

Εθνικό Μετσόβιο Πολυτεχνείο (Ε.Μ.Π) Σχολή Μηχανολόγων Μηχανικών

ΔΙΠΛΩΜΑΤΙΚΗ ΕΡΓΑΣΙΑ

"ΑΝΑΠΤΥΞΗ ΜΟΝΤΕΛΟΥ ΕΚΤΙΜΗΣΗΣ ΥΠΟΛΕΙΠΟΜΕΝΗΣ ΩΦΕΛΙΜΗΣ ΔΙΑΡΚΕΙΑΣ ΖΩΗΣ ΕΔΡΑΝΩΝ ΚΥΛΙΣΗΣ"

Λάζαρος Χριστοφορίδης

Τομέας: Τεχνολογίας των Κατεργασιών Επιβλέπων: Μπενάρδος Πανώριος, Επίκ. Καθηγητής ΕΜΠ

Αθήνα, 2023

Υπεύθυνη δήλωση για λογοκλοπή και για κλοπή πνευματικής ιδιοκτησίας:

Έχω διαβάσει και κατανοήσει τους κανόνες για τη λογοκλοπή και τον τρόπο σωστής αναφοράς των πηγών που περιέχονται στον οδηγό συγγραφής Διπλωματικών Εργασιών. Δηλώνω ότι, από όσα γνωρίζω, το περιεχόμενο της παρούσας Διπλωματικής Εργασίας είναι προϊόν δικής μου εργασίας και υπάρχουν αναφορές σε όλες τις πηγές που χρησιμοποίησα.

Οι απόψεις και τα συμπεράσματα που περιέχονται σε αυτή τη Διπλωματική εργασία είναι του συγγραφέα και δεν πρέπει να ερμηνευθεί ότι αντιπροσωπεύουν τις επίσημες θέσεις της Σχολής Μηχανολόγων Μηχανικών ή του Εθνικού Μετσόβιου Πολυτεχνείου.

Λάζαρος Χριστοφορίδης

Περιεχόμενα

Π	ερίλη	ነψη	5
Ał	ostra	\mathbf{ct}	6
1	Εισ 1.1 1.2 1.3 1.4	αγωγή Σκοπός και δομή της διπλωματικής	7 7 8 9 10
2	Μέi	θοδος Έρευνας	12
3	Πει 3.1 3.2 3.3 3.4	ραματικές μετρήσεις Περιγραφή πειράματος	 14 14 14 14 15 15 16
4	Εξα 4.1 4.2 4.3 4.4	 Αποθορυβοποίηση σήματος Χαραχτηριστικά σημάτων Χαραχτηριστικά σημάτων Κατηγοριοποίηση δεδομένων Επιλογή Χαραχτηριστικών 4.4.1 Επιλογή χαραχτηριστικών στο μοντέλο πρόβλεψης RUL, με βλάβη στον εσωτερικό δαχτύλιο 4.4.2 Επιλογή χαραχτηριστικών στο μοντέλο πρόβλεψης RUL, με βλάβη στον εξωτερικό δαχτύλιο 4.4.3 Επιλογή χαραχτηριστικών στο μοντέλο πρόβλεψης RUL, με βλάβη στα στοιχεία χύλισης 4.4.4 Επιλογή χαραχτηριστικών στο μοντέλο πρόβλεψης κατάστασης του εδράνου χύλισης 	18 18 19 26 28 29 30 32 34
5	Mo 5.1 5.2 5.3	ντέλο ανίχνευσης βλάβης του εδράνου κύλισης Επιλογή Δεδομένων	36 36 37 38
6	Εκτ δρά 6.1 6.2 6.3	ίμηση Υπολειπόμενης Ωφέλιμης Διάρχειας Ζώης του ε- νου χύλισης Επιλογή Δεδομένων	42 42 43 46

	6.3.1	Βελτιστοποίηση μοντέλου πρόβλεψης RUL μετρήσεων υπό βλάβη στον εσ. δαχτύλιο (1)	49	
	6.3.2	Βελτιστοποίηση μοντέλου πρόβλεψης RUL μετρήσεων υπό βλάβη στον εξ. δακτύλιο (2)	51	
	6.3.3	Βελτιστοποίηση μοντέλου πρόβλεψης RUL μετρήσεων υπό βλάβη στα στοιχεία χύλισης (3)	53	
7	Τελική αδ	ξιολόγηση	56	
8 Συμπεράσματα και Μελλοντικές Εργασίες				
K	ατάλογος	Σχημάτων	62	
Κατάλογος Πινάχων				
Αναφορές 6				
П	Παράρτημα 68			

Περίληψη

Η ασφαλής λειτουργία των περιστρεφόμενων μηχανών, συνδέεται άμεσα με την ασφαλή λειτουργία των εδράνων κύλισης, το οποίο είναι το κύριο μηχανολογικό εξάρτημα και πρωταρχικό αίτιο αστοχίας των περιστρεφόμενων μηχανών. Σκοπός της εργασία αυτής, είναι η εκτίμηση της υπολειπόμενης ωφέλιμης διάρκειας ζωής (remaining useful life) των εδράνων χύλισης από μοντέλα τεχνητής νοημοσύνης, βασισμένα σε πειραματικά δεδομένα (Data Driven Model). Οι μετρήσεις που χρησιμοποιήθηκαν για την ανάλυση προέρχονται από ένα πείραμα που διεξήχθη στο Πανεπιστήμιο του Σινσινάτι, όπου επιταχυνσιόμετρα καταγράφουν κραδασμούς των εδράνων κύλισης, μέγρι την τελική τους αστοχία. Αρχικά, γίνεται αποθορυβοποίηση των μετρήσεων, με την μέθοδο αποσύνθεσης Wavelet, και από το πλέον επεξεργασμένο σήμα, εξάγονται χαραχτηριστιχά του σήματος από το το πεδίο του χρόνου και συχνοτήτων. Η τελιχή επιλογή των κατάλληλων χαρακτηριστικών, που έχουν άμεση συσχέτιση με το RUL, γίνεται χρησιμοποιώντας τα στατιστικά τεστ F-test και MI-test. Στην συνέχεια, αναπτύσσεται μοντέλο απλού νευρωνιχού διχτύου, για την ανίχνευση της χατάστασης του έδρανου χύλισης όπου και γίνεται βελτιστοποίηση στην αρχιτεχτονιχή του. Έπειτα, αναπτύσσονται και βελτιστοποιούνται τρία μοντέλα νευρωνικών δικτύων με νευρώνες LSTM, για την εκτίμηση του RUL για τις τρεις κύριες βλάβες του έδρανου κύλισης. Το μοντέλο ανίχνευσης βλάβης παρουσιάζει αχρίβεια 99.1%, ενώ το μοντέλο εχτίμησης του υπολοιπόμενου ωφέλιμου χρόνου ζωής παρουσιάζει αχρίβεια σφάλματος εντός του διανύσματος [-6%, +9%] του συνολιχού χρόνου αστοχίας. Η ανάπτυξη του μοντέλου εκτίμησης του RUL, είναι σημαντική για την ασφάλεια των συστημάτων, αλλά επιπλέον μπορεί μελλοντικά να βοηθήσει στην ανάπτυξη συστημάτων προληπτικής συντήρησης, με σχοπό τη μείωση των εξόδων συντήρησης.

Abstract

The safe operation of rotating machinery is directly related to the safe operation of bearings, which are the main mechanical component and primary cause of failure in rotating machinery. The purpose of this work is to estimate the remaining useful life (RUL) of bearings using artificial intelligence models based on experimental data (Data Driven Model). The measurements used for the analysis originate from an experiment conducted at the University of Cincinnati, where accelerometers record vibrations of the bearings until their final failure. Initially, the measurements are denoised using the Wavelet decomposition method, and from the processed signal, time and frequency domain features are extracted. The final selection of relevant features that have a direct correlation with the RUL is made using statistical tests such as the F-test and MI-test. Subsequently, a simple neural network model is developed to detect the condition of the bearings, and its architecture is optimized. Then, three Long Short-Term Memory (LSTM) neural network models are developed and optimized for RUL estimation for the three main bearing faults. The fault detection model achieves an accuracy of 99.1%, while the RUL estimation model has an error accuracy within the range of [-6%, +9%] of the total failure time. The development of a model that estimates the RUL is significant for system safety and can also assist in the development of predictive maintenance systems, aiming to reduce maintenance costs in the future.

1 Εισαγωγή

1.1 Σκοπός και δομή της διπλωματικής

Ο στόχος της παρούσας διπλωματικής εργασίας είναι η ανάπτυξη ενός μοντέλου πρόβλεψης της υπολειπόμενης ωφέλιμης διάρκειας ζωής ενός συγκεκριμένου τύπου εδράνου κύλισης. Αυτό το μοντέλο θα επιτρέψει τη δημιουργία προγνωστικών συστημάτων συντήρησης και αντικατάστασης σε μελλοντικές εργασίες. Αξίζει να σημειωθεί ότι το μοντέλο που αναπτύσσεται στην παρούσα εργασία είναι αξιόπιστο μόνο για ένα συγκεκριμένο τύπο εδράνου κύλισης και για συγκεκριμένα φορτία λειτουργίας.

Η δομή της διπλωματικής διαμορφώνεται ως ακολούθως: Αρχικά, στην ενότητα "Πειραματικές Μετρήσεις", περιγράφεται λεπτομερώς η πειραματική εγκατάσταση και αναφέρεται το πείραμα από το οποίο προέκυψαν τα σύνολα δεδομένων. Επιπλέον, γίνεται σύντομη ανασκόπηση των μετρήσεων στο πεδίο του χρόνου και των συγνοτήτων. Στη συνέχεια, στην ενότητα "Εξαγωγή Χαρακτηριστικών", παρουσιάζεται λεπτομερώς η διαδικασία εξαγωγής χαρακτηριστικών από τα δεδομένα κραδασμών. Μετά την αποθορυβοποίηση των κραδασμών, εξετάζονται διάφορα χαρακτηριστικά του πεδίου χρόνου και των συχνοτήτων. Στη συνέχεια, μέσω της εφαρμογής στατιστικών τεστ, F-test και MI-test, επιλέγονται τα χαρακτηριστικά που συσχετίζονται σημαντικά με τον υπολειπόμενο ωφέλιμο χρόνο ζωής (RUL). Στη συνέχεια, στην ενότητα "Μοντέλο Ανίγνευσης Βλάβης του εδράνου χύλισης", αναπτύσσεται το Τεγνητό Νευρωνικό Δίκτυο (ΤΝΔ) για την ανίχνευση βλάβης του εδράνου χύλισης. Στο πλαίσιο αυτό, πραγματοποιείται και βελτιστοποίηση του μοντέλου. Στην ενότητα "Εκτίμηση Υπολειπόμενης Ωφέλιμης Διάρκειας Ζωής", αναπτύσσεται ένα Εντατικό Νευρωνικό Δίκτυο (ΕΝΔ) με χρήση κόμβων (LSTM) για κάθε τύπο βλάβης, με σκοπό την εκτίμηση του υπολειπόμενου ωφέλιμου χρόνου ζωής (RUL). Εδώ επίσης, πραγματοποιείται βελτιστοποίηση του μοντέλου. Στην ενότητα "Τελική Αξιολόγηση", παρουσιάζονται και αναλύονται τα αποτελέσματα από όλες τις μετρήσεις που πραγματοποιήθηχαν. Τέλος, στην ενότητα "Συμπεράσματα και Μελλοντικές Εργασίες", πραγματοποιείται σύγκριση των τελικών αποτελεσμάτων με άλλες σχετικές εργασίες, και κατατίθενται προτάσεις για μελλοντικές εργασίες.

Στην παρούσα εργασία, χρησιμοποιήθηκε το περιβάλλον MATLAB για την προεπεξεργασία των δεδομένων και την εξαγωγή των χαρακτηριστικών, ενώ η γλώσσα προγραμματισμού Python χρησιμοποιήθηκε για τη στατιστική ανάλυση και την ανάπτυξη των TNΔ, ειδικότερα χρησιμοποιήθηκε η βιβλιοθήκη Keras. Οι κώδικες που χρησιμοποιήθηκαν μπορεί να βρεθούν στο Παράρτημα.

1.2 Εισαγωγή στις βλάβες των εδράνων χύλισης

Τα έδρανα χύλισης παίζουν χρίσιμο ρόλο στην ομαλή χαι αξιόπιστη λειτουργία των περιστρεφόμενων μηχανών. Αυτά τα συνήθως μιχρά αλλά απαραίτητα μηχανολογιχά εξαρτήματα επιτρέπουν την αποτελεσματιχή μεταφορά της περιστροφιχής χίνησης, τη στήριξη αξόνων, τη μείωση της τριβής χαι τη διατήρηση της αχριβούς ευθυγράμμισης. Η χατανόηση της υπολειπόμενης ωφέλιμης ζωής (RUL) των εδράνων χύλισης είναι ζωτιχής σημασίας για στρατηγιχές προληπτιχής συντήρησης, διασφαλίζοντας τη βέλτιστη απόδοση χαι αποτρέποντας απροσδόχητες βλάβες. Σύμφωνα με μια δημοσίευση που δημοσιεύτηχε από τον Irwin, 1996 [1], οι αστοχίες των εδράνων χύλισης θεωρούνται μία από τις χύριες αιτίες αστοχιών περιστρεφόμενων μηχανημάτων. Η δημοσίευση τονίζει ότι οι αστοχίες των εδράνων χύλισης αντιπροσωπεύουν περίπου το 34% όλων των μηχανιχών αστοχιών στον περιστρεφόμενο εξοπλισμό. Μια μελέτη από την SKF το 2022 [2] αναφέρει ότι περίπου το 36% των αστοχιών στα έδρανα χύλισης οφείλονται σε αχατάλληλη λίπανση, το 34% σε χόπωση, το 16% σε λανθασμένο χειρισμό χαι εγχατάσταση, χαι το 14% σε μόλυνση (βλ. Σχήμα 1).





Τα σημεία που εντοπίζονται οι τρεις κύριες βλάβες των εδράνων κύλισης, είναι, στον εξωτερικό δακτύλιο (Outer Race), στον εσωτερικό δακτύλιο (Inner Race) και στα στοιχεία κύλισης (Roller Elements). Στο Σχήμα 2, παρουσιάζονται οι τύποι των βλαβών.



Σχήμα 2: Οι τρεις χύριες βλάβες των εδράνων χύλισης. Βλάβη στον εξωτεριχό δαχτύλιο, βλάβη στον εσωτεριχό δαχτύλιο χαι βλάβη στα έδρανα χύλισης αντίστοιχα. Πηγή: An, 2014 [3].

Στην περίπτωση βλάβης, εμφανίζεται υψίσυχνη ιδιοσυχνότητα ταλάντωσης, όπου αποδιαμορφώνοντάς τη, εντοπίζεται η χαραχτηριστική συχνότητα βλάβης. Οι χαραχτηριστικές συχνότητές βλάβης, είναι γραμμικά εξαρτώμενες από την συχνότητα περιστροφής του άξονα, όπου ο γραμμικός συντελεστής υπολογίζεται αποκλειστικά από την γεωμετρία του εδράνου κύλισης. Οι σχέσεις των χαρακτηριστικών συχνωτήτων βλάβης λήφθηκαν από τον Randall, 2011 [4]:

$$BPFO = f_{outer} = \frac{N}{2} f_r (1 - \frac{BD}{D_m} cosa) \tag{1}$$

$$BPFI = f_{inner} = \frac{N}{2} f_r (1 + \frac{BD}{D_m} cosa)$$
⁽²⁾

$$BSF = f_{ball} = f_r \frac{D_m}{2BD} \left[1 - \left(\frac{BD}{D_m} cosa\right)^2 \right]$$
(3)

Όπου N ο αριθμός των στοιχείων κύλισης, f_r η συχνότητα περιστροφής του άξονα, BD η διάμετρος των στοιχείων κύλισης, D_m η διάμετρος θέσης των στοιχείων κύλισης και a η γωνία επαφής των στοιχείων κύλισης.

1.3 Εισαγωγή στην προγνωστική και το RUL των Εδράνων Κύλισης

Ως υπολειπόμενη ωφέλιμη διάρχεια ζωής (Remaining Useful Life) του εδράνου χύλισης, ορίζεται ο χρόνος λειτουργίας που απομένει στο εξάρτημα μέχρι αυτό να χρειαστεί επισχευή ή/χαι αντιχατάσταση. Η εχτίμηση του υπολειπόμενου ωφέλιμου χρόνου ζωής ενός εξοπλισμού πριν από την αστοχία βοηθά τους ειδιχούς στη βιομηχανία να αποφύγουν την ανάγχη για μη απαραίτητη δαπάνη χρόνου χαι χρημάτων στη συντήρηση. Έτσι, η προγνωστιχή έχει γίνει ένα σημαντιχό βιομηχανιχό ζήτημα χαι ένα ελχυστιχό πεδίο έρευνας για πολλούς ερευνητές. Βασισμένοι στον Jaouher, 2014 [5], οι στρατηγιχές συντήρησης χωρίζονται σε τρεις τύπους:

- Διορθωτική συντήρηση (corrective maintenance).
- Προληπτική συντήρηση (preventive maintenance).
- Συντήρηση με βάσει την κατάσταση (condition-based maintenance CBM).

Η διορθωτική συντήρηση και η προληπτική συντήρηση εξαφανίζονται από αρκετούς βιομηχανικούς τομείς, όπως αναφέρει ο Dong, 2017 [6], καθώς βασίζονται στην επισκευή ενός στοιχείου όταν αστοχεί και στην περιοδική επιθεώρηση και αντικατάσταση, αντίστοιχα. Το κύριο πλεονέκτημα της CBM είναι ο συνεχής έλεγχος μίας διαδικασίας για τον καθορισμό της βέλτιστης χρονικής παρέμβασης και τη μη διακοπή της κανονικής λειτουργίας. Επομένως, η CBM είναι ευρέως στοχευμένη στην έρευνα και τη βιομηχανία σήμερα. Στη βιβλιογραφία, υπάρχουν τρεις διαφορετικές προσεγγίσεις εκτίμησης του RUL:

• Φυσικά μοντέλα που αναπτύχθηκαν από ειδικούς.

- Συστήματα εμπειρογνωμόνων βάσει κανόνων.
- Μοντέλα τεχνητής νοημοσύνης, βασισμένα σε δεδομένα (data-driven models).

Τα φυσικά μοντέλα αξιοποιούν την φυσική και μηχανική της διαδικασίας καταστροφής του εδράνου κύλισης για να εκτιμήσουν το RUL. Αυτά τα μοντέλα βασίζονται σε μαθηματικές εξισώσεις και θεωρητικές αρχές που περιγράφουν τους μηχανισμούς καταστροφής που εμπλέκονται. Λαμβάνοντας υπόψη παράγοντες όπως το φορτίο, τη θερμοκρασία, τη λίπανση και τις ιδιότητες των υλικών, τα φυσικά μοντέλα μπορούν να παρέχουν πολύτιμες πληροφορίες σχετικά με τη φθορά των εδράνων κύλισης. Μερικά αξιοσημείωτα φυσικά μοντέλα για την εκτίμηση RUL περιλαμβάνουν τα εμπειρικά μοντέλα που προτάθηκαν από τον Iooss, 2008 [7] και το μοντέλο στοχαστικής υποβάθμισης που αναπτύχθηκε από τον Wang, 2009 [8].

Οι μέθοδοι που βασίζονται σε κανόνες για την εκτίμηση του RUL στηρίζονται σε ειδικές γνώσεις και προκαθορισμένους κανόνες για τον προσδιορισμό της υπολειπόμενης ωφέλιμης διάρκειας ζωής των εδράνων κύλισης. Αυτές οι προσεγγίσεις συνήθως περιλαμβάνουν τη διαμόρφωση δεικτών κατάστασης που βασίζονται σε παρατηρήσιμα χαρακτηριστικά των εδράνων κύλισης, όπως κραδασμούς, θερμοκρασία και ακουστικές εκπομπές. Τα συστήματα που βασίζονται σε κανόνες εφαρμόζουν στη συνέχεια ένα σύνολο προκαθορισμένων κανόνων ή ορίων για να ταξινομήσουν την κατάσταση της υγείας των εδράνων κύλισης και να εκτιμήσουν την υπολειπόμενη ωφέλιμη διάρκεια ζωής τους. Ένα πολύ γνωστό παράδειγμα προσέγγισης που βασίζεται σε κανόνες είναι η μέθοδος Health Index που προτείνεται από τον Saxena, 2008 [9], το οποίο χρησιμοποιεί ένα σύνολο κανόνων και ορίων που βασίζονται σε στατιστική ανάλυση και κρίση εμπειρογνωμόνων.

1.4 Εισαγωγή στα Νευρωνικά Δίκτυα

Τα μοντέλα τεχνητής νοημοσύνης, αξιοποιούν τη δύναμη των αλγορίθμων μηχανικής μάθησης για να μαθαίνουν αυτόματα μοτίβα και σχέσεις από ιστορικά δεδομένα. Αυτά τα μοντέλα μπορούν να συλλάβουν πολύπλοκες μη γραμμικές εξαρτήσεις εντός των δεδομένων, επιτρέποντας ακριβείς προβλέψεις RUL. Διάφοροι αλγόριθμοι μηχανικής μάθησης, όπως μηχανές διανυσμάτων υποστήριξης (SVM), τεχνητά νευρωνικά δίκτυα (ANN) και τυχαία δάση (RF), έχουν εφαρμοστεί με επιτυχία στην εκτίμηση RUL. Αξιοσημείωτα μοντέλα που βασίζονται σε δεδομένα για την εκτίμηση RUL περιλαμβάνουν το δίκτυο μακράς βραχυπρόθεσμης μνήμης (Long Short-Term Memory, Hochreiter, 1997 [10]) που προτείνεται από τον Li, 2017 [11], και το μοντέλο τυχαίας παλινδρόμησης δασών που εισήχθη από τον Saxena, 2008 [12].

