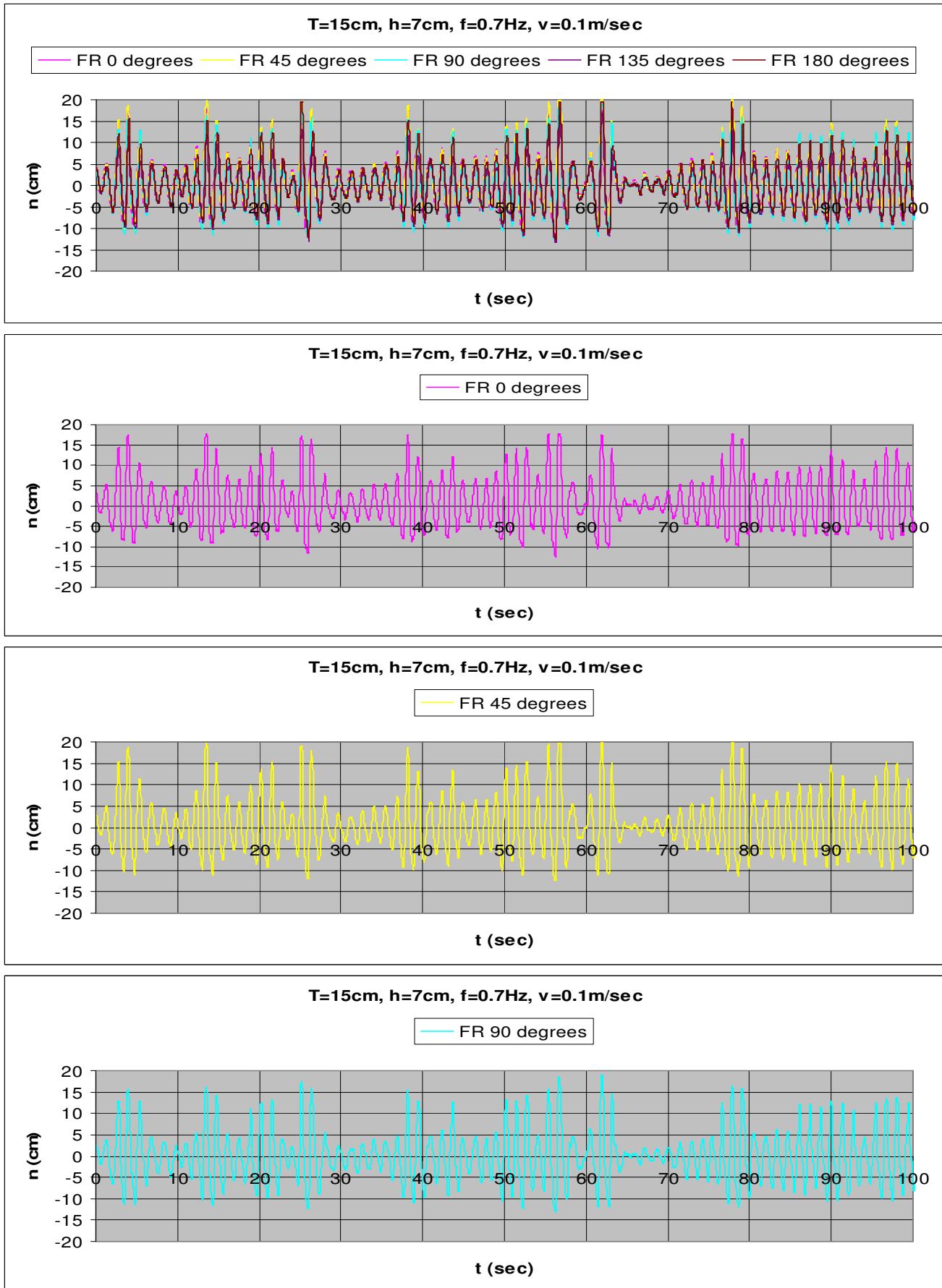


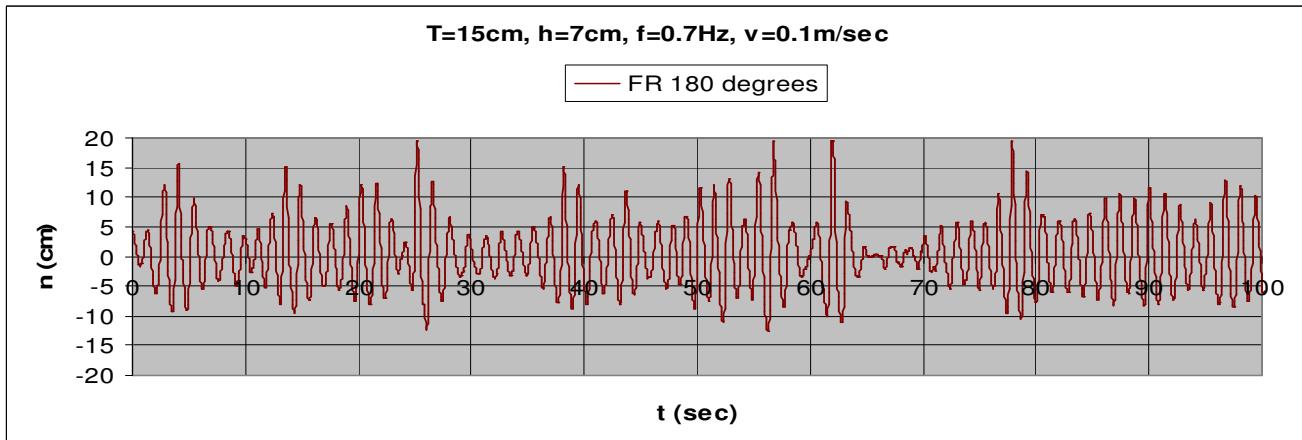
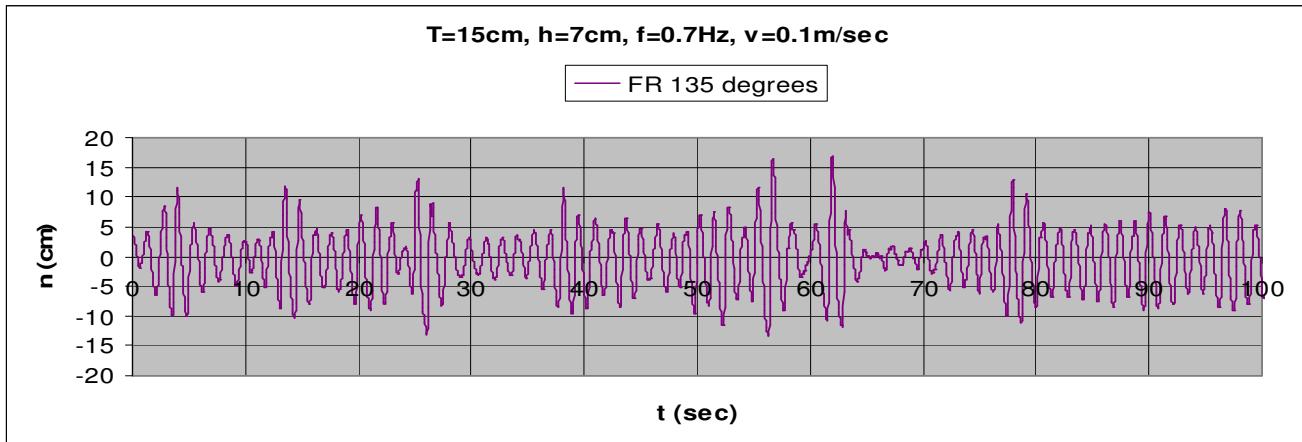
### 3.1.4.22 T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.8Hz, Fn=0.167, ω=5.026rad/sec



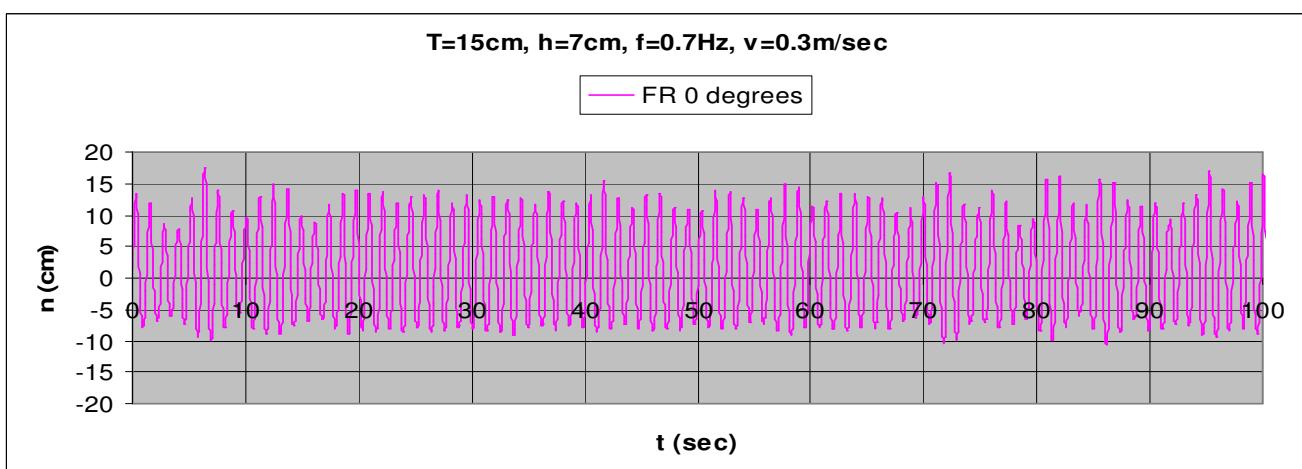
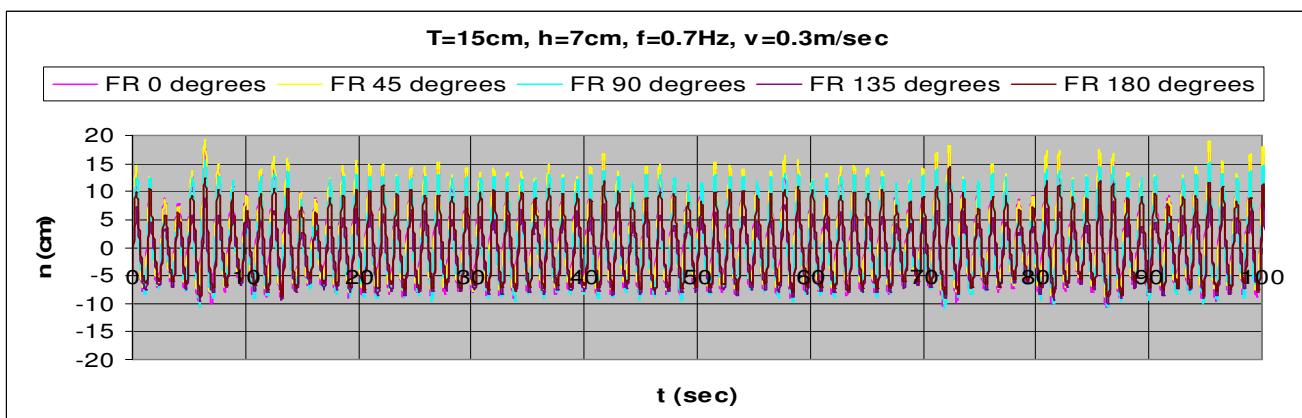


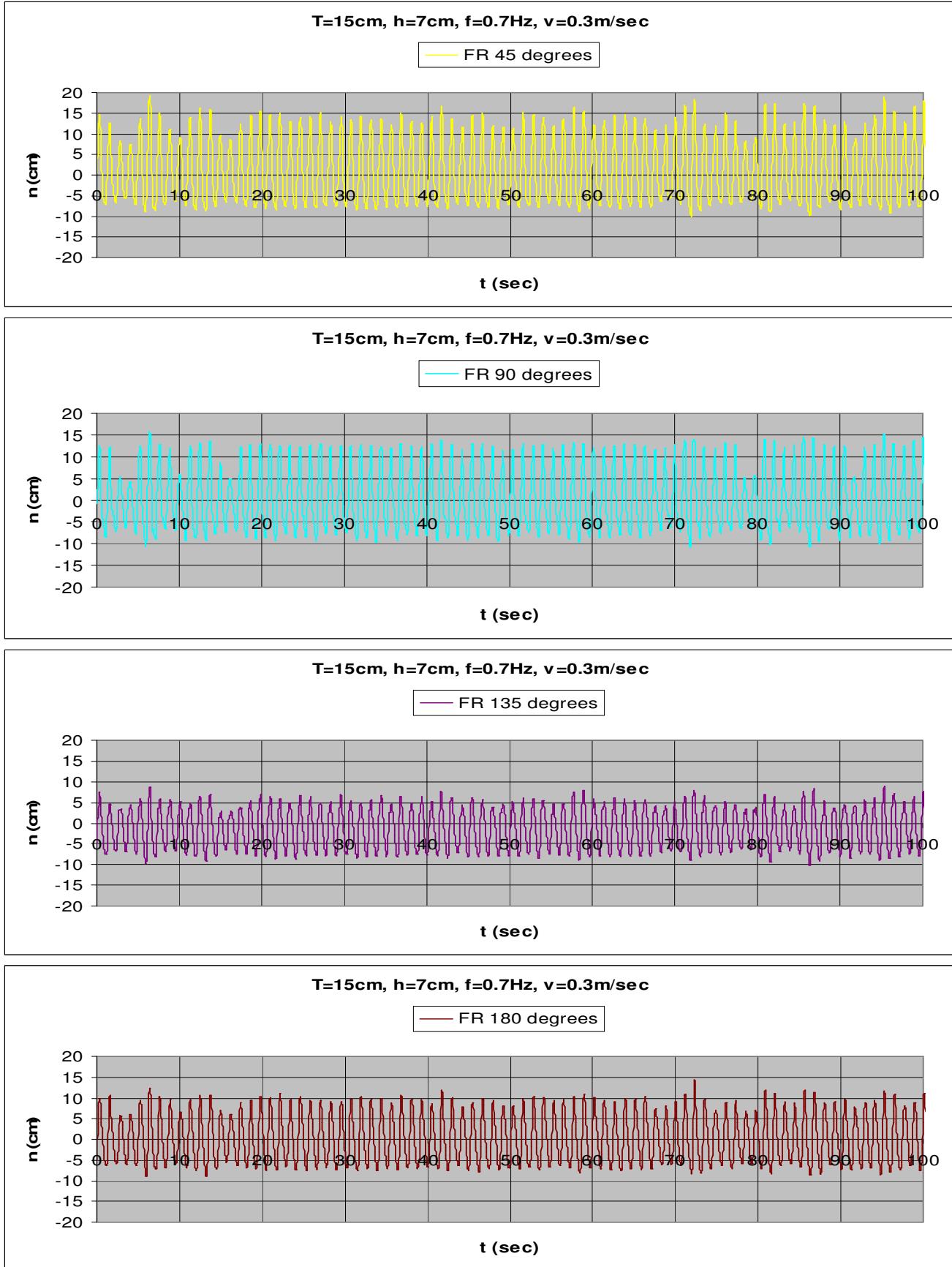
**3.1.4.23  $T=15\text{cm}$ ,  $h=7\text{cm}$ ,  $v=0.1\text{m/s}$ ,  $f=0.7\text{Hz}$ ,  $F_n=0.056$ ,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**



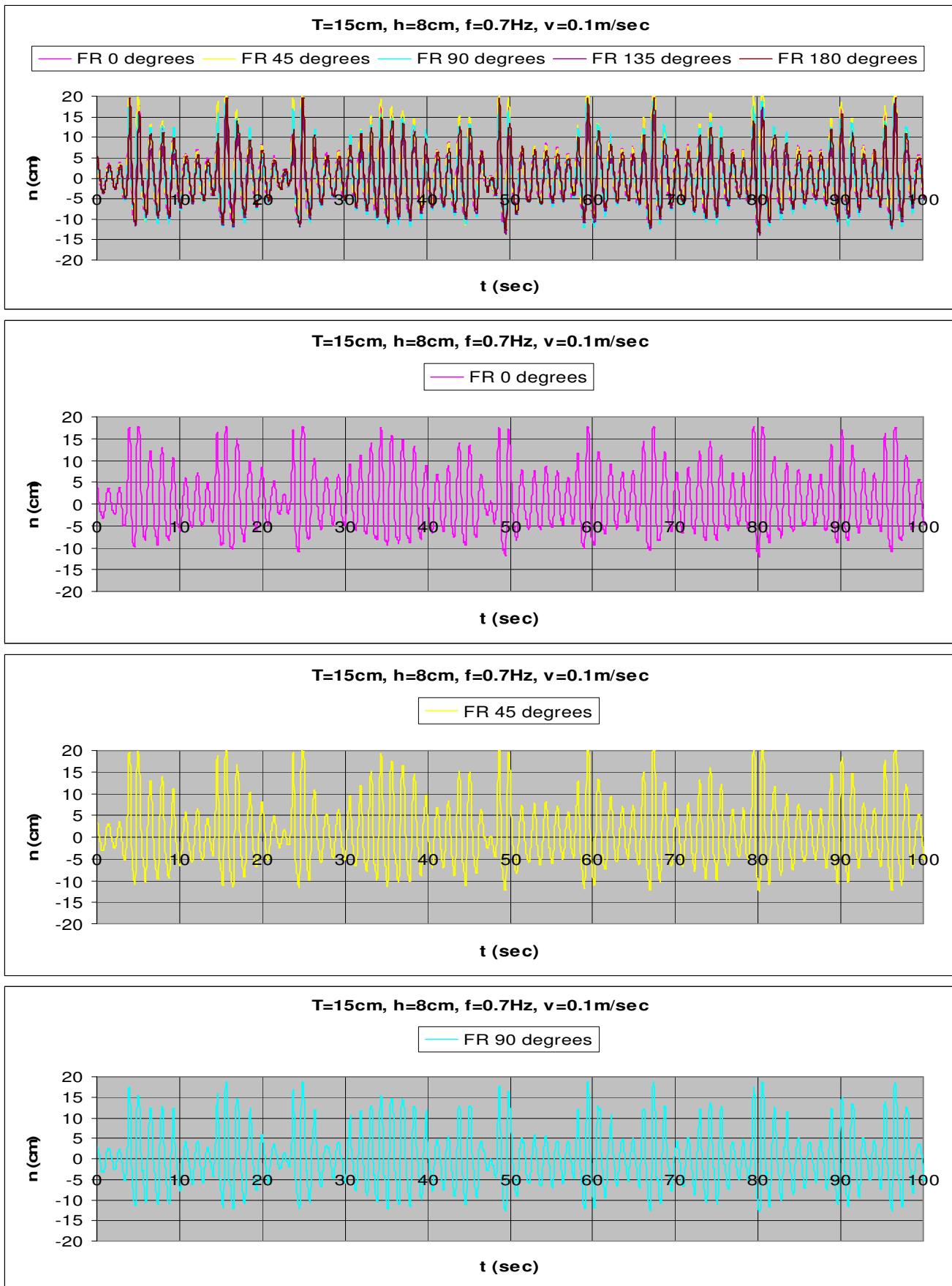


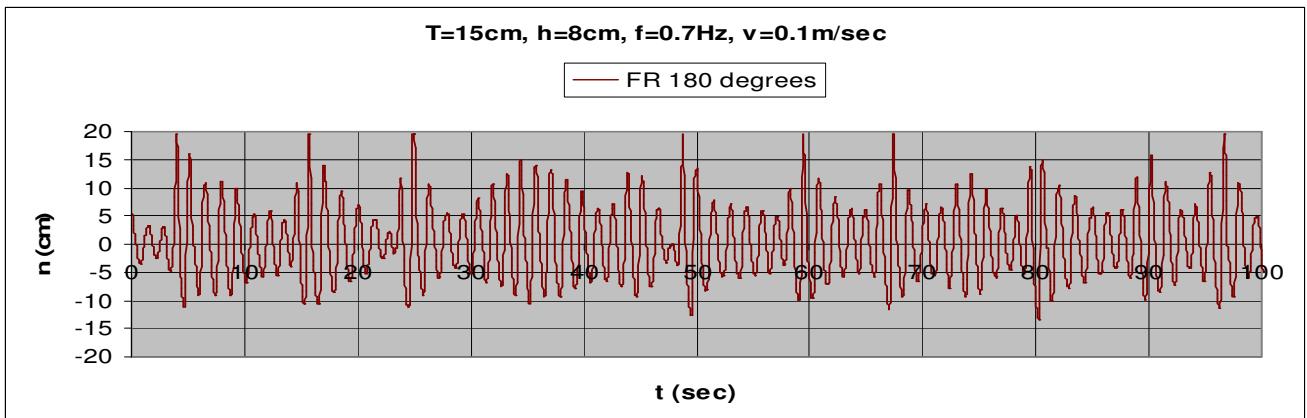
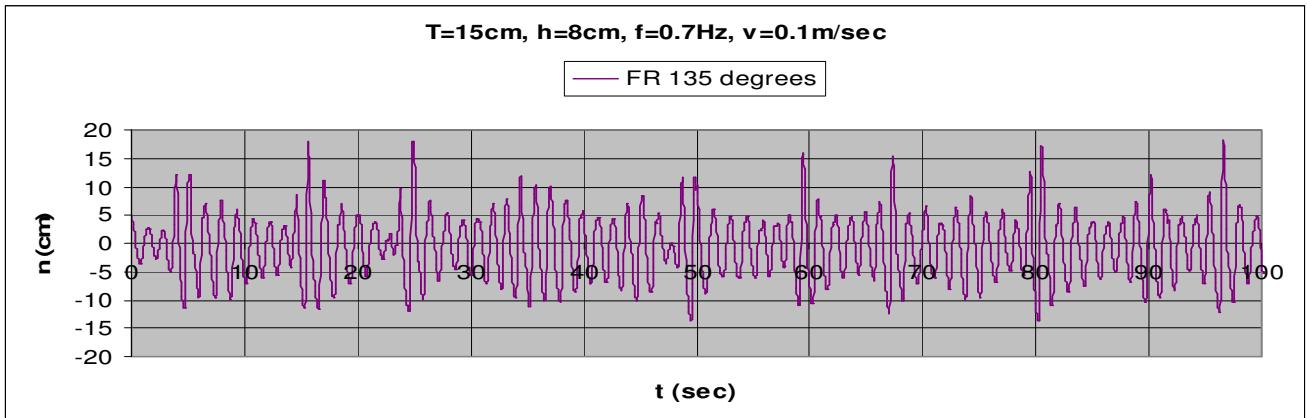
### 3.1.4.24 T=15cm, h=7cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz, Fn=0167, $\omega=4.398\text{rad/sec}$



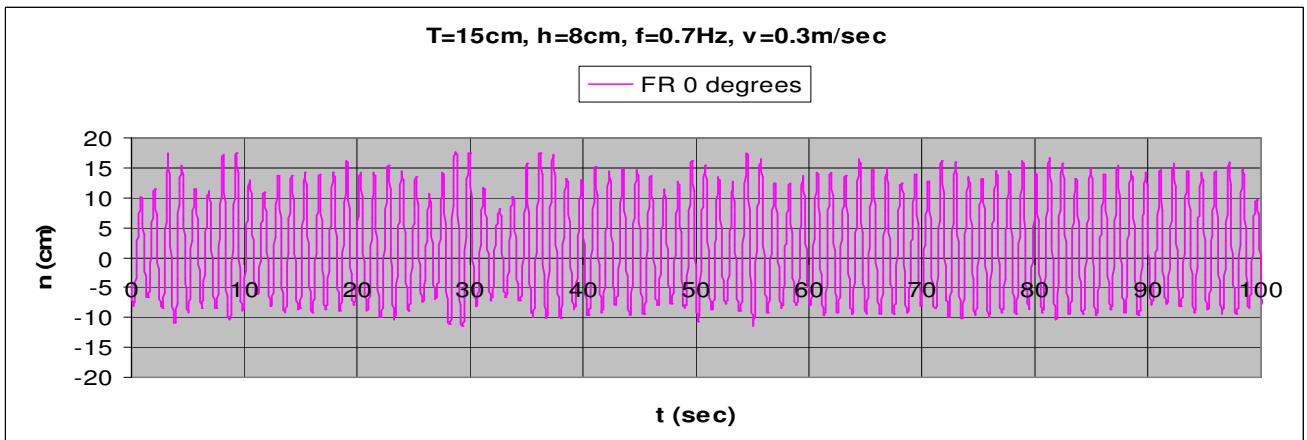
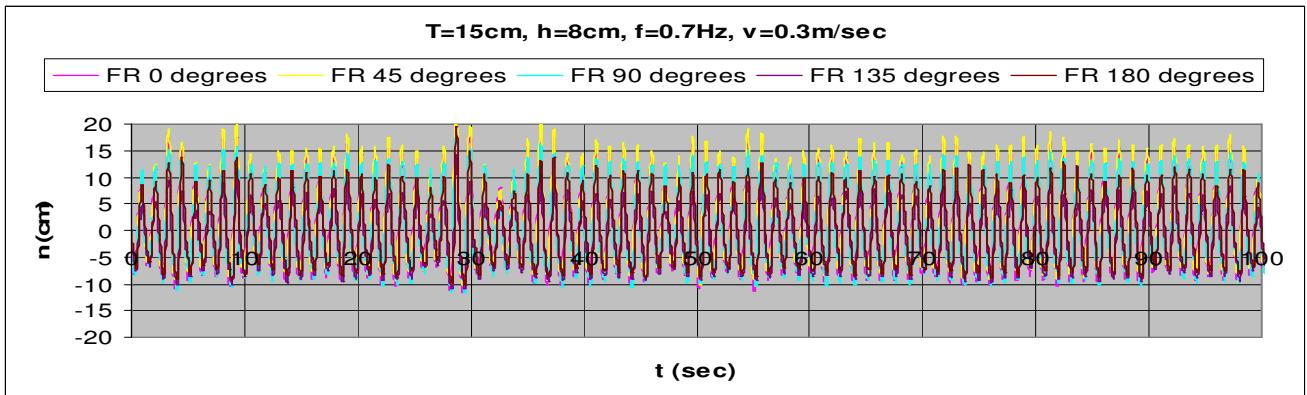


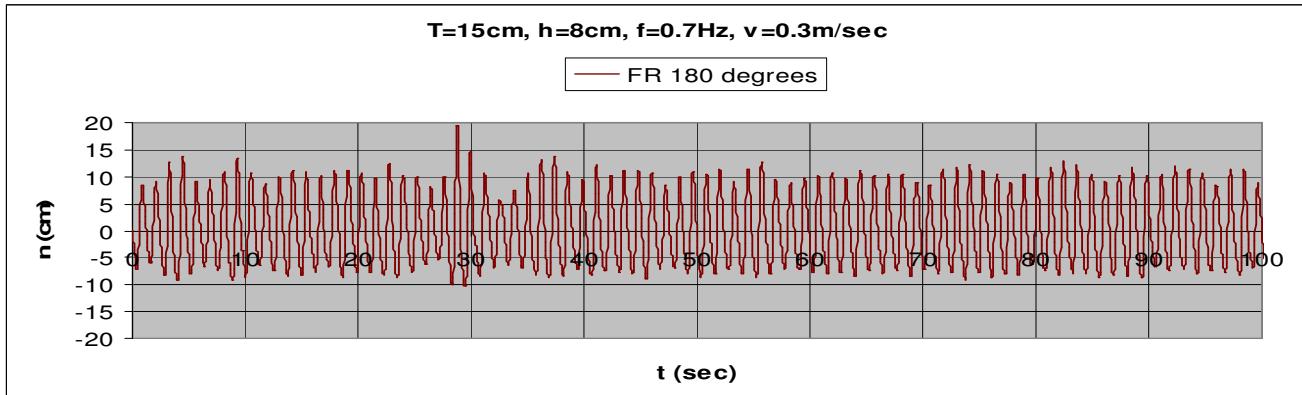
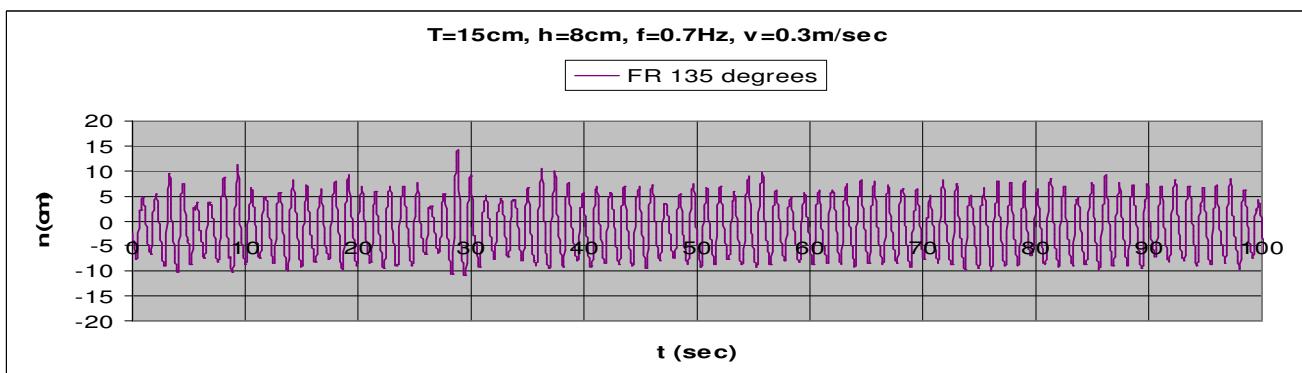
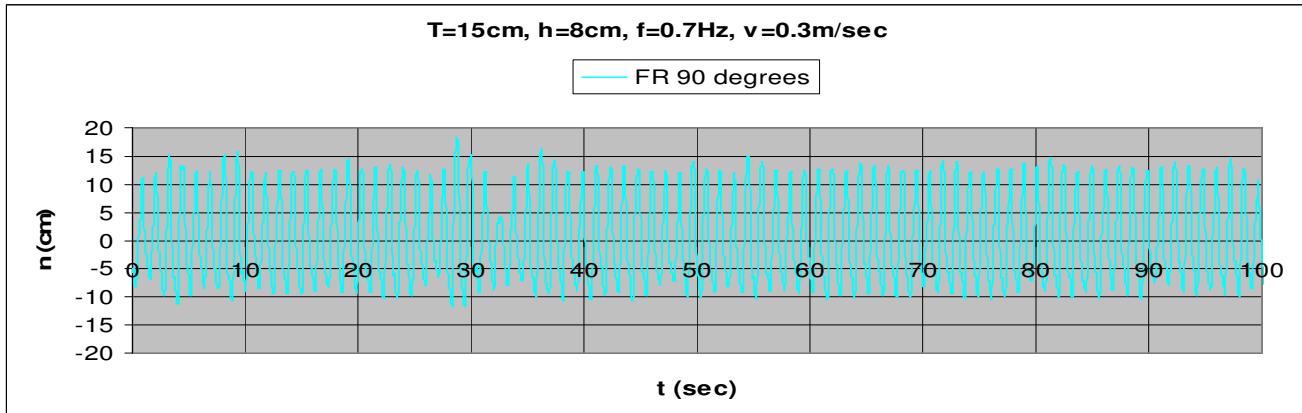
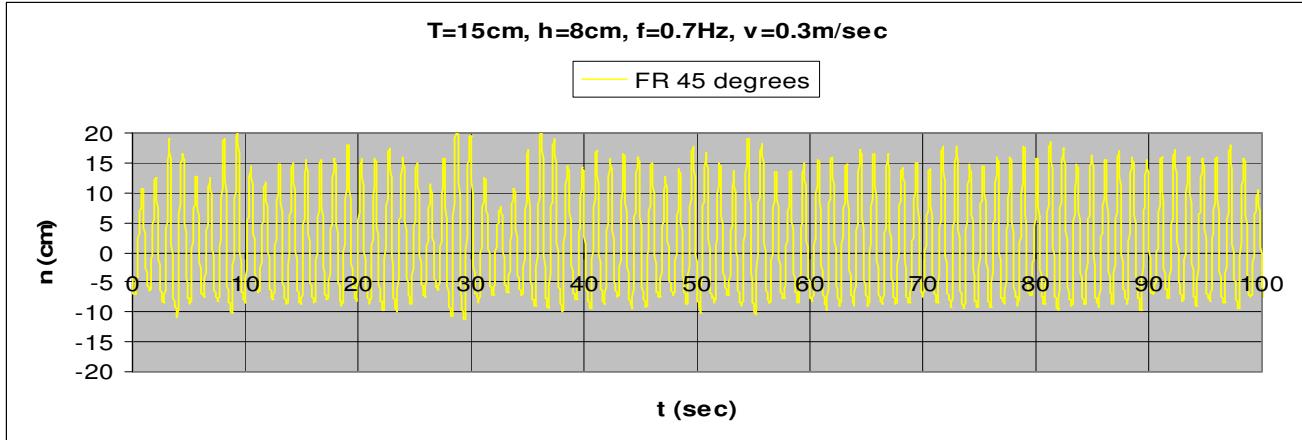
**3.1.4.25 T=15cm, h=8cm, v=0.1m/s, f=0.7Hz, Fn=0.056,  $\omega=4.398\text{rad/sec}$**





### 3.1.4.26 T=15cm, h=8cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz, Fn=0.167, ω=4.398rad/sec





### 3.2 Φασματική ανάλυση σημάτων

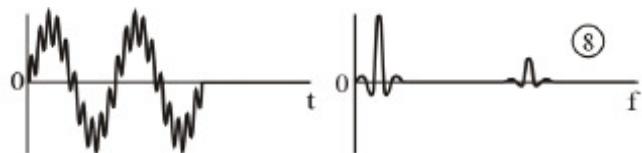
Στην ενότητα που ακολουθεί παρουσιάζονται ορισμένες αναλύσεις του σήματος που λάβαμε από τις χρονικές ιστορίες σε ορισμένους ακραίους συνδυασμούς ύψους κύματος και συχνότητας κυματισμού. Μέσω του ταχύ μετασχηματισμού Fourier (FFT: Fast Fourier Transformation) οδηγηθήκαμε σε ένα διάγραμμα φασματικής πυκνότητας ισχύος (PSD: Power Spectral Density) το οποίο είναι ενδεικτικό της δύναμης του σήματος ως συνάρτηση της συχνότητας.

Ενδεικτικά αναφέρονται παρακάτω οι βασικές αρχές του μετασχηματισμού Fourier, σύμφωνα με τις οποίες κάθε συνάρτηση χρόνου  $h(t)$  μπορεί να μετασχηματισθεί σε συνάρτηση συχνότητας  $H(f)$  και αντιστρόφως. Οι μετασχηματισμοί πραγματοποιούνται με βάση τις ακόλουθες εξισώσεις.

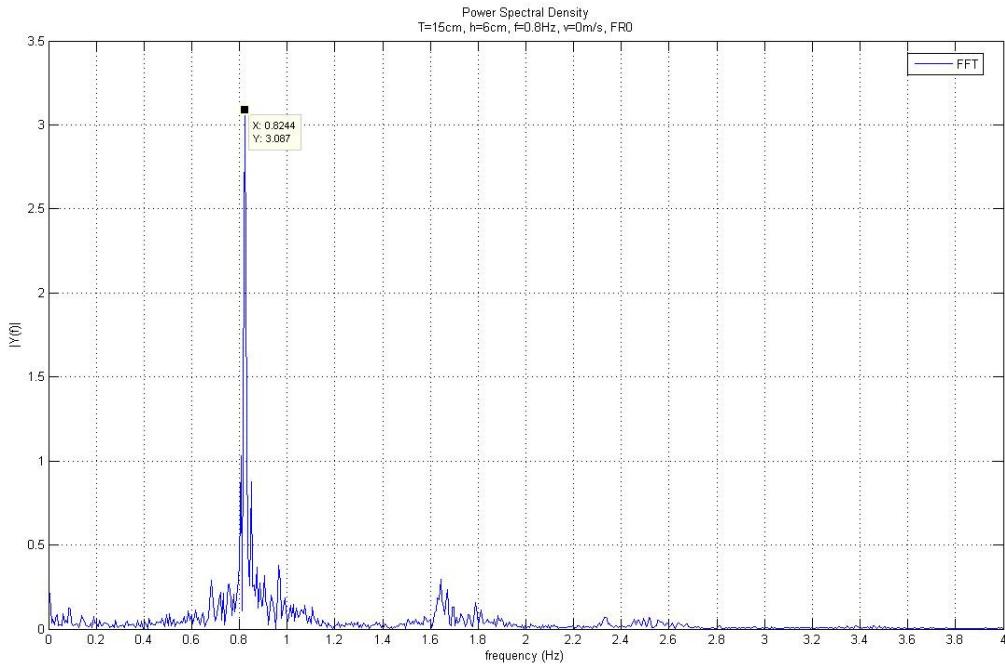
$$H(f) = \int_{-\infty}^{+\infty} h(t) \cdot [\cos(2\pi ft)] dt$$
$$h(t) = \int_{-\infty}^{+\infty} H(f) \cdot [\cos(2\pi ft) + j \sin(2\pi ft)] df$$

Το φάσμα πυκνότητας, ή απλά φάσμα ισχύος, είναι η γραφική παράσταση της πυκνότητας ισχύος ως προς τη συχνότητα και αποδίδει τη διασπορά της ενέργειας ενός σήματος σε διάφορες συχνότητες. Εξαιτίας του γεγονότος ότι η ισχύς είναι ανάλογη του τετραγώνου του πλάτους του σήματος, τα φάσματα ισχύος δεν περιέχουν αρνητικές κορυφές και στην ουσία αποτελούν τη γραφική παράσταση  $[H(f)]^2 - f$ . Από το φάσμα συχνοτήτων κάθε σήματος εντοπίζονται η περιοχή ή οι περιοχές συχνοτήτων που φέρουν το μεγαλύτερο ποσοστό πληροφοριών.

- Η διεύρυνση των φασματικών γραμμών και η εμφάνιση δορυφορικών λοβών εναλλασσόμενου προσήμου, είναι χαρακτηριστική στα φάσματα ημιτονικών σημάτων πεπερασμένης διάρκειας



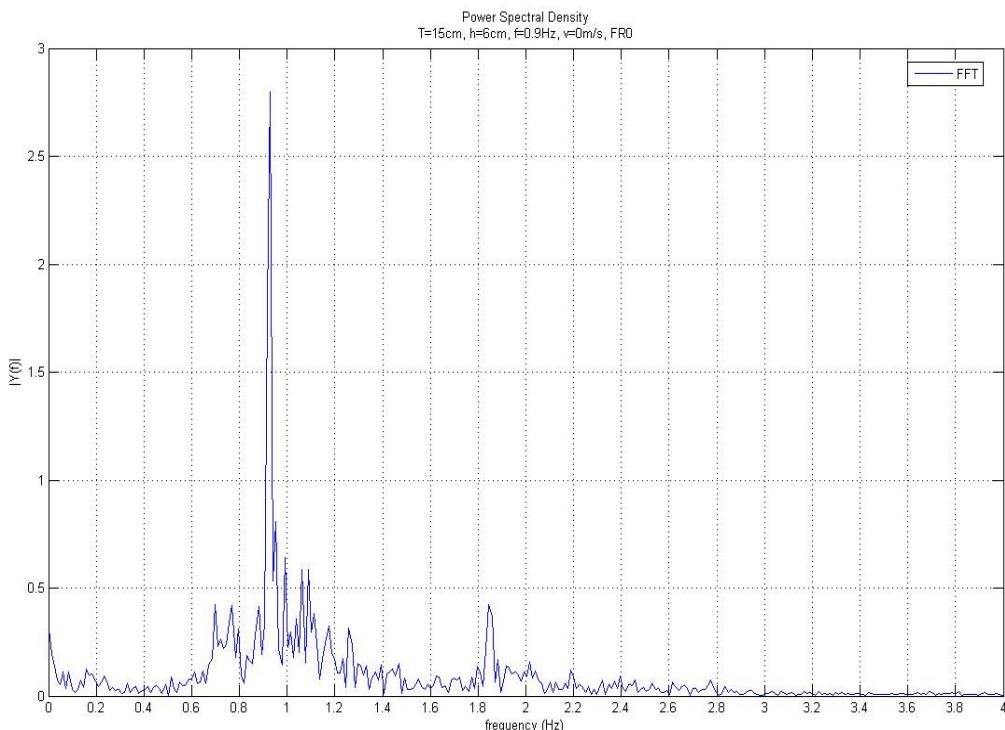
### 3.2.1 $T=15\text{cm}$ , $h=6\text{cm}$ , $v=0\text{m/s}$ , $f=0.8\text{Hz}$ , $F_n=0$ , $\omega=5.026\text{rad/sec}$



Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT), παρατηρούμε πως έχει εντοπιστεί η συχνότητα κυματισμού, αφού το μεγαλύτερο ποσοστό πληροφοριών είναι συγκεντρωμένο στην περιοχή των 0.8Hz.

Επίσης παρατηρούμε μια συγκέντρωση περίπου στην περιοχή των  $2f=1.6\text{Hz}$  καθώς και μία μικρή διέγερση στην περιοχή των  $3f=2.4\text{Hz}$  περίπου, γεγονός που οφείλεται στα δευτεροτάξια  $\cos(2\omega t)$  και ανώτερης τάξης  $\cos(n\omega t)$  φαινόμενα. Ακόμη, παρατηρούμε διάφορες διεγέρσεις σε συχνότητες μικρότερες των 0.8Hz και των 0.8Hz και 1.8Hz. Αυτές ενδέχεται να οφείλονται είτε στην αριθμητική προσέγγιση της μεθόδου καθώς και σε θόρυβο που εμφανίστηκε κατά τη διάρκεια του πειράματος, όπως πιθανή ταλάντωση του προτύπου.

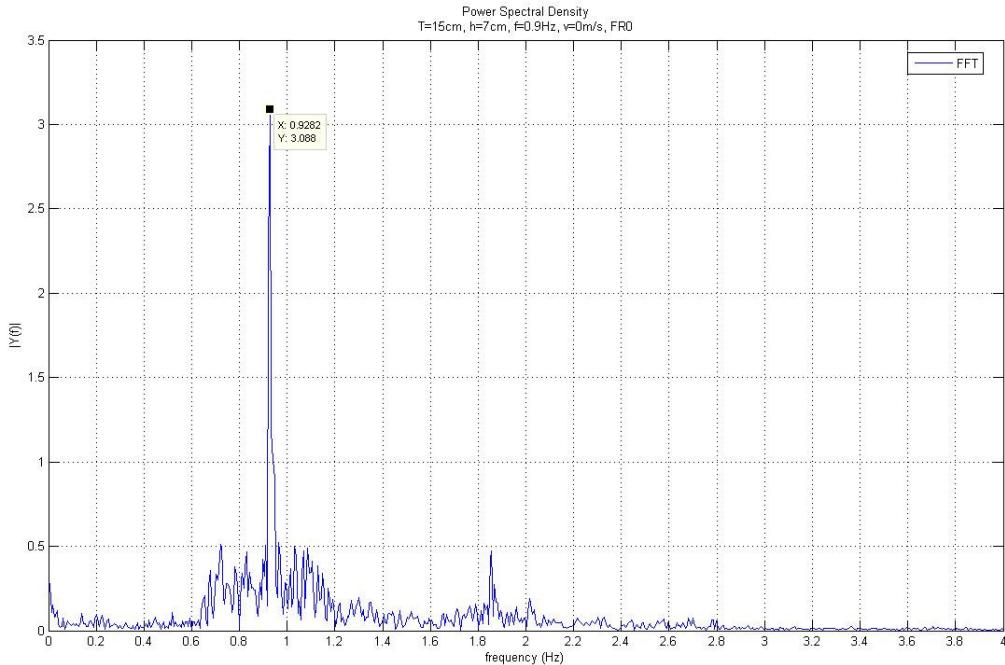
### 3.2.2 $T=15\text{cm}$ , $h=6\text{cm}$ , $v=0\text{m/s}$ , $f=0.9\text{Hz}$ , $F_n=0$ , $\omega=5.655\text{ad/sec}$



Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT), παρατηρούμε πως έχει εντοπιστεί η συχνότητα του κυματισμού, αφού το μεγαλύτερο ποσοστό πληροφοριών είναι συγκεντρωμένο στην περιοχή των 0.9Hz.

Επίσης παρατηρούμε μια συγκέντρωση περίπου στην περιοχή των  $2f=1.8\text{Hz}$ , γεγονός που οφείλεται στα δευτεροτάξια φαινόμενα. Ακόμη, παρατηρούμε ορισμένα έντονα peaks σε συχνότητες μικρότερες των 0.9Hz και ορισμένα μεταξύ των 0.9Hz και 1.8Hz τα οποία ενδέχεται να οφείλονται σε διάφορους παράγοντες, όπως τα αριθμητικά σφάλματα, σε πειραματικό θόρυβο κτλ.

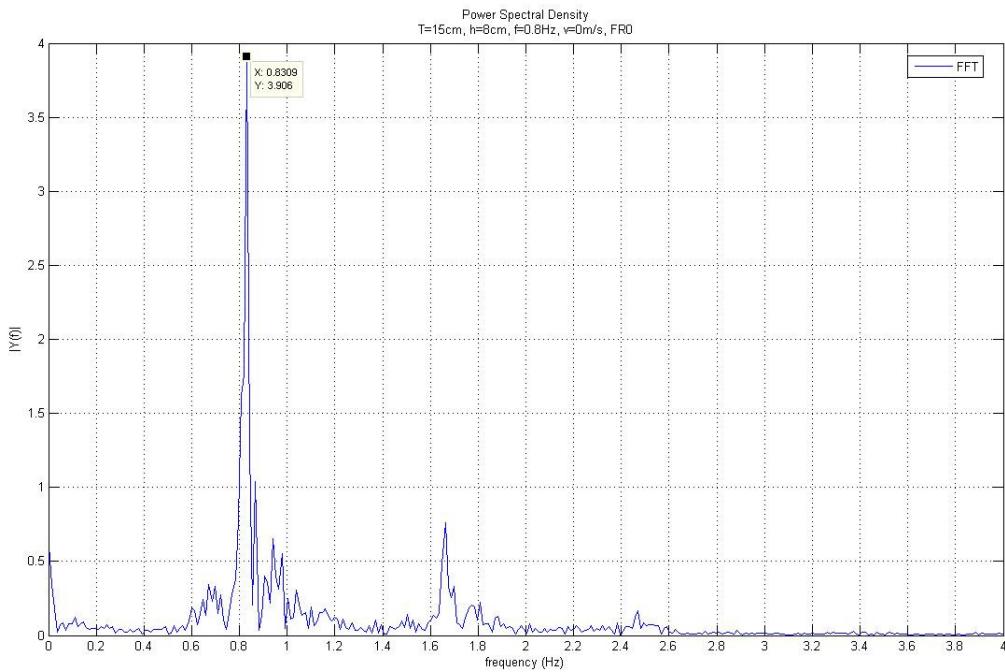
### 3.2.3 $T=15\text{cm}$ , $h=7\text{cm}$ , $v=0\text{m/s}$ , $f=0.9\text{Hz}$ , $F_n=0$ , $\omega=5.655\text{rad/sec}$



Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT), παρατηρούμε πως έχει εντοπιστεί η συχνότητα του κυματισμού.

Παρόλα αυτά παρατηρούμε και άλλο ένα εύρος συχνοτήτων από 0.7Hz έως 1.2Hz περίπου καθώς και άλλο ένα peak στα  $2f=1.8\text{Hz}$ . Αυτό φανερώνει πως ο επιβαλλόμενος κυματισμός των 0.9Hz προκαλεί φαινόμενα τα οποίος διεγείρονται σε συχνότητα διπλάσια της επιβαλλόμενης.

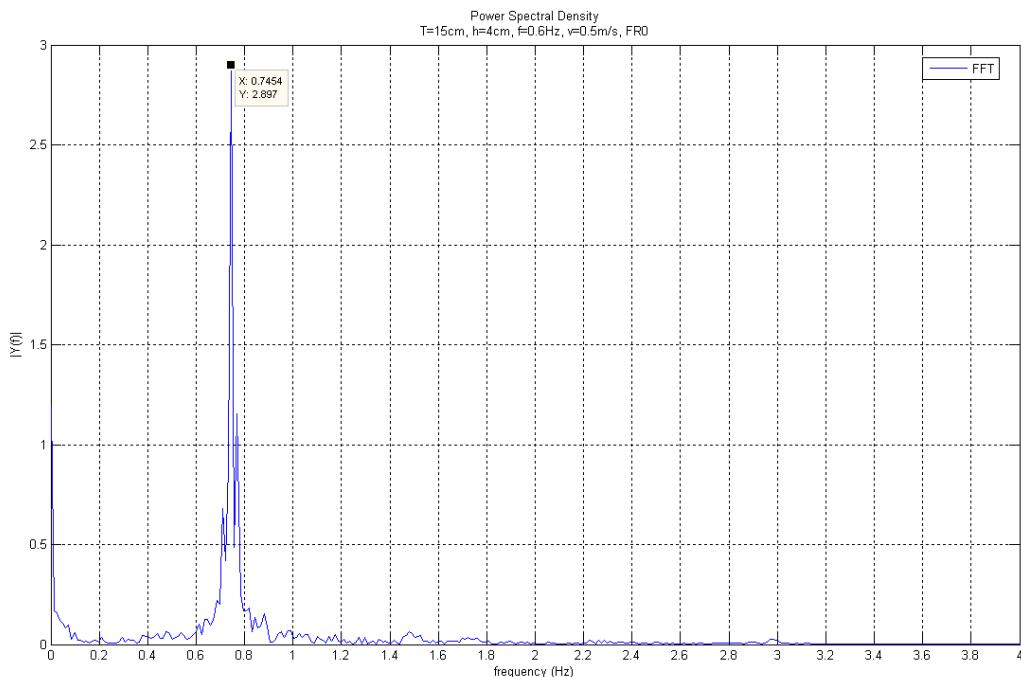
### 3.2.4 $T=15\text{cm}$ , $h=8\text{cm}$ , $v=0\text{m/s}$ , $f=0.8\text{Hz}$ , $Fn=0$ , $\omega=5.026\text{rad/sec}$



Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT) των μετρήσεων ανύψωσης ελεύθερης επιφάνειας παρατηρούμε πως έχει εντοπιστεί η επιβαλλόμενη συχνότητα κυματισμού.

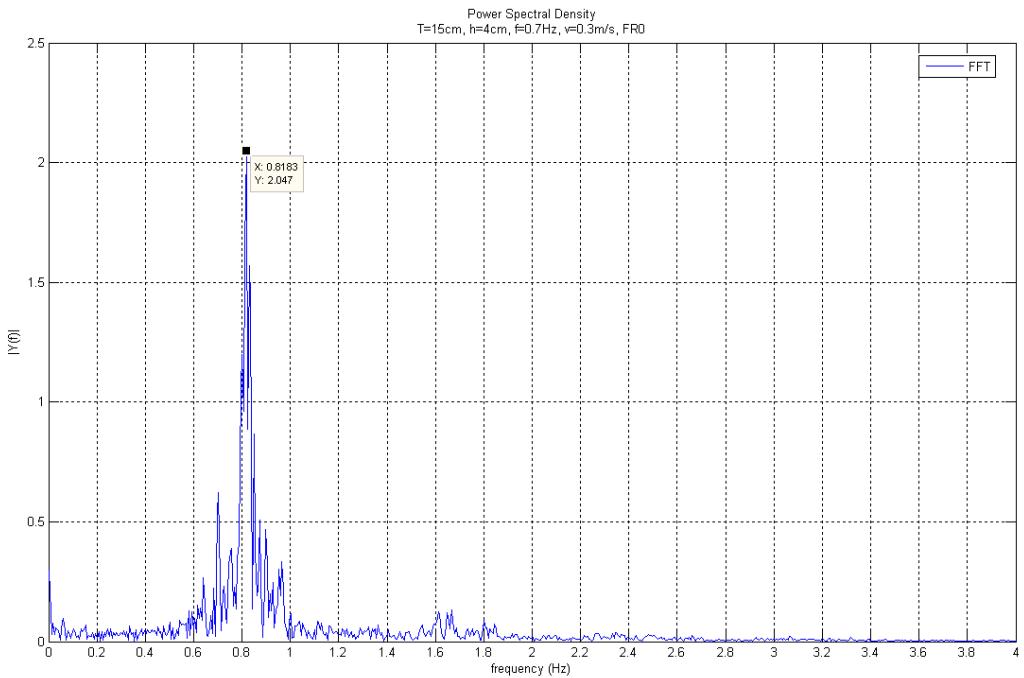
Και σε αυτή την περίπτωση παρατηρούμε ένα ακόμη εύρος συχνοτήτων από 0.7Hz έως 1.1Hz περίπου καθώς και την δευτεροτάξια διέγερση στα 1.6Hz και την τριτοτάξια στα 2.4Hz.

### 3.2.5 $T=15\text{cm}$ , $h=4\text{cm}$ , $v=0.5\text{m/s}$ , $f=0.6\text{Hz}$ , $Fn=0.278$ , $\omega=3.770\text{rad/sec}$



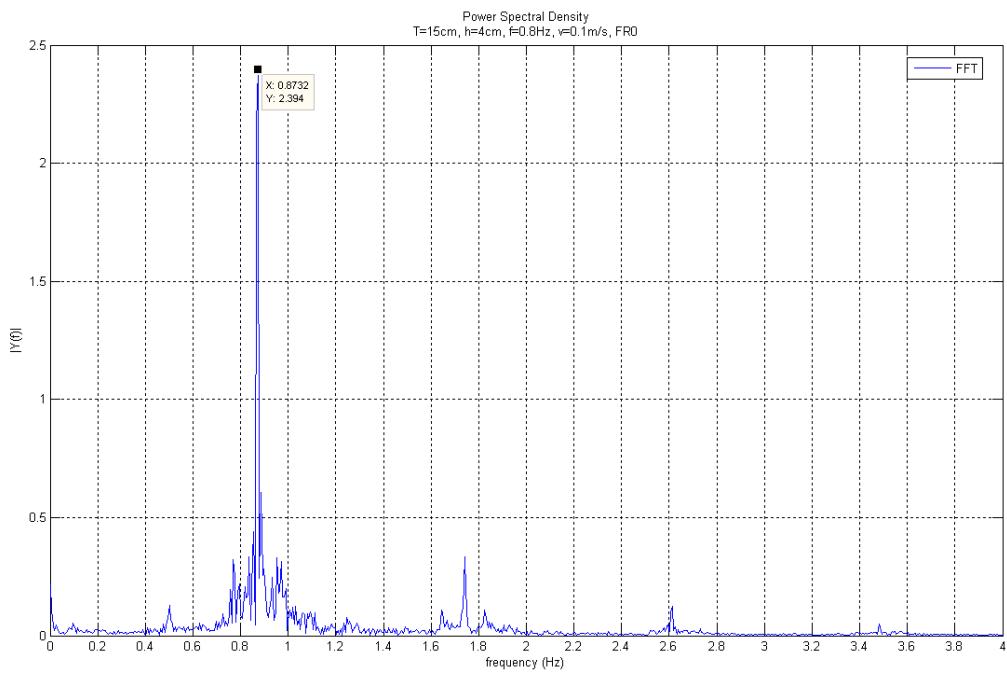
Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT) παρατηρούμε πως δεν έχει εντοπιστεί η επιβαλλόμενη συχνότητα κυματισμού 0.6Hz αλλά 0.75Hz γεγονός που λογικά οφείλεται σε αριθμητικά σφάλματα.

### 3.2.6 $T=15\text{cm}$ , $h=4\text{cm}$ , $v=0.3\text{m/s}$ , $f=0.7\text{Hz}$ , $Fn=0.167$ , $\omega=4.398\text{rad/sec}$



Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT), παρατηρούμε πως δεν έχει εντοπιστεί η επιβαλλόμενη συχνότητα κυματισμού 0.7Hz αλλά 0.81Hz.

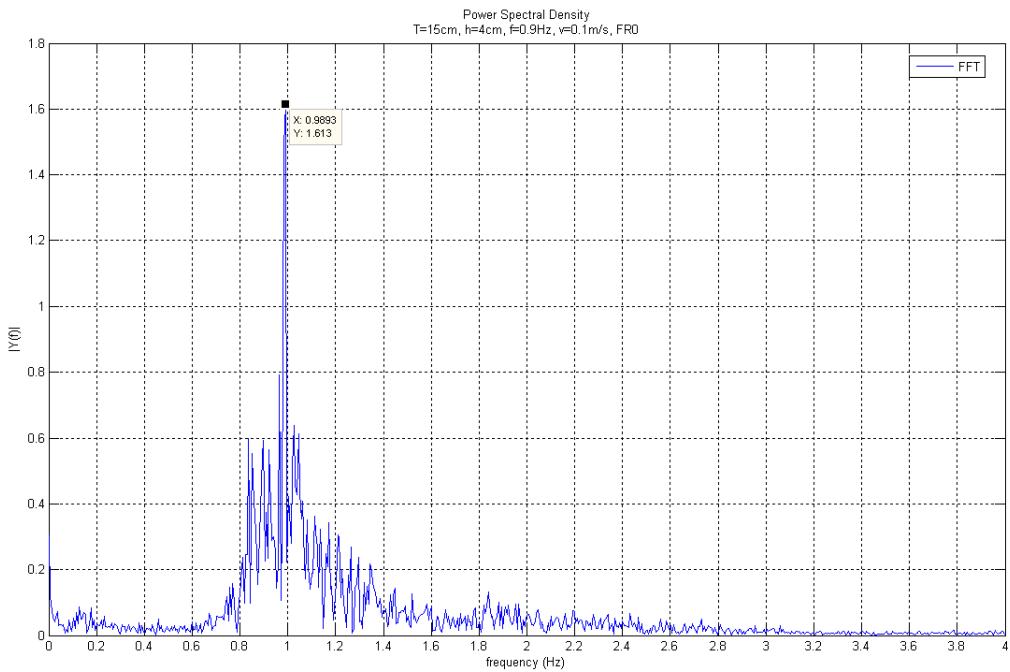
### 3.2.7 $T=15\text{cm}$ , $h=4\text{cm}$ , $v=0.1\text{m/s}$ , $f=0.8\text{Hz}$ , $Fn=0.056$ , $\omega=5.026\text{rad/sec}$



Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT) των μετρήσεων ανύψωσης ελεύθερης επιφάνειας παρατηρούμε πως το μεγαλύτερο ποσοστό πληροφοριών είναι συγκεντρωμένο στην περιοχή κυματισμού με συχνότητα 0.85Hz .

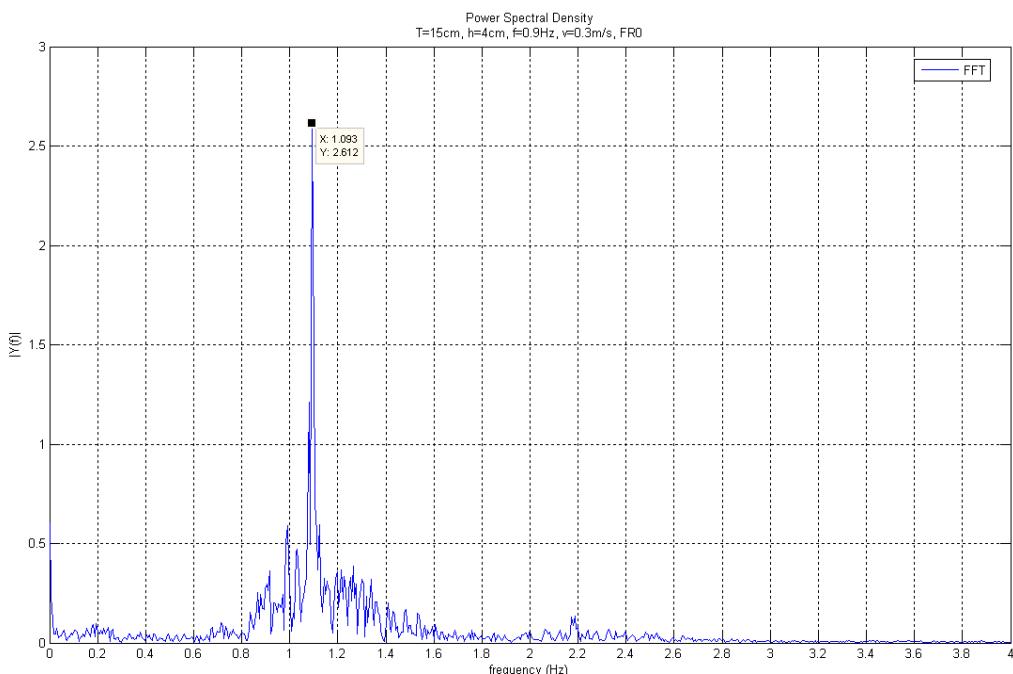
Ακόμη, είναι ευδιάκριτα τα διακροτήματα σε συχνότητες 1.7Hz έως 2.6Hz που αντιστοιχούν σε φαινόμενα δεύτερης και τρίτης τάξης αντίστοιχα.

### 3.2.8 $T=15\text{cm}$ , $h=4\text{cm}$ , $v=0.1\text{m/s}$ , $f=0.9\text{Hz}$ , $F_n=0.056$ , $\omega=5.655\text{rad/sec}$



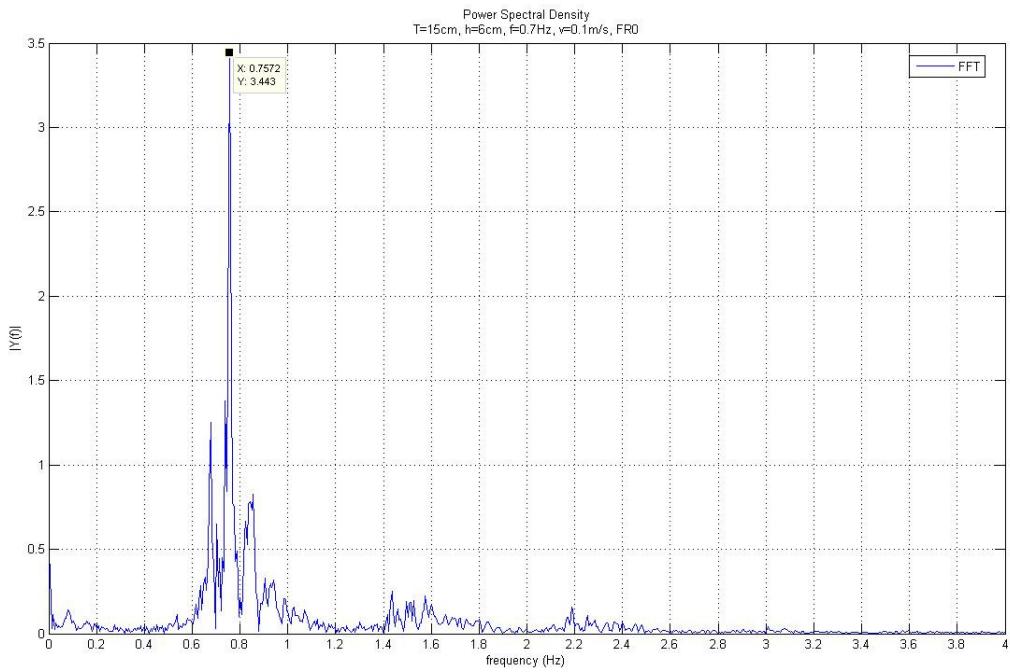
Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT) των μετρήσεων ανύψωσης ελεύθερης επιφάνειας παρατηρούμε πως το μεγαλύτερο ποσοστό πληροφοριών είναι συγκεντρωμένο στην περιοχή κυματισμού με συχνότητα 1.0Hz .

### 3.2.9 $T=15\text{cm}$ , $h=4\text{cm}$ , $v=0.3\text{m/s}$ , $f=0.9\text{Hz}$ , $F_n=0.167$ , $\omega=5.655\text{rad/sec}$



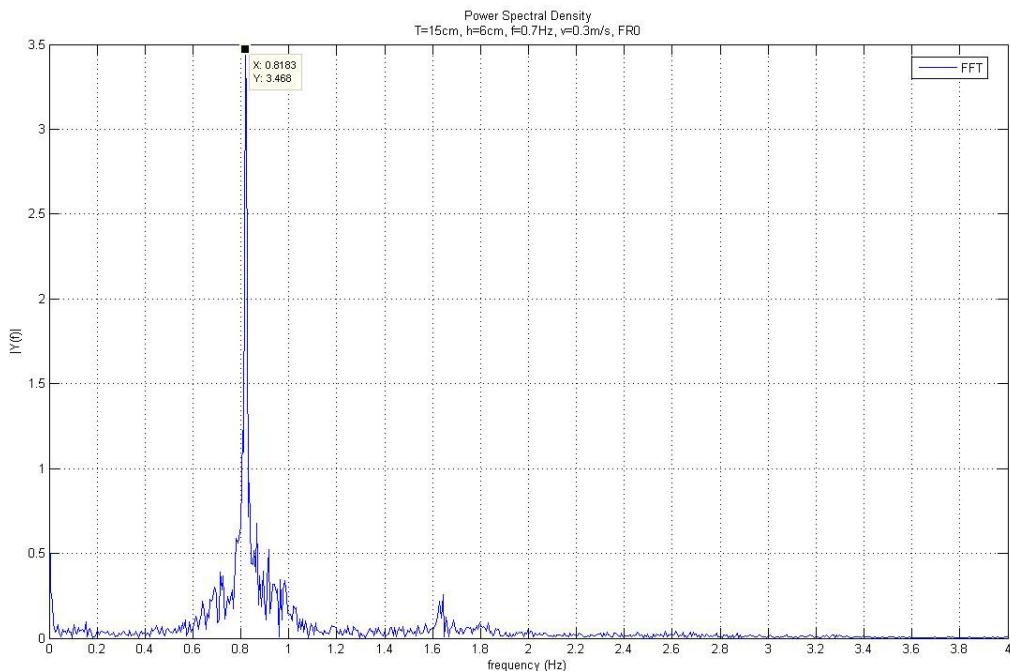
Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT) των μετρήσεων ανύψωσης ελεύθερης επιφάνειας παρατηρούμε πως το μεγαλύτερο ποσοστό πληροφοριών είναι συγκεντρωμένο στην περιοχή κυματισμού με συχνότητα 1.1Hz.

### 3.2.10 T=15cm, h=6cm, v=0.1m/s, f=0.7Hz, Fn=0.056, ω=4.398rad/sec



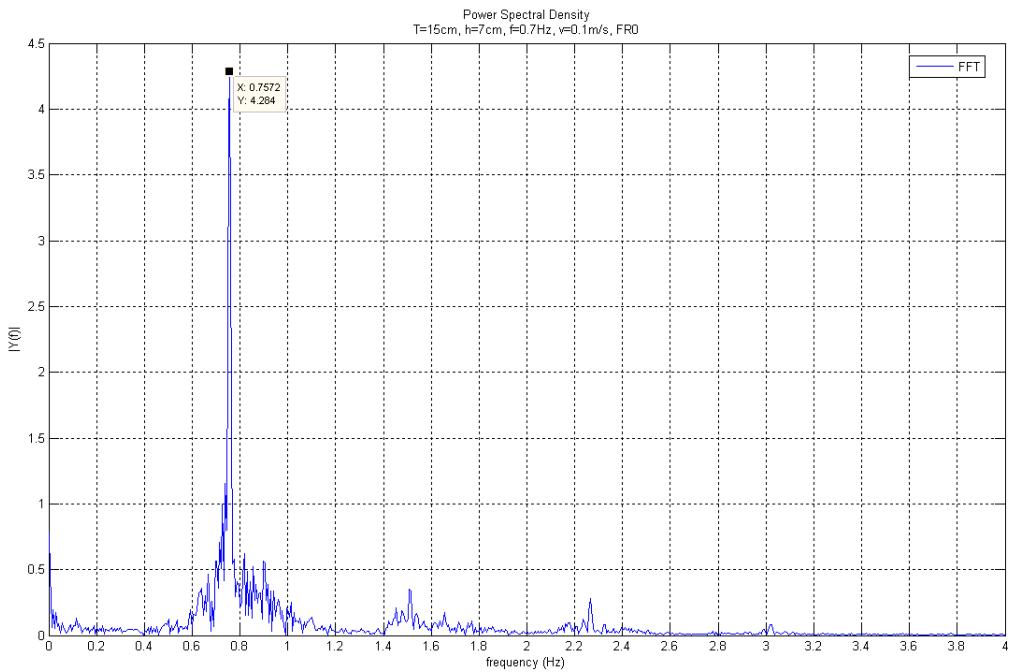
Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT), παρατηρούμε πως έχει εντοπιστεί η επιβαλλόμενη συχνότητα κυματισμού 0.7Hz.

### 3.2.11 T=15cm, h=6cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz, Fn=0.167, ω=4.398rad/sec



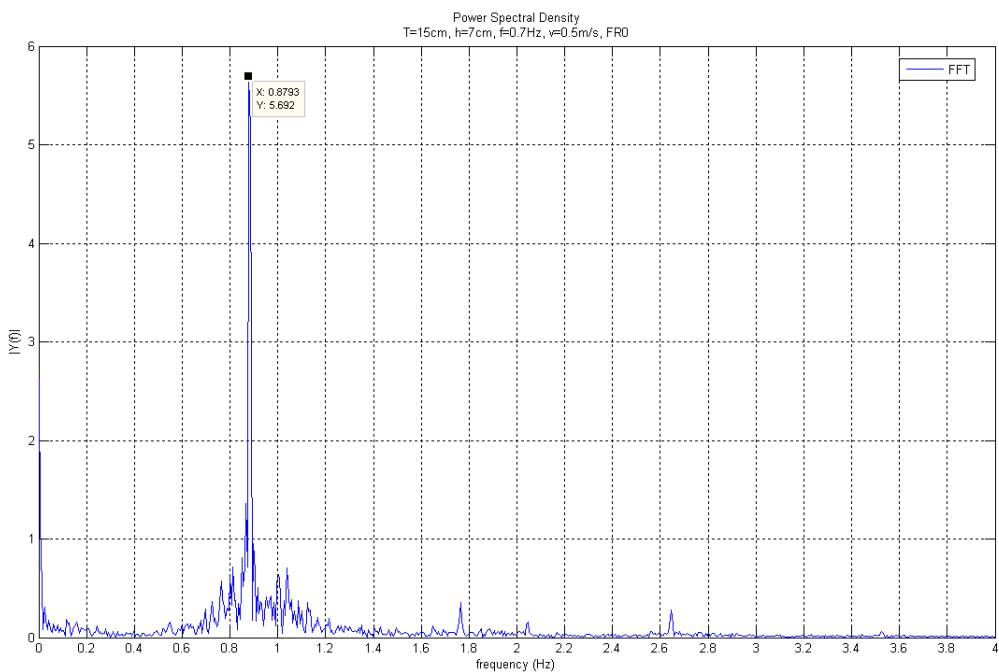
Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT), παρατηρούμε πως δεν έχει εντοπιστεί η επιβαλλόμενη συχνότητα κυματισμού 0.7Hz αλλά 0.8Hz. Ακόμη διακρίνεται ένα διακρότημα δεύτερης τάξης στα 1.6Hz.

### 3.2.12 T=15cm, h=7cm, v=0.1m/s, f=0.7Hz, Fn=0.056, ω=4.398rad/sec



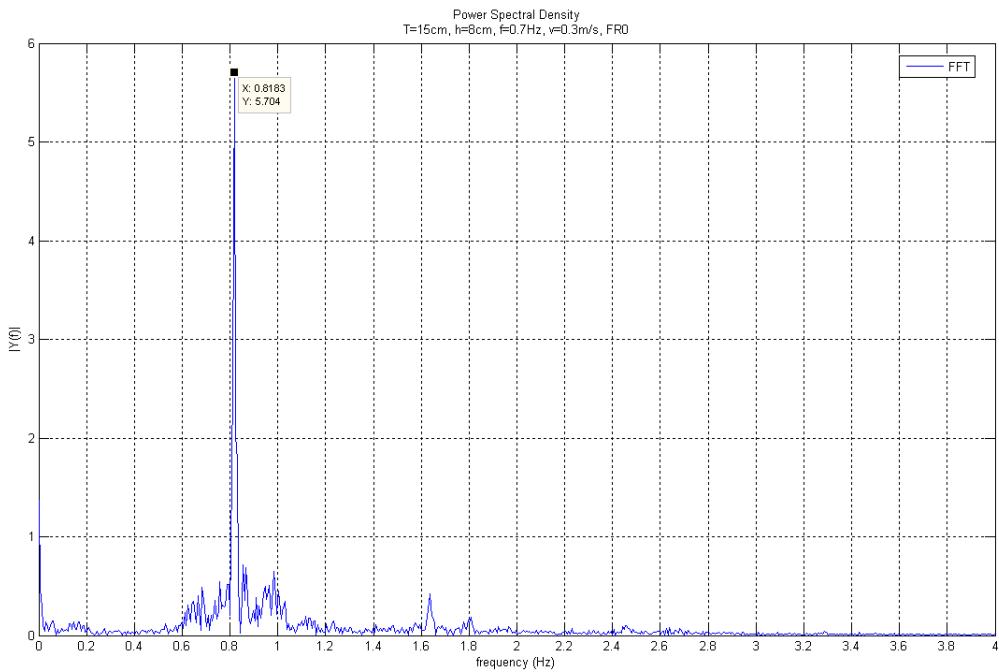
Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT), παρατηρούμε πως έχει ε εντοπιστεί η επιβαλλόμενη συχνότητα κυματισμού 0.7Hz.

### 3.2.13 T=15cm, h=7cm, v=0.5m/s, f=0.7Hz, Fn=0.278, ω=4.398rad/sec



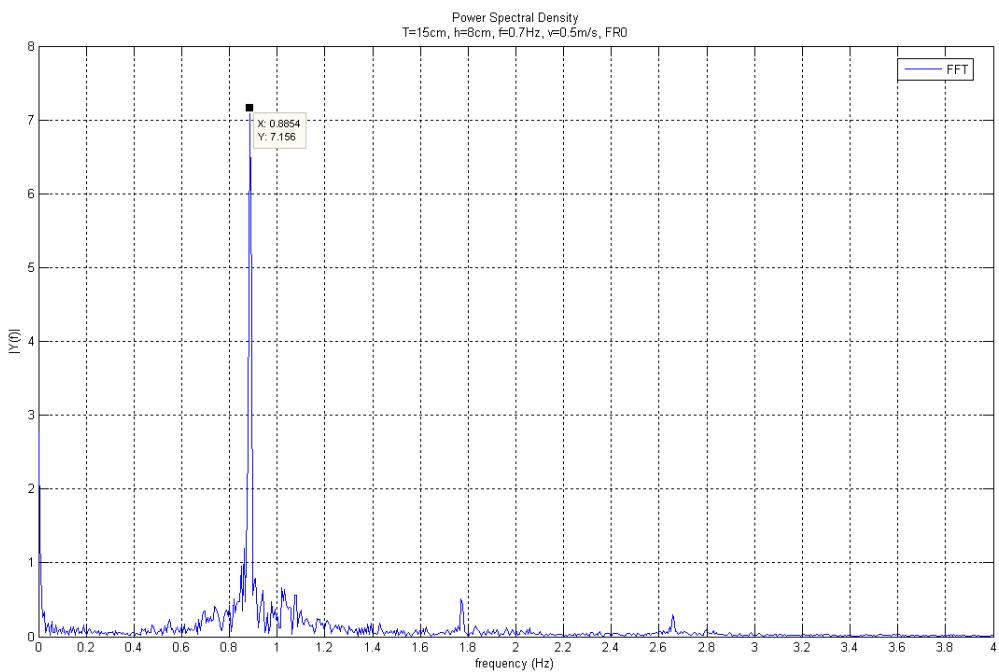
Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT), παρατηρούμε πως δεν έχει εντοπιστεί η επιβαλλόμενη συχνότητα κυματισμού 0.7Hz αλλά 0.9Hz. Ισως εξαιτίας αριθμητικών σφαλμάτων ή της κακής ποιότητας του κυματισμού.

### 3.2.14 T=15cm, h=8cm, v=0.3m/s, f=0.7Hz, Fn=0.167, ω=4.398rad/sec



Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT), παρατηρούμε πως δεν έχει εντοπιστεί η επιβαλλόμενη συχνότητα κυματισμού 0.7Hz αλλά 0.8Hz.

### 3.2.15 T=15cm, h=8cm, v=0.5m/s, f=0.7Hz, Fn=0.278, ω=4.398rad/sec



Στη συγκεκριμένη μέτρηση, μετά τον μετασχηματισμό Fourier (FFT), παρατηρούμε πως δεν έχει εντοπιστεί η επιβαλλόμενη συχνότητα κυματισμού 0.7Hz αλλά 0.9Hz. Ίσως εξαιτίας αριθμητικών σφαλμάτων ή της κακής ποιότητας του κυματισμού.

Ακόμη, είναι ευδιάκριτα τα διακροτήματα σε συχνότητες 1.8Hz έως 2.7Hz που αντιστοιχούν σε φαινόμενα δεύτερης και τρίτης τάξης αντίστοιχα.