Τα τεχνητά νευρωνικά δίκτυα (TNΔ), έχουν αναδειχθεί ως ισχυρά εργαλεία για την επίλυση σύνθετων προβλημάτων σε διάφορους τομείς. Τα TNΔ, είναι εμπνευσμένα από την δομή και τη λειτουργία του ανθρώπινου εγκεφάλου, όπου οι διασυνδεδεμένοι νευρώνες, επεξεργάζονται και μεταδίδουν πληροφορίες. Ένα TNΔ αποτελείται από διασυνδεδεμένους κόμβους, γνωστούς και ως νευρώνες (neurons), οι οποίοι είναι οργανωμένοι σε επίπεδα (layers). Αυτοί οι κόμβοι λαμβάνουν σήματα εισόδου, εκτελούν υπολογισμούς σε αυτούς και παράγουν σήματα εξόδου που μεταβιβάζονται σε άλλους κόμβους του δικτύου. Η ισχύς των συνδέσεων μεταξύ των κόμβων, γνωστών ως

βάρη, καθορίζει την επίδραση ενός κόμβου σε έναν άλλο. Προσαρμόζοντας αυτά τα βάρη, τα νευρωνικά δίκτυα μπορούν να μάθουν να αναγνωρίζουν μοτίβα και να κάνουν προβλέψεις.

Η απλούστερη μορφή ενός TNΔ είναι ένα δίκτυο εμπρόσθιας τροφοδότησης (feed forward), όπου οι πληροφορίες ρέουν προς μία κατεύθυνση, από το επίπεδο εισόδου στο επίπεδο εξόδου. Κάθε κόμβος στο δίκτυο λαμβάνει σήματα εισόδου, εφαρμόζει μια μη γραμμική συνάρτηση ενεργοποίησης (activation function) στο σύνθετο άθροισμα των εισόδων του και παράγει μια έξοδο. Η συνάρτηση ενεργοποίησης εισάγει τη μη γραμμικότητα στο δίκτυο, επιτρέποντάς του να μοντελοποιεί σύνθετες σχέσεις μεταξύ εισόδων και εξόδων. Μαθηματικά, η έξοδος ενός κόμβου μπορεί να αναπαρασταθεί ως εξής:

$$y = f\left(\sum_{i=1}^{n} w_i x_i + b\right) \tag{4}$$

Όπου y η έξοδος, f η συνάρτηση ενεργοποίησης, w_i τα βάρη (weights) των εισόδων x_i και b ο συντελεστής (bias) του κάθε κόμβου. Ενώ η απλή αρχιτεκτονική των ΤΝΔ είναι αποτελεσματική σε πολλές εφαρμογές, δυσκολεύεται να καταγράψει μακροπρόθεσμες εξαρτήσεις σε διαδοχικά δεδομένα, όπως τα δεδομένα χρονοσειρών. Αυτός ο περιορισμός οδήγησε στην ανάπτυξη επαναλαμβανόμενων νευρωνικών δικτύων (ENΔ-RNN). Ένας τύπος RNN, που είναι αρχετά διαδεδομένος, είναι το δίχτυο Long Short-Term Memory (LSTM), ο οποίος είναι ικανός να καταγράφει μακροπρόθεσμες εξαρτήσεις σε διαδοχικά δεδομένα. Τα RNN εισάγουν συνδέσεις ανάδρασης, επιτρέποντας στις πληροφορίες να ρέουν όχι μόνο προς τα εμπρός αλλά και προς τα πίσω στο δίκτυο, επιτρέποντας στο δίκτυο να διατηρεί πληροφορίες από προηγούμενα χρονικά βήματα. Τα δίχτυα LSTM επιτυγχάνουν με την εισαγωγή χυψελών μνήμης, που έχουν τη δυνατότητα να θυμούνται και να ξεχνούν πληροφορίες επιλεκτικά. Κάθε κύτταρο μνήμης αποτελείται από τρία κύρια στοιχεία: μια πύλη εισόδου, μια πύλη λήθης και μια πύλη εξόδου. Αυτές οι πύλες ελέγχουν τη ροή των πληροφοριών, επιτρέποντας στο δίκτυο να μάθει αποτελεσματικά τις εξαρτήσεις. Οι εξισώσεις που διέπουν τη συμπεριφορά μιας χυψέλης μνήμης LSTM είναι οι εξής:

$$i_t = \sigma \left(W_{xi} x_t + W_{hi} h_{t-1} + b_i \right) \tag{5}$$

$$f_t = \sigma \left(W_{xf} x_t + W_{hf} h_{t-1} + b_f \right) \tag{6}$$

$$o_t = \sigma \left(W_{xo} x_t + W_{ho} h_{t-1} + b_o \right) \tag{7}$$

$$c_t = f_t \odot c_{t-1} + i_t \odot tanh \left(W_{xc} x_t + W_{hc} h_{t-1} + b_c \right)$$
(8)

$$h_t = o_t \odot tanh(c_t) \tag{9}$$

Όπου x_t η είσοδος την χρονική στιγμή t, h_t η κρυφή κατάσταση την χρονική στιγμή t, i_t , f_t και o_t είναι οι πύλες εισόδου, λήθης και εξόδου αντίστοιχα, σ η συνάρτηση ενεργοποίησης sigmoid και W, b ο πίνακας των βαρών και το διάνυσμα συντελεστών bias αντίστοιχα.

2 Μέθοδος Έρευνας

Η μεθοδολογία που χρησιμοποιείται για την ανάπτυξη του μοντέλου εκτίμησης του RUL του εδράνου κύλισης, είναι η εξής:

- Συλλογή Δεδομένων: Χρησιμοποιήθηκαν δημόσια διαθέσιμα δεδομένα, από πειράματα που έγιναν στο πανεπιστήμιο της Σινσινάτι, τα οποία αποτελούν τους κραδασμούς του εδράνου κύλισης ως την τελική τους αστοχία.
- 2. Προ-επεξεργασία δεδομένων: Τα πειραματικά δεδομένα υπόκεινται σε αποθορυβοποίηση και επεξεργασία για τη βελτίωση της ποιότητάς τους.
- Εξαγωγή Χαρακτηριστικών: Επιλέγονται διάφορα υποψήφια χαρακτηριστικά που αποτελούν τα χαρακτηριστικά που θα χρησιμοποιηθούν ως είσοδοι στα ΝΔ.
- 4. Στατιστική Ανάλυση: Πραγματοποιείται στατιστική ανάλυση μεταξύ των υποψήφιων χαρακτηριστικών και της υπολειπόμενης ωφέλιμης διάρκειας ζωής RUL προκειμένου να επιλεχθούν τα κατάλληλα χαρακτηριστικά που θα χρησιμοποιηθούν ως είσοδοι στα ΝΔ.
- 5. Ανάπτυξη TNΔ για την ανίχνευση της κατάστασης του εδράνου κύλισης: Αναπτύσσεται TNΔ για την αναγνώριση της κατάστασης του εδράνου κύλισης, βάσει των επιλεγμένων χαρακτηριστικών. Το συγκεκριμένο TNΔ, προβλέπει αν υπάρχει και ποία βλάβη έχει υποστεί το έδρανο κύλισης.
- 6. Ανάπτυξη ΕΝΔ για εκτίμηση της υπολειπόμενης ωφέλιμης διάρκειας ζωής (RUL): Παράλληλα, αναπτύσσεται ένα ΕΝΔ ανά τύπο βλάβης, για την εκτίμηση της υπολειπόμενης ωφέλιμης διάρκειας ζωής του εδράνου κύλισης.

Μετά την ανάπτυξη και βελτιστοποίηση των ΝΔ, το συνολικό μοντέλο εκτίμησης του RUL, είναι ικανό να εκτιμήσει την κατάσταση του εδράνου κύλισης και να προβλέψει τον υπολειπόμενο ωφέλιμο χρόνο ζωής του. Η διαδικασία των εκτιμήσεων για μια τυχαία μέτρηση βασίζεται στο Σχήμα 3.



Σχήμα 3: Διαδικασία εκτίμησης της κατάστασης και υπολειπόμενης ωφέλιμης διάρκειας ζωής του εδράνου κύλισης.

3 Πειραματικές μετρήσεις

3.1 Περιγραφή πειράματος

Οι μετρήσεις κραδασμών των εδράνων κύλισης που χρησιμοποιήθηκαν για την ανάλυση, προέρχονται από ένα διαθέσιμο δημόσιο σύνολο δεδομένων της NASA που παρασχέθηκε από το Κέντρο Intelligent Maintenance Systems (IMS) του Πανεπιστημίου της Σινσινάτι, με την υποστήριξη της εταιρείας Rexnord Corp. [13].

3.2 Πειραματική Εγκατάσταση

Κινητήρας AC σταθερής ταχύτητας περιστροφής n = 2000 rpm, μεταδίδει κίνηση μέσω ιμάντα, σε άξονα που εδράζεται σε τέσσερα έδρανα κύλισης, τα οποία έχουν υποστεί λίπανση. Στα έδρανα κύλισης, ασκείται ακτινικά φορτίο F = 6000 lbs, μέσω μηχανισμού ελατηρίου. Η πειραματική εγκατάσταση παρουσιάζεται στο **Σχήμα 4**.



Σχήμα 4: Πειραματική εγκατάσταση, και σκαρίφημα εγκατάστασης. Πηγή από IMS, 2006 [13].

Τα έδρανα χύλισης είναι τύπου διπλής σειράς Rexnord ZA-2115, όπου στο χέλυφος τους είναι τοποθετημένα δύο επιταχυνσιόμετρα PCB 353B33 High Sensitivity Quartz ICP 'ένα στην οριζόντια (x) χαι 'ένα στην χαταχόρυφη διεύθυνση (y). Σε αυτή την εργασία, χρησιμοποιούνται μόνο οι μετρήσεις στην χαταχόρυφη διεύθυνση (y), χαθώς στο δεύτερο χαι τρίτο σύνολο μετρήσεων, δεν έγιναν μετρήσεις στην οριζόντια διεύθυνση (x).

3.3 Δομή δεδομένων

Εκτελέστηκαν τρία (3) πειράματα, τα οποία ήταν αρκετά για να εντοπίσουν τις χαρακτηριστικές βλάβες των εδράνων κύλισης (εσ. δακτύλιος, εξ. δακτύλιος, στοιχεία κύλισης). Κάθε σύνολο δεδομένων (data set) περιέχει μετρήσεις μέχρι τελικής αστοχίας (test-to-failure). Όλες οι τελικές αστοχίες προέκυψαν μετά από υπέρβαση του σχεδιασμένου χρόνου ζωής του εδράνου κύλισης που αντιστοιχεί σε περισσότερες από 100 εκατομμύρια περιστροφές.

Κάθε σύνολο δεδομένων, περιέχει μετρήσεις κραδασμών από τα τέσσερα έδρανα κύλισης διάρκειας ενός δευτερολέπτου (1s), που γίνονται κάθε 10 λεπτά. Η συχνότητα

δειγματοληψίας, είναι $f_s = 20480 Hz$, επομένως καθώς η διάρκεια μέτρησης των κραδασμών είναι 1s, κάθε μέτρηση αποτελείται από 20480 σημεία. Στον Πίνακα 1, παρουσιάζονται τα σύνολα μετρήσεων που έγιναν, οι συνολικές μετρήσεις μέχρι την τελική αστοχία, το έδρανο κύλισης αστοχίας και η χαρακτηριστική βλάβη.

Σύνολα Μετρήσεων	Αρχεία Μετρήσεων *	Εδ. Κύλισης Αστοχίας	Βλάβη
No. 1	2156	Εδ. Κύλισης 3 Εδ. Κύλισης 4	Εσ. Δακτύλιος Στ. Κύλισης
No. 2	984	Εδ. Κύλισης 1	Εξ. Δακτύλιος
No. 3	6324	Εδ. Κύλισης 3	Εξ. Δακτύλιος

Πίνακας 1: Σύνολα πειραματικών μετρήσεων.

* Ένα κάθε 10 λεπτά, διάρκειας 1s.

3.4 Ανασκόπηση Μετρήσεων

3.4.1 Ανασκόπηση Μετρήσεων στο πεδίο του χρόνου

Οι πρωτογενείς μετρήσεις (raw measurements) που λαμβάνονται από τα επιταχυνσιόμετρα, παρουσιάζονται στα Σχήματα 5, 6. Η βλάβη που εμφανίζεται κάθε φορά, βασίζεται στον Πίνακα 1. Είναι σημαντικό να σημειωθεί πως οι μετρήσεις διαρκούν 1s, και γίνονται κάθε 10min. Ωστόσο για να παρουσιαστούν σε γράφημα, παρουσιάζονται διαδοχικά.

Σχήμα 5: Ανασκόπηση μετρήσεων πρώτου συνόλου, στο πεδίο του χρόνου.

Σχήμα 6: Ανασκόπηση μετρήσεων δεύτερου και τρίτου συνόλου, στο πεδίο του χρόνου.

Από τα **Σχήματα 5, 6**, παρατηρείται πως όσο εξελίσσεται η βλάβη, τα επίπεδα των επιταχύνσεων αυξάνονται.

3.4.2 Ανασκόπηση Μετρήσεων στο πεδίο συχνοτήτων

Τα χαρακτηριστικά του εδράνου κύλισης Rexnord ZA-2115 παρουσιάζονται στον Πίνακα 2. Από τις Σχέσεις (1),(2),(3), υπολογίζονται οι χαρακτηριστικές συχνότητες βλάβης των εδράνων κύλισης, όπου λαμβάνουν τις τιμές:

$$BPFO = 236Hz, \quad BPFI = 297Hz, \quad BSF = 278Hz$$

Πίνακας 2: Χαρακτηριστικά των εδράνων κύλισης Rexnord ZA-2115

Rexnord ZA-2115		
Pitch diameter	2.815 inch	71.5mm
Rolling element diameter	0.331 inch	8.4mm
Number of rolling element per row	16	16
Contact angle	$15.17 \deg$	15.17deg

Η μετάβαση από το πεδίο του χρόνου στο πεδίο των συχνοτήτων γίνεται με τον διαχριτό μετασχηματισμό Fourier (DFT). Στο **Σχήμα 7**, γίνεται αναπαράσταση της εξέλιξης του φάσματος των συχνοτήτων. Κάθε σημείο (δείγμα, συχνότητα) λαμβάνει μια τιμή επιτάχυνσης και για να απεικονιστεί σε δισδιάστατο επίπεδο, χρωματίζεται

στην κλίμακα του γκρι. Τα σύνολα των μετρήσεων που τα φάσματα τους παρουσιάζονται, είναι αυτά που εντοπίστηκε βλάβη στον εξωτερικό δακτύλιο του εδράνου κύλισης.

Σχήμα 7: Χρονικά φάσματα συχνοτήτων για (α) Σύνολο μετρήσεων 2 - έδρανο κύλισης 1, (β) Σύνολο μετρήσεων 3 - έδρανο κύλισης 3

Στο Σχήμα 7, γίνεται εμφανής η παρουσία της χαρακτηριστικής συχνότητα του εξωτερικού δακτύλιου (BPFO) και οι αρμονικές της (στο Σχήμα, φαίνεται μόνο η δεύτερη αρμονική). Για αρχή προσεγγιστικά αναφέρεται, πως η αστοχία των εδράνων κύλισης, βάσει των φασμάτων, ξεκινάει τις χρονικές στιγμές 500 και 6100 για τα σύνολα μετρήσεων 2 και 3 αντίστοιχα.

Στα χρονικά φάσματα του συνόλου μετρήσεων 1, όπου υπάρχει βλάβη στον εσωτερικό δακτύλιο του εδράνου κύλισης 3 και βλάβη στα στοιχεία κύλισης του εδράνου κύλισης 4, δεν παρατηρούνται οι χαρακτηριστικές συχνότητες βλάβης και για αυτό δεν παρουσιάζονται. Οι χαρακτηριστικές συχνότητες βλαβών, θα μπορούσαν να εμφανιστούν αποδιαμορφώνοντας το πρωτογενές σήμα σε μια ζώνη κοντά στην υψίσυχνη συχνότητα. Ωστόσο σε αυτή την ενότητα γίνεται απλά ανασκόπηση και δεν γίνεται περαιτέρω προ-επεξεργασία.

4 Εξαγωγή Χαρακτηριστικών

4.1 Αποθορυβοποίηση σήματος

Τα σήματα που λαμβάνονται από τα επιταχυνσιόμετρα (x_n) περιλαμβάνουν, εκτός από την επιθυμητή πληροφορία των μετρήσεων στο έδρανο κύλισης (s_n) που είναι εγκατεστημένα, θόρυβο από τα υπόλοιπα μηχανολογικά στοιχεία (σw_n) . Αυτός ο θόρυβος πηγάζει από τα υπόλοιπα έδρανα κύλισης, τον κινητήρα, τον ιμάντα και τον άξονα της εγκατάστασης (βλ. Σχήμα 4). Η μορφή του σήματος x_n προκύπτει από τον συνδυασμό αυτών των δύο σημάτων.

$$x_n = s_n + \sigma w_n \tag{10}$$

Όπου σ τα επίπεδα θορύβου, και w_n στοιχεία από την γκαουσιανή κατανομή. Στόχος της αποθορυβοποίησης του σήματος, είναι η αφαίρεση του θορύβου σ w_n από τις μετρήσεις του κάθε εδράνου κύλισης, ώστε να γίνει σωστά η διάγνωση του εδράνου κύλισης. Η αποθορυβοποίηση γίνεται με την βοήθεια της μεθόδου της κυματιδιακής αποσύνθεσης (Wavelet decomposition) κατά την οποία το αρχικό σήμα διαχωρίζεται σε δύο επιμέρους σήματα, την προσεγγιστική συνιστώσα και τη συνιστώσα πληροφορίας, οι οποίες περιέχουν πληροφορίες χαμηλών και υψηλών συχνοτήτων αντίστοιχα.

Η διαδικασία αποσύνθεσης γίνεται συνήθως σε παραπάνω από ένα επίπεδο, επαναλαβαίνεται δηλαδή N φορές. Εργασίες από τους Αντωνιάδη, 2016 [14] και Randall, 2011 [15], που επεξεργάζονται σήματα από μετρήσεις σε έδρανα κύλισης, προτείνουν τιμές N=3-5. Στο Σχήμα 8, παρουσιάζεται από τον Haider, 2015 [16] η πολυεπίπεδη αποσύνθεση.

Note: H - Low pass filter; G - High pass filter; A - Approximate information; D - Detailed information

Στο **Σχήμα 9**, παρουσιάζεται το θορυβώδες σήμα από τις πειραματικές μετρήσεις, σε συνδυασμό με κάθε φορά το N φορές αποσυνθεμένο σήμα. Στην εργασία αυτή,

κρίνεται πως η αποσύνθεση μετά την τέταρτη φορά δεν βελτιώνει την αποθορυβοποίηση του σήματος και μπορεί να προκαλέσει κίνδυνο για την εξαφάνιση σημαντικών πληροφοριών όπως είναι οι κρουστικοί παλμοί. Επομένως, για την εξαγωγή χαρακτηριστικών (Feature Extraction επιλέγεται το σήμα AAAA(N = 4)).

Σχήμα 9: Αποτελέσματα της διαδικασίας αποθορυβοποίησης για διαφορετικό αριθμό επαναλήψεων.

4.2 Χαρακτηριστικά σημάτων

Το σήμα που λαμβάνεται από το επιταχυνσιόμετρο αποτελεί τη μοναδική μέτρηση που πραγματοποιείται σε κάθε έδρανο κύλισης. Ωστόσο, αυτές οι μετρήσεις δεν είναι κατάλληλες για την ανάπτυξη ενός νευρωνικού δικτύου. Μετά την αποθορυβοποίηση του σήματος, πραγματοποιείται εξαγωγή χαρακτηριστικών (features) από το πεδίο του χρόνου (time domain) και από το πεδίο των συχνοτήτων (frequency domain), με σκοπό τη συλλογή όσο το δυνατόν περισσότερων πληροφοριών σχετικά με την τρέχουσα κατάσταση του εδράνου κύλισης.

Στον Πίνακα 3, παρουσιάζονται τα χαρακτηριστικά στο πεδίο του χρόνου που επιλέχθηκαν να εξεταστούν, και οι εξισώσεις που τα περιγράφουν.

Τα πρώτα τέσσερα στοιχεία του Πίνακα 3 περιγράφουν τη θέση και διασπορά μιας κανονικής κατανομής, τα σήματα που λαμβάνονται έχουν αυτήν την μορφή. Η μέση τιμή (1) συμβολίζει τη θέση της καμπάνας, η τυπική απόκλιση (2) το πλάτος της καμπάνας, η ασυμμετρία (3) την τάση της κατανομής προς την μία κατεύθυνση και η κύρτωση (4) τη μορφή της κατανομής. Η κορυφή προς κορυφή (5) είναι η μέγιστη διαφορά των άκρων του σήματος, συμβολικό χαρακτηριστικό για τον εντοπισμό κρουστικών παλμών. Η μέση τετραγωνική ρίζα (6) του σήματος, παρουσιάζει τα επίπεδα των κραδασμών, όπου παραδοσιακά, βάσει της τιμή αυτής, χρησιμοποιείται το πρότυπο ISO 10816-3 για την αξιολόγηση της ασφαλούς κατάστασης των εδράνων κύλισης και των υπόλοιπων μηχανολογικών στοιχείων. Οι συντελεστές (7-10), ανεξάρτητα

Χαρακτηριστικά Σήματος	Εξισώσεις *		
1. Mean	$\bar{v} = \frac{\sum v_i}{N}$		
2. Standard Derivation	$std = \sqrt{\frac{\sum (v_i - \bar{v})^2}{N-1}}$		
3. Skewness	$skew = \frac{1}{N} \frac{\sum (v_i - \bar{v})^3}{std^3}$		
4. Kurtosis	$kurt = \frac{E\left((v-\bar{v})^4\right)}{std^4}$		
5. Peak2Peak	p2p = max(v) - min(v)		
6. RMS	$rms = \sqrt{\frac{1}{N}\sum v_i^2}$		
7. CrestFactor	CF = max(v)/rms		
8. ShapeFactor	SF = rms/E(v)		
9. ImpulseFactor	IF = max(v)/E(v)		
10. MarginFactor	$MF = rms/E(v)^2$		
11. Energy	$ener = \sum v_i^2$		
12. RMSEE	$rmsee = -rms \cdot \log{(rms)}$		

Πίνακας 3: Χαρακτηριστικά σήματος στο πεδίο του χρόνου.

^{*} Με E(x) συμβολίζεται η μέση τιμή του διανύσματος x.

από την ταχύτητα περιστροφής του εδράνου κύλισης, παραμένουν σταθεροί καθώς η τιμή RMS, η απόλυτη μέση τιμή και η μέγιστη τιμή αυξάνονται. Εάν η κατάσταση του εδράνου κύλισης επιδεινώνεται, η τιμή των συντελεστών μεταβάλλεται καθώς εμφανίζονται κρουστικά φαινόμενα. Η ενέργεια (11), συμβολίζει τη συνολική ενέργεια του επιταχυνσιόμετρου κατά το χρόνο της μέτρησης (1s). Τέλος το χαρακτηριστικό RMSEE, εισήχθηκε από τον Jaouher, 2015 [17] σε προσπάθεια να γίνουν πιο ομαλές οι περιοχές διακύμανσης.

Η προσέγγιση για τα χαρακτηριστικά στο πεδίο των συχνοτήτων είναι παρόμοια, καθώς και εκεί η κατανομή των μέτρων (U_i) της κάθε συχνότητας (f_i) , έχει τάση προς κανονική κατανομή. Στον Πίνακα 4, παρουσιάζονται τα χαρακτηριστικά στο πεδίο της συχνότητας που επιλέχθηκαν να εξεταστούν, και οι εξισώσεις που τα περιγράφουν.

Τα επιπλέον χαραχτηριστικά (17-19) περιγράφουν το ποσοστό της πιθανής ενέργειας βλάβης ως προς τη συνολική. Οι συγκεκριμένοι συντελεστές, όπως παρατηρήθηκε στην συγκεκριμένη διπλωματική, είναι αρκετά σημαντικοί στην ανίχνευση της βλάβης (Fault Detection) του εδράνου κύλισης. Στο **Σχήμα 10**, παρουσιάζεται το πεδίο συχνοτήτων σήματος όπου έχει εντοπιστεί βλάβη στον εξωτερικό δακτύλιο. Το εμβαδόν με κόκκινο χρώμα συμβολίζει την ενέργεια στο πεδίο των συχνοτήτων $(f = 0 : f_6)$, ενώ με μπλε χρώμα συμβολίζει την ενέργεια στο πεδίο των πρώτων τριών αρμονικών της *BPFO*. Αντίστοιχος είναι και ο τρόπος υπολογισμού και για τους συντελεστές 18,19.

Χαρακτηριστικά Σήματος	Εξισώσεις *		
13. SK Mean	$\bar{U} = \frac{\sum U_i}{N}$		
14. SK Standard Derivation	$SKstd = \sqrt{\frac{\sum(U_i - \bar{U})^2}{N-1}}$		
15. SK Skewness	$SKskew = \frac{1}{N} \frac{\sum (U_i - \bar{U})^3}{SKstd^3}$		
16. SK Kurtosis	$SKkurt = \frac{E\left((U-\bar{U})^4\right)}{SKstd^4}$		
17. BPFO Factor	$FBPFO = \frac{1}{E_t} \sum_{j=1:3} \left(\sum_{i=1}^{f_i = f_1:f_2} U(j \cdot f_i) + 0.5(U(j \cdot f_1) + U(j \cdot f_2)) \right)$		
18. BPFI Factor	$FBPFI = \frac{1}{E_t} \sum_{j=1:3} \left(\sum_{i=1}^{f_i = f_3:f_4} U(j \cdot f_i) + 0.5(U(j \cdot f_3) + U(j \cdot f_4)) \right)$		
19. BSF Factor	$FBSF = \frac{1}{E_t} \sum_{j=1:3} \left(\sum_{i=1}^{f_i = f_5:f_6} U(j \cdot f_i) + 0.5(U(j \cdot f_5) + U(j \cdot f_6)) \right)$		

Πίνακας 4: Χαρακτηριστικά σήματος στο πεδίο των συχνοτήτων.

* Όπου $E_t = 0.5(U(1) + U(f_s)) + \sum U_i$, η συνολική ενέργεια του φάσματος των συχνοτήτων, ο υπολογισμός γίνεται με την μέθοδο των τραπεζιών. Οι συμβολικές συχνότητες $f_1, f_2, f_3, f_4, f_5, f_6$ συμβολίζουν τα άκρα της ολοκλήρωσης και συγκεκριμένα λαμβάνουν τις τιμές, $f_1 = 0.95 f_{BPFO}, f_2 = 1.05 f_{BPFO}, f_3 = 0.95 f_{BPFI}, f_4 = 1.05 f_{BPFI}, f_5 = 0.95 f_{BSF}, f_6 = 1.05 f_{BSF}$

Σχήμα 10: Κατανόηση των χαρακτηριστικών συντελεστών ενέργειας.

Τα δεκαεννιά (19) χαρακτηριστικά που επιλέχθηκαν υπολογίζονται για κάθε ένα από τα τέσσερα σύνολα μετρήσεων στα οποία εντοπίστηκαν βλάβες και παρουσιάζονται στα Σχήματα 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18.

Σχήμα 11: Χαρακτηριστικά του πεδίου χρόνου, από το πρώτο σύνολο μετρήσεων στο 3° έδρανο κύλισης. Εντοπίστηκε βλάβη στον εσωτερικό δακτύλιο.

Σχήμα 12: Χαρακτηριστικά του πεδίου συχνοτήτων, από το πρώτο σύνολο μετρήσεων στο 3° έδρανο κύλισης. Εντοπίστηκε βλάβη στον εσωτερικό δακτύλιο.

Σχήμα 13: Χαρακτηριστικά του πεδίου χρόνου, από το πρώτο σύνολο μετρήσεων στο 4° έδρανο κύλισης. Εντοπίστηκε βλάβη στα στοιχεία κύλισης.

Σχήμα 14: Χαρακτηριστικά του πεδίου συχνοτήτων, από το πρώτο σύνολο μετρήσεων στο 4° έδρανο κύλισης. Εντοπίστηκε βλάβη στα στοιχεία κύλισης.

Σχήμα 15: Χαρακτηριστικά του πεδίου χρόνου, από το δεύτερο σύνολο μετρήσεων στο 1° έδρανο κύλισης. Εντοπίστηκε βλάβη στον εξωτερικό δακτύλιο.

Σχήμα 16: Χαρακτηριστικά του πεδίου συχνοτήτων, από το δεύτερο σύνολο μετρήσεων στο 1° έδρανο κύλισης. Εντοπίστηκε βλάβη στον εξωτερικό δακτύλιο.

Σχήμα 17: Χαρακτηριστικά του πεδίου χρόνου, από το τρίτο σύνολο μετρήσεων στο 3° έδρανο κύλισης. Εντοπίστηκε βλάβη στον εξωτερικό δακτύλιο.

Σχήμα 18: Χαρακτηριστικά του πεδίου συχνοτήτων, από το τρίτο σύνολο μετρήσεων στο 3° έδρανο κύλισης. Εντοπίστηκε βλάβη στον εξωτερικό δακτύλιο.

Γίνονται οι εξής παρατηρήσεις:

- Μερικά από τα χαρακτηριστικά που επιλέχθηκαν, έχουν παρόμοια συμπεριφορά S.D., RMS, Energy, το οποίο είναι αναμενόμενο καθώς οι σχέσεις του είναι παρόμοιες.
- Εμπειρικά, η μέση τετραγωνική ρίζα RMS του σήματος, ήταν κριτήριο για την πρόβλεψη της κατάστασης του εδράνου κύλισης. Εδώ επιβεβαιώνεται η επιλογή αυτού του μέγεθος, καθώς όταν αυξάνεται το RMS και τα αντίστοιχα μεγέθη αυξάνεται και η πρόοδος της βλάβης.
- Η χρονική συμπεριφορά πολλών χαρακτηριστικών δεν είναι ομαλή.

 Ανάλογα με την βλάβη που εμφανίζεται στο έδρανο κύλισης, μεταβάλλονται σημαντικά οι παράγοντες ενέργειες FBPFO, FBPFI, FBSF.

4.3 Κατηγοριοποίηση δεδομένων

Η λειτουργία του εδράνου κύλισης κατηγοριοποιείται σε ασφαλή λειτουργία (Healthy Stage) και σε λειτουργία που έχει αναπτυχθεί βλάβη (Failure Stage). Το σημείο που εμφανίζεται η βλάβη, δηλαδή η μετάβαση από την ασφαλή λειτουργία, στην λειτουργία υπό βλάβη, ονομάζεται FOT (fault occurrence time). Για τον εντοπισμό του σημείου αυτού υπάρχουν διάφοροι μέθοδοι όπως η μέθοδος των κρυφών Μακροβιανών μοντέλων (Hidden Markov Models - HMM) που δοκιμάστηκε από τον Jun, 2020 [18]. Σε αυτήν την εργασία δεν γίνεται κάποια συγκεκριμένη ανάλυση για τον εντοπισμό των FOT, αλλά οι τιμές λαμβάνονται από τον Zhang, 2018 [19], ο οποίος επεξεργάζεται τις ίδιες μετρήσεις.

Η κατηγοριοποίηση (categorization) γίνεται ως εξής: Με category = 0, συμβολίζεται η ασφαλής λειτουργία, category = 1, η λειτουργία υπό βλάβη εσωτερικού δακτύλιου, category = 2, η λειτουργία υπό βλάβη εξωτερικού δακτύλιου, category = 3, η λειτουργία υπό βλάβη στοιχείων κύλισης. Στη συνέχεια προστίθενται στα δεδομένα, και οι πραγματικές τιμές του RUL. Οι χρονικές στιγμές όπου η λειτουργία του εδράνου κύλισης είναι ασφαλής, λαμβάνουν τιμή (RUL = 1.0 ή 100%), μετά τη στιγμή του FOT το RUL μεταβάλλεται γραμμικά (καθώς οι μετρήσεις έχουν σταθερό χρονικό βήμα) μέχρι την τελική αστοχία όπου (RUL = 0 ή 0%).

Στα Σχήματα 19,20,21,22 παρουσιάζονται οι στιγμές FOT πάνω στο χρονοδιάγραμμα του RMS. Οι στιγμές FOT που λήφθηκαν από τον Zhang, 2018 [19] κρίνονται ικανοποιητικές. Αξίζει να σημειωθεί πως οι στιγμές FOT δεν μπορούν να εκτιμηθούν επακριβώς, καθώς η εμφάνιση βλάβης δεν γίνεται ακαριαία.

Σχήμα 19: Τιμές RMS από το πρώτο σύνολο μετρήσεων στο 3ο έδρανο χύλισης.

Σχήμα 20: Τιμές RMS από το πρώτο σύνολο μετρήσεων στο 4ο έδρανο χύλισης.

Σχήμα 21: Τιμές RMS από το δεύτερο σύνολο μετρήσεων στο 1ο έδρανο χύλισης.

Σχήμα 22: Τιμές RMS από το τρίτο σύνολο μετρήσεων στο 3ο έδρανο κύλισης.

4.4 Επιλογή Χαρακτηριστικών

Από τα χαρακτηριστικά του σήματος που έχουν επιλεχθεί να εξεταστούν, επιλέγεται ένας κατάλληλος συνδυασμός ως είσοδοι στο νευρωνικό δίκτυο της κάθε βλάβης για την εκτίμηση της υπολειπόμενης ωφέλιμης διάρκειας ζωής (RUL). Υπάρχουν διάφορες προσεγγίσεις, για την επιλογή του κατάλληλου συνδυασμού. Παρακάτω αναφέρονται μερικές:

- Εμπειρική προσέγγιση: Εμπειρικά επιλέγονται τα χαρακτηριστικά που γνωρίζουμε ότι έχουν επίδραση στο προβλεπόμενο μέγεθος. Χαρακτηριστικό μέγεθος στην περίπτωση μας το RMS.
- PCA προσέγγιση: Η μέθοδος PCA (Principal Component Analysis), μετατρέπει το αρχικό σετ των χαρακτηριστικών, σε σετ με μικρότερες διαστάσεις (συνήθως 2-4). Πλέον οι μεταβλήτες εισόδου είναι οι PCA₁, PCA₂, Αρνητικό της μεθόδου αυτής, είναι πως χάνεται η φυσική ερμηνεία των μεταβλητών.
- Στατιστική προσέγγιση: Γίνονται στατιστικά τεστ ως προς τη συσχέτιση μεταξύ χαρακτηριστικού/στόχου (feature/target), όπου στην περίπτωσή μας ο στόχος είναι το RUL. Τα δύο στατιστικά τεστ που γίνονται είναι το F-test και το MI-test (Mutual Information). Το F-test εντοπίζει αν υπάρχει γραμμική συσχέτιση ενώ το MI-test οποιαδήποτε συσχέτιση μεταξύ δύο μεταβλητών. Επιλέγονται οι τιμές με τις υψηλότερες τιμές των τεστ, και στην συνέχεια εξετάζεται αν υπάρχει συσχέτιση μεταξύ των χαρακτηριστικών, για την αποφυγή

επιλογής παρόμοιων χαραχτηριστικών. Οι τιμές της συσχέτισης, παρουσιάζονται στον πίνακα συσχέτισης (correlation matrix), οι οποίες υπολογίζονται από τη σχέση του Pearson.

Στην παρούσα εργασία επιλέγεται η τελευταία μέθοδος. Στις παρακάτω υποενότητες, γίνεται η επιλογή του κατάλληλου συνδυασμού των χαρακτηριστικών για κάθε νευρωνικό δίκτυο του κάθε τύπου βλάβης. Για το συνδυασμό των χαρακτηριστικών του νευρωνικού δικτύου ανίχνευσης βλάβης, όπου στην περίπτωση αυτή είναι πρόβλημα πολυταξικής ταξινόμησης (Multiclass classification), επιλέγονται χαρακτηριστικά από τα προηγούμενα νευρωνικά δίκτυα.

4.4.1 Επιλογή χαρακτηριστικών στο μοντέλο πρόβλεψης RUL, με βλάβη στον εσωτερικό δακτύλιο

Τα χαρακτηριστικά που επιλέγονται είναι αυτά των Σχημάτων 11, 12. Οι τιμές του στόχου RUL λαμβάνουν τιμές βάσει του Σχήματος 19. Τα στατιστικά τεστ F και MI στις μετρήσεις υπό βλάβη στον εσωτερικό δακτύλιο φαίνονται στο Σχήμα 23.

Σχήμα 23: Στατιστικά τεστ F, MI στις μετρήσεις υπό βλάβη στον εσωτερικό δακτύλιο.

Βάσει του F-test, αρχικά, επιλέγονται τα μεγέθη F = [8, 5, 2, 9, 7, 12], και από το MI-test τα μεγέθη MI = [2, 12, 11, 6, 8, 5, 4], καταλήγοντας στον συνδυασμό array1 = [2, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 11, 12]. Μερικά από τα μεγέθη αυτά, ωστόσο, έχουν έντονη συσχέτιση (βλ. Σχήματος 11) μεταξύ τους. Στο Σχήμα 24 παρουσιάζονται οι συντελεστές συσχέτισης Pearson.

Σχήμα 24: Πίνακας συσχέτισης, στις μετρήσεις υπό βλάβη στον εσωτερικό δακτύλιο.

Τα χαρακτηριστικά [2, 5, 6, 8, 11, 12] έχουν έντονη συσχέτιση. Επιλέγονται δύο από αυτά, καθώς φαίνεται να έχουν τη σημαντικότερη επίδραση στο RUL. Τα χαρακτηριστικά που επιλέγονται είναι τα [8, 12] τα οποία έχουν σχετικά χαμηλότερη συσχέτιση r(8, 12) = 0.77 μεταξύ των άλλων. Υπάρχει επιπλέον συσχέτιση μεταξύ των χαρακτηριστικών [7,9] (r(7,9) = 1), επομένως αφαιρείται το χαρακτηριστικό [9]. Ο συνδυασμός χαρακτηριστικών, πλέον αποτελείται από:

array1=[4,7,8,12]=[Kurtosis,CrestFactor,ShapeFactor,RMSEE]

4.4.2 Επιλογή χαρακτηριστικών στο μοντέλο πρόβλεψης RUL, με βλάβη στον εξωτερικό δακτύλιο

Τα χαρακτηριστικά που επιλέγονται είναι συνδυασμός από τα Σχήματα 15,16 και 17,18, καθώς και τα δύο σύνολα μετρήσεων, αναφέρονται σε βλάβη στον εξωτερικό δακτύλιο. Οι τιμές του στόχου RUL λαμβάνουν τιμές βάσει των Σχημάτων 21, 22. Τα στατιστικά τεστ F και MI στις μετρήσεις υπό βλάβη στον εξωτερικό δακτύλιο φαίνονται στο Σχήμα 25.

Σχήμα 25: Στατιστικά τεστ F, MI στις μετρήσεις υπό βλάβη στον εξωτερικό δακτύλιο.

Βάσει του F-test, αρχικά, επιλέγονται τα μεγέθη F = [13, 12, 2, 6, 17], και από το MI-test τα μεγέθη MI = [12, 6, 2, 11, 5, 10, 13, 8], καταλήγοντας στον συνδυασμό array2 = [2, 5, 6, 8, 10, 11, 12, 13, 17]. Μερικά από τα μεγέθη αυτά, ωστόσο, έχουν έντονη συσχέτιση μεταξύ τους. Στο **Σχήμα 26** παρουσιάζονται οι συντελεστές συσχέτισης Pearson.

Σχήμα 26: Πίνακας συσχέτισης, στις μετρήσεις υπό βλάβη στον εξωτερικό δακτύλιο.

Τα χαρακτηριστικά [2,5,6,11,12] έχουν έντονη συσχέτιση. Επιλέγονται δύο από αυτά, καθώς φαίνεται να έχουν τη σημαντικότερη επίδραση στο RUL και τα υπόλοιπα αφαιρούνται. Τα χαρακτηριστικά που επιλέγονται είναι τα [5,12] τα οποία έχουν σχετικά χαμηλότερη συσχέτιση r(5,12) = 0.73 μεταξύ των άλλων. Ο συνδυασμός χαρακτηριστικών, πλέον αποτελείται από:

array2=[5,8,10,12,13,17]=[P2P,ShapeFactor,MarginFactor,RMSEE,SKMean,FBPFO]

4.4.3 Επιλογή χαρακτηριστικών στο μοντέλο πρόβλεψης RUL, με βλάβη στα στοιχεία κύλισης

Τα χαρακτηριστικά που επιλέγονται είναι αυτά των Σχημάτων 13, 14. Οι τιμές του στόχου RUL λαμβάνουν τιμές βάσει του Σχήματος 20. Τα στατιστικά τεστ στις μετρήσεις υπό βλάβη στα στοιχεία κύλισης φαίνονται στο Σχήμα 27.

Σχήμα 27: Στατιστικά τεστ F, MI στις μετρήσεις υπό βλάβη στα στοιχεία κύλισης.

Βάσει του F-test, αρχικά, επιλέγονται τα μεγέθη F = [2, 12, 6, 11, 8], και από το MI-test τα μεγέθη MI = [2, 12, 6, 11, 8, 13, 14, 5, 9], καταλήγοντας στον συνδυασμό array3 = [2, 5, 6, 8, 10, 11, 12, 13, 17]. Μερικά από τα μεγέθη αυτά, ωστόσο, έχουν έντονη συσχέτιση μεταξύ τους. Στο **Σχήμα 28** παρουσιάζονται οι συντελεστές συσχέτισης Pearson.

Σχήμα 28: Πίνακας συσχέτισης, στις μετρήσεις υπό βλάβη στα στοιχεία κύλισης.

Τα χαρακτηριστικά [2, 6, 8, 11, 12] έχουν έντονη συσχέτιση. Το χαρακτηριστικό που επιλέγεται είναι το [12]. Επιπλέον έντονη συσχέτιση έχουν τα χαρακτηριστικά [4, 5, 9, 13], όπου από αυτά επιλέγονται τα [9, 13]. Ο συνδυασμός χαρακτηριστικών, πλέον αποτελείται από:

array3=[9,12,13]=[ImpulseFactor,RMSEE,SKMean]

4.4.4 Επιλογή χαρακτηριστικών στο μοντέλο πρόβλεψης κατάστασης του εδράνου κύλισης

Για την επιλογή χαρακτηριστικών στο μοντέλο πρόβλεψης κατάστασης του εδράνου κύλισης είναι αδύνατη η χρήση στατιστικών τεστ, καθώς οι τιμές του στόχου δηλώνουν κλάσεις (categories=[0,1,2,3]), οι οποίες είναι συμβολικές και δεν έχουν συσχέτιση μεταξύ τους. Επιλέχθηκε συνδυασμός χαρακτηριστικών, ο οποίος να δίνει έμφαση στον τύπο της βλάβης χωρίς να υπάρχει μεροληψία ως προς κάποια βλάβη. Ο συνδυασμός, αποτελείται από:

• τους συντελεστές των χαρακτηριστικών συχνοτήτων [17, 18, 19].

- από το κοινό χαρακτηριστικό μεταξύ των τριών μοντέλων [12].
- από τα κοινά χαρακτηριστικά μεταξύ των array1-array3 και array2-array3που είναι τα [8] και [13] αντίστοιχα.
- από το κυρίαρχο χαρακτηριστικό του κάθε μοντέλου, όπου είναι τα [4,9,5].

Ο συνδυασμός χαρακτηριστικών, για το μοντέλο πρόβλεψης της κατάστασης του εδράνου κύλισης αποτελείται από:

array = [4,5,8,9,12,13,17,18,19] = [Kurtosis, P2P, SF, IF, RMSEE, SKMean, fBPFO, fBPFI, fBSF]

Στον Πίνακα 5, γίνεται ανασκόπηση από την τελική επιλογή των χαρακτηριστικών που θα δεχθεί το κάθε μοντέλο πρόβλεψης ως είσοδοι.

Πίνακας 5:	Συνδυασμός	χαραχτηριστικών για το	ο κάθε	μοντέλο πρ	ρόβλεψης.
------------	------------	------------------------	--------	------------	-----------

			Pred	iction Mode	ls
No.	Features	Inner	Outer	Roller El.	Fault
		Fault	Fault	Fault	Detection
1.	Mean	X	X	×	×
2.	Standard Deviation	×	×	×	×
3.	Skewness	×	×	×	×
4.	Kurtosis	1	×	×	1
5.	Peak2Peak	×	1	×	1
6.	RMS	×	×	×	×
7.	Crest Factor	1	X	×	×
8.	Shape Factor	1	1	×	1
9.	Impulse Factor	×	×	1	1
10.	Margin Factor	×	1	×	×
11.	Energy	×	×	×	×
12.	RMSEE	1	1	1	1
13.	SKMean	×	1	1	1
14.	SK Standard Deviation	×	X	×	×
15.	SK Skewness	×	×	×	×
16.	SK Kurtosis	×	X	×	×
17.	BPFO Factor	×	 Image: A second s	×	1
18.	BPFI Factor	×	×	×	1
19.	BSF Factor	×	×	×	 Image: A set of the set of the
5 Μοντέλο ανίχνευσης βλάβης του εδράνου κύλισης

Σε αυτήν την ενότητα αναπτύσσεται το μοντέλο ανίχνευσης βλάβης (Fault Detection), το οποίο αποτελεί το πρώτο χομμάτι για την εχτίμηση της υπολειπόμενης ωφέλιμης διάρχειας ζωής (RUL) του εδράνου χύλισης. Η πρόβλεψη της χατάστασης του εδράνου χύλισης γίνεται μέσω της ανάπτυξης ενός νευρωνιχού διχτύου πρόσθιας τροφοδότησης (FFNN), με απαίτηση υψηλής αχρίβειας στις προβλέψεις, προχειμένου να επιλεγεί στη συνέχεια το χατάλληλο μοντέλο πρόβλεψης του (RUL).