### 3.3 Διαγράμματα τυπικής απόκλισης (standard deviation, STD) και μεγίστων τιμών (maximum, MAX) για την πλατφόρμα

Στο προηγούμενο κεφάλαιο παρουσιάσαμε τις χρονικές ιστορίες της ανύψωσης της επιφάνειας του νερού σε συνάρτηση με το χρόνο  $n(t)$  θεωρητικά εφαρμοζόμενους αρμονικούς κυματισμούς. Ένας αρμονικός κυματισμός μπορεί να περιγραφεί από την περίοδο  $T$ , τη συχνότητα  $f$ , το μήκος κύματος  $\lambda$  και το ύψος κύματος  $H$ . Για τη συχνότητα και την περίοδο ισχύουν οι παρακάτω σχέσεις:

$$f = \sqrt{\frac{g}{2\pi\lambda}} [\text{Hz}] \quad \text{και} \quad T = \frac{1}{f} [\text{sec}]$$

Θεωρούμε ότι το σύστημα είναι γραμμικό και η απόκριση εκφράζεται με τη σχέση:

$$X = X_o \cos(\omega t + \varepsilon)$$

Τότε, το πηλίκο του πλάτους της απόκρισης  $X$  σε αρμονικούς κυματισμούς προς το πλάτος της ανύψωσης  $z$  των κυματισμών, αποτελεί τη συνάρτηση μεταφοράς του συστήματος RX, δηλαδή:

$$R_x = \frac{X_o(\omega)}{H_2(\omega)}$$

Η αδιαστατοποίηση των πειραματικών αποτελεσμάτων γίνεται με τη χρήση των συντελεστών απόκρισης RAO (Response Amplitude Operators) σύμφωνα με την παρακάτω σχέση:

$$RAO_{heave} = \frac{n}{H_2}$$

όπου,

$n$  : πλάτος κατακόρυφης απόκρισης

$H/2$  : πλάτος ανύψωσης κυματισμού

Προκειμένου να μπορέσουμε να κατανοήσουμε καλύτερα τις χρονικές αυτές ιστορίες και να οδηγηθούμε σε ορισμένα συμπεράσματα, έπρεπε να επιλεχθεί κάποιο στατιστικό μέγεθος. Το στατιστικό μέγεθος που επιλέχθηκε ήταν αυτό της τυπικής απόκλισης του αδιάστατου μεγέθους  $\frac{n}{H_2}$  σε συνάρτηση με τη συχνότητα

$(\frac{n}{H_2} - f)$  είτε για δεδομένη ταχύτητα είτε για δεδομένη γωνία, και με την αζημουθιακή γωνία  $(\frac{n}{H_2} - \theta)$ , είτε για δεδομένη ταχύτητα είτε για δεδομένη συχνότητα.

Η τυπική απόκλιση στου πληθυσμού των στιγμιαίων τιμών  $n_i$ , μας δίνει την ισχύ που αντιπροσωπεύει η απόκλιση κάθε σημείου από το μέσο όρο και ορίζεται ως εξής:

$$\sigma^2 = \frac{1}{N-1} \sum_{i=0}^{N-1} (n_i - \mu)^2 ,$$

όπου  $\sigma^2$ : η διακύμανση ή διασπορά του πληθυσμού των στιγμιαίων τιμών  
 $\mu$ : η μέση τιμή

3.3.1 Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για την Πλατφόρμα για  $h=4\text{cm}$

| Standard Deviation για $v=0 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |
|--|--------------------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                                      | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90       | 180      | 0        |
| <b>0,3</b>                                 |                    | 3,965248 | 4,058765 | 3,944443 | 3,679564 |
| <b>0,4</b>                                 |                    | 4,167364 | 4,327468 | 4,395911 | 3,810167 |
| <b>0,5</b>                                 |                    | 4,076515 | 3,868634 | 4,069845 | 4,212234 |
| <b>0,6</b>                                 |                    | 4,223396 | 4,330936 | 3,976929 | 3,987924 |
| <b>0,7</b>                                 |                    | 4,066129 | 4,182531 | 3,945677 | 3,882585 |
| <b>0,8</b>                                 |                    | 4,025440 | 4,728744 | 3,876475 | 4,224585 |
| <b>0,9</b>                                 |                    | 3,373111 | 4,463274 | 4,09574  | 4,052256 |
|  |                    |          |          |          | 3,923758 |

| Maximum για $v=0 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |
|---------------------------------|--------------------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                           | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90       | 180      | 0        |
| <b>0,3</b>                      |                    | 29,36271 | 29,64774 | 28,84636 | 26,86131 |
| <b>0,4</b>                      |                    | 28,73281 | 29,0974  | 27,82761 | 28,60407 |
| <b>0,5</b>                      |                    | 29,59452 | 27,76138 | 29,66582 | 25,3035  |
| <b>0,6</b>                      |                    | 29,74972 | 28,45943 | 27,55109 | 29,25468 |
| <b>0,7</b>                      |                    | 28,09756 | 29,35337 | 29,71867 | 27,79694 |
| <b>0,8</b>                      |                    | 29,16797 | 29,35337 | 29,35596 | 24,78302 |
| <b>0,9</b>                      |                    | 27,04898 | 29,01525 | 27,30119 | 29,68123 |
|                                 |                    |          |          |          | 27,75068 |

| Standard Deviation για $v=0,1 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |
|--|--------------------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)  | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90       | 180      | 0        |
| <b>0,3</b>                                   |                    | 3,970026 | 4,382747 | 4,160471 | 4,116208 |
| <b>0,4</b>                                   |                    | 3,982061 | 4,346383 | 3,939537 | 4,149374 |
| <b>0,5</b>                                   |                    | 3,866244 | 4,496588 | 4,247873 | 4,250049 |
| <b>0,6</b>                                   |                    | 3,812319 | 4,532518 | 3,820015 | 4,068785 |
| <b>0,7</b>                                   |                    | 3,933782 | 4,712176 | 4,23622  | 3,563952 |
| <b>0,8</b>                                   |                    | 3,732286 | 4,86033  | 4,138345 | 3,734704 |
| <b>0,9</b>                                   |                    | 4,906637 | 5,534976 | 5,807976 | 4,791015 |
|  |                    |          |          |          | 5,455932 |

| Maximum για $v=0,1 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |
|-----------------------------------|--------------------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                             | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90       | 180      | 0        |
| <b>0,3</b>                        |                    | 28,35106 | 29,8088  | 29,80265 | 29,25684 |
| <b>0,4</b>                        |                    | 29,48297 | 29,26871 | 29,95392 | 29,4915  |
| <b>0,5</b>                        |                    | 29,99675 | 29,23592 | 26,58039 | 28,48734 |
| <b>0,6</b>                        |                    | 26,72099 | 29,91441 | 29,52458 | 29,35475 |
| <b>0,7</b>                        |                    | 29,98624 | 29,97574 | 28,65405 | 27,5767  |
| <b>0,8</b>                        |                    | 24,98905 | 29,66089 | 29,95487 | 27,86885 |
| <b>0,9</b>                        |                    | 28,11108 | 29,97986 | 28,89615 | 29,98339 |
|                                   |                    |          |          |          | 29,50973 |

| Standard Deviation για $v=0,3 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |
|--|--------------------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)  | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90       | 180      | 0        |
| <b>0,3</b>                                   |                    | 3,790429 | 4,272507 | 3,935283 | 3,804651 |
| <b>0,4</b>                                   |                    | 3,886915 | 4,493353 | 3,949809 | 3,854744 |
| <b>0,5</b>                                   |                    | 3,908719 | 4,624457 | 4,371079 | 3,923028 |
| <b>0,6</b>                                   |                    | 4,178203 | 4,951236 | 4,175546 | 3,830099 |
| <b>0,7</b>                                   |                    | 3,726407 | 5,023578 | 4,402867 | 3,399795 |
| <b>0,8</b>                                   |                    | 3,747018 | 4,015479 | 4,434451 | 3,912508 |
| <b>0,9</b>                                   |                    | 3,847029 | 4,41151  | 4,35688  | 3,744833 |
|  |                    |          |          |          | 4,28454  |

| Maximum για $v=0,3 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |
|-----------------------------------|--------------------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                             | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90       | 180      | 0        |
| <b>0,3</b>                        |                    | 28,71964 | 29,8088  | 29,42766 | 29,25684 |
| <b>0,4</b>                        |                    | 29,48297 | 29,66918 | 26,95849 | 29,12115 |
| <b>0,5</b>                        |                    | 29,99675 | 28,84698 | 29,48786 | 29,20489 |
| <b>0,6</b>                        |                    | 28,77119 | 29,91441 | 28,48469 | 26,35242 |
| <b>0,7</b>                        |                    | 29,98624 | 28,78207 | 28,9965  | 29,32009 |
| <b>0,8</b>                        |                    | 29,98449 | 28,12216 | 29,95487 | 27,86885 |
| <b>0,9</b>                        |                    | 27,42575 | 29,17317 | 29,96686 | 28,16267 |
|                                   |                    |          |          |          | 29,22267 |

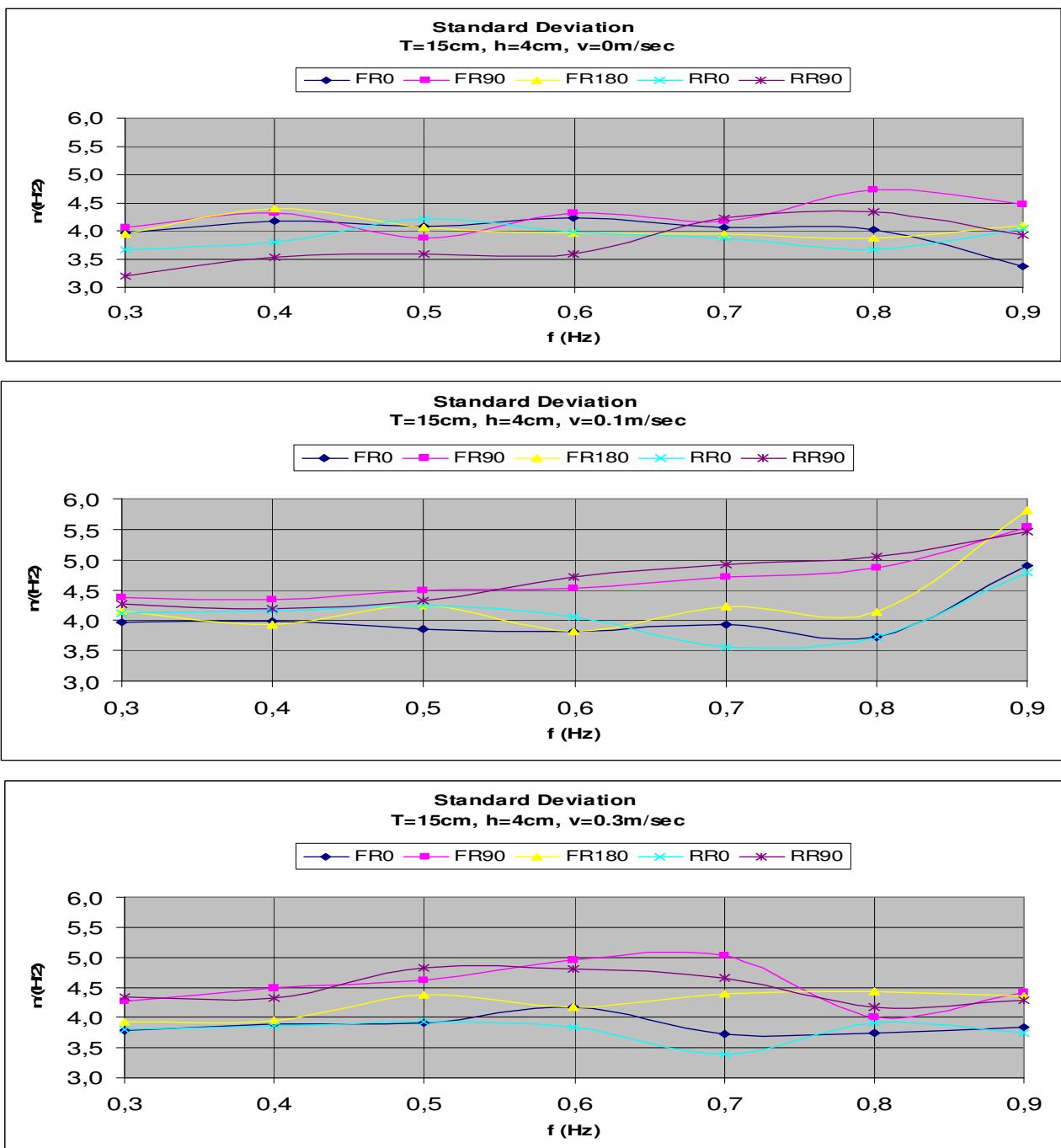
| Standard Deviation για v=0,5 m/sec |      |          |          |          |          |          |
|------------------------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                              | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,3</b>                         |      | 3,726053 | 4,463783 | 4,36002  | 3,73848  | 4,947545 |
| <b>0,4</b>                         |      | 4,275633 | 5,165993 | 4,419476 | 4,262678 | 4,893178 |
| <b>0,5</b>                         |      | 3,715805 | 4,556184 | 4,597974 | 4,087201 | 4,669147 |
| <b>0,6</b>                         |      | 3,911258 | 4,700957 | 4,298067 | 3,74768  | 4,945405 |
| <b>0,7</b>                         |      | 3,45254  | 4,104681 | 4,131157 | 4,092322 | 4,451751 |
| <b>0,8</b>                         |      | 3,643046 | 4,098658 | 3,819676 | 3,194019 | 3,780922 |
| <b>0,9</b>                         |      | 3,310341 | 4,050978 | 4,47718  | 3,099901 | 3,682691 |

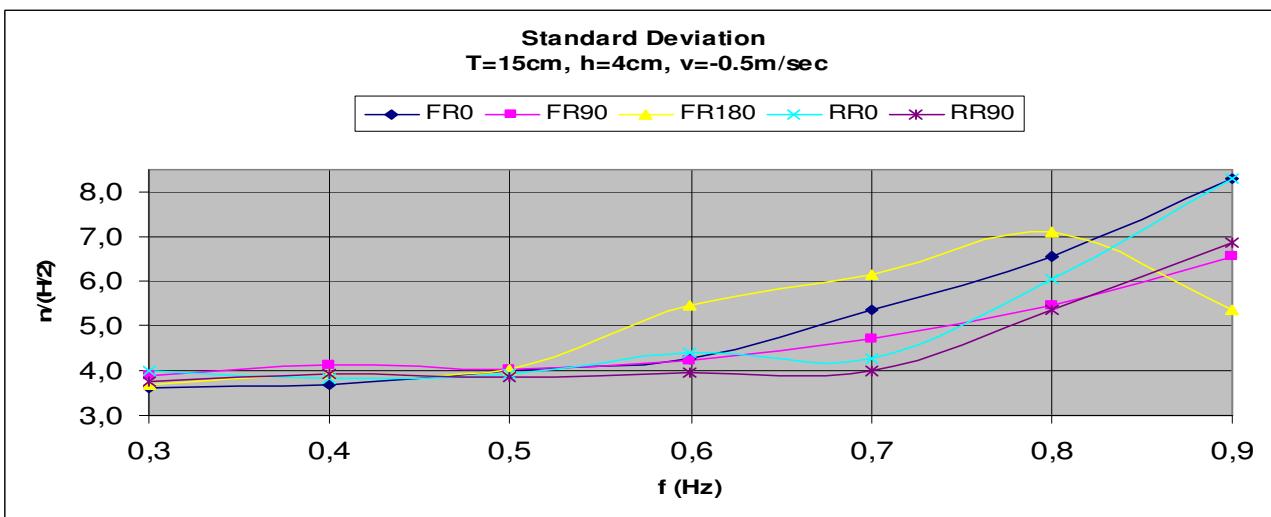
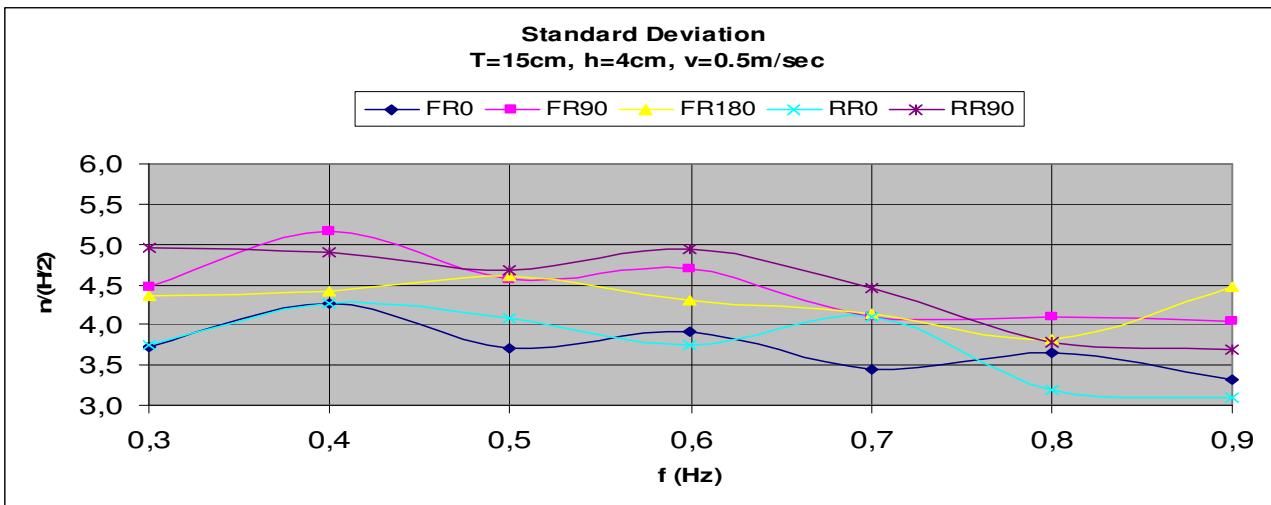
| Maximum για v=0,5 m/sec |      |          |          |          |          |          |
|-------------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                   | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,3</b>              |      | 26,10103 | 29,64853 | 28,94965 | 28,38726 | 29,77374 |
| <b>0,4</b>              |      | 27,50281 | 29,79271 | 28,48332 | 29,64903 | 29,82762 |
| <b>0,5</b>              |      | 26,47344 | 29,307   | 27,66527 | 29,93671 | 29,83118 |
| <b>0,6</b>              |      | 28,31022 | 28,89637 | 27,74601 | 26,91778 | 27,71315 |
| <b>0,7</b>              |      | 28,52792 | 29,93785 | 28,30505 | 28,83903 | 25,03632 |
| <b>0,8</b>              |      | 29,85423 | 28,82645 | 26,57357 | 29,83899 | 27,8778  |
| <b>0,9</b>              |      | 27,54916 | 29,17188 | 28,72792 | 27,37665 | 27,13366 |

| Standard Deviation για v=-0,5 m/sec |      |          |          |          |          |          |
|-------------------------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                               | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,3</b>                          |      | 3,609182 | 3,871333 | 3,699828 | 3,995035 | 3,745505 |
| <b>0,4</b>                          |      | 3,696231 | 4,127894 | 3,936975 | 3,821    | 3,910705 |
| <b>0,5</b>                          |      | 3,995619 | 4,008197 | 4,018997 | 3,906738 | 3,855559 |
| <b>0,6</b>                          |      | 4,266478 | 4,22925  | 5,474101 | 4,416808 | 3,945105 |
| <b>0,7</b>                          |      | 5,362317 | 4,701563 | 6,145235 | 4,258217 | 4,001398 |
| <b>0,8</b>                          |      | 6,544053 | 5,465487 | 7,097449 | 6,036116 | 5,350817 |
| <b>0,9</b>                          |      | 8,299697 | 6,546528 | 5,369806 | 8,284816 | 6,861255 |

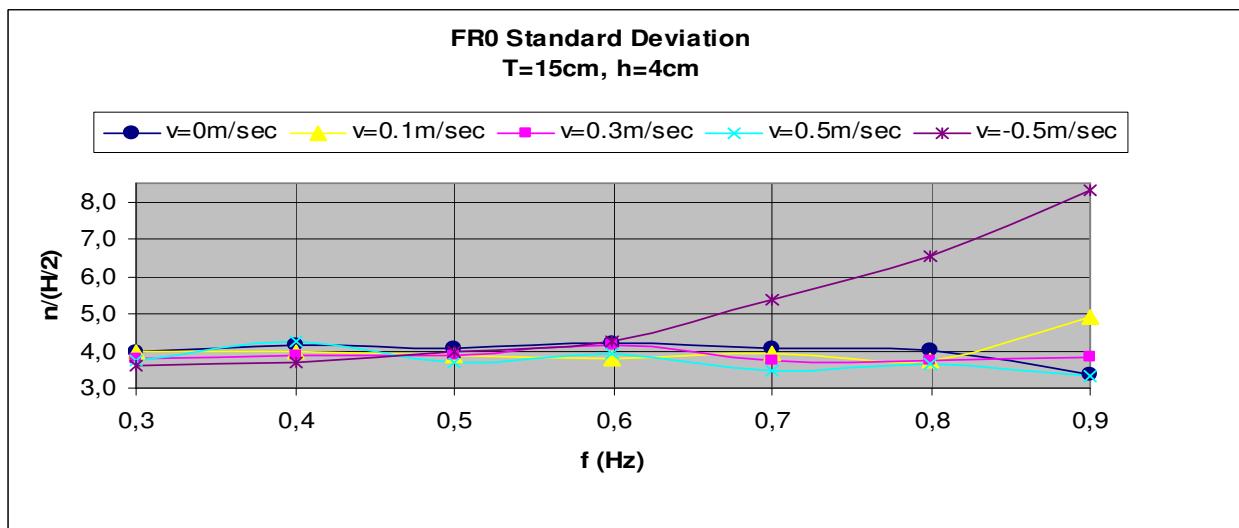
| Maximum για v=-0,5 m/sec |      |          |          |          |          |          |
|--------------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                    | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,3</b>               |      | 29,45343 | 27,18339 | 27,26495 | 29,17141 | 23,53981 |
| <b>0,4</b>               |      | 27,46212 | 29,76708 | 28,95619 | 29,77473 | 29,52419 |
| <b>0,5</b>               |      | 28,62401 | 28,83705 | 28,74338 | 29,54177 | 29,5942  |
| <b>0,6</b>               |      | 27,90867 | 28,52501 | 28,23116 | 29,67841 | 29,89943 |
| <b>0,7</b>               |      | 29,47079 | 29,0328  | 29,66382 | 28,47451 | 29,40015 |
| <b>0,8</b>               |      | 29,98892 | 29,64314 | 29,77921 | 29,59828 | 28,92607 |
| <b>0,9</b>               |      | 29,55291 | 29,67133 | 29,91942 | 29,34488 | 29,71815 |

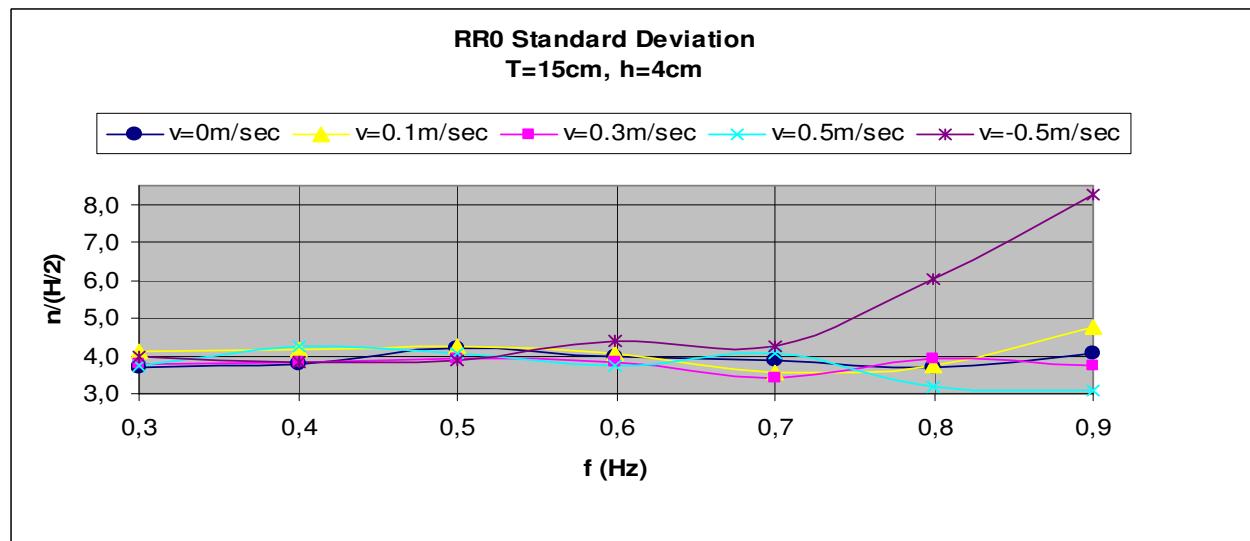
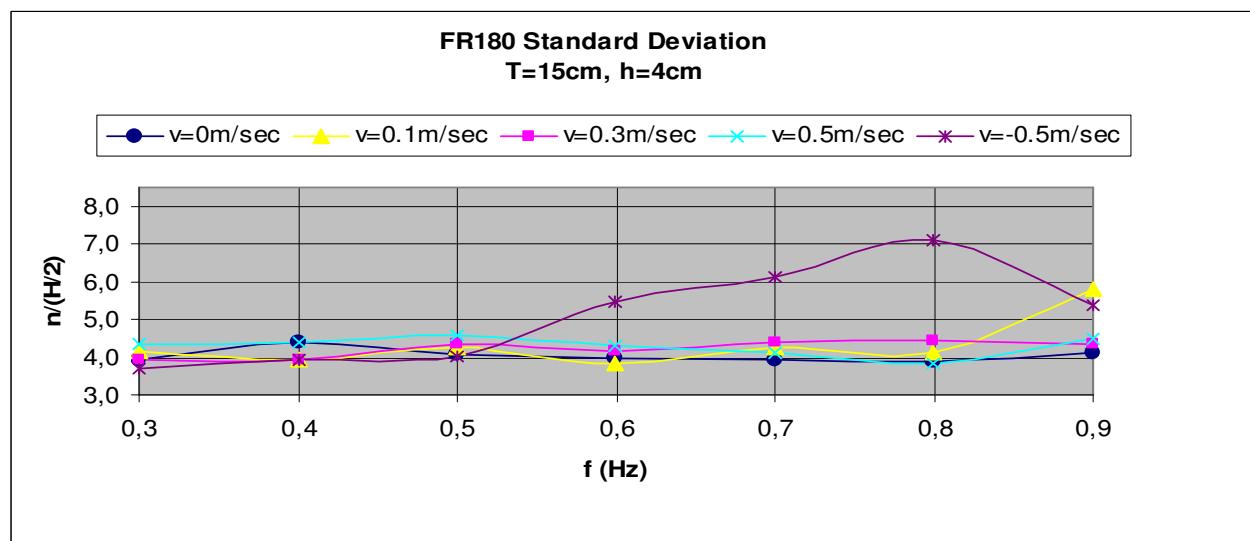
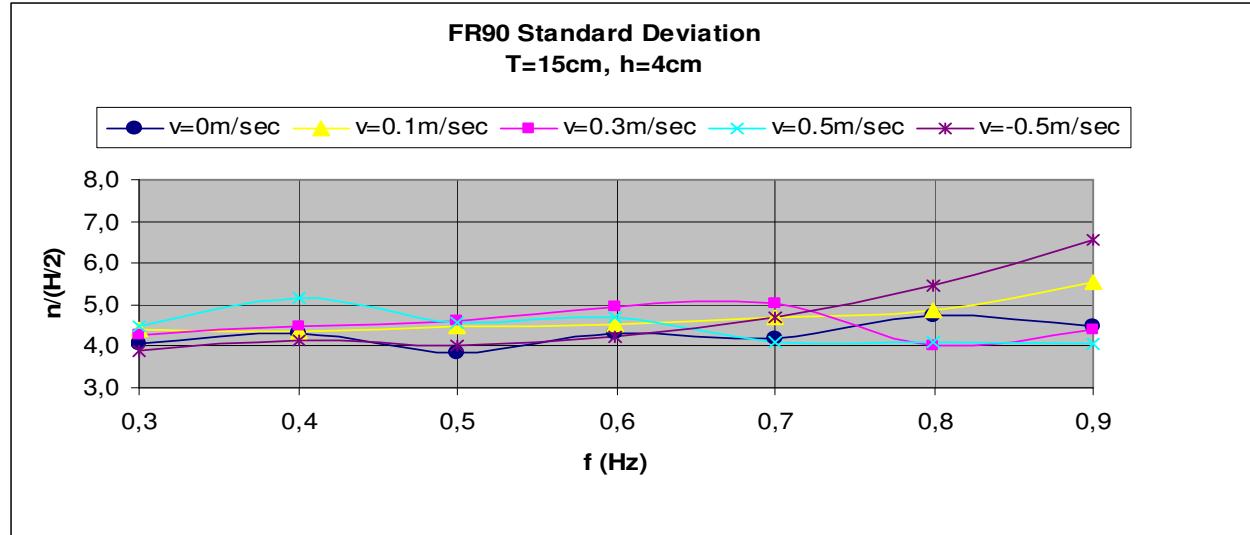
**3.3.1.1 Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  – f σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία**

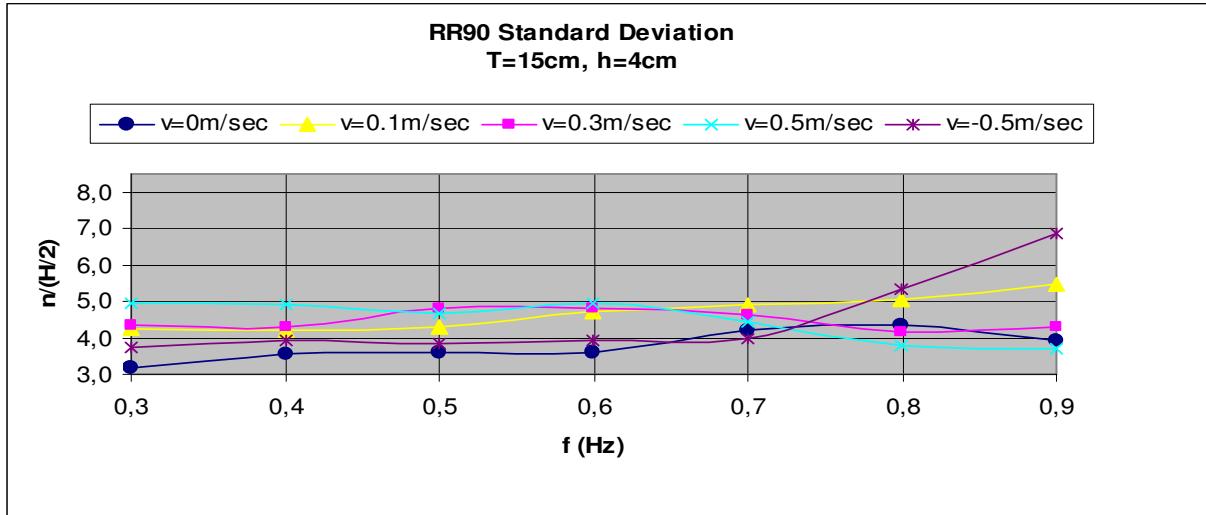




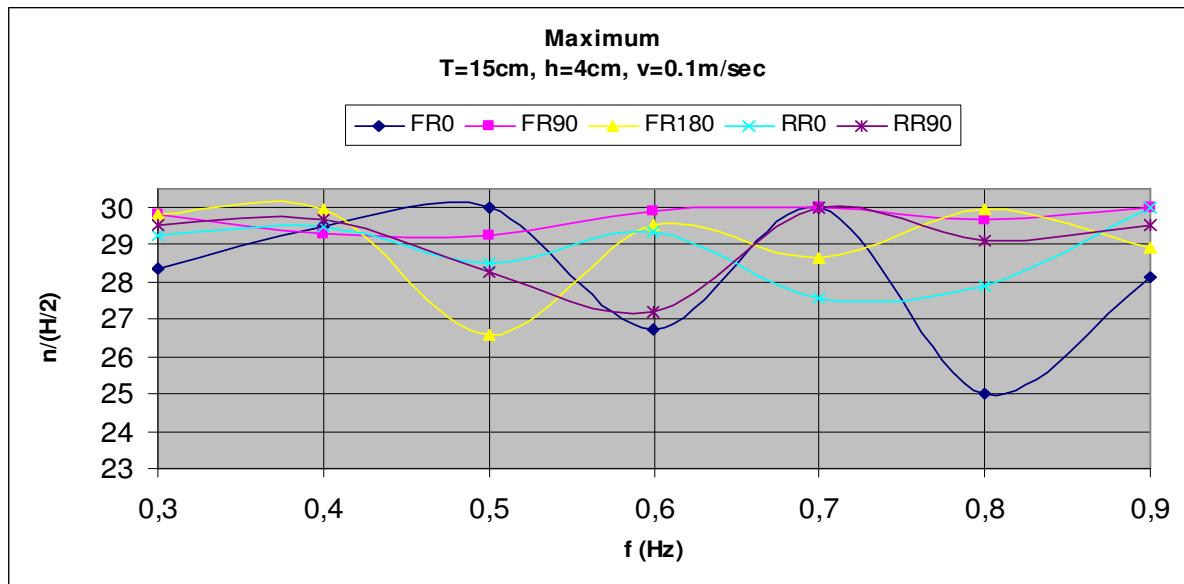
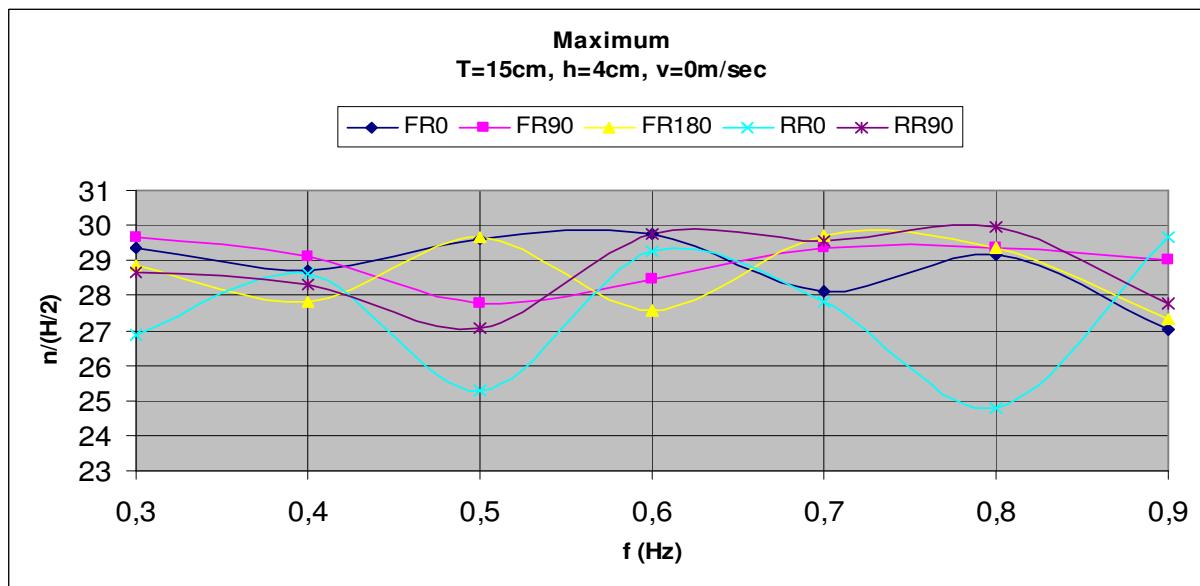
### 3.3.1.2 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2)$ – $f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα

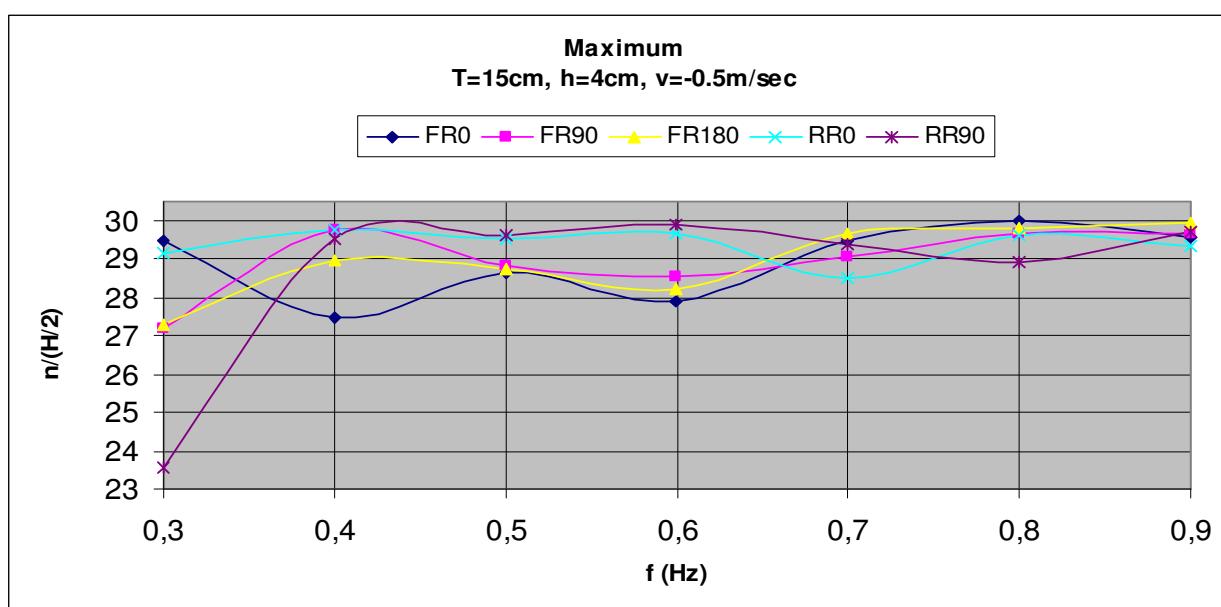
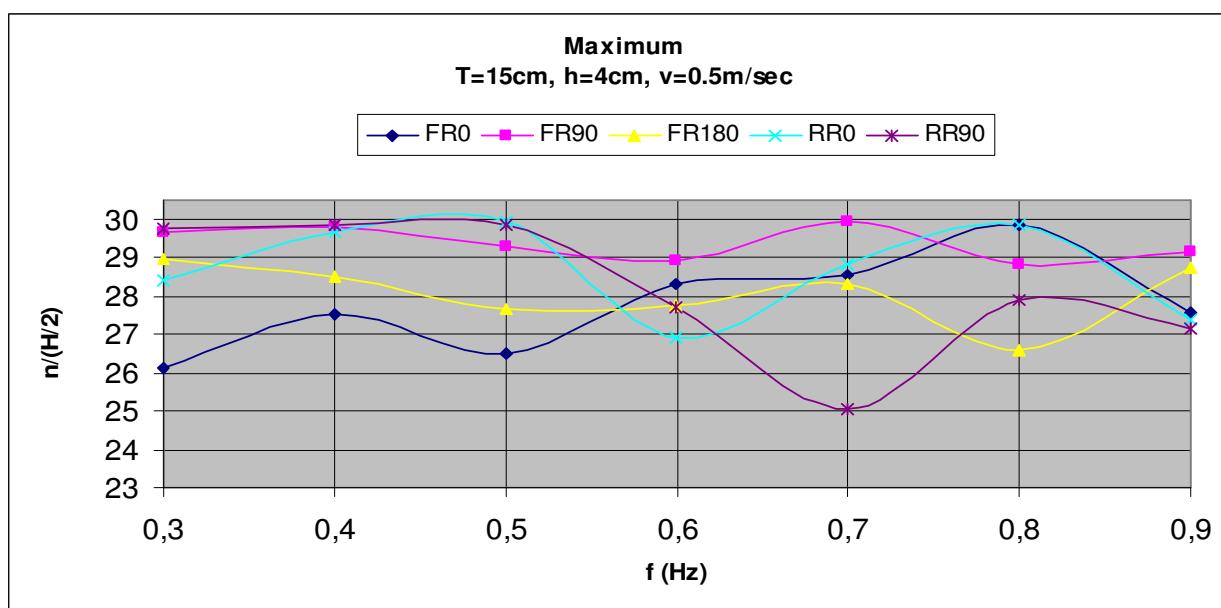
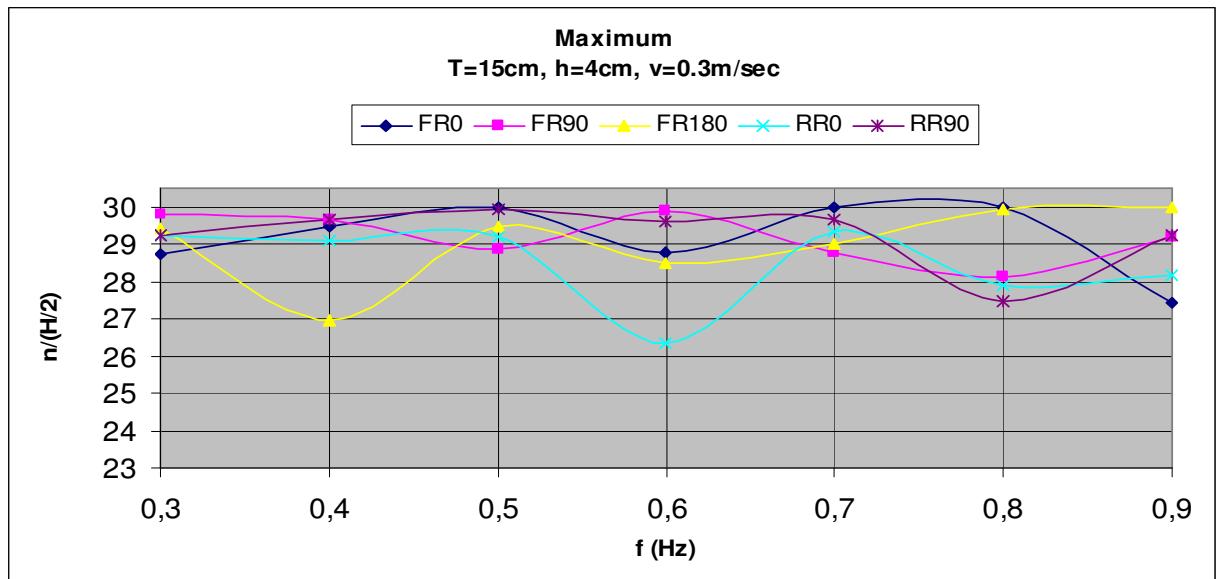




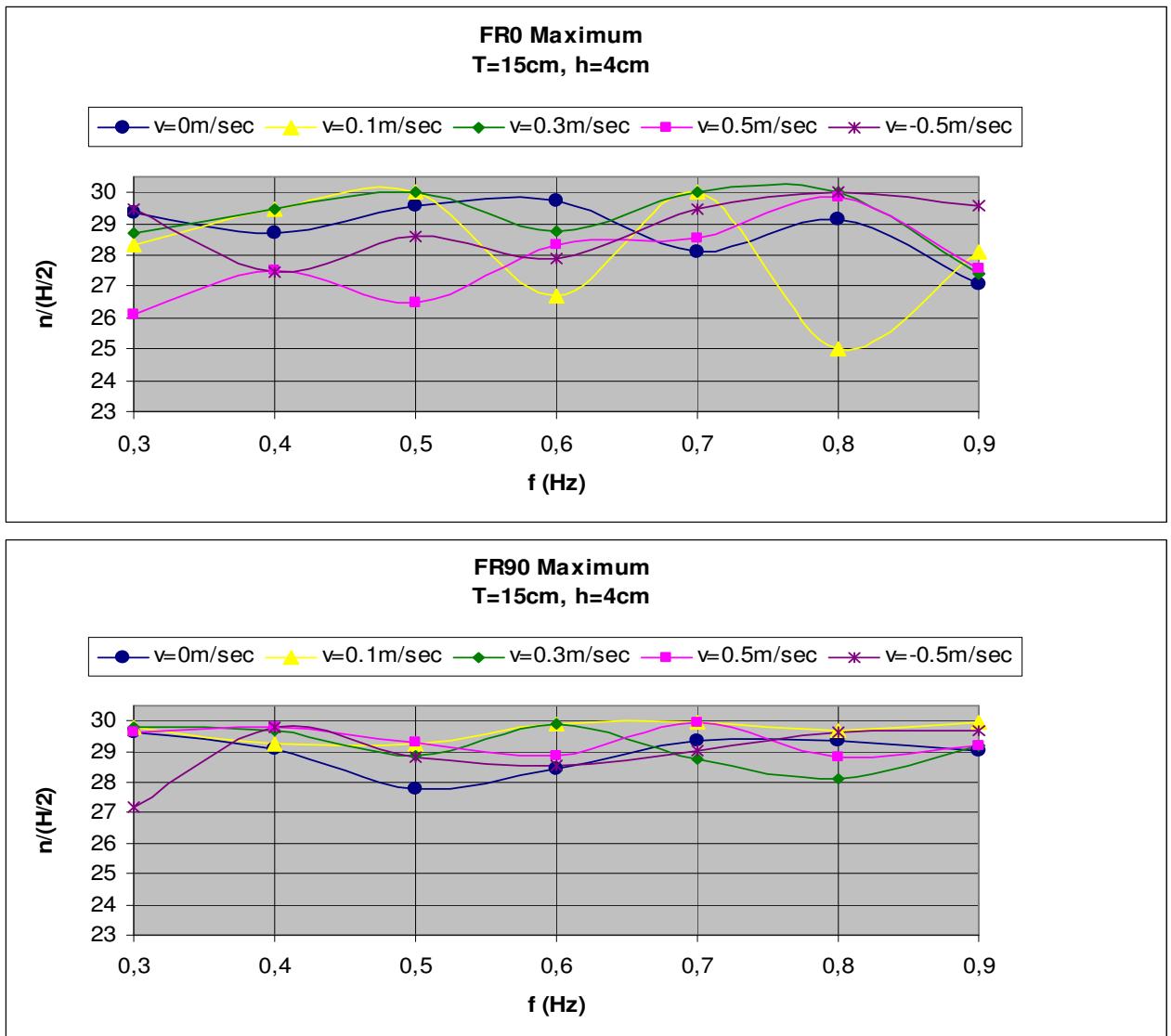


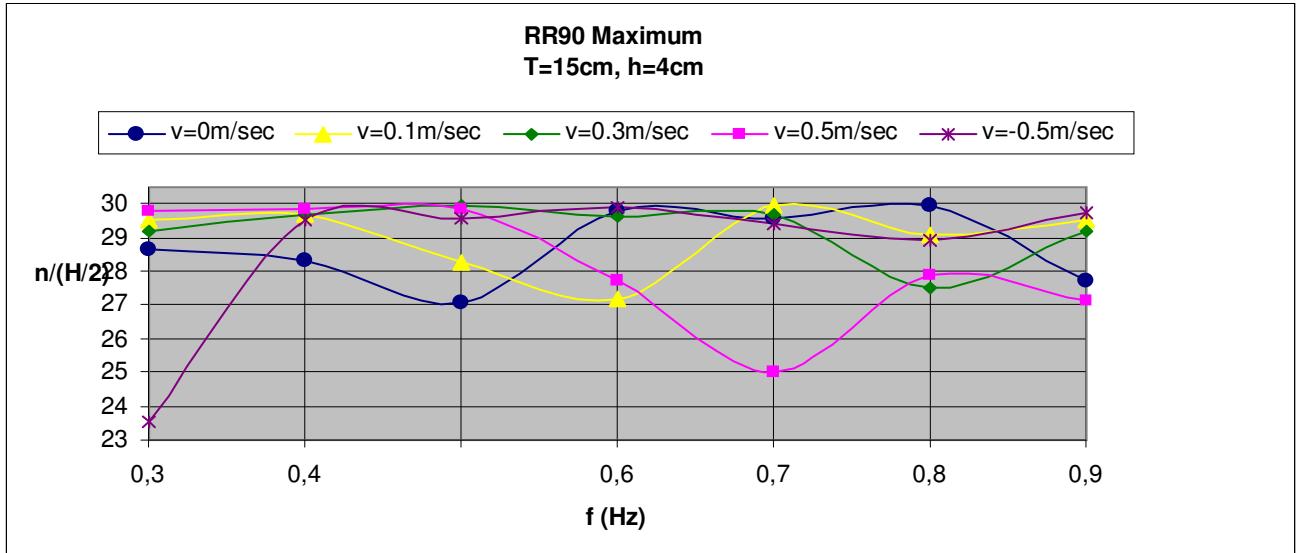
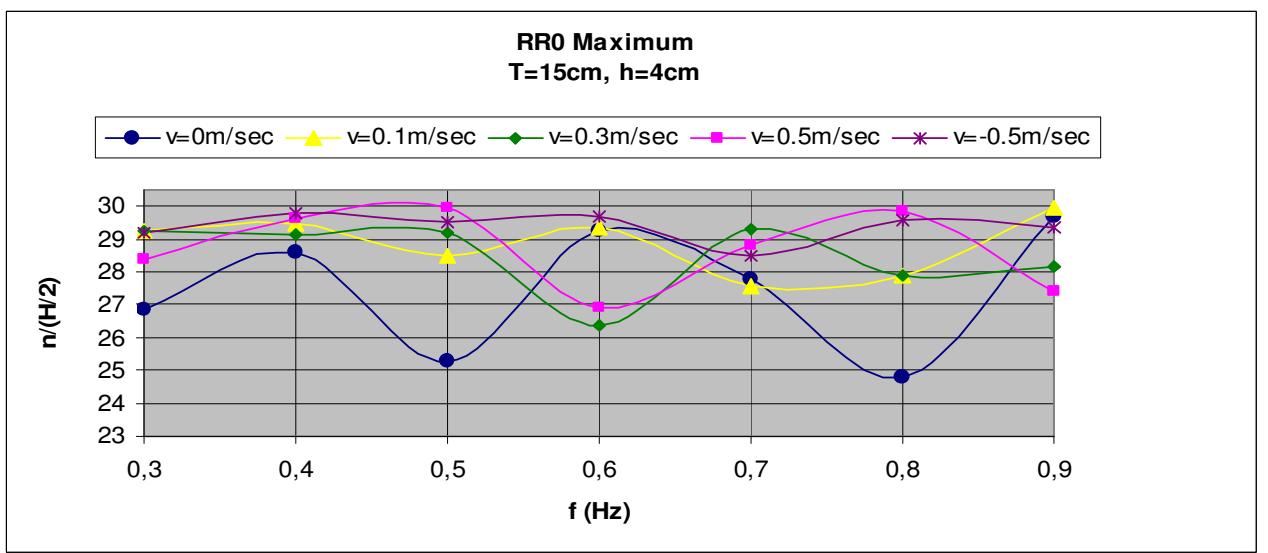
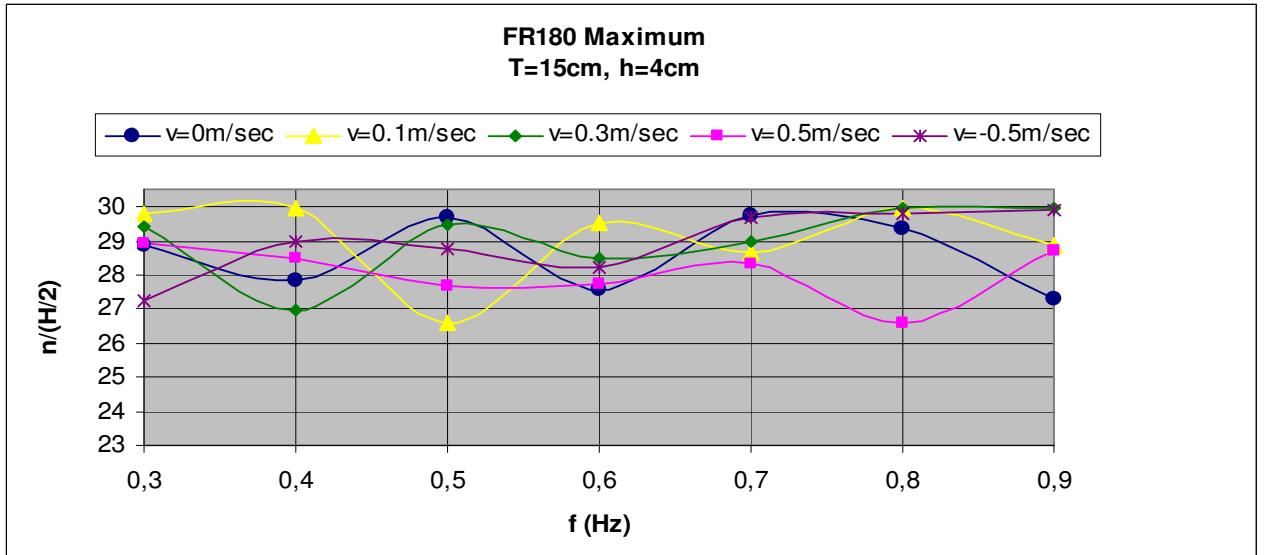
### 3.3.1.3 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2)$ – $f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία



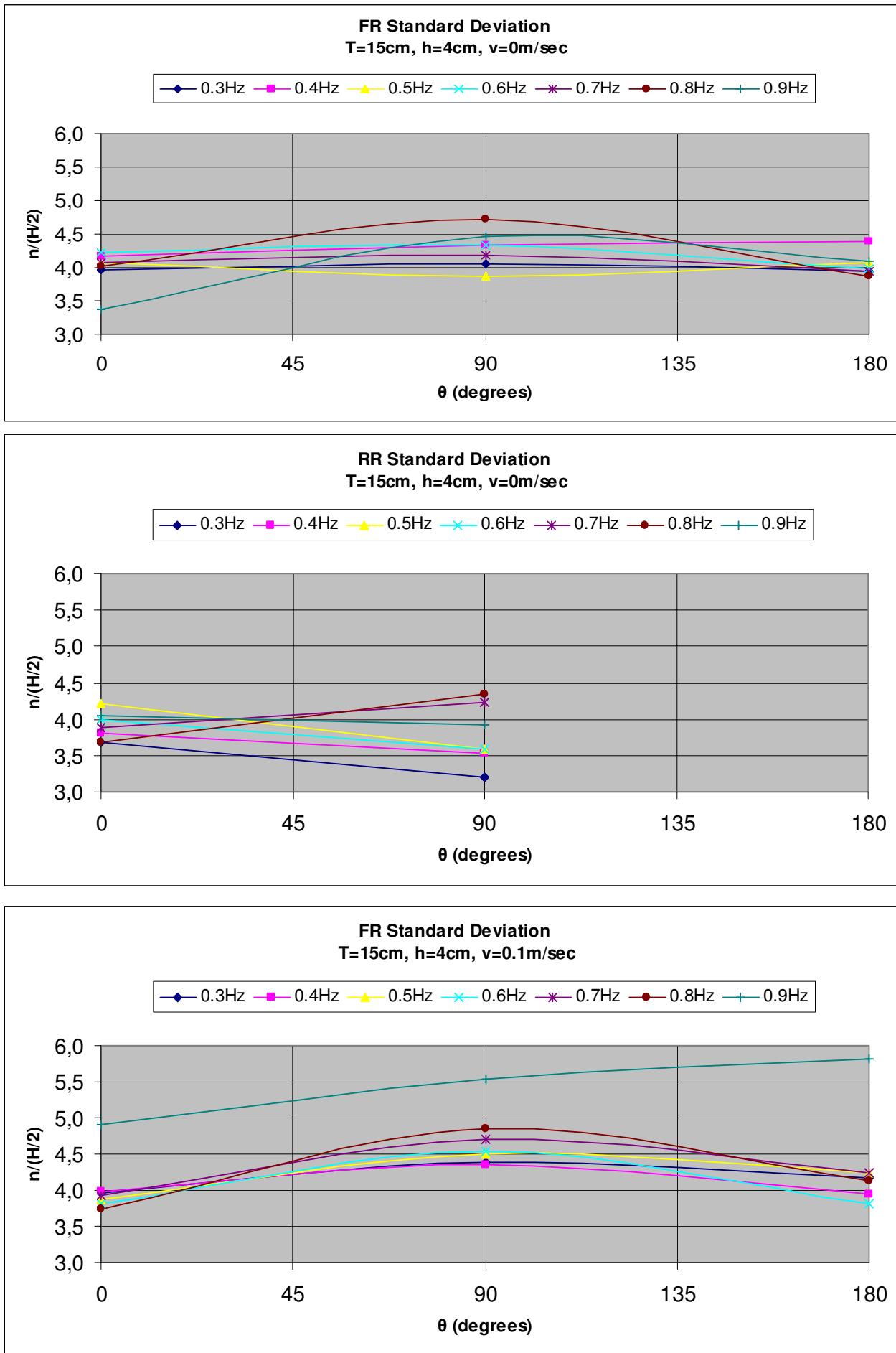


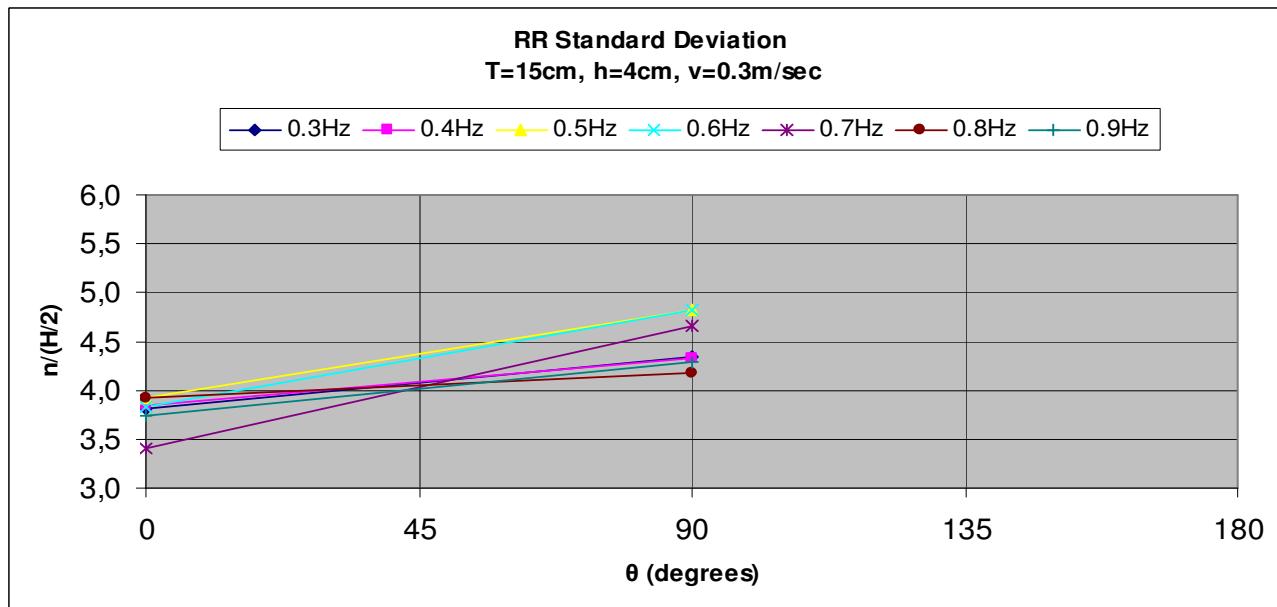
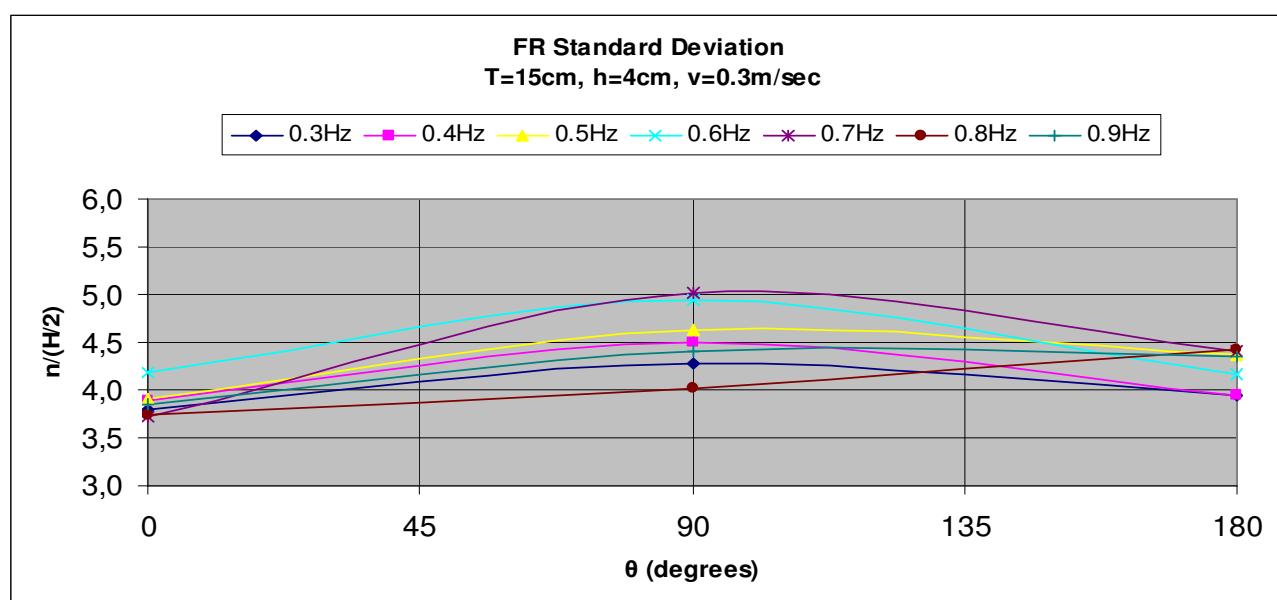
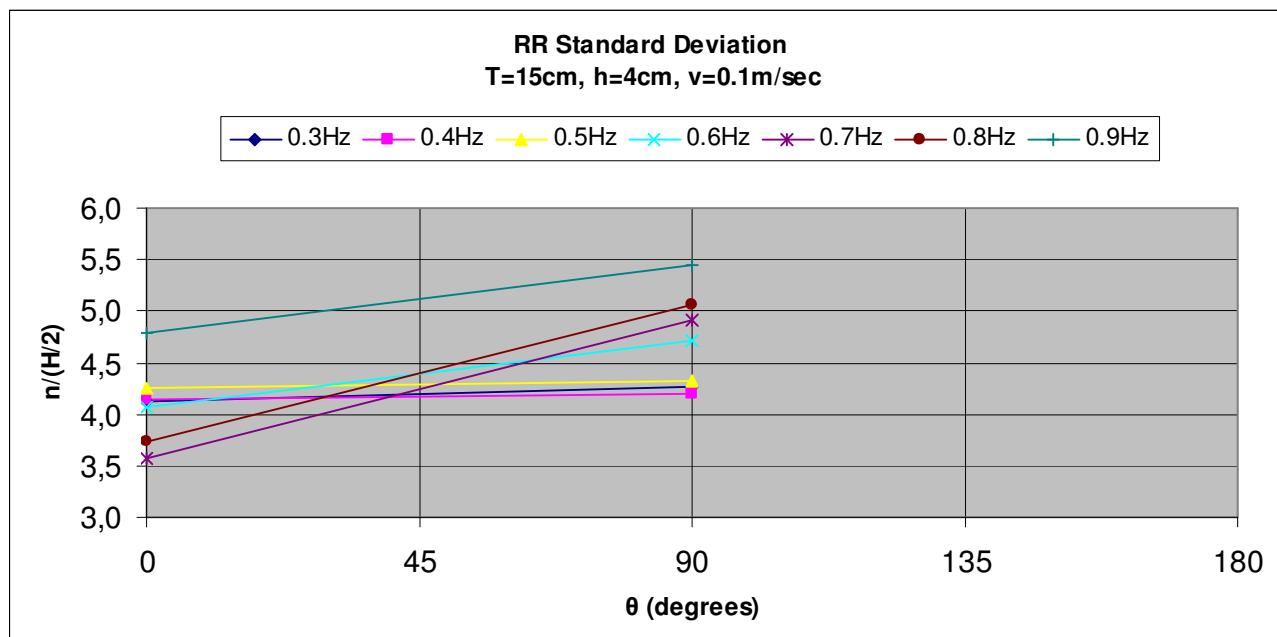
### 3.3.1.4 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2)$ – f σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα



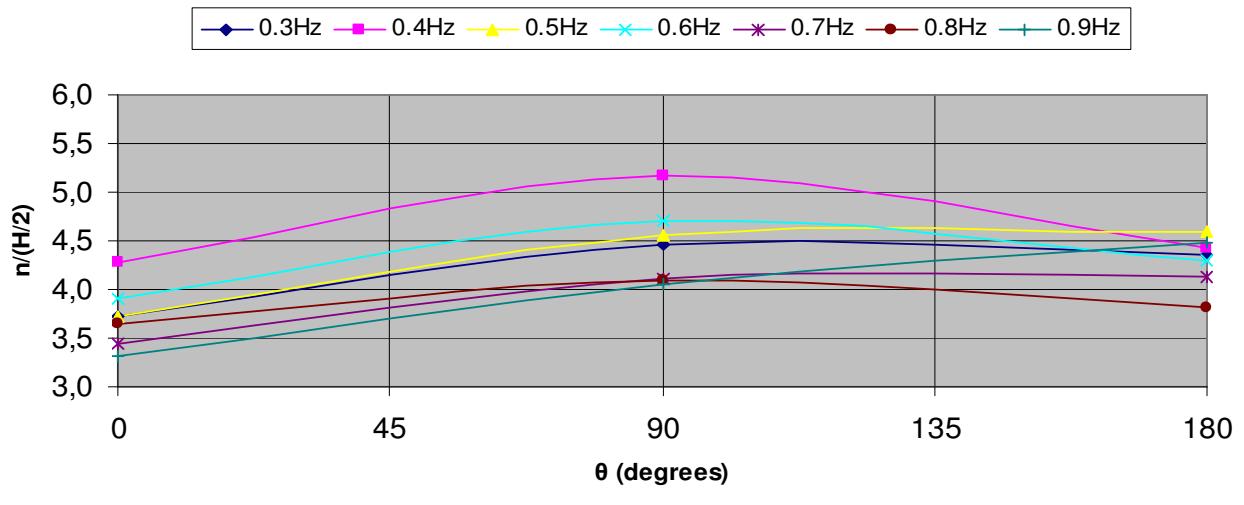


**3.3.1.5** Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  –  $\theta$  σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα

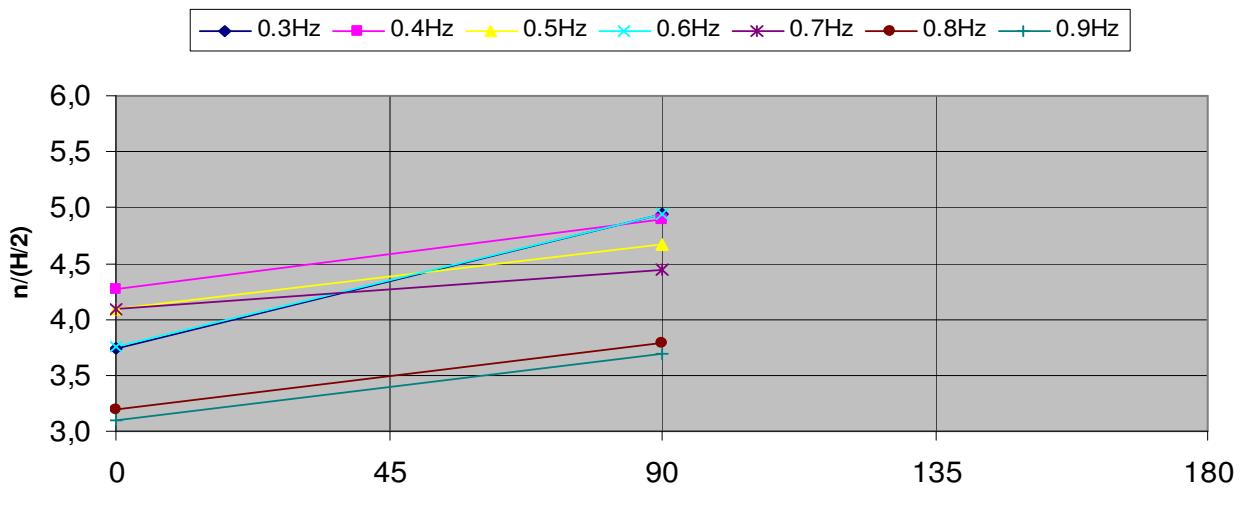




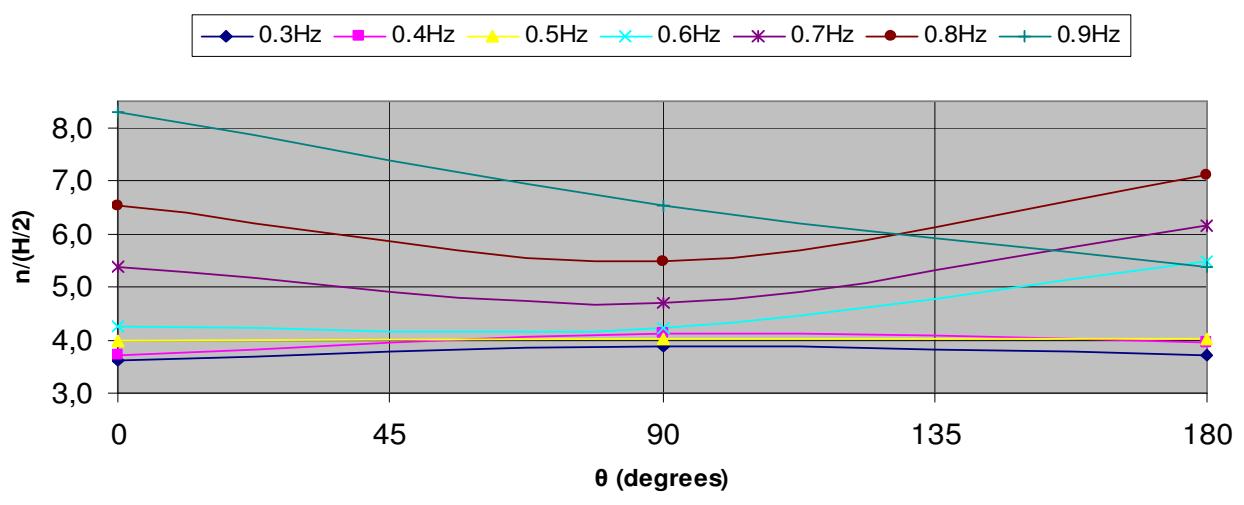
**FR Standard Deviation**  
 $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0.5\text{m/sec}$

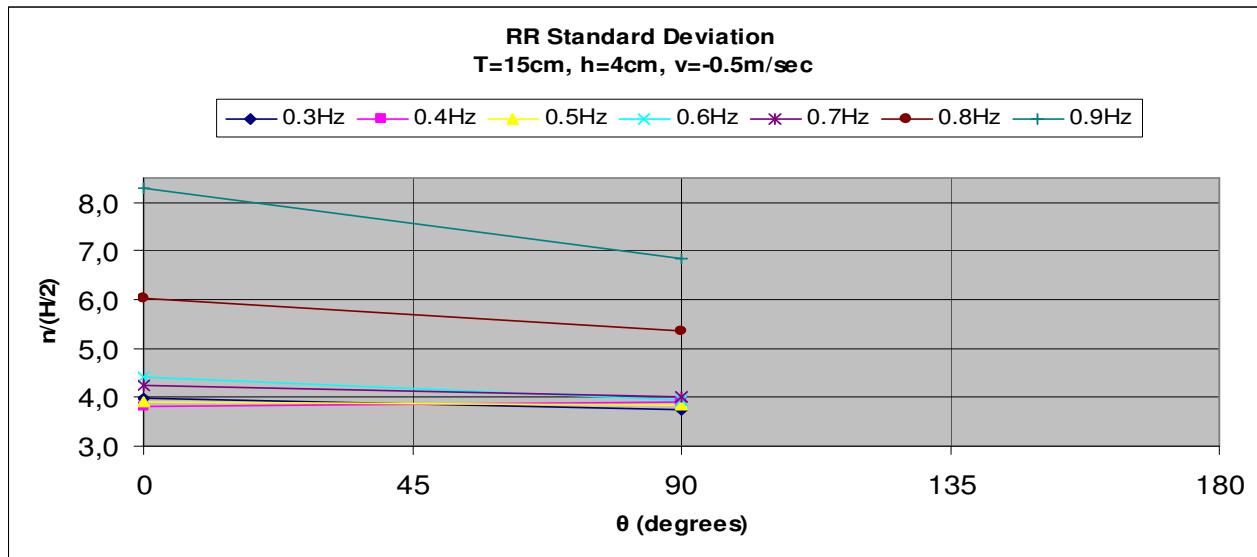


**RR Standard Deviation**  
 $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=0.5\text{m/sec}$

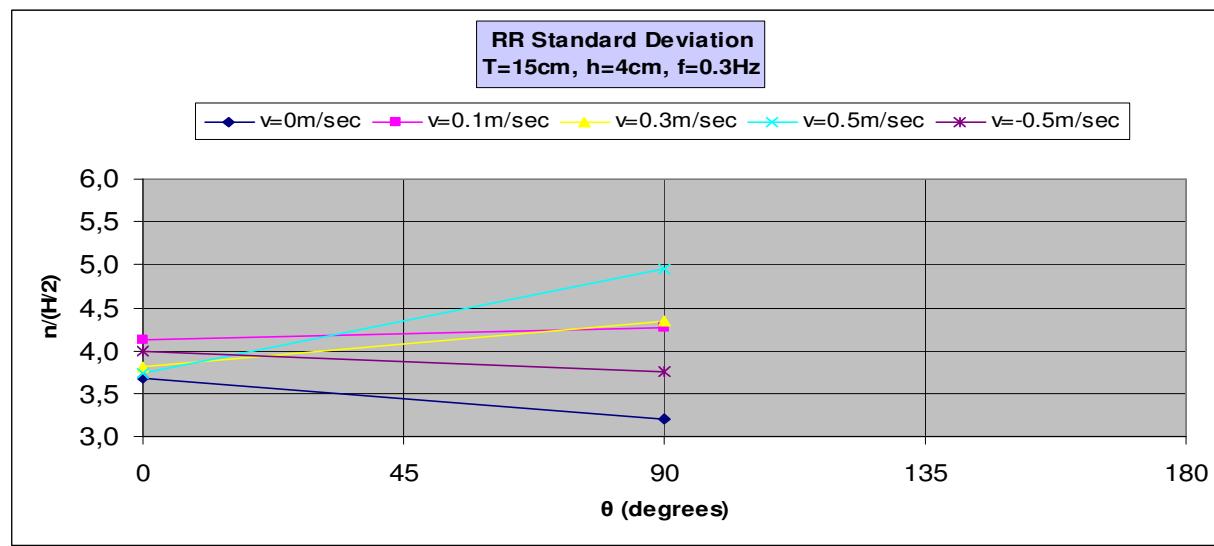
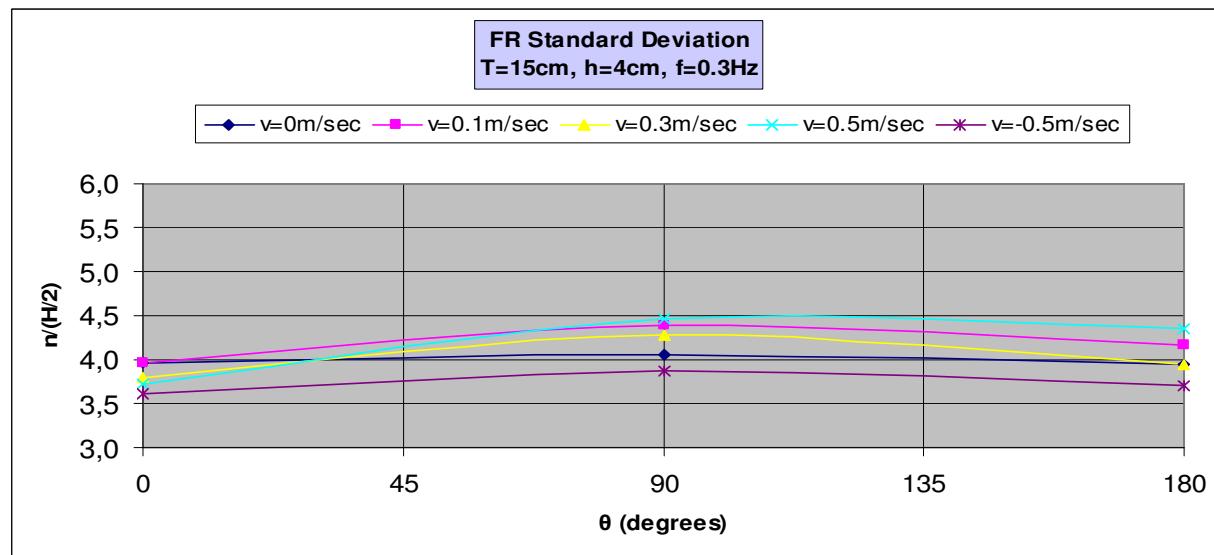