5.1 Επιλογή Δεδομένων

Οι μετρήσεις για την εκπαίδευση (train) και την αξιολόγηση (test) του TNΔ αποτελούν ένα συνδυασμό των τεσσάρων συνόλων μετρήσεων που περιλαμβάνουν την ανίχνευση βλάβης. Η κατηγοριοποίηση της κατάστασης του εδράνου κύλισης βασίζεται στα Σ χήματα 19, 20, 21, 22. Κάθε σύνολο μετρήσεων περιλαμβάνει μετρήσεις για την ασφαλή κατάσταση (0) και μετρήσεις για τις καταστάσεις βλάβης (1,2,3), όπου οι μετρήσεις της ασφαλούς κατάστασης είναι περισσότερες. Από τις μετρήσεις της ασφαλούς κατάστασης είναι ποσοστό του συνολικού αριθμού των μετρήσεων βλάβης, όπως φαίνεται στο Σ χήμα 29, ώστε το μοντέλο να μην επικεντρώνεται υπερβολικά στις μετρήσεις της ασφαλούς κατάστασης.



Σχήμα 29: Επιλογή δεδομένων.

Στον Πίνακα 6 παρουσιάζονται οι συνολικές μετρήσεις για το μοντέλο ανίχνευσης βλάβης. Οι μετρήσεις αυτές διαχωρίζονται σε μετρήσεις εκπαίδευσης (train), που αντιπροσωπεύουν το 80% του συνόλου, και μετρήσεις αξιολόγησης (test), που αντιπροσωπεύουν το 20% του συνόλου.

Σύνολο Μετρήσεων*	Μετρήσεις	Βλάβη	#Ασφαλής Κατάστασης (0)	#Κατάσταση Βλάβης
No.13	2156	Εσ. Δακτύλιος (1)	347	347
No.14	2156	Στ. Κύλισης (3)	755	755
No.21	984	Εξ. Δακτύλιος (2)	397	397
No.33	6324	Εξ. Δακτύλιος (2)	367	367
Δεδομένα	Αν. Βλάβης:	#(0 #(2	$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	

Πίνακας 6: Δεδομένα ανίχνευσης βλάβης.

* Ο συμβολισμός No.13 συμβολίζει το πρώτο σύνολο μετρήσεων του εδράνου κύλισης 3. Επιλέχθηκε συντελεστής (p = 1).

5.2 Αρχιτεκτονική

Ως είσοδοι στο TNΔ, που αποτελούν το πρώτο επίπεδο (Input Layer) του TNΔ, επιλέγονται τα χαρακτηριστικά (features) που διερευνήθηκαν στην Ενότητα 4.4.4, και παρουσιάζονται στον Πίνακα 5. Είναι σημαντικό να γίνει κλιμάκωση των επιλεγμένων εισόδων για να αποφευχθεί η μεροληψία προς ορισμένα χαρακτηριστικά. Η κλιμάκωση πραγματοποιείται ως εξής:

$$X_{i,scaled} = \frac{X_i - \bar{X}_i}{\sigma(X_i)} \tag{11}$$

Όπου X_i αναφέρεται στο σύνολο του χαρακτηριστικού i, \bar{X}_i αναπαριστά τη μέση τιμή και $\sigma(X_i)$ αναπαριστά την τυπική απόκλιση του χαρακτηριστικού i.

Μέτα το πρώτο επίπεδο, ακολουθούν τα κρυφά επίπεδα (Hidden Layers) που επιλέγεται να είναι δύο -καθώς δεν βελτιώνεται η απόδοση του μοντέλου με παραπάνω επίπεδα και καθυστερείται η εκπαίδευση- όπου εκτελούνται οι μαθηματικές εκφράσεις των νευρώνων. Τέλος, στο τελευταίο επίπεδο (Output Layer) τοποθετούνται τέσσερις (4) νευρώνες, όπου προβλέπεται η κατάσταση του εδράνου κύλισης βάσει της μεγαλύτερης τιμής των νευρώνων. Η αρχιτεκτονική του TNΔ, παρουσιάζεται στο Σχήμα 30.



Σχήμα 30: Αρχιτεκτονική ΤΝΔ ανίχνευσης βλάβης.

5.3 Βελτιστοποίηση

Η αξιολόγηση του κάθε TNΔ γίνεται βάσει της αντικειμενικής συνάρτησης "κατηγορικής διασταυρούμενης εντροπίας" (categorical crossentropy) στα δεδομένα αξιολόγησης. Αυτή η συνάρτηση έχει σχεδιαστεί ειδικά για προβλήματα πολυκατηγορικής ταξινόμησης και υπολογίζεται από την παρακάτω σχέση:

$$Loss = -\sum \vec{y}_{true} \cdot \left(\log(\vec{y}_{pred})\right)^T \tag{12}$$

Όπου \vec{y}_{true} αναπαριστά το διάνυσμα των πραγματικών τιμών. Για παράδειγμα, στην περίπτωση της βλάβης εσωτερικού δακτυλίου, το διάνυσμα λαμβάνει τις τιμές $\vec{y}_{true} = [0, 1, 0, 0]$. Επίσης, \vec{y}_{pred} αναπαριστά το διάνυσμα των προβλεπόμενων τιμών. Για παράδειγμα, ένα πιθανό διάνυσμα μπορεί να είναι $\vec{y}_{pred} = [0.1, 0.8, 0.05, 0.05]$.

Οι παράμετροι βελτιστοποίησης του TNΔ, που διερευνώνται είναι ο αριθμός των νευρώνων στα χρυφά επίπεδα *i*1, *i*2. Ο χώρος διερεύνησης χαθώς χαι η αρχιτεχτονιχή των TNΔ παρουσιάζονται στον Πίναχα 7.

Type	Layer	Nodes	Activation Function
Dense	Input	9	relu
Dense	Hidden $i1$	25:5:55	relu
Dense	Hidden $i2$	5:3:18	relu
Dense	Outer	4	softmax

Πίνακας 7: Αρχιτεκτονική των ΤΝΔ ανίχνευσης βλάβης.

Επιλέχθηκε η συνάρτηση ενεργοποίησης relu στα πρώτα τρία επίπεδα, καθώς είναι απλή και επιταχύνει τη σύγκλιση της εκπαίδευσης του TNΔ. Στο τελευταίο επίπεδο επιλέχθηκε η συνάρτηση ενεργοποίησης softmax, ώστε να μετατρέπει το πρόβλημα κατηγοριοποίησης σε πρόβλημα πιθανότητας κλάσεων.

Κάθε TNΔ επιλέγεται να εκπαιδευτεί για 100 εποχές ($N_{\rm epoch} = 100$). Στη συνέχεια, γίνεται επανεκπαίδευση των τριών καλύτερων TNΔ για επιπλέον 1000 εποχές ($N_{\rm epoch2} = 1000$), και επιλέγεται το καλύτερο μοντέλο. Η επιλογή αυτή έγινε για να επιταχυνθεί η διαδικασία βελτιστοποίησης. Χρησιμοποιήθηκε ο αλγόριθμος Adams για την εύρεση των βαρών (weights) και των συντελεστών bias του TNΔ. Η ταχύτητα επίλυσης αναφέρεται ότι είναι περίπου 400 εποχές ανά λεπτό (v = 400epochs/min). Το λογικό διάγραμμα της διαδικασίας βελτιστοποίησης του TNΔ παρουσιάζεται στο **Σχήμα 31**.



Σχήμα 31: Λογικό διάγραμμα βελτιστοποίησης αρχιτεκτονικής ΤΝΔ ανίχνευσης βλάβης.

Στον Πίνακα 8 παρουσιάζονται οι τιμές της αντικειμενικής συνάρτησης για διάφορα TNΔ που εκπαιδεύτηκαν, με την ταξινόμηση να ακολουθεί αύξουσα σειρά. Τα τρία (3) καλύτερα TNΔ επανεκπαιδεύτηκαν, και επιλέγεται το TNΔ με την μικρότερη τιμή της αντικειμενικής συνάρτησης, δηλαδή το TNΔ με κρυφά επίπεδα (i1, i2) = (25, 8).

Rank	i1 Nodes	i2 Nodes	categorical at N_{epoch}	at N_{epoch2}
1.	50	8	0.1124	0.0096
2.	25	8	0.1281	0.0074
3.	30	8	0.1320	0.0085
4.	30	17	0.1401	
5.	35	5	0.1550	
:	:	:	÷	
÷	÷	÷	÷	
35.	45	5	0.2749	
36.	35	8	0.2917	

Πίνακας 8: Αποτελέσματα βελτιστοποίησης για το ΤΝΔ ανίχνευσης βλάβης.

Πέρα της αντιχειμενιχής συνάρτησης που ορίστηχε, ένα επιπλέον χριτήριο επιλογής του TNΔ είναι ο πίναχας σύγχυσης (Confusion Matrix). Ο πίναχας σύγχυσης οπτιχοποιεί τις πραγματιχές και προβλεπόμενες τιμές χλάσης για όλες τις μετρήσεις. Ιδανιχά, ο πίναχας πρέπει να είναι διαγώνιος. Στο **Σχήμα 32** παρουσιάζεται ο πίναχας σύγχυσης του TNΔ με χρυφά επίπεδα (i1, i2) = (25, 8), για τα δεδομένα εχπαίδευσης και αξιολόγησης.





Οι κύριες μετρικές του πίνακα σύγχυσης υπολογίζονται από τις παρακάτω σχέσεις, και παρουσιάζονται στον Πίνακα 9.

$$accuracy = \frac{Correct \text{ predictions}}{All \text{ predictions}}$$
(13)

$$\operatorname{Precision}_{i} = \frac{\operatorname{TP}_{i}}{\operatorname{FP}_{i}}, \quad \operatorname{Recall}_{i} = \frac{\operatorname{TP}_{i}}{\operatorname{TP}_{i} + \operatorname{FN}_{i}}, \quad \operatorname{f1}_{i} = 2\frac{\operatorname{Precision}_{i} \cdot \operatorname{Recall}_{i}}{\operatorname{Precision}_{i} + \operatorname{Recall}_{i}}$$
(14)

 $A \vartheta ήνα$, 2023

Class	Precision	Recall	f1-score
Safe (0)	0.978	0.967	0.973
Inner (1)	0.972	0.972	0.972
Outer (2)	0.962	0.987	0.974
Roller (3)	0.959	0.959	0.959
Accuracy	0.970		

Πίνακας 9: Κύριες μετρικές που υπολογίζονται από τον πίνακα σύγχυσης των δεδομένων αξιολόγησης.

Οι τιμές του πίνακα σύγχυσης και οι μετρικές του, είναι αρκετά ικανοποιητικές και η επιλογή της συγκεκριμένης αρχιτεκτονικής εξακολουθεί να ισχύει. Παρακάτω αναφέρονται οι κύριοι λόγοι:

- Οι τιμές των μετρικών του πίνακα σύγχυσης λαμβάνουν εξαιρετικές τιμές.
- Ο πίνακας σύγχυσης είναι κατά κύριο λόγο διαγώνιος.
- Στην περίπτωση που υπάρχει βλάβη $y_{true} = 1, 2, 3$ και η πρόβλεψη είναι ξανά βλάβη $y_{pred} = 1, 2, 3$ οι τιμές αυτές ταυτίζονται σχεδόν πάντα (βλ. υπομητρώο 3x3). Παρατηρούνται μόνο δύο (2) μετρήσεις στα δεδομένα αξιολόγησης (Test Data), όπου στην μία μέτρηση υπάρχει βλάβη στον εσωτερικό δακτύλιο και αναγνωρίστικε ως βλάβη στα στοιχεία κύλισης και μία μέτρηση όπου υπάρχει βλάβη στα στοιχεία κύλισης και μία μέτρηση όπου υπάρχει βλάβη στον εσωτερικό δακτύλιο. Αυτό το γεγονός είναι αρκετά σημαντικό καθώς το TNΔ σχεδόν πάντα θα ακολουθήσει το σωστό μοντέλο πρόβλεψης της υπολειπόμενης ωφέλιμης διάρκειας ζωής (RUL).
- Στην περίπτωση που η κατάσταση του εδράνου κύλισης είναι ασφαλές ($y_{true} = 0$) και η πρόβλεψη είναι βλάβη $y_{pred} = 1, 2, 3$, παρατηρούνται τρείς (3) μετρήσεις στα δεδομένα εκπαίδευσης (Train Data) και οκτώ (8) μετρήσεις στα δεδομένα αξιολόγησης (Test Data). Αυτό το γεγονός δεν είναι ανησυχητικό, καθώς οι μετρήσεις αυτές πιθανότερα βρίσκονται κοντά στο FOT, οπότε προκαλείται σύγχυση.

Η ίδια παρατήρηση γίνεται και στις περιπτώσεις όπου η κατάσταση του εδράνου κύλισης είναι σε βλάβη $y_{ture} = 1, 2, 3$ και η προβλεπόμενη κατάσταση του εδράνου κύλισης είναι $(y_{pred} = 0)$.

6 Εκτίμηση Υπολειπόμενης Ωφέλιμης Διάρκειας Ζώης του εδράνου κύλισης

Στην περίπτωση που έχει αναγνωριστεί βλάβη σε μία μέτρηση, από το πρωταρχικό μοντέλο πρόβλεψης, γίνεται εκτίμηση της υπολειπόμενης ωφέλιμης διάρκειας ζωής (RUL) από ένα από τα τρία (3) υπό-μοντέλα πρόβλεψης RUL. Η εκτίμηση του RUL, γίνεται με χρήση νευρωνικού δικτύου με κόμβους LSTM.

6.1 Επιλογή Δεδομένων

Η επιλογή των δεδομένων για την εκπαίδευση (train) και αξιολόγηση (test) των $\text{EN}\Delta$, έγινε αρχικά αποκλειστικά βασιζόμενη στις μετρήσεις μετά το FOT (όταν υπάρχει βλάβη). Το μοντέλο που δημιουργήθηκε με αυτές τις μετρήσεις, παρουσίαζε υψηλή ακρίβεια στις μετρήσεις που αντιστοιχούσαν στην εμφάνιση βλάβης, αλλά εμφάνιζε χαμηλή ακρίβεια στις μετρήσεις που βρίσκονταν σε ασφαλή κατάσταση και είχαν προβλεφθεί ως μετρήσεις βλάβης. Για αυτό το λόγο, τα τελικά επιλεγμένα δεδομένα περιλαμβάνουν μετρήσεις ασφαλούς κατάστασης ποσοστού p των μετρήσεων βλάβης, σύμφωνα με το Σ χήμα 29.

Η τιμή του στόχου RUL λαμβάνει τιμές μεταξύ [0.0, 1,0]. Η τιμή 1.0 υποδηλώνει την ασφαλή κατάσταση του εδράνου κύλισης και μειώνεται γραμμικά μέχρι την τιμή 0.0, η οποία αντιστοιχεί στην τελική καταστροφή του εδράνου κύλισης (βλ. Σχήματα 19, 20, 21, 22). Το Σχήμα 33 παρουσιάζει τις τιμές του RUL για το σύνολο μετρήσεων No.24, προκειμένου να επισημανθούν με μεγαλύτερη σαφήνεια οι προαναφερθέντες σχολιασμοί.



Σχήμα 33: Επιλογή δεδομένων για την εκτίμηση του RUL.

Τα δεδομένα χωρίζονται, όπως και στην περίπτωση της ανίχνευσης βλάβης, σε σύνολα εκπαίδευσης (train) και αξιολόγησης (test). Τα ποσοστά που χρησιμοποιο-

ύνται είναι 80% και 20% του συνολικού αριθμού δεδομένων, αντίστοιχα. Ο Πίνακας 10 παρουσιάζει τα δεδομένα που χρησιμοποιούνται για κάθε μοντέλο πρόβλεψης του RUL.

Βλάβη	Σύνολο Μετρήσεων*	Μετρήσεις	#Ασφαλής Κατάστασης (0)	#Κατάσταση Βλάβης
Εσ. Δακτύλιος (1)	No.13	2156	139	347
Εξ. Δακτύλιος (2)	No.21 No.33	984 6324	$\begin{array}{c} 159 \\ 147 \end{array}$	397 367
Στοιχεία Κύλισης (3)	No.14	6324	302	755

Πίνακας 10: Δεδομένα για την εκτίμηση του RUL.

* Ο συμβολισμός No.13, συμβολίζει το πρώτο σύνολο μετρήσεων του εδράνου κύλισης 3. Επιλέχθηκε και στα τρία (3) υπό μοντέλα συντελεστής p = 0.4.

6.2 Αρχιτεκτονική

Η αρχιτεκτονική του νευρωνικού δικτύου για την εκτίμηση του RUL, που αρχικά διερευνήθηκε, ήταν παρόμοια με αυτή του νευρωνικού δικτύου για την ανίχνευση βλάβης. Ωστόσο, το σφάλμα στις εκτιμήσεις του RUL ήταν εμφανές, ειδικά στα αρχικά στάδια της βλάβης και δεν μπορούσε να αγνοηθεί. Η επόμενη και τελική επιλογή για το νευρωνικό δίκτυο εκτίμησης του RUL ήταν η αντικατάσταση των απλών νευρώνων του πρώτου επιπέδου με νευρώνες LSTM. Οι νευρώνες LSTM είναι κατάλληλοι για αυτό το πρόβλημα, καθώς οι μετρήσεις και τα χαρακτηριστικά τους (βλ. Σχήματα 11-18) εξαρτώνται χρονικά. Πριν από το επίπεδο με τους νευρώνες LSTM, υπάρχει το επίπεδο εισόδων (Input Layer) όπου κάθε νευρώνας αντιστοιχεί σε ένα διάνυσμα μήκους ws (Window Size) των διαδοχικών τιμών του k-χαρακτηριστικού (X_k) όπως φαίνεται στο Σχήμα 34. Τα χαρακτηριστικά που επιλέγονται σε κάθε μοντέλο για συγκεκριμένη βλάβη προέρχονται από τον Πίνακα 5.



Σχήμα 34: Διανύσματα εισόδων στα ΕΝΔ εκτίμησης του RUL.

Μετά το κρυφό επίπεδο με τους *i*1 νευρώνες LSTM, ακολουθεί το επίπεδο με τους απλούς *i*2 νευρώνες, το οποίο είναι συνδεδεμένο με το επίπεδο εξόδου (Outer Layer) για την πρόβλεψη του RUL. Προκειμένου να αποφευχθεί το φαινόμενο της υπερπροσαρμογής, δηλαδή η υπερβολική προσαρμογή του μοντέλου στα δεδομένα εκπαίδευσης που οδηγεί σε χαμηλή ακρίβεια στα δεδομένα αξιολόγησης, προστίθενται δύο επιπλέον επίπεδα εγκατάλειψης (Dropout) ανάμεσα στο κρυφό επίπεδο με τους απλούς *i*2 νευρώνες. Κατά τη διάρκεια της εκπαίδευσης, το επίπεδο εγκατάλειψης επιλέγει τυχαία ένα ποσοστό των νευρώνων και τα απενεργοποιεί, αποκλείοντας τη συνεισφορά τους στην πρόβλεψη. Αυτό έχει ως αποτέλεσμα τη μείωση της υπερ-προσαρμογής του μοντέλου στα εκπαιδευτικά δεδομένα και τη βελτίωση της ικανότητάς του να γενικεύει σε νέα δεδομένα.

Στο Σχήμα 35 συγκρίνονται δύο παρόμοια μοντέλα ως προς τη σύγκλισή τους, με τη διαφορά ότι το ένα μοντέλο περιλαμβάνει τα επίπεδα εγκατάλειψης.



Σχήμα 35: Πορεία σύγκλισης μοντέλων (α) χωρίς επίπεδο εγκατάλειψης, (β) με επίπεδο εγκατάλειψης.

Στο Σχήμα 35α', όπου απουσιάζουν τα επίπεδα εγκατάλειψης, παρατηρείται το φαινόμενο της υπερπροσαρμογής (overfitting), όπου οι προβλέψεις στα δεδομένα εκπαίδευσης είναι σημαντικά καλύτερες από αυτές στα δεδομένα αξιολόγησης. Με την προσθήκη των επιπέδων εγκατάλειψης (Σχήμα 35β'), εξαφανίζεται το φαινόμενο της υπερπροσαρμογής και οι δύο τιμές των αντικειμενικών συναρτήσεων συγκλίνουν σε παρόμοια τιμή. Τελικά, γίνεται η επιλογή της προσθήκης των επίπεδων εγκατάλειψης και η τελική αρχιτεκτονική του νευρωνικού δικτύου παρουσιάζεται στο Σχήμα 36.



Σχήμα 36: Αρχιτεκτονική των ΕΝΔ εκτίμησης του RUL.

6.3 Βελτιστοποίηση

Τα κλασικά προβλήματα παλινδρόμησης (Regression), αξιολογούνται βάσει της αντικειμενικής συνάρτησης μέσου τετραγωνικού σφάλματος (Mean Squared Error), που δίδεται από τη σχέση:

$$MSE = \frac{1}{N} \sum (y_i - \hat{y}_i)^2 \tag{15}$$

Στην εργασία αυτή πραγματοποιήθηκε τροποποίηση της αντικειμενικής συνάρτησης με σκοπό να δοθεί μεγαλύτερη βαρύτητα στις εκτιμήσεις του RUL, \hat{y}_i , όταν είναι μεγαλύτερες από τις πραγματικές τιμές y_i , δηλαδή $\hat{y}_i > y_i$. Η τροποποίηση πραγματοποιήθηκε για λόγους ασφάλειας, καθώς θεωρείται προτιμότερο να γίνεται συντηρητική αντικατάσταση του εδράνου κύλισης παρά να προβλεφθεί η αντικατάσταση μετά την αστοχία του. Η τροποποιημένη αντικειμενική συνάρτηση είναι:

for i=1:length(y)
if
$$\hat{y}_i > y_i$$
:
 $sd_i = penalty \cdot (y_i - \hat{y})^2$
else
 $sd_i = (y_i - \hat{y})^2$
end
 $MSE^* = \frac{1}{N} \sum sd_i$
(16)

Όπου penalty, ο συντελεστής επιβάρυνσης των υπερεκτιμήσεων. Στα Σχήματα 37, 38, 39, 40, παρουσιάζονται οι εκτιμήσεις των RUL σε σχέση με τις πραγματικές τιμές των RUL, καθώς και τα ιστογράμματα των σφαλμάτων των μετρήσεων εκπαίδευσης και αξιολόγησης, για διάφορες τιμές penalty. Το μοντέλο αναπτύχθηκε βασιζόμενο σε μετρήσεις που έχει εντοπιστεί βλάβη στον εσωτερικό δακτύλιο, και στις τέσσερις περιπτώσεις είναι το ίδιο $(i_1, i_2) = (16, 17)$.



Σχήμα 37: Αποτελέσματα συντελεστή *penalty* = 1. (α) Εκτιμήσεις των RUL σε σύγκριση με τις πραγματικές τιμές και ιστογράμματα σφαλμάτων για τις τιμές (β) εκπαίδευσης και (γ) αξιολόγησης.



Σχήμα 38: Αποτελέσματα συντελεστή *penalty* = 2. (α) Εκτιμήσεις των RUL σε σύγκριση με τις πραγματικές τιμές και ιστογράμματα σφαλμάτων για τις τιμές (β) εκπαίδευσης και (γ) αξιολόγησης.



Σχήμα 39: Αποτελέσματα συντελεστή *penalty* = 4. (α) Εκτιμήσεις των RUL σε σύγκριση με τις πραγματικές τιμές και ιστογράμματα σφαλμάτων για τις τιμές (β) εκπαίδευσης και (γ) αξιολόγησης.



Σχήμα 40: Αποτελέσματα συντελεστή *penalty* = 8. (α) Εκτιμήσεις των RUL σε σύγκριση με τις πραγματικές τιμές και ιστογράμματα σφαλμάτων για τις τιμές (β) εκπαίδευσης και (γ) αξιολόγησης.

Γίνονται οι εξής παρατηρήσεις πάνω στα Σχήματα 37, 38, 39, 40:

- Η κατανομή των σφαλμάτων, στο μοντέλο με την αντικειμενική συνάρτηση Loss = MSE*() = MSE(), δηλαδή όταν ο συντελεστής penalty λαμβάνει την τιμή 1, είναι κανονική.
- Με την αύξηση του συντελεστή penalty, μειώνεται ο συντελεστής συμμετρίας της κατανομής (Skewness< 0) των σφαλμάτων $(error = y_i \hat{y})$, δηλαδή η κατανομή τείνει προς τα θετικά σφάλματα.
- Τα σημεία (y_i, \hat{y}) , όσο αυξάνεται ο συντελεστής *penalty*, βρίσκονται κάτω από την ευθεία $y = \hat{y}$, υπάρχει δηλαδή υποεκτίμηση του RUL, επομένως η τροποποίηση της αντικειμενικής συνάρτησης ήταν αποτελεσματική.
- Το μέσο τετραγωνικό σφάλμα (MSE), αυξάνεται με την αύξηση του συντελεστή penalty.

Λαμβάνοντας υπόψη αυτές τις παρατηρήσεις, η επιλογή του συντελεστή penalty γίνεται με τρόπο ώστε να μεταβληθεί η κατανομή των σφαλμάτων και να διατηρηθεί το MSE σε χαμηλά επίπεδα. Η τιμή που επιλέγεται είναι penalty = 4, η οποία θεωρείται ικανοποιητική για όλα τα τρία (3) μοντέλα πρόβλεψης του RUL.

Οι παράμετροι βελτιστοποίησης των ΕΝΔ που διερευνώνται είναι ο αριθμός των νευρώνων στα κρυφά επίπεδα *i*1, *i*2. Ο χώρος διερεύνησης καθώς και η αρχιτεκτονική των ΕΝΔ παρουσιάζονται στον Πίνακα 11.

Type	Layer	Nodes	Activation Function
	Input	(j x ws)	
LSTM	Hidden $i1$	10:6:52	tanh
Dropout	Dropout1		propability=0.15
Dense	Hidden $i2$	2:5:26	relu
Dropout	Dropout2		propability=0.15
Dense	Output	1	sigmoid

Πίνακας 11: Αρχιτεκτονική των ΕΝΔ εκτίμησης του RUL.

Η τιμή του μεγέθους του παραθύρου (window size) που επιλέγεται είναι ws = 6, προχειμένου να απαιτούνται μετρήσεις που λαμβάνονται σε μία ώρα (60 λεπτά). Είναι προφανές ότι η επιλογή ενός υψηλού μεγέθους του παραθύρου ευνοεί την αχρίβεια πρόβλεψης του μοντέλου. Ωστόσο, παρατηρήθηχε ότι τιμές μεγαλύτερες του ws = 6 δεν βελτιώνουν σημαντιχά την αχρίβεια πρόβλεψης του μοντέλου και δεν επιλέγονται, χαθώς αυξάνεται ο χρόνος χαταγραφής των μετρήσεων. Επίσης, σημειώνεται ότι επιλέχθηχε η συνάρτηση ενεργοποίησης sigmoid (activation function) στο επίπεδο εξόδου, έτσι ώστε οι τιμές του RUL να βρίσχονται αυστηρά στο διάστημα [0,1].

Η διαδικασία εύρεσης του βέλτιστου συνδυασμού (i_1, i_2) για τα μοντέλα πρόβλεψης του RUL είναι αντίστοιχη με αυτήν της ανίχνευσης βλάβης (βλ. Σχήμα 31). Επιλέγεται να εκπαιδευτεί το κάθε μοντέλο $N_{epoch} = 150$ εποχές και επιπλέον για τα τρία (3) καλύτερα μοντέλα εκπαιδεύονται επιπλέον $N_{epoch2} = 2500$ εποχές.

6.3.1 Βελτιστοποίηση μοντέλου πρόβλεψης RUL μετρήσεων υπό βλάβη στον εσ. δαχτύλιο (1)

Στον **Πίνακα 12** παρουσιάζονται οι τιμές της αντικειμενικής συνάρτησης για διάφορα ΕΝΔ που εκπαιδεύτηκαν, με την ταξινόμηση να ακολουθεί αύξουσα σειρά. Τα τρία (3) καλύτερα ΕΝΔ, όπως αναφέρεται, επανεκπαιδεύτηκαν.

Πίνακας 12: Αποτελέσματα βελτιστοποίησης για το ΕΝΔ εκτίμησης RUL υπό βλάβη στον εσ. δακτύλιο(1).

Rank	i1 Nodes	i2 Nodes	custom M_{i} at N_{epoch}	$SE, (MSE^*)$ at N_{epoch2}
1.	28	22	0.0033	0.0012
2.	10	22	0.0035	0.0012
3.	16	17	0.0036	0.0010
4.	10	12	0.0037	
5.	40	22	0.0037	
÷	:	:	÷	
÷	:	•	:	
39.	52	2	0.0354	
40.	10	2	0.0364	

Οι τελικές τιμές της αντικειμενικής συνάρτησης για τα τρία (3) καλύτερα μοντέλα, είναι παρόμοιες. Η επιλογή του τελικού μοντέλου, γίνεται παρατηρώντας τα Σχήματα 41, 42, 43, 44.



Σχήμα 41: Σύγκλιση εκπαίδευσης των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στον εσ. δακτύλιο.



Σχήμα 42: Εκτιμήσεις του RUL των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στον εσ. δακτύλιο.



Σχήμα 43: Ιστόγραμμα σφαλμάτων μετρήσεων εκπαίδευσης, των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στον εσ. δακτύλιο.



Σχήμα 44: Ιστόγραμμα σφαλμάτων μετρήσεων αξιολόγησης, των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στον εσ. δακτύλιο.

Η τελική επιλογή της αρχιτεκτονικής για το μοντέλο εκτίμησης του RUL για μετρήσεις υπό βλάβη στον εσωτερικό δακτύλιο είναι το τρίτο καλύτερο μοντέλο, δηλαδή (i1,i2) = (16,17) οι λόγοι είναι οι εξής:

- Υπάρχει σύγκλιση στις μετρήσεις εκπαίδευσης και αξιολόγησης (βλ. Σχήμα 41) και είναι σχεδόν κοινή.
- Ενώ οι τιμές MSE* (βλ. Σχήμα 42) των τριών μοντέλων είναι κοντινές, στο τρίτο (3) μοντέλο γίνεται καλύτερη εκτίμηση στις τελευταίες τιμές του RUL, RUL < 0.5, όπου είναι σημαντικό για λόγους ασφάλειας.

6.3.2 Βελτιστοποίηση μοντέλου πρόβλεψης RUL μετρήσεων υπό βλάβη στον εξ. δακτύλιο (2)

Στον **Πίνακα 13** παρουσιάζονται οι τιμές της αντικειμενικής συνάρτησης για διάφορα ΕΝΔ που εκπαιδεύτηκαν, με την ταξινόμηση να ακολουθεί αύξουσα σειρά. Τα τρία (3) καλύτερα ΕΝΔ, όπως αναφέρεται, επανεκπαιδεύτηκαν.

Πίνακας 13: Αποτελέσματα βελτιστοποίησης για το ΕΝΔ εκτίμησης RUL υπό βλάβη στον εξ. δακτύλιο(2).

			custom M	$SE, (MSE^*)$
Rank	i1 Nodes	i2 Nodes	at N_{epoch}	at N_{epoch2}
1.	34	12	0.0047	0.0010
2.	28	22	0.0049	0.0013
3.	40	7	0.0050	0.0015
4.	46	17	0.0050	
5.	40	12	0.0051	
:	÷	÷	÷	
÷	÷	:	÷	
39.	10	7	0.0077	
40.	46	2	0.022	

Οι τελικές τιμές της αντικειμενικής συνάρτησης για τα τρία (3) καλύτερα μοντέλα, είναι παρόμοιες. Η επιλογή του τελικού μοντέλου γίνεται παρατηρώντας τα $\Sigma \chi$ ήματα 45, 46, 47, 48.



Σχήμα 45: Σύγκλιση εκπαίδευσης των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στον εξ. δακτύλιο.



Σχήμα 46: Εκτιμήσεις του RUL των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στον εξ. δακτύλιο.



Σχήμα 47: Ιστόγραμμα σφαλμάτων μετρήσεων εκπαίδευσης, των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στον εξ. δακτύλιο.



Σχήμα 48: Ιστόγραμμα σφαλμάτων μετρήσεων αξιολόγησης, των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στον εξ. δακτύλιο.

Η τελική επιλογή της αρχιτεκτονικής για το μοντέλο πρόβλεψης του RUL για μετρήσεις υπό βλάβη στον εξωτερικό δακτύλιο είναι το πρώτο καλύτερο μοντέλο, δηλαδή (i1,i2) = (34,12). Οι λόγοι για αυτήν την επιλογή είναι οι εξής:

- Υπάρχει σύγκλιση στις μετρήσεις εκπαίδευσης και αξιολόγησης (βλ. Σχήμα 45) και είναι σχεδόν κοινή (επιλέγεται το καλύτερο).
- Δεν υπάρχουν μετρήσεις με μεγάλα σφάλματα error > 0.2 (βλ. Σχήματα 46, 48).

6.3.3 Βελτιστοποίηση μοντέλου πρόβλεψης RUL μετρήσεων υπό βλάβη στα στοιχεία χύλισης (3)

Στον **Πίνακα 14**, παρουσιάζονται οι τιμές της αντικειμενικής συνάρτησης για διάφορα ΕΝΔ που εκπαιδεύτηκαν, με την ταξινόμηση να ακολουθεί αύξουσα σειρά. Τα τρία (3) καλύτερα ΕΝΔ, όπως αναφέρεται, επανεκπαιδεύτηκαν.

Πίνακας 14: Αποτελέσματα βελτιστοποίησης για το ΕΝΔ εκτίμησης RUL υπό βλάβη στα στοιχεία κύλισης(3).

Rank	i1 Nodes	i2 Nodes	custom M_{epoch} at N_{epoch}	$SE, (MSE^*)$ at N_{epoch2}
1.	52	17	0.00061	0.00046
2.	46	22	0.00067	0.00029
3.	46	17	0.00068	0.00038
4.	40	22	0.00071	
5.	52	22	0.00072	
÷	÷	:	÷	
÷	÷	:	÷	
39.	34	2	0.01213	
40.	22	2	0.01229	

Οι τελικές τιμές της αντικειμενικής συνάρτησης για τα τρία (3) καλύτερα μοντέλα, είναι παρόμοιες. Η επιλογή του τελικού μοντέλου, γίνεται παρατηρώντας τα Σχήματα 49, 50, 51, 52.



Σχήμα 49: Σύγκλιση εκπαίδευσης των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στα στοιχεία κύλισης.



Σχήμα 50: Εκτιμήσεις του RUL των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στα στοιχεία κύλισης.



Σχήμα 51: Ιστόγραμμα σφαλμάτων μετρήσεων εκπαίδευσης, των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στα στοιχεία κύλισης.



Σχήμα 52: Ιστόγραμμα σφαλμάτων μετρήσεων αξιολόγησης, των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στα στοιχεία κύλισης.

Η τελική επιλογή της αρχιτεκτονικής για το μοντέλο εκτίμησης του RUL για μετρήσεις υπό βλάβη στα στοιχεία κύλισης είναι το δεύτερο καλύτερο μοντέλο, δηλαδή (i1,i2) = (46,22). Οι λόγοι για αυτή την επιλογή είναι οι εξής:

- Οι τελικές τιμές των MSE για τις μετρήσεις της εκπαίδευσης και αξιολόγησης, είναι χαμηλότερες από τα αλλά δύο μοντέλα (βλ. Σχήμα 50).
- Οι τιμές των σφαλμάτων λαμβάνουν τιμές error < 0.06 (βλ. Σχήματα 51, 52).

7 Τελική αξιολόγηση

Οι συνολικές μετρήσεις που χρησιμοποιήθηκαν για την εκπαίδευση και αξιολόγηση των βελτιστοποιημένων μοντέλων είναι 11,620. Κάθε μέτρηση περιγράφει κραδασμούς επιτάχυνσης διάρκειας 1s. Αφού γίνει αποθορυβοποίηση της μέτρησης, εξάγονται χαρακτηριστικά του σήματος, με τα οποία γίνεται η εκτίμηση της κατάστασης του εδράνου κύλισης στο πρωταρχικό TNΔ. Στην περίπτωση που εκτιμηθεί βλάβη, χρησιμοποιούνται έξι (6) διαδοχικές μετρήσεις, επιλέγοντας κάθε φορά τα κατάλληλα χαρακτηριστικά βλάβης, και γίνεται η εκτίμηση του RUL χρησιμοποιώντας το κατάλληλο ENΔ. Η διαδικασία εκτίμησης του RUL κάθε μέτρησης βασίζεται στο Σχήμα 3. Στα Σχήματα 53,54,55,56,57 γίνεται η τελική εκτίμηση της κατάστασης του εδράνου κύλισης, καθώς και του RUL κάθε μέτρησης.



Σχήμα 53: Εκτιμήσεις του RUL για το σύνολο μετρήσεων 1 του εδράνου κύλισης 3.



Σχήμα 54: Εκτιμήσεις του RUL για το σύνολο μετρήσεων 1 του εδράνου κύλισης 4.



Σχήμα 55: Εκτιμήσεις του RUL για το σύνολο μετρήσεων 2 του εδράνου κύλισης 1.



Σχήμα 56: Εκτιμήσεις του RUL για το σύνολο μετρήσεων 3 του εδράνου κύλισης 3.



Σχήμα 57: Εκτιμήσεις του RUL για το σύνολο μετρήσεων 3 του εδράνου κύλισης 3, στην περιοχή κοντά στην αστοχία

Βάσει των Σχημάτων 53,54,55,56,57, γίνονται οι εξής παρατηρήσεις:

- Η πρόβλεψη της κατάστασης του εδράνου κύλισης είναι σχεδόν πάντα επιτυχής. Υπάρχει μόνο μια μικρή σύγχυση μεταξύ των μετρήσεων με βλάβη στον εσωτερικό δακτύλιο και των μετρήσεων με βλάβη στα στοιχεία κύλισης.
- Δεν υπάρχουν σημαντικά έκτοπα σημεία (outliers). Οι μόνες μετρήσεις που

παρατηρούνται είναι στα $\Sigma\chi$ ήματα 55 και 57, που είναι οι τελικές μετρήσεις, και φαίνεται ότι είναι κακής ποιότητας. Το γεγονός αυτό δεν προκαλεί ανησυχία.

- Παρατηρείται υποεκτίμηση σε όλα τα σύνολα μετρήσεων.
- Η προσθήκη μετρήσεων ασφαλούς κατάστασης στα δεδομένα του ΕΝΔ για την εκτίμηση του RUL ήταν κατάλληλη επιλογή, ειδικά στο Σχήμα 56, όπου φαίνεται ότι πολλές μετρήσεις ασφαλούς κατάστασης προβλέπονται ως βλαβερές καταστάσεις.

Στο **Σχήμα 58**, παρουσιάζεται το ιστόγραμμα των σφαλμάτων για όλες τις μετρήσεις που τα έδρανα χύλισης είναι φθαρμένα (μετά τα σημεία FOT).



Σχήμα 58: Ιστόγραμμα σφαλμάτων για όλες τις μετρήσεις που τα έδρανα κύλισης λειτουργούν υπό βλάβη.

Η κατανομή των σφαλμάτων ακολουθεί κανονική κατανομή με μέση τι
μή και τυπική απόκλιση ως εξής:

$$u = 1.4\%, \quad \sigma = 3.7\%$$

l

Επομένως, το μοντέλο εκτίμησης του RUL προβλέπει με βεβαιότητα 95.4% την υπολειπόμενη ωφέλιμη διάρκεια ζωής του εδράνου κύλισης, με σφάλμα που κυμαίνεται στο διάστημα:

$$[\mu - 2\sigma, \ \mu + 2\sigma] = [-6\%, +9\%] \tag{17}$$

Σημειώνεται ότι οι τιμές δίνονται σε ποσοστά του συνολικού χρόνου αστοχίας. Συγκεκριμένα, στην περίπτωση βλάβης εσωτερικού δακτυλίου, η τιμή είναι $t_I = 57.8h$, στην περίπτωση βλάβης εξωτερικού δακτυλίου είναι $t_O = 66.1h$, και στην περίπτωση βλάβης των στοιχείων κύλισης είναι $t_R = 125.8h$.

8 Συμπεράσματα και Μελλοντικές Εργασίες

Η αχριβής πρόβλεψη του υπολειπόμενου ωφέλιμου χρόνου ζωής των εδράνων χύλισης αποτελεί χρίσιμο παράγοντα για την αποτελεσματιχή συντήρηση, με σχοπό τη βελτίωση της αξιοπιστίας χαι τη μείωση του συνολιχού χόστους συντήρησης. Στο πλαίσιο αυτής της εργασίας, πραγματοποιείται μια προσπάθεια χαραχτηρισμού της χατάστασης του εδράνου χύλισης χαι έπειτα πραγματοποιείται εχτίμηση του υπολειπόμενου ωφέλιμου χρόνου ζωής των εδράνων χύλισης. Γίνεται αρχιχά εστίαση στη βελτίωση της ποιότητας των μετρήσεων μέσω της αποθορυβοποίηση των δεδομένων. Επιπλέον, πραγματοποιήθηχαν στατιστιχά τεστ για την επιλογή των χατάλληλων χαραχτηριστιχών. Τα χαραχτηριστιχά που εξετάστηχαν προέρχονται τόσο από τη βιβλιογραφία όσο χαι από ειδιχά χαραχτηριστιχά που προτάθηχαν για την ανίχνευση βλάβης. Έπειτα, αναπτύχθηχε χαι βελτιστοποιήθηχε ένα απλό νευρωνιχό δίχτυο με στόχο την υψηλή αχρίβεια στην εχτίμηση της χατάστασης του εδράνου χύλισης. Τέλος, αναπτύχθηχε ένα νευρωνιχό δίχτυο με χόμβους LSTM για την πρόβλεψη του υπολοιπόμενου ωφέλιμου χρόνου ζωής, επιλέγοντας με έξυπνο τρόπο την αντιχειμενιχή συνάρτηση ώστε να υποεχτιμάται ο υπολειπόμενος ωφέλιμος χρόνος ζωής.

Το μοντέλο ανίχνευσης βλάβης που αναπτύχθηκε έχει ακρίβεια 99.1% στις μετρήσεις εκπαίδευσης και 96.3% στις μετρήσεις αξιολόγησης, στην περίπτωση που υπάρχει βλάβη στα έδρανα κύλισης. Σε αντίστοιχη εργασία ανίχνευσης βλάβης από τον Κοτσανίδη, 2021 [20], αναπτύχθηκε ένα απλό μοντέλο νευρωνικού δικτύου μοντέλο με εισόδους τα χαρακτηριστικά Amplitude, Crest Factor, RMS, Kurtosis από το αρχικό σήμα αποσυνθεμένο σε διάφορα φάσματα, το οποίο πρόβλεπε ακρίβεια 100% στις μετρήσεις εκπαίδευσης και 90.2% στις μετρήσεις αξιολόγησης. Το μοντέλο που αναπτύχθηκε σε αυτή την εργασία, έχει παρόμοια απόδοση στις μετρήσεις εκπαίδευσης αλλά σημαντικά καλύτερη απόδοση στις μετρήσεις αξιολόγησης.

Το μοντέλο εκτίμησης του υπολειπόμενου ωφέλιμου χρόνου ζωής που αναπτύχθηκε σε αυτή τη μελέτη εξαιρετικά αποτελέσματα συγκριτικά με τη βιβλιογραφία. Ο Zhang, 2018 [19], ανέπτυξε ένα απλό μοντέλο νευρωνικού δικτύου με εισόδους που είναι στατιστικά ισοδύναμες με το RMS. Οι τιμές αυτών των χαρακτηριστικών υποβλήθηκαν σε παρεμβολή Weibull και χρησιμοποιήθηκαν για την εκπαίδευση του TNΔ. Από την άλλη πλευρά, ο Qian, 2017 [21] παρουσιάζει μια μεθοδολογία που συνδυάζει ανάλυση στοχαστικής διαδικασίας, ανάλυση κυματομορφής και ανάλυση μη γραμμικής παραμέτρου για να αναλύσει τα δεδομένα που σχετίζονται με τη λειτουργία και την κατάσταση του εδράνου κύλισης.