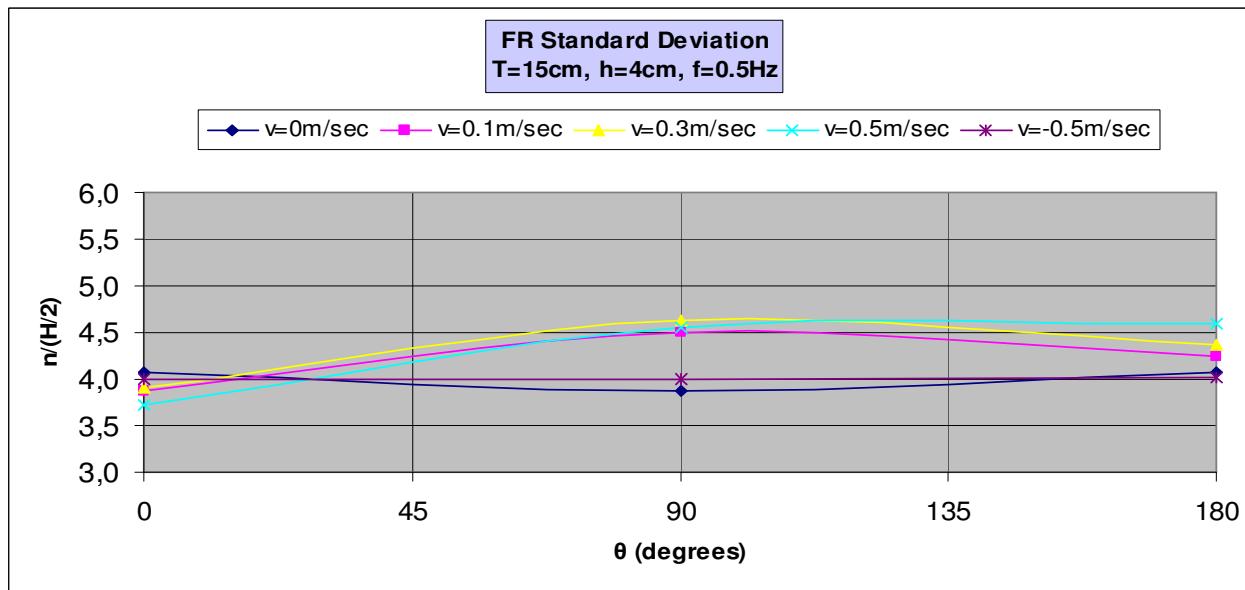
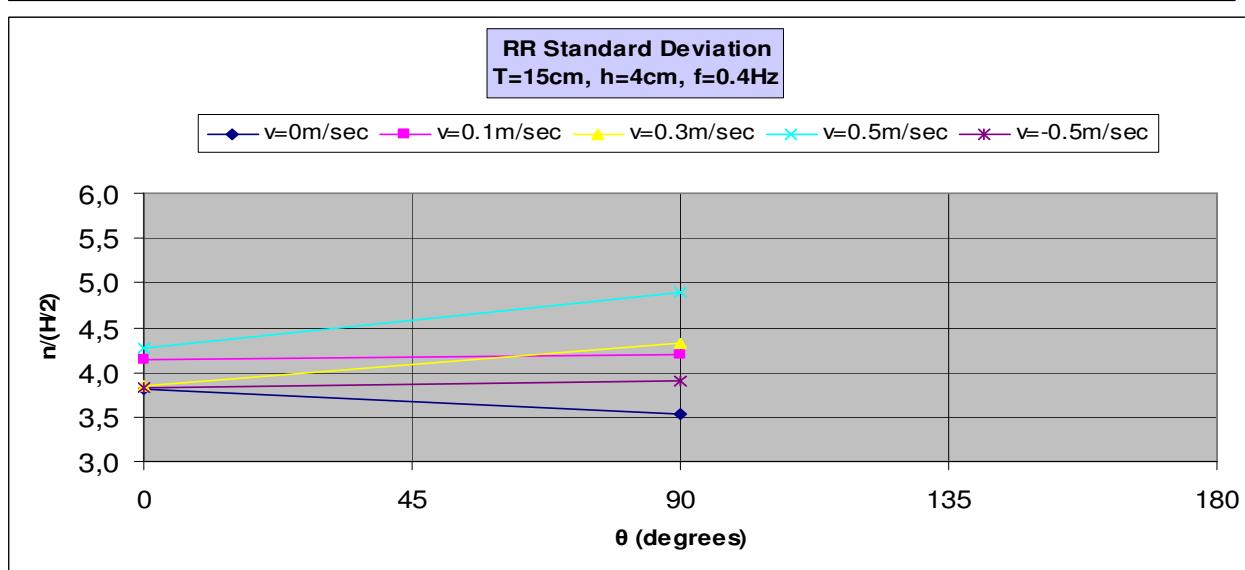
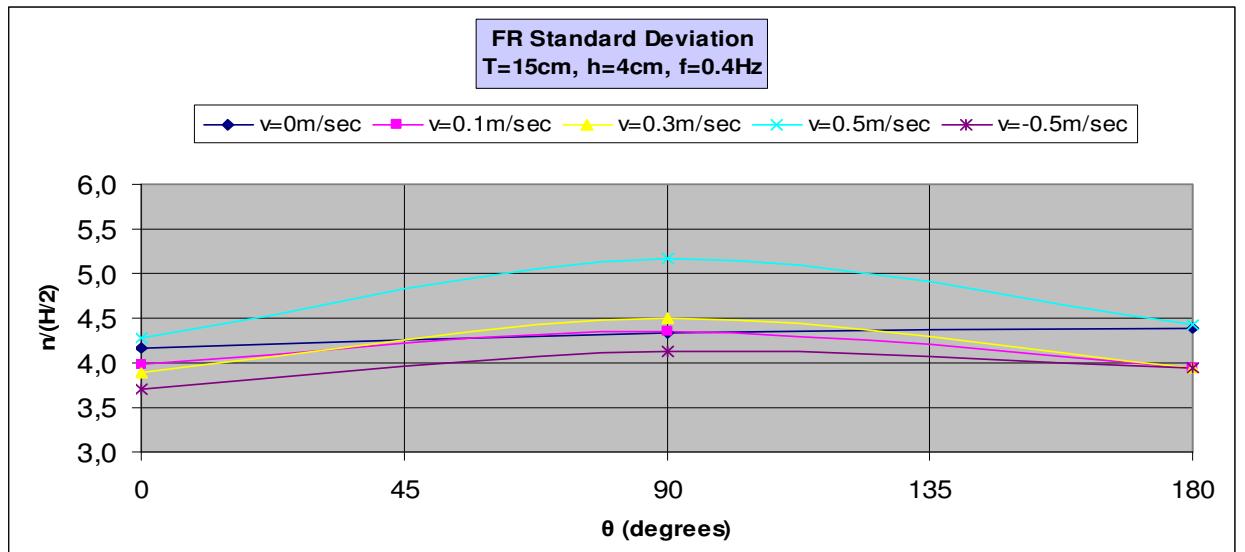
**FR Standard Deviation**  
 $T=15\text{cm}$ ,  $h=4\text{cm}$ ,  $v=-0.5\text{m/sec}$

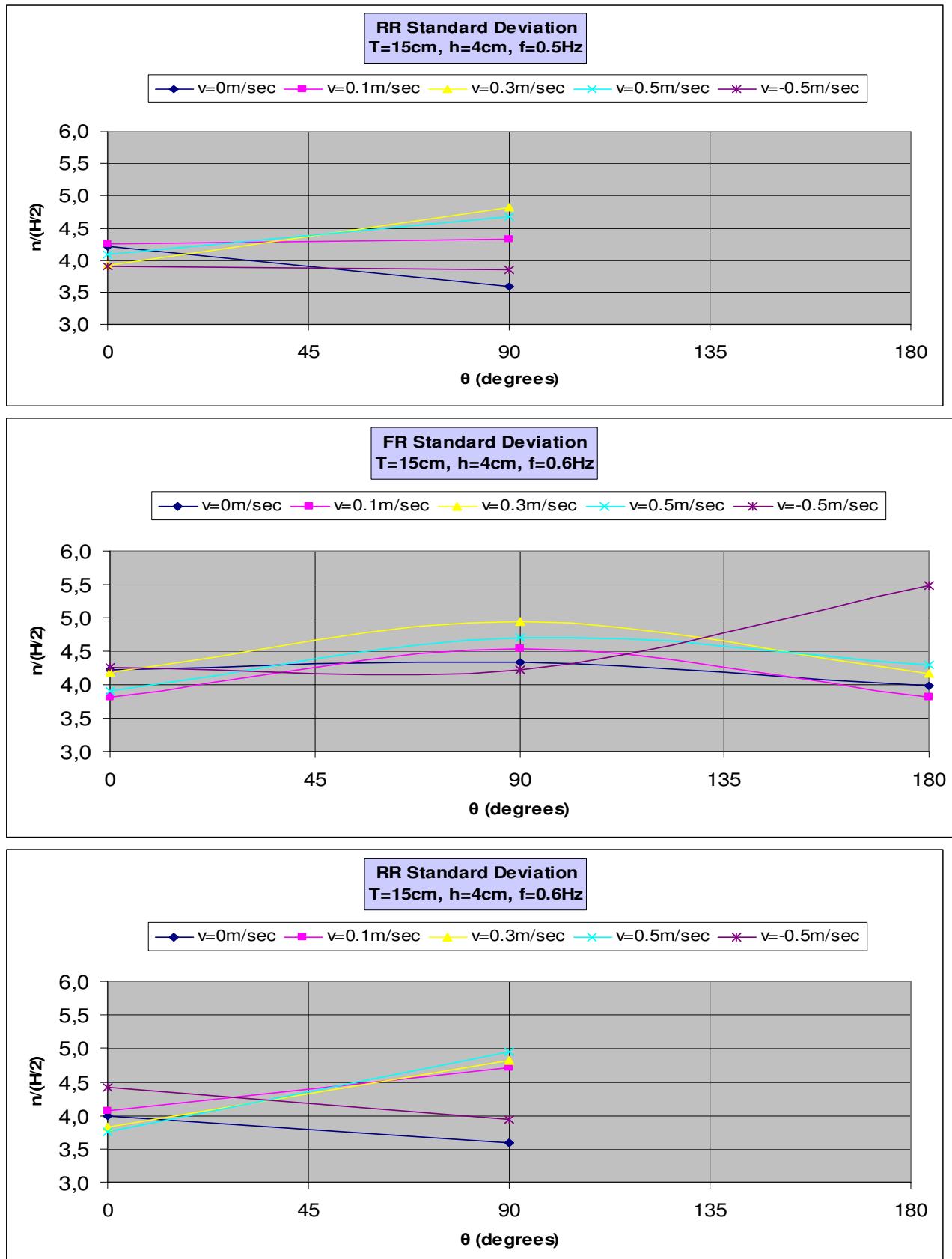


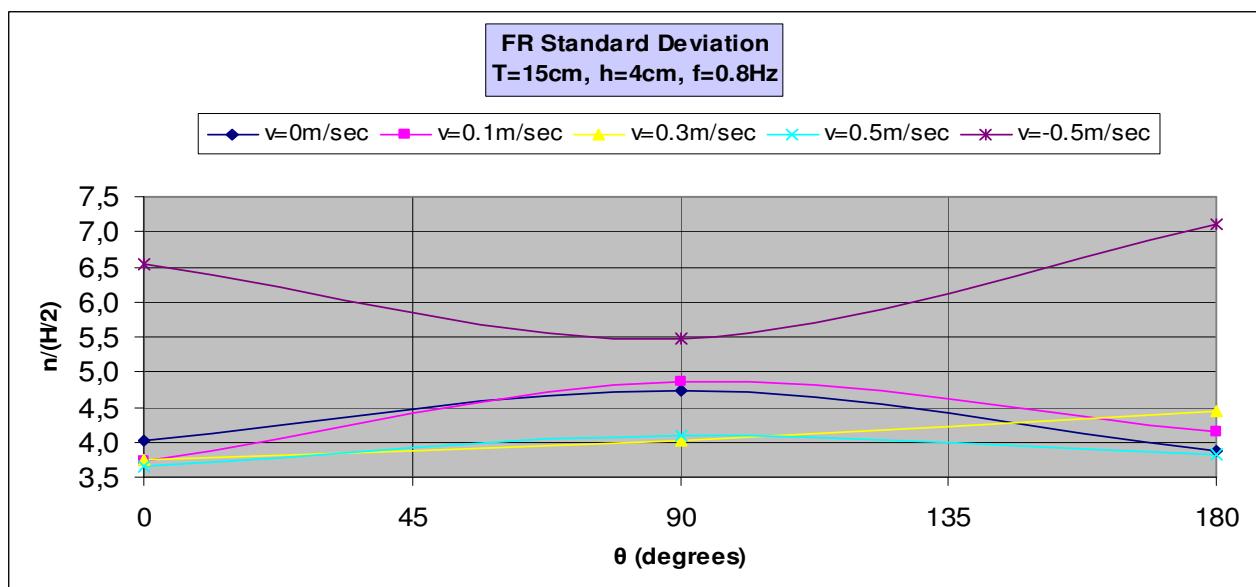
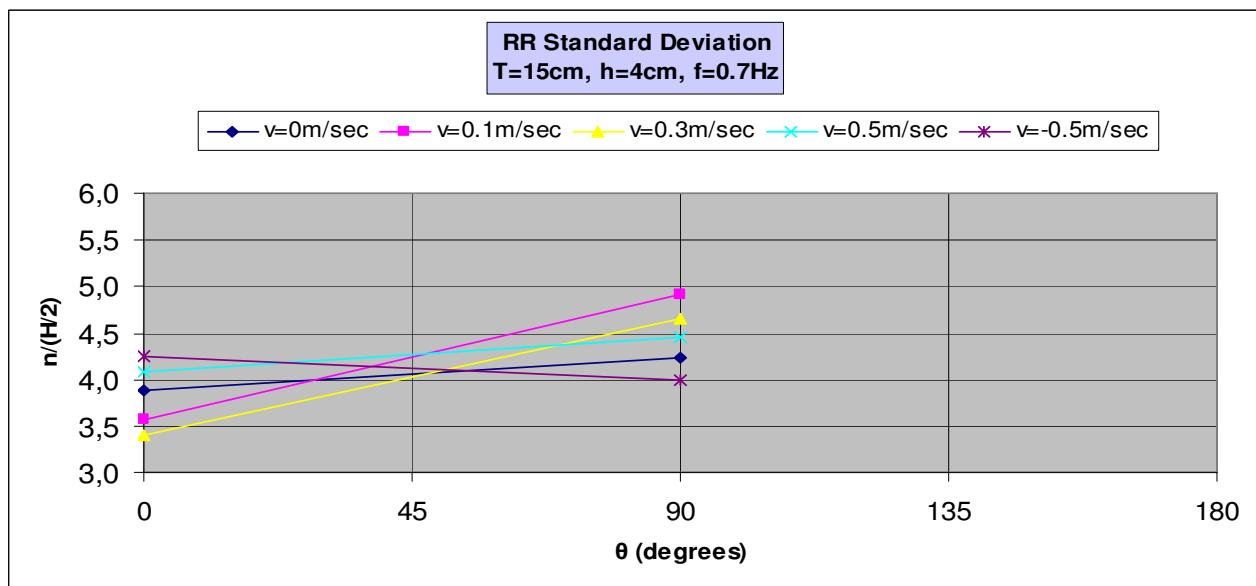
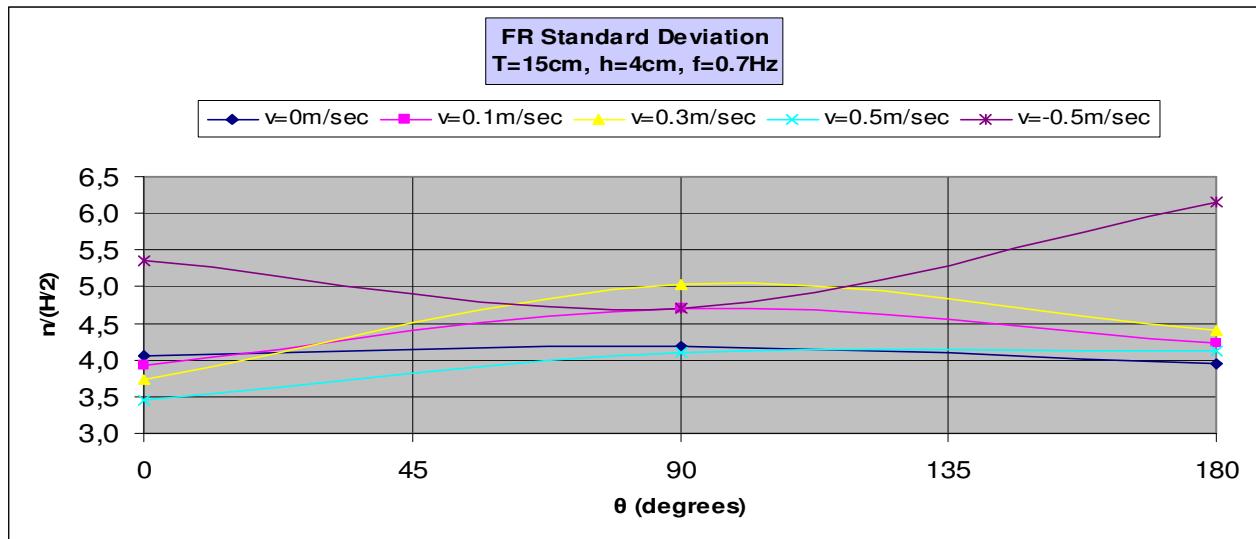


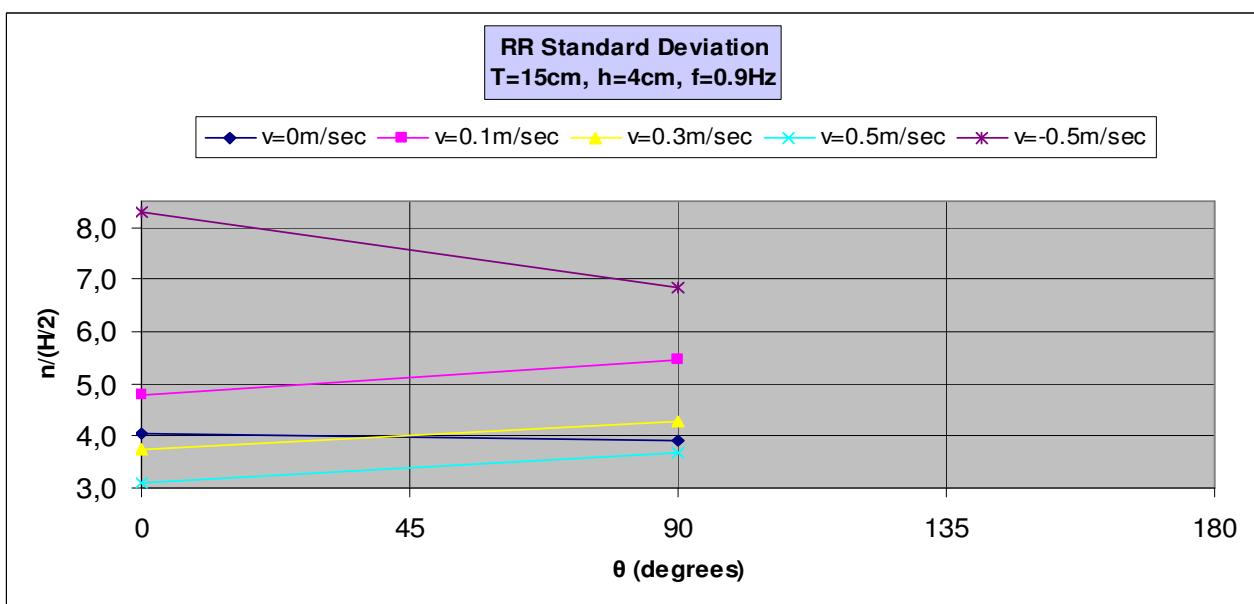
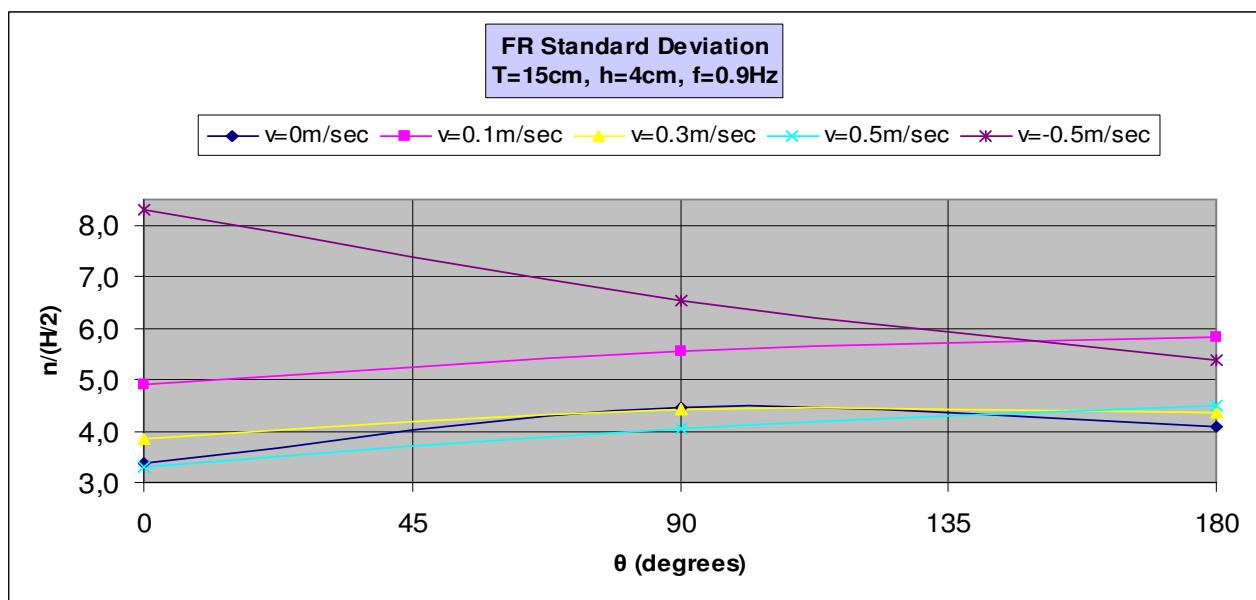
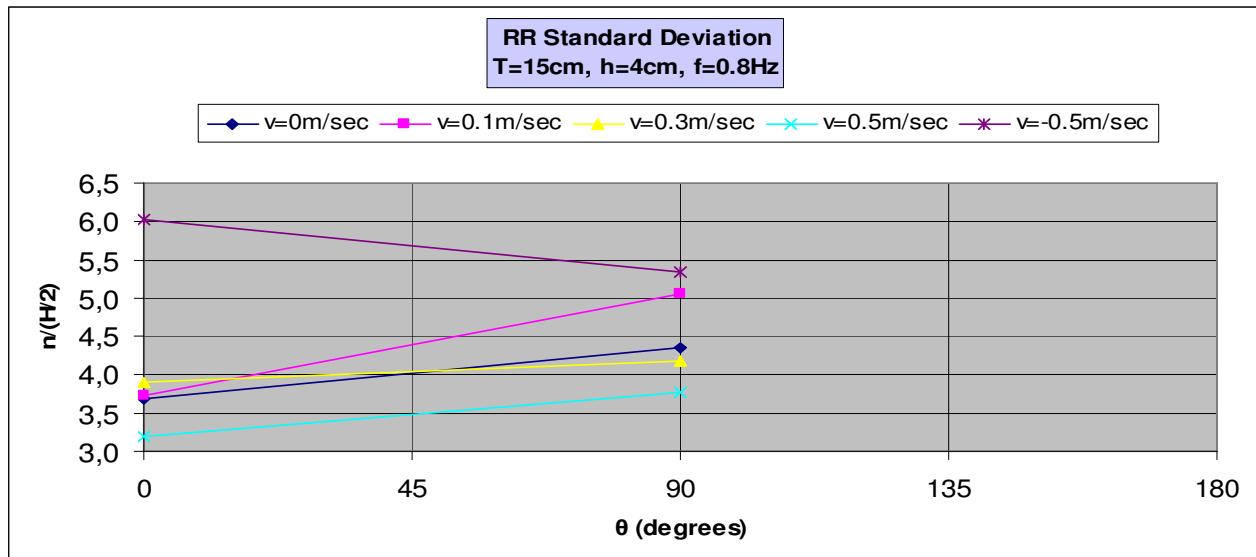
**3.3.1.6** Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2) - \theta$  σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα



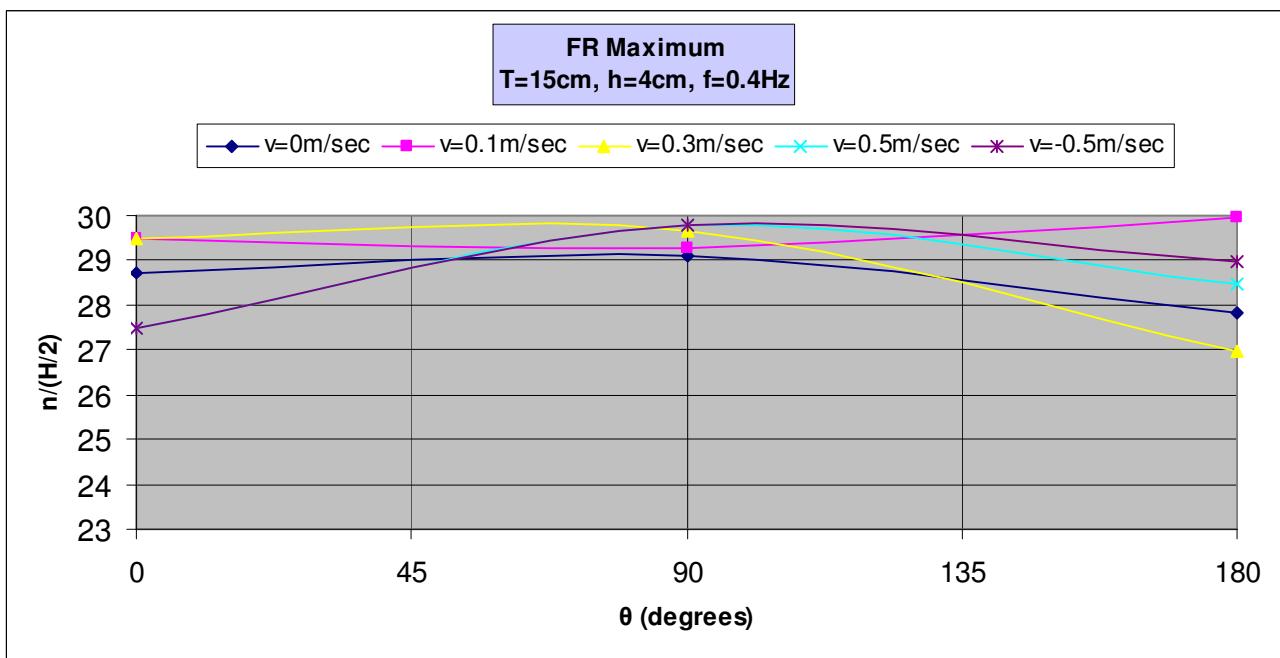
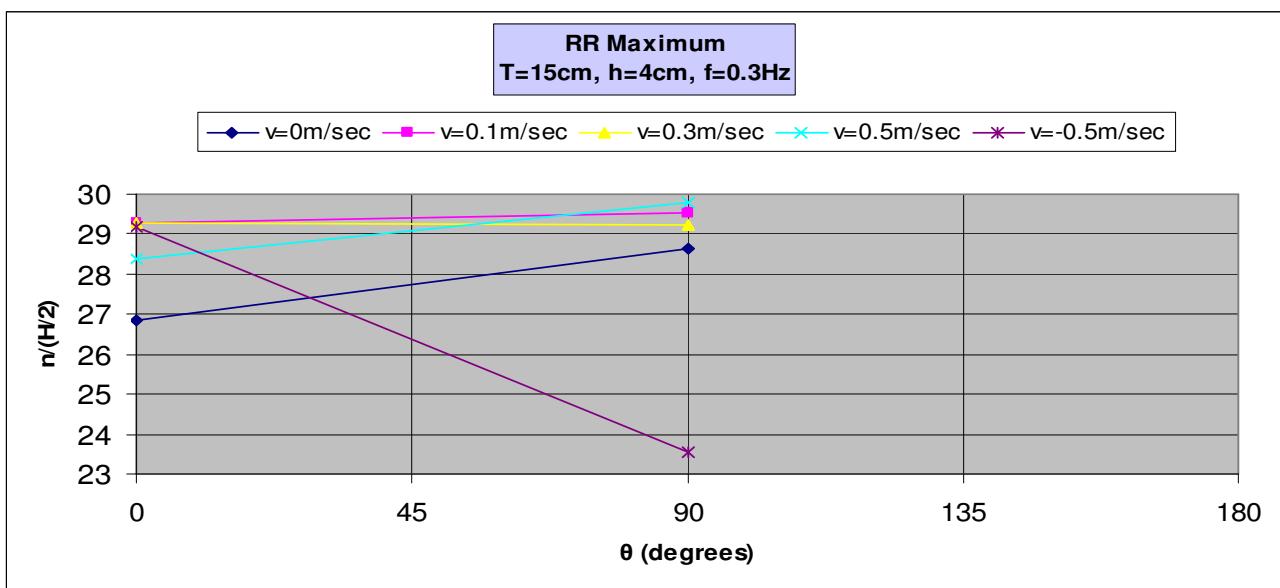
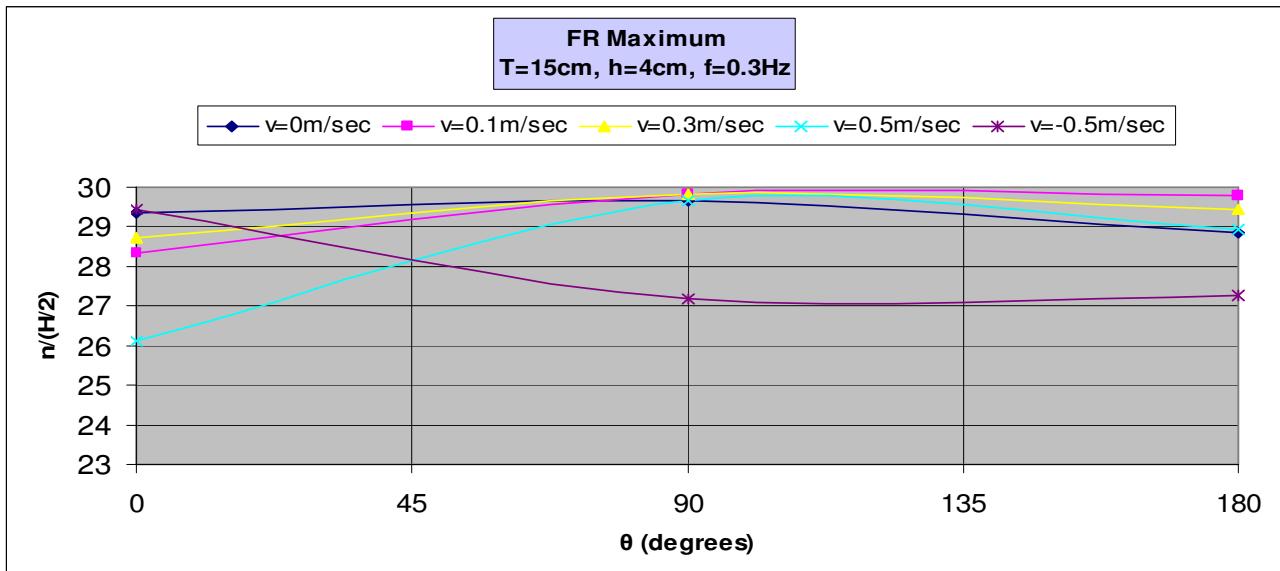


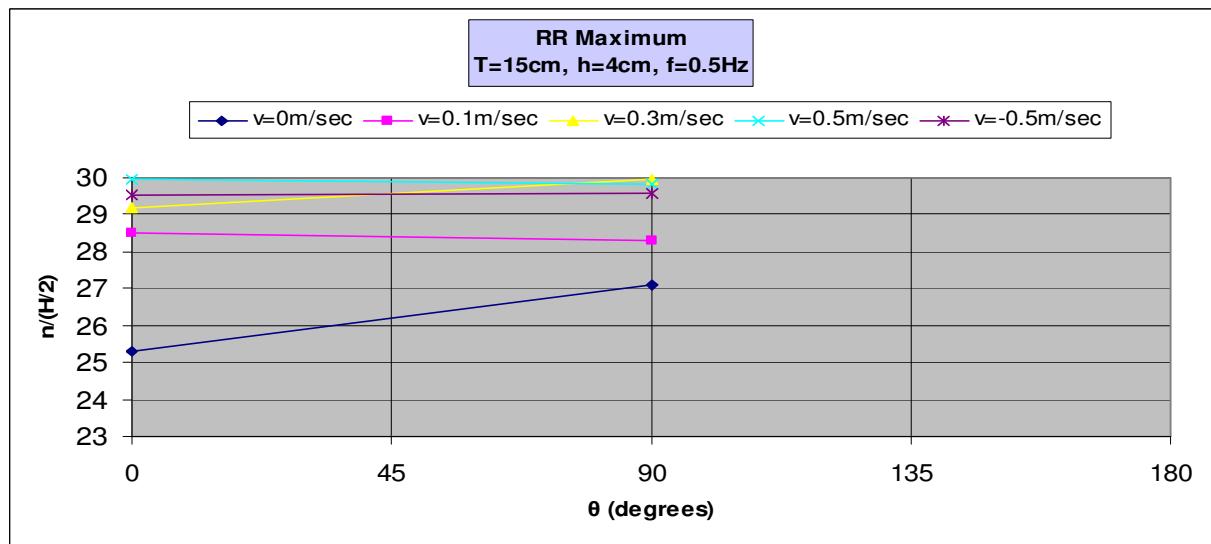
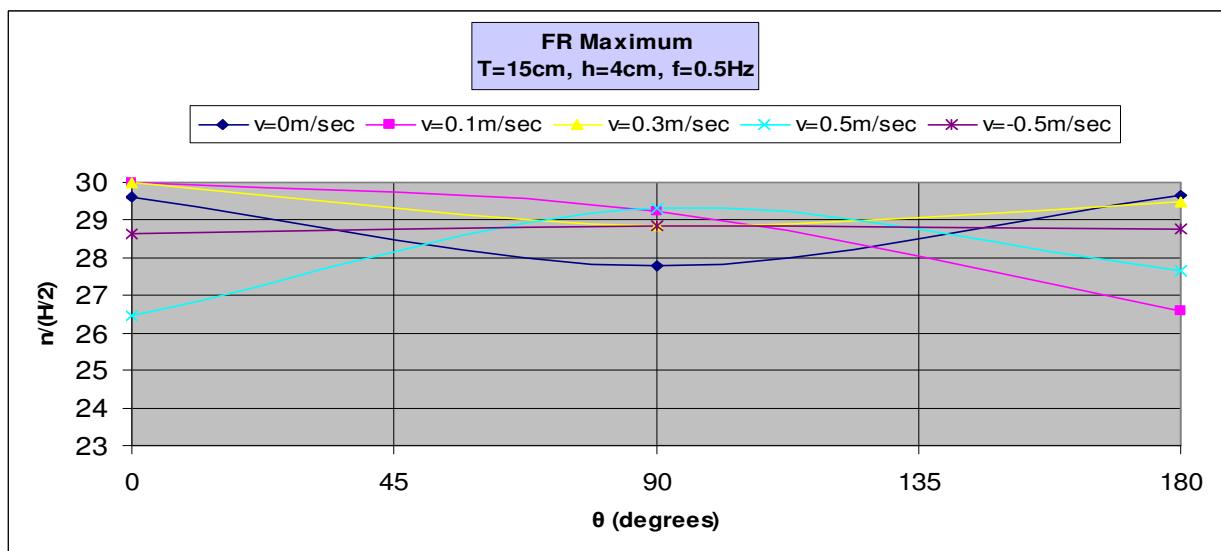
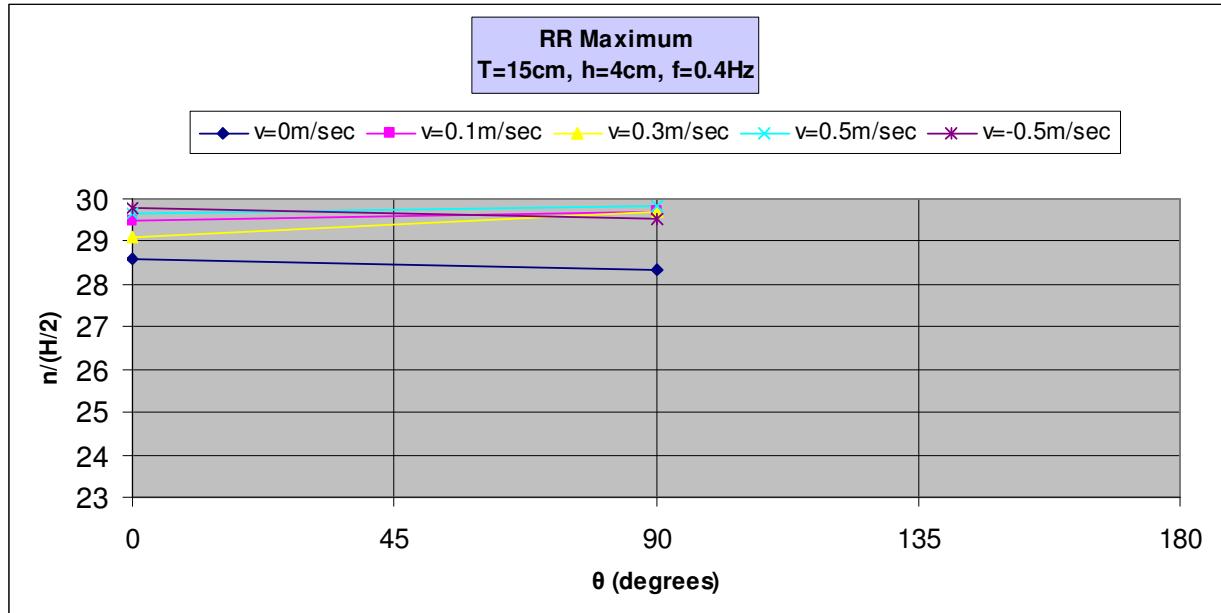


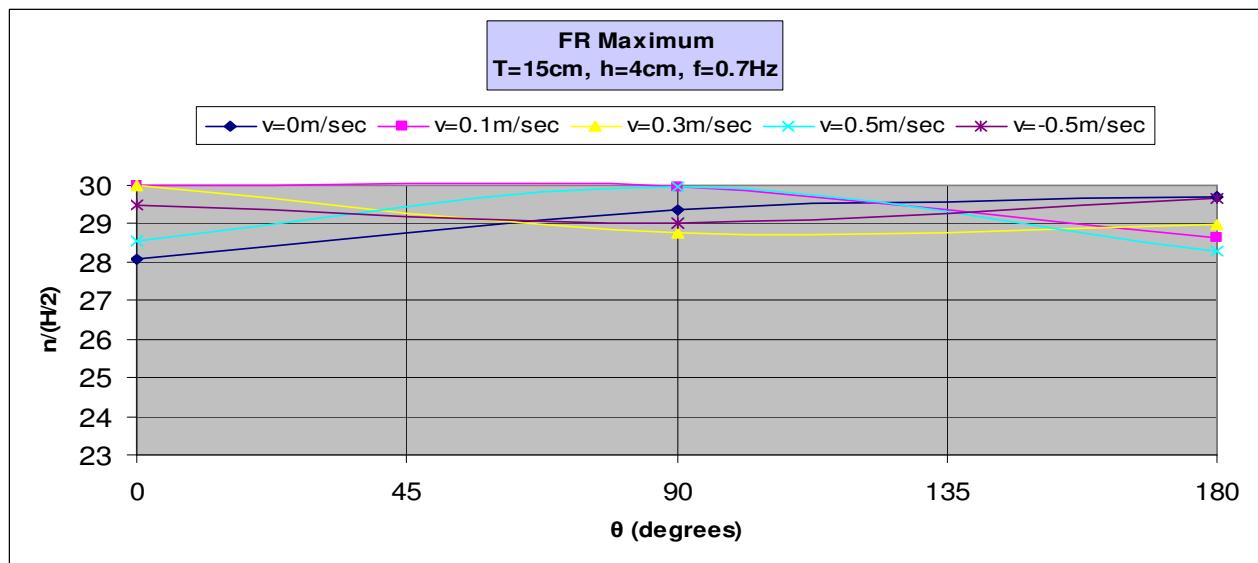
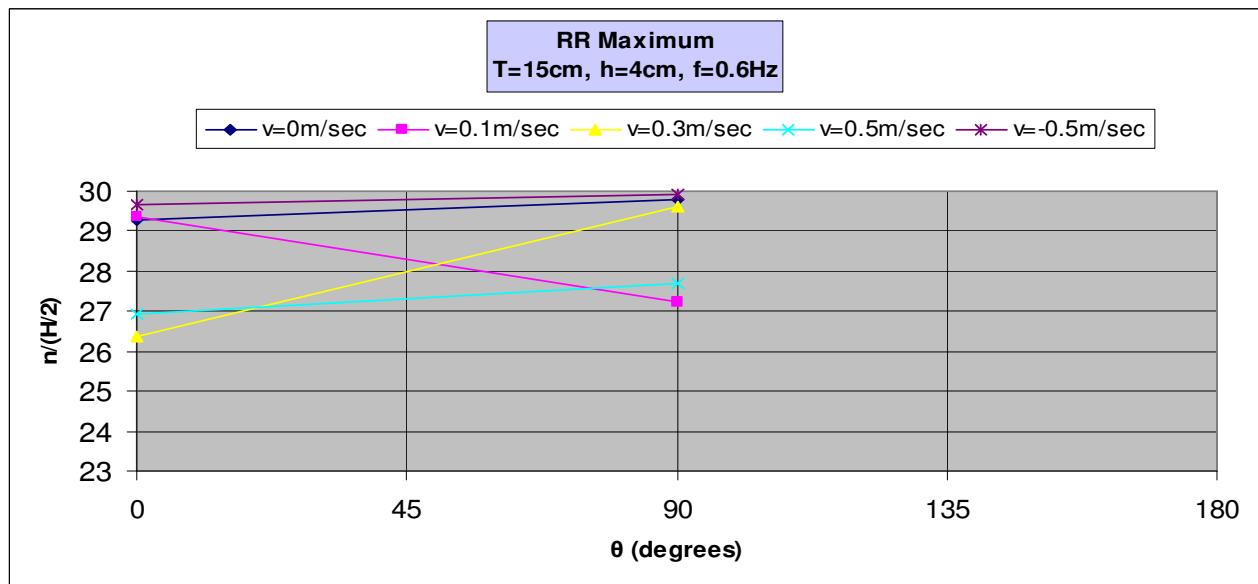
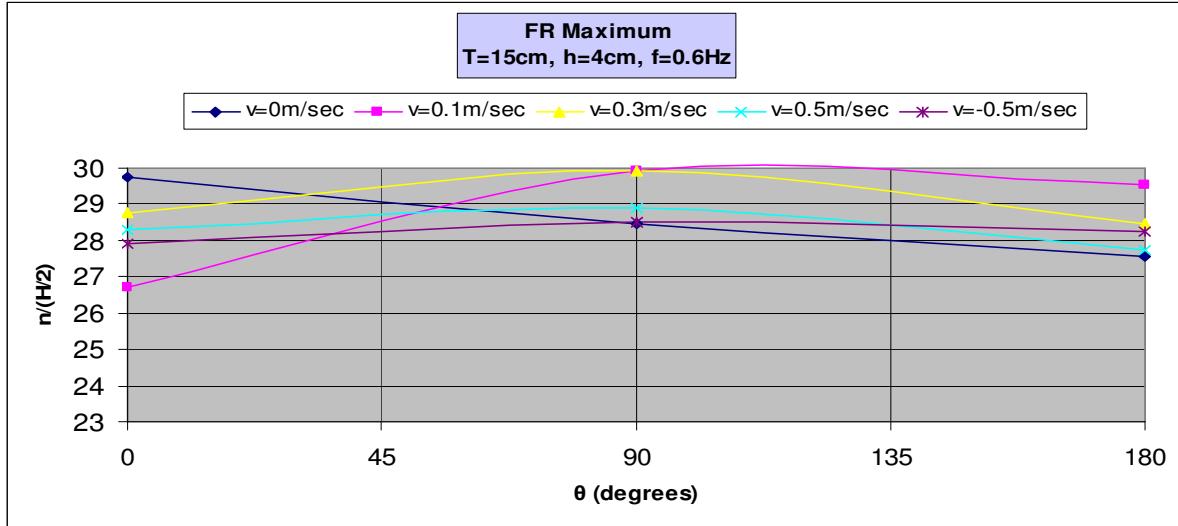


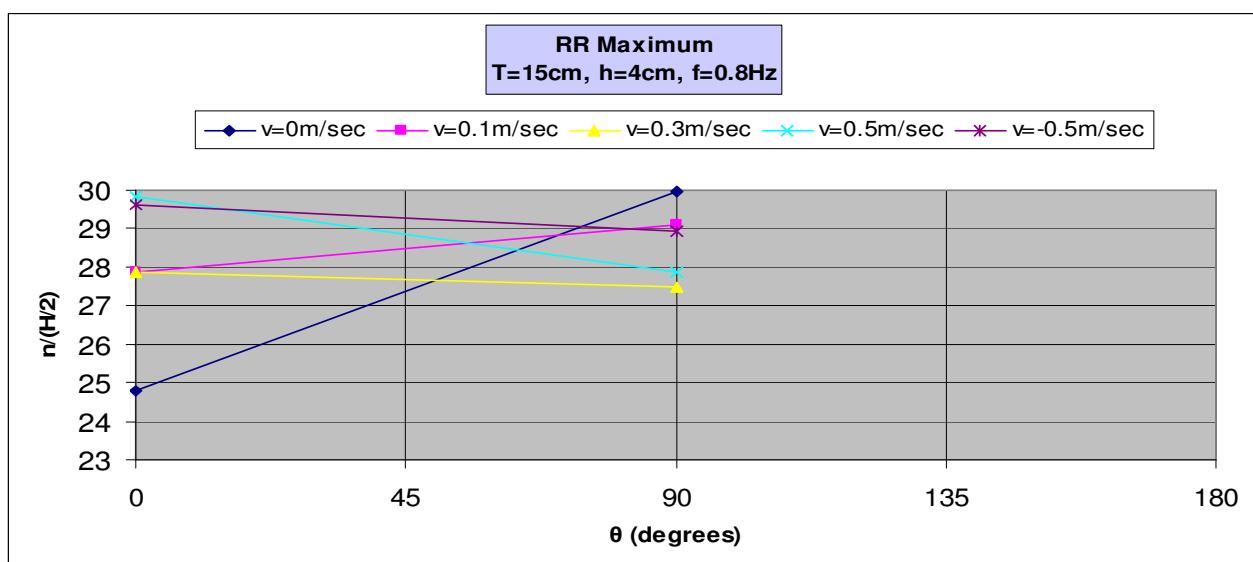
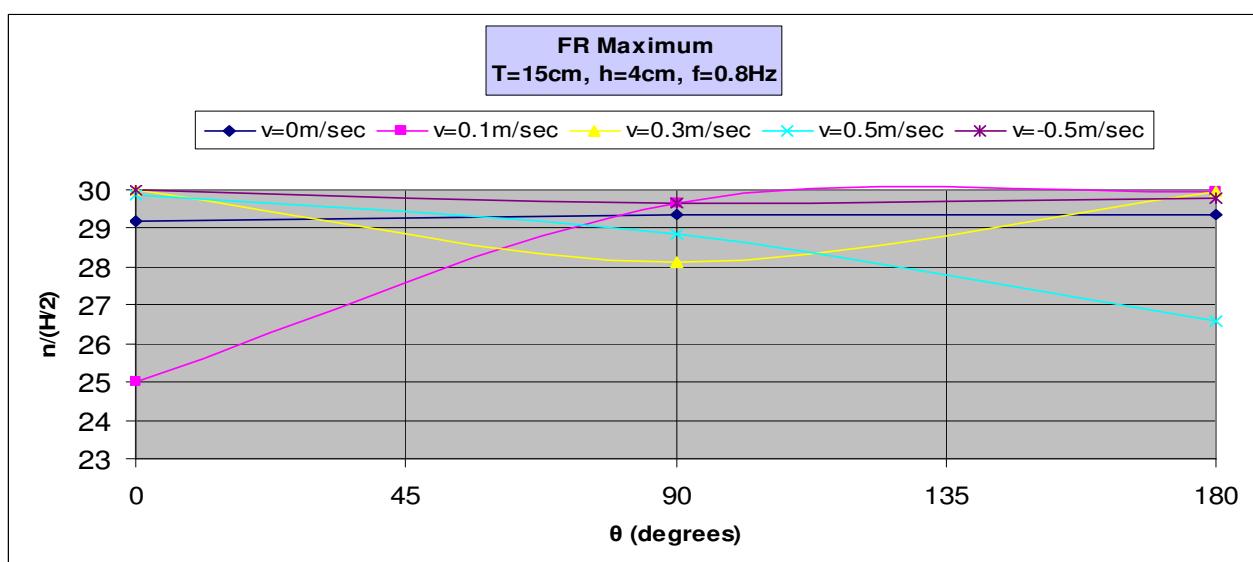
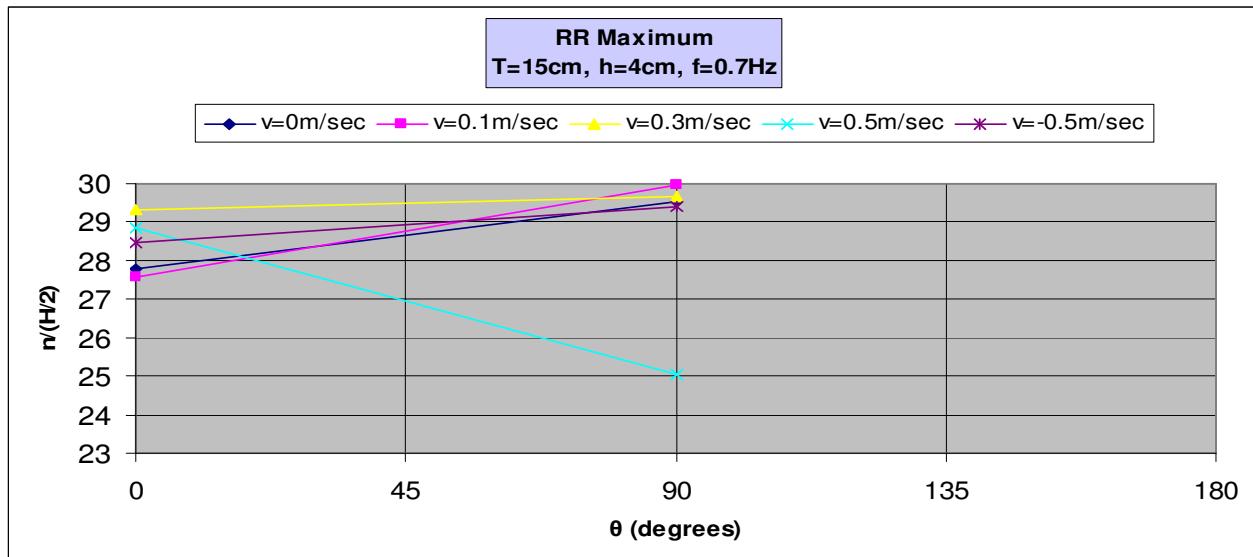


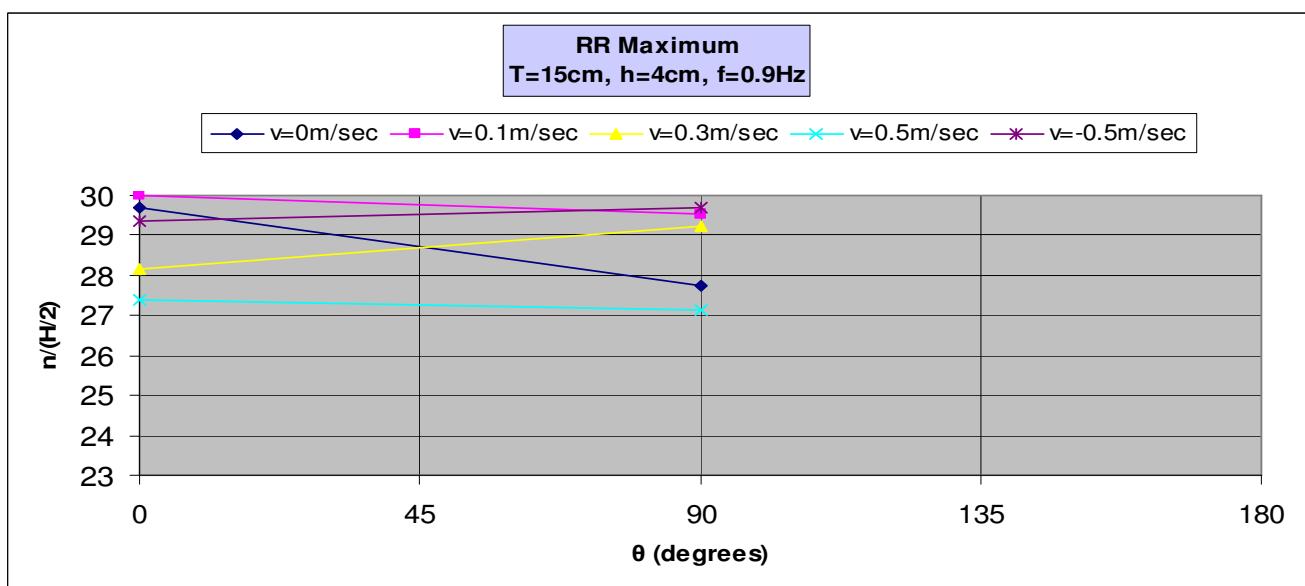
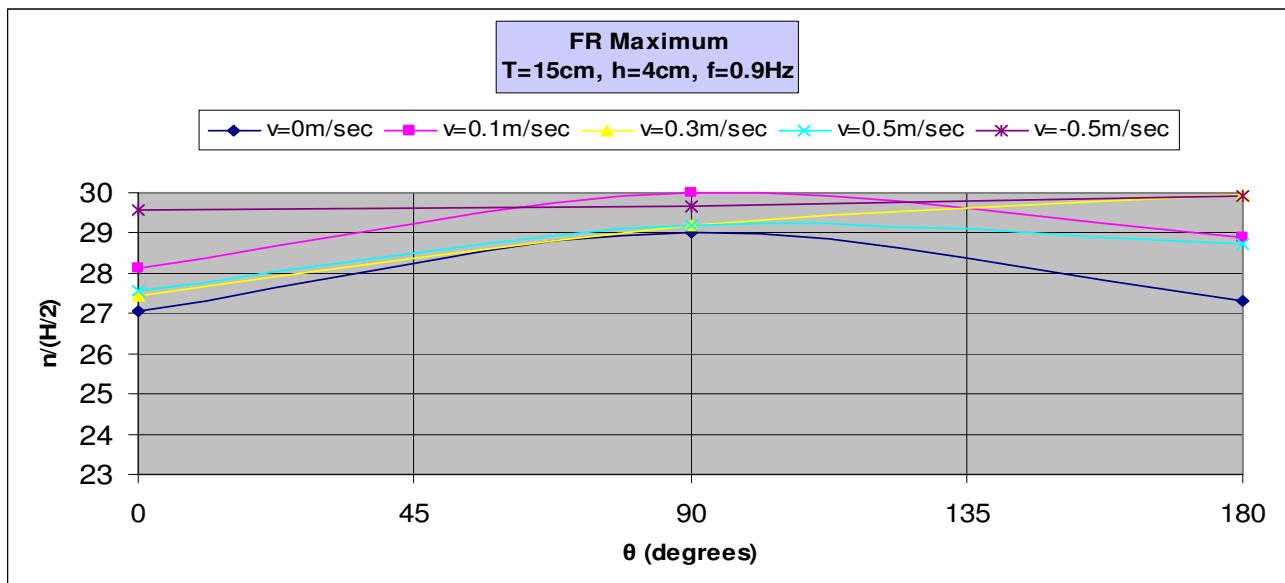
**3.3.1.7 Διάγραμμα Maximum  $n/(H/2)$  - θ σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα**











**3.3.2 Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για την Πλατφόρμα για  $h=6cm$**

| Standard Deviation για $v=0$ m/sec |                    |          |          |          |          |          |
|------------------------------------|--------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                              | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,5</b>                         |                    | 4,391757 | 4,150247 | 4,109377 | 4,368906 | 4,318415 |
| <b>0,6</b>                         |                    | 4,097939 | 4,077577 | 4,071609 | 4,328894 | 4,30481  |
| <b>0,7</b>                         |                    | 3,694553 | 4,271050 | 3,949798 | 3,44827  | 4,730323 |
| <b>0,8</b>                         |                    | 3,714635 | 4,435728 | 3,891999 | 3,368002 | 4,134749 |
| <b>0,9</b>                         |                    | 4,136189 | 4,839487 | 4,617881 | 4,17172  | 4,844448 |

| Maximum για $v=0$ m/sec |                    |          |           |          |          |          |
|-------------------------|--------------------|----------|-----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                   | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90        | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,5</b>              |                    | 28,98321 | 29,585635 | 28,93676 | 25,63347 | 29,54133 |
| <b>0,6</b>              |                    | 29,53788 | 27,1836   | 29,1035  | 29,95961 | 27,28569 |
| <b>0,7</b>              |                    | 29,11158 | 29,470214 | 28,59977 | 27,67494 | 29,28045 |
| <b>0,8</b>              |                    | 29,57949 | 29,716249 | 29,41005 | 29,9835  | 29,9088  |
| <b>0,9</b>              |                    | 28,98854 | 29,248805 | 28,23163 | 29,61602 | 29,50028 |

| Standard Deviation για $v=0,1$ m/sec |                    |          |          |          |          |          |
|--------------------------------------|--------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                                | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,5</b>                           |                    | 4,20941  | 4,79722  | 4,072839 | 4,384251 | 4,481717 |
| <b>0,6</b>                           |                    | 3,855918 | 4,221824 | 3,806284 | 3,894785 | 4,159059 |
| <b>0,7</b>                           |                    | 3,264304 | 4,27716  | 3,905361 | 3,538174 | 4,753307 |

| Maximum για $v=0,1$ m/sec |                    |          |           |          |          |          |
|---------------------------|--------------------|----------|-----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                     | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90        | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,5</b>                |                    | 29,71335 | 28,752956 | 29,44556 | 29,91322 | 29,92081 |
| <b>0,6</b>                |                    | 26,04392 | 22,431961 | 27,31977 | 20,39779 | 27,29113 |
| <b>0,7</b>                |                    | 22,47442 | 20,453272 | 21,04868 | 19,92264 | 28,99544 |

| Standard Deviation για $v=0,3$ m/sec |                    |          |          |          |          |          |
|--------------------------------------|--------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                                | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,5</b>                           |                    | 3,957478 | 4,776672 | 4,255246 | 4,257436 | 5,038053 |
| <b>0,6</b>                           |                    | 3,655397 | 4,718452 | 4,361094 | 3,954583 | 3,617975 |
| <b>0,7</b>                           |                    | 3,503253 | 3,925649 | 4,415411 | 2,867426 | 3,71055  |

| Maximum για $v=0,3$ m/sec |                    |          |           |          |          |          |
|---------------------------|--------------------|----------|-----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                     | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90        | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,5</b>                |                    | 29,71335 | 29,55927  | 29,20208 | 29,64975 | 26,45612 |
| <b>0,6</b>                |                    | 28,28868 | 27,267696 | 27,31977 | 29,52044 | 22,02851 |
| <b>0,7</b>                |                    | 24,30517 | 23,148285 | 21,3026  | 19,35005 | 27,35122 |

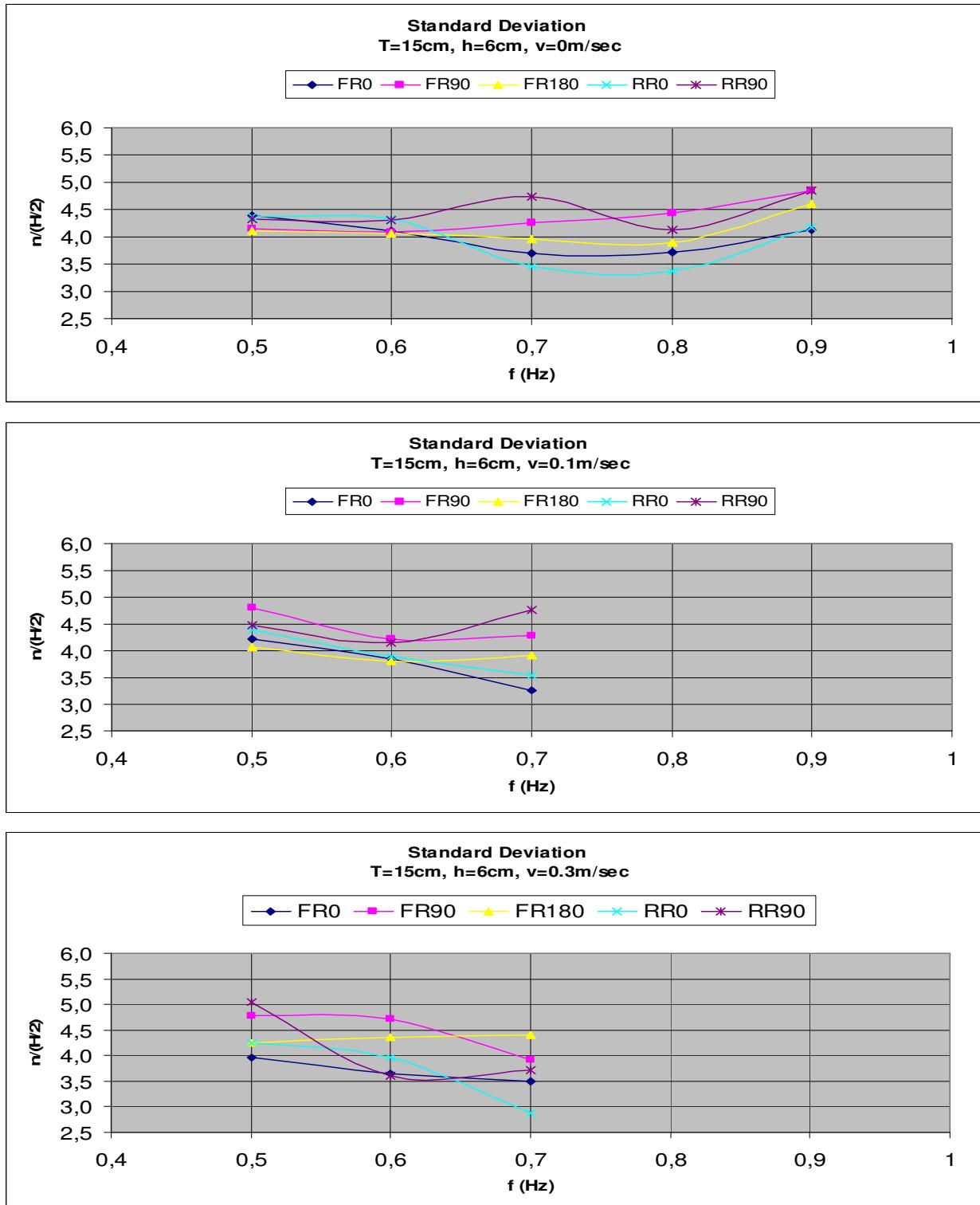
| Standard Deviation για $v=0,5$ m/sec |                    |          |          |          |          |          |
|--------------------------------------|--------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                                | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,5</b>                           |                    | 3,796391 | 4,655531 | 4,313917 | 4,08078  | 4,972017 |
| <b>0,6</b>                           |                    | 3,346994 | 3,813579 | 4,127939 | 2,957799 | 4,266515 |
| <b>0,7</b>                           |                    | 2,919036 | 3,083197 | 4,350148 | 3,493556 | 3,506206 |

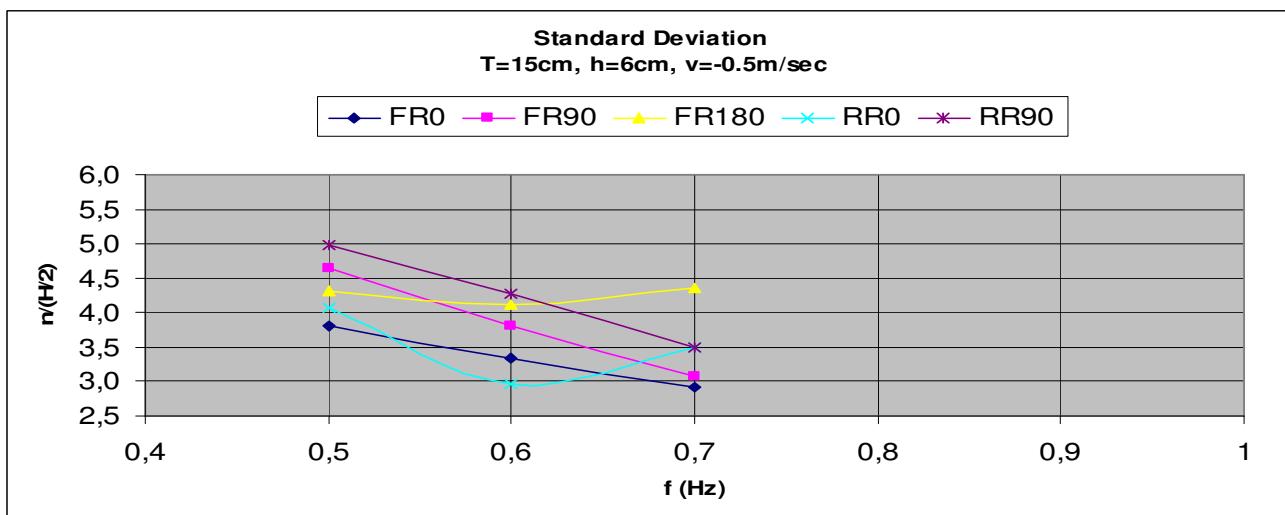
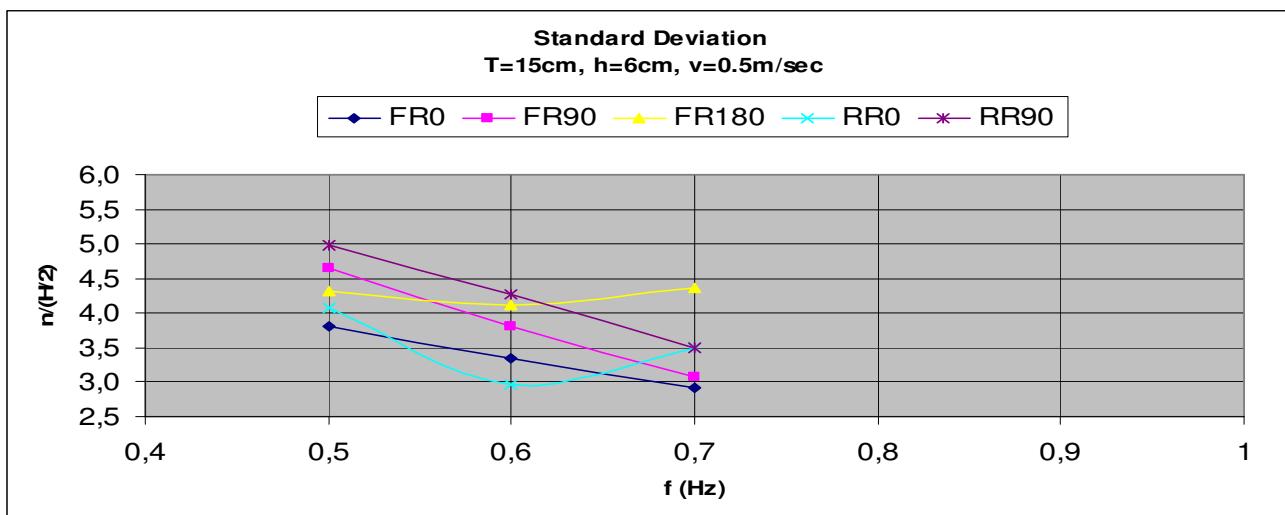
| Maximum για $v=0,5$ m/sec |                    |          |           |          |          |          |
|---------------------------|--------------------|----------|-----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                     | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90        | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,5</b>                |                    | 28,38593 | 29,698805 | 29,21435 | 28,44207 | 29,82714 |
| <b>0,6</b>                |                    | 28,18683 | 21,709712 | 22,50513 | 14,71127 | 25,68919 |
| <b>0,7</b>                |                    | 17,76492 | 22,172967 | 27,27012 | 19,58528 | 17,01694 |

| Standard Deviation για $v=-0,5$ m/sec |                    |          |          |          |          |          |
|---------------------------------------|--------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                                 | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,5</b>                            |                    | 3,980678 | 3,963336 | 4,230932 | 4,142343 | 3,992618 |
| <b>0,6</b>                            |                    | 4,650558 | 4,165858 | 4,432994 | 4,553625 | 4,014978 |
| <b>0,7</b>                            |                    | 4,863683 | 4,584281 | 5,793284 | 4,627002 | 4,151096 |

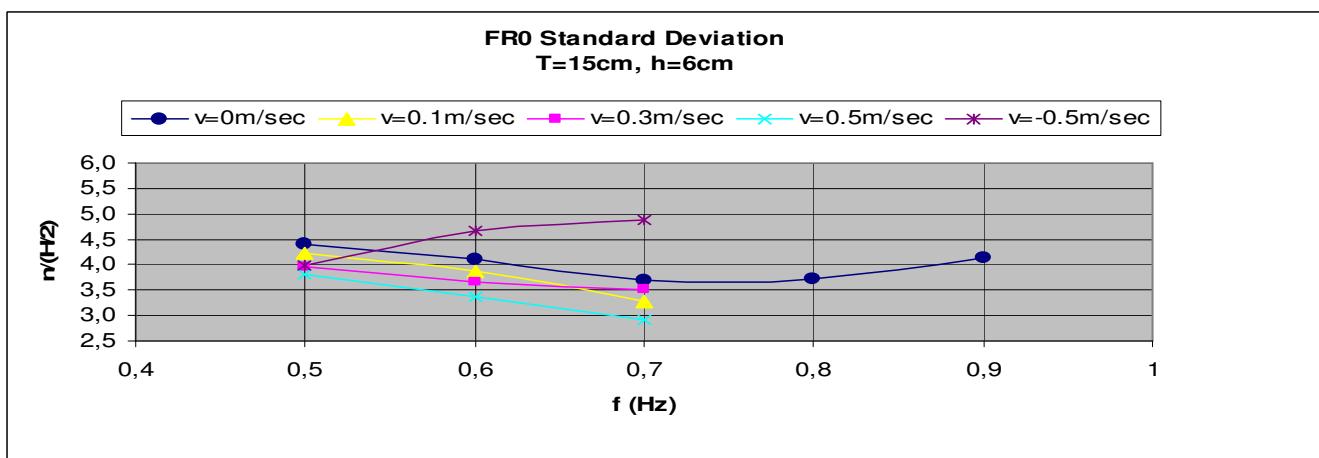
| Maximum για $v=-0,5$ m/sec |                    |          |           |          |          |          |
|----------------------------|--------------------|----------|-----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                      | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 90        | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,5</b>                 |                    | 27,27861 | 29,770676 | 29,82506 | 29,91398 | 28,95695 |
| <b>0,6</b>                 |                    | 24,7731  | 24,68276  | 22,25142 | 27,26625 | 28,9494  |
| <b>0,7</b>                 |                    | 28,46132 | 29,747291 | 29,54891 | 29,40413 | 29,94268 |

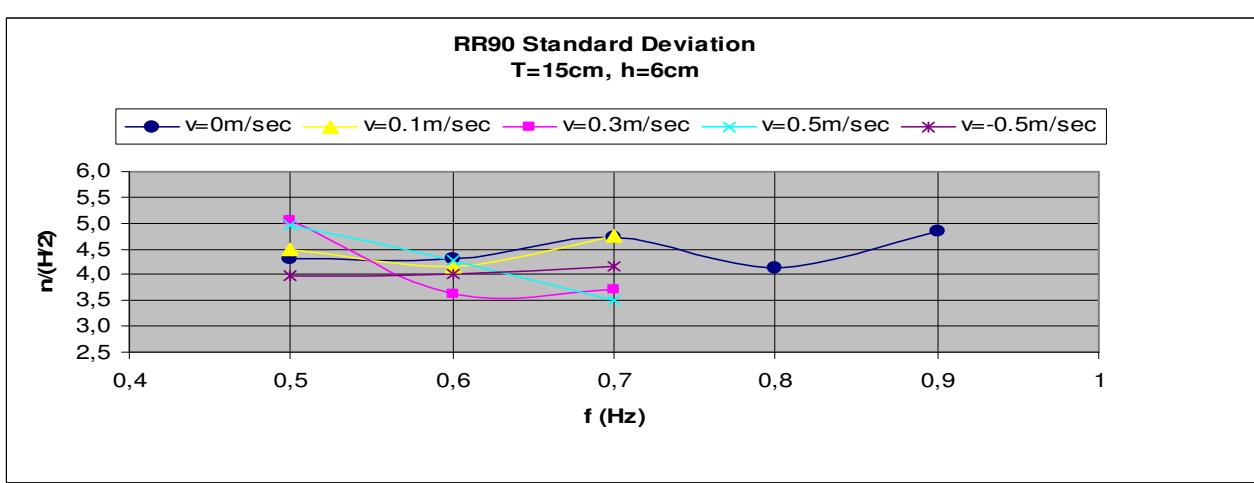
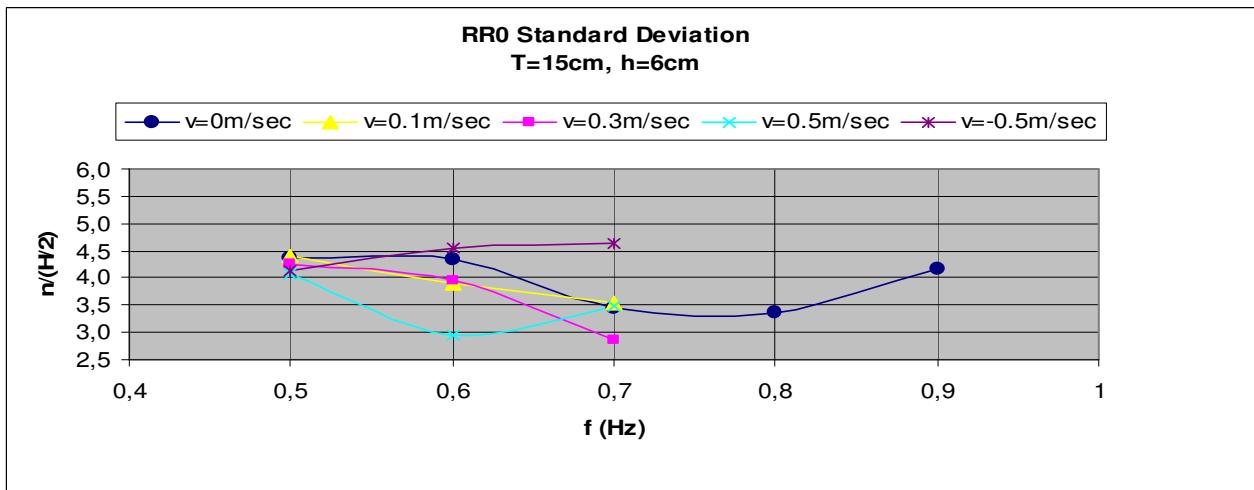
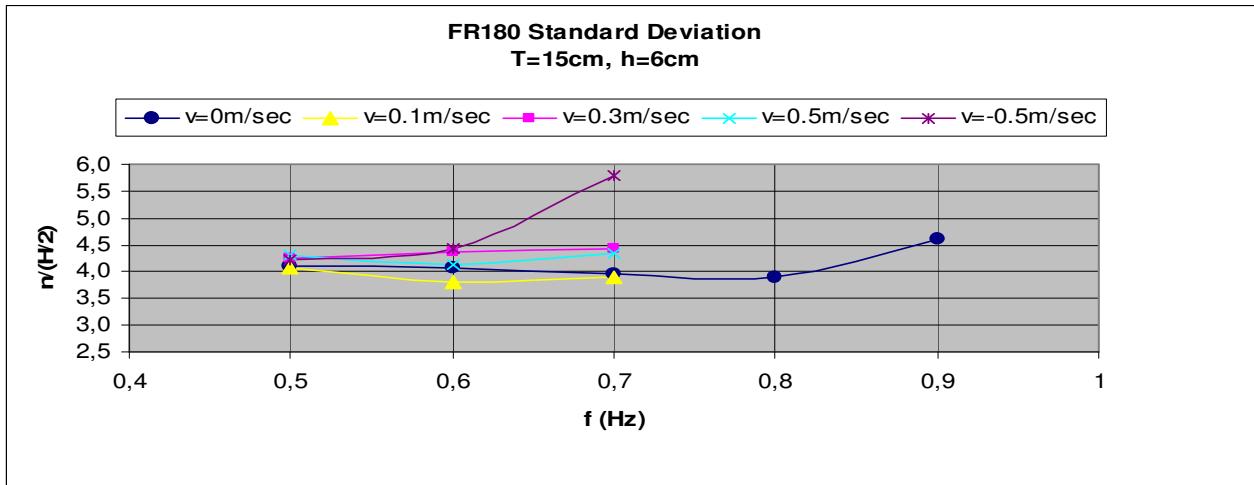
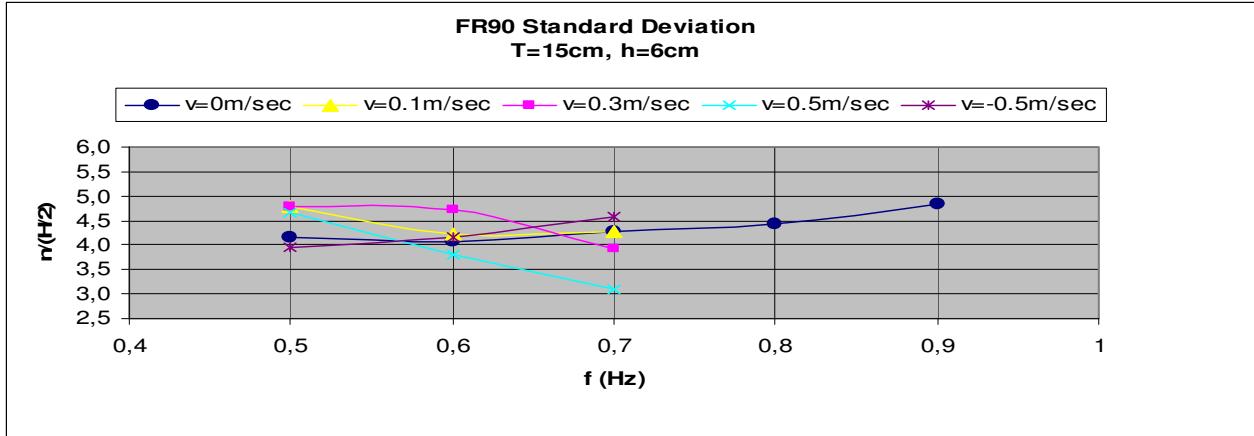
**3.3.2.1 Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  – f σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία**