Το μέτρο σύγκρισης που χρησιμοποιήθηκε είναι το μέσο απόλυτο σφάλμα (MAE) της εκτίμησης του RUL, όπως ορίζεται από την παρακάτω σχέση:

$$e = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} |y_i - \hat{y}_i| \tag{18}$$

Οι τιμές του μέτρου σύγκρισης ε παρουσιάζονται στον Πίνακα 15.

Σύνολο Μετρήσεων	Βλάβη	Αλγόριθμος	e
No.13	Εσ. Δακτύλιος	LSTM Αναφορά [19] Αναφορά [21]	0.0260 0.1173 4.61
No.14	Στ. Κύλισης	LSTM Αναφορά [19]	0.0145 0.6345
No.21	Εξ. Δακτύλιος	LSTM Αναφορά [19] Αναφορά [21]	0.0194 0.0402 0.980
No.33	Εξ. Δακτύλιος	LSTM	0.0350

Πίνακας 15: Αξιολόγηση μοντέλου εκτίμησης RUL συγκριτικά με βιβλιογραφία.

Με βεβαιότητα μπορούμε να πούμε ότι η εργασία αυτή έχει καλή ακρίβεια στην εκτίμηση του RUL σε σύγκριση με τη βιβλιογραφία. Για μελλοντικές εργασίες, προτείνεται η μελέτη της ευρωστίας (robustness) του μοντέλου εκτίμησης του RUL, δηλαδή η αξιολόγηση της απόδοσής του σε πιθανά σενάρια αβεβαιότητας ή αντικατάστασης δεδομένων. Επίσης, προτείνεται η ανάπτυξη ενός μοντέλου νευρωνικού δικτύου με LSTM νευρώνες, αλλά ως είσοδοι να λαμβάνονται μετρήσεις από το χρονικό σήμα, προκειμένου να εξεταστεί η επίδραση της χρονικής σειράς των δεδομένων στην ακρίβεια της εκτίμησης του RUL.

Κατάλογος Σχημάτων

1 2	Αιτίες βλάβης εδράνων χύλισης. Πηγή: SKF, 2022 [2]	8
3	κύλισης αντίστοιχα. Πηγή: An, 2014 [3]	8
4	άρχειας ζωής του εδράνου χύλισης	13
4	IMS, 2006 [13].	14
$5 \\ 6$	Ανασκόπηση μετρήσεων πρώτου συνόλου, στο πεδίο του χρόνου Ανασκόπηση μετρήσεων δεύτερου και τρίτου συνόλου, στο πεδίο του	15
7	χρόνου. Χρονικά φάσματα συχνοτήτων για (α) Σύνολο μετρήσεων 2 - έδρανο	16
0	κύλισης 1, (β) Σύνολο μετρήσεων 3 - έδρανο κύλισης 3	17
8 9	Επιπέδα αποσυνθέσης Wavelet. Πηγη: Halder, 2015 [16] Αποτελέσματα της διαδικασίας αποθορυβοποίησης για διαφορετικό α-	18
	ριθμό επαναλήψεων	19
10	Κατανόηση των χαρακτηριστικών συντελεστών ενέργειας	21
11	Χαρακτηριστικά του πεδίου χρόνου, από το πρώτο σύνολο μετρήσεων στο 3° έδρανο κύλισης. Εντοπίστηκε βλάβη στον εσωτερικό δακτύλιο.	22
12	Χαραχτροιστιχά του πεδίου συγγοτήτων, από το πρώτο σύγολο με-	
	τρήσεων στο 3° έδρανο κύλισης. Εντοπίστηκε βλάβη στον εσωτερικό δακτύλιο	22
13	Χαραχτηριστιχά του πεδίου χρόνου, από το πρώτο σύνολο μετρήσεων στο 4° έδρανο χύλισης. Εντοπίστηχε βλάβη στα στοιγεία χύλισης.	23
14	Χαραχτηριστιχά του πεδίου συχνοτήτων, από το πρώτο σύνολο με-	
	χύλισης.	23
15	Χαραχτηριστιχά του πεδίου χρόνου, από το δεύτερο σύνολο μετρήσεων	
16	στο 1° εορανο χυλισης. Εντοπιστηχε βλαβή στον εςωτερικό δαχτυλιό. Χαραχτηριστικά του πεδίου συχνοτήτων, από το δεύτερο σύνολο με- τρήσεων στο 1° έδρανο χύλισης. Εντοπίστηχε βλάβη στον εξωτερικό	24
	δαχτύλιο	24
17	Χαραχτηριστιχά του πεδίου χρόνου, από το τρίτο σύνολο μετρήσεων στο 3° έδρανο χύλισης. Εντοπίστηχε βλάβη στον εξωτεριχό δαχτύλιο.	25
18	Χαραχτηριστικά του πεδίου συχνοτήτων, από το τρίτο σύνολο μετρήσε-	25
10	$T_{\rm unic} RMS$ από το πούτο σύνο) ο μετοήσεων στο 3ο έδρανο χώνστο.	20 26
20	Τιμές RMS από το πρώτο σύνολο μετρήσεων στο 4ο έδρανο χύλισης.	$\frac{20}{27}$
20 21	Τιμές RMS από το δεύτερο σύνολο μετρήσεων στο 10 έδρανο χύλισης.	$\frac{21}{27}$
21 22	Τιμές BMS από το τοίτο σύνολο μετοήσεων στο 30 έδρανο χύλισης.	$\frac{21}{28}$
23	Σ τατιστικά τεστ F MI στις μετοάσεις μπό βλάβη στου εσωτερικό δα-	20
20	z z z z z z z z z z	29
24	Πίναχας συσχέτισης, στις μετρήσεις υπό βλάβη στον εσωτερικό δαχτύλιο.	$\frac{20}{30}$

25	Στατιστικά τεστ F, MI στις μετρήσεις υπό βλάβη στον εξωτερικό δα- κτύλιο	31
26	Πίνακας συσχέτισης, στις μετοήσεις υπό βλάβη στον εξωτεοικό δακτύλιο	32
$\frac{2}{27}$	Στατιστικά τεστ F. ΜΙ στις μετρήσεις υπό βλάβη στα στοιγεία κύλισης.	33
$\frac{-1}{28}$	Πίναχας συσχέτισης, στις μετρήσεις υπό βλάβη στα στοιχεία χύλισης.	34
$\frac{-0}{29}$	Eπιλογή δεδομένων.	36
30	Αργιτεχτονιχή ΤΝΔ ανίγνευσης βλάβης	38
31	Λογικό διάγραμμα βελτιστοποίησης αρχιτεκτονικής ΤΝΔ ανίχνευσης	
	βλάβης	39
32	Πίναχας σύγχυσης για τα δεδομένα εχπαίδευσης και αξιολόγησης.	40
33	Επιλογή δεδομένων για την εκτίμηση του RUL	42
34	Διανύσματα εισόδων στα ΕΝΔ εκτίμησης του RUL	44
35	Πορεία σύγκλισης μοντέλων (α) χωρίς επίπεδο εγκατάλειψης, (β) με	
	επίπεδο εγκατάλειψης	45
36	Αρχιτεκτονική των ΕΝΔ εκτίμησης του RUL	45
37	Αποτελέσματα συντελεστή $penalty = 1$. (α) Εκτιμήσεις των RUL σε	
	σύγκριση με τις πραγματικές τιμές και ιστογράμματα σφαλμάτων για	
	τις τιμές (β) εκπαίδευσης και (γ) αξιολόγησης	46
38	Αποτελέσματα συντελεστή $penalty=2$. (α) Εκτιμήσεις των RUL σε	
	σύγκριση με τις πραγματικές τιμές και ιστογράμματα σφαλμάτων για	
	τις τιμές (β) εκπαίδευσης και (γ) αξιολόγησης	47
39	Αποτελέσματα συντελεστή $penalty=4.$ (α) Εχτιμήσεις των RUL σε	
	σύγκριση με τις πραγματικές τιμές και ιστογράμματα σφαλμάτων για	
	τις τιμές (β) εκπαίδευσης και (γ) αξιολόγησης	47
40	Αποτελέσματα συντελεστή $penalty=8.$ (α) Εκτιμήσεις των RUL σε	
	σύγκριση με τις πραγματικές τιμές και ιστογράμματα σφαλμάτων για	
	τις τιμές (β) εκπαίδευσης και (γ) αξιολόγησης	47
41	Σύγκλιση εκπαίδευσης των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για με-	
10	τρήσεις υπό βλάβη στον εσ. δαχτύλιο.	49
42	Εχτιμήσεις του RUL των τριών (3) χαλύτερων μοντέλων για μετρήσεις	•
40	υπό βλάβη στον εσ. δαχτύλιο	50
43	Ιστογραμμα σφαλματών μετρήσεων εκπαιδεύσης, των τριών (3) καλύτε-	50
4.4	ρων μοντελων για μετρησεις υπο βλαβή στον εσ. δαχτυλιο.	50
44	Ιστογραμμα σφαλματων μετρησεων αξιολογησης, των τριων (3) χαλυτε-	50
45	ρων μοντελών για μετρησείς υπο ρλαρη στον εσ. οαχτυλίο.	50
40	20γκλισή εκπαισεύσης των τριών (3) καλυτερών μοντελών για με-	59
46	τρησεις υπο ρλαρή στον ες. σακτυλίο	32
40	Exclusion (3) xanotepar μ ortenar γ ta μ e topoles	59
47	U_{α} μαρή ο τον ες. σακτολασιών εκταίδευσης των τοιών (3) χαλύτε	52
41	10 το γραμμα οφαλματών μετρήσεων εχλαισεύσης, των τριών (3) χαλότε-	52
48	μοντελών για μετρήσεις υπο ρλαρή στον ες. σακτύλιο	52
τU	10 το τραμμα σφατματών μετρήσεων αξιολογησης, των τριών (0) χαλύτε-	53
49	Σ ύχελιση εκπαίδευσης των τοιών (3) καλύτερων μοντέλων για με-	50
10	τρήσεις υπό βλάβη στα στοινεία χύλισης	54
		С г

Εκτιμήσεις του RUL των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για μετρήσεις	
υπό βλάβη στα στοιχεία κύλισης	54
Ιστόγραμμα σφαλμάτων μετρήσεων εκπαίδευσης, των τριών (3) καλύτε-	
ρων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στα στοιχεία χύλισης	54
Ιστόγραμμα σφαλμάτων μετρήσεων αξιολόγησης, των τριών (3) καλύτε-	
ρων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στα στοιχεία χύλισης	55
Εκτιμήσεις του RUL για το σύνολο μετρήσεων 1 του εδράνου κύλισης 3.	56
Εχτιμήσεις του RUL για το σύνολο μετρήσεων 1 του εδράνου χύλισης 4.	57
Εκτιμήσεις του RUL για το σύνολο μετρήσεων 2 του εδράνου κύλισης 1.	57
Εχτιμήσεις του RUL για το σύνολο μετρήσεων 3 του εδράνου χύλισης 3.	58
Εκτιμήσεις του RUL για το σύνολο μετρήσεων 3 του εδράνου κύλισης	
3, στην περιοχή κοντά στην αστοχία	58
Ιστόγραμμα σφαλμάτων για όλες τις μετρήσεις που τα έδρανα κύλισης	
λειτουργούν υπό βλάβη	59
	Εκτιμήσεις του RUL των τριών (3) καλύτερων μοντέλων για μετρήσεις υπό βλάβη στα στοιχεία κύλισης

Κατάλογος Πινάχων

1	Σύνολα πειραματικών μετρήσεων	15
2	Χαρακτηριστικά των εδράνων κύλισης Rexnord ZA-2115	16
3	Χαραχτηριστιχά σήματος στο πεδίο του χρόνου	20
4	Χαραχτηριστιχά σήματος στο πεδίο των συχνοτήτων	21
5	Συνδυασμός χαραχτηριστικών για το κάθε μοντέλο πρόβλεψης	35
6	Δεδομένα ανίχνευσης βλάβης	37
7	Αρχιτεκτονική των ΤΝΔ ανίχνευσης βλάβης	38
8	Αποτελέσματα βελτιστοποίησης για το ${ m TN}\Delta$ ανίχνευσης βλάβης	40
9	Κύριες μετρικές που υπολογίζονται από τον πίνακα σύγχυσης των δε-	
	δομένων αξιολόγησης	41
10	Δεδομένα για την εκτίμηση του RUL	43
11	Αρχιτεκτονική των ΕΝΔ εκτίμησης του RUL	48
12	Αποτελέσματα βελτιστοποίησης για το ΕΝΔ εκτίμησης RUL υπό βλάβη στον εσ. δακτύλιο(1)	49
13	Αποτελέσματα βελτιστοποίησης για το ΕΝΔ εκτίμησης RUL υπό βλάβη στον εξ. δακτύλιο(2)	51
14	Αποτελέσματα βελτιστοποίησης για το ΕΝΔ εκτίμησης RUL υπό βλάβη στα στοιχεία κύλισης(3).	53
15	Αξιολόγηση μοντέλου εκτίμησης RUL συγκριτικά με βιβλιογραφία	61

Αναφορές

- [1] Irwin, J. Summary of the NLC accelerator working group. United States: N. p., 1996. Web.
- [2] SKF 2022. SKF Maintenance and Lubrication Products
- [3] An, Xueli & Jiang, Dongxiang. (2014). Bearing fault diagnosis of wind turbine based on intrinsic time-scale decomposition frequency spectrum. Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part O: Journal of Risk and Reliability. 228. 558-566. 10.1177/1748006X14539678.
- [4] R. B. Randall and J. Antoni. Rolling element bearing diagnostics-A tutorial. Mechanical Systems and Signal Processing 2011; 25:485-520.
- [5] Jaouher Ben Ali, Nader Fnaiech, Lotfi Saidi, Brigitte Chebel-Morello, Farhat Fnaiech, Application of empirical mode decomposition and artificial neural network for automatic bearing fault diagnosis based on vibration signals, Applied Acoustics, Volume 89, 2015
- [6] Dong, M., & Zhang, J. (2017). Prognostics and health management design for rotary machinery systems—Reviews, methodology and applications.
- [7] Iooss, B., & Marais, A. (2008). A stochastic model for predicting the remaining useful life of rolling element bearings. Journal of Statistical Planning and Inference, 138(8), 2625-2638.
- [8] Wang, W., Hong, Y., Zhou, D. H., & Chen, J. (2009). A stochastic model for predicting remaining useful life of individual rolling element bearings. Mechanical Systems and Signal Processing, 23(3), 700-714.
- [9] Saxena, A., Goebel, K., Simon, D., & Eklund, N. (2008). Damage propagation modeling for aircraft engine run-to-failure simulation. In International Conference on Prognostics and Health Management (PHM08).
- [10] Hochreiter, S., & Schmidhuber, J. (1997). Long short-term memory. This seminal paper introduced the LSTM architecture and has been highly influential in the field of deep learning.
- [11] Li, S., Xu, J., Wang, Q., Zhou, Z., & Cheng, Y. (2017). RUL prediction of bearings using LSTM networks. Journal of Intelligent Manufacturing, 28(4), 975-986.
- [12] Saxena, A., Celaya, J., & Saha, B. (2008). Prognostics and health management design for rotary machinery systems—Reviews, methodology and applications. Mechanical Systems and Signal Processing, 22(6), 1393-1417.
- [13] Bearing Data of Center for Intelligent Maintenance Systems (IMS). University of Cincinnati. Available online: http://ti.arc.nasa.gov/tech/dash/pcoe/prognostic-data-repository/bearing

- [14] Antoniadis, I., & Freyermuth, J. (2016). Wavelet methods in statistics: Some recent developments and their applications. Journal of the Royal Statistical Society: Series B (Statistical Methodology), 78(3), 617-643.
- [15] Randall, R. B., & Antoni, J. (2011). Rolling element bearing diagnostics—a tutorial. Mechanical Systems and Signal Processing, 25(2), 485-520.
- [16] Haider, Ijlal & Shahbaz, Muhammad & Abdullah, Muhammad & Nazim, Muhammad. (2015). Feature Extraction for Identification of Extension and Flexion Movement of Wrist using EMG Signals. 10.1109/C-CECE.2015.7129375.
- [17] Jaouher Ben Ali, Brigitte Chebel-Morello, Lotfi Saidi, Simon Malinowski, Farhat Fnaiech, Accurate bearing remaining useful life prediction based on Weibull distribution and artificial neural network, Mechanical Systems and Signal Processing, Volumes 56–57, 2015
- [18] Jun Zhu, Nan Chen, Changqing Shen, A new data-driven transferable remaining useful life prediction approach for bearing under different working conditions, Mechanical Systems and Signal Processing, Volume 139, 2020
- [19] Zhang, N.; Wu, L.; Wang, Z.; Guan, Y. Bearing Remaining Useful Life Prediction Based on Naive Bayes and Weibull Distributions. Entropy 2018, 20, 944
- [20] Kotsanidis, K & Benardos, Panorios. (2021). Rolling element bearings fault classification based on feature extraction from acceleration data and artificial neural networks. IOP Conference Series: Materials Science and Engineering. 1037. 012008. 10.1088/1757-899X/1037/1/012008.
- [21] Qian, Y.; Yan, R.; Gao, R.X. A multi-time scale approach to remaining useful life prediction in rolling bearing. Mech. Syst. Signal Process. 2017, 83, 549–567.

Παράρτημα

```
1
   clear, clc
   BPF0=236:
2
3
   BPFI = 297;
   BSF = 278;
4
5
6
   timeUnit = 'day';
   hsbearing = fileEnsembleDatastore(...
7
8
        fullfile('.', 'Bearing33'), ...
9
        '.mat');
   hsbearing.DataVariables = "vibration";
10
11
   hsbearing.IndependentVariables = "Date";
   hsbearing.SelectedVariables = ["Date", "vibration"];
12
13
   hsbearing.ReadFcn = @helperReadData;
14
   hsbearing.WriteToMemberFcn = @helperWriteToHSBearing;
15
   tall(hsbearing)
16
17
   fs = 20480; \% Hz
18
   reset(hsbearing)
   hsbearing.DataVariables = ["vibration", "SpectralKurtosis"];
19
20
21
22
   hsbearing.DataVariables = [hsbearing.DataVariables; ...
23
        "Mean"; "Std"; "Skewness"; "Kurtosis"; "Peak2Peak";
        "RMS"; "CrestFactor"; "ShapeFactor"; "ImpulseFactor"; "MarginFactor"; "Energy";
24
        "SKMean"; "SKStd"; "SKSkewness"; "SKKurtosis"; "EnBPF0"; "EnBPFI"; "EnBSF";"
25
            RMSEE"; "aBPFO"; "aBPFI"; "aBSF"];
26
   hsbearing.SelectedVariables = ["vibration", "SpectralKurtosis"];
27
28
   reset(hsbearing)
29
30
   i=1;
31
   while hasdata(hsbearing)
        data = read(hsbearing);
32
33
        v = data.vibration{1};
34
   %
35
          order = 15;
          framelen = 29;
36
   %
37
   %
38
   %
          v = sgolayfilt(v,order,framelen);
         [cA, cD] = dwt(v, 'db4');
39
40
         v = idwt(cA,zeros(size(cA)),'db4');
41
42
        SK = data.SpectralKurtosis{1}.SK;
43
        features = table;
44
        h1=abs(hilbert(v));
45
        U=abs(fft(h1.fs)/fs);
46
        U(1)=0; %Set DC to zero
47
        Eo=0; Ei=0; Eb=0;
48
49
        for k=1:3
50
            f1o=floor(0.95*k*BPF0);
            f2o=ceil(1.05*k*BPF0);
51
52
53
            f1i=floor(0.95*k*BPFI):
            f2i=ceil(1.05*k*BPFI);
54
56
            f1b=floor(0.95*k*BSF):
57
            f2b=ceil(1.05*k*BSF);
58
59
            E_0 = E_0 + (.5 * U(f_{10}) + .5 * U(f_{20}) + sum (U(f_{10} + 1 : f_{20} - 1))):
60
            Ei=Ei+(.5*U(f1i)+.5*U(f2i)+sum(U(f1i+1:f2i-1)));
            Eb=Eb+(.5*U(f1b)+.5*U(f2b)+sum(U(f1b+1:f2b-1)));
61
62
        end
63
        fstop=950:
        En=(.5*U(1)+.5*U(fstop)+sum(U(1:fstop)));
64
```

Listing 1: Κώδικας matlab εξαγωγής χαρακτηριστικών.

```
import numpy as np
1
2
   import pandas as pd
3
    import matplotlib.pyplot as plt
   from LabelCreation import *
4
5
   import seaborn as sns
6
   from sklearn.feature_selection import f_regression, mutual_info_regression
7
   #import matplotlib as mpl
8
9
   percentage=0.4
10
11
   def TimeCreation(df,size,in1):
     timecolumn=np.zeros(size)
12
     for i in range(size):
13
       if i <= in1:</pre>
14
         timecolumn[i]=1.0
15
16
        else:
         timecolumn[i]=1-(i-in1)/(size-in1-1)
17
     df["Time"] = timecolumn.tolist()
18
19
     print(df)
20
21
   def remove_random_rows(dataframe):
22
23
        N = dataframe[dataframe['Time'] != 1.0].shape[0] # Count the number of rows
            with non-zero Fault values
24
        zero_rows = dataframe[dataframe['Time'] == 1.0] # Get rows where Fault is 0
        random_rows = zero_rows.sample(round(dataframe.shape[0]-N*(percentage+1))) #
25
            Randomly select N rows from the zero_rows dataframe
26
        dataframe = dataframe.drop(random_rows.index) # Drop the randomly selected
           rows from the original dataframe
27
        dataframe.reset_index(inplace=True, drop=True)
28
        return dataframe
29
   # Set the font to use LaTeX
   #mpl.rcParams['text.usetex'] = True
30
   #mpl.rcParams['font.family'] = 'serif'
31
32
33 | ki = 10
34
   Fault=3
   ystring="Time"
35
36
   type="WSn"
   N = 17 + 2
37
38
   miTotal = np.zeros([ki,N])
   FiTotal = np.zeros([ki,N])
39
40
41
42
   miT = np.zeros(N)
   FiT = np.zeros(N)
43
44
45
   if Fault==1:
        df = pd.read_csv("featureTableEnergies13"+type+".csv")
46
47
        size=len(df["RMS"].to_numpy())
48
49
        in1=1808
50
        TimeCreation(df, size, in1)
51
        remove_random_rows(df)
52
        #df.drop(index=df.index[:in1], axis=0, inplace=True)
54
    elif Fault==2:
        df1 = pd.read_csv("featureTableEnergies24"+type+".csv")
55
56
        size1=len(df1["RMS"].to_numpy())
57
        df2 = pd.read_csv("featureTableEnergies33"+type+".csv")
58
59
        size2=len(df2["RMS"].to_numpy())
60
61
        id11=530
        id21=5965
62
63
        TimeCreation(df1,size1,id11)
```

```
64
        remove_random_rows(df1)
65
        TimeCreation(df2, size2, id21)
66
        remove_random_rows(df2)
67
         df1.drop(index=df1.index[:id11], axis=0, inplace=True)
68
        df2.drop(index=df2.index[:id21], axis=0, inplace=True)
69
70
         df = df1.append(df2, ignore_index=True)
71
72
73
    elif Fault==3:
74
        df = pd.read_csv("featureTableEnergies14"+type+".csv")
75
        size=len(df["RMS"].to_numpy())
76
77
        id1=1430
78
79
        TimeCreation(df, size, id1)
80
        remove_random_rows(df)
        df.drop(index=df.index[:id1], axis=0, inplace=True)
81
82
83
    #-----Seperate Matrices
84
85
    #Target
    Y_df = df[ystring]
86
87
    #print(Y_df)
88
89
    #drop other outputs
90
    X_df = df.drop(['Time', 'Date'], axis=1)
91
    X_df=X_df.iloc[:, :-3]
92
93
    columns = X_df.columns.tolist()
94
95
    # Move the last column to the 12th position
96
    columns.insert(11, columns[-1])
97
    columns.pop()
98
99
    new_column_names=['1._Mean', '2._Std', '3._Skewness', '4._Kurtosis', '5._Peak2Peak'
        , '6. RMS', '7. CrestFactor', '8. ShapeFactor', '9. ImpulseFactor', '10. MarginFactor', '11. Energy', '12. RMSEE', '13. SKMean', '14. SKStd', '15. SKSkewness', '16. SKKurtosis', '17. FBPF0', '18. FBPFI', '19. FBSF']
100
101
    # Reorder the columns
102
    X_df = X_df[columns]
103
    X_df.columns = new_column_names
104
105
106
    #-----Make nd arrays
107
   X = X_df.to_numpy()
108
    Y = Y_df.to_numpy()
109
110 | # F-test for regression
111
    f_scores, f_p_values = f_regression(X_df, Y)
112
113
    # MI test for regression
114
    mi_scores = mutual_info_regression(X_df, Y)
115
116
    # Create a DataFrame to store the scores
   scores_df = pd.DataFrame({'Feature': X_df.columns, 'F-Score': f_scores, 'MI-Score':
117
         mi_scores})
118
119
    # Sort the DataFrame by F-Score in descending order
    scores_df = scores_df.sort_values('F-Score', ascending=False)
120
121
    font_size = 18
122
    # Set up the figure with subplots
123
    fig, axes = plt.subplots(1, 2, figsize=(12, 6))
124
125\ | # Define the colors
   color_f_score = '#B22222' # Reddish color for F-Score
126
    color_mi_score = '#B22222' # Darker blue color for MI Score
127
128
129 # Set the font size
```

Αθήνα, 2023

```
130 | font_size = 18
131
    # Plot the F-Scores
132
133
    sns.barplot(x='F-Score', y='Feature', data=scores_df, ax=axes[0], color=
         color_f_score)
134
    axes[0].set_title('F-Score_for_Features', fontsize=font_size)
    axes[0].set_xlabel('F-Score', fontsize=font_size)
axes[0].set_ylabel('Feature', fontsize=font_size)
135
136
137
    axes[0].grid(True)
138
139
    # Sort the DataFrame by MI-Score in descending order
140
   scores_df = scores_df.sort_values('MI-Score', ascending=False)
141
142
    # Plot the MI scores
    sns.barplot(x='MI-Score', y='Feature', data=scores_df, ax=axes[1], color=
143
         color_mi_score)
144
    axes[1].set_title('MI_Score_for_Features', fontsize=font_size)
    axes[1].set_xlabel('MI_Score', fontsize=font_size)
145
146
    axes[1].set_ylabel('Feature', fontsize=font_size)
    axes[1].grid(True)
147
148
149
    # Set the tick label font size
150
    for ax in axes:
151
         ax.tick_params(axis='both', labelsize=font_size)
152
153
    # Adjust the spacing between subplots
154
    plt.tight_layout()
155
156
    # Show the figure
157
    plt.show(block=False)
    from matplotlib.colors import LinearSegmentedColormap
158
159
   # Calculate the correlation matrix
160
161
   # Calculate the correlation matrix
162 # Calculate the correlation matrix
163
    correlation_matrix = X_df.corr()
164
165
   # Set up the plot figure
    fig, ax = plt.subplots(figsize=(10, 8))
166
167
168
    # Create a colormap ranging from black to red
    cmap = plt.cm.RdYlBu_r
169
170
171
    # Plot the correlation matrix
172
    heatmap = ax.imshow(correlation_matrix, cmap=cmap, vmin=-1, vmax=1)
173
174
    # Add colorbar
175
    cbar = plt.colorbar(heatmap)
176
177
    # Set the colorbar ticks and labels
    cbar.set_ticks([-1, -0.5, 0, 0.5, 1])
cbar.set_ticklabels([-1, -0.5, 0, 0.5, 1])
178
179
180
    # Set the tick labels and rotate them
181
182
    ax.set_xticks(np.arange(correlation_matrix.shape[1]))
183
    ax.set_yticks(np.arange(correlation_matrix.shape[0]))
184
    ax.set_xticklabels(correlation_matrix.columns, rotation=45, ha='right')
185
    ax.set_yticklabels(correlation_matrix.columns)
186
187
    # Print the correlation values on each cell
188
    for i in range(correlation_matrix.shape[0]):
189
         for j in range(correlation_matrix.shape[1]):
190
             ax.text(j, i, f'{correlation_matrix.iloc[i,_j]:.2f}', ha='center', va='
                 center', color='black')
191
192
    # Set the title
193
    ax.set_title('Correlation_Matrix')
194
195 | # Display the plot
196 | plt.show(block=False)
```
Listing 2: Κώδιχας python για την στατιστιχή ανάλυση.

```
import numpy as np
1
2
   import pandas as pd
3
    from sklearn.model_selection import train_test_split
   from sklearn.preprocessing import StandardScaler, LabelEncoder
4
5
   import matplotlib.pyplot as plt
6
   from LabelCreation import *
   from keras.models import Sequential
7
8
   from keras.layers import Conv1D, MaxPooling1D, Flatten, Dense
9
   from keras.utils import np_utils
   from sklearn.metrics import confusion_matrix
10
11
   import seaborn as sns
12
   import tensorflow as tf
   from keras.callbacks import ModelCheckpoint
13
14
   from keras.layers import Dropout
15
16
   import os
   import joblib
17
18
19
   def FaultLabel(df,size,in1,type):
20
      classcolumn=np.zeros(size)
21
22
23
24
      for i in range(size):
       if i <= in1:</pre>
25
          classcolumn[i]=0
26
27
        else:
28
          classcolumn[i]=type
29
30
     df["Fault"] = classcolumn.tolist()
31
   def fldcreation(fld):
   # Check if the directory exists
32
      if not os.path.exists(fld):
33
         # If it doesn't exist, create it
34
35
          os.makedirs(fld)
36
   def epochplot(train_loss, val_loss,path):
37
        plt.clf()
        plt.plot(range(1, len(train_loss) + 1), train_loss, color="blue", label='
38
            Training_Loss')
39
        plt.plot(range(1, len(val_loss) + 1), val_loss, color="red", label='Test_Loss')
40
        plt.xlabel('Epoch')
        plt.ylabel('Loss')
41
42
        plt.title('Training_and_Test_Loss')
43
        plt.legend()
        plt.savefig(path+'/epoch.png')
44
45
       plt.close('all')
46
    def remove random rows(dataframe):
47
        N = dataframe[dataframe['Fault'] != 0].shape[0] # Count the number of rows
            with non-zero Fault values
        zero_rows = dataframe[dataframe['Fault'] == 0] # Get rows where Fault is 0
48
49
        random_rows = zero_rows.sample(dataframe.shape[0]-2*N) # Randomly select N
           rows from the zero_rows dataframe
50
        dataframe = dataframe.drop(random_rows.index)  # Drop the randomly selected
            rows from the original dataframe
51
        dataframe.reset_index(inplace=True, drop=True)
        return dataframe
53
   scalerX = StandardScaler()
54
   ft1 = pd.read_csv("featureTableEnergies13WSn.csv")
55
   size1=len(ft1["RMS"].to_numpy())
56
57
58
   ft2 = pd.read_csv("featureTableEnergies14WSn.csv")
59
   size2=len(ft2["RMS"].to_numpy())
60
   ft3 = pd.read_csv("featureTableEnergies24WSn.csv")
61
62 | size3=len(ft3["RMS"].to_numpy())
```

```
63
    ft4 = pd.read_csv("featureTableEnergies33WSn.csv")
64
65
    size4=len(ft4["RMS"].to_numpy())
66
67
    id1=1808
68
    id2=1400
69
70
    id3=586
    id4=5956
71
72
    Nepoch=100
73
    smallerDF=1
74
75
    FaultLabel(ft1, size1, id1, 1)
76
    FaultLabel(ft2,size2,id2,3)
77
    FaultLabel(ft3,size3,id3,2)
78
    FaultLabel(ft4,size4,id4,2)
79
80
    if smallerDF==1:
81
82
      df1=remove_random_rows(ft1)
83
      df2=remove_random_rows(ft2)
84
      df3=remove_random_rows(ft3)
85
      df4=remove_random_rows(ft4)
86
      df = pd.concat([df1, df2, df3, df4])
87
    else:
88
      df = pd.concat([ft1, ft2, ft3, ft4])
89
90
91
    df.reset_index(inplace=True, drop=True)
92
    fault values = df['Fault'].tolist()
93
94
    indexes = df.index.tolist()
95
96
97
98
99
    MATRIX = []
100
    cn=0
101
    #maximum 2 layers
102
    for i in range(25,55,5):
103
        MATRIX.append([i, 0])
104
        cn=cn+1
105
    for i in range(25,55,5):
106
        for j in range(5,18,3):
          MATRIX.append([i, j])
107
108
          cn = cn + 1
109
110
111
    DF=pd.DataFrame()
112 DF = pd.DataFrame([{'Layer1': 0, 'Layer2': 0, 'Testuloss': 0, 'Testuaccuracy': 0, '
        Trainuloss': 0}])
    DF = DF.drop(labels=0, axis=0)
113
114
    #FEATURES LABELS
    #0. Date, 1. Mean, 2. Std, 3. Skewness, 4. Kurtosis, 5. Peak2Peak, 6. RMS, 7.
115
        CrestFactor
    #8. ShapeFactor, 9. ImpulseFactor, 10. MarginFactor, 11. Energy, 12. SKMean, 13.
116
        SKStd, 14. SKSkewness
    #15. SKKurtosis, 16. EnBPFO,17. EnBPFI, 18. EnBSF 19. RMSEE
117
118
119
    #Array Selection
    #array=[1,6,12,16,19,8,5]
120
121
    array=[4, 8, 11, 12, 5, 16, 17, 18, 19]
122
   LOG_DIR = './Apotelsmata15/'+"FaultDitection_"+str(array)
123
    fldcreation(LOG_DIR)
124
125 X=df.iloc[:,array]
126 y=df.iloc[:, -1]
127
128 X = X.values
129 y = y.values
```

```
130
131
    # Ensure X and y have the same number of samples
    assert X.shape[0] == y.shape[0], "Xuanduyumustuhaveutheusameunumberuofusamples"
132
133
134
    # Split the data into training and testing sets
135
    X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2,
        random_state=42)
136
137
    # Scale the data using StandardScaler
    scaler = StandardScaler()
138
139
    X_train_scaled = scaler.fit_transform(X_train)
    X_test_scaled = scaler.transform(X_test)
140
141
142
    scaler_path = os.path.join(LOG_DIR, 'scaler.pkl')
    joblib.dump(scaler, scaler_path)
143
144
    # Encode the class labels
145
    label_encoder = LabelEncoder()
    y_train_encoded = label_encoder.fit_transform(y_train)
146
147
    y_test_encoded = label_encoder.transform(y_test)
148
149
    # Convert the encoded labels to one-hot encoded format
150
    num_classes = len(label_encoder.classes_)
151
    y_train_onehot = np_utils.to_categorical(y_train_encoded, num_classes)
152
    y_test_onehot = np_utils.to_categorical(y_test_encoded, num_classes)
153
154
    # Define the model
155
    for i in range(cn):
        print('-----
156
                                  -----')
        print(str(i)+"/"+str(cn))
157
158
        print('----
                                  -----,)
159
160
        model = Sequential()
        model.add(Dense(MATRIX[i][0], activation='relu', input_shape=(X_train_scaled.
161
            shape[1],)))
162
         if MATRIX[i][1]!=0:
163
          model.add(Dropout(0.15))
          model.add(Dense(MATRIX[i][1], activation='relu'))
164
165
          model.add(Dropout(0.15))
        model.add(Dense(num_classes, activation='softmax'))
166
167
168
        FLD2=LOG_DIR+"/Models/"+str(MATRIX[i][0])+","+str(MATRIX[i][1])+"/model"
         checkpoint_path = os.path.join(FLD2, 'model_checkpoint.h5')
169
170
         checkpoint = ModelCheckpoint(checkpoint_path,
171
                                   save weights only=True.
172
                                    save_best_only=False,
173
                                    save_freq=1)
174
        # Compile the model
175
        model.compile(loss='categorical_crossentropy', optimizer='adam', metrics=['
            accuracv'l)
176
177
        # Train the model
        history=model.fit(X_train_scaled, y_train_onehot, validation_data=(
    X_test_scaled, y_test_onehot), batch_size=32, epochs=Nepoch, verbose=0)
178
179
180
        # Evaluate the model on the test set
181
        score = model.evaluate(X_test_scaled, y_test_onehot, verbose=0)
        print("Test_loss:", score[0])
182
183
        print("Test_accuracy:", score[1])
184
         score1 = model.evaluate(X_train_scaled, y_train_onehot, verbose=0)
185
        DF.loc[len(DF.index)] = [MATRIX[i][0], MATRIX[i][1], score[0], score[1], score1
186
             [0]]
187
188
        FLD=LOG_DIR+"/Models/"+str(MATRIX[i][0])+","+str(MATRIX[i][1])
189
        fldcreation(FLD)
190
        X1=scaler.fit_transform(ft1.iloc[:,array])
191
        X2=scaler.fit_transform(ft2.iloc[:,array])
192
        X3=scaler.fit_transform(ft3.iloc[:,array])
193
        X4=scaler.fit_transform(ft4.iloc[:,array])
194
        Y1=np.argmax(model.predict(X1), axis=1)
```

```
195
         Y2=np.argmax(model.predict(X2), axis=1)
196
         Y3=np.argmax(model.predict(X3), axis=1)
197
         Y4=np.argmax(model.predict(X4), axis=1)
198
199
200
201
         plt.scatter(range(0, len(Y1)),Y1)
202
         plt.xlabel("Predicted_Label")
        plt.ylabel("True_Label")
203
204
         plt.savefig(FLD+'/Sxima.png')
205
         plt.close('all')
206
207
208
209
         y_train_pred = np.argmax(model.predict(X_train_scaled), axis=1)
210
         y_test_pred = np.argmax(model.predict(X_test_scaled), axis=1)
211
212
         # Get the true labels for the training and test sets
213
        y_train_true = np.argmax(y_train_onehot, axis=1)
        y_test_true = np.argmax(y_test_onehot, axis=1)
214
215
216
         # Compute the confusion matrices for training and test sets
217
         cm_train = confusion_matrix(y_train_true, y_train_pred)
218
         cm_test = confusion_matrix(y_test_true, y_test_pred)
219
220
         # Get the class labels
221
         class_labels = np.unique(np.concatenate((y_train_true, y_test_true)))
222
223
         train_loss = history.history['loss']
224
         val_loss = history.history['val_loss']
225
         epochplot(train_loss,val_loss,FLD)
226
         #epochplot(train_loss,val_loss,FLD)
227
228
         # Plot the confusion matrices in subplots
229
        fig, axes = plt.subplots(1, 2, figsize=(12, 6))
230
231
         # Training set confusion matrix
232
        plt.sca(axes[0])
         sns.heatmap(cm_train, annot=True, fmt="d", cmap="Blues", xticklabels=
233
             class_labels, yticklabels=class_labels)
234
         plt.title("Training_Set_Confusion_Matrix")
235
         plt.xlabel("Predicted_Label")
236
        plt.ylabel("True_Label")
237
238
         # Test set confusion matrix
239
         plt.sca(axes[1])
240
         sns.heatmap(cm_test, annot=True, fmt="d", cmap="Blues", xticklabels=
             class_labels, yticklabels=class_labels)
241
         plt.title("Test_Set_Confusion_Matrix")
        plt.xlabel("Predicted_Label")
242
243
        plt.ylabel("True_Label")
244
245
        plt.tight_layout()
246
        plt.savefig(FLD+'/ConfusionMatrix.png')
247
        plt.close('all')
248
249
         DF = DF.sort_values(DF.columns[2])
         filenm="results.xlsx"
250
251
         DF.to_excel(f"{LOG_DIR}/{filenm}", index=False)
252
253
         model_path = os.path.join(FLD2, 'model.h5')
254
         model.save(model_path)
255
256
257
258
259
260
261
    print(DF)
262
```

```
263 np.save(os.path.join(LOG_DIR, 'X_train_scaled.npy'), X_train_scaled)
264 np.save(os.path.join(LOG_DIR, 'y_train_onehot.npy'), y_train_onehot)
265 np.save(os.path.join(LOG_DIR, 'X_test_scaled.npy'), X_test_scaled)
266 np.save(os.path.join(LOG_DIR, 'y_test_onehot.npy'), y_test_onehot)
```