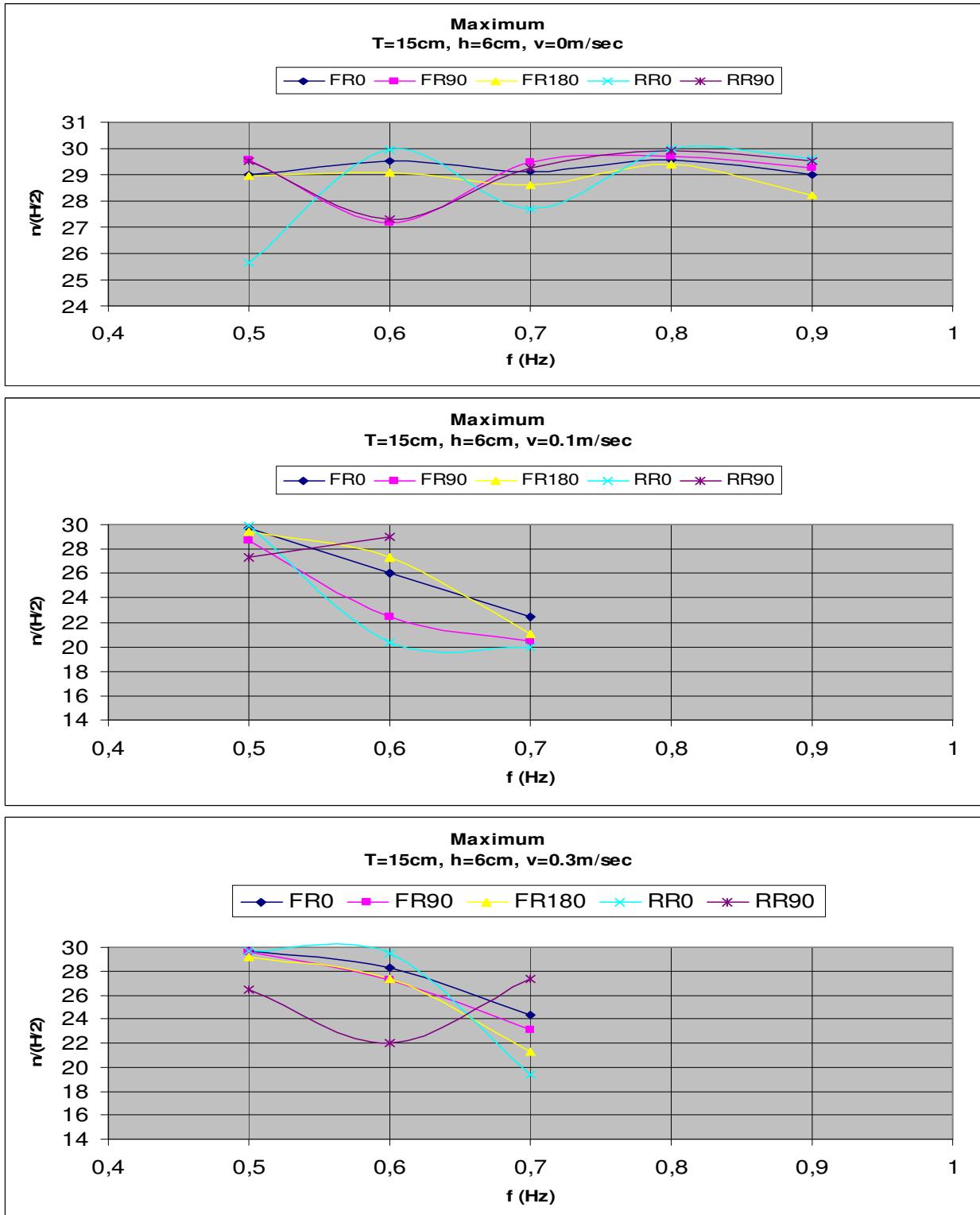


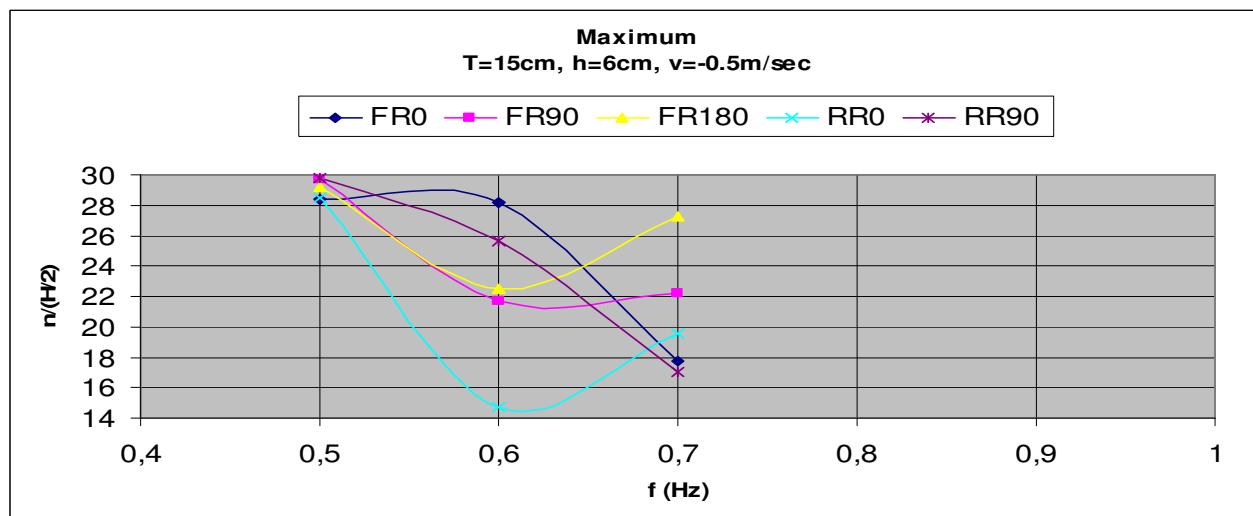
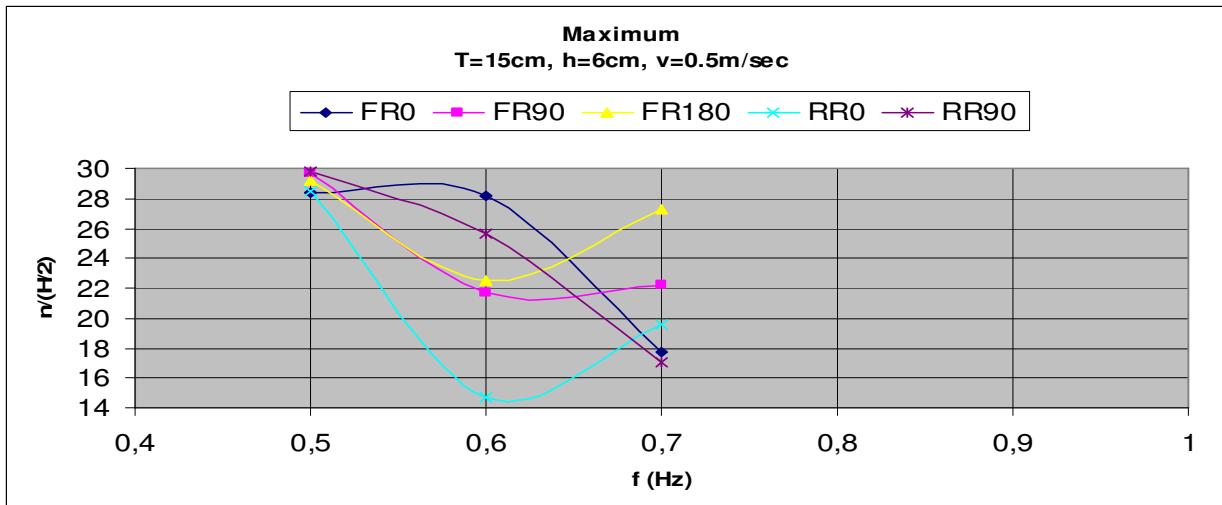
**3.3.2.2** Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  –  $f$  σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα



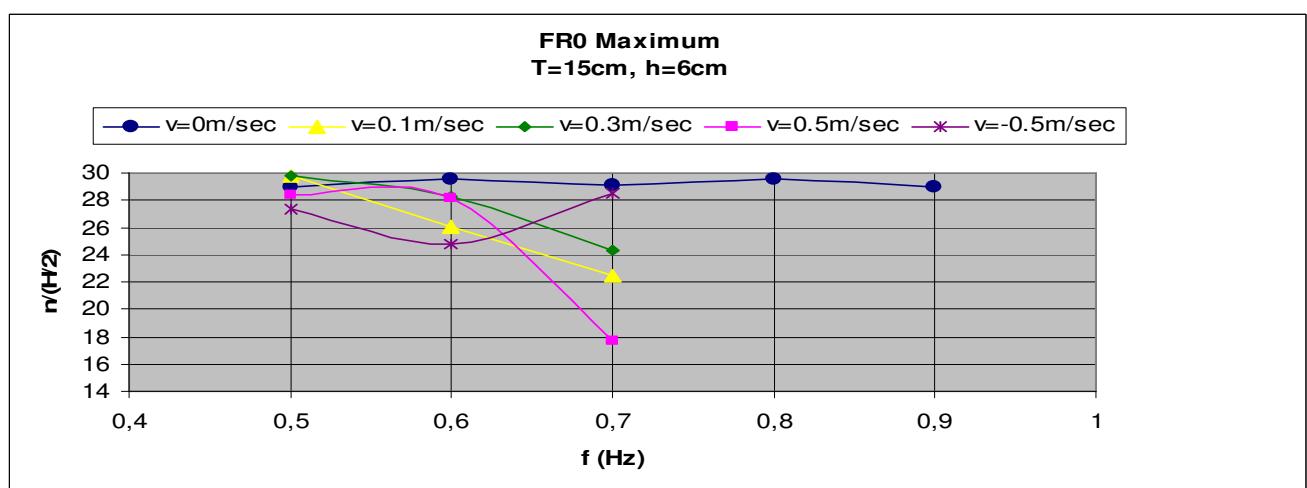


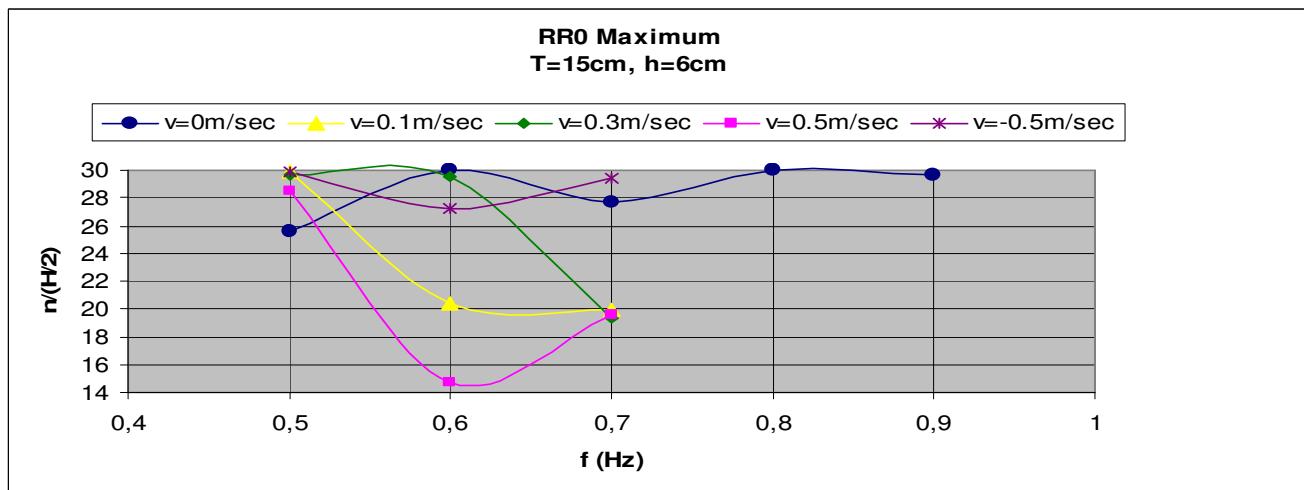
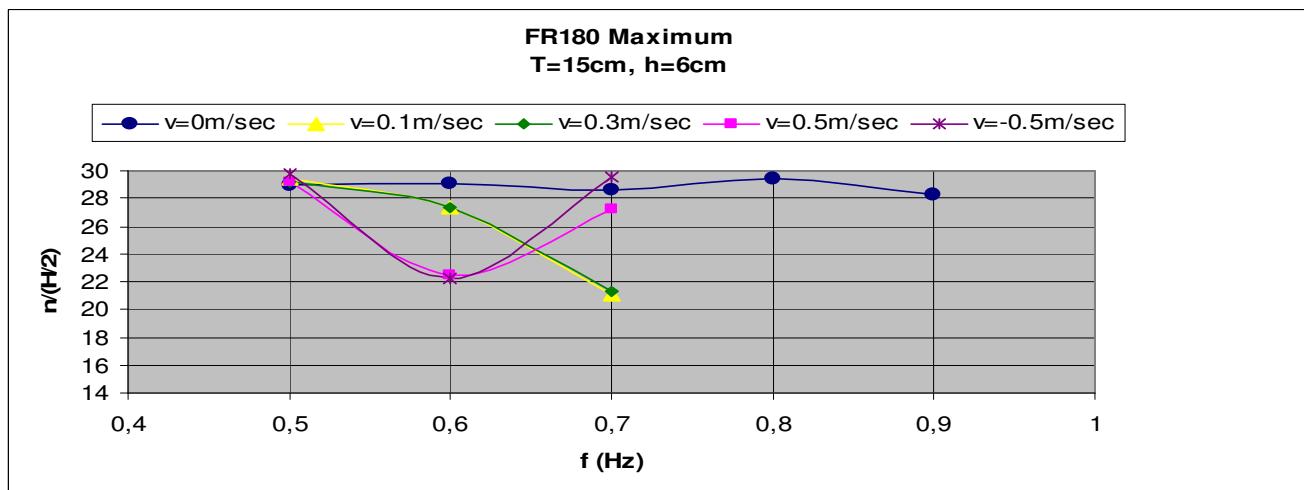
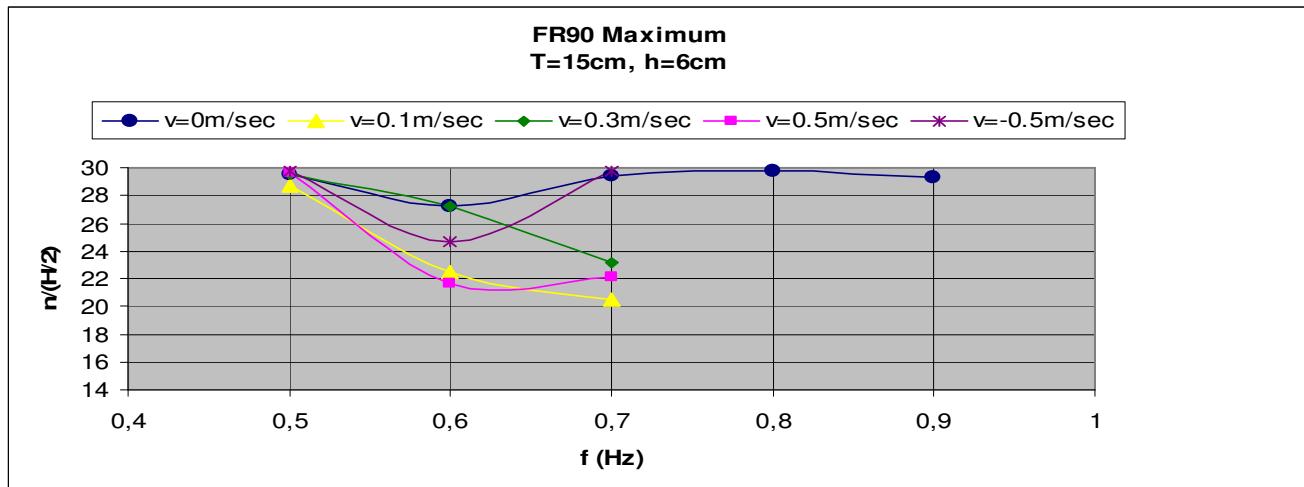
### 3.3.2.3 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2)$ – $f$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία

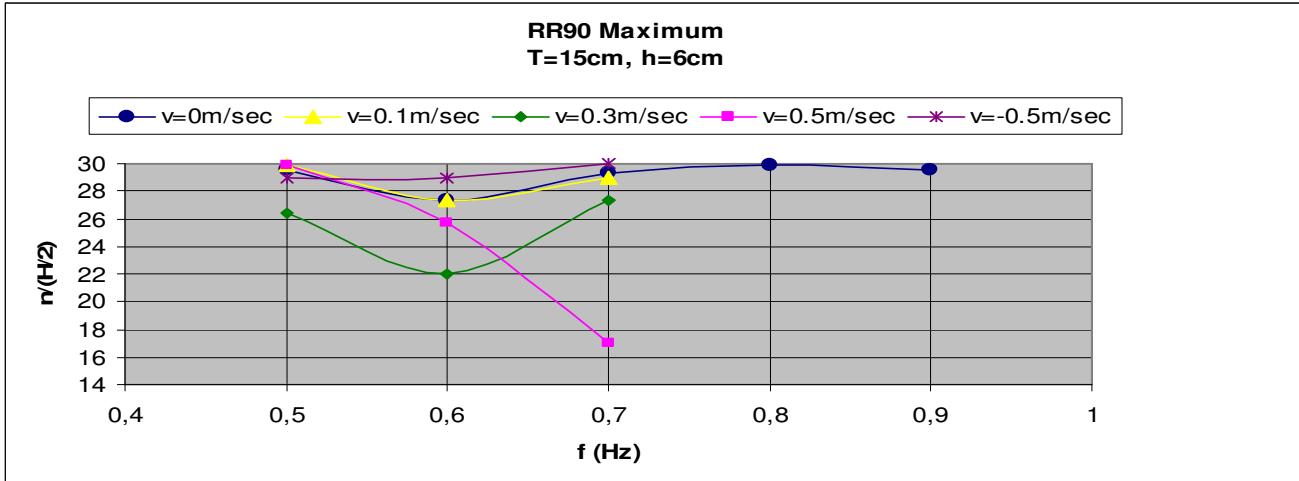




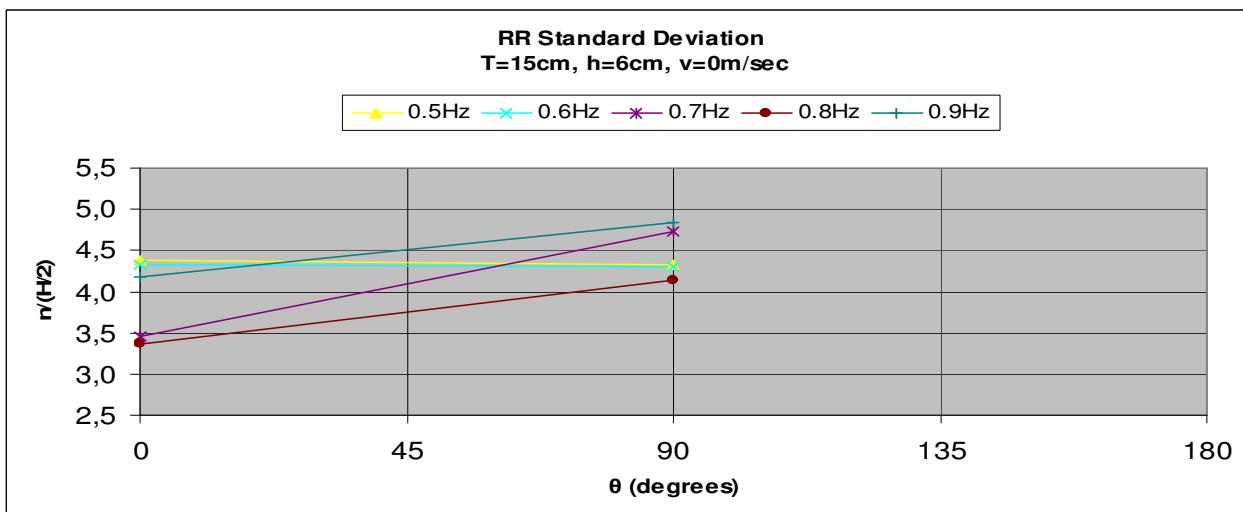
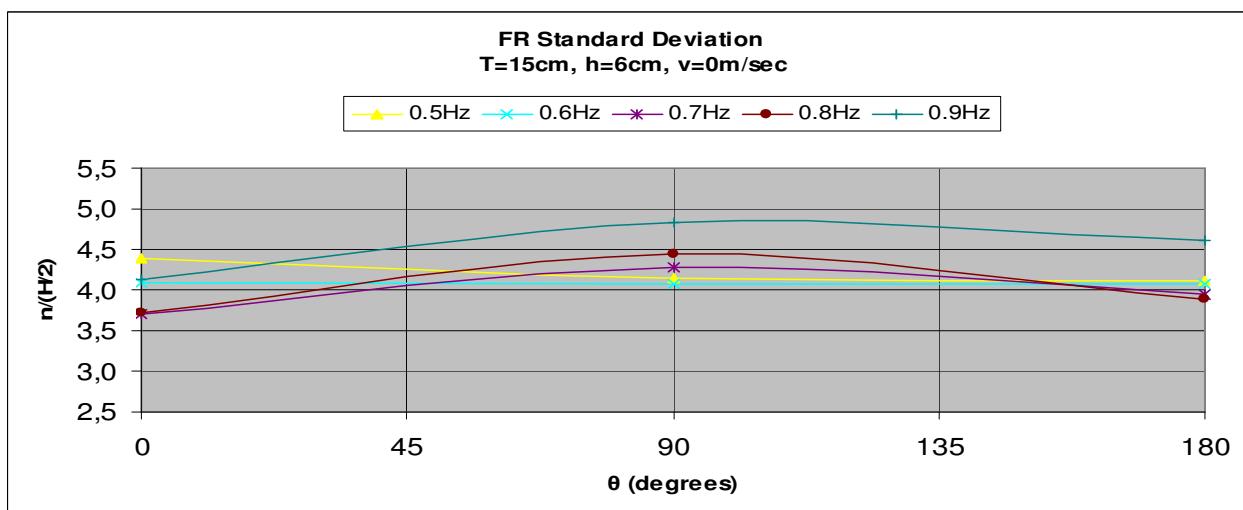
### 3.3.2.4 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2)$ – $f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα

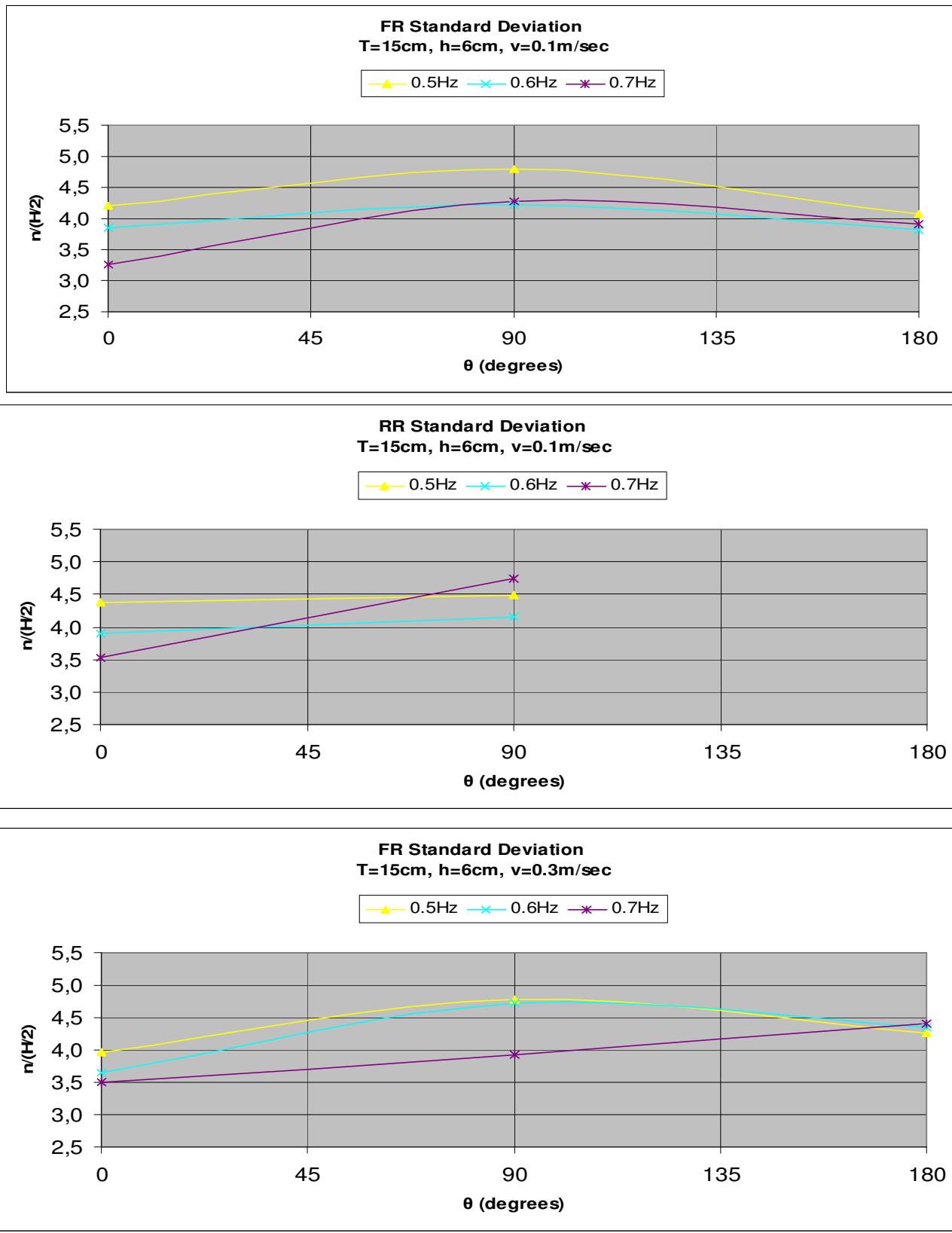


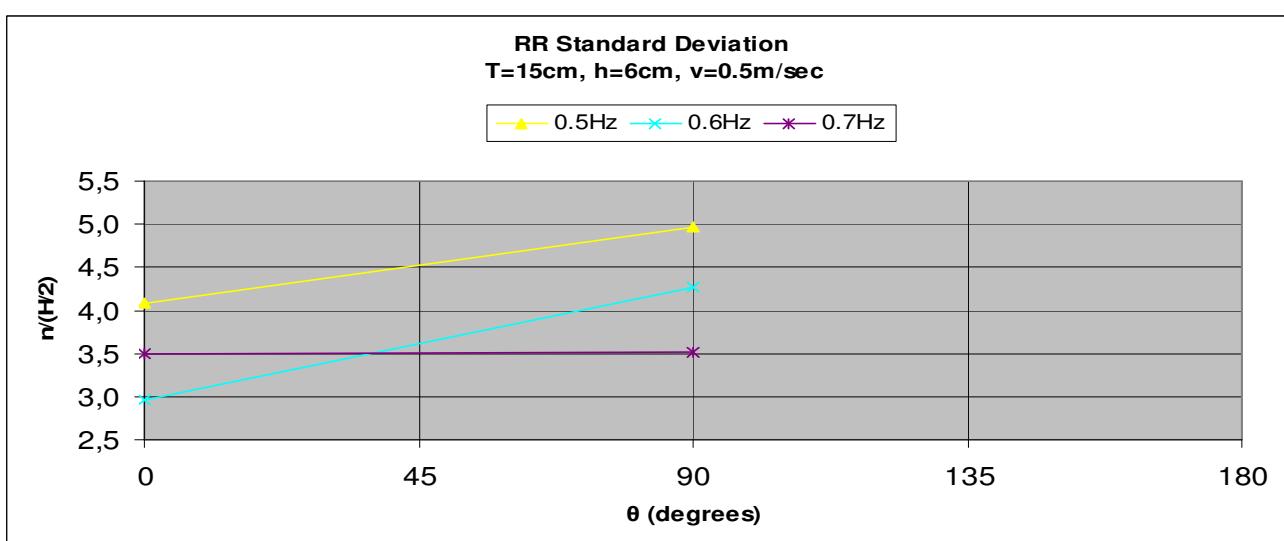
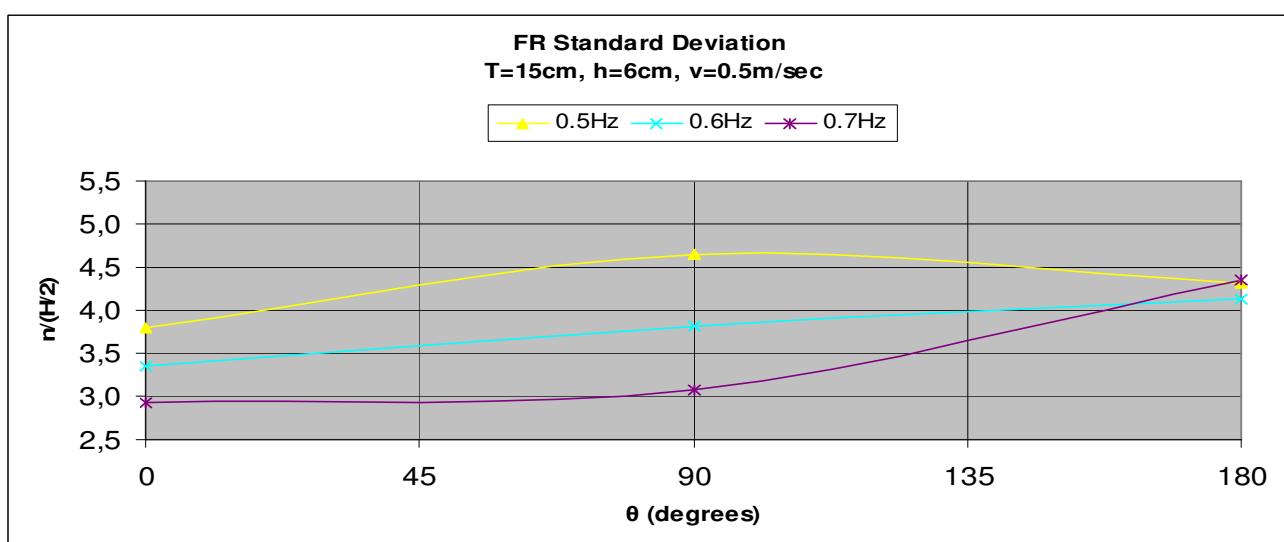
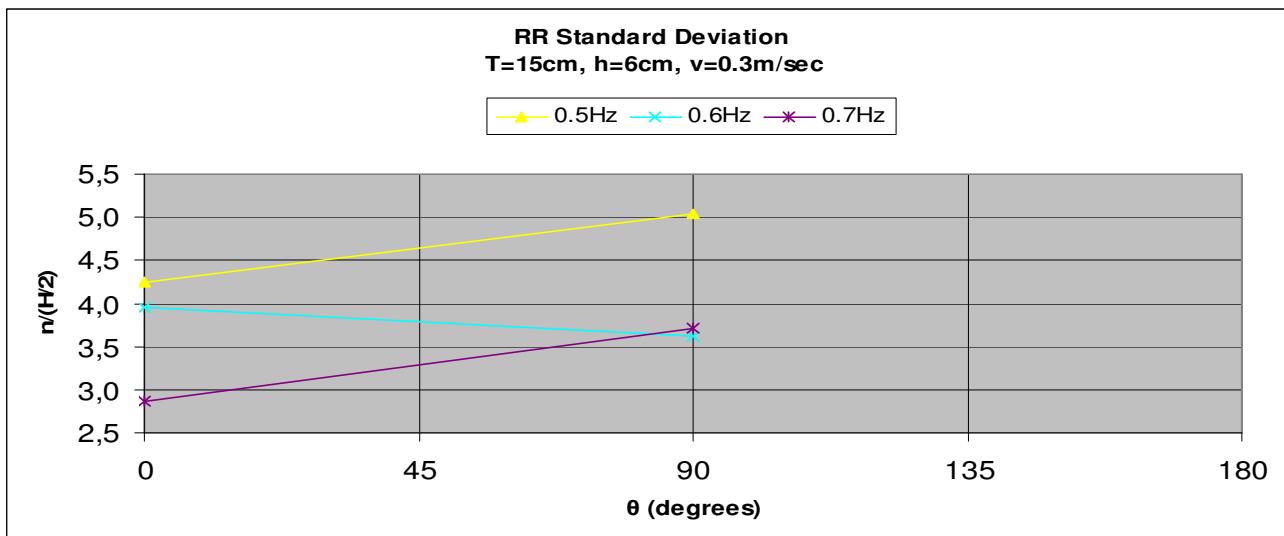


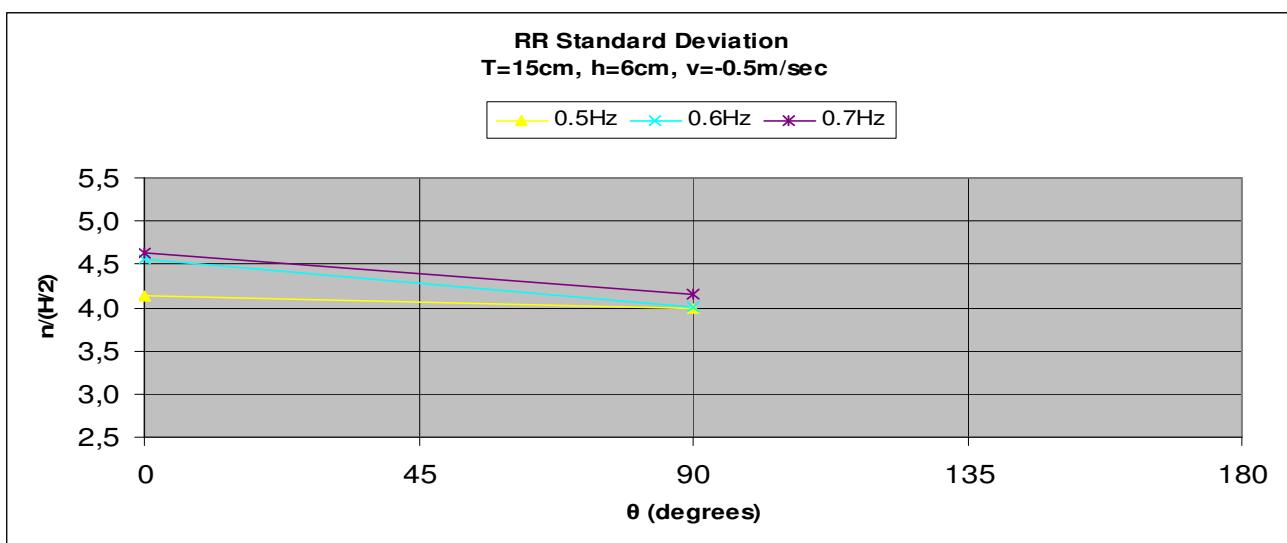
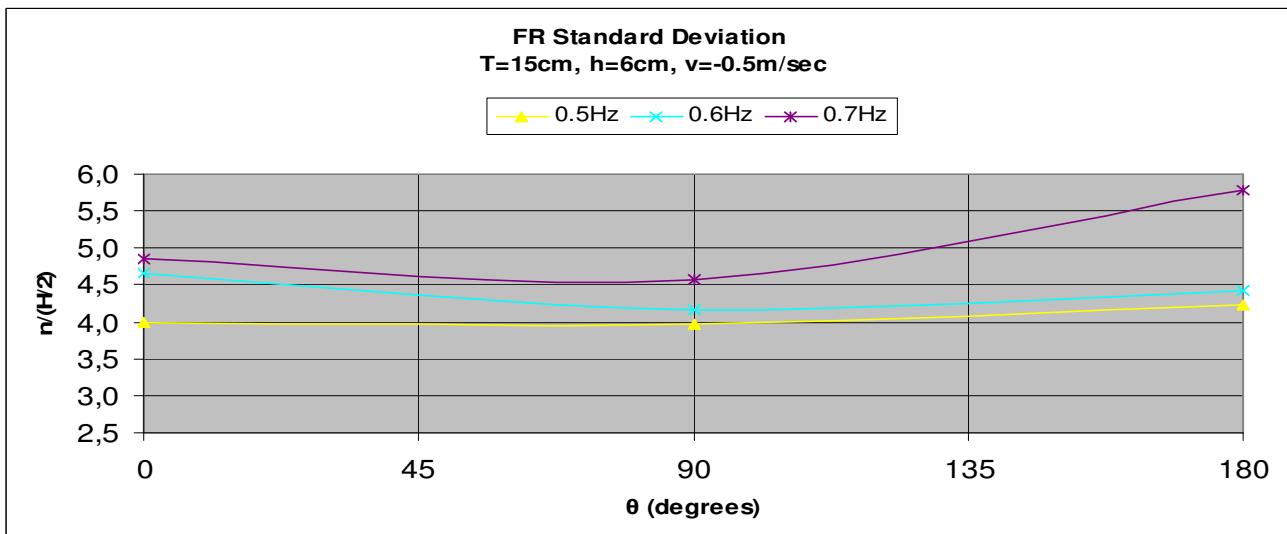


**3.3.2.5 Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  – θ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα**

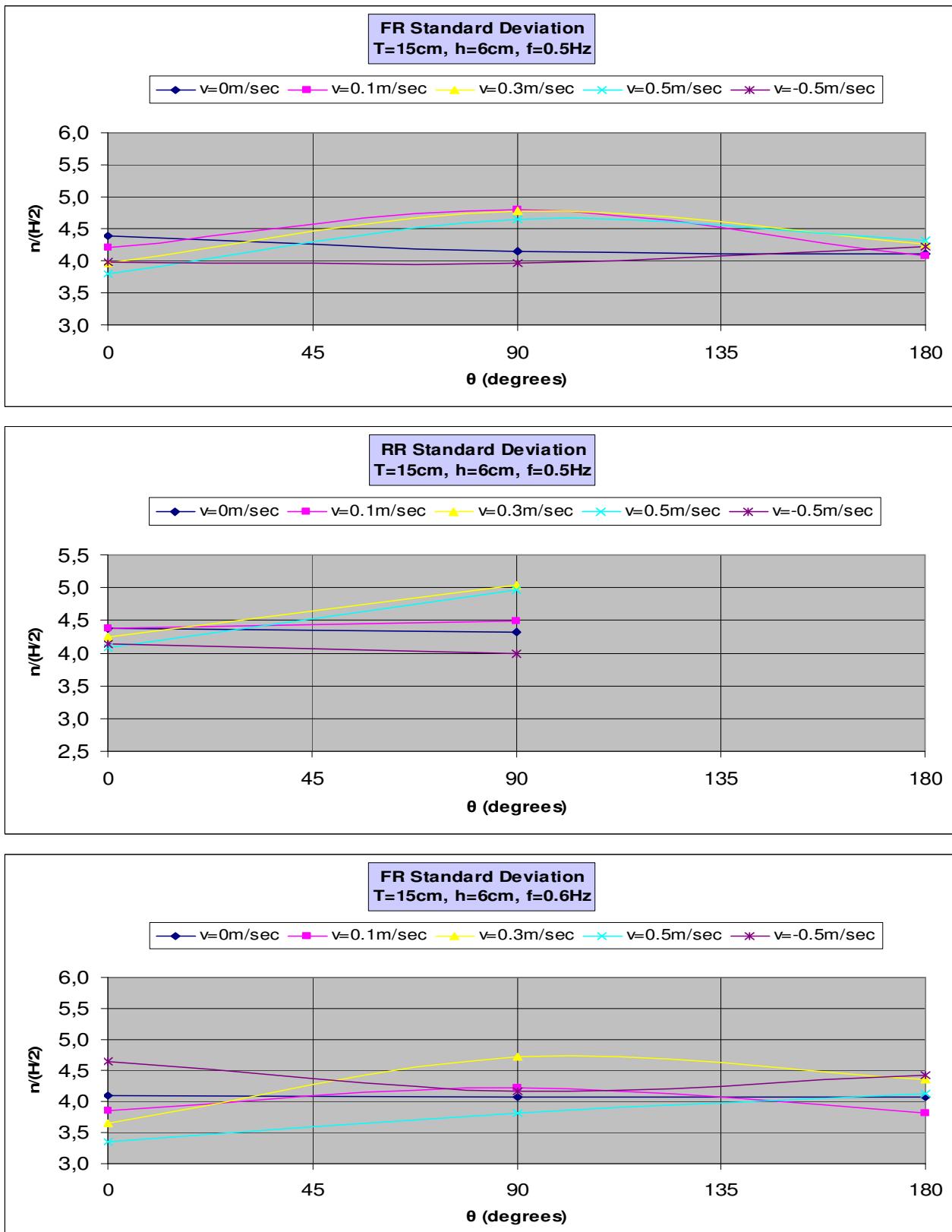


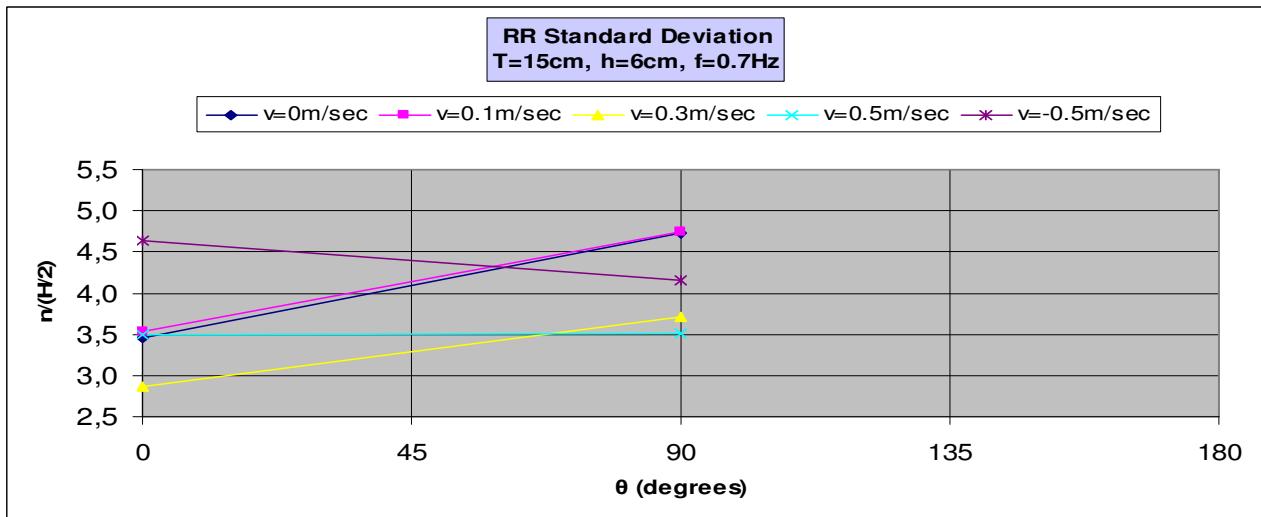
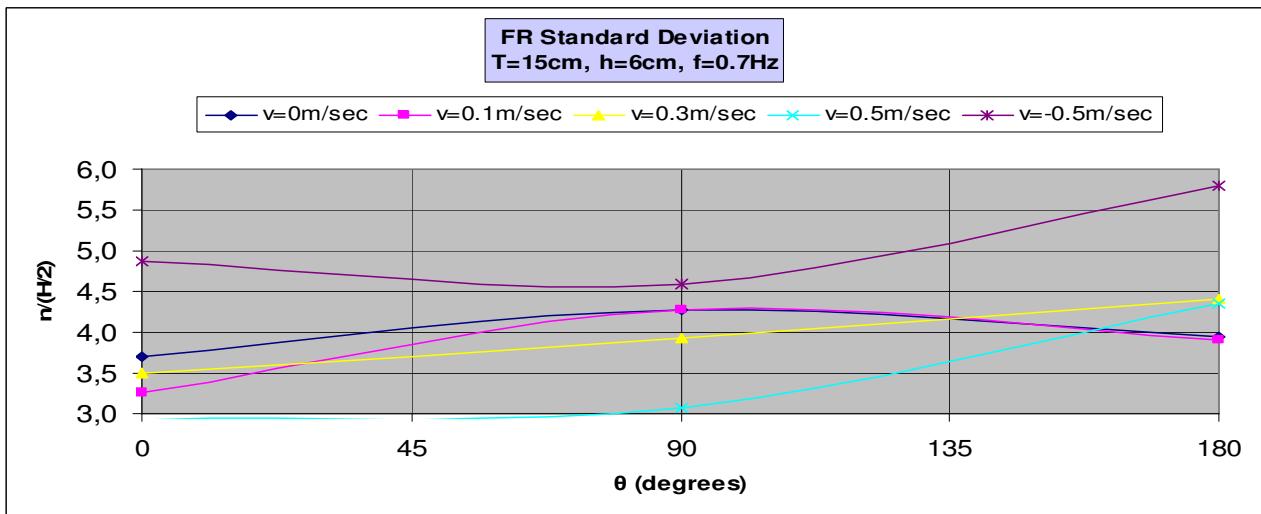
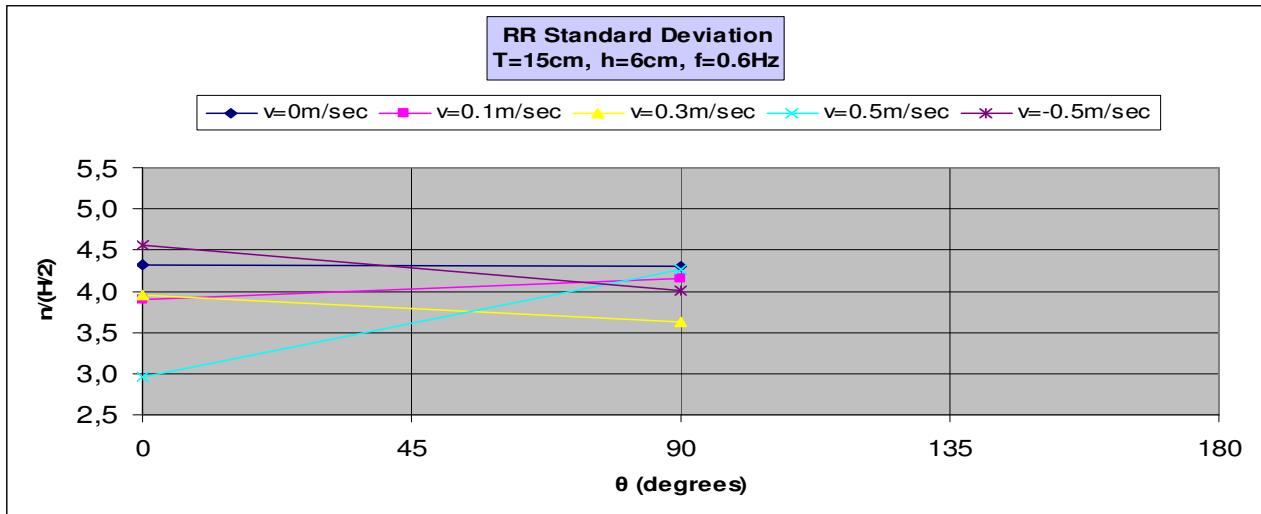




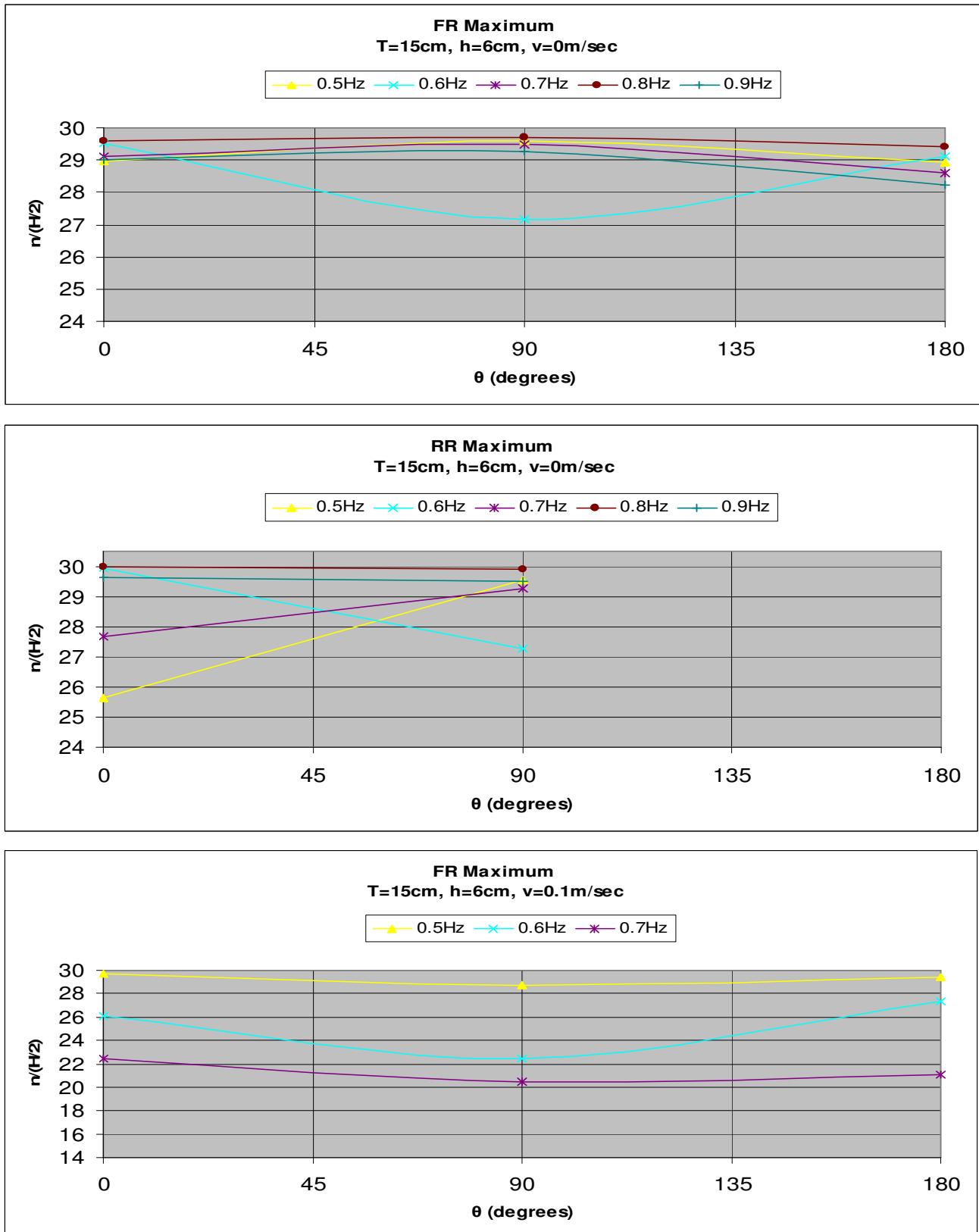


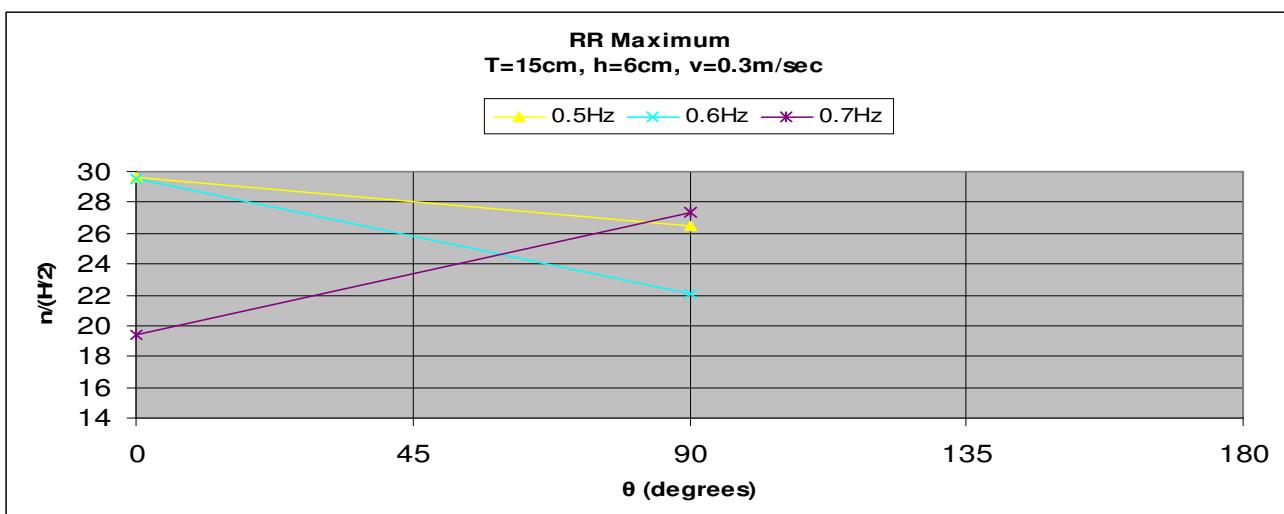
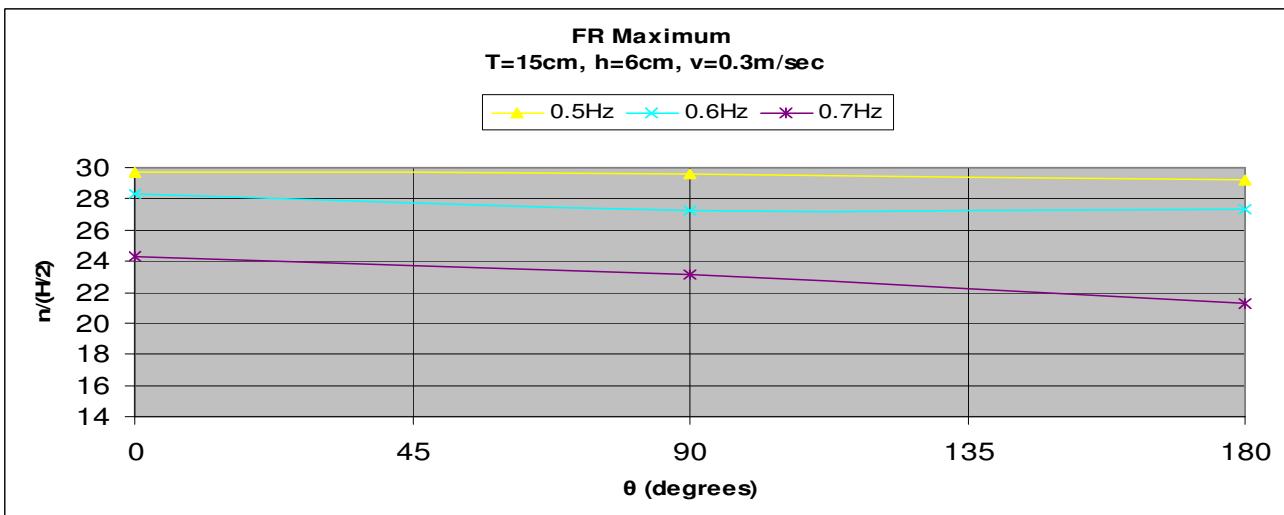
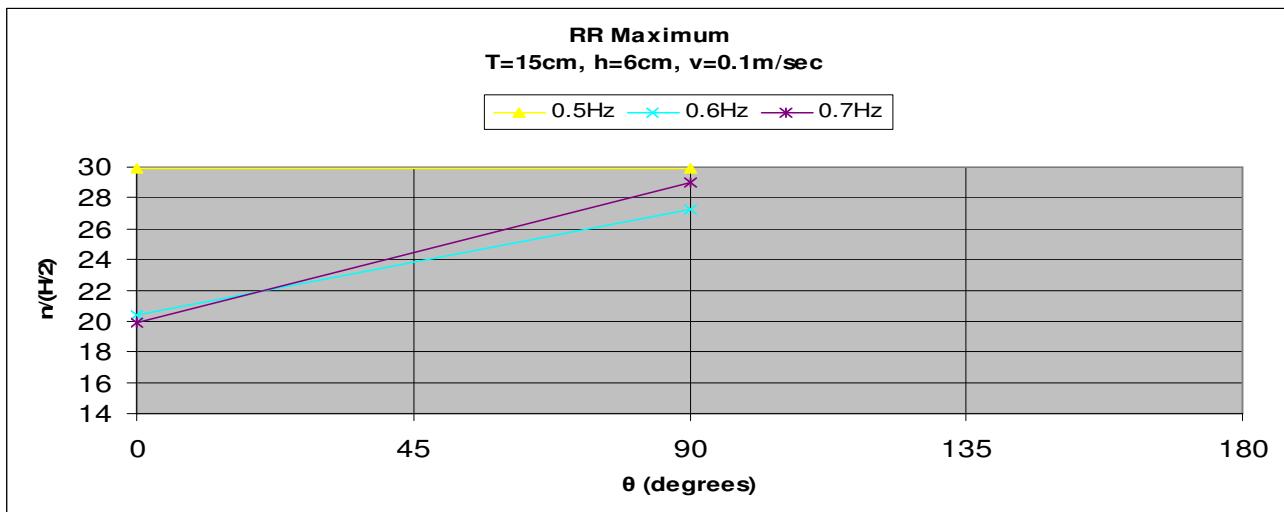
**3.3.2.6 Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  – θ σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα**

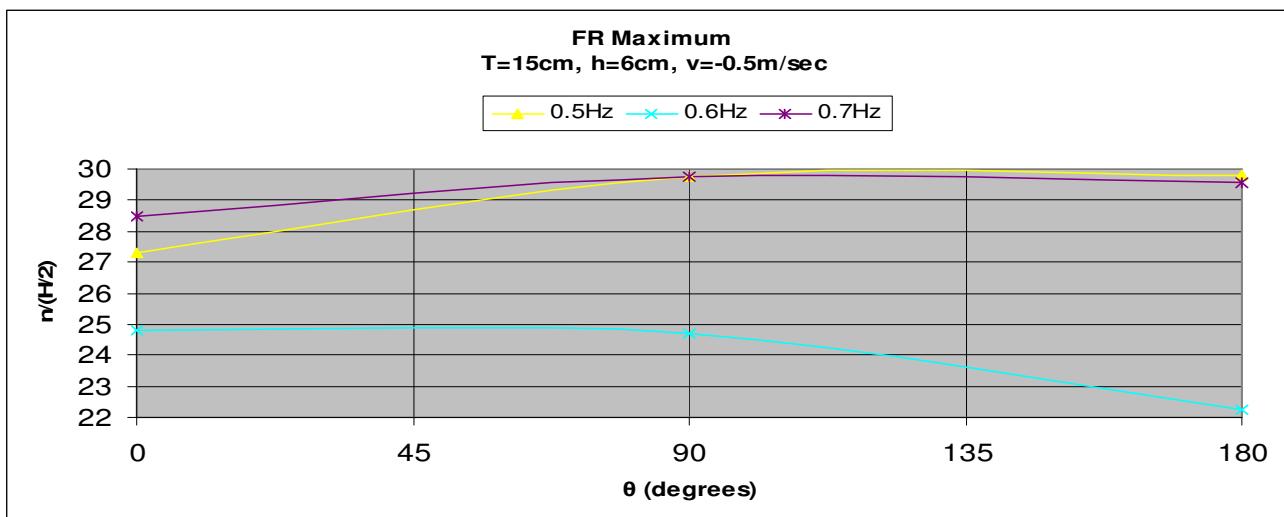
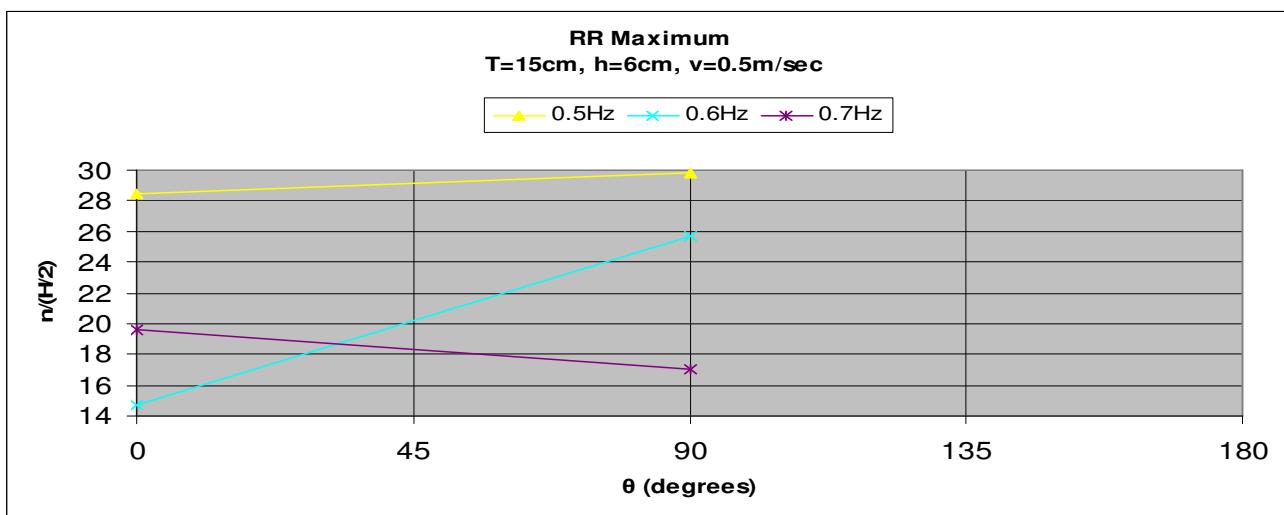
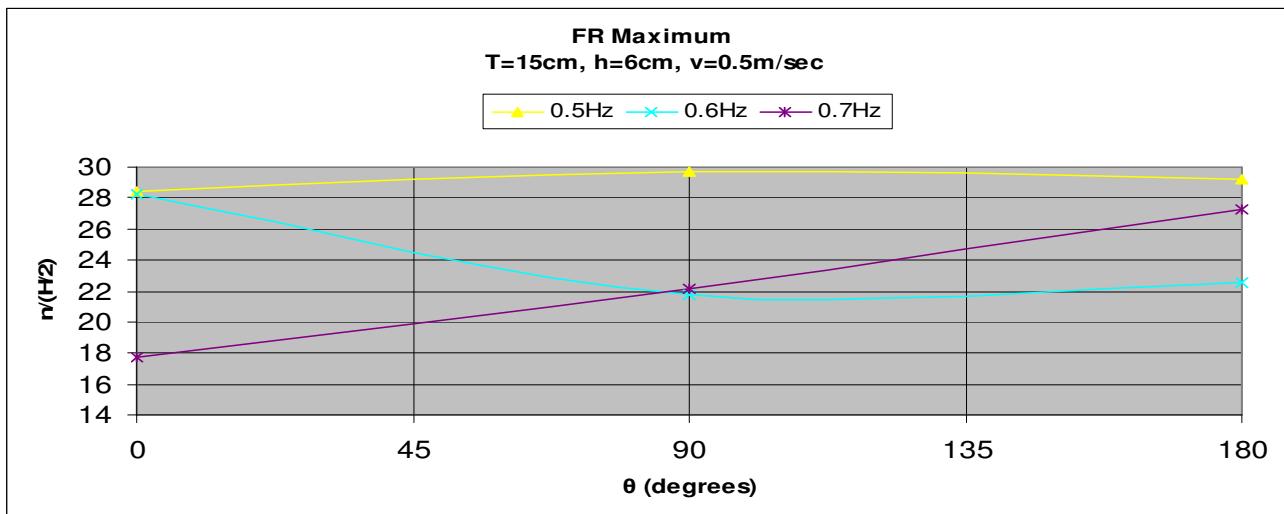


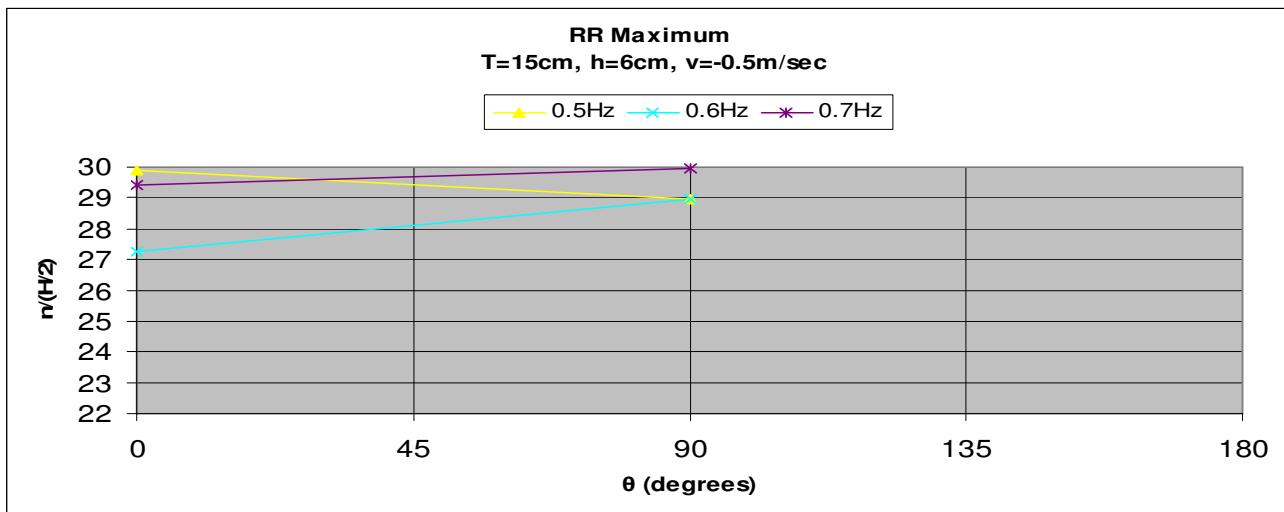


### 3.3.2.7 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2)$ – θ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα

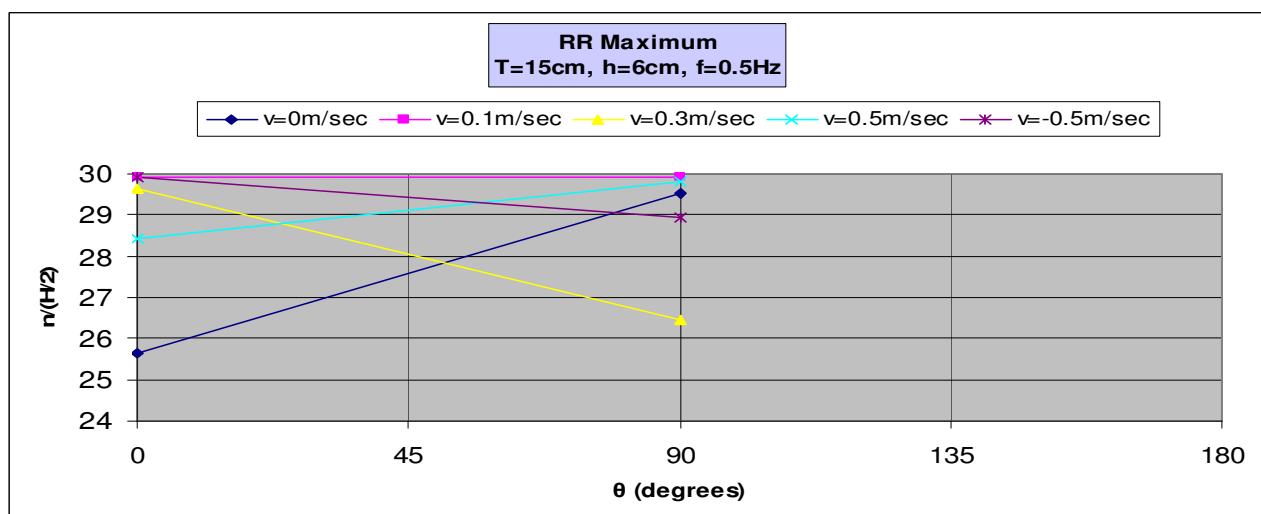
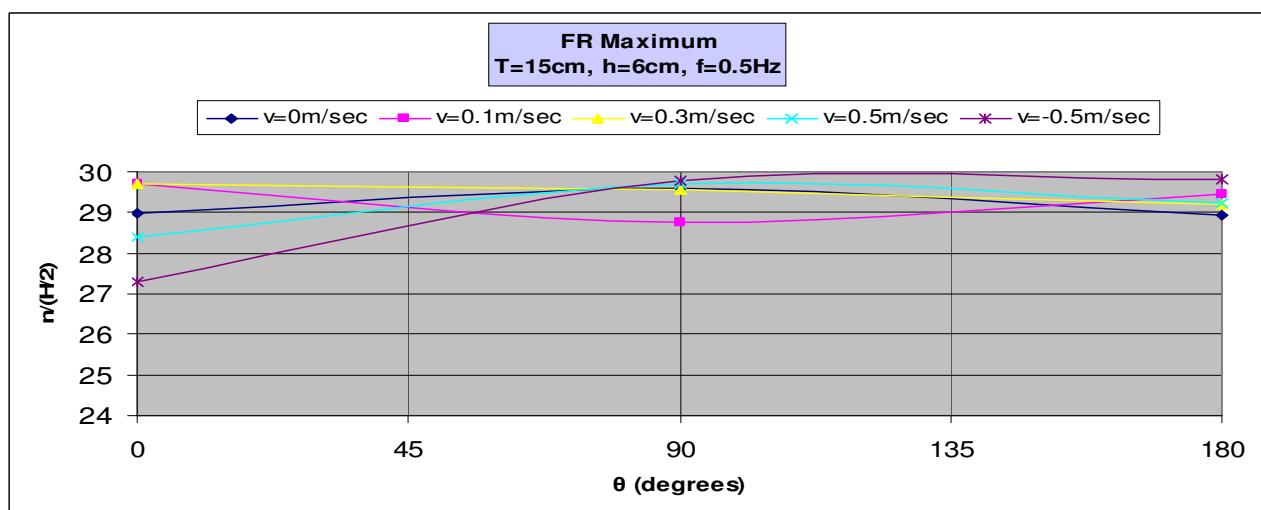


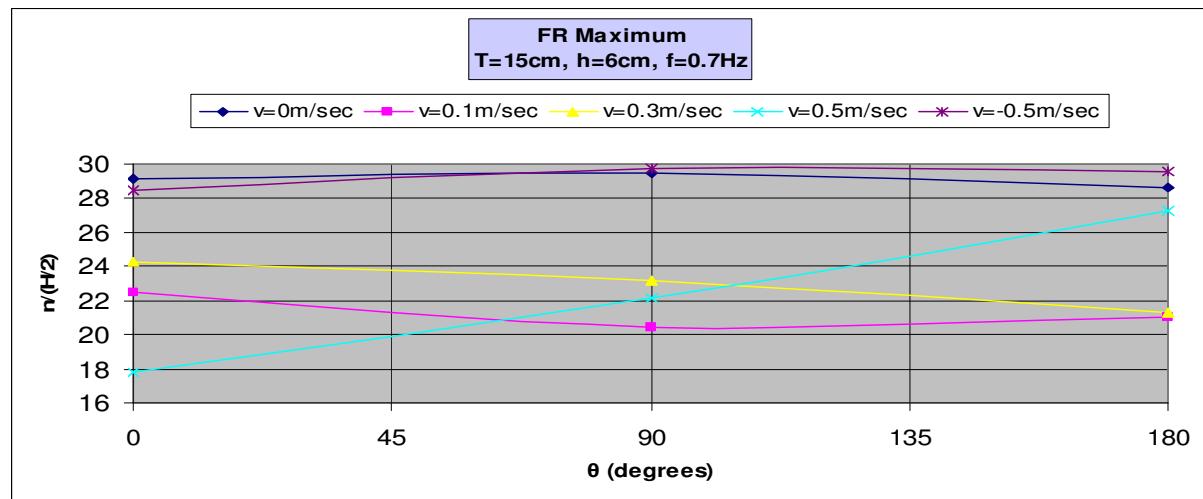
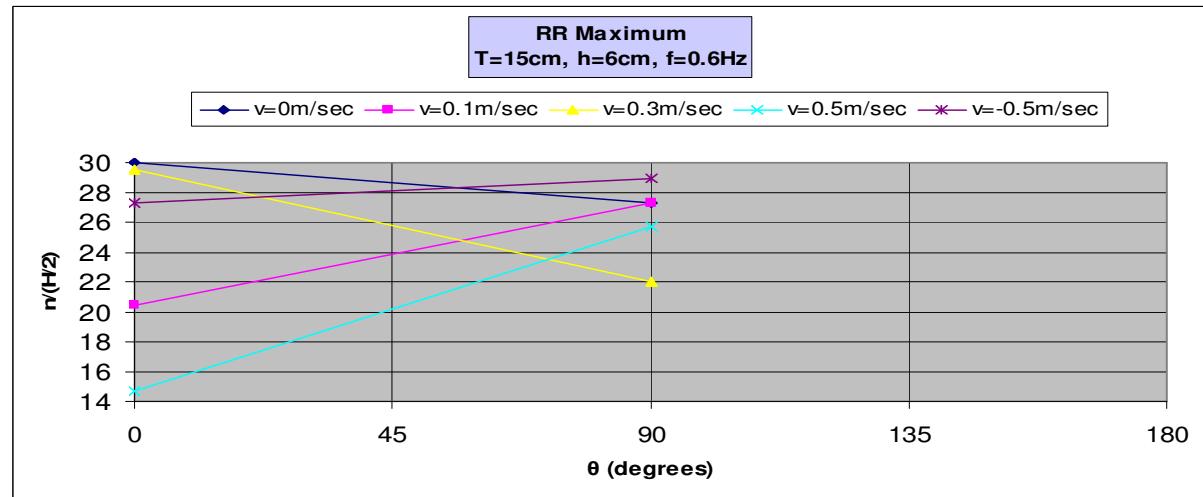
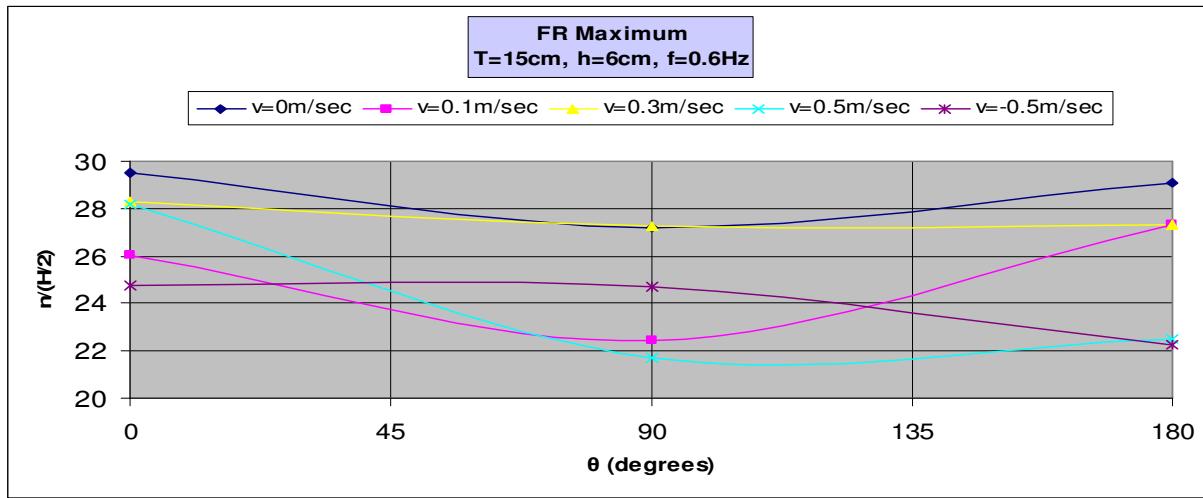


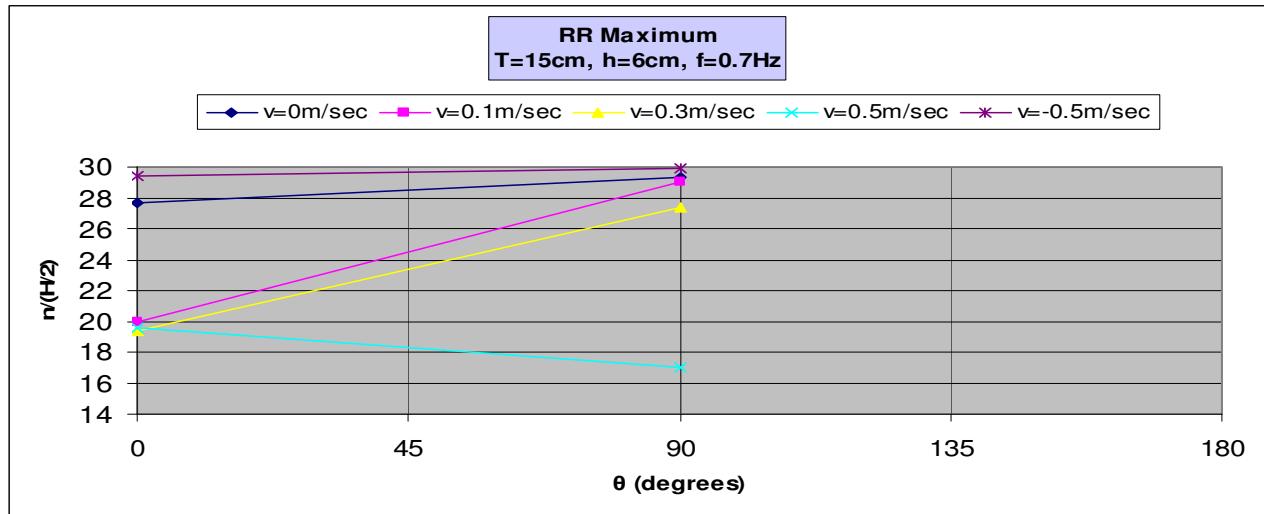




3.3.2.8 Διάγραμμα Maximum  $n/(H/2)$  – θ σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα







**3.3.3 Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για την Πλατφόρμα για h=7cm**

**Standard Deviation για v=0 m/sec**

| f(Hz)      | θ(°) | 0         | 90        | 180       | 0        | 90       |
|------------|------|-----------|-----------|-----------|----------|----------|
| <b>0,6</b> |      | 3,927499  | 4,374442  | 3,989948  | 4,38804  | 4,64785  |
| <b>0,7</b> |      | 3,851654  | 4,330035  | 4,211208  | 3,990617 | 4,62237  |
| <b>0,8</b> |      | 3,788046  | 4,302641  | 3,849652  | 3,426271 | 4,224189 |
| <b>0,9</b> |      | 4,4639665 | 4,7039104 | 5,0689107 | 4,221613 | 4,834841 |

**Maximum για v=0 m/sec**

| f(Hz)      | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
|------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| <b>0,6</b> |      | 24,2909  | 27,47962 | 28,10819 | 27,74904 | 29,25215 |
| <b>0,7</b> |      | 29,30832 | 27,05737 | 27,63583 | 29,89054 | 28,89583 |
| <b>0,8</b> |      | 27,28906 | 26,31298 | 29,60112 | 27,69638 | 27,6512  |
| <b>0,9</b> |      | 29,25165 | 27,93461 | 29,26091 | 29,33237 | 29,84332 |

**Standard Deviation για v=0,1 m/sec**

| f(Hz)      | θ(°) | 0         | 90        | 180       | 0        | 90       |
|------------|------|-----------|-----------|-----------|----------|----------|
| <b>0,6</b> |      | 3,9064246 | 4,3467803 | 3,8926448 | 4,254115 | 4,862631 |
| <b>0,7</b> |      | 3,6645488 | 4,4663992 | 4,5800974 | 3,564899 | 4,21562  |

**Maximum για v=0,1 m/sec**

| f(Hz)      | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
|------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| <b>0,6</b> |      | 28,40713 | 28,90194 | 27,63592 | 29,94513 | 29,36044 |
| <b>0,7</b> |      | 28,34529 | 29,92617 | 29,96891 | 28,51517 | 28,30477 |

**Standard Deviation για v=0,3 m/sec**

| f(Hz)      | θ(°) | 0        | 90        | 180       | 0        | 90       |
|------------|------|----------|-----------|-----------|----------|----------|
| <b>0,6</b> |      | 3,71209  | 4,3493882 | 4,1943313 | 3,853974 | 4,451205 |
| <b>0,7</b> |      | 3,573596 | 3,9814687 | 4,5195029 | 3,600824 | 3,854684 |

**Maximum για v=0,3 m/sec**

| f(Hz)      | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
|------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| <b>0,6</b> |      | 28,40713 | 29,83692 | 29,83732 | 29,71854 | 29,88011 |
| <b>0,7</b> |      | 29,9145  | 29,4458  | 28,51127 | 28,31662 | 29,91593 |

**Standard Deviation για v=0,5 m/sec**

| f(Hz)      | θ(°) | 0         | 90        | 180       | 0        | 90       |
|------------|------|-----------|-----------|-----------|----------|----------|
| <b>0,6</b> |      | 3,4630291 | 3,9102663 | 4,252185  | 3,575549 | 3,733396 |
| <b>0,7</b> |      | 3,2796494 | 3,5107986 | 4,3443092 | 3,355857 | 3,752832 |

**Maximum για v=0,5 m/sec**

| f(Hz)      | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
|------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| <b>0,6</b> |      | 28,97362 | 29,30004 | 29,89332 | 27,0698  | 29,00504 |
| <b>0,7</b> |      | 28,77658 | 29,21135 | 29,75161 | 27,18109 | 29,24995 |

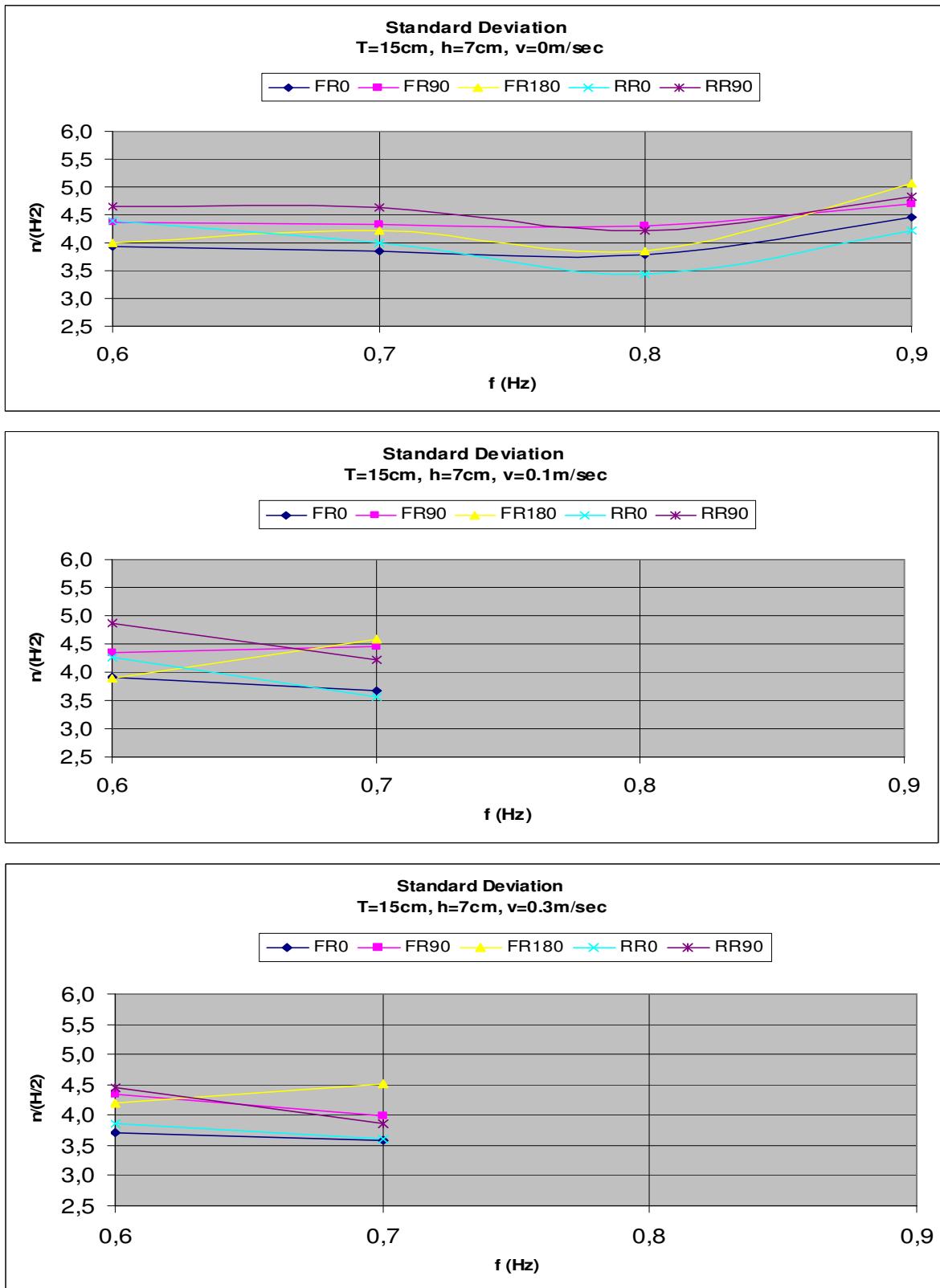
**Standard Deviation για v=-0,5 m/sec**

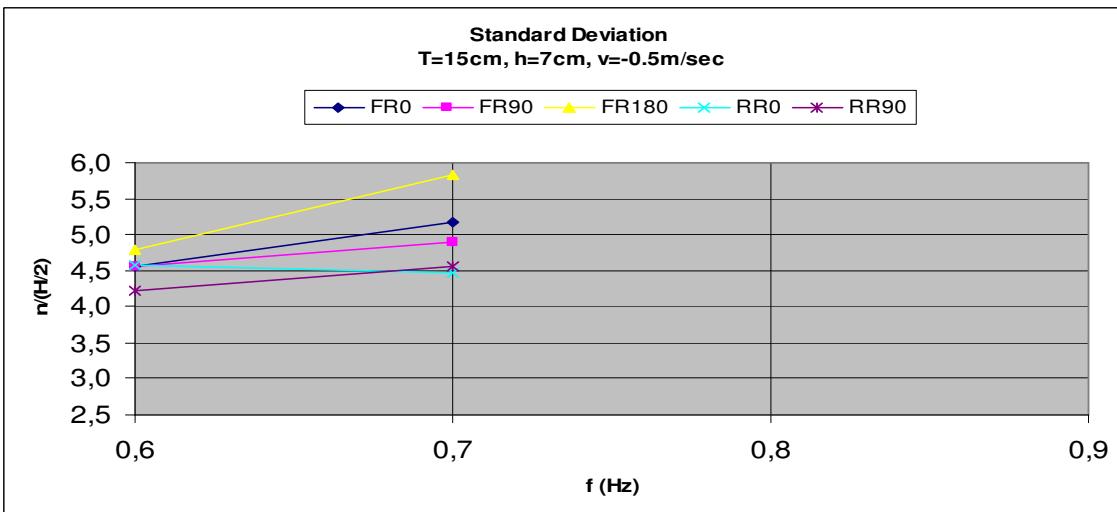
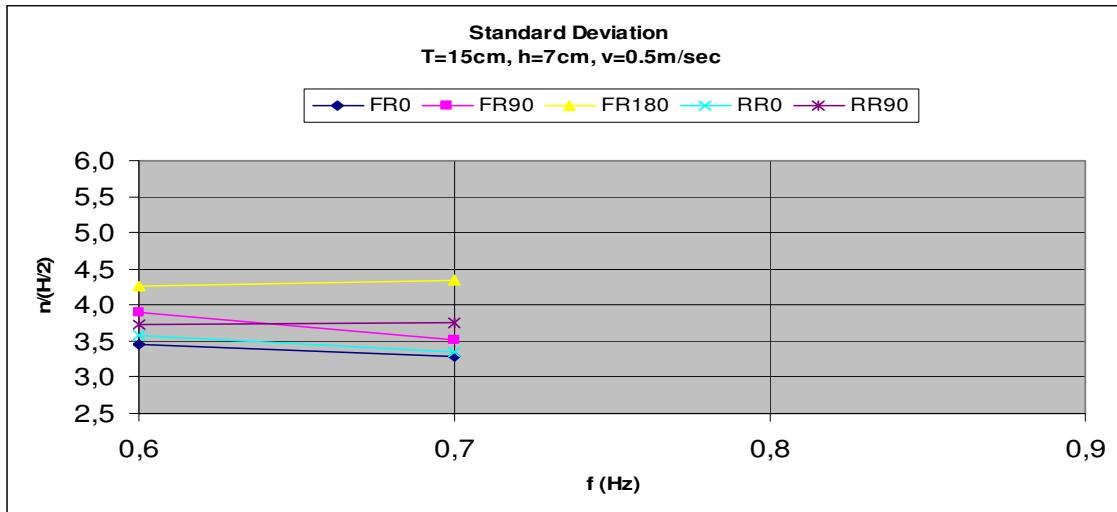
| f(Hz)      | θ(°) | 0         | 90        | 180       | 0        | 90       |
|------------|------|-----------|-----------|-----------|----------|----------|
| <b>0,6</b> |      | 4,5553465 | 4,5599286 | 4,7952251 | 4,577104 | 4,219778 |
| <b>0,7</b> |      | 5,1778427 | 4,8963983 | 5,8339483 | 4,470639 | 4,558565 |

**Maximum για v=-0,5 m/sec**

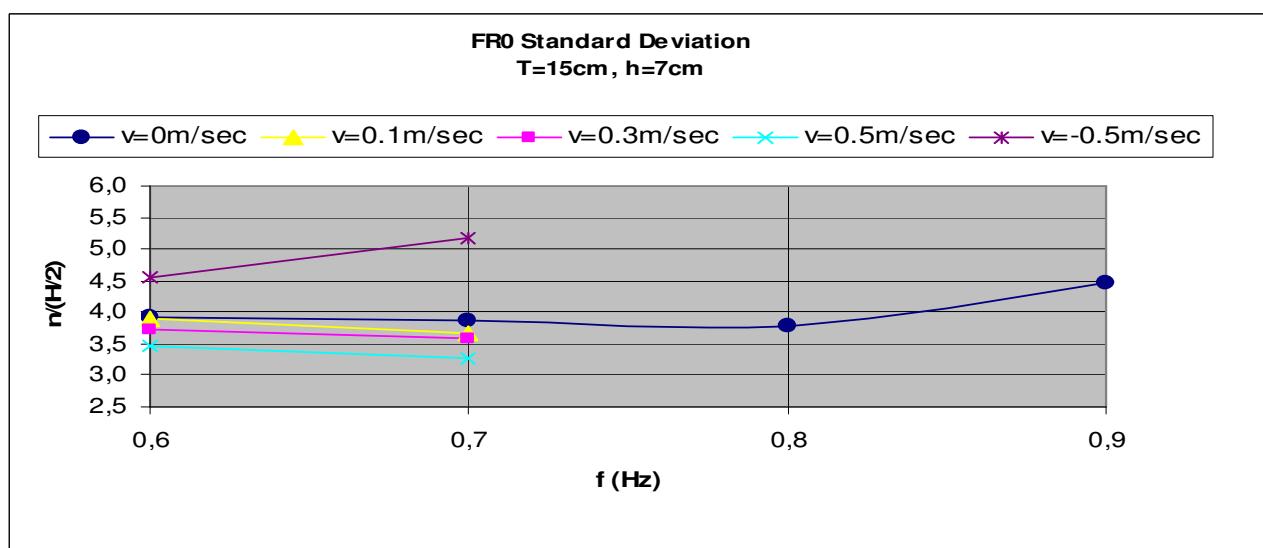
| f(Hz)      | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
|------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| <b>0,6</b> |      | 27,51012 | 29,82042 | 27,5704  | 28,10177 | 29,73993 |
| <b>0,7</b> |      | 29,196   | 29,77186 | 28,80124 | 29,92397 | 28,36172 |

### 3.3.3.1 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2)$ – f σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία

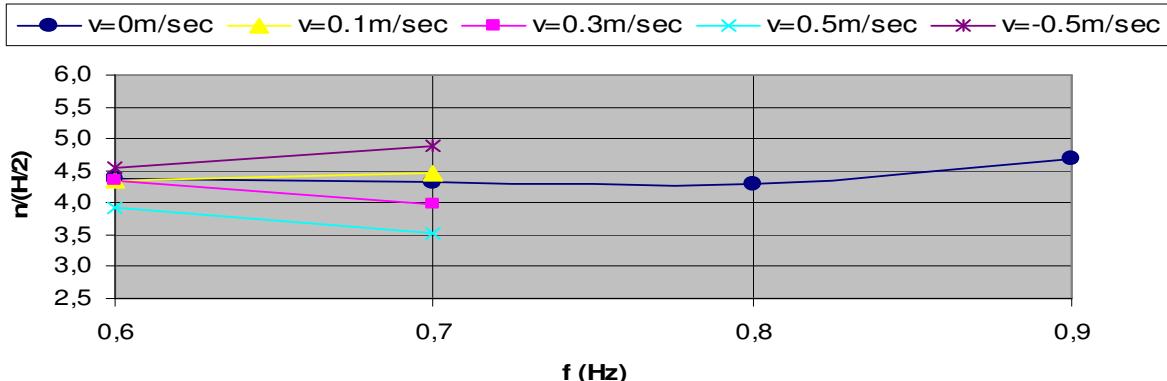




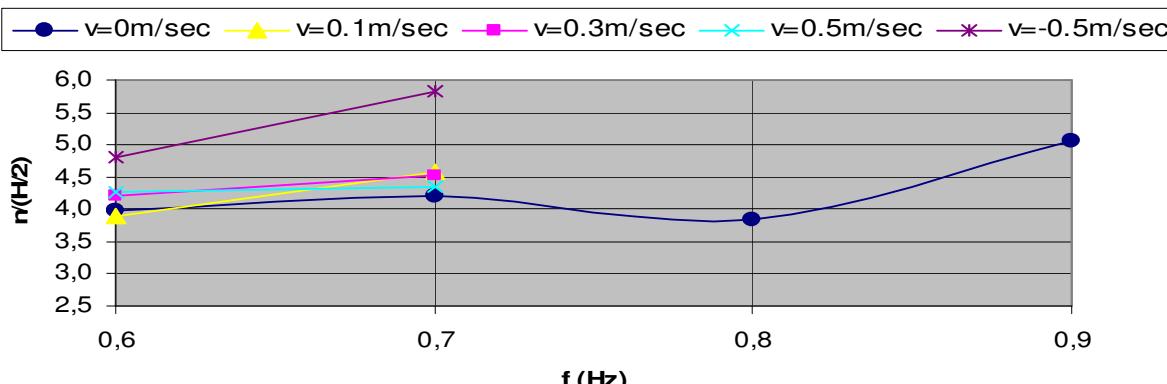
### 3.3.3.2 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2)$ – $f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα



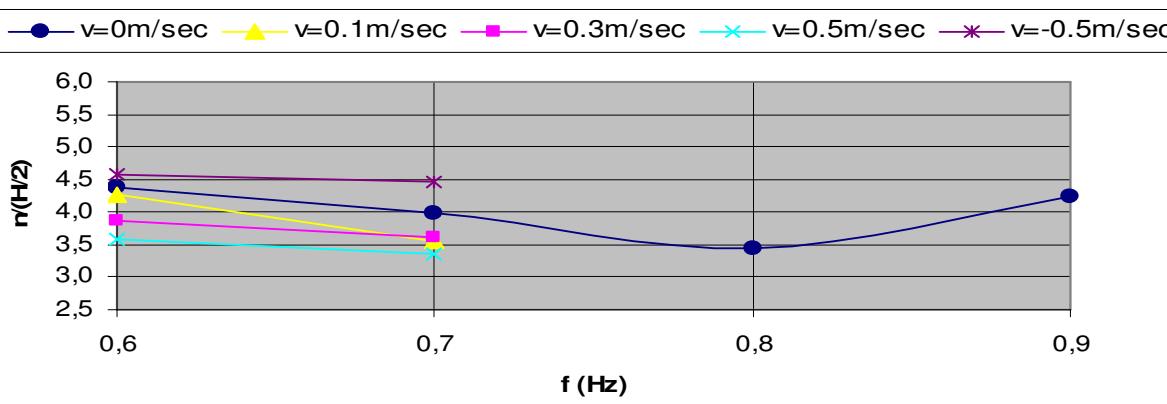
**FR90 Standard Deviation**  
**T=15cm, h=7cm**

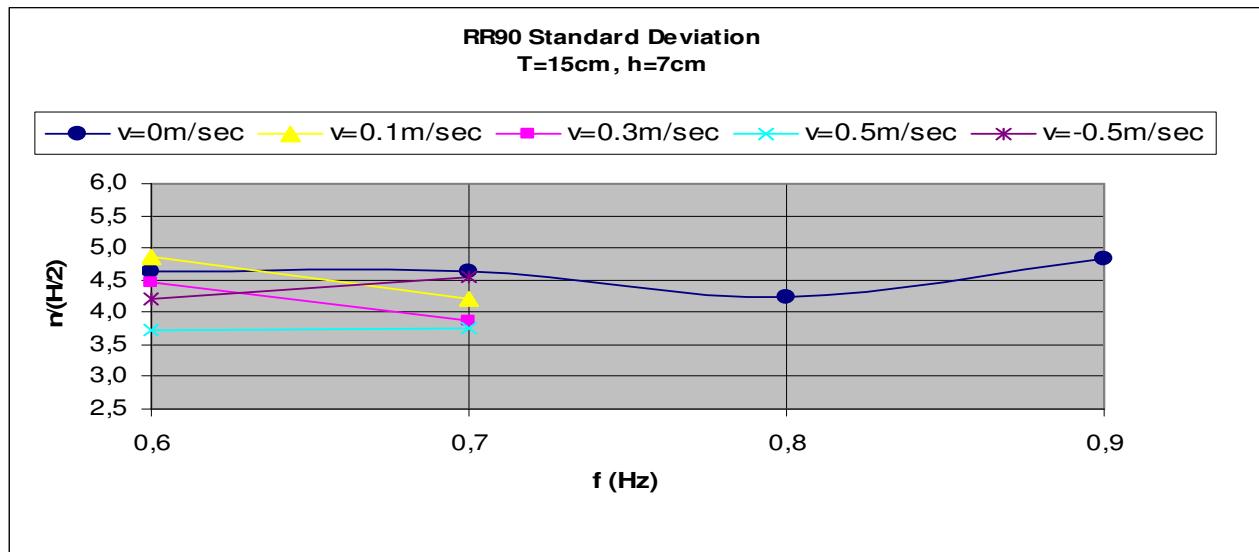


**FR180 Standard Deviation**  
**T=15cm, h=7cm**

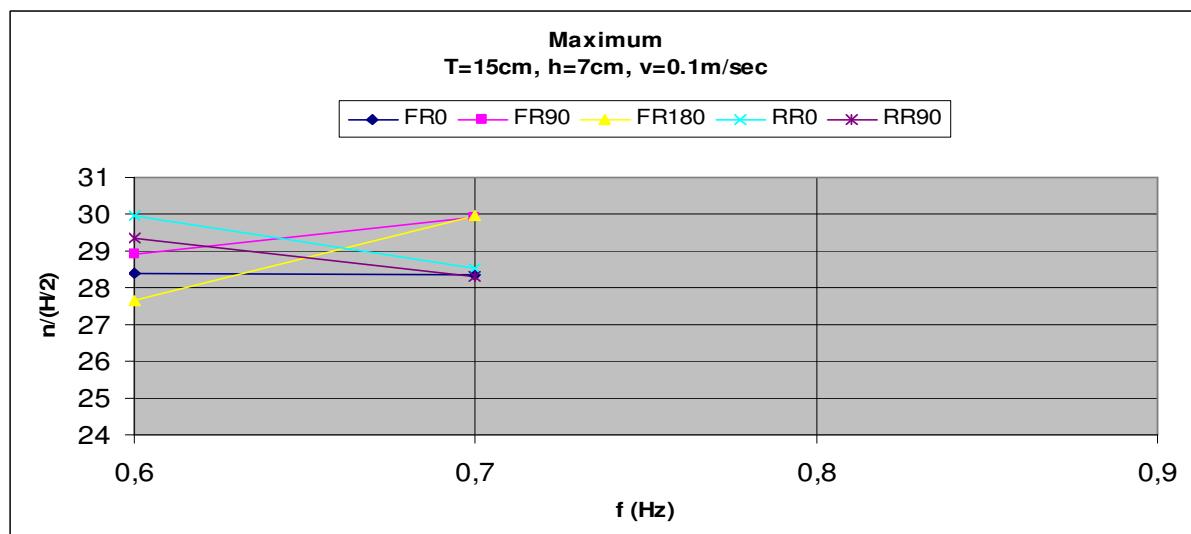
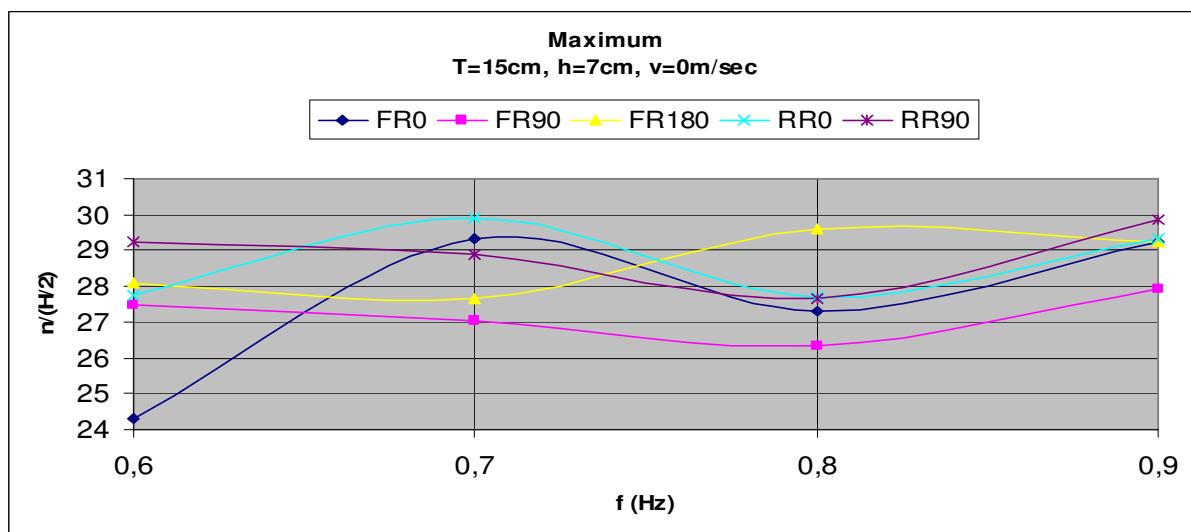


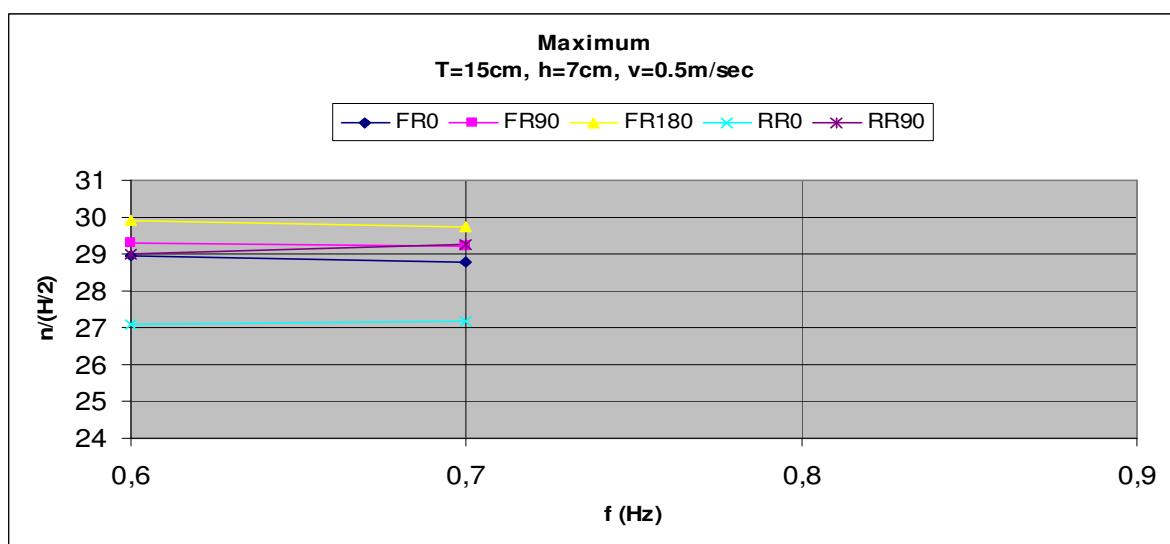
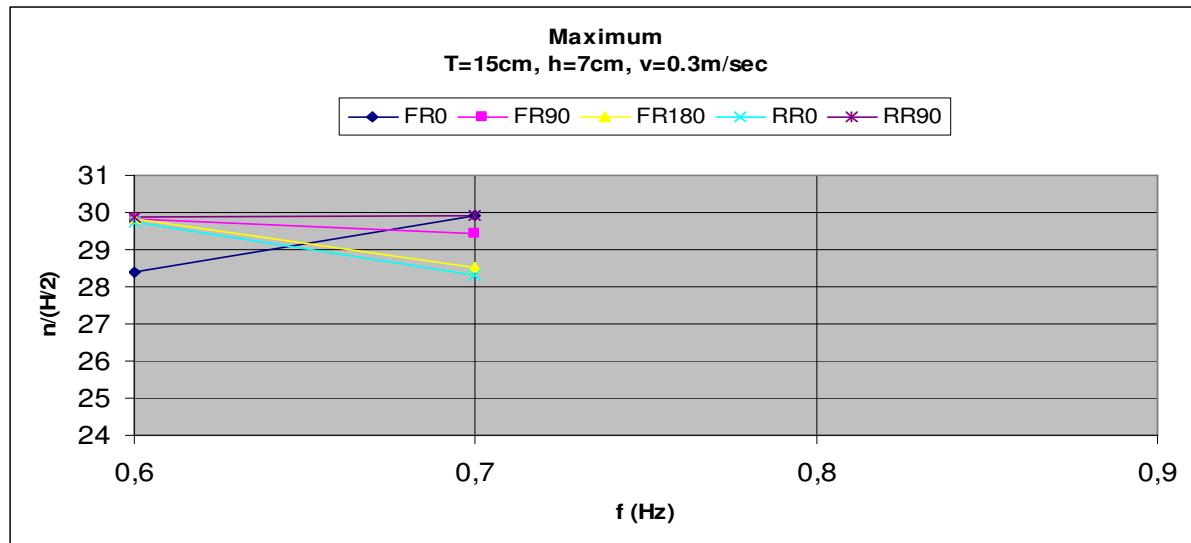
**RR0 Standard Deviation**  
**T=15cm, h=7cm**



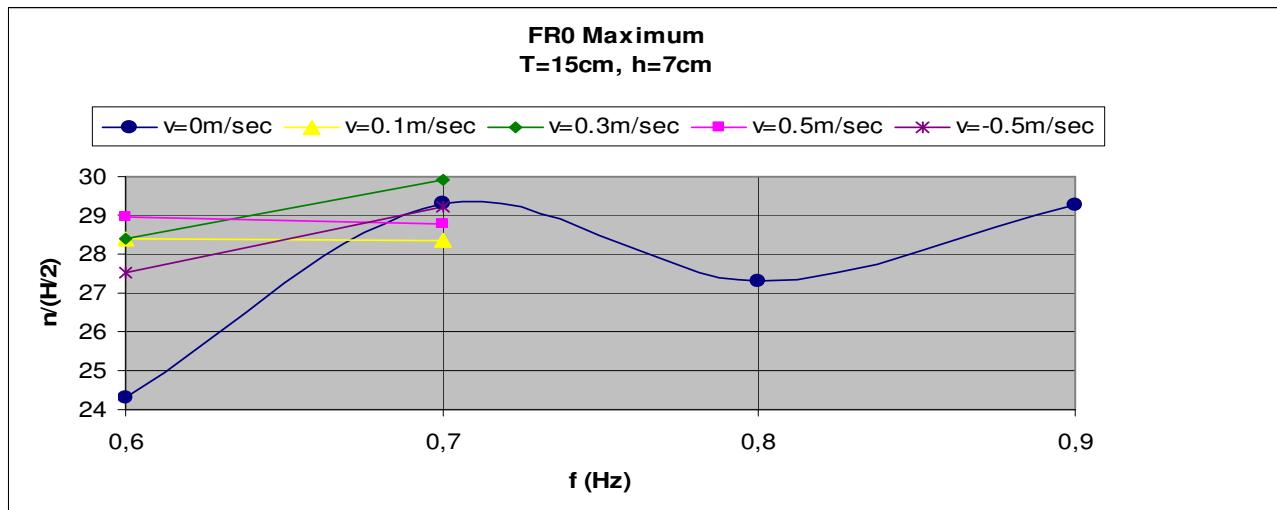


### 3.3.3.3 Διάγραμμα Maximum n/(H/2) – f σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία

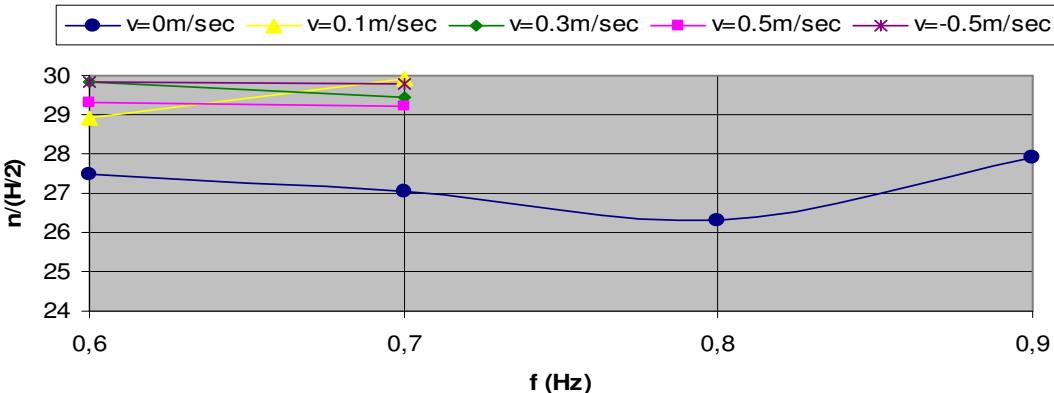




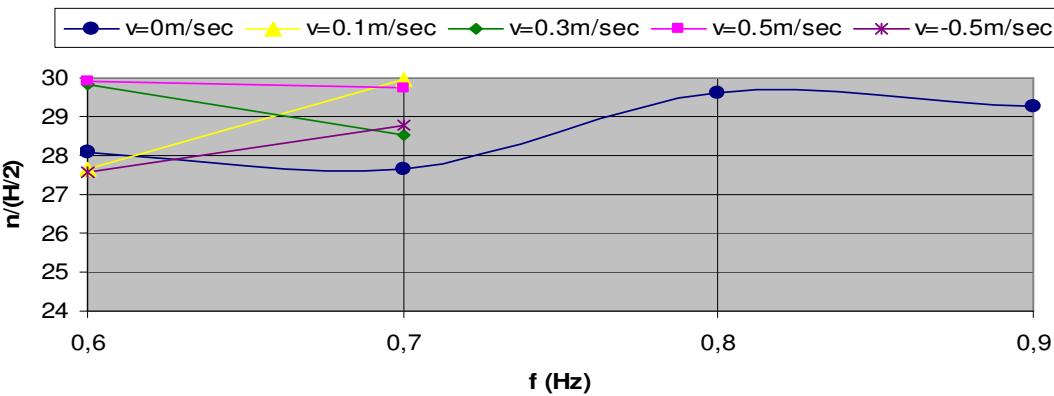
### 3.3.3.4 Διάγραμμα Maximum n/(H/2) – f σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα



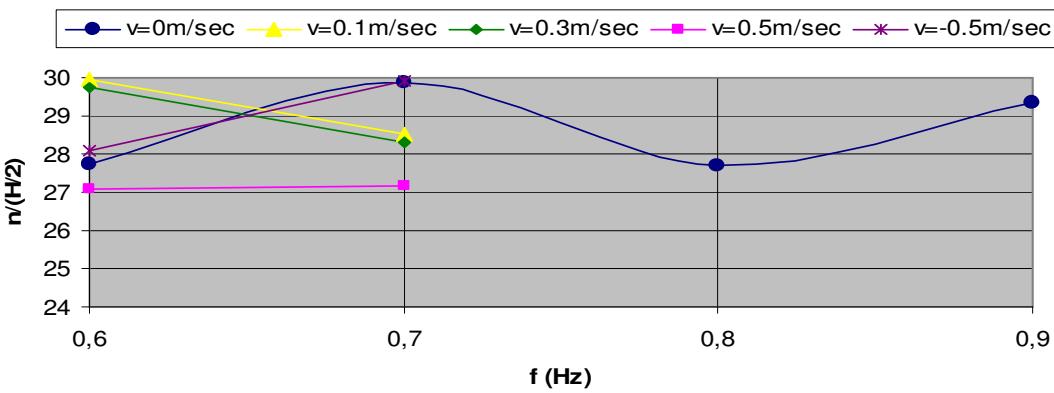
**FR90 Maximum**  
**T=15cm, h=7cm**

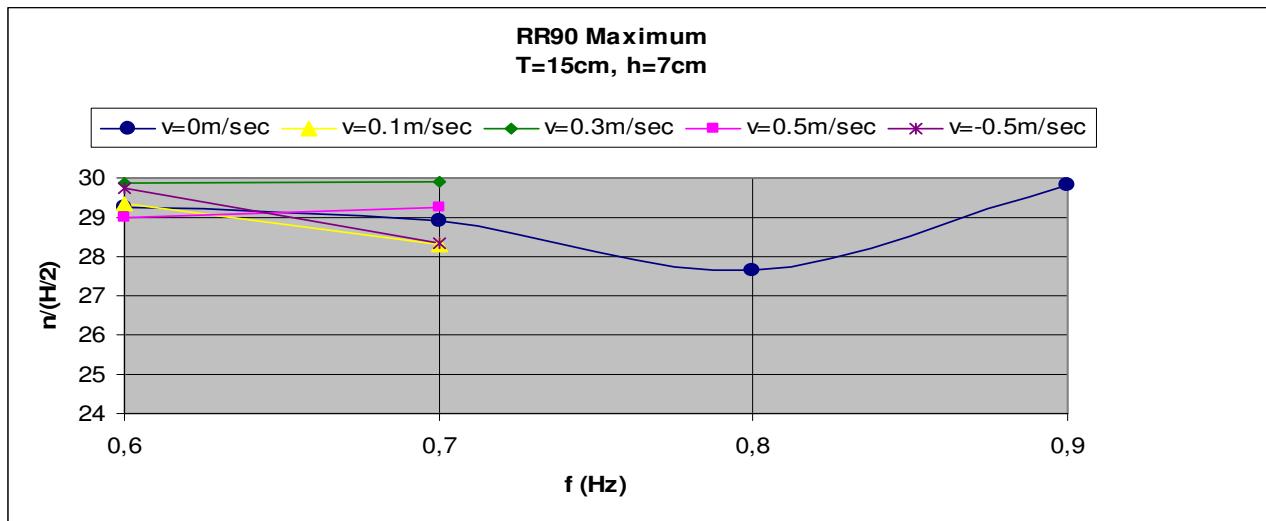


**FR180 Maximum**  
**T=15cm, h=7cm**

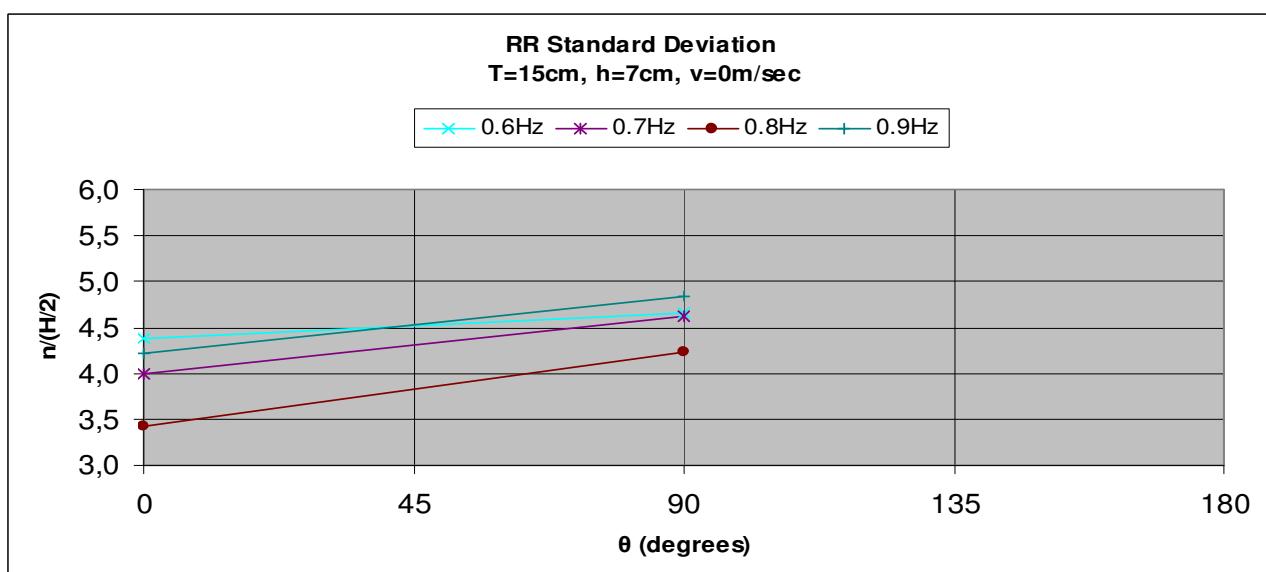
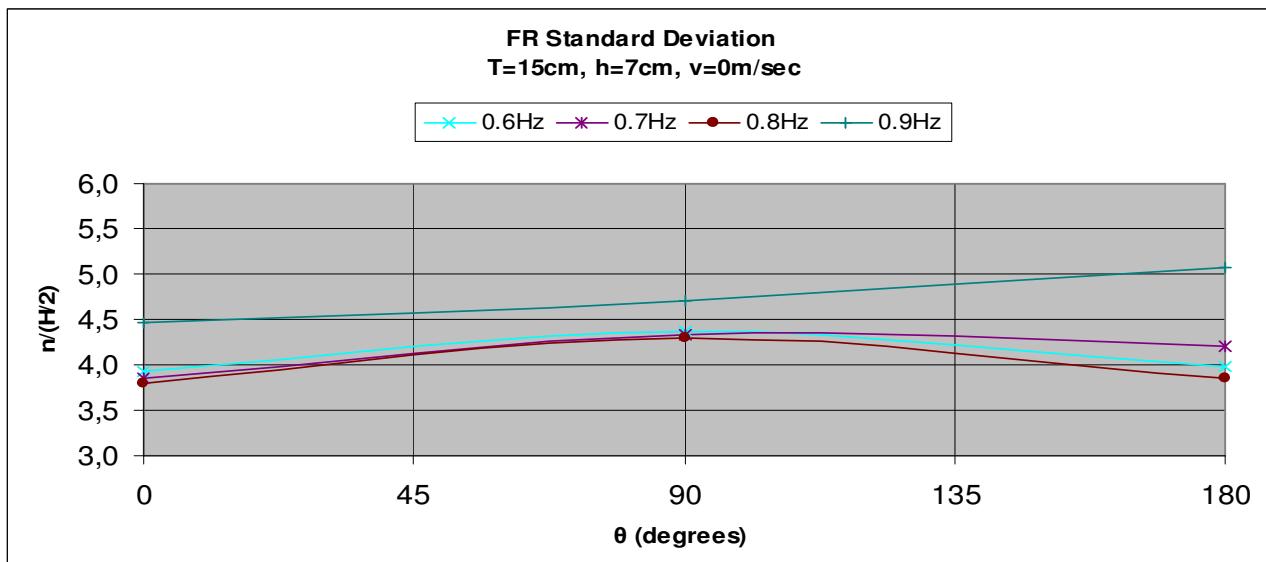


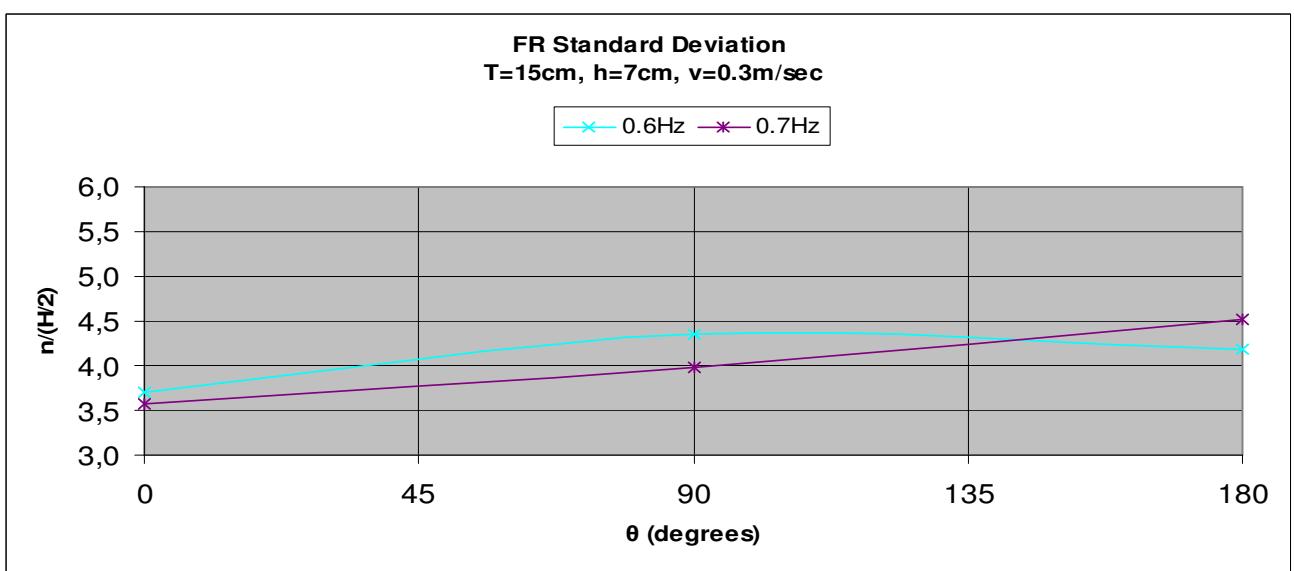
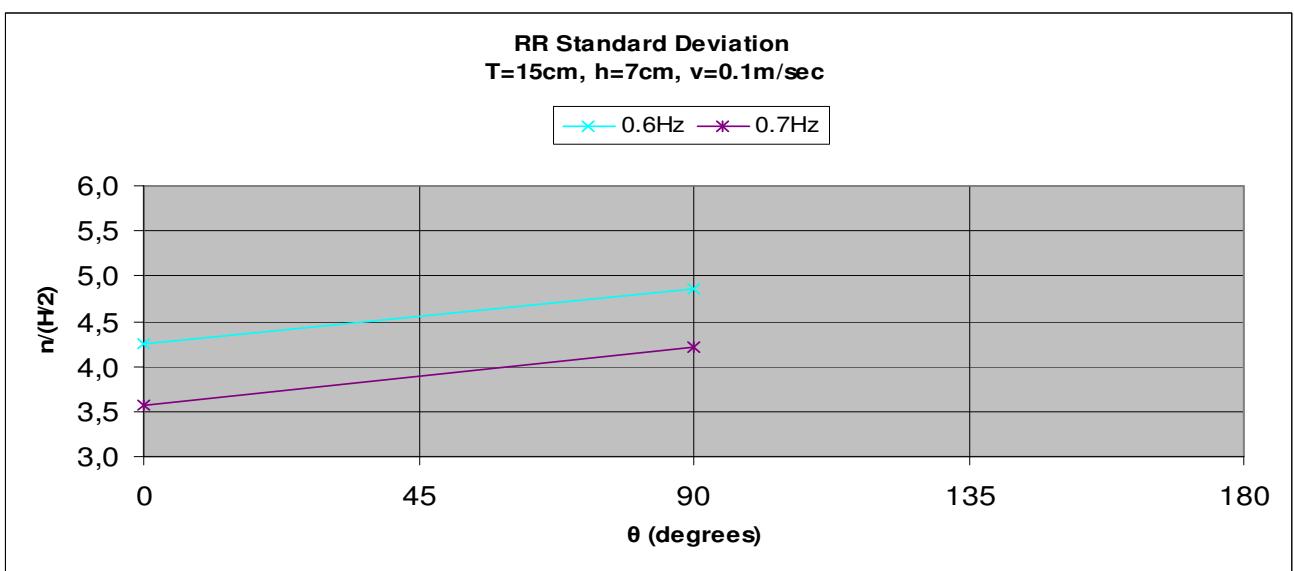
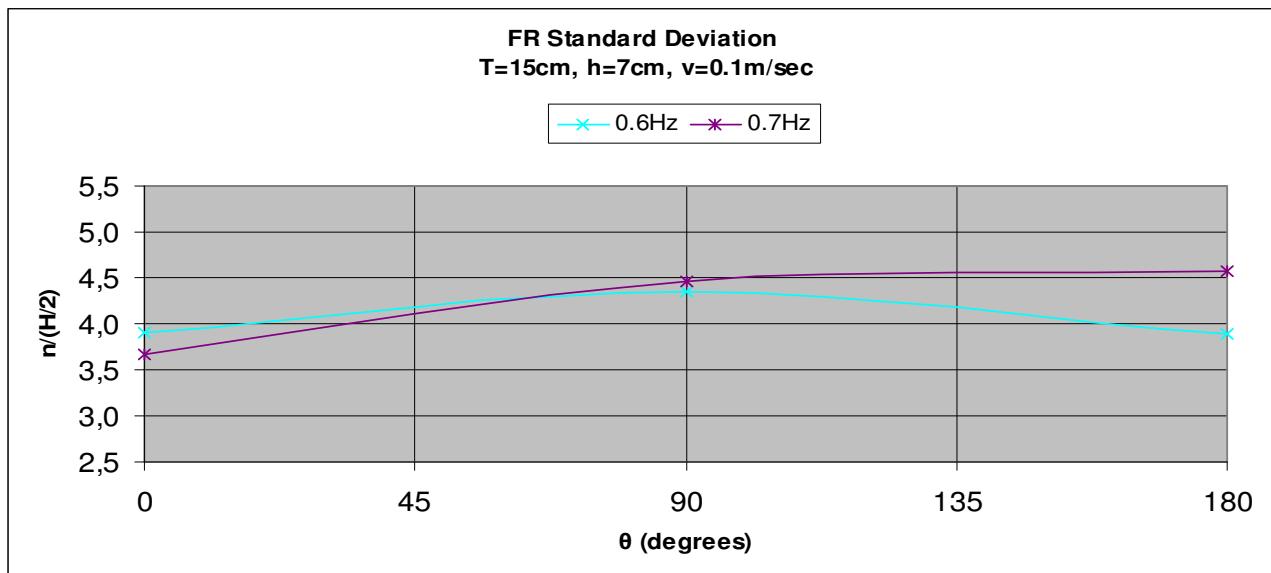
**RR0 Maximum**  
**T=15cm, h=7cm**

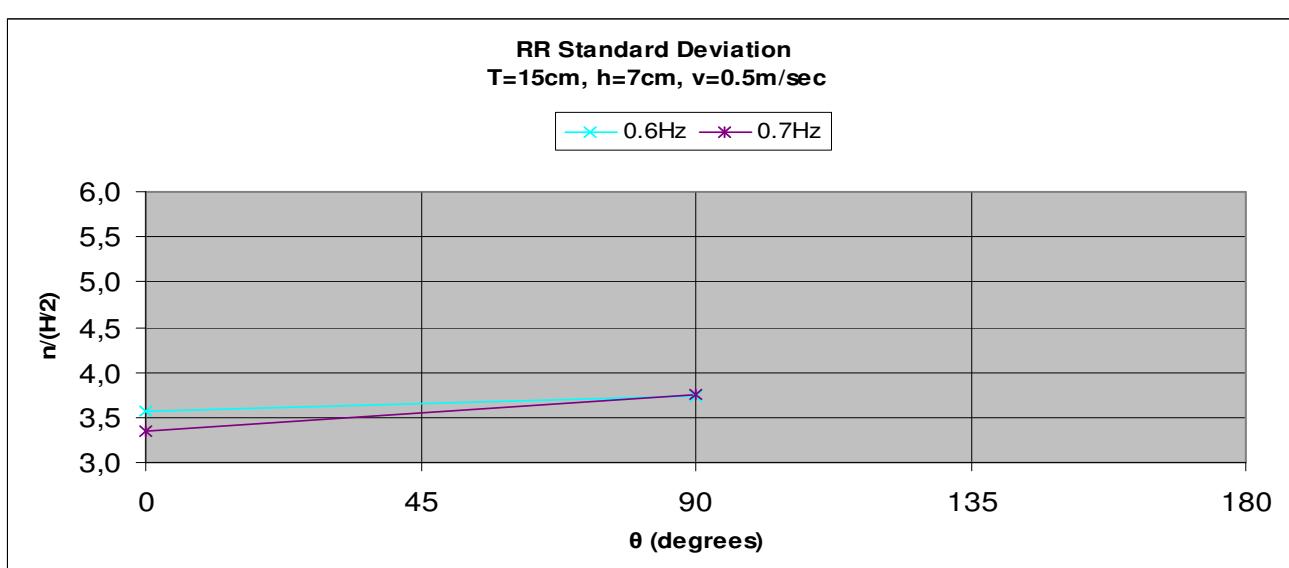
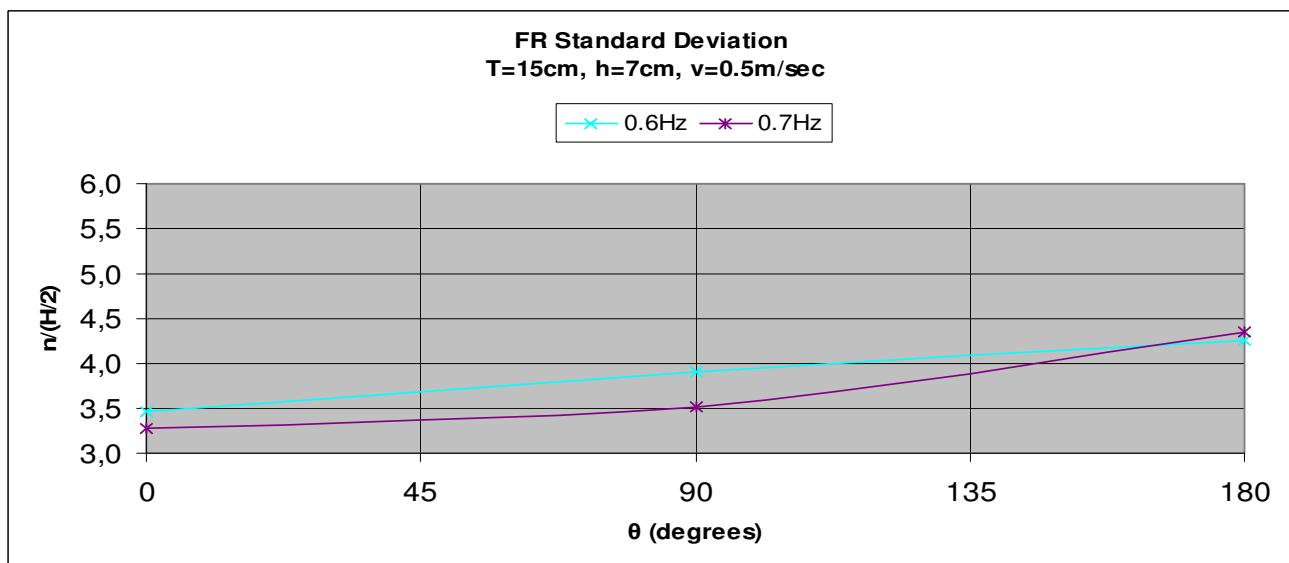
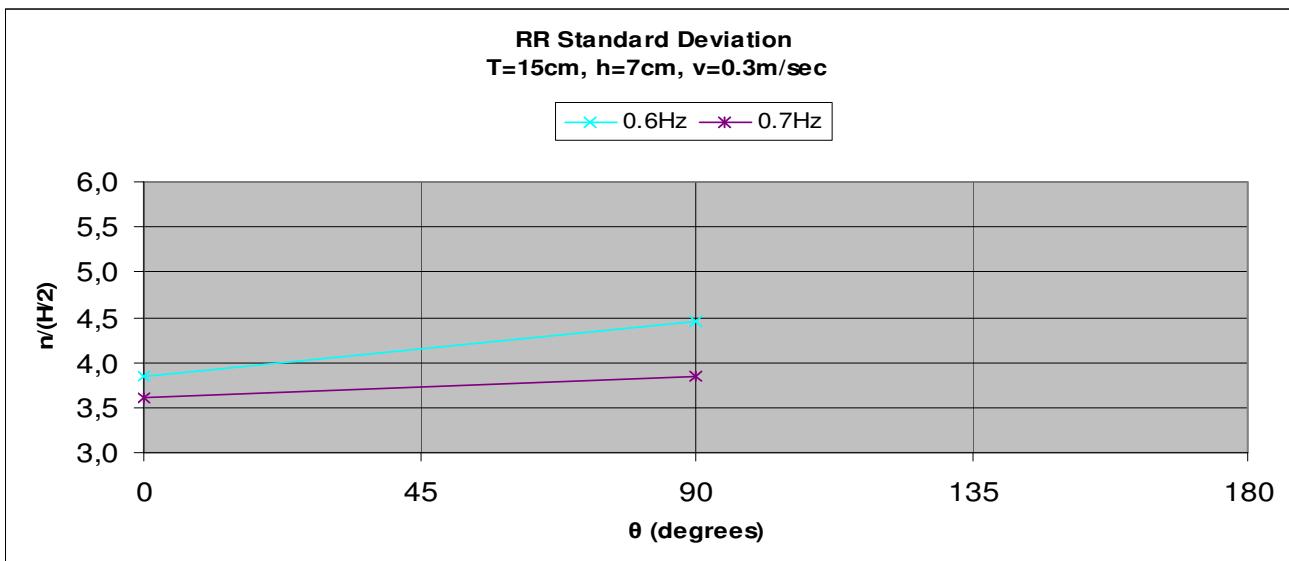


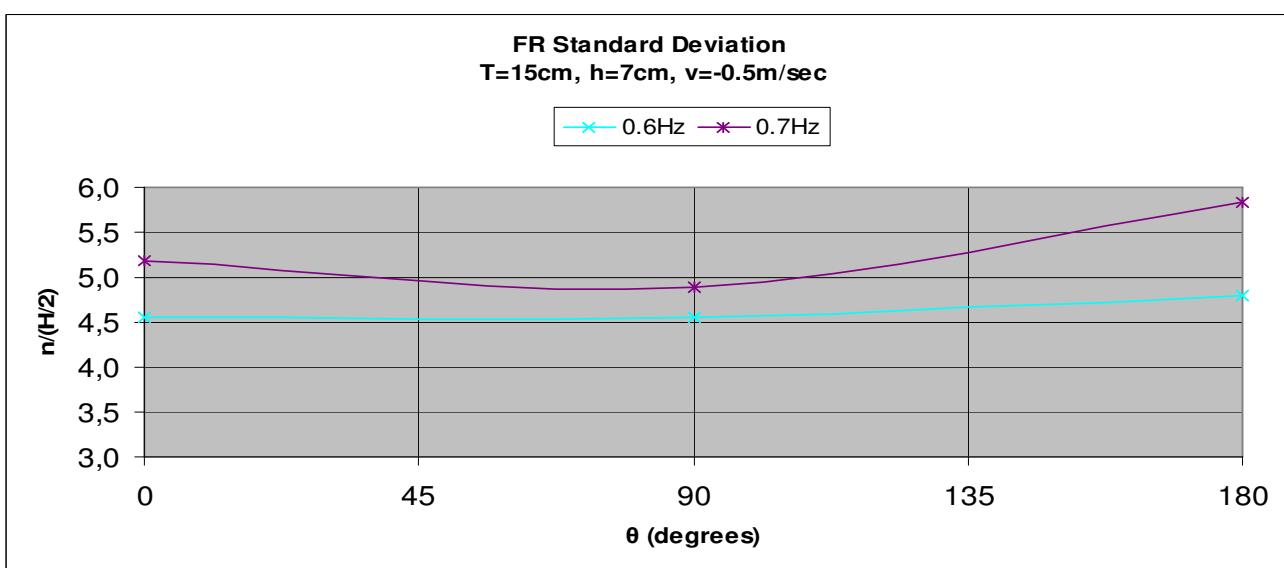
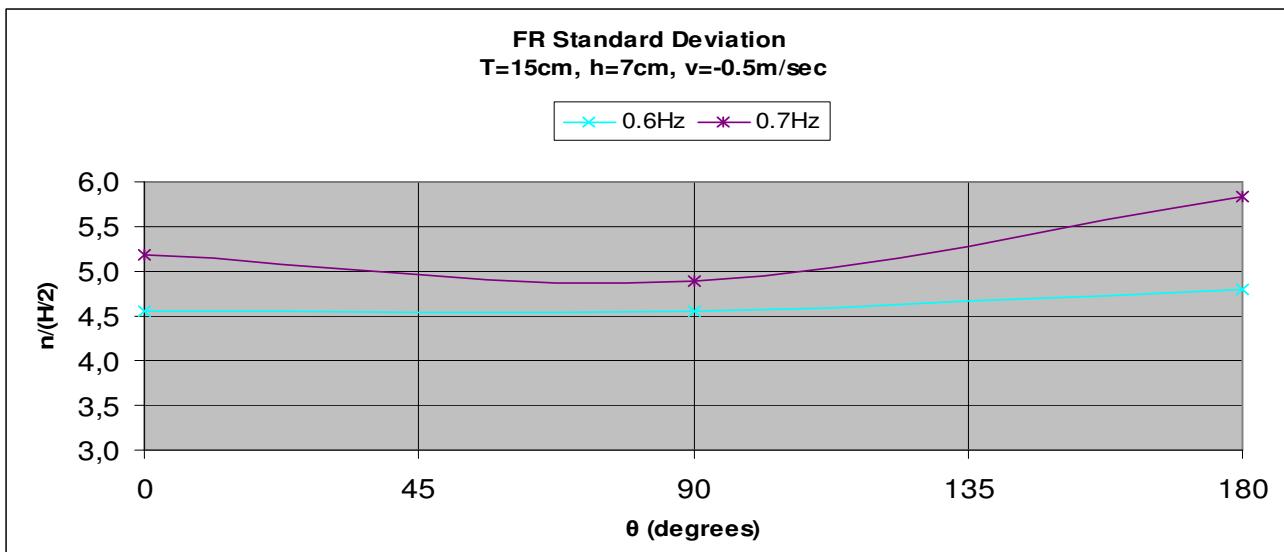


### 3.3.3.4 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2)$ – θ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα

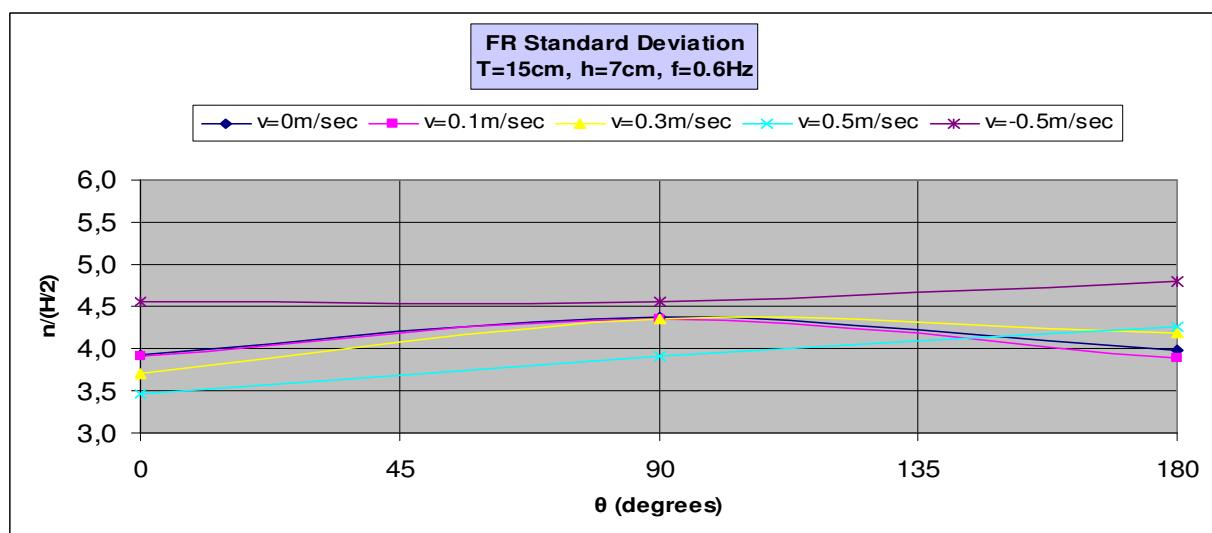


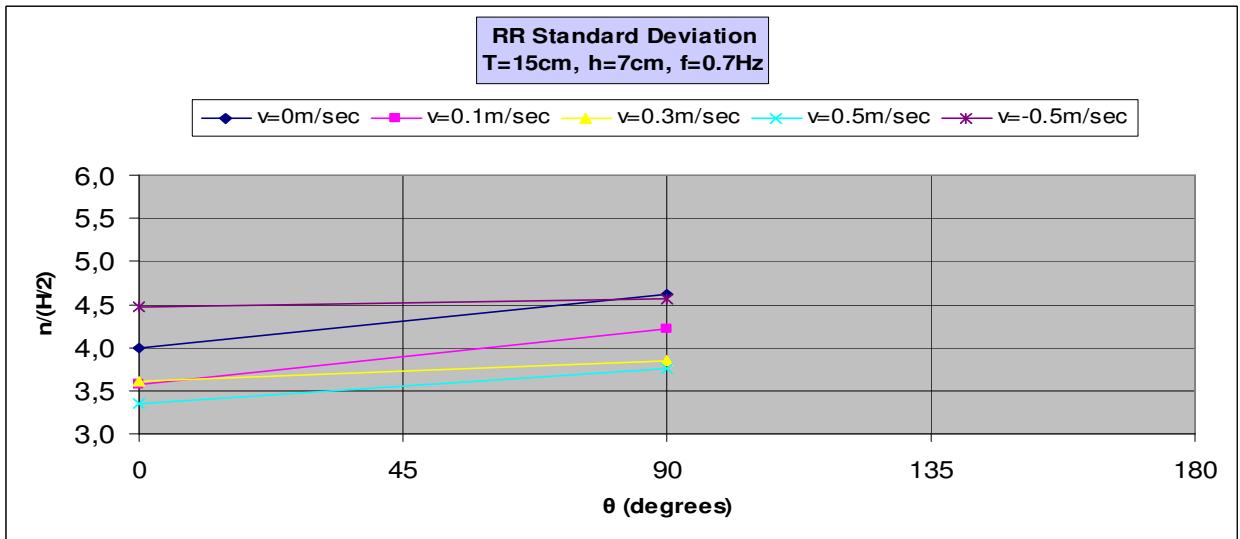
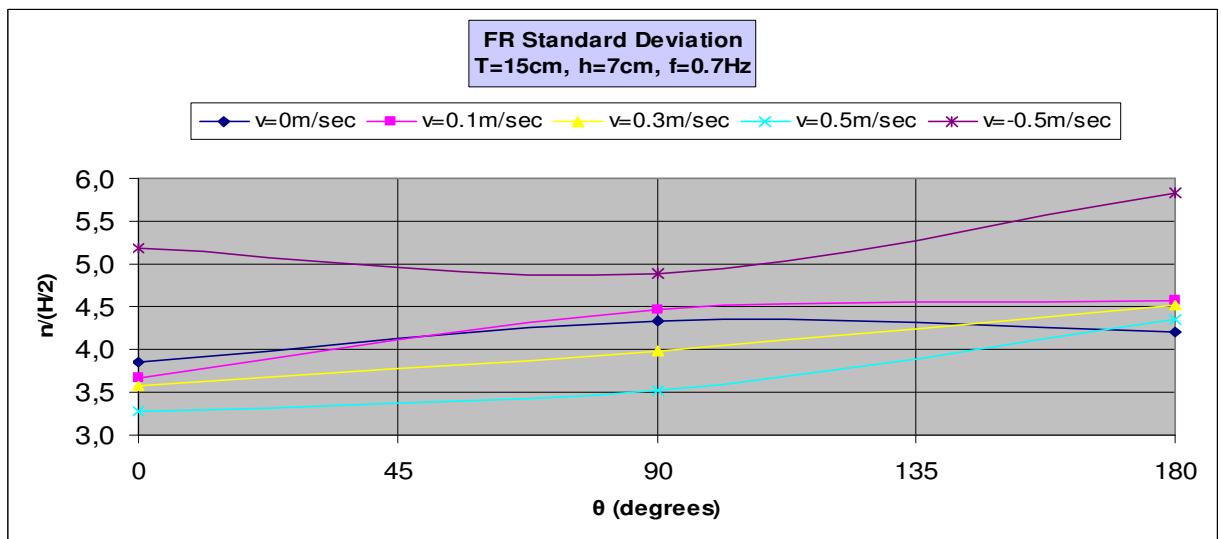
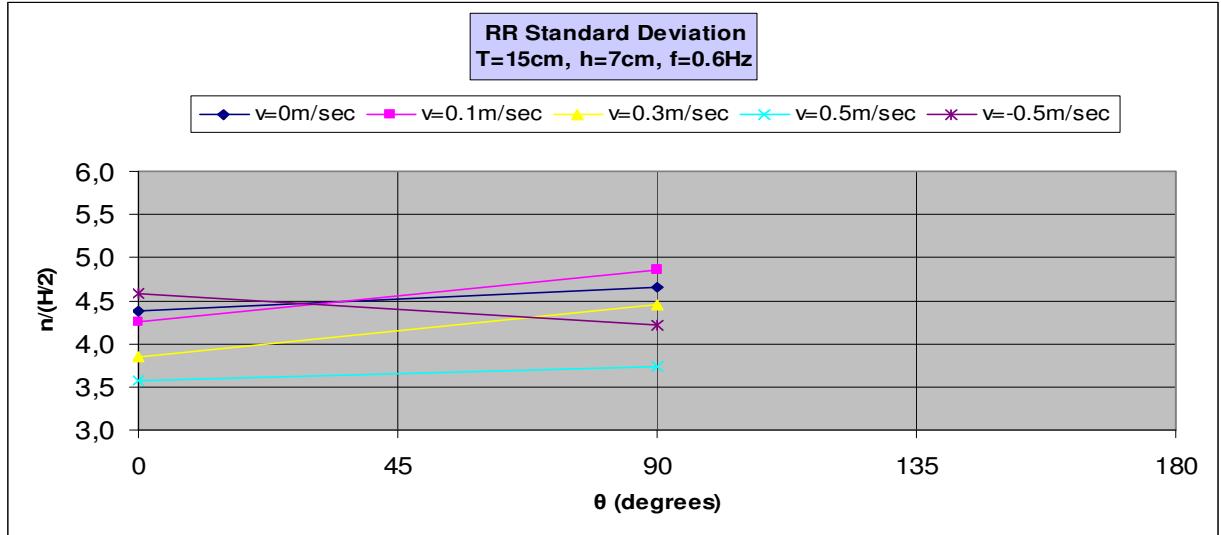




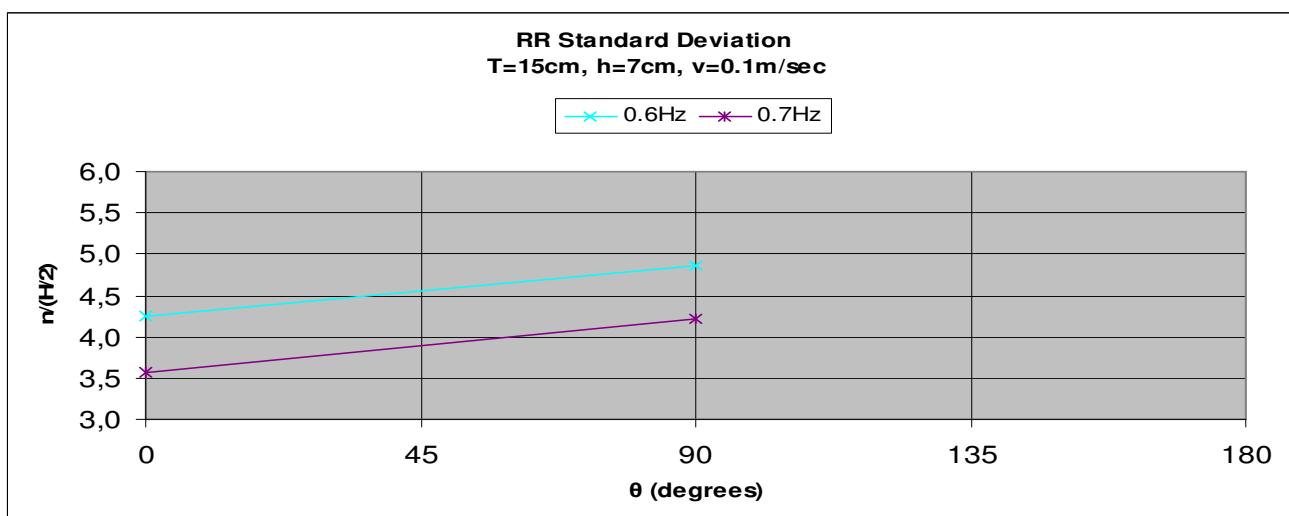
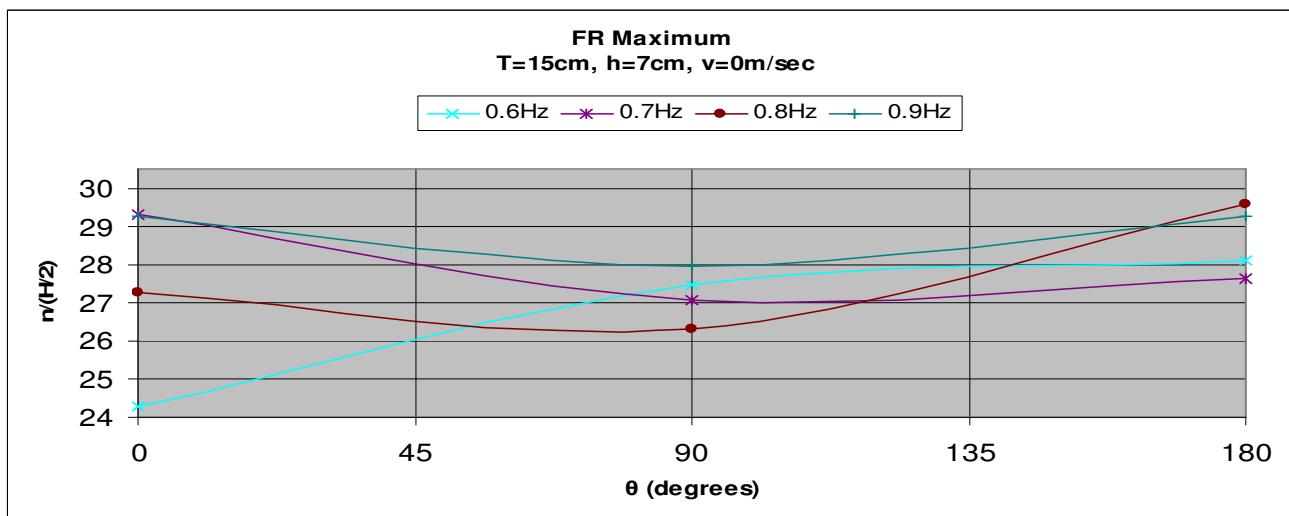
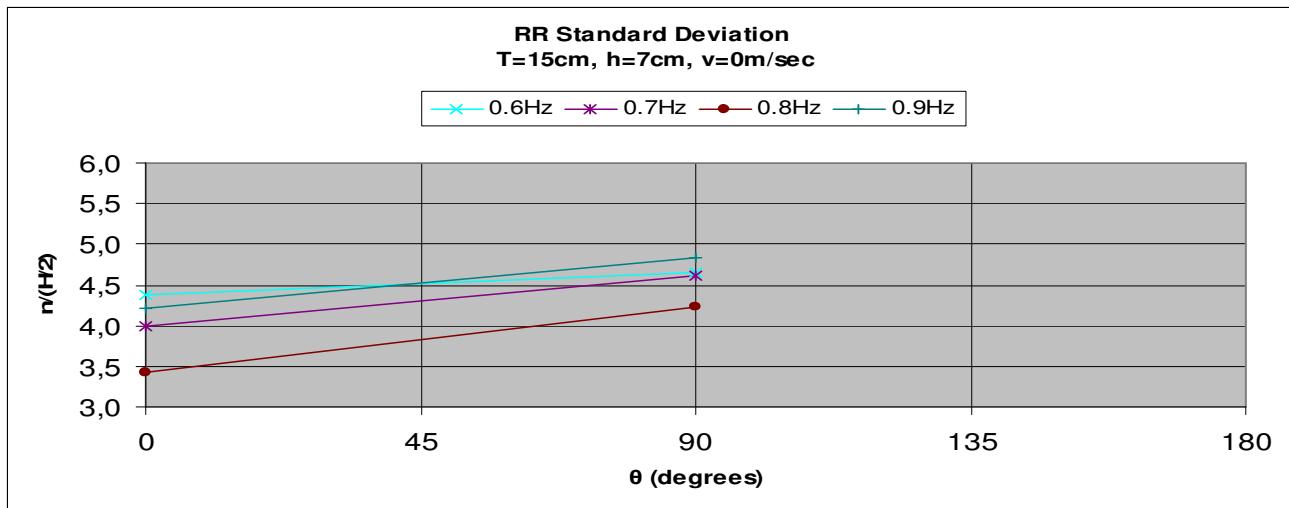


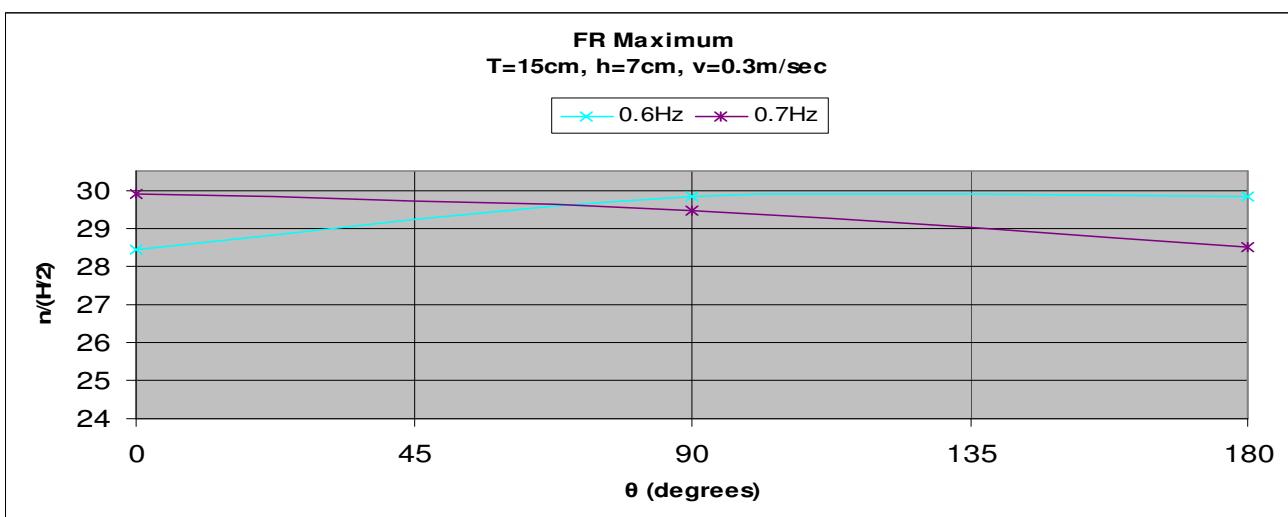
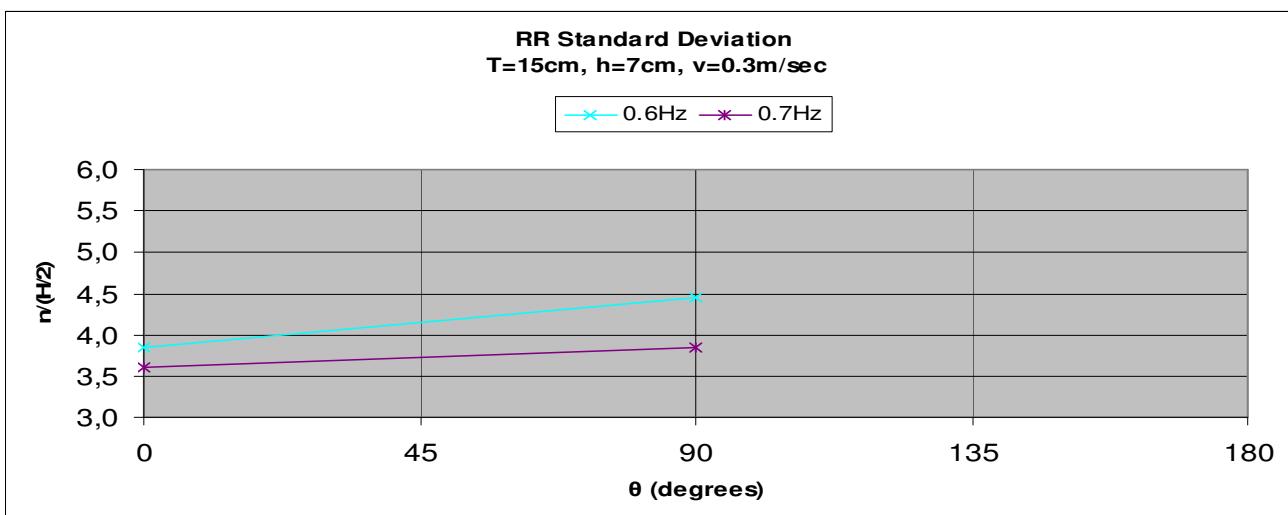
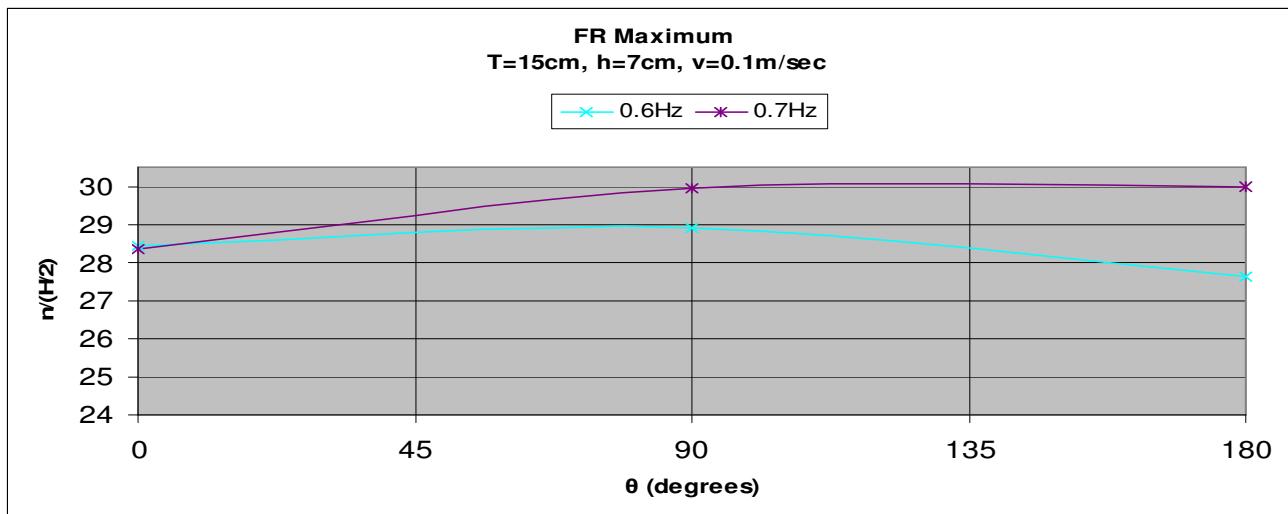
### 3.3.3.6 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2)$ – θ σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα

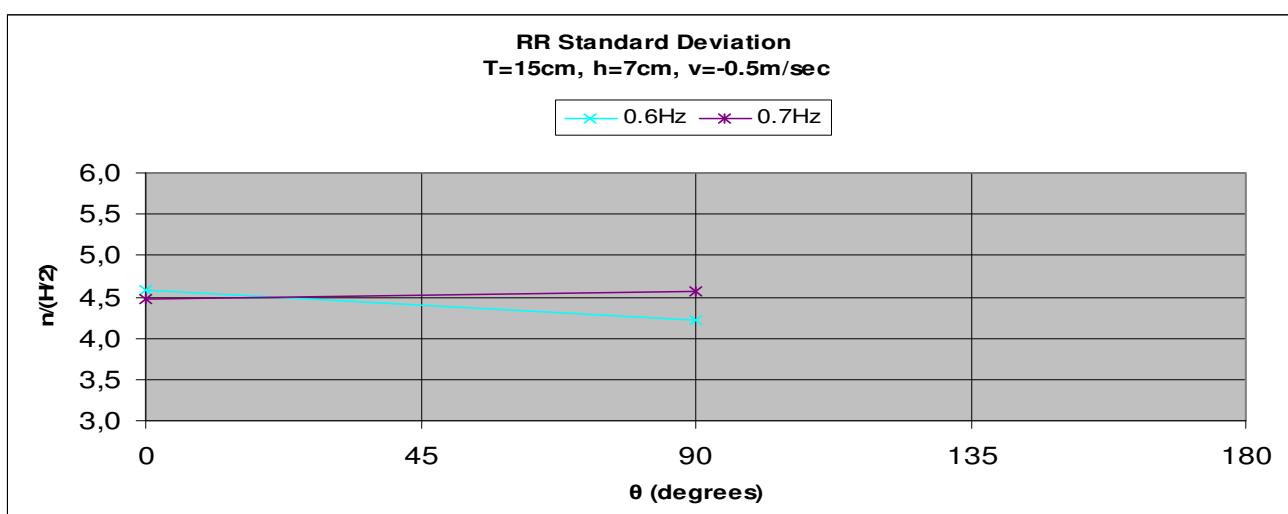
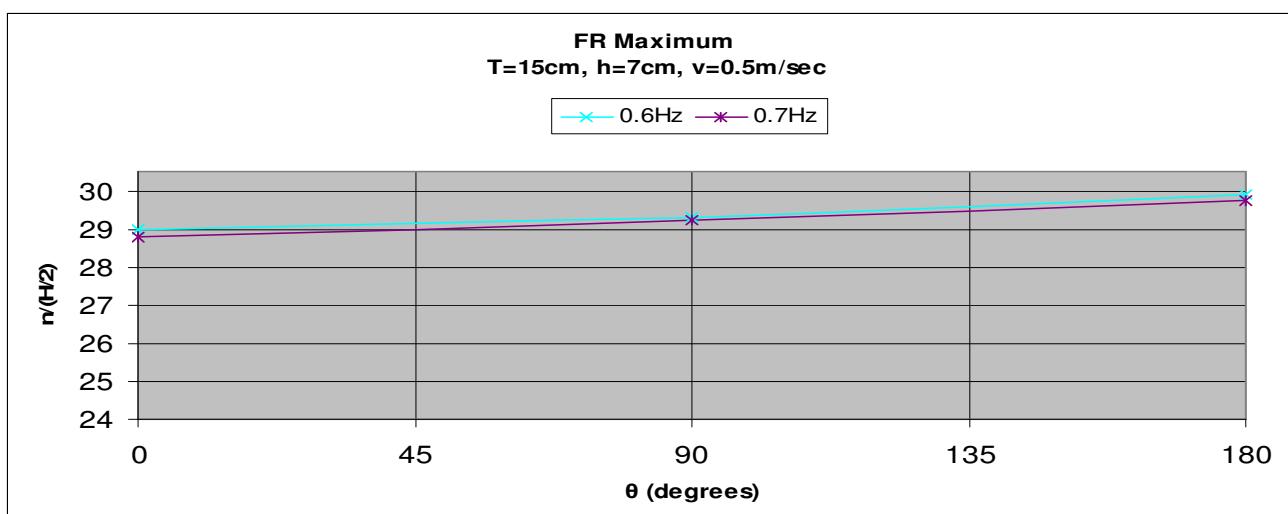
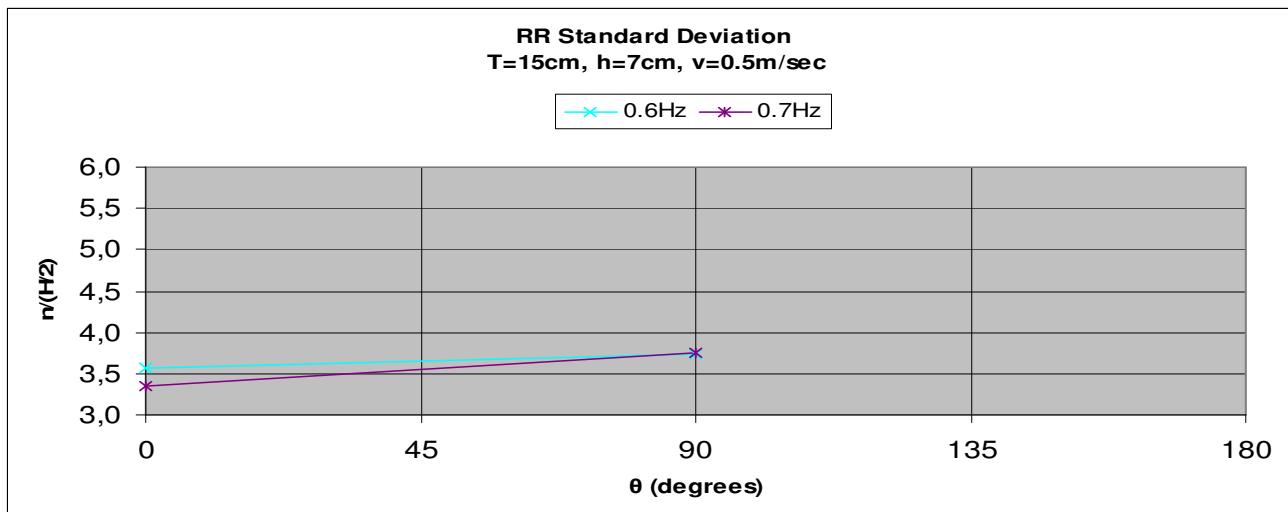


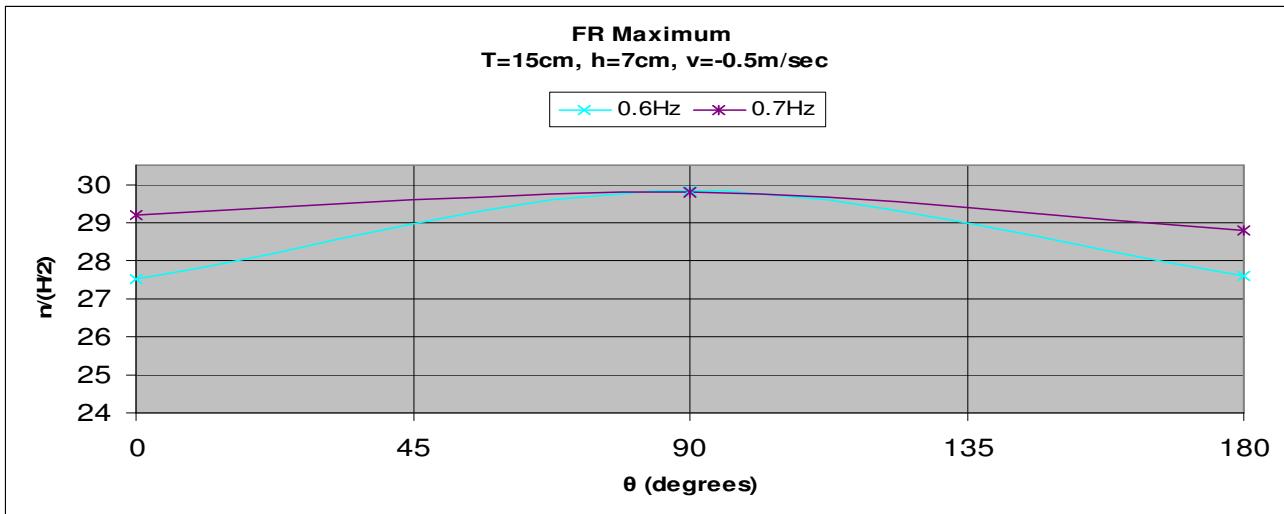


### 3.3.3.7 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2)$ – θ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα

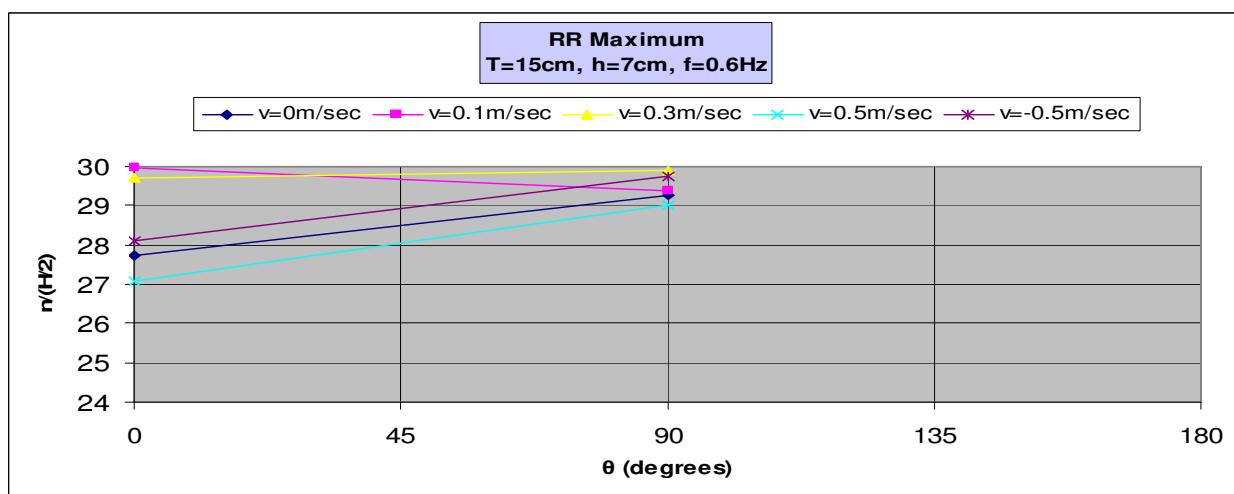
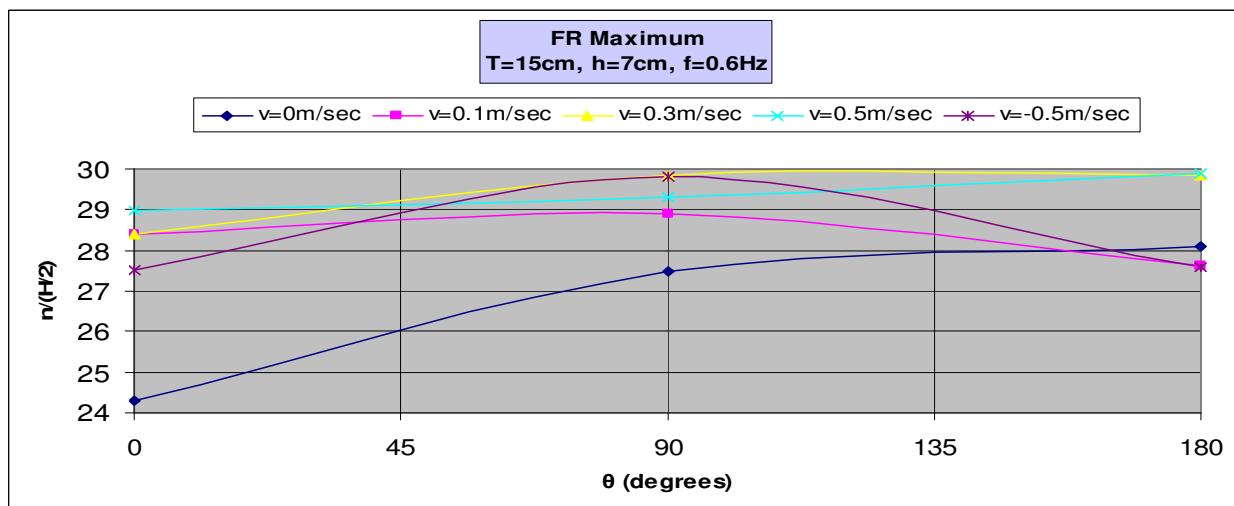


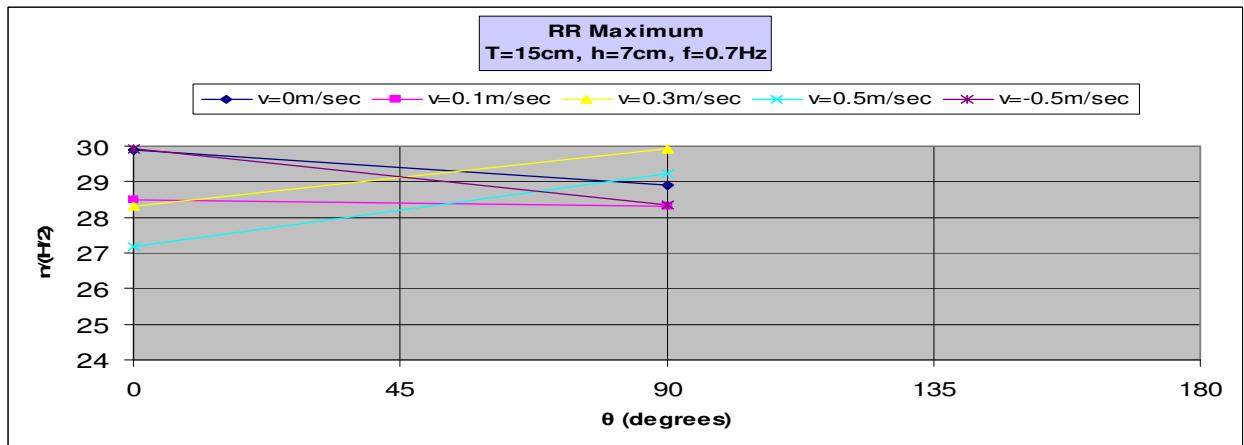
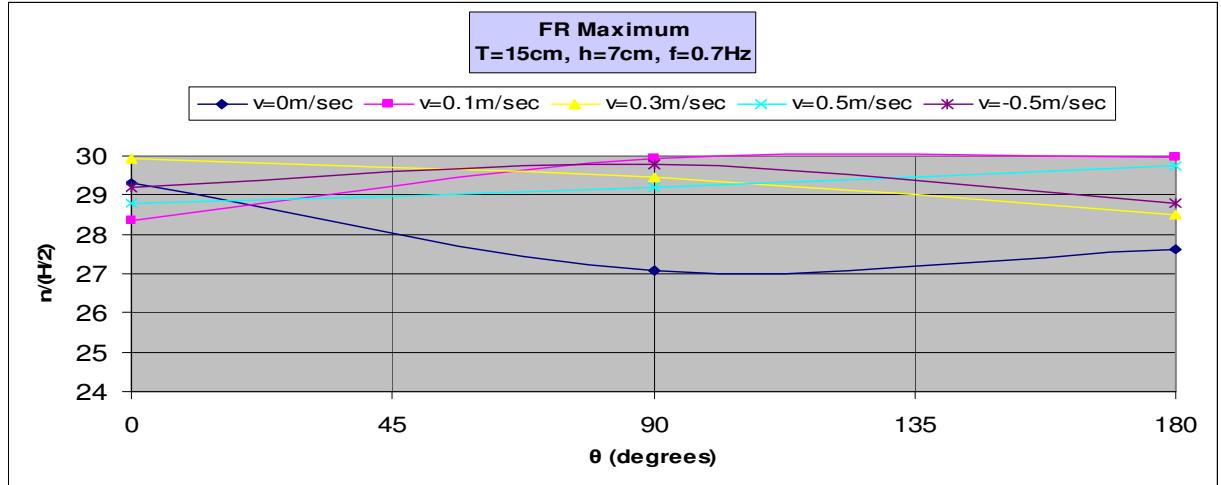






3.3.3.8 Διάγραμμα Maximum  $n/(H/2)$  –  $\theta$  σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα





**3.3.4 Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για την Πλατφόρμα για h=8cm**

| Standard Deviation για v=0 m/sec |      |          |          |          |          |          |
|----------------------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                            | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,7</b>                       |      | 3,726522 | 4,813887 | 4,037275 | 3,55296  | 4,502554 |
| <b>0,8</b>                       |      | 3,709885 | 4,384717 | 4,470414 | 3,422625 | 3,804009 |

| Maximum για v=0 m/sec |      |          |          |          |          |          |
|-----------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                 | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,7</b>            |      | 29,86711 | 29,15147 | 25,91185 | 27,52867 | 27,33709 |
| <b>0,8</b>            |      | 29,58824 | 28,73365 | 29,54058 | 28,99916 | 29,03263 |

| Standard Deviation για v=0 m/sec |      |          |          |          |          |          |
|----------------------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                            | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,7</b>                       |      | 3,672485 | 4,464116 | 4,790381 | 4,024604 | 4,878547 |

| Maximum για v=0 m/sec |      |          |          |          |          |          |
|-----------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                 | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,7</b>            |      | 29,92619 | 29,74151 | 29,41948 | 26,97136 | 29,60607 |

| Standard Deviation για v=0 m/sec |      |          |          |          |          |          |
|----------------------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                            | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,7</b>                       |      | 3,768211 | 4,062104 | 4,597672 | 3,437954 | 3,616667 |

| Maximum για v=0 m/sec |      |          |          |          |          |          |
|-----------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                 | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,7</b>            |      | 28,54301 | 29,74151 | 28,52474 | 29,73189 | 28,48291 |

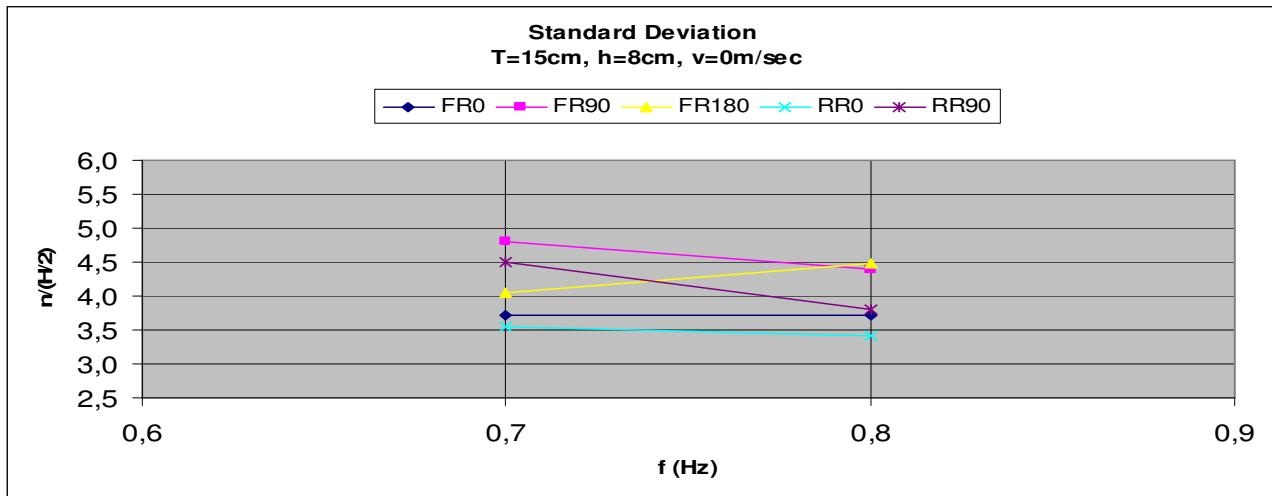
| Standard Deviation για v=0 m/sec |      |          |          |          |          |          |
|----------------------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                            | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,7</b>                       |      | 3,244235 | 3,598074 | 4,438625 | 3,386928 | 3,745846 |

| Maximum για v=0 m/sec |      |          |          |          |          |          |
|-----------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                 | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,7</b>            |      | 24,69956 | 29,31879 | 29,81707 | 26,76912 | 29,07409 |

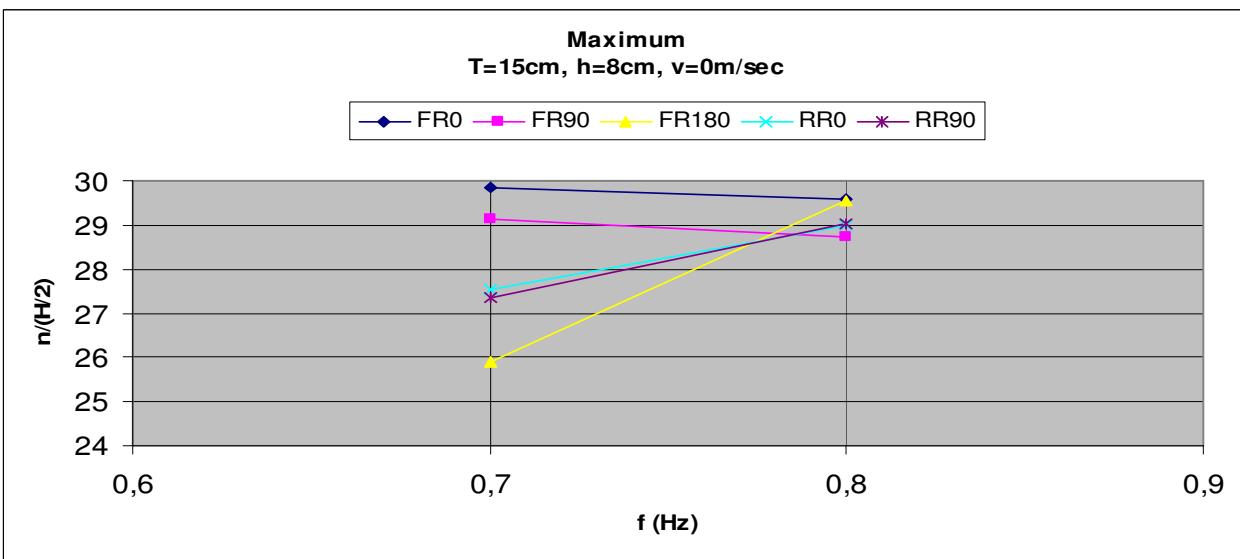
| Standard Deviation για v=0 m/sec |      |          |          |          |          |          |
|----------------------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                            | θ(°) | 0        | 90       | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,7</b>                       |      | 5,104691 | 4,969701 | 6,573133 | 5,115203 | 4,341639 |

| Maximum για v=0 m/sec |      |          |         |          |          |          |
|-----------------------|------|----------|---------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                 | θ(°) | 0        | 90      | 180      | 0        | 90       |
| <b>0,7</b>            |      | 28,50776 | 29,8007 | 29,87108 | 29,25075 | 25,25365 |

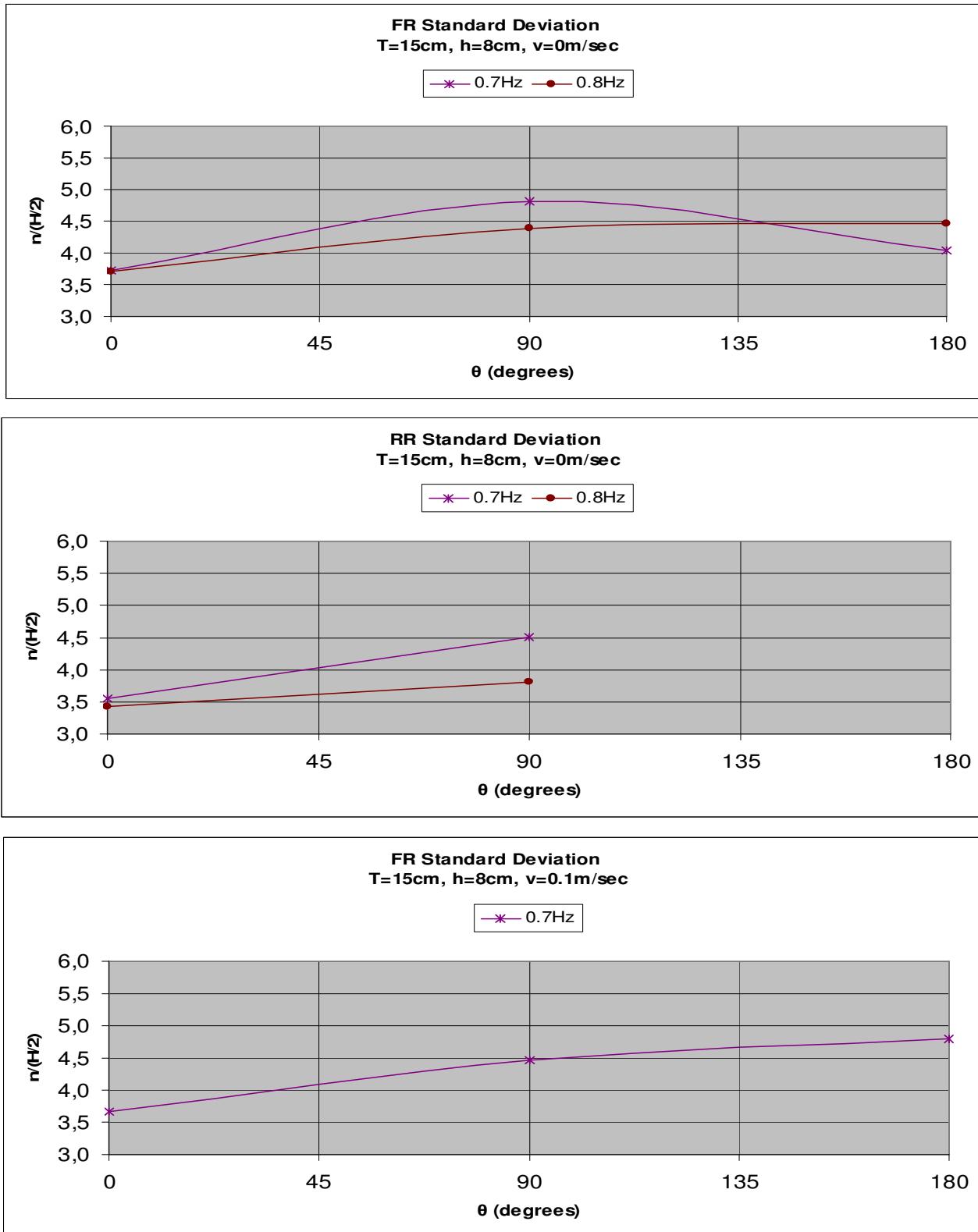
### 3.3.4.1 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2)$ – f σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία

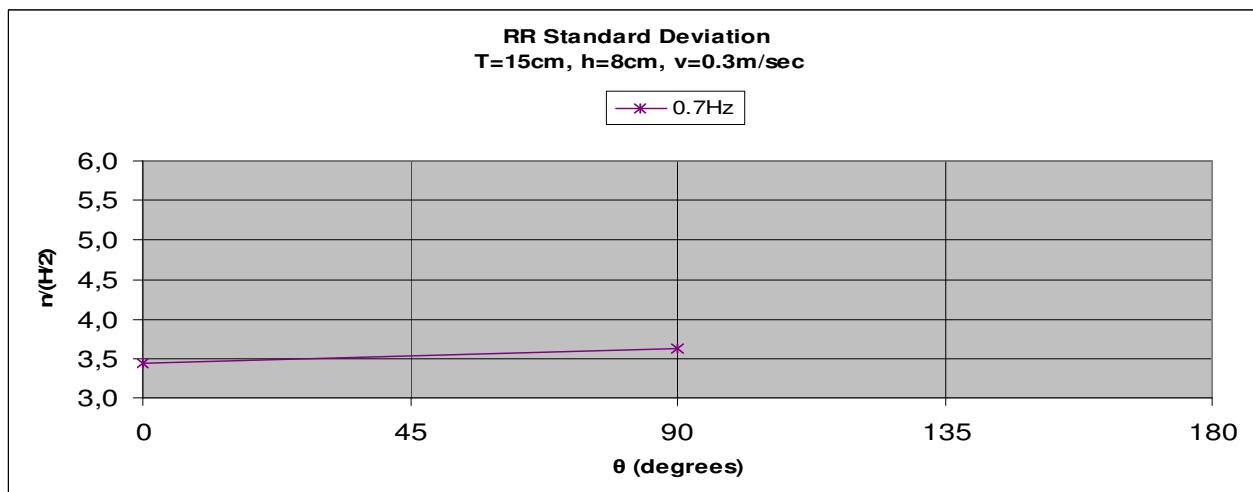
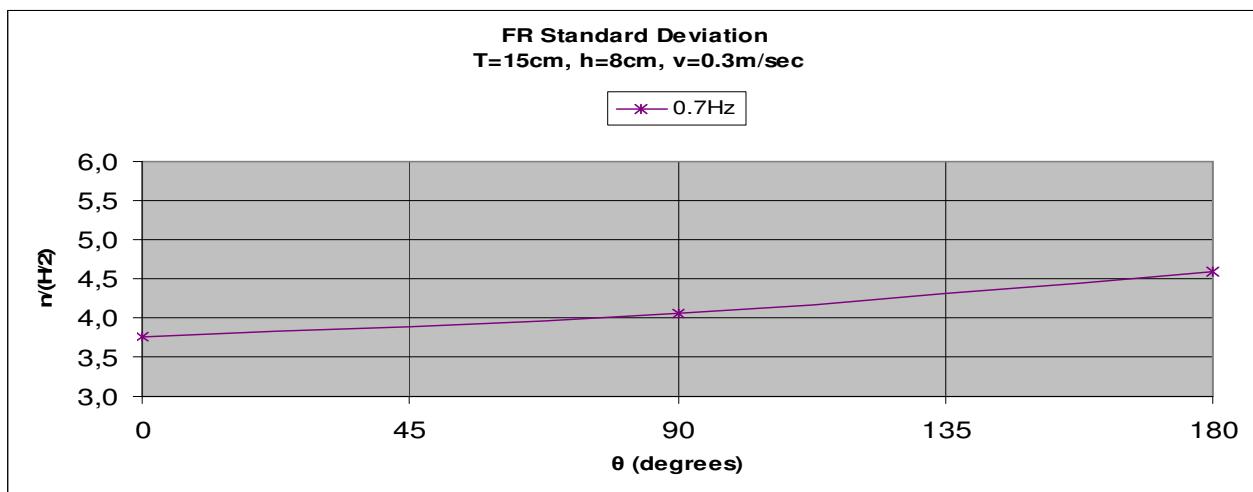
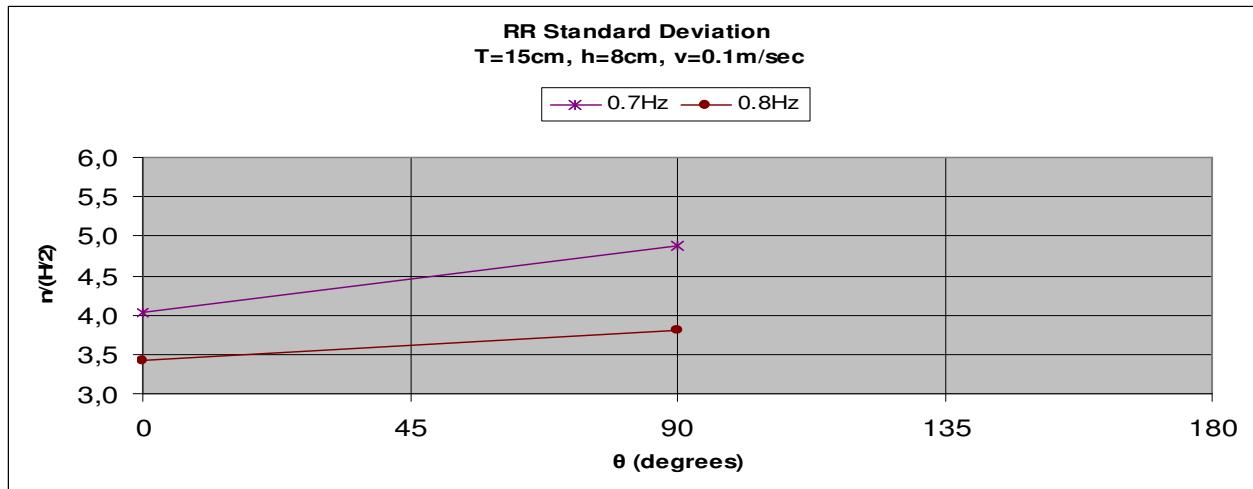


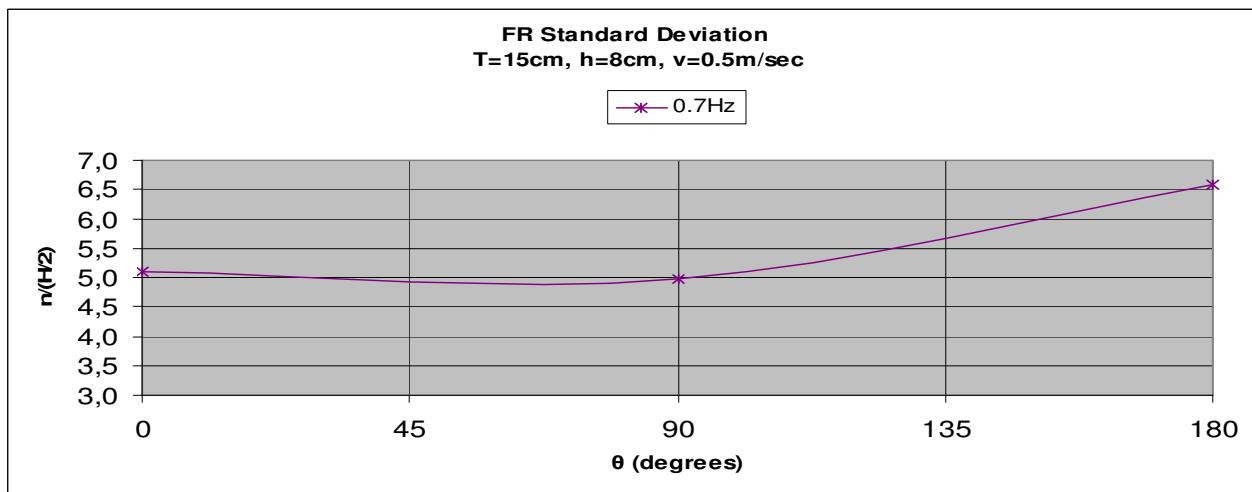
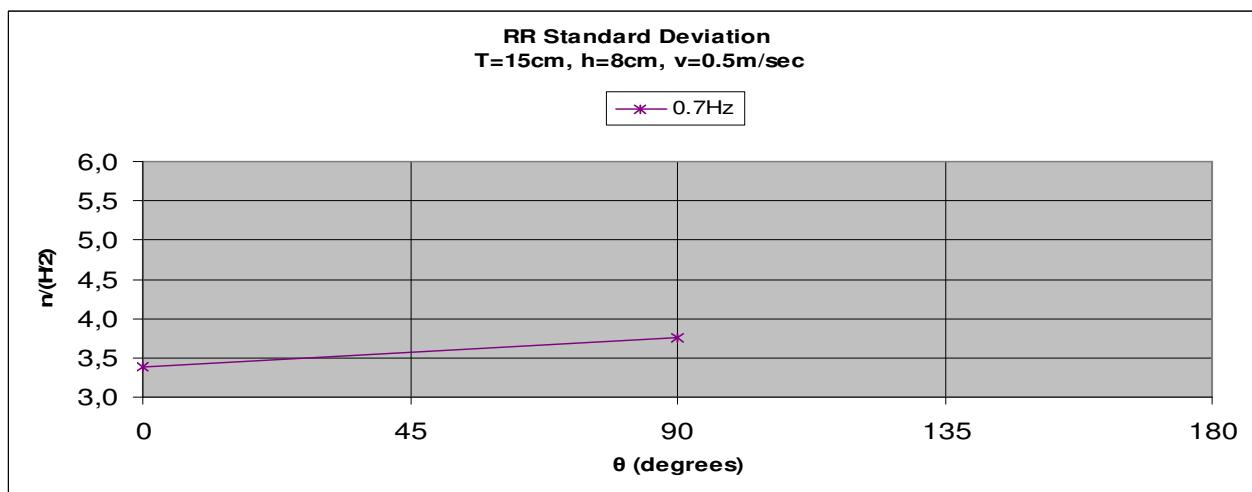
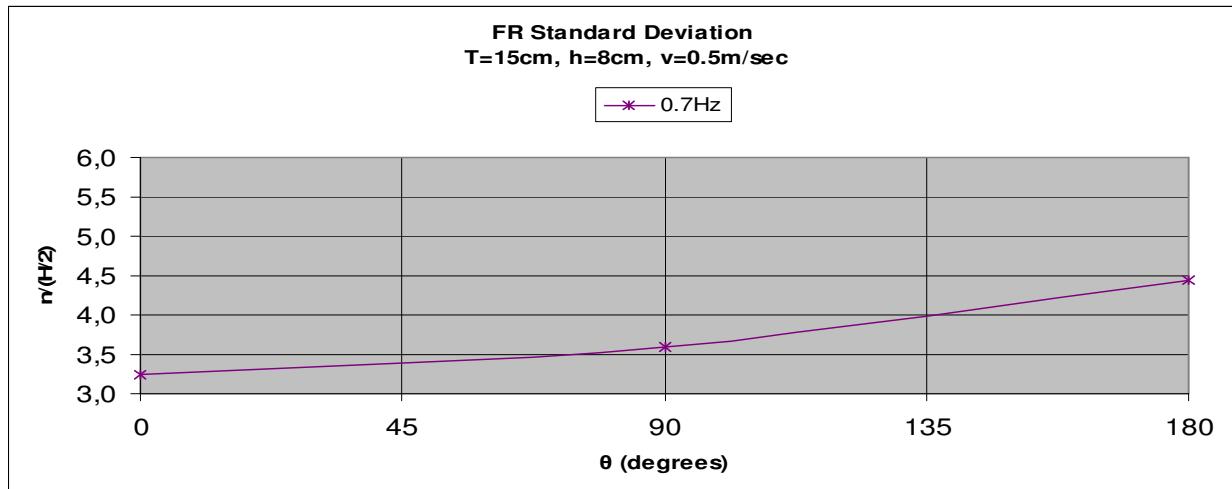
### 3.3.4.2 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2)$ – f σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία

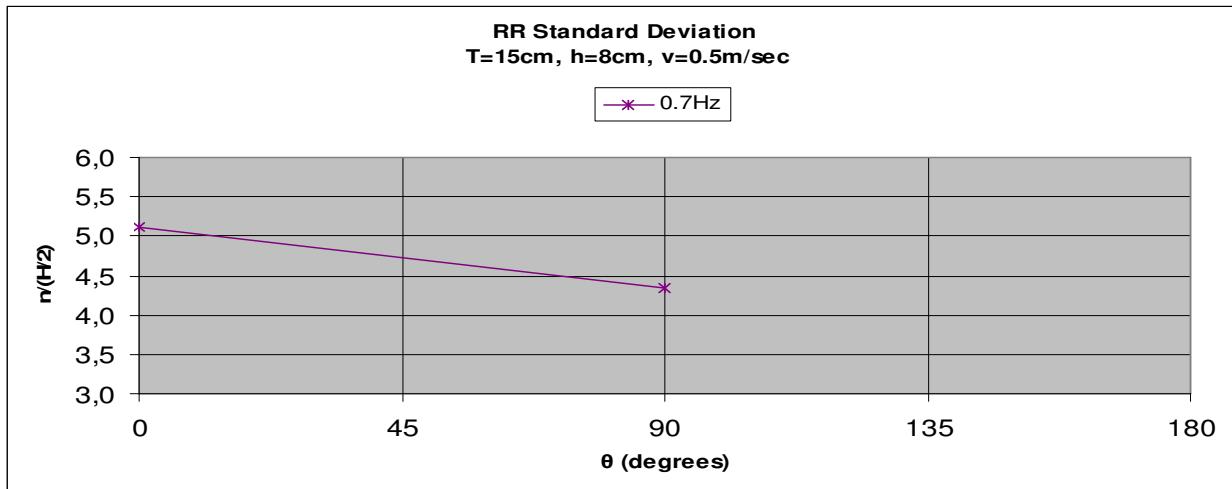


3.3.4.3 Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  – θ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα

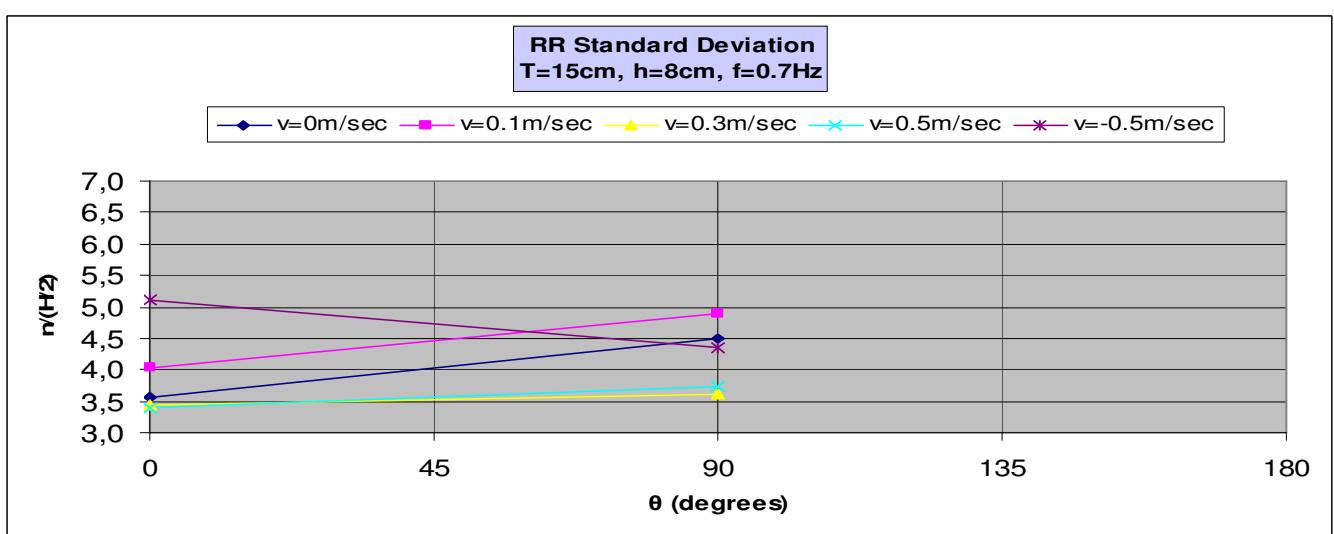
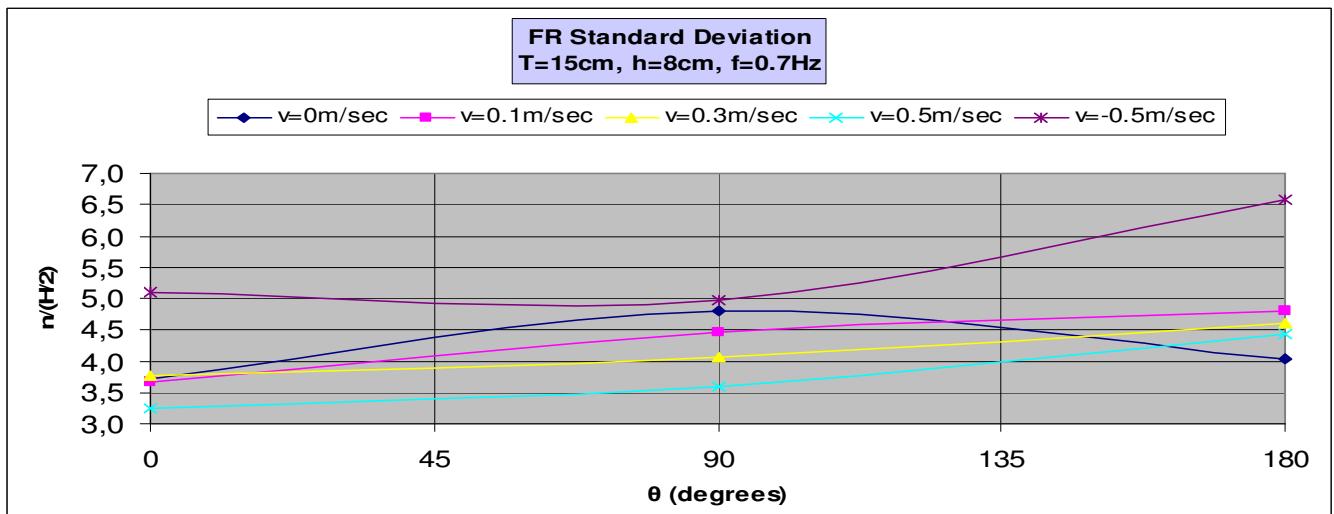




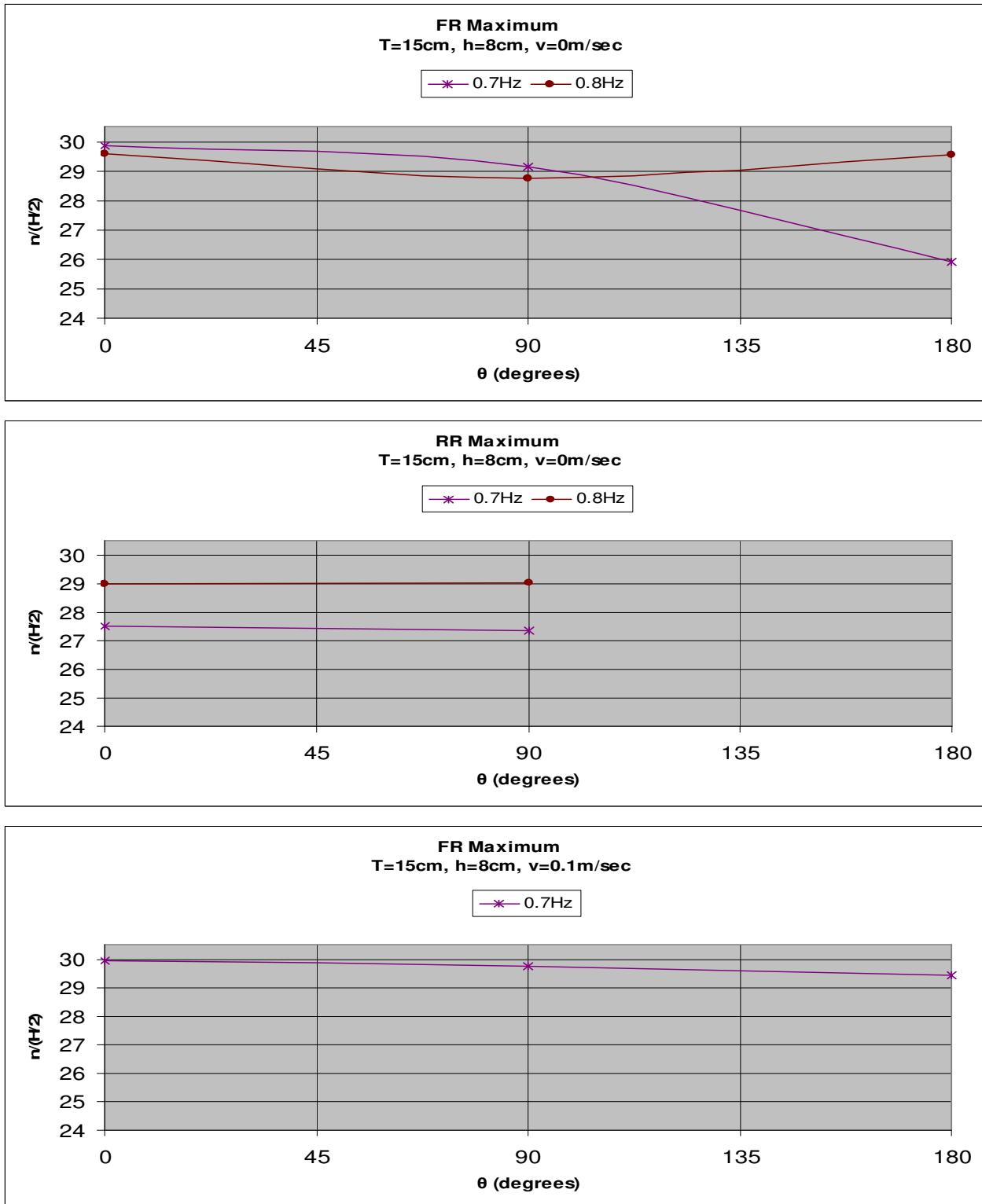


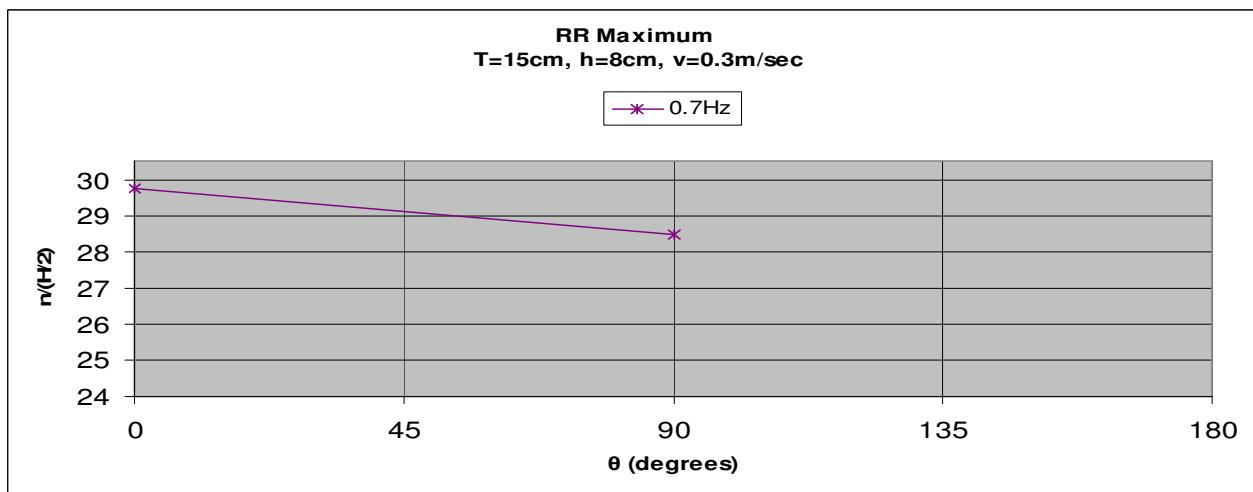
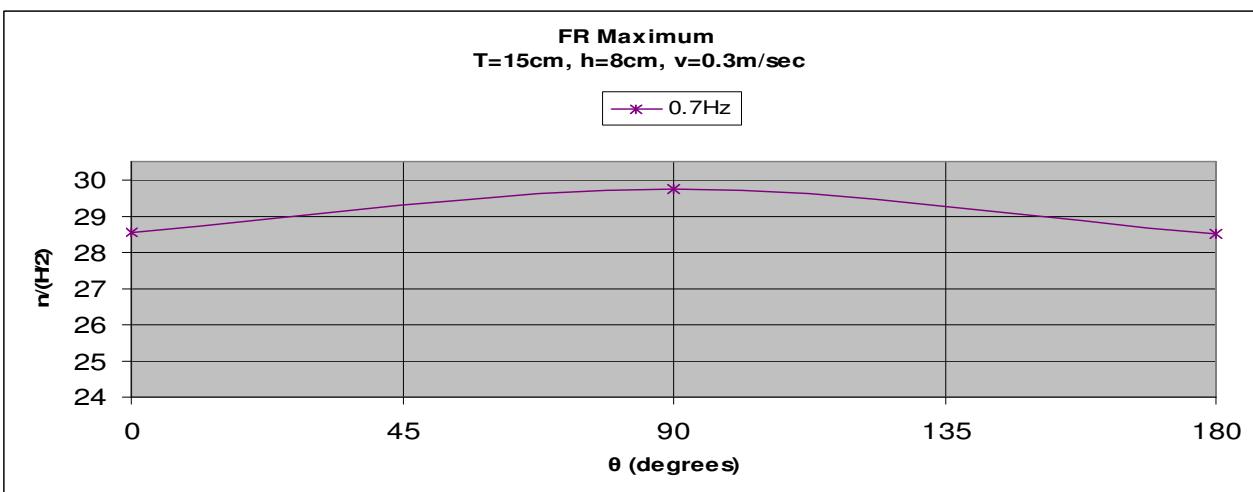
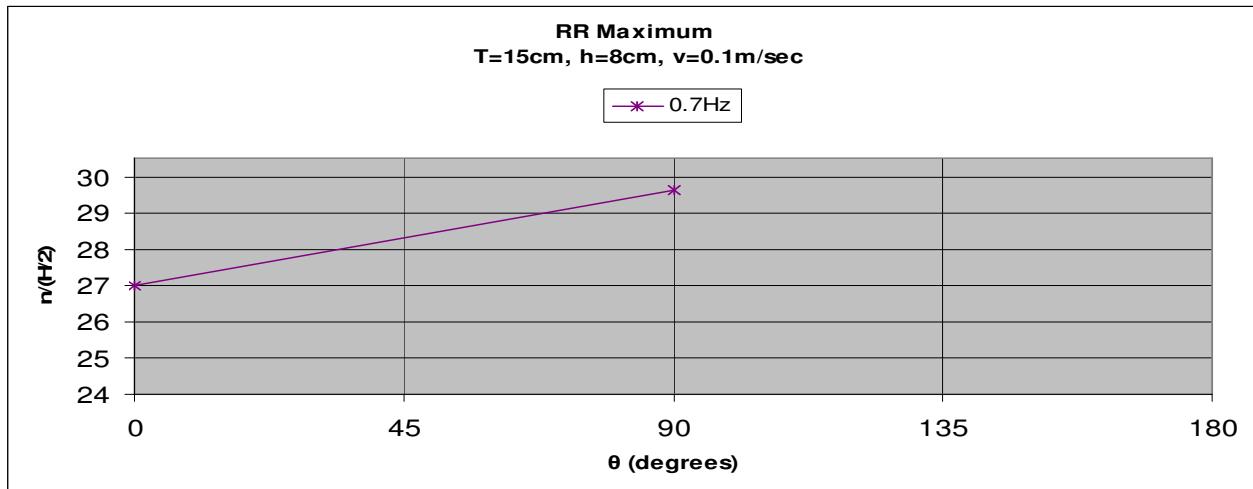


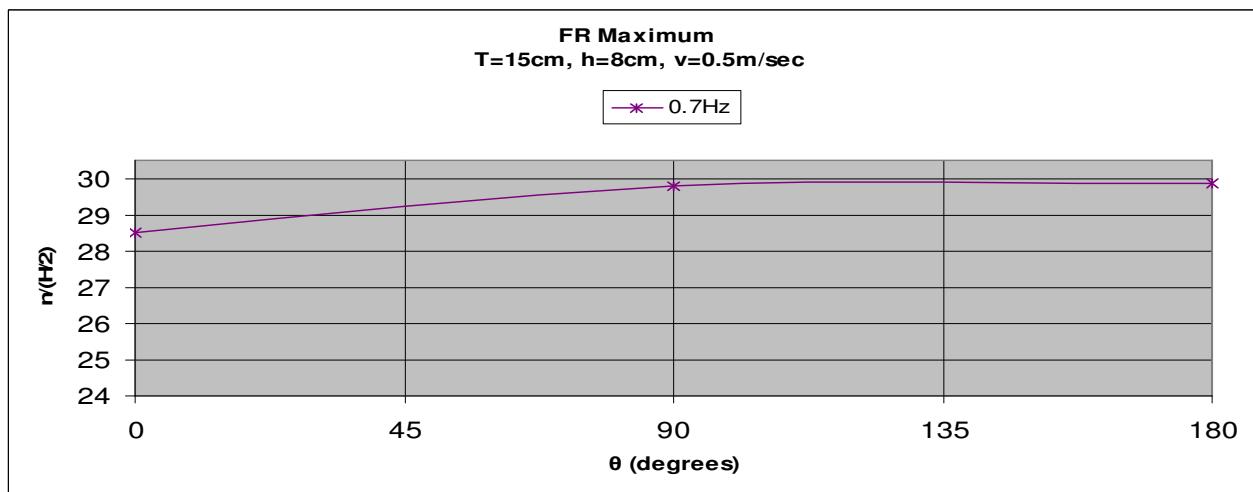
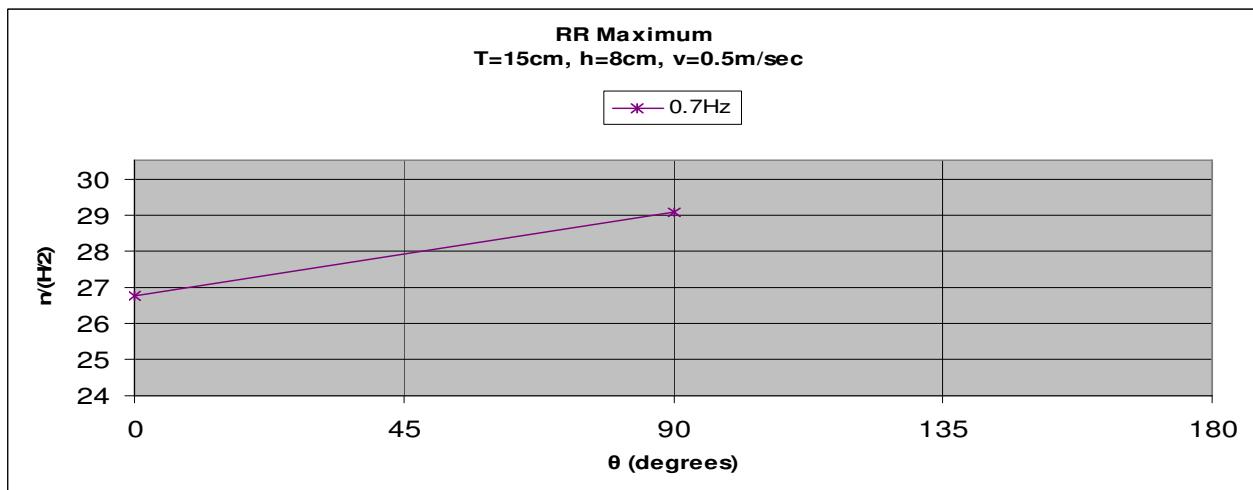
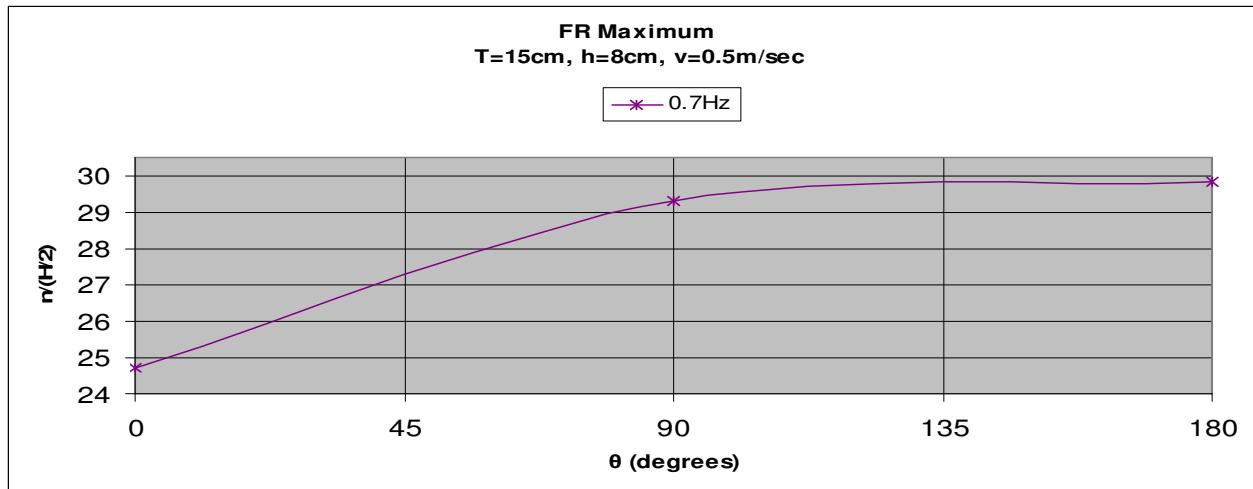
3.3.4.4 Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  –  $\theta$  σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα

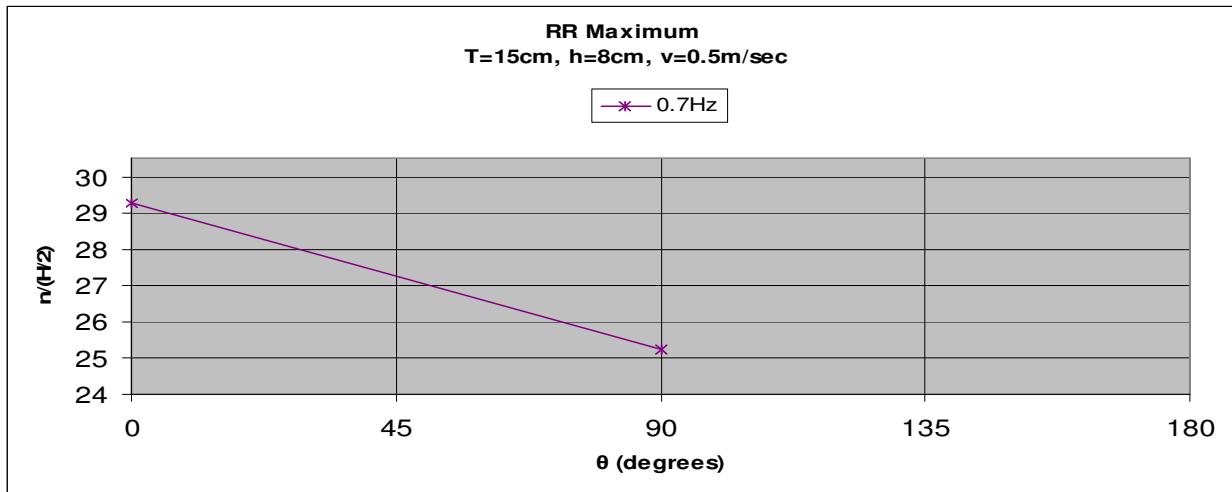


### 3.3.4.5 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2)$ – θ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα

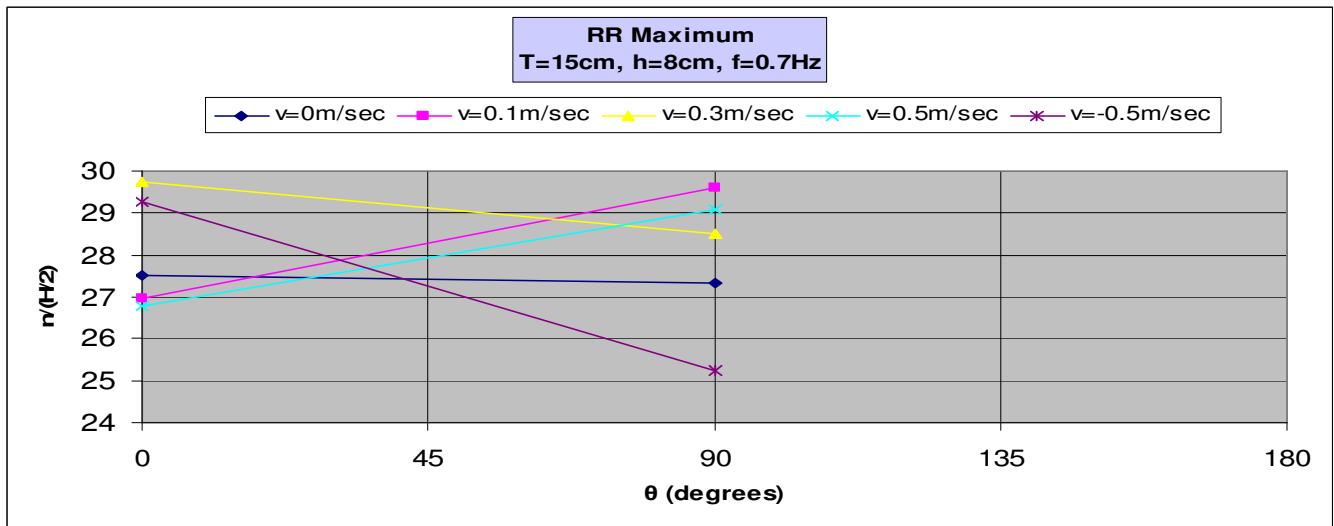
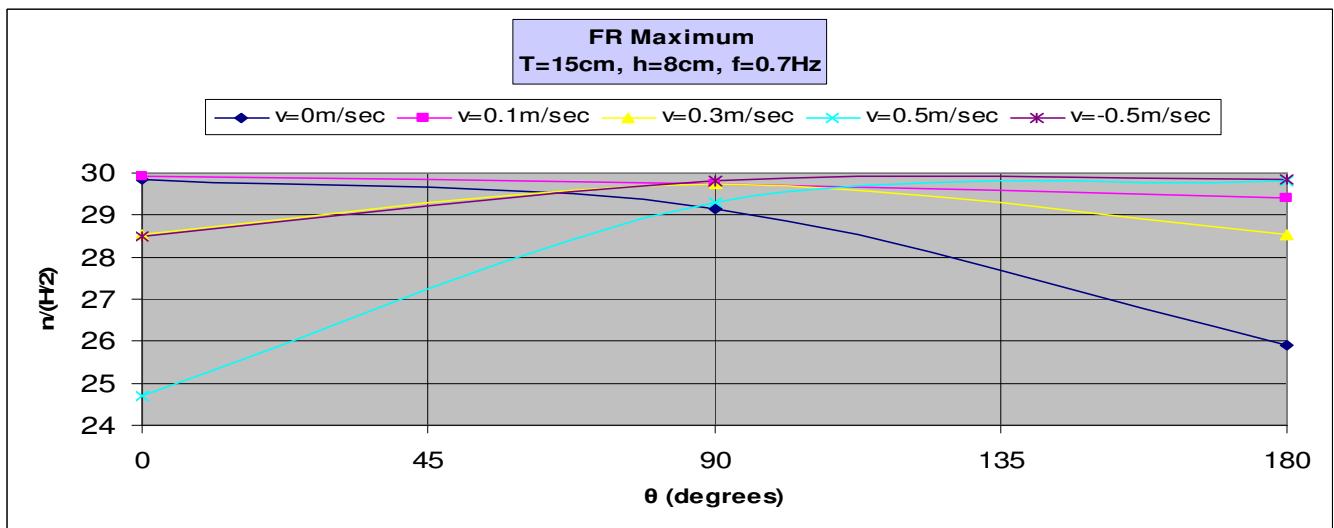








### 3.3.4.6 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2)$ – $\theta$ σε δεδομένη συχνότητα για διαφορετική ταχύτητα



### 3.4 Διαγράμματα τυπικής απόκλισης (standard deviation, STD) και μεγίστων τιμών (maximum, MAX) για το σύνθετο κύλινδρο

#### 3.4.1 Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για το Πόδι για h=4cm

| Standard Deviation για v=0m/sec |      |          |          |          |          |          |
|---------------------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                           | θ(°) | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| 0,3                             |      | 3,547346 | 3,756637 | 3,902154 | 4,034655 | 3,705012 |
| 0,4                             |      | 3,956018 | 4,083756 | 4,020439 | 3,832502 | 3,80795  |
| 0,5                             |      | 4,333932 | 4,47141  | 4,444404 | 4,238593 | 4,236735 |
| 0,6                             |      | 4,371795 | 4,506481 | 4,187393 | 4,060325 | 3,843618 |
| 0,7                             |      | 3,830225 | 4,223364 | 4,275224 | 3,957132 | 3,618847 |
| 0,8                             |      | 3,798657 | 4,390393 | 4,574776 | 4,229539 | 4,125945 |
| 0,9                             |      | 3,955153 | 4,264638 | 4,953239 | 4,1651   | 4,255809 |

| Maximum για v=0m/sec |      |          |          |          |          |          |
|----------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                | θ(°) | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| 0,3                  |      | 28,34605 | 29,38279 | 29,88183 | 26,87953 | 29,70964 |
| 0,4                  |      | 29,13048 | 26,68591 | 29,02945 | 26,73514 | 29,04726 |
| 0,5                  |      | 29,04701 | 29,74945 | 29,83421 | 29,48939 | 29,32471 |
| 0,6                  |      | 29,67454 | 29,75057 | 29,83855 | 29,56319 | 29,32485 |
| 0,7                  |      | 28,78223 | 25,94287 | 29,68815 | 28,38049 | 28,31344 |
| 0,8                  |      | 29,96684 | 29,70708 | 28,05042 | 27,67854 | 29,62135 |
| 0,9                  |      | 25,46538 | 29,90533 | 28,32231 | 29,50966 | 28,7958  |

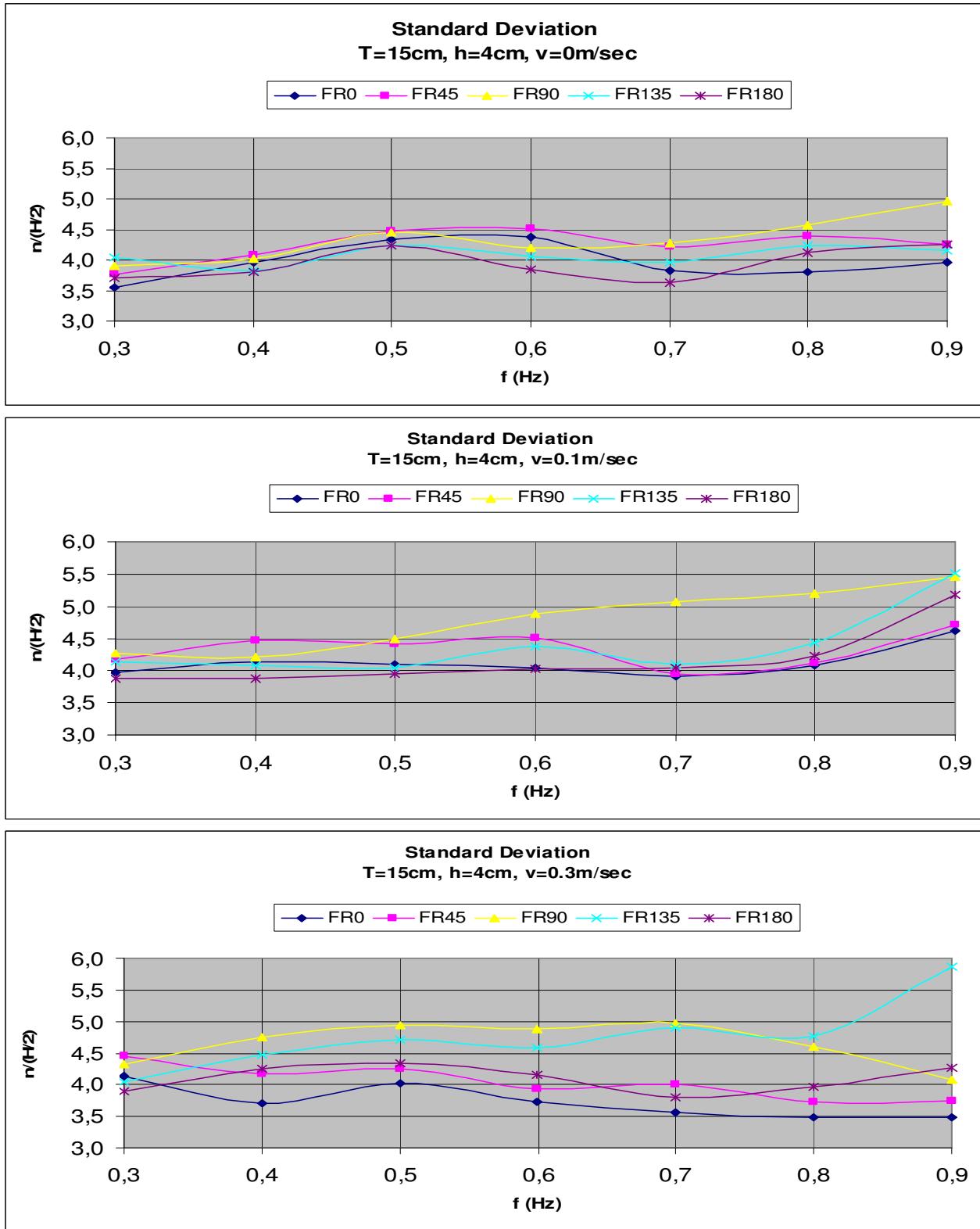
| Standard Deviation για v=0.1m/sec |      |          |          |          |          |          |
|-----------------------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                             | θ(°) | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| 0,3                               |      | 3,97217  | 4,172102 | 4,267009 | 4,129113 | 3,882684 |
| 0,4                               |      | 4,130257 | 4,469383 | 4,206714 | 4,074974 | 3,871905 |
| 0,5                               |      | 4,093711 | 4,422067 | 4,498871 | 4,050952 | 3,957219 |
| 0,6                               |      | 4,038392 | 4,502564 | 4,875536 | 4,3766   | 4,018044 |
| 0,7                               |      | 3,909633 | 3,958031 | 5,064723 | 4,100067 | 4,03491  |
| 0,8                               |      | 4,082449 | 4,117251 | 5,194283 | 4,42938  | 4,233551 |
| 0,9                               |      | 4,612136 | 4,71543  | 5,452775 | 5,508771 | 5,185061 |

| Maximum για v=0.1m/sec |      |          |          |          |          |          |
|------------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                  | θ(°) | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| 0,3                    |      | 28,47095 | 24,38136 | 28,97339 | 28,99654 | 29,02677 |
| 0,4                    |      | 25,50947 | 29,79897 | 27,66106 | 28,76784 | 28,78715 |
| 0,5                    |      | 29,5876  | 29,552   | 27,9397  | 29,31444 | 29,7591  |
| 0,6                    |      | 28,12893 | 29,87167 | 29,05706 | 27,9155  | 29,76289 |
| 0,7                    |      | 27,86373 | 29,45466 | 29,28563 | 27,66053 | 29,79401 |
| 0,8                    |      | 29,71229 | 29,00734 | 29,24458 | 29,55524 | 29,2779  |
| 0,9                    |      | 26,48909 | 29,59218 | 29,73982 | 29,65345 | 29,37598 |

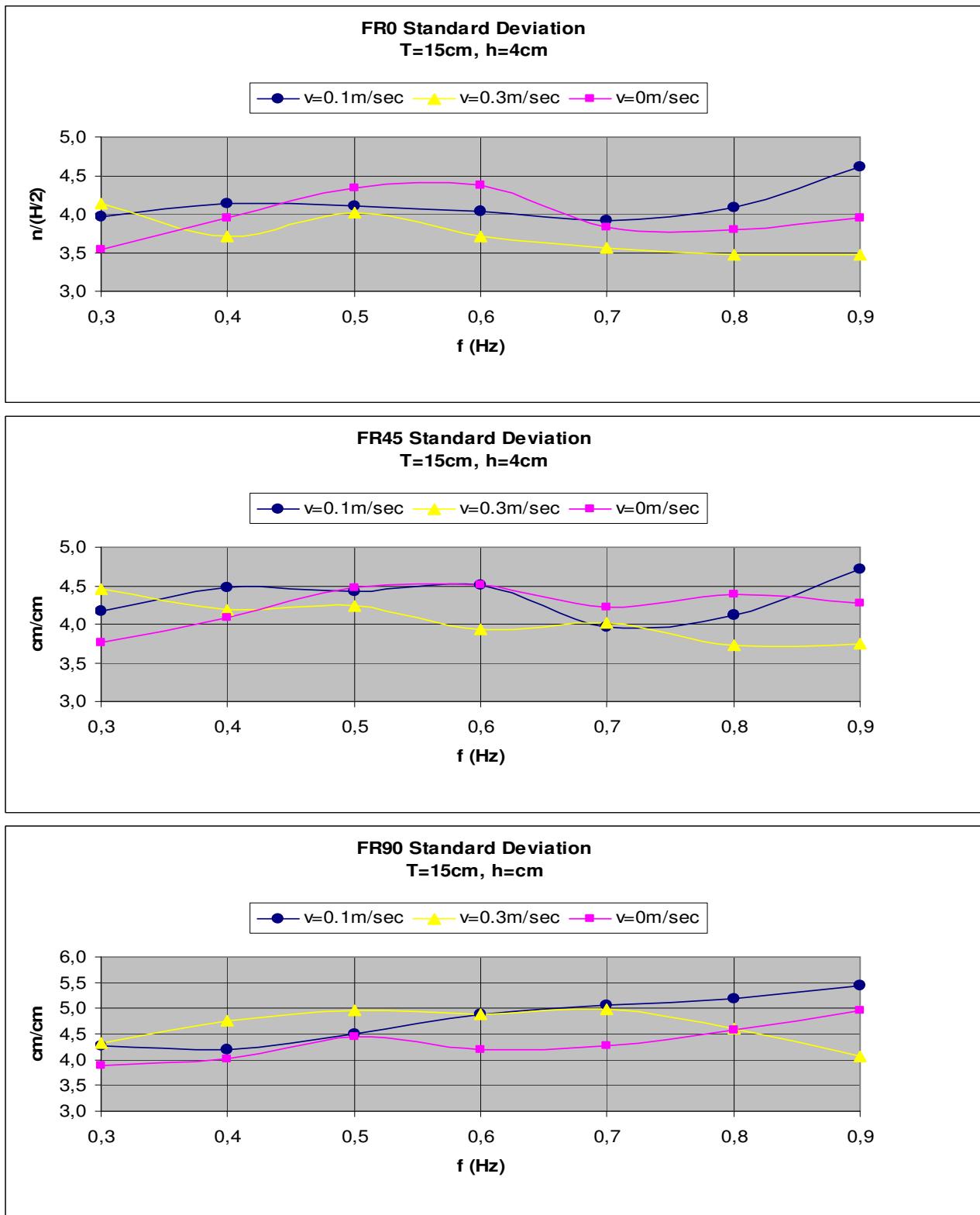
| Standard Deviation για v=0.3m/sec |      |          |          |          |          |          |
|-----------------------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                             | θ(°) | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| 0,3                               |      | 4,128906 | 4,455526 | 4,330256 | 4,05015  | 3,895214 |
| 0,4                               |      | 3,714141 | 4,181967 | 4,746312 | 4,472619 | 4,240248 |
| 0,5                               |      | 4,020138 | 4,243664 | 4,946304 | 4,707454 | 4,335112 |
| 0,6                               |      | 3,7186   | 3,937718 | 4,878302 | 4,582785 | 4,16182  |
| 0,7                               |      | 3,5653   | 4,010612 | 4,981652 | 4,89136  | 3,803513 |
| 0,8                               |      | 3,479736 | 3,727033 | 4,602083 | 4,763568 | 3,964951 |
| 0,9                               |      | 3,475469 | 3,752064 | 4,079174 | 5,870253 | 4,271097 |

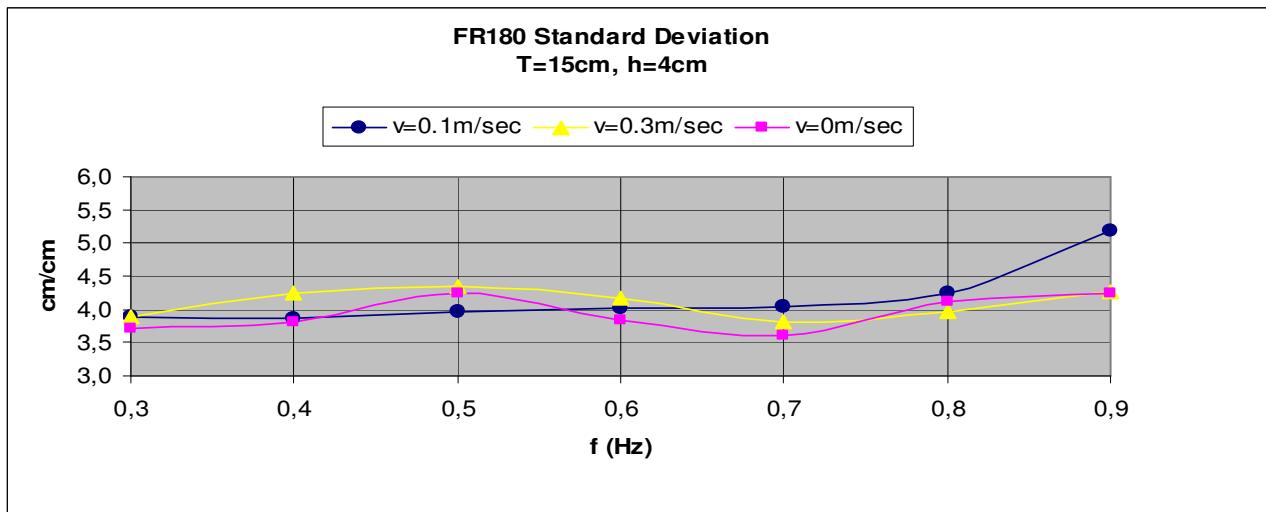
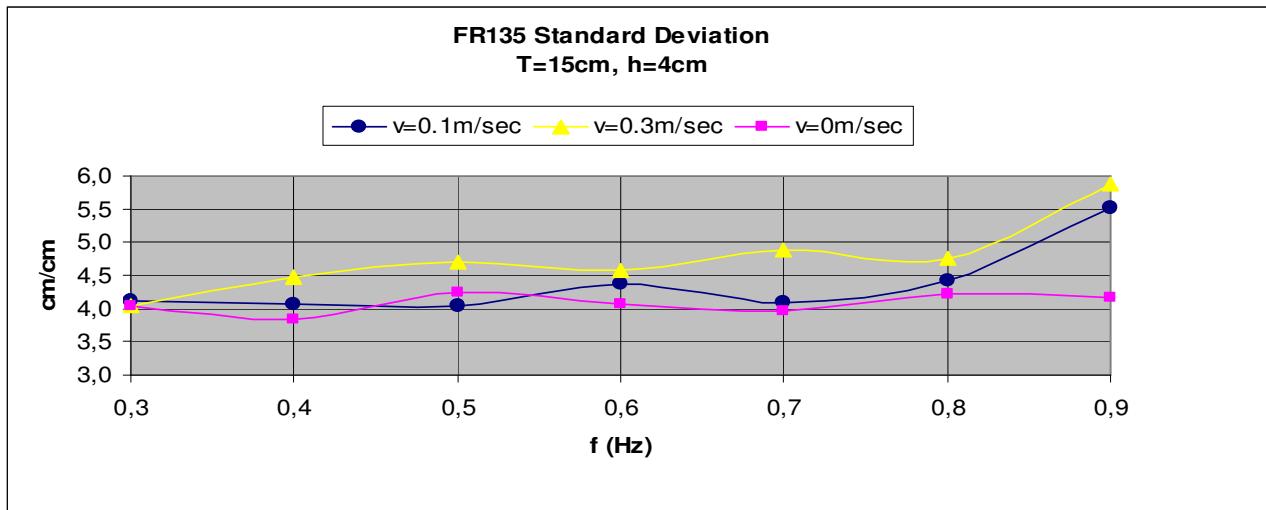
| Maximum για v=0.3m/sec |      |          |          |          |          |          |
|------------------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                  | θ(°) | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| 0,3                    |      | 29,66908 | 29,83578 | 29,92334 | 29,33926 | 29,37497 |
| 0,4                    |      | 27,70323 | 26,69744 | 28,44604 | 29,67984 | 29,40844 |
| 0,5                    |      | 28,70866 | 28,32812 | 29,15883 | 28,86257 | 28,21842 |
| 0,6                    |      | 29,86761 | 28,228   | 29,92451 | 27,50543 | 27,64918 |
| 0,7                    |      | 26,70863 | 29,45466 | 28,45431 | 28,94323 | 29,15651 |
| 0,8                    |      | 26,10115 | 28,60301 | 27,63224 | 27,8     | 29,2779  |
| 0,9                    |      | 29,75093 | 29,1715  | 29,73982 | 29,65345 | 29,37598 |

**3.4.1.1 Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  –  $f$  σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία**

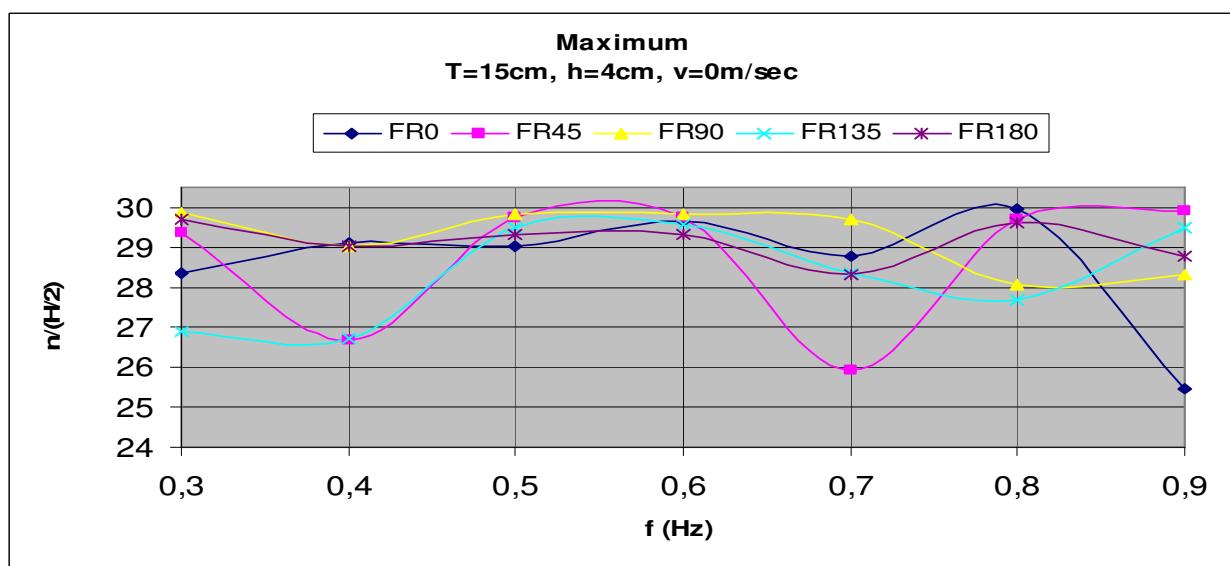


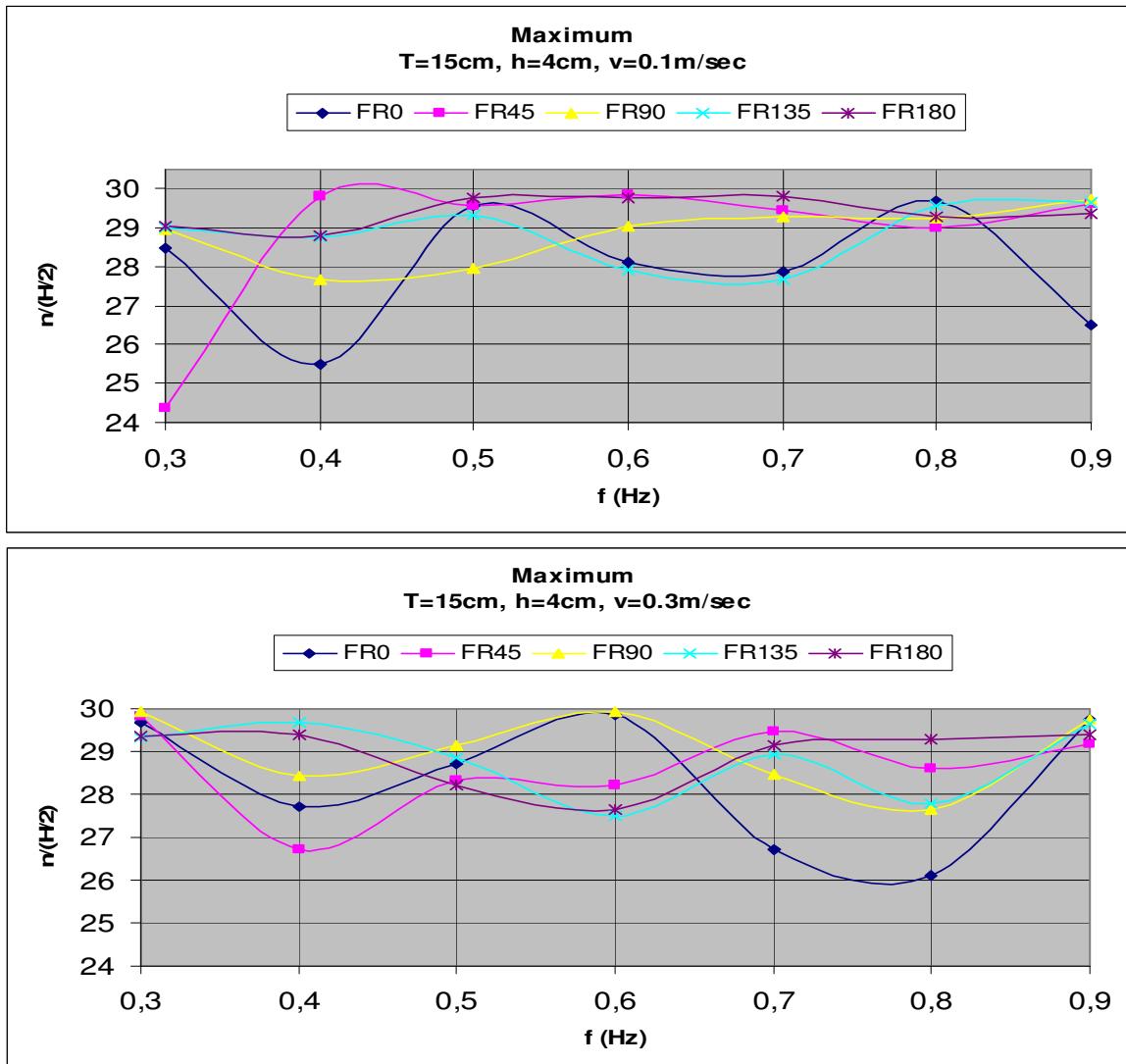
**3.4.1.2 Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  – f σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα**



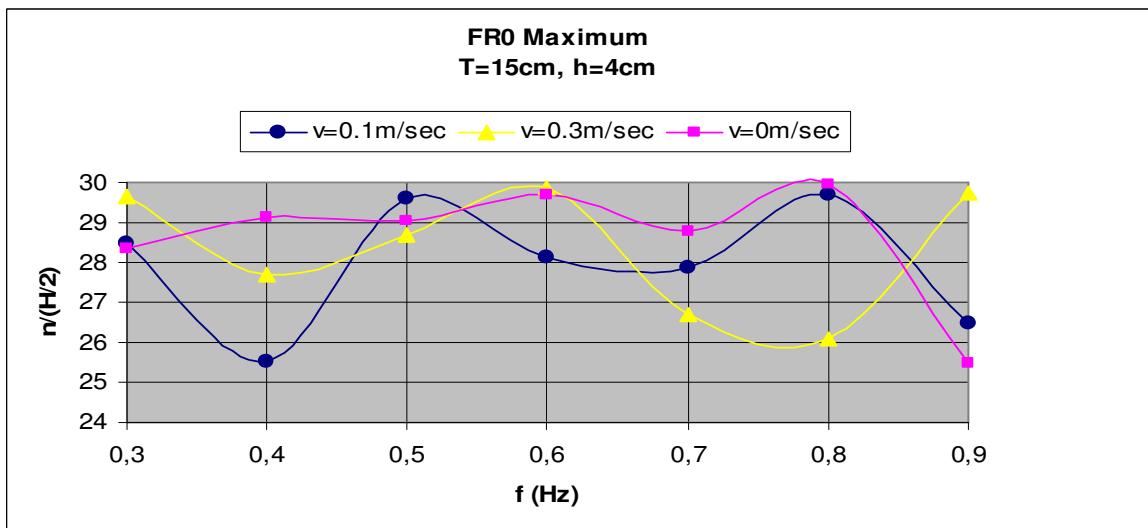


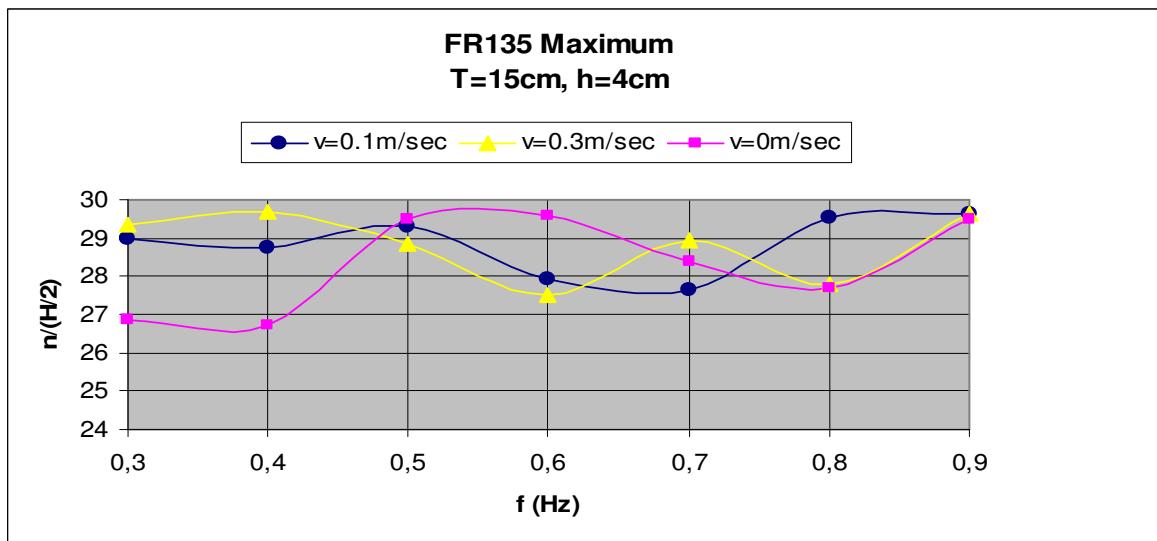
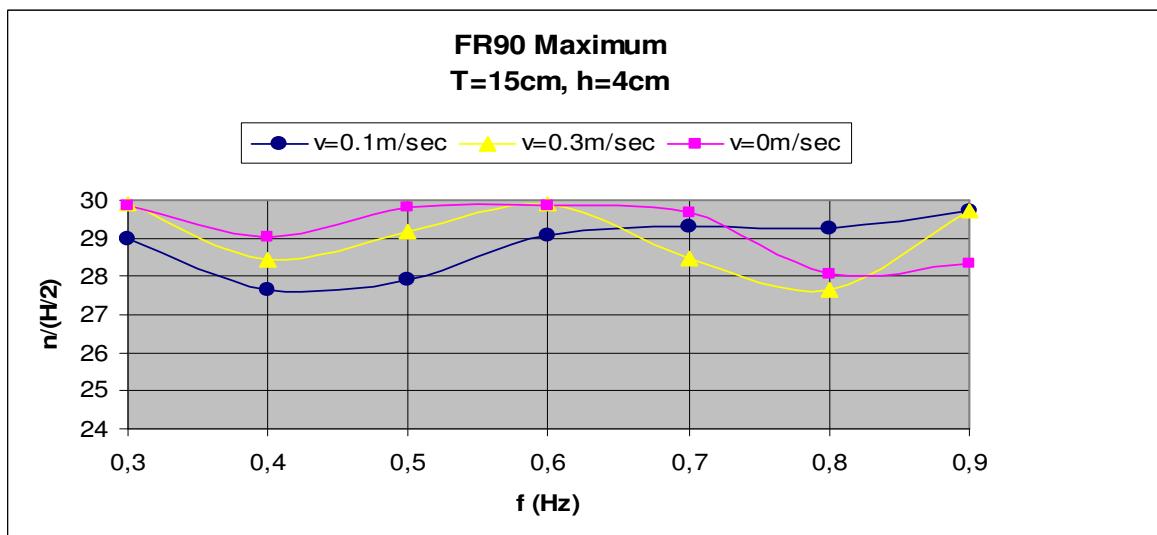
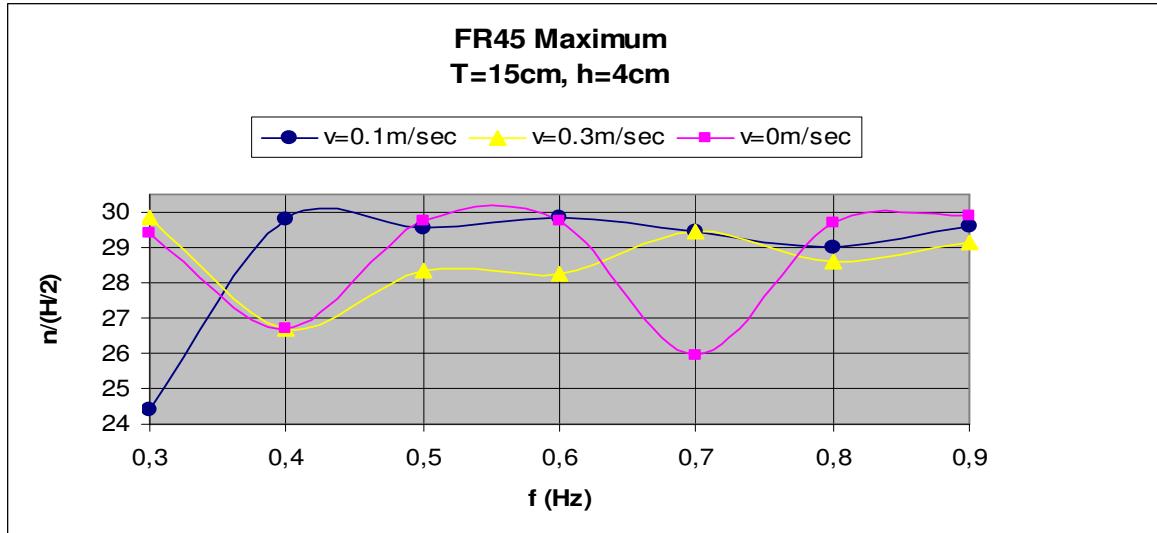
#### 3.4.1.3 Διάγραμμα Maximum n/(H/2) – f σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία

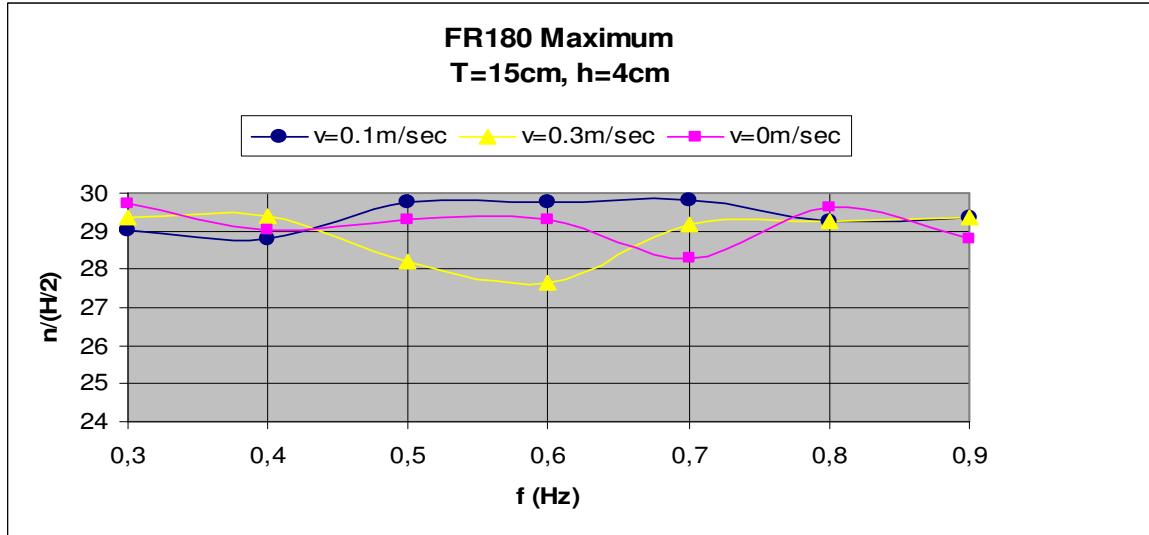




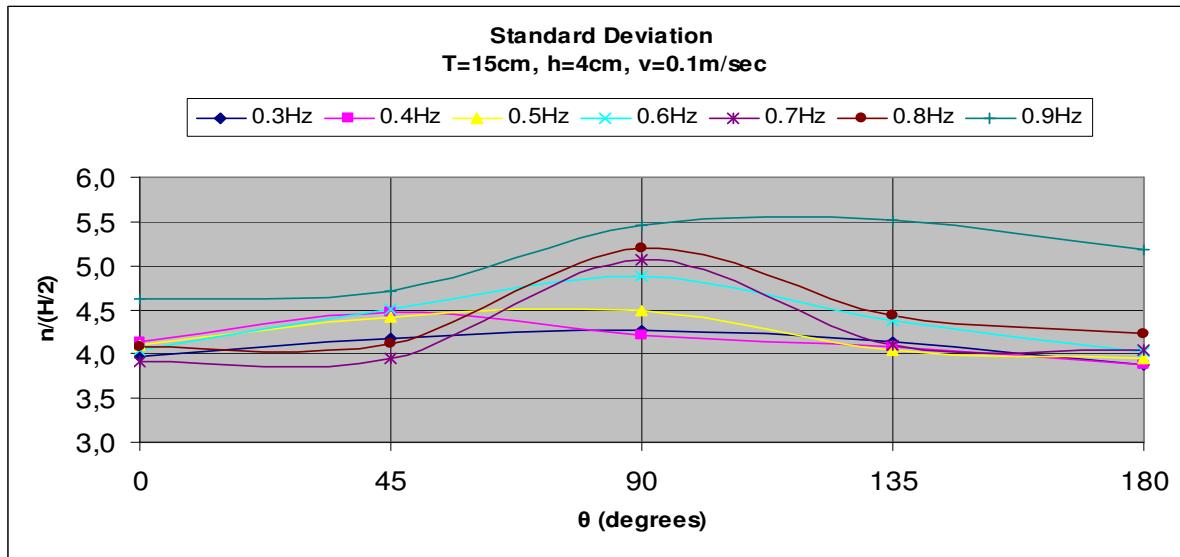
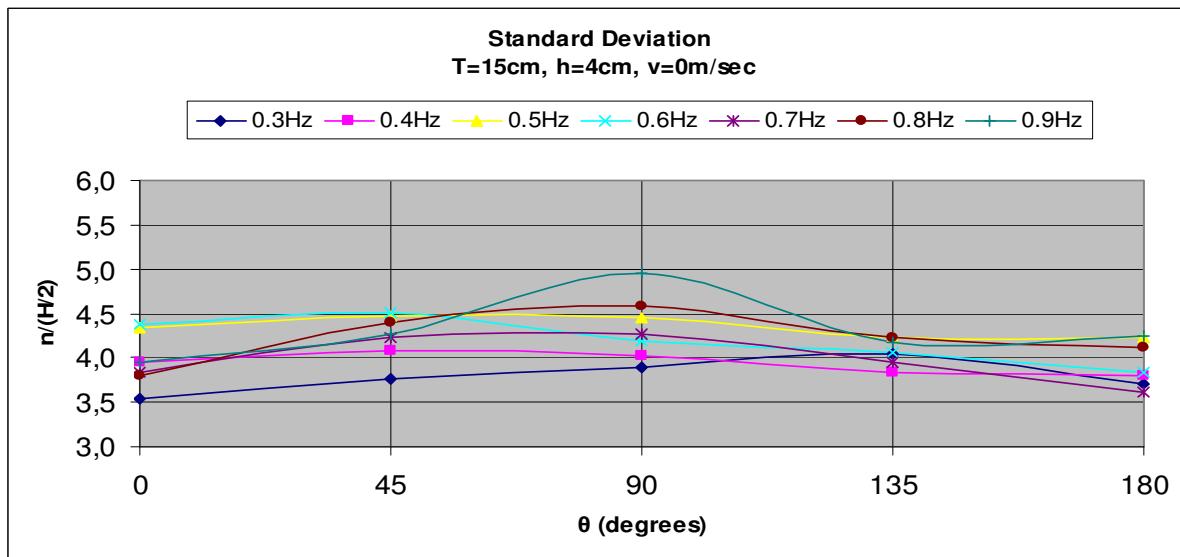
3.4.1.4 Διάγραμμα Maximum  $n/(H/2)$  –  $f$  σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα

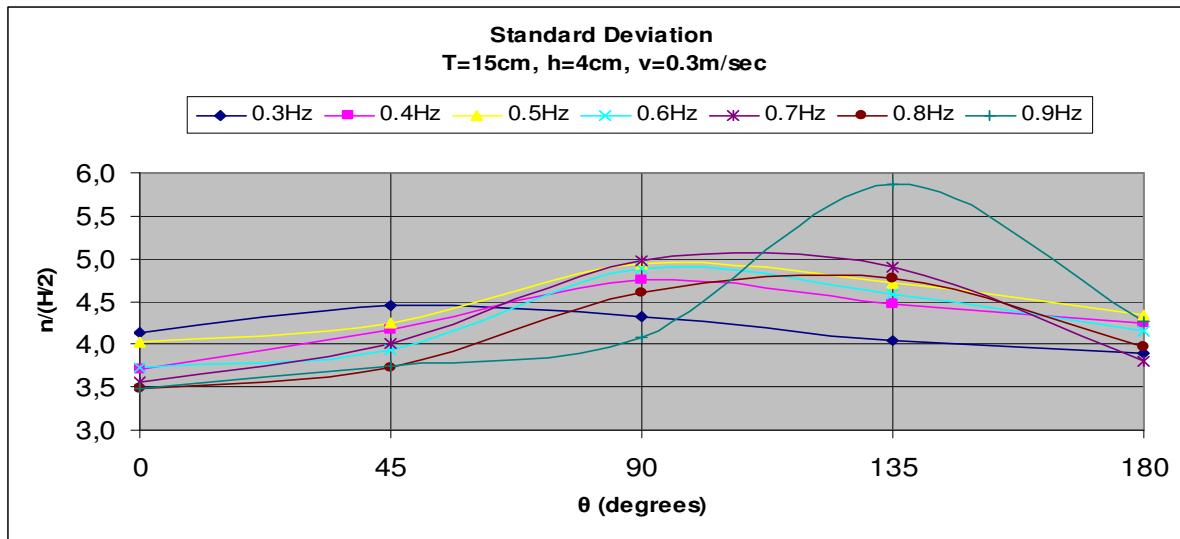




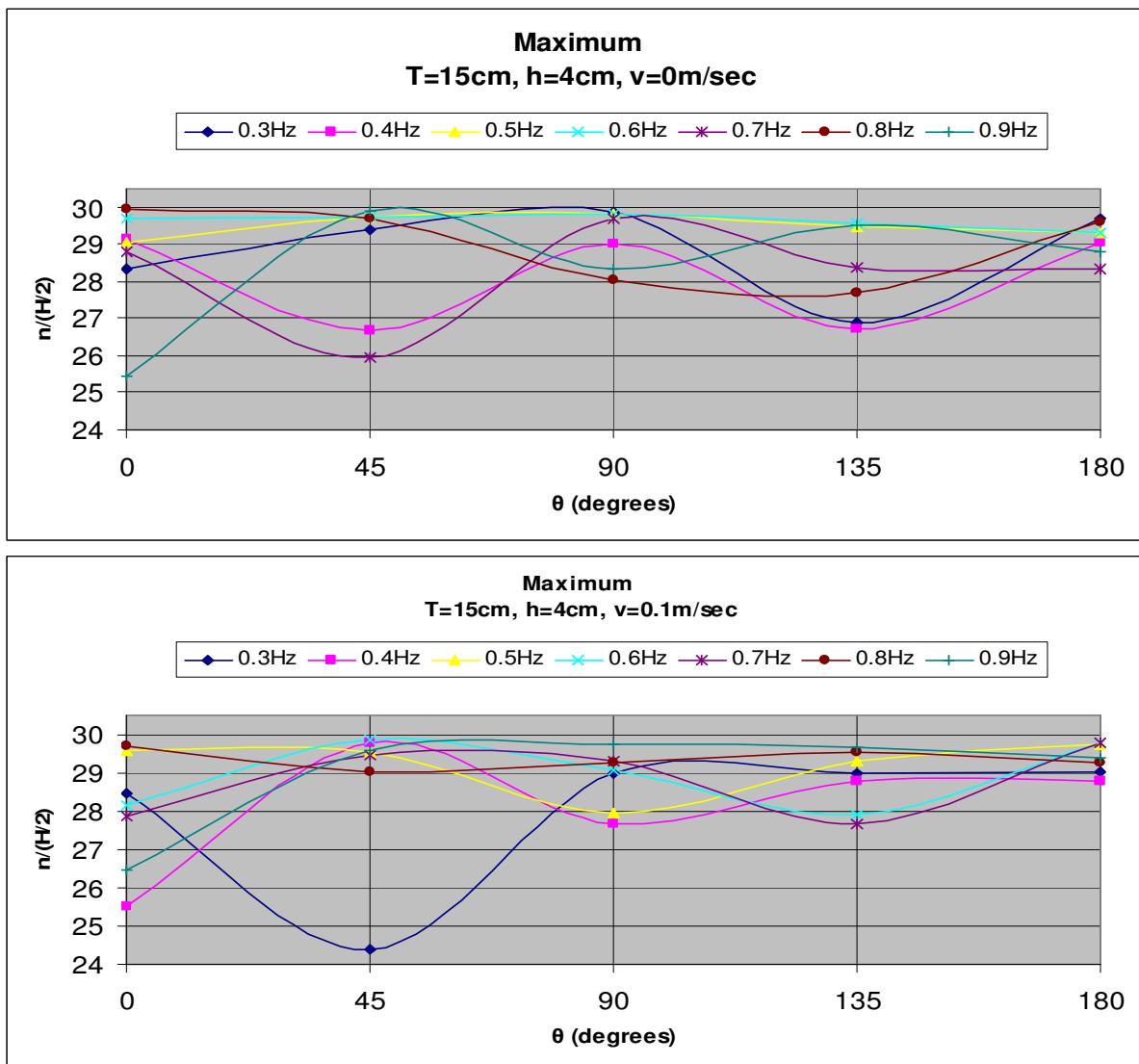


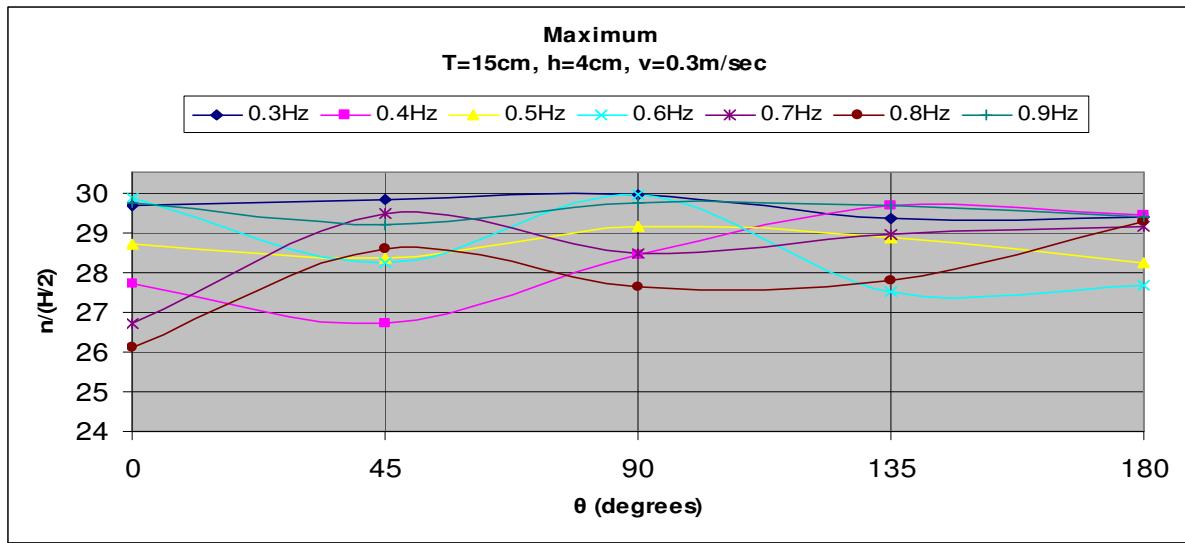
3.4.1.5 Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  –  $\theta$  σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα





3.4.1.6 Διάγραμμα Maximum  $n/(H/2)$  –  $\theta$  σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα





3.4.2 Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για το Πόδι για h=6cm

**Standard Deviation για v=0 m/sec**

| f(Hz)      | θ(°) | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
|------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| <b>0,5</b> |      | 4,158652 | 4,546044 | 4,338264 | 4,027478 | 3,805202 |
| <b>0,6</b> |      | 4,279302 | 4,372917 | 4,465131 | 4,424185 | 3,895566 |
| <b>0,7</b> |      | 3,824636 | 4,077052 | 4,269681 | 4,045183 | 3,901587 |
| <b>0,8</b> |      | 4,102747 | 4,429279 | 4,626206 | 4,634207 | 4,509831 |

**Maximum για v=0 m/sec**

| f(Hz)      | θ(°) | 0           | 45       | 90       | 135       | 180        |
|------------|------|-------------|----------|----------|-----------|------------|
| <b>0,5</b> |      | 27,25767698 | 29,86723 | 26,65852 | 29,719543 | 29,1699507 |
| <b>0,6</b> |      | 29,48920452 | 27,51305 | 29,15921 | 29,328825 | 28,4853962 |
| <b>0,7</b> |      | 28,81671244 | 28,88755 | 29,36644 | 27,493118 | 29,3041942 |
| <b>0,8</b> |      | 27,73600084 | 29,92245 | 26,59632 | 28,582622 | 29,5520148 |

**Standard Deviation για v=0,1 m/sec**

| f(Hz)      | θ(°) | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
|------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| <b>0,5</b> |      | 4,249238 | 4,549086 | 4,834308 | 4,400656 | 4,087736 |
| <b>0,6</b> |      | 4,23806  | 4,437009 | 5,033264 | 4,735403 | 4,237498 |
| <b>0,7</b> |      | 3,836028 | 4,087781 | 4,925667 | 4,674447 | 4,285081 |

**Maximum για v=0,1m /sec**

| f(Hz)      | θ(°) | 0           | 45       | 90       | 135       | 180        |
|------------|------|-------------|----------|----------|-----------|------------|
| <b>0,5</b> |      | 28,30445451 | 28,89942 | 29,70847 | 29,933145 | 29,044911  |
| <b>0,6</b> |      | 27,12053465 | 29,86061 | 29,86301 | 29,369638 | 29,5972859 |
| <b>0,7</b> |      | 28,54558606 | 29,13419 | 28,33215 | 29,447443 | 29,5935127 |

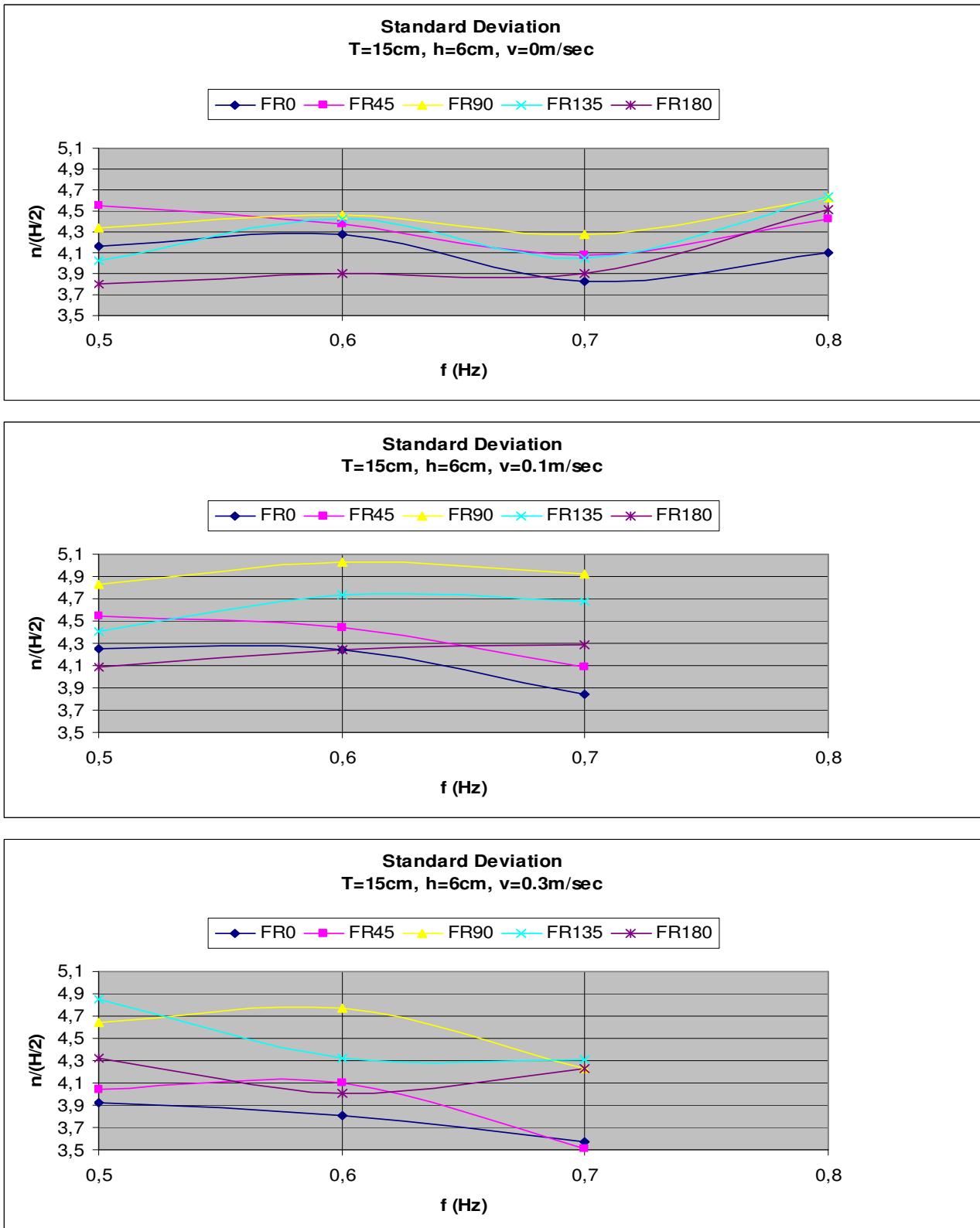
**Standard Deviation για v=0,3 m/sec**

| f(Hz)      | θ(°) | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
|------------|------|----------|----------|----------|----------|----------|
| <b>0,5</b> |      | 3,926856 | 4,040956 | 4,638677 | 4,854436 | 4,327169 |
| <b>0,6</b> |      | 3,810449 | 4,094604 | 4,764947 | 4,326746 | 4,003175 |
| <b>0,7</b> |      | 3,574895 | 3,510549 | 4,229541 | 4,308307 | 4,22607  |

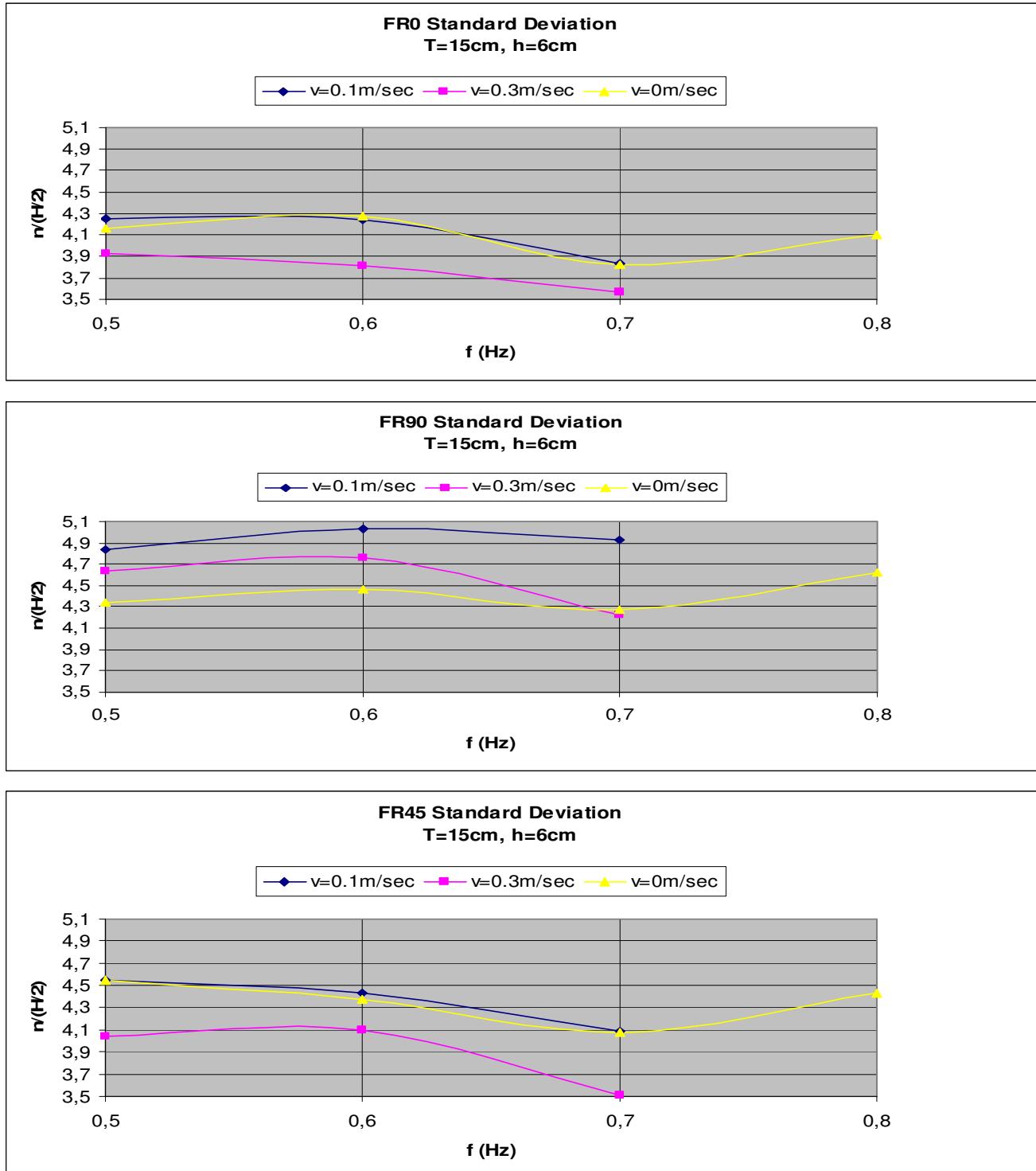
**Maximum για v=0,3 m/sec**

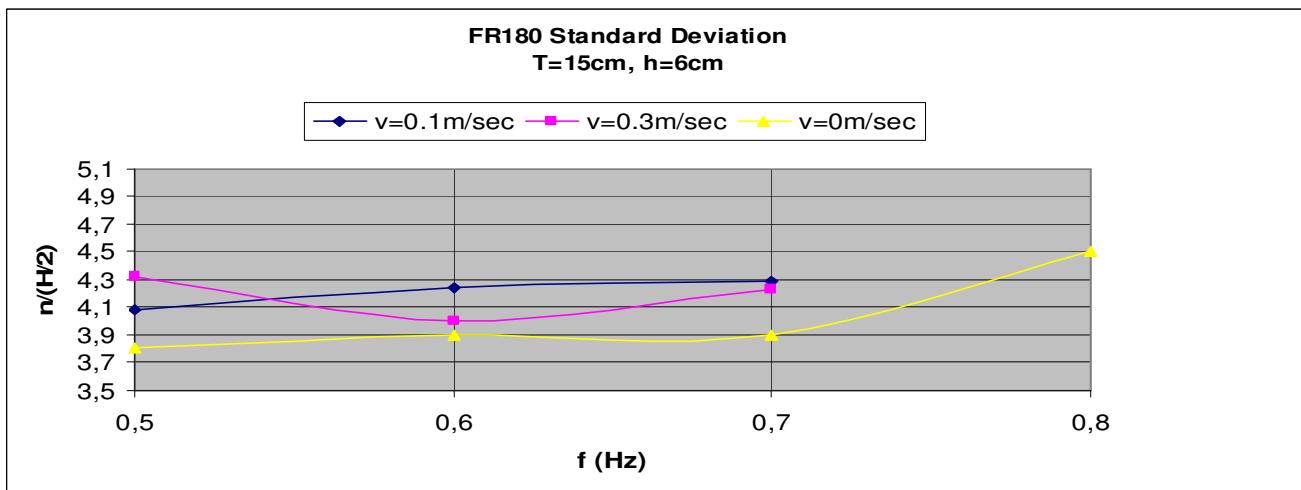
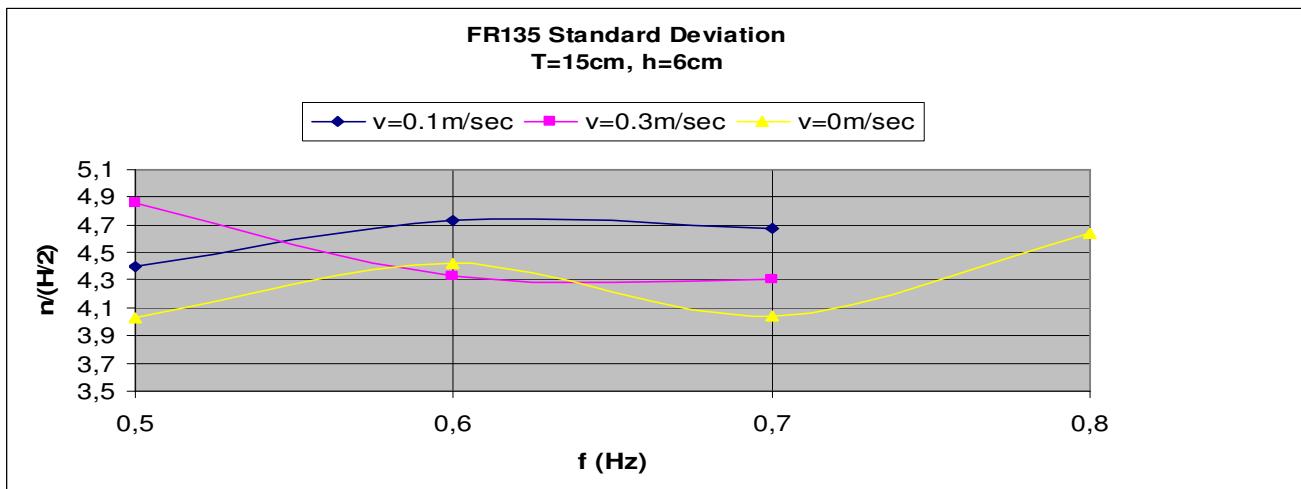
| f(Hz)      | θ(°) | 0           | 45       | 90       | 135       | 180        |
|------------|------|-------------|----------|----------|-----------|------------|
| <b>0,5</b> |      | 29,75699577 | 28,63061 | 29,70847 | 29,005755 | 29,463593  |
| <b>0,6</b> |      | 28,4512469  | 29,29227 | 26,92212 | 27,910358 | 27,9768222 |
| <b>0,7</b> |      | 24,87225563 | 27,56855 | 27,80816 | 29,141902 | 28,9644667 |

3.4.2.1 Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  – f σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία

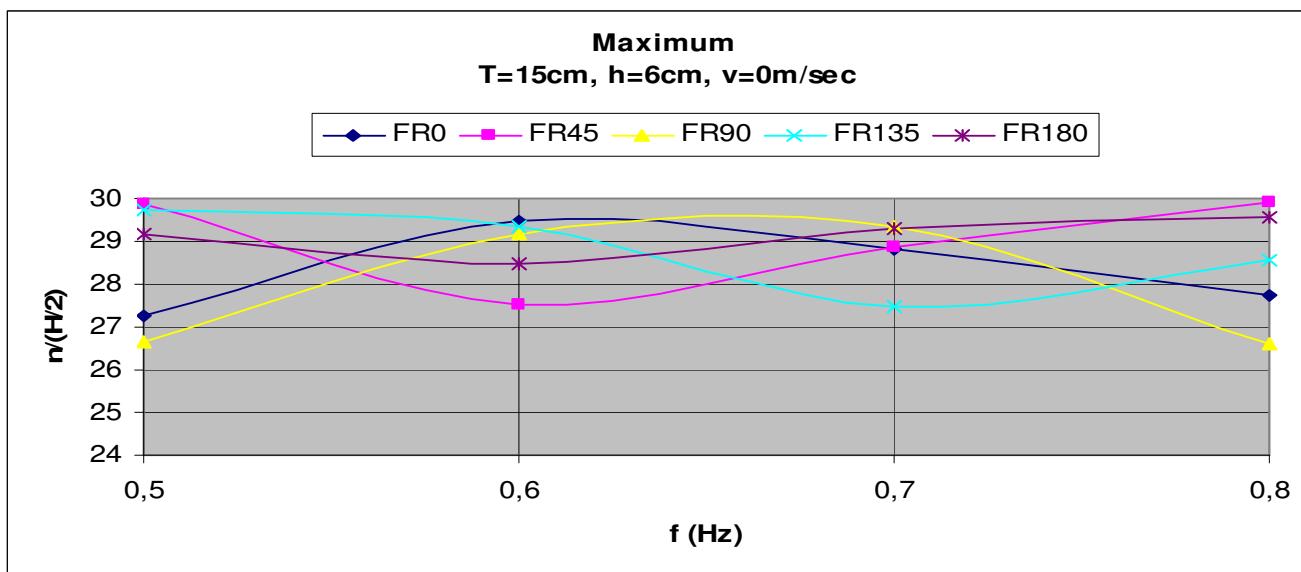


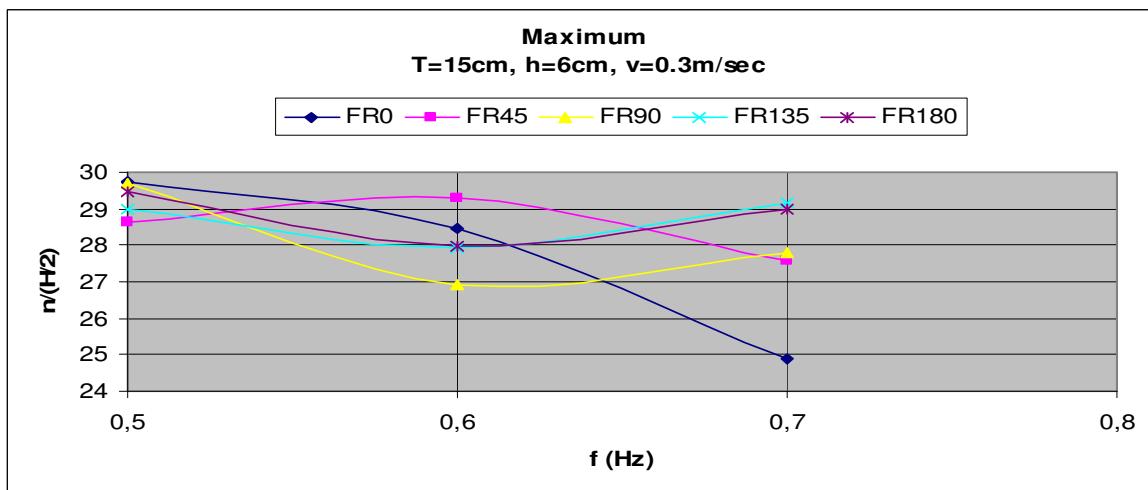
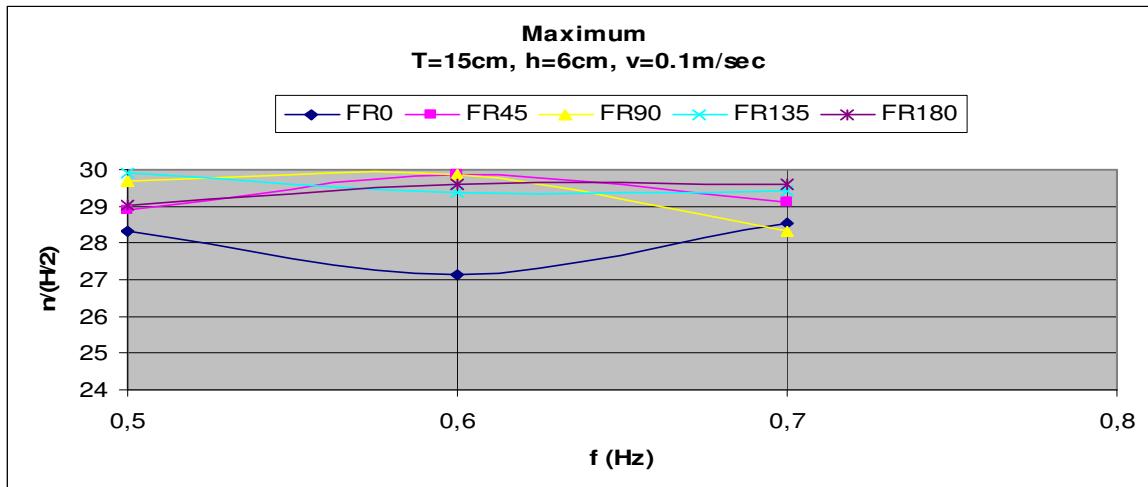
### 3.4.2.2 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2)$ – f σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα



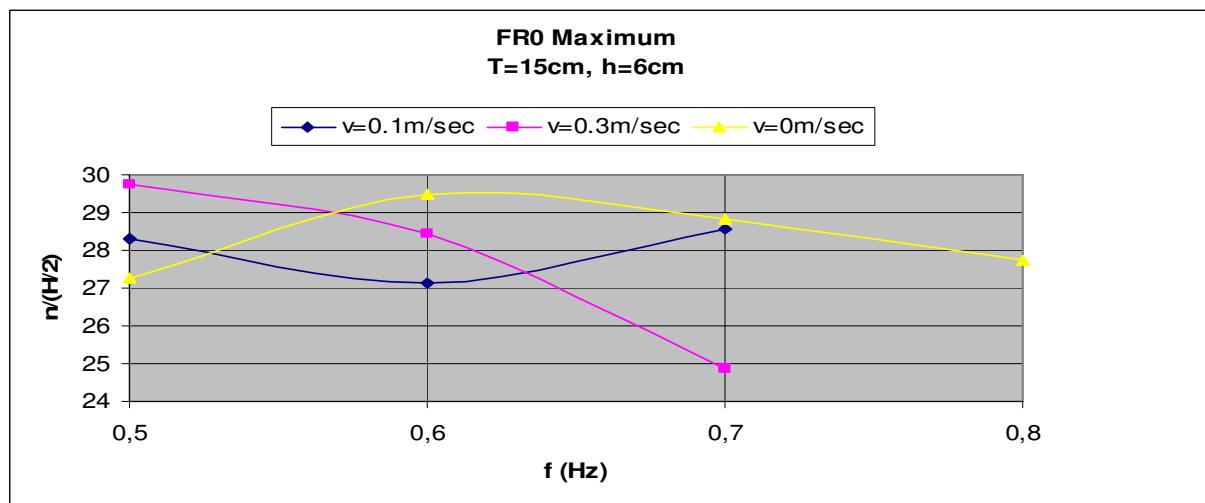


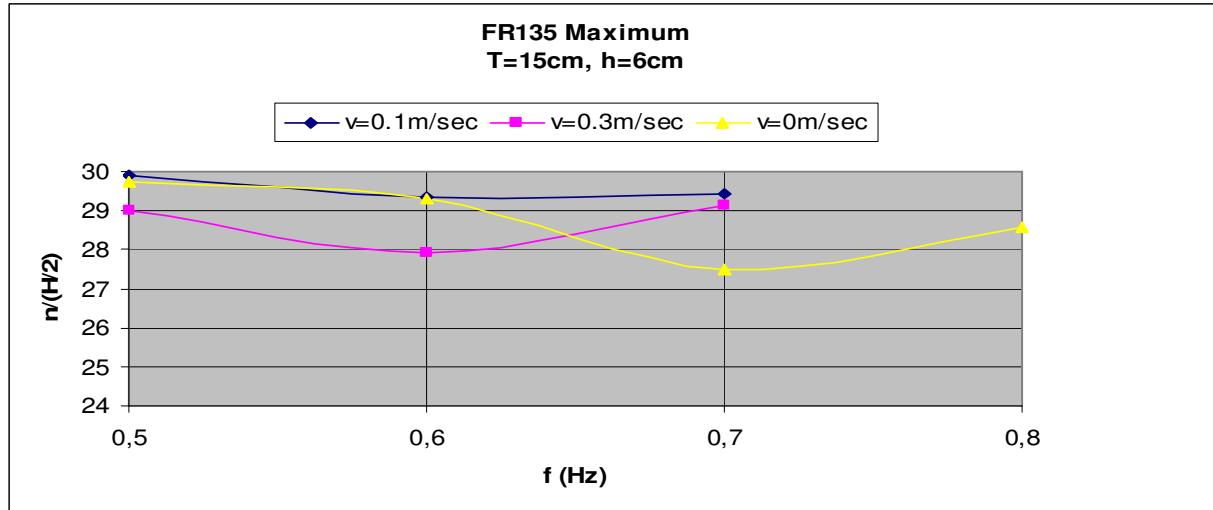
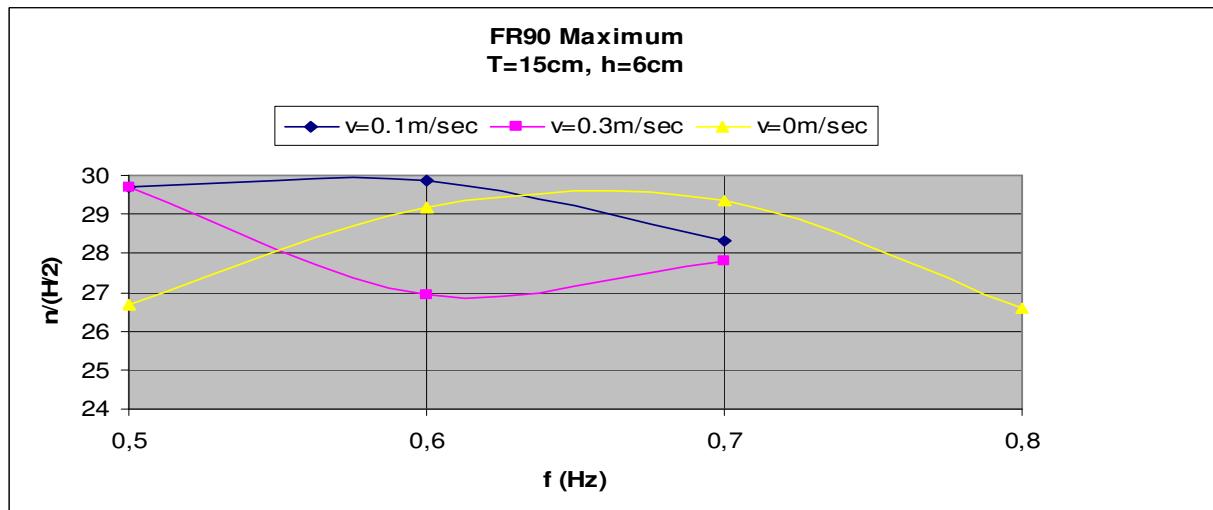
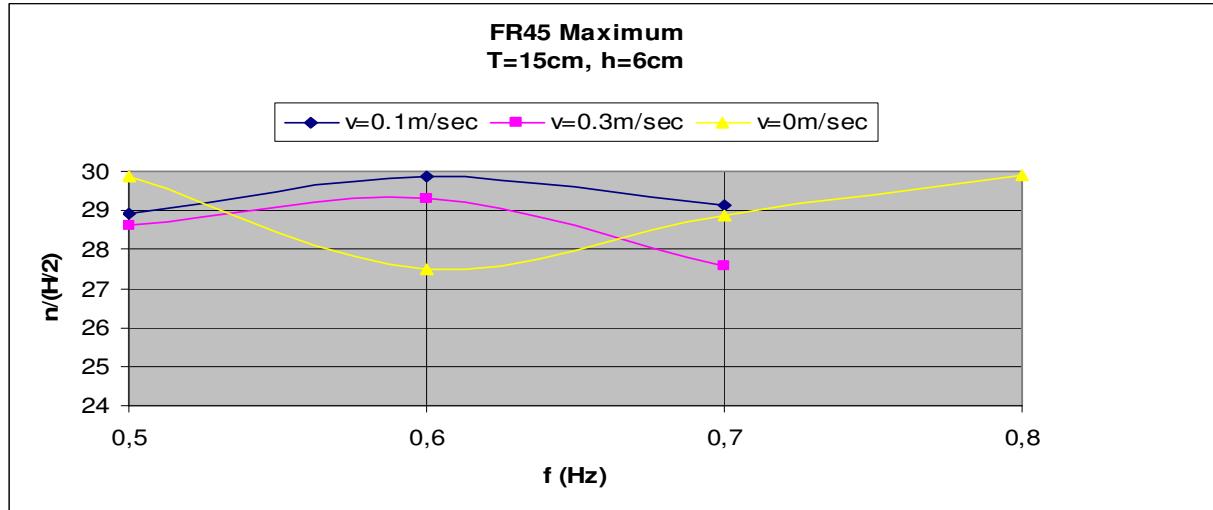
### 3.4.2.3 Διάγραμμα Maximum n/(H/2) – f σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία

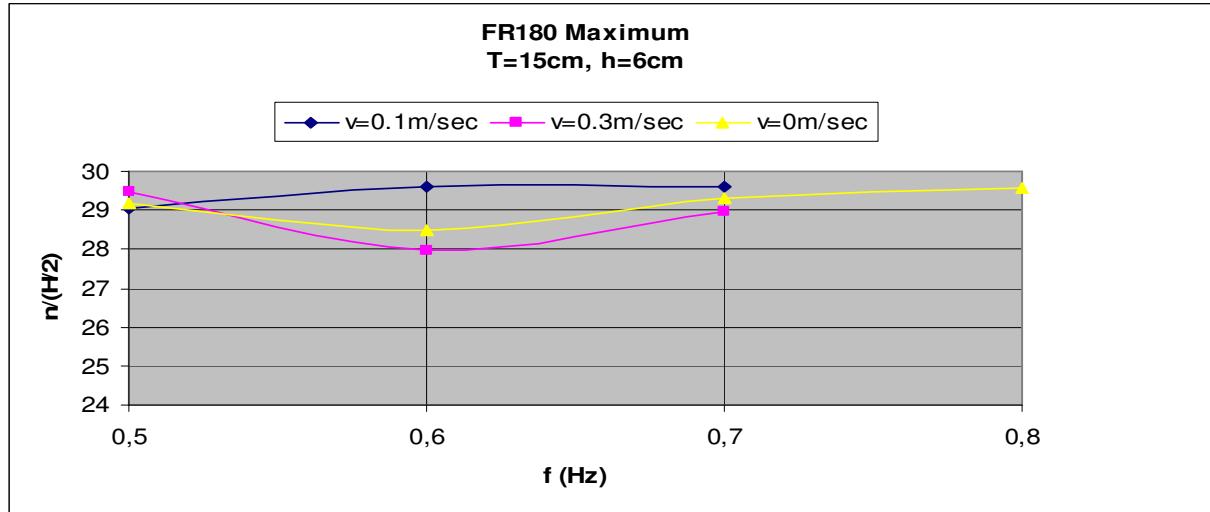




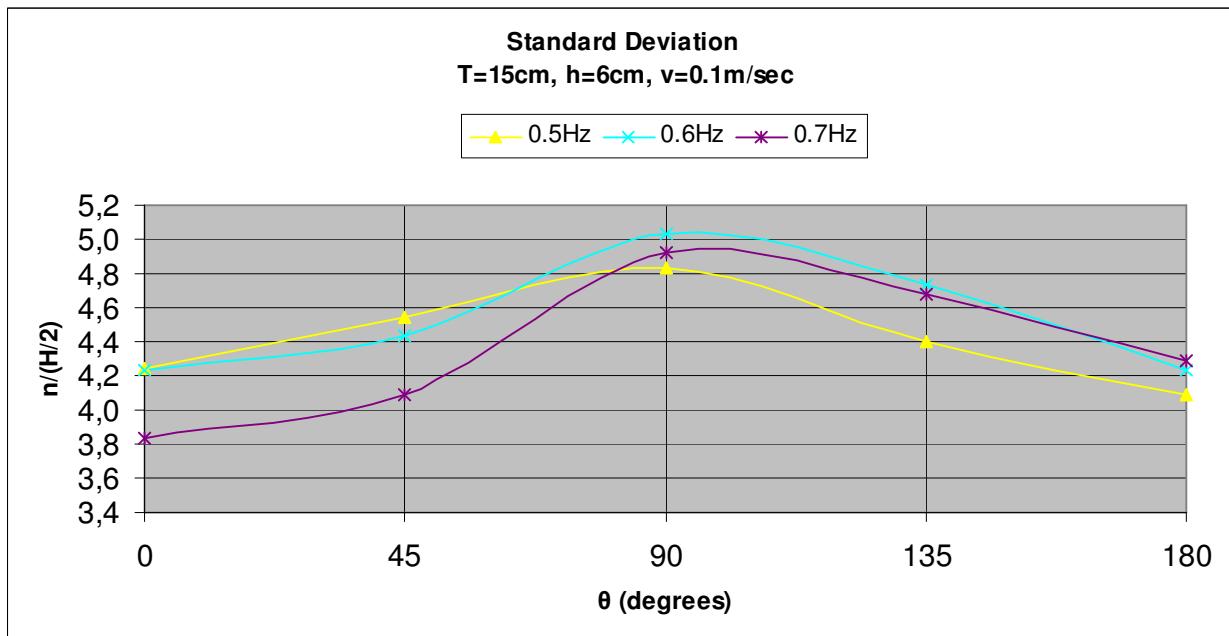
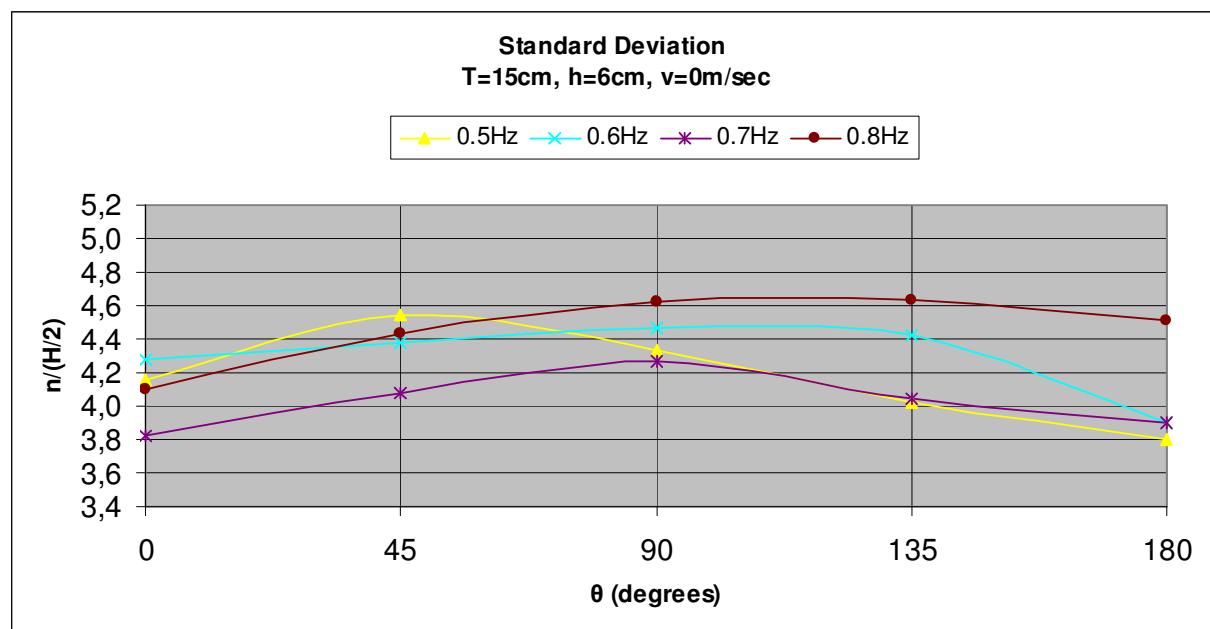
#### 3.4.2.4 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2)$ – $f$ σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα

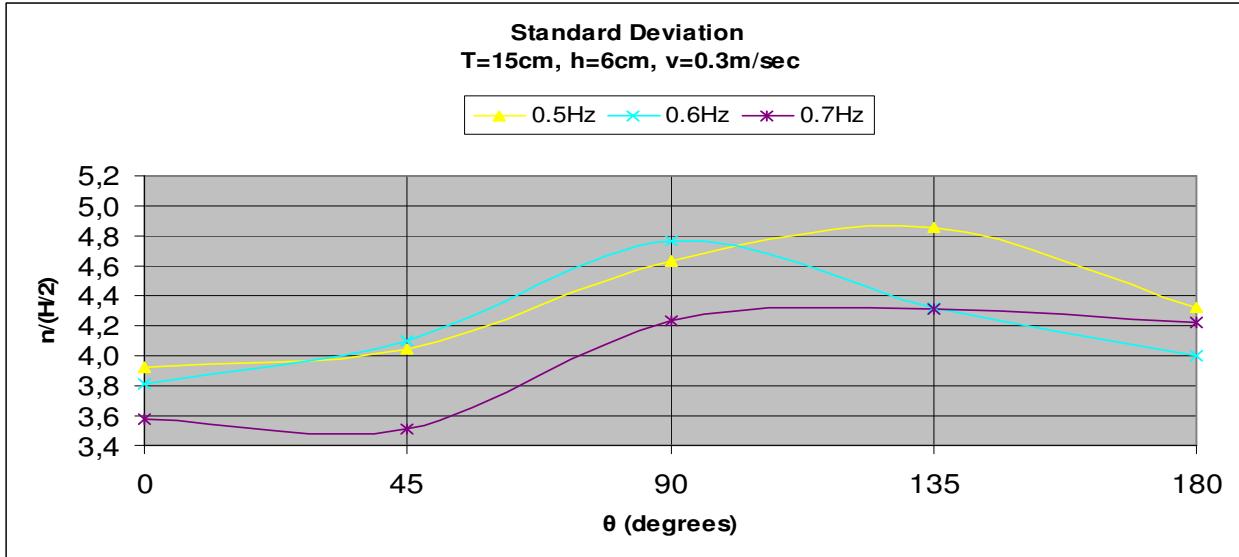




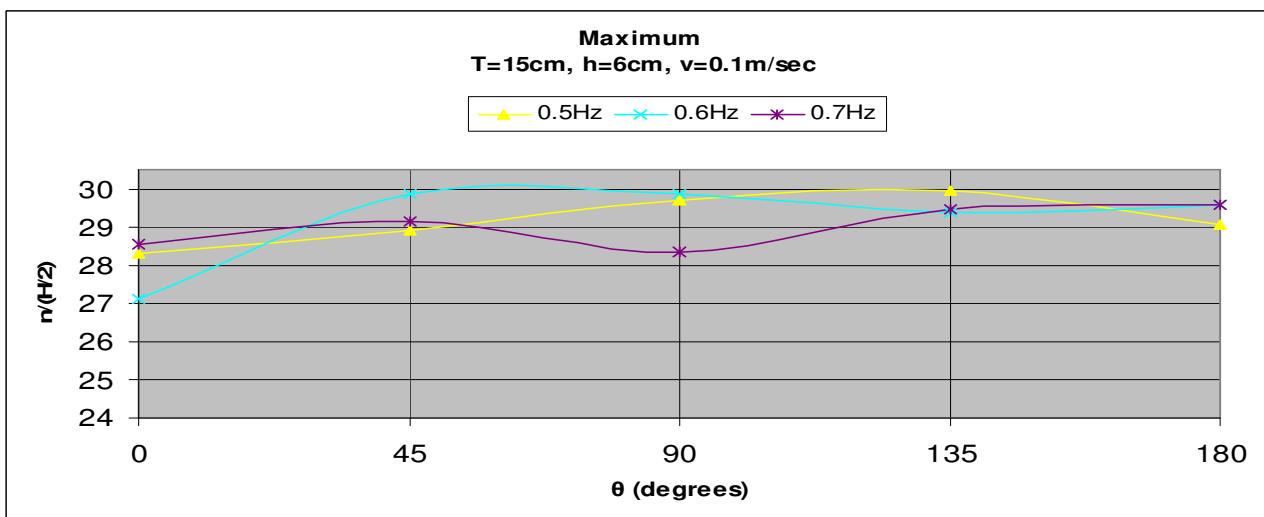
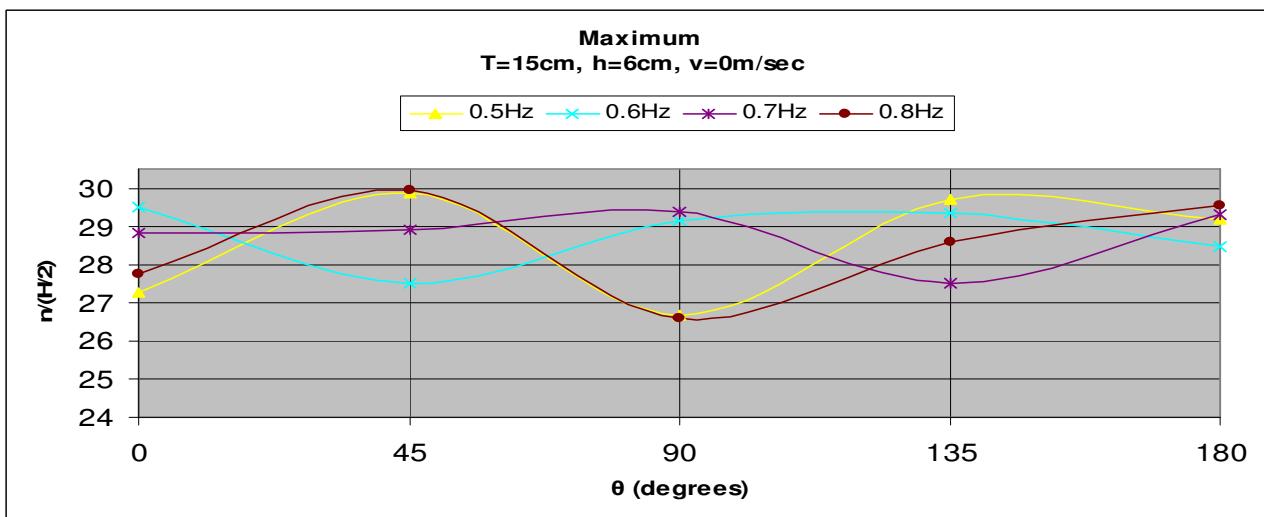


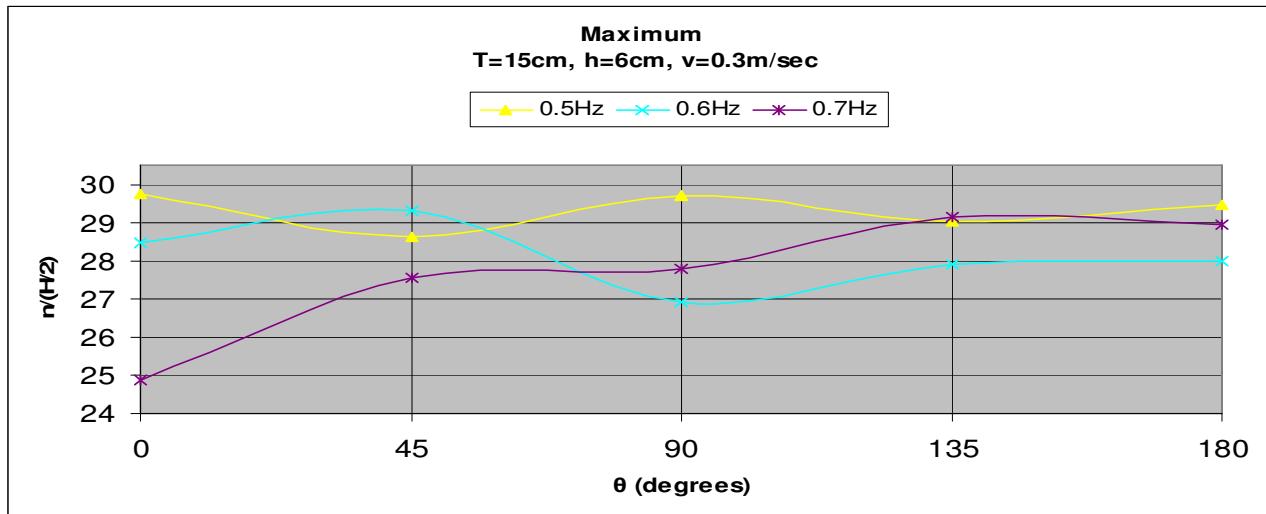
### 3.4.2.5 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2)$ – $\theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα





### 3.4.2.6 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2)$ – $\theta$ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα





3.4.3 Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για το Πόδι για  $h=7\text{cm}$

| Standard Deviation για $v=0 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |          |
|--|--------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                                      | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| 0,6  |                    | 4,013447 | 4,309037 | 4,215831 | 4,448193 | 3,856432 |
| 0,7  |                    | 3,770455 | 3,689013 | 4,753075 | 4,419037 | 4,066727 |

| Maximum για $v=0 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |          |
|---------------------------------|--------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                           | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| 0,6                             |                    | 29,54044 | 28,5589  | 29,26261 | 29,9135  | 29,68188 |
| 0,7                             |                    | 28,29516 | 25,64382 | 29,15522 | 29,69247 | 29,06854 |

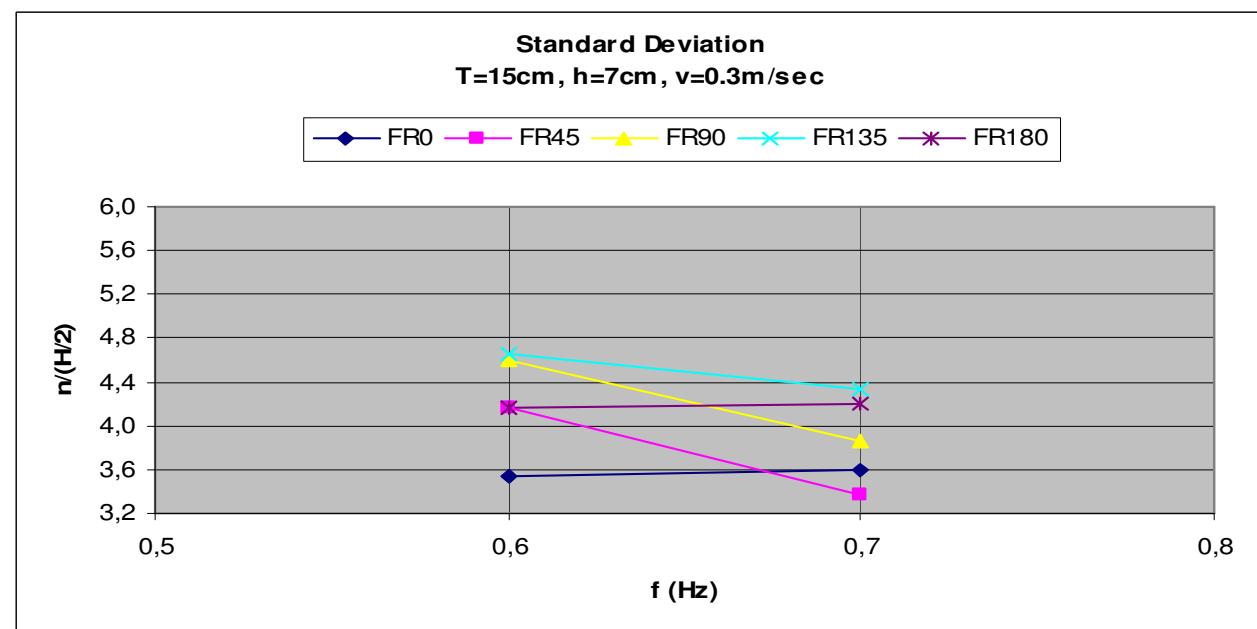
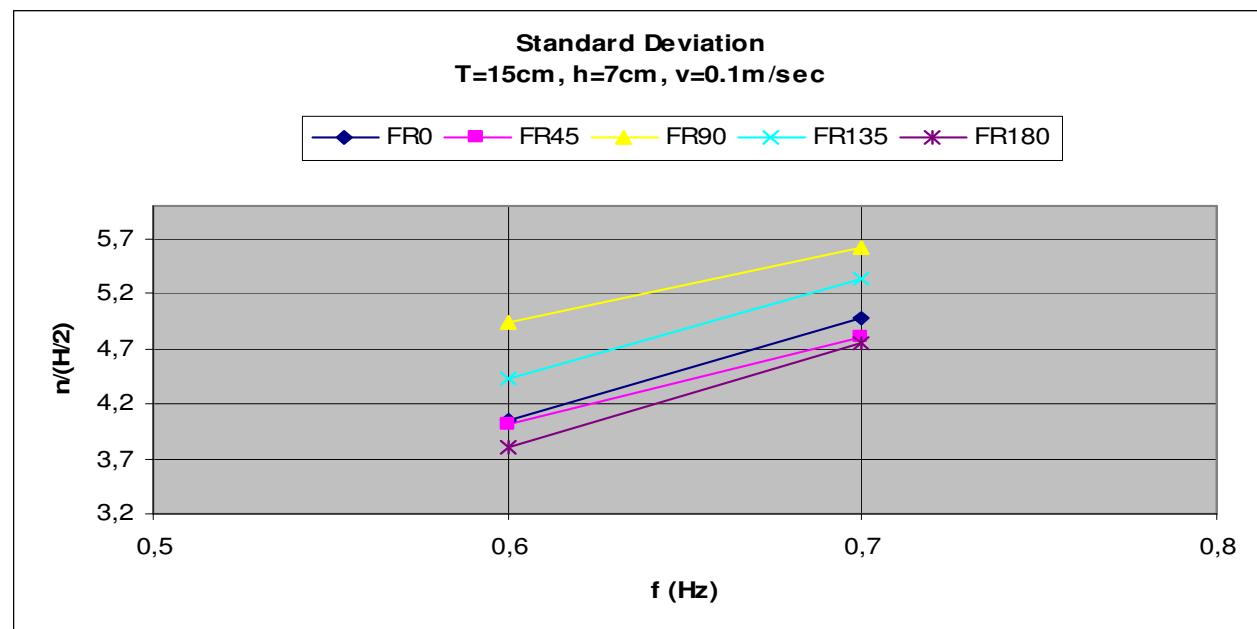
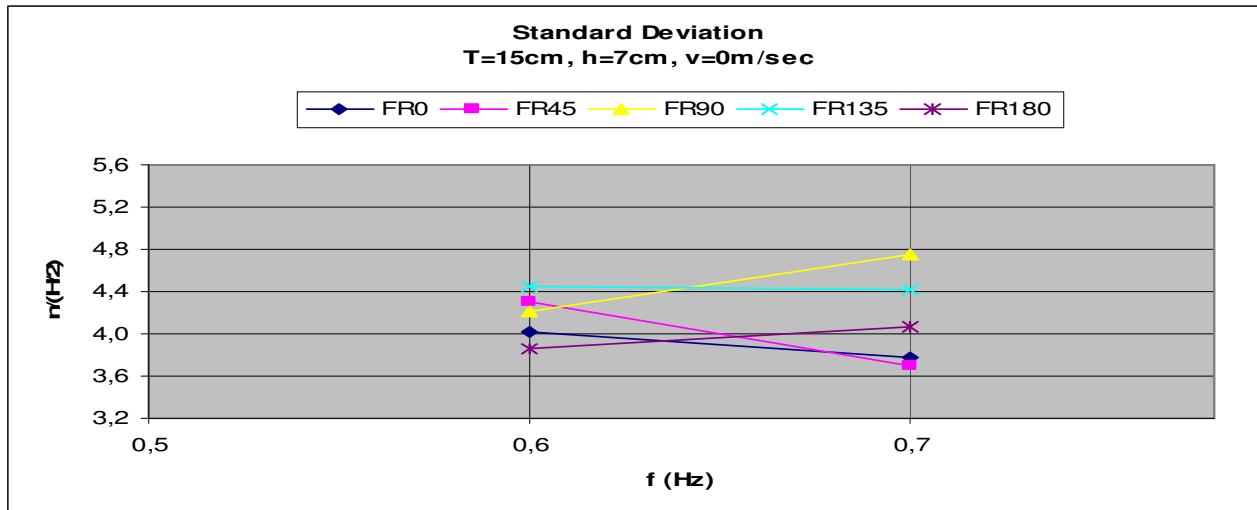
| Standard Deviation για $v=0,1 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |          |
|--|--------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)  | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| 0,6  |                    | 4,053978 | 4,01351  | 4,939694 | 4,433919 | 3,810532 |
| 0,7  |                    | 4,970671 | 4,813223 | 5,624508 | 5,340368 | 4,749247 |

| Maximum για $v=0,1 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |          |
|-----------------------------------|--------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                             | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| 0,6                               |                    | 29,68409 | 29,32911 | 28,77691 | 29,79368 | 28,2792  |
| 0,7                               |                    | 29,92592 | 28,00891 | 29,80656 | 29,26321 | 29,90948 |

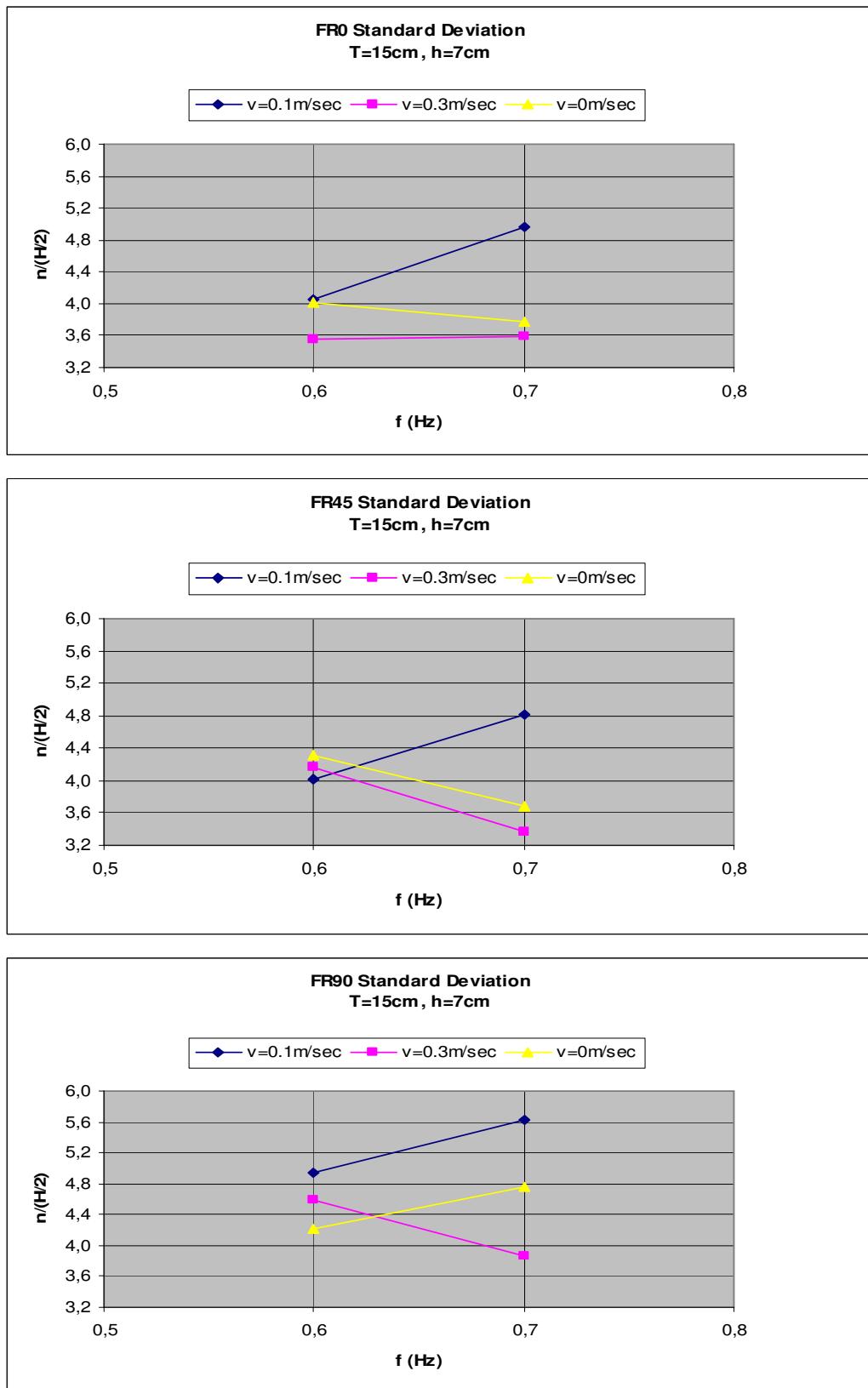
| Standard Deviation για $v=0,3 \text{ m/sec}$ |                    |         |          |          |          |          |
|--|--------------------|---------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)  | $\theta(^{\circ})$ | 0       | 45       | 90       | 135      | 180      |
| 0,6  |                    | 3,54939 | 4,162647 | 4,591765 | 4,658691 | 4,164223 |
| 0,7  |                    | 3,59274 | 3,365112 | 3,858377 | 4,337347 | 4,210975 |

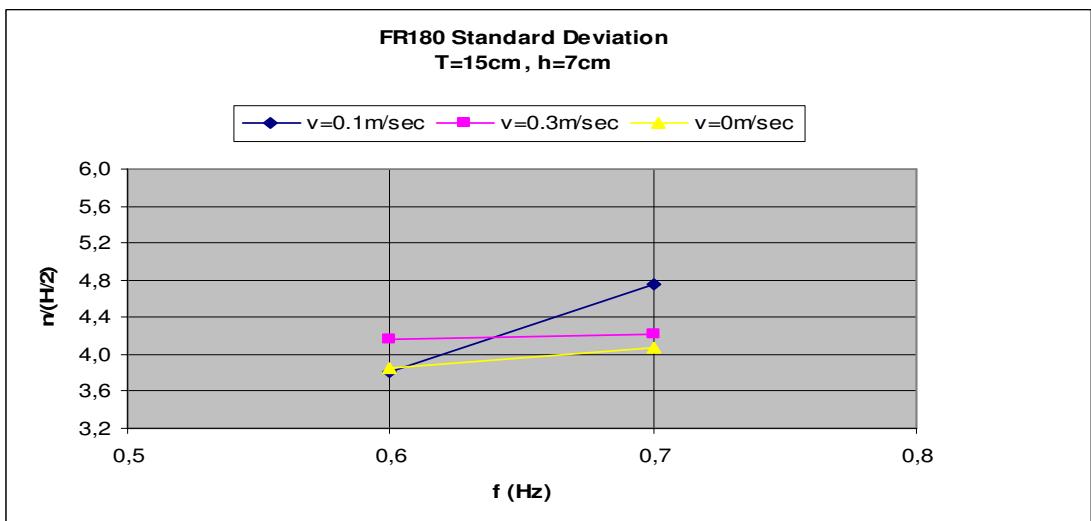
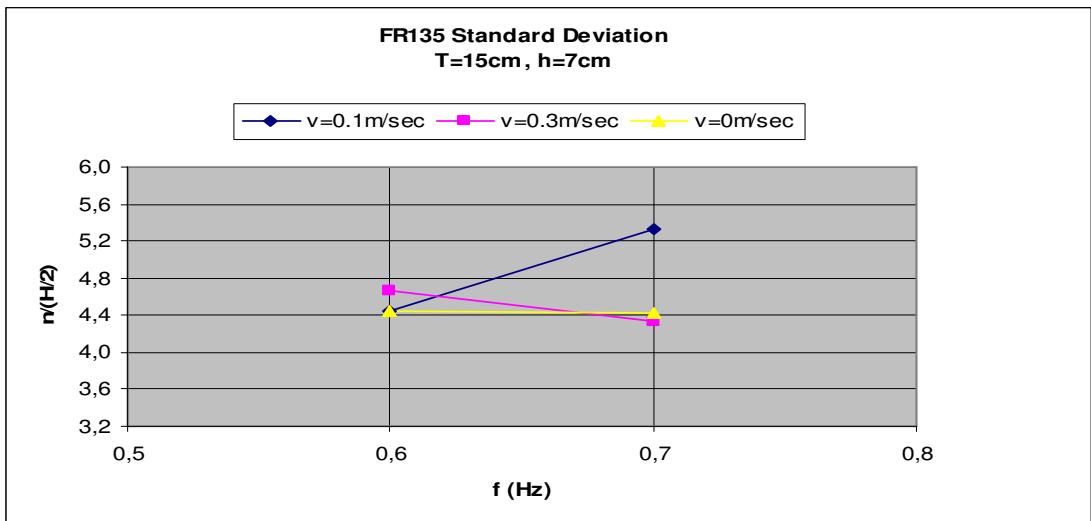
| Maximum για $v=0,3 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |          |
|-----------------------------------|--------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                             | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| 0,6                               |                    | 25,83044 | 27,74302 | 29,7531  | 29,26156 | 28,96623 |
| 0,7                               |                    | 29,4056  | 28,91089 | 29,80656 | 26,86409 | 28,48059 |

### 3.4.3.1 Διάγραμμα Standard Deviation $n/(H/2)$ – f σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία

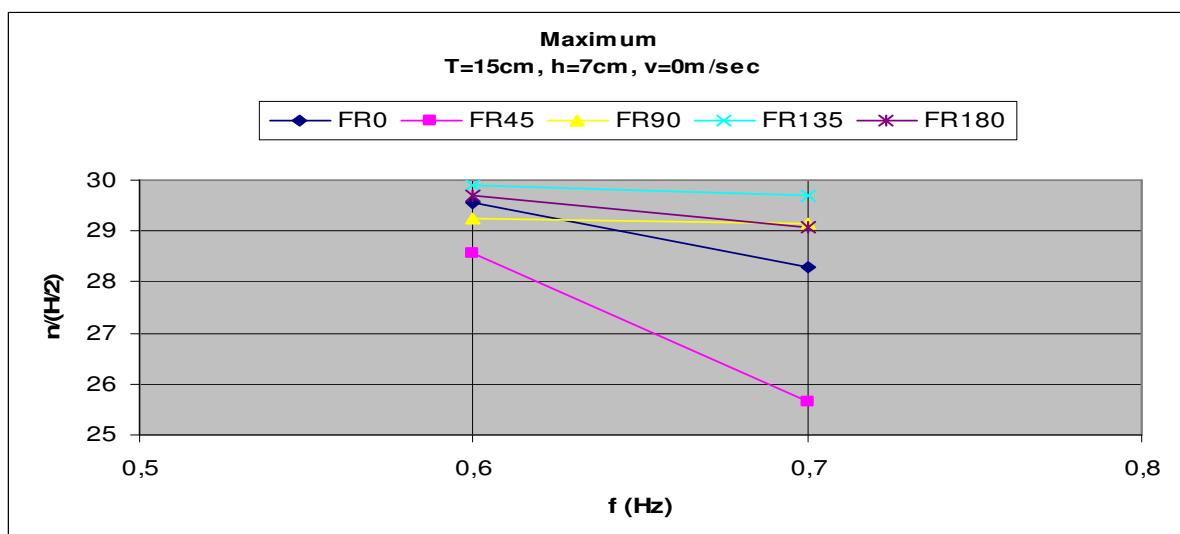


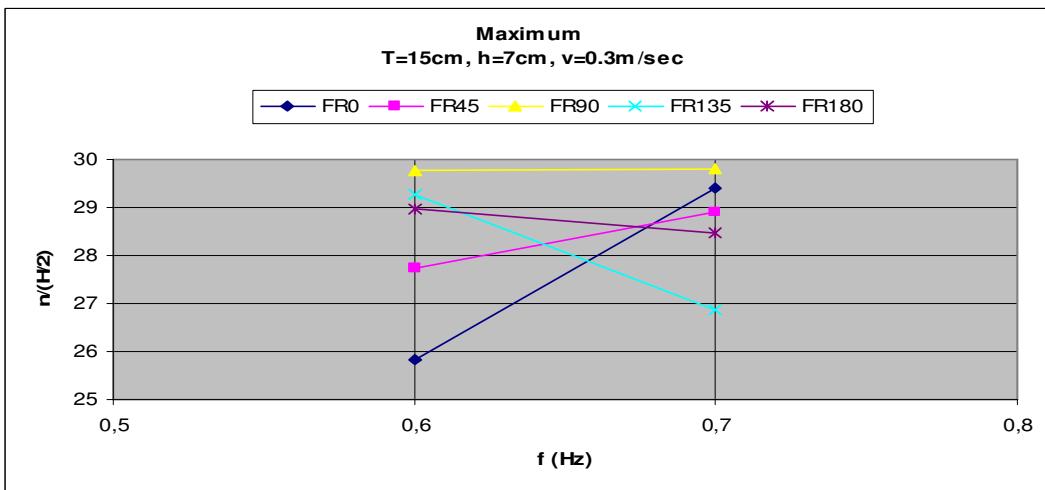
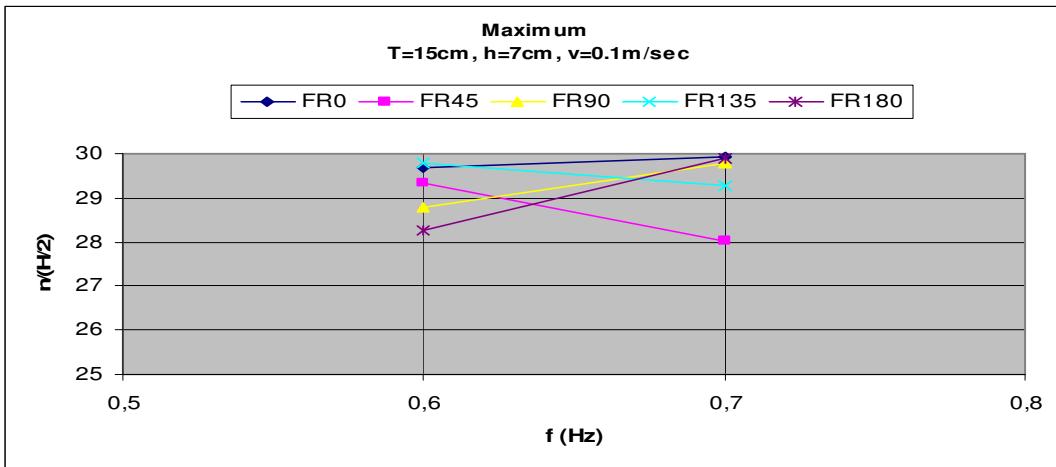
3.4.3.2 Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  –  $f$  σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα



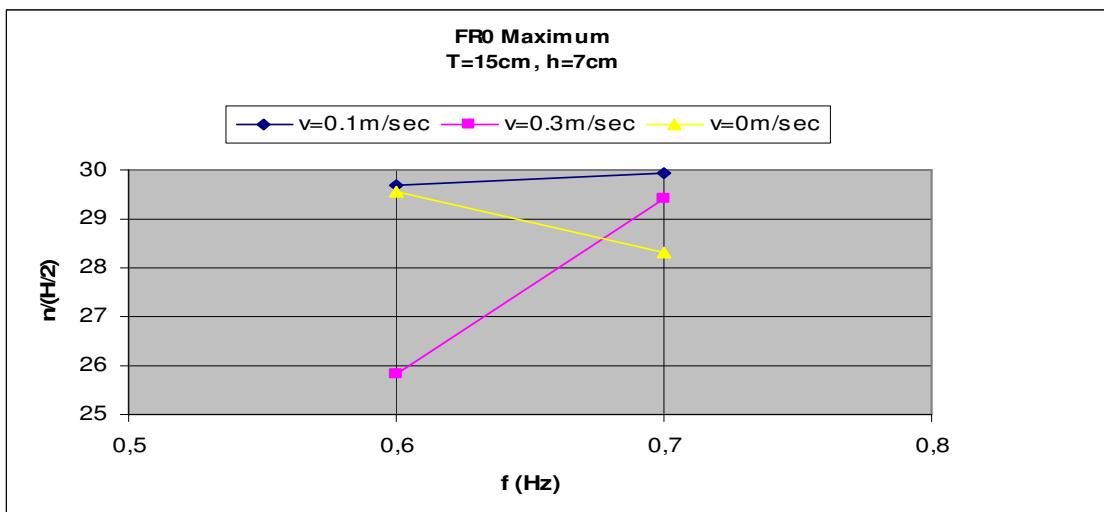


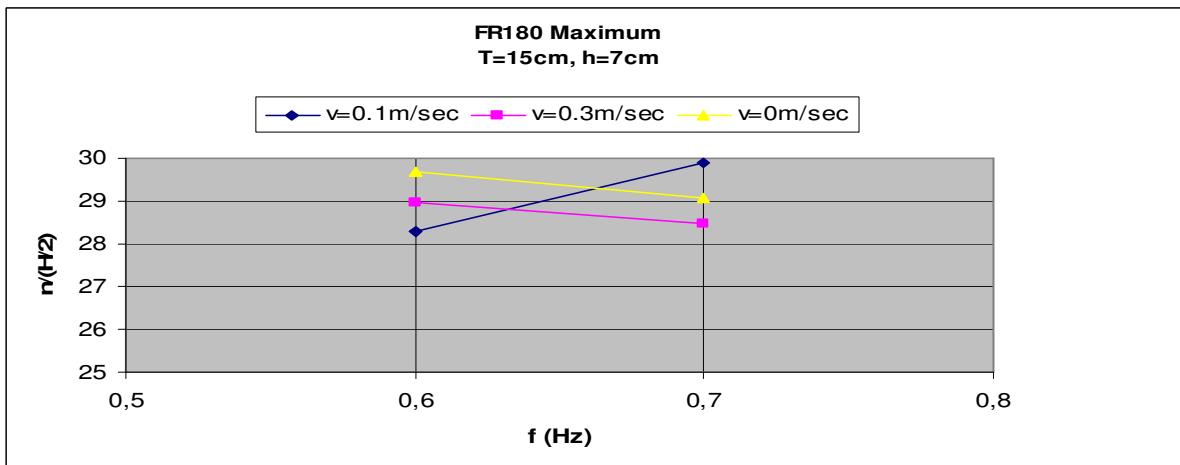
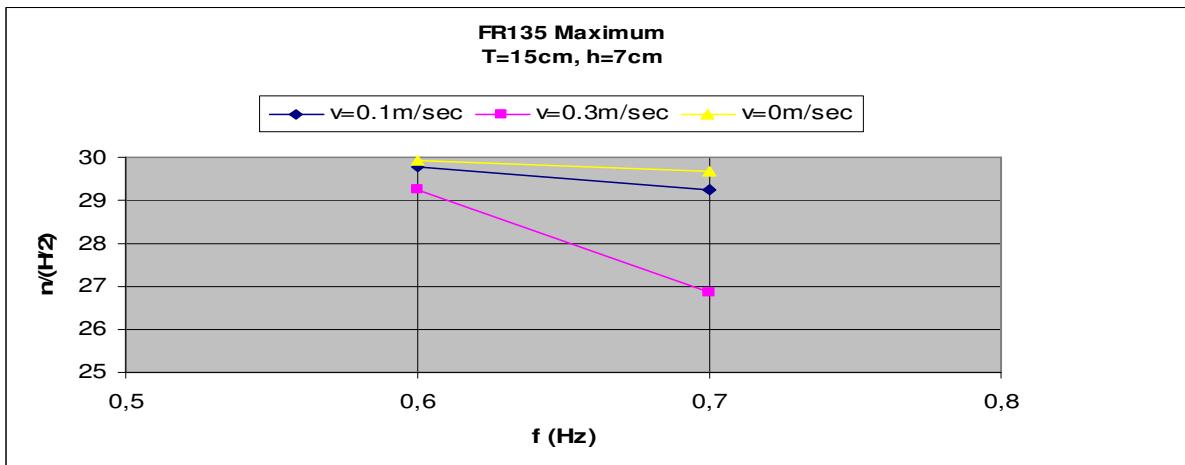
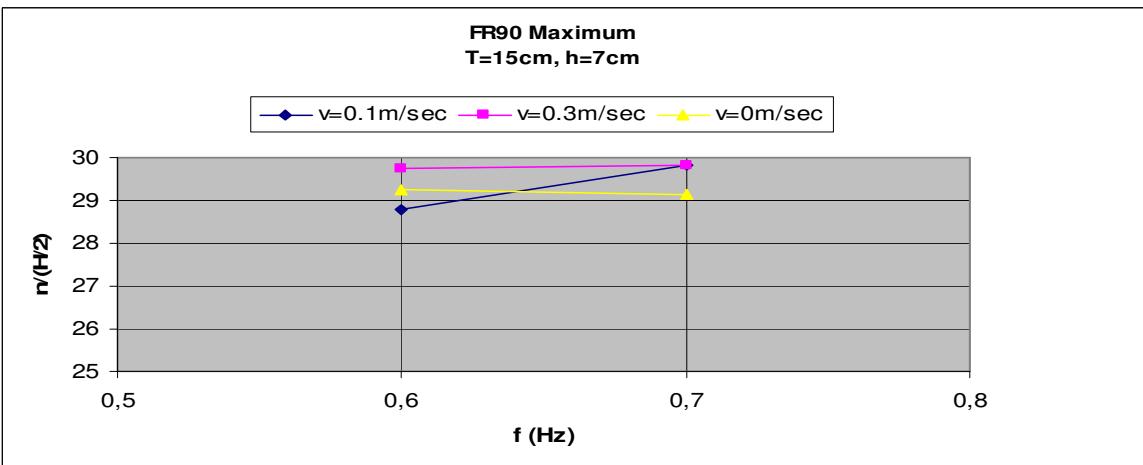
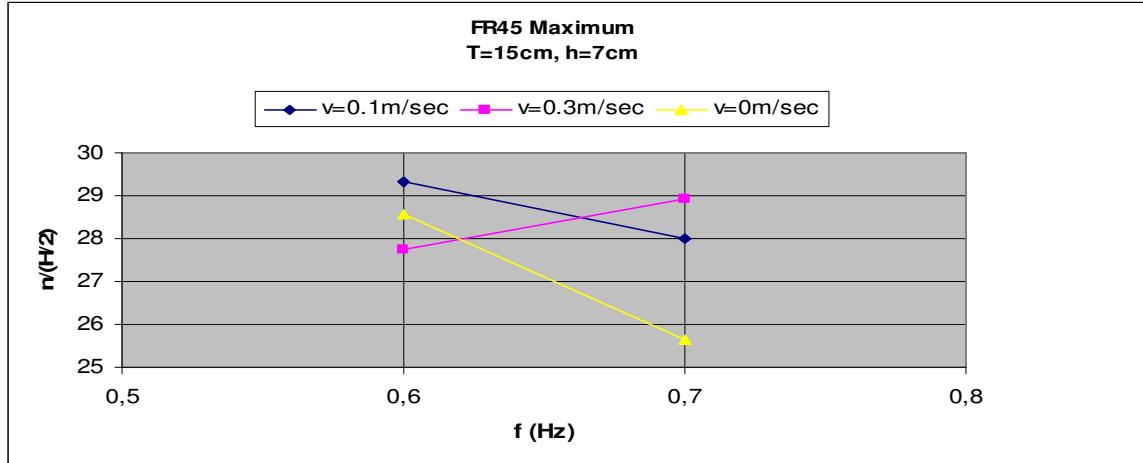
#### 3.4.3.3 Διάγραμμα Maximum n/(H/2) – f σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική γωνία



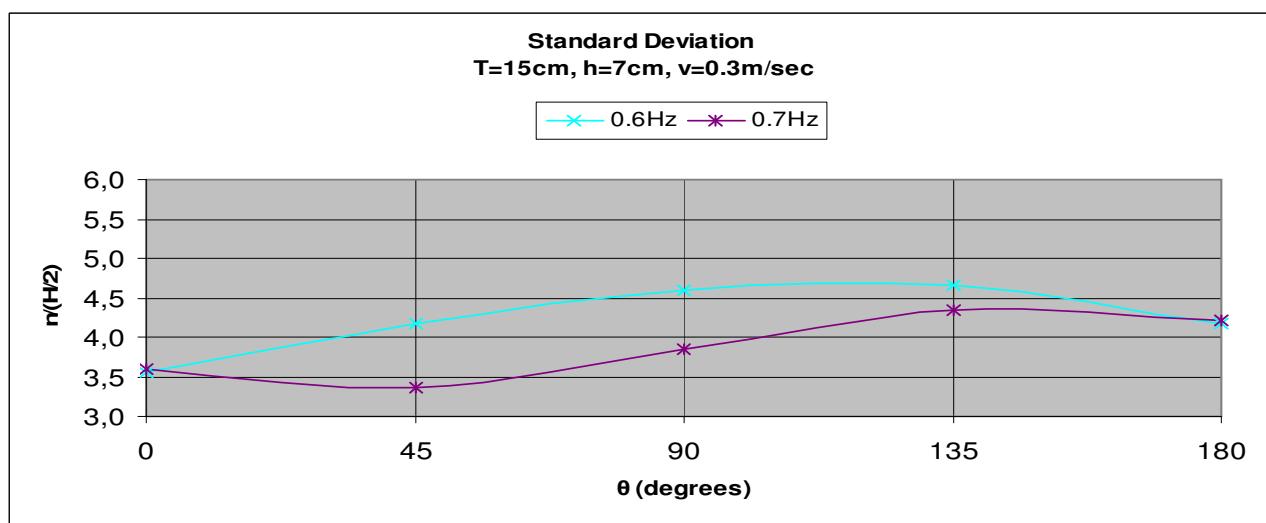
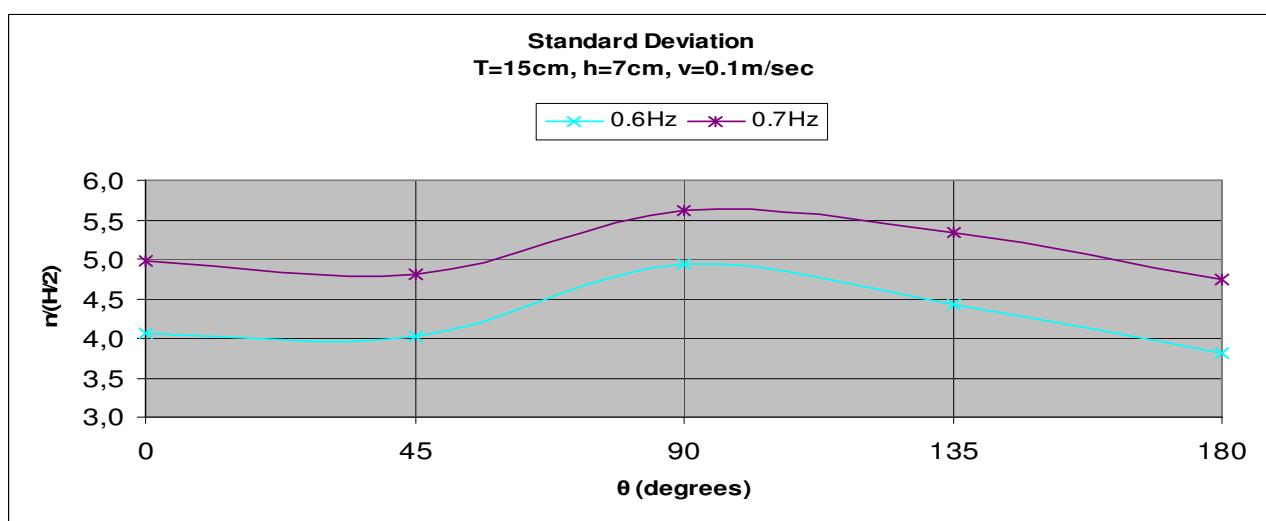
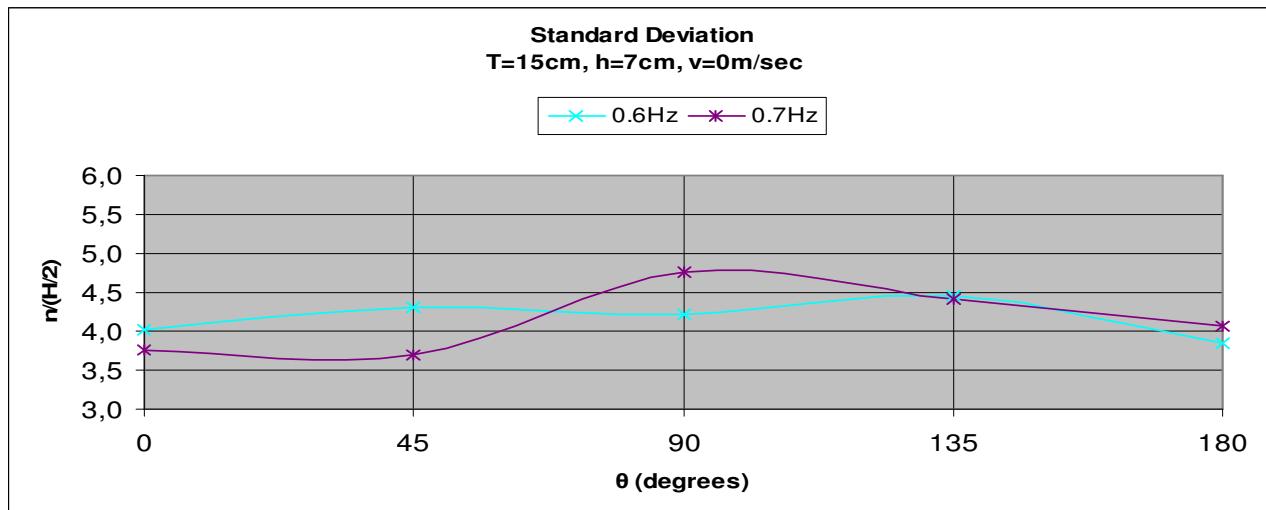


3.4.3.4 Διάγραμμα Maximum  $n/(H/2)$  –  $f$  σε δεδομένη γωνία για διαφορετική ταχύτητα

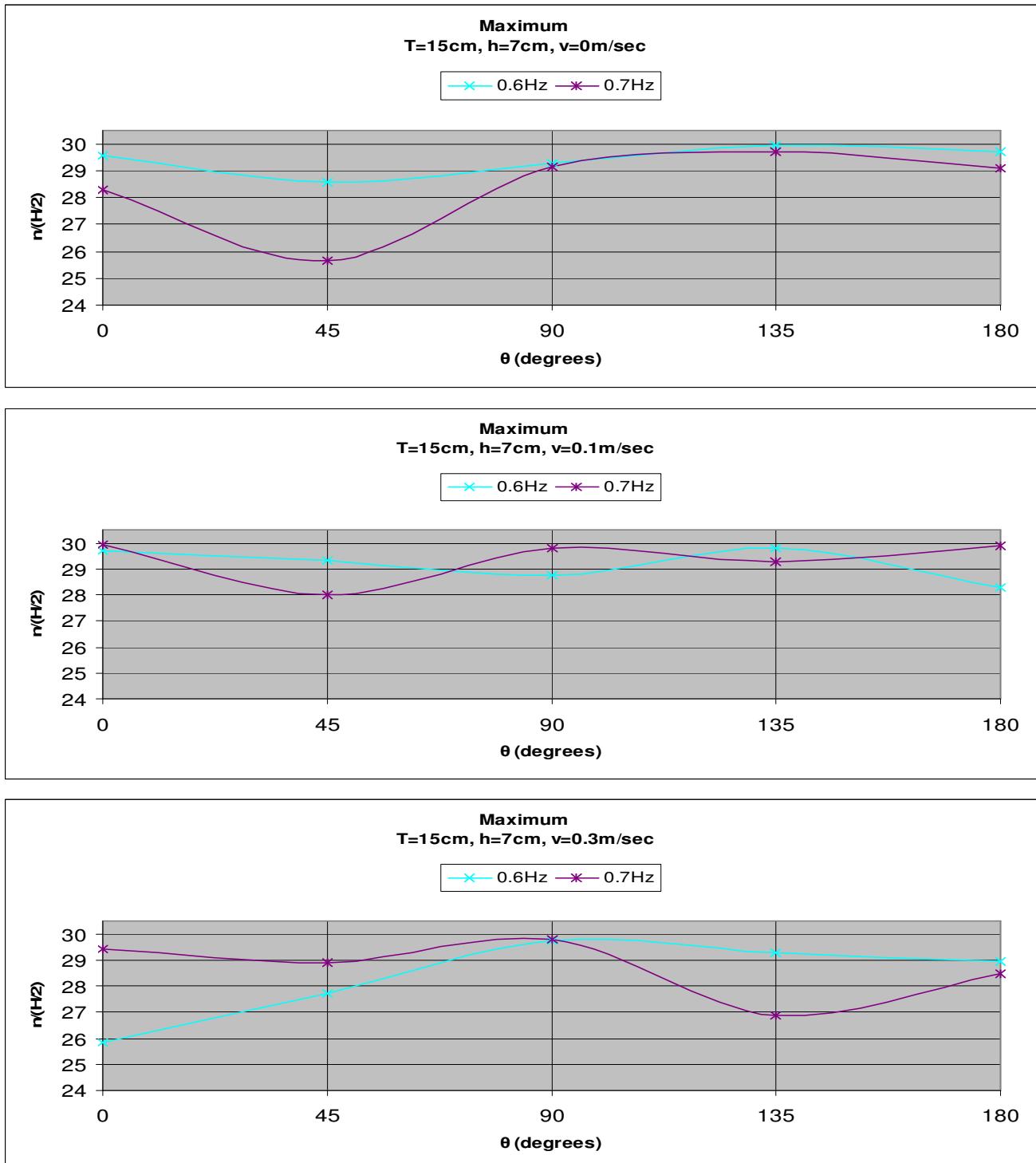




**3.4.3.5 Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  – θ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα**



### 3.4.3.6 Διάγραμμα Maximum $n/(H/2)$ – θ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα



3.4.4 Αποτελέσματα Standard Deviation και Maximum μετρήσεων για το Πόδι για  $h=8\text{cm}$

| Standard Deviation για $v=0 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |          |
|--|--------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                                      | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| <b>0,7</b>                                 |                    | 3,770455 | 3,689013 | 4,753075 | 4,419037 | 4,066727 |

| Maximum για $v=0 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |          |
|---------------------------------|--------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                           | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| <b>0,7</b>                      |                    | 28,29516 | 25,64382 | 29,15522 | 29,69247 | 29,06854 |

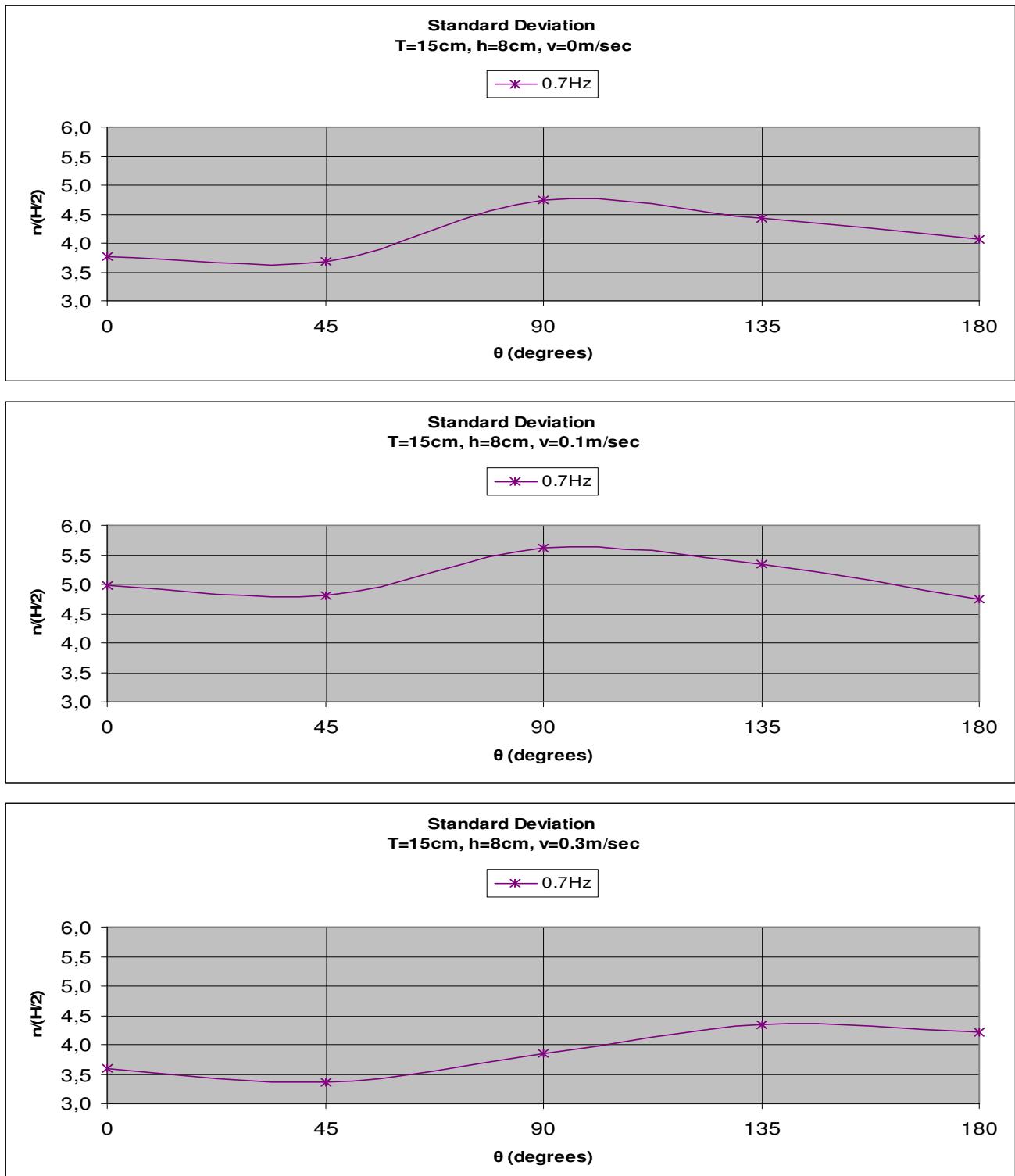
| Standard Deviation για $v=0,1 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |          |
|--|--------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)  | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| <b>0,7</b>                                   |                    | 4,970671 | 4,813223 | 5,624508 | 5,340368 | 4,749247 |

| Maximum για $v=0,1 \text{ m/sec}$ |                    |          |          |          |          |          |
|-----------------------------------|--------------------|----------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                             | $\theta(^{\circ})$ | 0        | 45       | 90       | 135      | 180      |
| <b>0,7</b>                        |                    | 29,92592 | 28,00891 | 29,80656 | 29,26321 | 29,90948 |

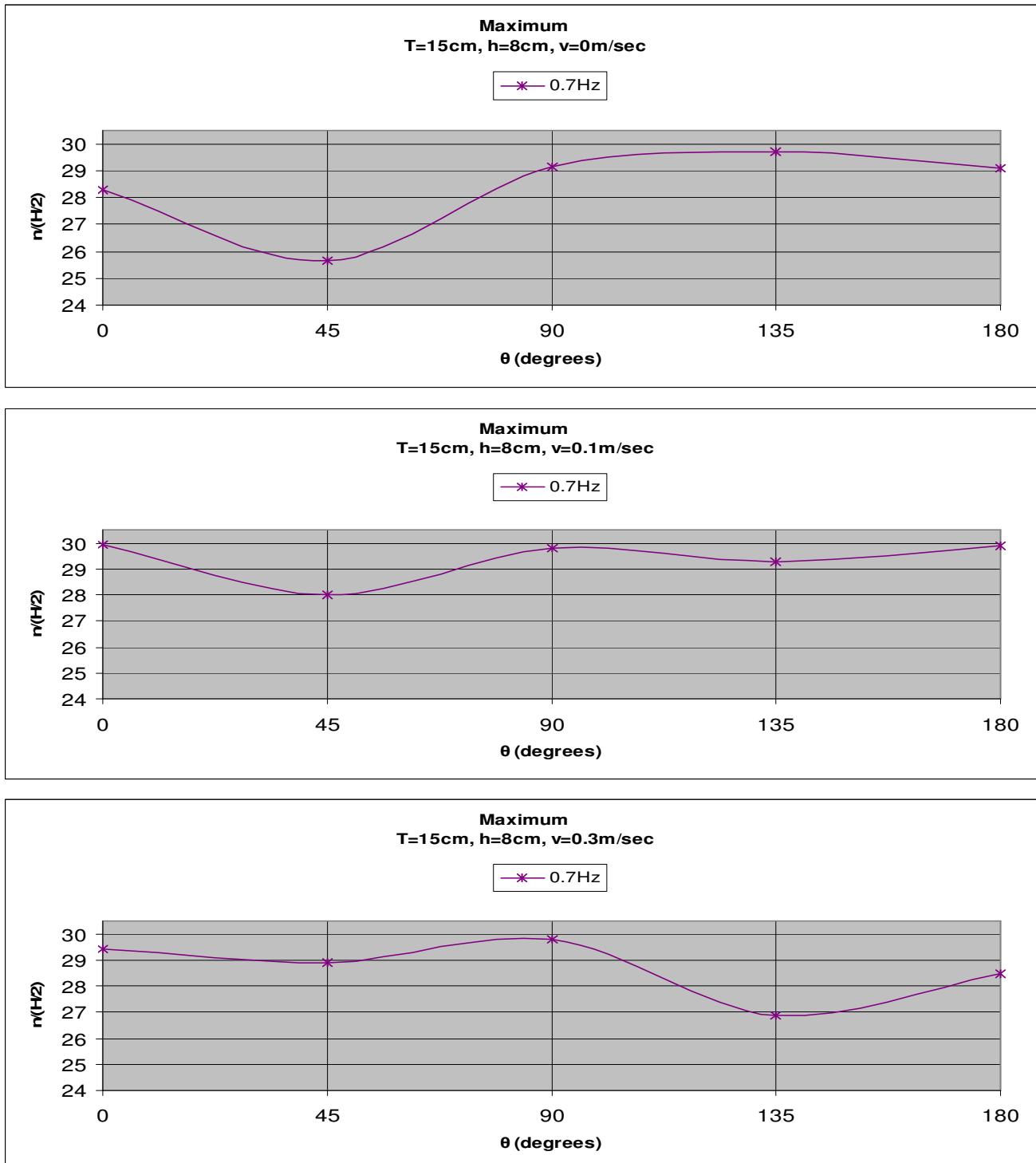
| Standard Deviation για $v=0,3 \text{ m/sec}$ |                    |         |          |          |          |          |
|--|--------------------|---------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)  | $\theta(^{\circ})$ | 0       | 45       | 90       | 135      | 180      |
| <b>0,7</b>                                   |                    | 3,59274 | 3,365112 | 3,858377 | 4,337347 | 4,210975 |

| Maximum για $v=0,3 \text{ m/sec}$ |                    |         |          |          |          |          |
|-----------------------------------|--------------------|---------|----------|----------|----------|----------|
| f(Hz)                             | $\theta(^{\circ})$ | 0       | 45       | 90       | 135      | 180      |
| <b>0,7</b>                        |                    | 29,4056 | 28,91089 | 29,80656 | 26,86409 | 28,48059 |

**3.4.4.1 Διάγραμμα Standard Deviation  $n/(H/2)$  – θ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα**



**3.4.4.2 Διάγραμμα Maximum  $n/(H/2)$  – θ σε δεδομένη ταχύτητα για διαφορετική συχνότητα**



## **ΚΕΦΑΛΑΙΟ 4: ΠΕΙΡΑΜΑΤΙΚΑ ΑΠΟΤΕΛΕΣΜΑΤΑ ΚΑΙ ΠΟΙΟΤΙΚΗ ΑΝΑΛΥΣΗ ΕΥΡΗΜΑΤΩΝ**

Εξετάζοντας μακροσκοπικά τα παραπάνω πειραματικά αποτελέσματα και λαμβάνοντας υπόψη τυχόν αριθμητικά λάθη της μεθόδου καθώς και λοιπά σφάλματα που έχουν προαναφερθεί στην οικεία ενότητα, οδηγούμαστε σε ορισμένα γενικά συμπεράσματα:

Για κυματισμούς με συχνότητα ανώτερη των  $0.8\text{Hz}$  η ποιότητα των κυματισμών δεν μπορεί να θεωρηθεί αξιόπιστη ώστε να είμαστε σε θέση να εξάγουμε ασφαλή συμπεράσματα. Το γεγονός αυτό απεικονίζεται έντονα στα διαγράμματα των χρονικών ιστοριών  $n(t)$  και επιβεβαιώνεται στα περισσότερα διαγράμματα ύστερα από την εφαρμογή του μετασχηματισμού Fourier, στα οποία φανερώνεται πως δεν υπήρχε απόλυτη ταύτιση της εφαρμοζόμενης συχνότητας κυματισμού με αυτήν που τελικά προσέπιπτε και μετρούσαμε πάνω στο πειραματικό πρότυπο και στο απομονωμένο στέλεχος.

Παρατηρούμε πως στις καταστάσεις που εξετάστηκαν κατά τις οποίες η πλατφόρμα βρισκόταν σε κίνηση, η ανύψωση της επιφάνειας του νερού δεν εμφάνιζε αρμονική συμπεριφορά. Για την ακρίβεια, όσο πιο μεγάλη ήταν η ταχύτητα της κίνησης και η συχνότητα του κυματισμού, τόσο πιο απρόβλεπτα προέκυπταν τα αποτελέσματα. Ως γνωστόν, το μήκος κύματος  $\lambda(m)$  είναι άμεσα εξαρτημένο από τη συχνότητα του κυματισμού  $f(\text{Hz})$  και την ταχύτητά του  $c(m/s)$  μέσω της σχέσης :  $\lambda=c/f$ . Αυτό σημαίνει πως όσο μεγαλύτερη η συχνότητα του κυματισμού τόσο πιο μικρό το μήκος κύματος και επομένως η περίοδος του. Όσο λοιπόν αυξάνεται η πρόσω ταχύτητα της πλατφόρμας έναντι στον προσπίπτοντα κυματισμό, τόσο πιο απρόβλεπτη γίνεται η ανύψωση της επιφάνειας ανάμεσα σε δύο περιόδους ενός κυματισμού.

Σε ορισμένους συνδυασμούς συχνότητας, ύψους κύματος και ταχύτητας είτε η επιφάνεια του νερού προσέκρουε στο κάτω μέρος της πλατφόρμας είτε είχαμε πλήρη βύθιση του απομονωμένου στελέχους με αποτέλεσμα οι μετρήσεις να χαρακτηρίζονται ως επισφαλείς.

Από τα διαγράμματα της τυπικής απόκλισης, οδηγούμαστε στο γενικό συμπέρασμα πως η αύξηση της συχνότητας του κυματισμού οδηγεί και στην αύξηση της τυπικής απόκλισης των μετρήσεων. Ακόμη, όσο μεγαλύτερη είναι η ταχύτητα κίνησης της πλατφόρμας ή του στελέχους τόσο μεγαλύτερη εμφανίζεται να είναι και η τυπική απόκλιση των μετρήσεων.

Στην αζιμουθιακή γωνία  $\theta=90^\circ$  μπορούμε να διακρίνουμε πως στην πρόσω ταχύτητα οι τιμές της τυπικής απόκλισης είναι μεγαλύτερες σε σχέση με τις υπόλοιπες γωνίες, ενώ το αντίθετο συμβαίνει στην όπισθεν ταχύτητα κίνησης.

Κατά τις μετρήσεις που πραγματοποιήθηκαν, παρατηρήθηκε έντονη περιστροφή και ανύψωση της ελεύθερης επιφάνειας του νερού σε γωνία  $\theta=180^\circ$  από τη γωνία πρόσπτωσης του κυματισμού σε πρόσω ταχύτητα του φορείου. Αυτό μπορεί να γίνει αντιληπτό και στα διαγράμματα των χρονικών ιστοριών, όπου φαίνεται ότι οι τιμές της ανύψωσης της ελεύθερης επιφάνειας είναι αυξημένες σε σχέση με τις υπόλοιπες γωνίες για τα FR180. Αντίθετα, σε γωνία  $\theta=90^\circ$  παρατηρείται η μεγαλύτερη υποχώρηση της επιφάνειας του νερού.

## **ΠΑΡΑΡΤΗΜΑ**

### **ΠΙΝΑΚΑΣ ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΕΩΝ**

Στον πίνακα που ακολουθεί αναφέρονται οι καταστάσεις που εξετάστηκαν και οι παρατηρήσεις που καταγράφηκαν κατά τη διάρκεια των πειραματικών μετρήσεων. Όπως παρατηρείται, ορισμένες μετρήσεις δεν λήφθηκαν καν υπόψη εξαιτίας της κακής ποιότητας του κυματισμού, ενώ άλλες προτιμήθηκε να μην αναλυθούν καθώς οι μετρήσεις δεν οδηγούσαν σε ασφαλή συμπεράσματα.

| <b>Πλατφόρμα</b>  |                      |                   |                    |  |
|-------------------|----------------------|-------------------|--------------------|--|
| <b>T<br/>(cm)</b> | <b>Wave<br/>(cm)</b> | <b>f<br/>(Hz)</b> | <b>V<br/>(m/s)</b> | <b>Παρατηρήσεις</b>  |
| 15                | 4                    | 0,3               | 0                  |  |
| 15                | 4                    | 0,4               | 0                  |  |
| 15                | 4                    | 0,5               | 0                  |  |
| 15                | 4                    | 0,6               | 0                  |  |
| 15                | 4                    | 0,7               | 0                  |  |
| 15                | 4                    | 0,8               | 0                  |  |
| 15                | 4                    | 0,9               | 0                  |  |
| 15                | 4                    | 1,0               | 0                  | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)    |
| 15                | 6                    | 0,5               | 0                  |  |
| 15                | 6                    | 0,6               | 0                  |  |
| 15                | 6                    | 0,7               | 0                  |  |
| 15                | 6                    | 0,8               | 0                  |  |
| 15                | 6                    | 0,9               | 0                  |  |
| 15                | 6                    | 1,0               | 0                  | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)    |
| 15                | 7                    | 0,6               | 0                  |  |
| 15                | 7                    | 0,7               | 0                  |  |
| 15                | 7                    | 0,8               | 0                  |  |
| 15                | 7                    | 0,9               | 0                  |  |
| 15                | 7                    | 1,0               | 0                  | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)    |
| 15                | 8                    | 0,7               | 0                  |  |
| 15                | 8                    | 0,8               | 0                  |  |
| 15                | 8                    | 0,9               | 0                  | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)    |
| 15                | 8                    | 1,0               | 0                  | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)    |
| 15                | 4                    | 0,3               | 0,1                | Ξεκινούσε η κίνηση του φορείου και η μέτρηση αναμένοντας τον πρώτο κυματισμό (1) |
| 15                | 4                    | 0,3               | 0,3                | Η μέτρηση ξεκινούσε εν μέσω κυματισμών (2)                                       |
| 15                | 4                    | 0,3               | 0,5                | (1)  |
| 15                | 4                    | 0,3               | -0,5               | (2)  |
| 15                | 4                    | 0,4               | 0,1                | (1)  |

| T<br>(cm) | Wave<br>(cm) | f<br>(Hz) | v<br>(m/s) | Παρατηρήσεις  |
|-----------|--------------|-----------|------------|---|
| 15        | 4            | 0,4       | 0,3        | (2)   |
| 15        | 4            | 0,4       | 0,5        | (1)   |
| 15        | 4            | 0,4       | -0,5       | (2)   |
| 15        | 4            | 0,5       | 0,1        | (2)   |
| 15        | 4            | 0,5       | 0,3        | (2)   |
| 15        | 4            | 0,5       | 0,5        | (2)   |
| 15        | 4            | 0,5       | -0,5       | (2)   |
| 15        | 4            | 0,6       | 0,1        | (1)   |
| 15        | 4            | 0,6       | 0,3        | (2)   |
| 15        | 4            | 0,6       | 0,5        | (1)   |
| 15        | 4            | 0,6       | -0,5       | (2)   |
| 15        | 4            | 0,7       | 0,1        | (1)   |
| 15        | 4            | 0,7       | 0,3        | (2)   |
| 15        | 4            | 0,7       | 0,5        | (2)   |
| 15        | 4            | 0,7       | -0,5       | (2)   |
| 15        | 4            | 0,8       | 0,1        | (2)   |
| 15        | 4            | 0,8       | 0,3        | (2)   |
| 15        | 4            | 0,8       | 0,5        | (2)   |
| 15        | 4            | 0,8       | -0,5       | (2)   |
| 15        | 4            | 0,9       | 0,1        | (2)   |
| 15        | 4            | 0,9       | 0,3        | (2)   |
|           |              |           |            | (2) / Τα picks εμφανίζονται διότι στην αρχή τα κύματα προσέκρουαν στο στην κάτω πλευρά της πλατφόρμας |
| 15        | 4            | 0,9       | 0,5        |   |
| 15        | 4            | 0,9       | -0,5       | (2)   |
| 15        | 4            | 1,0       | 0,1        | (2) / Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)                   |
| 15        | 4            | 1,0       | 0,3        | (2) / Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)                   |
| 15        | 4            | 1,0       | 0,5        | (2)   |
| 15        | 4            | 1,0       | -0,5       | (2)   |
| 15        | 6            | 0,5       | 0,1        | (2)   |
| 15        | 6            | 0,5       | 0,3        | (2)   |
| 15        | 6            | 0,5       | 0,5        | (2)   |
| 15        | 6            | 0,5       | -0,5       | (2)   |
| 15        | 6            | 0,6       | 0,1        | (2)   |
| 15        | 6            | 0,6       | 0,3        | (2)   |
| 15        | 6            | 0,6       | 0,5        | (2)   |
| 15        | 6            | 0,6       | -0,5       | (2)   |
| 15        | 6            | 0,7       | 0,1        | (2)   |
| 15        | 6            | 0,7       | 0,3        | (2)   |
| 15        | 6            | 0,7       | 0,5        | (2)   |
| 15        | 6            | 0,7       | -0,5       | (2)   |
| 15        | 6            | 0,8       | 0,1        | (2) / Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)                   |
|           |              |           |            |   |

| T<br>(cm) | Wave<br>(cm) | f<br>(Hz) | v<br>(m/s) | Παρατηρήσεις  |
|-----------|--------------|-----------|------------|---|
| 15        | 6            | 0,8       | 0,3        | (2) / Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)             |
| 15        | 6            | 0,8       | 0,5        | (2) / Βιντεοσκόπηση   |
| 15        | 6            | 0,8       | -0,5       | (2) / Βιντεοσκόπηση   |
| 15        | 6            | 0,9       | 0,1        | Κακής ποιότητας κυματισμός (μη αρμονικός)   |
| 15        | 6            | 0,9       | 0,3        | Κακής ποιότητας κυματισμός (μη αρμονικός)   |
| 15        | 6            | 0,9       | 0,5        | Κακής ποιότητας κυματισμός (μη αρμονικός)   |
| 15        | 6            | 0,9       | -0,5       | Κακής ποιότητας κυματισμός (μη αρμονικός)   |
| 15        | 7            | 0,6       | 0,1        | (2) / Βιντεοσκόπηση   |
| 15        | 7            | 0,6       | 0,3        | (2) / Βιντεοσκόπηση   |
| 15        | 7            | 0,6       | 0,5        | (2)   |
| 15        | 7            | 0,6       | -0,5       | (2)   |
| 15        | 7            | 0,7       | 0,1        | (2)   |
| 15        | 7            | 0,7       | 0,3        | (2)   |
| 15        | 7            | 0,7       | 0,5        | (2)   |
| 15        | 7            | 0,7       | -0,5       | (2)   |
| 15        | 7            | 0,8       | 0,1        | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)                   |
| 15        | 7            | 0,8       | 0,3        | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)                   |
| 15        | 7            | 0,8       | 0,5        | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)                   |
| 15        | 7            | 0,8       | -0,5       | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού )                                |
| 15        | 8            | 0,7       | 0,1        | (2) / Βιντεοσκόπηση   |
| 15        | 8            | 0,7       | 0,3        | (2) / Βιντεοσκόπηση   |
| 15        | 8            | 0,7       | 0,5        | (2) / Βιντεοσκόπηση   |
| 15        | 8            | 0,7       | -0,5       | (2) / Βιντεοσκόπηση   |
| 15        | 8            | 0,8       | 0,1        | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) / (βιντεοσκοπηση) |
| 15        | 8            | 0,8       | 0,3        | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)                   |
| 15        | 8            | 0,8       | 0,5        | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)                   |
| 15        | 8            | 0,8       | -0,5       | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)                   |

| Σύνθετος κύλινδρος |              |           |            |   |
|--------------------|--------------|-----------|------------|---|
| T<br>(cm)          | Wave<br>(cm) | f<br>(Hz) | v<br>(m/s) | Παρατηρήσεις  |
| 15                 | 4            | 0,3       | 0          |   |
| 15                 | 4            | 0,4       | 0          |   |
| 15                 | 4            | 0,5       | 0          |   |
| 15                 | 4            | 0,6       | 0          |   |
| 15                 | 4            | 0,7       | 0          |   |
| 15                 | 4            | 0,8       | 0          |   |
| 15                 | 4            | 0,9       | 0          |   |
|                    |              |           |            |   |
| 15                 | 6            | 0,5       | 0          |   |
| 15                 | 6            | 0,6       | 0          |   |
| 15                 | 6            | 0,7       | 0          |   |
| 15                 | 6            | 0,8       | 0          | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) και ο κυματισμός ξεπερνούσε ενίοτε το ολικό μήκος του στελέχους |
| 15                 | 6            | 0,9       | 0          | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)   |
| 15                 | 7            | 0,6       | 0          |   |
| 15                 | 7            | 0,7       | 0          |   |
| 15                 | 7            | 0,8       | 0          | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) και ο κυματισμός ξεπερνούσε ενίοτε το ολικό μήκος του στελέχους |
| 15                 | 7            | 0,9       | 0          | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)   |
| 15                 | 8            | 0,7       | 0          |   |
| 15                 | 8            | 0,8       | 0          | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός)   |
| 15                 | 4            | 0,3       | 0,1        |   |
| 15                 | 4            | 0,3       | 0,3        |   |
| 15                 | 4            | 0,4       | 0,3        |   |
| 15                 | 4            | 0,5       | 0,1        | Βιντεοσκόπηση   |
| 15                 | 4            | 0,5       | 0,3        | Βιντεοσκόπηση   |
| 15                 | 4            | 0,6       | 0,1        |   |
| 15                 | 4            | 0,6       | 0,3        |   |
| 15                 | 4            | 0,7       | 0,1        |   |
| 15                 | 4            | 0,7       | 0,3        |   |
| 15                 | 4            | 0,8       | 0,1        |   |
| 15                 | 4            | 0,8       | 0,3        |   |
| 15                 | 4            | 0,9       | 0,1        |   |
| 15                 | 4            | 0,9       | 0,3        |   |
| 15                 | 4            | 1,0       | 0,1        | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) και ο κυματισμός ξεπερνούσε ενίοτε το ολικό μήκος του στελέχους |
|                    |              |           |            |   |

| <b>T<br/>(cm)</b> | <b>Wave<br/>(cm)</b> | <b>f<br/>(Hz)</b> | <b>V<br/>(m/s)</b> | <b>Παρατηρήσεις</b>   |
|-------------------|----------------------|-------------------|--------------------|---|
| 15                | 4                    | 1,0               | 0,3                | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) και ο κυματισμός ξεπερνούσε ενίοτε το ολικό μήκος του στελέχους |
| 15                | 6                    | 0,5               | 0,1                |   |
| 15                | 6                    | 0,5               | 0,3                |   |
| 15                | 6                    | 0,6               | 0,1                |   |
| 15                | 6                    | 0,6               | 0,3                |   |
| 15                | 6                    | 0,7               | 0,1                |   |
| 15                | 6                    | 0,7               | 0,3                |   |
| 15                | 6                    | 0,8               | 0,1                | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) και ο κυματισμός ξεπερνούσε ενίοτε το ολικό μήκος του στελέχους |
| 15                | 6                    | 0,8               | 0,3                | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) και ο κυματισμός ξεπερνούσε ενίοτε το ολικό μήκος του στελέχους |
| 15                | 6                    | 0,9               | 0,1                | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) και ο κυματισμός ξεπερνούσε ενίοτε το ολικό μήκος του στελέχους |
| 15                | 6                    | 0,9               | 0,3                | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) και ο κυματισμός ξεπερνούσε ενίοτε το ολικό μήκος του στελέχους |
| 15                | 7                    | 0,6               | 0,1                |   |
| 15                | 7                    | 0,6               | 0,3                |   |
| 15                | 7                    | 0,7               | 0,1                |   |
| 15                | 7                    | 0,7               | 0,3                |   |
| 15                | 7                    | 0,8               | 0,1                | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) και ο κυματισμός ξεπερνούσε ενίοτε το ολικό μήκος του στελέχους |
| 15                | 7                    | 0,8               | 0,3                | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) και ο κυματισμός ξεπερνούσε ενίοτε το ολικό μήκος του στελέχους |
| 15                | 8                    | 0,7               | 0,1                | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) και ο κυματισμός ξεπερνούσε ενίοτε το ολικό μήκος του στελέχους |
| 15                | 8                    | 0,7               | 0,3                | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) και ο κυματισμός ξεπερνούσε ενίοτε το ολικό μήκος του στελέχους |
| 15                | 8                    | 0,8               | 0,1                | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) και ο κυματισμός ξεπερνούσε ενίοτε το ολικό μήκος του στελέχους |
| 15                | 8                    | 0,8               | 0,3                | Δεν πραγματοποιήθηκε η μέτρηση λόγω κακής ποιότητας κυματισμού (μη αρμονικός) και ο κυματισμός ξεπερνούσε ενίοτε το ολικό μήκος του στελέχους |

## **ΒΙΒΛΙΟΓΡΑΦΙΑ**

- "Yδροδυναμική και Δυναμική Θαλασσίων Συστημάτων"  
Θ.Α. Λουκάκης, Γ. Αθανασούλης, Εκδόσεις Ε.Μ.Π., Αθήνα 1997
- "Yδροδυναμική Πλοίου, Αντίσταση-Πρόωση (Σημειώσεις)"  
Θ.Α. Λουκάκης, Εκδόσεις Ε.Μ.Π., Αθήνα 2001
- "Αγκυρώσεις πλωτών κατασκευών"  
Σ.Α. Μαυράκου, Ι.Κ. Χατζηγεωργίου, Εκδόσεις Ε.Μ.Π., Αθήνα 2005
- Ιστοσελίδα : <http://www.globalsecurity.org/military/systems/ship/platform-tension-leg.htm>