Listing 3: Κώδιχας python βελτιστοποίησης του N Δ ανύχνευσης βλάβης.

```
import tensorflow as tf
1
2
    import os
   import pandas as pd
import numpy as np
3
4
5
   import matplotlib.pyplot as plt
6
   from sklearn.model_selection import train_test_split
   from sklearn.preprocessing import StandardScaler
7
   from tensorflow import keras
8
9
   from keras.models import Model
10
   from keras.layers import Dense
11
   from keras.models import Sequential
12
   from keras.layers import *
13
   from keras.callbacks import ModelCheckpoint
14
   from keras.losses import MeanSquaredError
15
   from keras.metrics import RootMeanSquaredError
16
   from keras.optimizers import Adam
17
   from sklearn.metrics import mean_squared_error as mse
18
   import os
19
   from scipy.stats import skew
20
   from scipy.stats import kurtosis
21
   import joblib
22
   from keras.layers import LSTM, Conv1D, MaxPooling1D, Flatten, Dense, Reshape
23
   from keras.callbacks import EarlyStopping
24
   from keras import regularizers
25
26 # Set random seeds for reproducibility
27
  seed_value = 300
28
   os.environ['PYTHONHASHSEED'] = str(seed_value)
29
   np.random.seed(seed_value)
30
   tf.random.set_seed(seed_value)
   os.environ['TF_CPP_MIN_LOG_LEVEL'] = '3'
31
32
33 #1. Inner, 2. Outter, 3. Rollers
34 | Fault=1
35
   safe=1
36
   window size=6
37
   type="WS"
38
   layertype="LSTM"
39
  Nepoch=150
40
  | penalty=4
   percentage=0.4
41
42
   typemodel=1
43
   def custom_loss(y_true, y_pred):
44
        squared_diff_sum = tf.TensorArray(tf.float32, size=0, dynamic_size=True)
45
46
        for i in range(len(y_true)):
47
            if y_true[i]>y_pred[i]:
              squared_diff = (y_true[i] - y_pred[i]) ** 2
48
49
            else:
50
              squared_diff = penalty*(y_true[i] - y_pred[i]) ** 2
51
            squared_diff_sum = squared_diff_sum.write(i, squared_diff)
52
53
        squared_diff_sum = squared_diff_sum.stack()
        mse = tf.reduce_mean(squared_diff_sum)
54
55
        return mse
56
   def TimeCreation(df,size,in1):
57
      timecolumn=np.zeros(size)
58
      for i in range(size):
59
        if i <= in1:</pre>
60
          timecolumn[i]=1.0
61
        else:
          timecolumn[i]=1-(i-in1)/(size-in1-1)
62
63
      df["Time"] = timecolumn.tolist()
```

```
def df_to_X_y2(df, window_size):
64
65
      df_as_np = df
66
      X = []
      for i in range(len(df_as_np)-window_size):
67
68
        row = [r for r in df_as_np[i:i+window_size]]
        X.append(row)
69
70
      return np.array(X)
71
    def plot_predictions1(model, X1, y1, X2, y2,path):
      predictions1 = model.predict(X1).flatten()
72
73
74
      df1 = pd.DataFrame(data={'Predictions':predictions1, 'Actuals':y1})
75
76
      predictions2 = model.predict(X2).flatten()
77
      df2 = pd.DataFrame(data={'Predictions':predictions2, 'Actuals':y2})
      plt.clf()
78
      plt.scatter(y2,df2['Predictions'], color="blue", label = "Train-Predictions-mse$
79
          {:.5f}".format(mse(y2, predictions2)))
      plt.scatter(y1,df1['Predictions'], color="red", label = "Test-Predictions-mse$
80
          {:.5f}".format(mse(y1, predictions1)))
      plt.plot([0,1],[0,1], color="black", label = "Actual")
81
82
      plt.legend()
83
      plt.xlabel('Real_(RUL)')
      plt.ylabel('Predicted_(RUL)')
84
85
      plt.savefig(path+'/predictions.png')
86
      plt.close('all')
87
    def histogram(X1,X2,path):
88
      plt.clf()
89
      fig, (ax1, ax2) = plt.subplots(1, 2)
90
      ax1.hist(X1, color='blue')
91
      ax2.hist(X2, color='red')
      ax1.axvline(0, color='black')
92
93
      ax2.axvline(0, color='black')
94
95
      ax1.set_xlabel('error_of_RUL')
      ax1.set_ylabel('frequency')
96
97
      ax1.set_title('Test_error_histogram')
98
99
      ax2.set_xlabel('error_of_RUL')
100
      ax2.set_ylabel('frequency')
101
      ax2.set_title('Train_error_histogram')
102
      plt.savefig(path+'/error.png')
      plt.close('all')
103
104
    def fldcreation(fld):
105
    # Check if the directory exists
106
      if not os.path.exists(fld):
107
          # If it doesn't exist, create it
108
          os.makedirs(fld)
109
    def epochplot(train_loss, val_loss,path):
110
        plt.clf()
        plt.plot(range(1, len(train_loss) + 1), train_loss, color="blue", label='
111
            Training⊔Loss')
112
        plt.plot(range(1, len(val_loss) + 1), val_loss, color="red", label='TestuLoss')
113
        plt.xlabel('Epoch')
        plt.ylabel('Loss')
114
115
        plt.title('Training_and_Test_Loss')
116
        plt.legend()
117
        plt.savefig(path+'/epoch.png')
        plt.close('all')
118
119
    def remove_random_rows(dataframe):
120
121
        N = dataframe[dataframe['Time'] != 1.0].shape[0] # Count the number of rows
            with non-zero Fault values
122
        zero_rows = dataframe[dataframe['Time'] == 1.0] # Get rows where Fault is 0
123
        random_rows = zero_rows.sample(round(dataframe.shape[0]-N*(percentage+1)))
            Randomly select N rows from the zero_rows dataframe
124
        dataframe = dataframe.drop(random_rows.index) # Drop the randomly selected
            rows from the original dataframe
125
        dataframe.reset_index(inplace=True, drop=True)
126
        return dataframe
127
```

```
128
   | MATRIX = []
129
    cn=0
130
    #maximum 2 layers
131
    # for i in range(20,55,5):
132
    #
          MATRIX.append([i, 0])
133
    #
          cn=cn+1
134
    for i in range(10,53,6):
135
         for j in range(2,26,5):
           MATRIX.append([i, j])
136
137
           cn = cn + 1
138
139
    #FEATURES LABELS
    #0. Date, 1. Mean, 2. Std, 3. Skewness, 4. Kurtosis, 5. Peak2Peak, 6. RMS, 7.
140
         CrestFactor
141
    #8. ShapeFactor, 9. ImpulseFactor, 10. MarginFactor, 11. Energy, 12. SKMean, 13.
         SKStd, 14. SKSkewness
142
    #15. SKKurtosis, 16. EnBPFO, 17. EnBPFI, 18. EnBSF 19. RMSEE
143
144
     if Fault==1:
         df = pd.read_csv("featureTableEnergies13"+type+".csv")
145
         size=len(df["RMS"].to_numpy())
146
147
148
         in1=1808
149
         TimeCreation(df,size,in1)
         #array=[5,7,8,17,19]
150
151
         #array=[5,7,19,11,10]
152
         array=[8,19,7,4]
153
    elif Fault==2:
         df1 = pd.read_csv("featureTableEnergies24"+type+".csv")
154
155
         size1=len(df1["RMS"].to_numpy())
156
157
         df2 = pd.read_csv("featureTableEnergies33"+type+".csv")
         size2=len(df2["RMS"].to_numpy())
158
159
160
         id11=586
161
         id21=5956
         TimeCreation(df1,size1,id11)
162
163
         TimeCreation(df2,size2,id21)
164
165
166
         if safe==1:
167
           df1=remove_random_rows(df1)
168
           df2=remove_random_rows(df2)
169
         else:
170
           df1 = df1[df1.Time != 0]
171
           df2 = df2[df2.Time != 0]
172
         size2=len(df2["RMS"].to_numpy())
173
174
         size1=len(df1["RMS"].to_numpy())
175
         #array = [12, 19, 5, 10]
176
         #array=[12,19,6,8,10,3]
177
         array=[5,8,10,19,12,16]
178
         Y1 = df1['Time']
179
         Y2 = df2['Time']
180
181
182
         df1=df1.iloc[:,array]
183
         df2=df2.iloc[:,array]
184
         print(df1)
185
186
         X1 = df1
187
         X2 = df2
188
         if window_size!=0:
189
           Y1=Y1.iloc[window_size:]
190
           Y2=Y2.iloc[window_size:]
191
192
         scaler = StandardScaler()
193
         scaler.fit(pd.concat([X1, X2]))
194
         X1=scaler.transform(X1)
195
         X2=scaler.transform(X2)
```

```
196
        if window_size!=0:
197
198
          X1= df_to_X_y2(X1,window_size)
199
        X1_train, X1_test, y1_train, y1_test = train_test_split(X1, Y1, test_size=0.2,
            random_state=1)
200
201
        if window_size!=0:
202
          X2= df_to_X_y2(X2,window_size)
        X2_train, X2_test, y2_train, y2_test = train_test_split(X2, Y2, test_size=0.2,
203
            random_state=1)
204
205
        X_train=np.concatenate((X1_train, X2_train), axis=0)
206
        y_train=pd.concat([y1_train, y2_train])
207
        X_test=np.concatenate((X1_test, X2_test), axis=0)
208
        y_test=pd.concat([y1_test, y2_test])
209
    elif Fault==3:
210
        df = pd.read_csv("featureTableEnergies14"+type+".csv")
        size=len(df["RMS"].to_numpy())
211
212
213
        id1=1400
214
        TimeCreation(df,size,id1)
215
        array=[19,12,9]
216
217
    if Fault!=2:
     if safe==1:
218
219
        df=remove_random_rows(df)
220
      else:
221
        df = df[df.Time != 0]
      size=len(df["RMS"].to_numpy())
222
223
      Y = df['Time']
224
      df=df.iloc[:,array]
225
      X= df
226
      if window_size!=0:
227
        Y=Y.iloc[window_size:]
228
229
      scaler = StandardScaler()
230
231
      scaler.fit(X)
232
      X=scaler.transform(X)
233
234
235
      if window size!=0:
236
        X= df_to_X_y2(X,window_size)
237
      X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, Y, test_size=0.2,
          random_state=1)
238
239
    #print(df)
    LOG_DIR = './Apotelsmata13/'+str(Fault)+type+"_"+layertype+str(array)+"ws"+str(
240
        window_size)+"p"+str(penalty)+"s"+str(percentage*safe)+"m"+str(typemodel)
241
    fldcreation(LOG_DIR)
242
243
244
    DF=pd.DataFrame()
    DF = pd.DataFrame([{'LSTM': 0, 'Layer1': 0, 'MSE': 0, 'Skew': 0, 'MSEp': 0, 'TrMSE'
245
        : 0, 'TrSkew': 0, 'TrMSEp': 0}])
246
247
    scaler_path = os.path.join(LOG_DIR, 'scaler.pkl')
248
    joblib.dump(scaler, scaler_path)
249
   for i in range(cn):
250
        print('-----')
251
252
        print(str(i)+"/"+str(cn))
253
        print('-----')
254
255
        if typemodel==1:
256
          model = Sequential()
257
          model.add(InputLayer((window_size, len(array))))
          model.add(LSTM(MATRIX[i][0]))
258
259
          if MATRIX[i][1]!=0:
260
              #model.add(Dropout(0.15))
```

```
261
               model.add(Dense(MATRIX[i][1], 'relu'))
262
           #model.add(Dropout(0.15))
263
           model.add(Dense(1, 'sigmoid')) #Outup Layer
264
         else:
265
           model = Sequential()
           model.add(InputLayer((window_size, len(array))))
266
           model.add(LSTM(MATRIX[i][0]))
267
268
           if MATRIX[i][1]!=0:
269
               model.add(Dropout(0.15))
270
               model.add(Dense(MATRIX[i][1], 'relu'))
271
           model.add(Dropout(0.15))
272
           model.add(Dense(1, 'sigmoid')) #Outup Layer
274
275
         FLD2=LOG_DIR+"/Models/"+str(MATRIX[i][0])+","+str(MATRIX[i][1])+"/model"
276
         checkpoint_path = os.path.join(FLD2, 'model_checkpoint.h5')
277
         checkpoint = ModelCheckpoint(checkpoint_path,
278
                                   save_weights_only=True,
279
                                   save_best_only=False,
280
                                   save_freq=1)
281
282
283
284
         model.compile(optimizer=Adam(learning_rate=0.0005), loss=custom_loss)
         history=model.fit(X_train, y_train, validation_data=(X_test, y_test), epochs=
285
             Nepoch, callbacks=[checkpoint], verbose=0)
286
287
         predictions1 = model.predict(X_test).flatten()
288
         error1=(y_test-predictions1).to_numpy()
289
         predictions2 = model.predict(X_train).flatten()
290
         error2=(y_train-predictions2).to_numpy()
291
292
293
        mse1=0
294
        mse2=0
295
         for i1 in range(len(error1)):
296
            if error1[i1]>0:
297
            mse1 += error1[i1]**2
298
            else:
299
             mse1 += penalty*error1[i1]**2
300
301
         for i2 in range(len(error2)):
302
            if error2[i2]>0:
303
            mse2 += error2[i2]**2
304
            else:
305
             mse2 += penalty*error2[i2]**2
306
307
         mse1 /= len(error1)
         mse2 /= len(error2)
308
309
310
         DF.loc[len(DF.index)] = [MATRIX[i][0],MATRIX[i][1],mse(y_test, predictions1),
311
             skew(error1, axis=0, bias=True),mse1,mse(y_train, predictions2),skew(error2
              axis=0, bias=True),mse2]
312
         FLD=LOG_DIR+"/Models/"+str(MATRIX[i][0])+","+str(MATRIX[i][1])
313
         fldcreation(FLD)
314
315
         plot_predictions1(model, X_test, y_test, X_train, y_train,FLD)
316
         histogram(error1,error2,FLD)
317
318
         train_loss = history.history['loss']
319
         val_loss = history.history['val_loss']
320
         epochplot(train_loss,val_loss,FLD)
321
322
         #SAVE model
323
         fldcreation(FLD2)
324
325
         scaler_path = os.path.join(FLD2, 'scaler.pkl')
326
327
         joblib.dump(scaler, scaler_path)
```

```
328
329
         model_path = os.path.join(FLD2, 'model.h5')
330
          model.save(model_path)
331
332
333
     DF = DF.drop(labels=0, axis=0)
334
     print(DF)
335
    DF = DF.sort_values(DF.columns[4])
336
337
    filenm="results.xlsx"
338
     DF.to_excel(f"{LOG_DIR}/{filenm}", index=False)
339
340
    np.save(os.path.join(LOG_DIR, 'x_train.npy'), X_train)
    np.save(os.path.join(LOG_DIR, 'y_train.npy'), y_train)
np.save(os.path.join(LOG_DIR, 'x_test.npy'), X_test)
341
342
    np.save(os.path.join(LOG_DIR, 'y_test.npy'), y_test)
343
```

Listing 4: Κώδικας python επανεκπαίδευσης των ΝΔ ανύχνευσης βλάβης.

```
import tensorflow as tf
1
2
   import os
3
   import pandas as pd
4
    import numpy as np
5
   import matplotlib.pyplot as plt
6
   from sklearn.model_selection import train_test_split
   from sklearn.preprocessing import StandardScaler
   from tensorflow import keras
8
9
   from keras.models import Model
10
   from keras.layers import Dense
   from keras.models import Sequential
11
   from keras.layers import *
12
   from keras.callbacks import ModelCheckpoint
13
   from keras.losses import MeanSquaredError
14
15
   from keras.metrics import RootMeanSquaredError
16
   from keras.optimizers import Adam
17
   from sklearn.metrics import mean_squared_error as mse
18
   import os
19
   from scipy.stats import skew
20
   from scipy.stats import kurtosis
21
   import joblib
22
   from keras.models import load_model
23
   from keras.utils import custom_object_scope
24
25
   Nepoch=2500
26
   penalty=8
   subplot_option="1"
27
28
   load_folder="Apotelsmata13/1WS_LSTM[8, 19, 7, 4] ws6p8s0.4m2"
29
   folder=load_folder+"/BestResults"
30
31
32
   def create_model_string(folder_path,row_number):
33
        row_number = row_number + 1
34
        row_number=row_number+6
35
        file_path = os.path.join(folder_path, 'results.xlsx')
36
       df = pd.read_excel(file_path)
37
38
        # Extract LSTM and Layer1 values based on the specified number of rows
39
        lstm_values = df['LSTM'].head(row_number).tolist()
40
        layer1_values = df['Layer1'].head(row_number).tolist()
41
42
        lstm_value = df.loc[row_number - 1, 'LSTM']
43
        layer1_value = df.loc[row_number - 1, 'Layer1']
44
45
       model_string = f'Models/{lstm_value}, {layer1_value}'
46
        return model_string
47
   def custom_loss(y_true, y_pred):
48
        squared_diff_sum = tf.TensorArray(tf.float32, size=0, dynamic_size=True)
49
        for i in range(len(y_true)):
50
51
            if y_true[i]>y_pred[i]:
```

```
squared_diff = (y_true[i] - y_pred[i]) ** 2
52
53
             else:
               squared_diff = penalty*(y_true[i] - y_pred[i]) ** 2
54
             squared_diff_sum = squared_diff_sum.write(i, squared_diff)
55
56
57
         squared_diff_sum = squared_diff_sum.stack()
58
         mse = tf.reduce_mean(squared_diff_sum)
59
         return mse
60
    def plot_predictions1(ax, model, X1, y1, X2, y2, label):
61
         predictions1 = model.predict(X1).flatten()
62
         df1 = pd.DataFrame(data={'Predictions':predictions1, 'Actuals':y1})
63
64
         predictions2 = model.predict(X2).flatten()
65
         df2 = pd.DataFrame(data={'Predictions':predictions2, 'Actuals':y2})
66
67
         ax.scatter(y2, df2['Predictions'], color="blue", label="Train-Predictions-mse$
             {:.5f}".format(mse(y2, predictions2)))
         ax.scatter(y1, df1['Predictions'], color="red", label="Test-Predictions-mse$
68
             {:.5f}".format(mse(y1, predictions1)))
         ax.plot([0,1], [0,1], color="black", label="Actual")
69
70
         ax.legend()
71
         ax.set_xlabel('Real_(RUL)')
         ax.set_ylabel('Predicted_(RUL)')
72
73
         ax.set_title(label)
74
    def histogram(ax1,X1,label,rank):
75
         if label=="Train":
             ax1.hist(X1, color='blue')
76
77
         else:
78
             ax1.hist(X1, color='red')
79
         ax1.axvline(0, color='black')
         ax1.set_xlabel('error_of_RUL')
80
81
         ax1.set_ylabel('frequency')
82
         ax1.set_title(rank)
    def epochplot(train_loss, val_loss, fig, ax, rank):
83
         ax.plot(range(1, len(train_loss) + 1), train_loss, color="blue", label='
84
             Training_Loss')
85
         ax.plot(range(1, len(val_loss) + 1), val_loss, color="red", label='Test_Loss')
86
         ax.set_xlabel('Epoch')
         ax.set_ylabel('Loss')
87
88
         ax.set_title(rank)
89
         ax.legend()
90
    def fldcreation(fld):
    # Check if the directory exists
91
      if not os.path.exists(fld):
92
           # If it doesn't exist, create it
93
94
           os.makedirs(fld)
95
96
    fldcreation(folder)
97
    if subplot_option == '1':
98
         # Initialize the subplot with a 1x3 configuration
99
         numtrials=1
         fig, axs = plt.subplots(1, 3, figsize=(12, 4))
fig1, axs1 = plt.subplots(1, 3, figsize=(12, 4))
100
         fig2, axs2 = plt.subplots(1, 3, figsize=(12, 4))
102
103
         fig3, axs3 = plt.subplots(1, 3, figsize=(12, 4))
104
    elif subplot_option == '2':
         # Initialize the subplot with a 2x3 configuration
105
106
         numtrials=6
107
         fig, axs = plt.subplots(2, 3, figsize=(12, 8))
         fig1, axs1 = plt.subplots(1, 3, figsize=(12, 4))
108
109
         fig2, axs2 = plt.subplots(2, 3, figsize=(12, 8))
110
         fig3, axs3 = plt.subplots(2, 3, figsize=(12, 8))
111
    else:
         \texttt{print("Invalid_{\sqcup}choice._{\sqcup}Defaulting_{\sqcup}to_{\sqcup}1x3_{\sqcup}subplot_{\sqcup}configuration.")}
112
113
         # Default to 1x3 subplot configuration
114
         numtrials=3
115
         subplot_option = '1'
         fig, axs = plt.subplots(1, 3, figsize=(12, 4))
116
         fig1, axs1 = plt.subplots(1, 3, figsize=(12, 4))
117
118
         fig2, axs2 = plt.subplots(1, 3, figsize=(12, 4))
```

```
fig3, axs3 = plt.subplots(1, 3, figsize=(12, 4))
119
120
121
    x_train = np.load(os.path.join(load_folder, 'x_train.npy'))
    y_train = np.load(os.path.join(load_folder, 'y_train.npy'))
x_test = np.load(os.path.join(load_folder, 'x_test.npy'))
122
123
    y_test = np.load(os.path.join(load_folder, 'y_test.npy'))
124
125
126
127
    for row_number in range(numtrials):
128
         model_string = create_model_string(load_folder,row_number+2)
129
         test_folder=load_folder+'/'+model_string
130
         print(test_folder)
131
132
         with custom_object_scope({'custom_loss': custom_loss}):
133
             model = load_model(test_folder+'/model/model.h5')
134
135
         # Continue training the model
136
137
         model.compile(optimizer=Adam(learning_rate=0.0005), loss=custom_loss)
         history=model.fit(x_train, y_train, validation_data=(x_test, y_test), epochs=
138
             Nepoch)
139
140
         predictions1 = model.predict(x_test).flatten()
141
         error1=(y_test-predictions1)
         predictions2 = model.predict(x_train).flatten()
142
143
         error2=(y_train-predictions2)
         train_loss = history.history['loss']
144
145
         val_loss = history.history['val_loss']
146
147
        rank='Rank' + str(row_number)
148
149
         if subplot_option == '1':
150
                 plot_predictions1(axs[row_number], model, x_test, y_test, x_train,
                     y_train, rank)
                 histogram(axs1[row_number], error1,'Test',rank)
151
                 histogram(axs2[row_number], error2,'Train',rank)
152
153
                 epochplot(train_loss, val_loss, fig3, axs3[row_number],rank)
154
         elif subplot_option == '2':
155
                 plot_predictions1(axs[row_number // 3, row_number % 3], model, x_test,
                     y_test, x_train, y_train,rank)
156
                 histogram(axs1[row_number // 3, row_number % 3], axs1[row_number // 3,
                     row_number % 3], error1,rank)
                 histogram(axs2[row_number // 3, row_number % 3], axs2[row_number // 3,
                     row_number % 3], error2,rank)
158
                 epochplot(train_loss, val_loss, fig3, axs3[row_number // 3, row_number
                     % 3],rank)
159
160
         strFLD="model"+str(row_number)+'.h5'
161
         model_path = os.path.join(folder, strFLD)
162
        model.save(model_path)
163
164
165
166
    # Adjust spacing between subplots
167
    fig.tight_layout()
168
    fig1.tight_layout()
169
   fig2.tight_layout()
170
   fig3.tight_layout()
171
172
    # Save the figures
    fig.savefig(folder + '/predictions_subplot.png')
173
    fig1.savefig(folder + '/Testerror_subplot.png')
174
   fig2.savefig(folder + '/Traunerror_subplot.png')
175
   fig3.savefig(folder + '/epoch_subplot.png')
176
```

Listing 5: Κώδικας python βελτιστοποίησης των N Δ εκτίμησης του RUL.

```
1 import numpy as np
2 import pandas as pd
3 from sklearn.model_selection import train_test_split
```

```
from sklearn.preprocessing import StandardScaler, LabelEncoder
4
   import matplotlib.pyplot as plt
5
   from LabelCreation import *
6
   from keras.models import Sequential
7
8
   from keras.layers import Conv1D, MaxPooling1D, Flatten, Dense
   from keras.utils import np_utils
9
10
   from sklearn.metrics import confusion_matrix
11
    import seaborn as sns
   import tensorflow as tf
12
   from keras.callbacks import ModelCheckpoint
13
14
    import os
   import joblib
15
16
   from keras.models import load_model
17
   from keras.utils import custom_object_scope
18
19
20
   penalty2=4
   def TimeCreation(df,size,in1):
21
22
     timecolumn=np.zeros(size)
23
     for i in range(size):
        if i <= in1:</pre>
24
25
          timecolumn[i]=1.0
26
        else:
          timecolumn[i]=1-(i-in1)/(size-in1-1)
27
      df["Time"] = timecolumn.tolist()
28
29
   def FaultLabel(df,size,in1,type):
30
      classcolumn=np.zeros(size)
31
32
33
      for i in range(size):
34
35
       if i <= in1:</pre>
36
          classcolumn[i]=0
37
        else:
38
          classcolumn[i]=type
39
      df["Fault"] = classcolumn.tolist()
40
   def df_to_X_y2(df, window_size):
41
42
     df_as_np = df
43
      X = []
44
      for i in range(len(df_as_np)-window_size+1):
45
        row = [r for r in df_as_np[i:i+window_size]]
46
        X.append(row)
47
     return np.array(X)
48
   def custom_loss(y_true, y_pred):
49
        squared_diff_sum = tf.TensorArray(tf.float32, size=0, dynamic_size=True)
50
51
        for i in range(len(y_true)):
52
            if y_true[i]>y_pred[i]:
              squared_diff = (y_true[i] - y_pred[i]) ** 2
53
54
            else:
55
              squared_diff = penalty2*(y_true[i] - y_pred[i]) ** 2
56
            squared_diff_sum = squared_diff_sum.write(i, squared_diff)
57
58
        squared_diff_sum = squared_diff_sum.stack()
59
        mse = tf.reduce_mean(squared_diff_sum)
        return mse
60
61
62
   ft1 = pd.read_csv("featureTableEnergies13WS.csv")
   size1=len(ft1["RMS"].to_numpy())
63
   ft2 = pd.read_csv("featureTableEnergies14WS.csv")
64
65
   size2=len(ft2["RMS"].to_numpy())
   ft3 = pd.read_csv("featureTableEnergies24WS.csv")
66
   size3=len(ft3["RMS"].to_numpy())
67
   ft4 = pd.read_csv("featureTableEnergies33WS.csv")
68
   size4=len(ft4["RMS"].to_numpy())
69
70
   id1=1808
71
72 id2=1400
73 id3=586
```

```
74 | id4=5956
75
76
    TimeCreation(ft1,size1,id1)
77
    TimeCreation(ft2,size2,id2)
78
    TimeCreation(ft3, size3, id3)
79
    TimeCreation(ft4, size4, id4)
80
    FaultLabel(ft1,size1,id1,1)
81
    FaultLabel(ft2,size2,id2,3)
82
    FaultLabel(ft3,size3,id3,2)
83
    FaultLabel(ft4,size4,id4,2)
84
85
    df = pd.concat([ft1, ft2, ft3, ft4])
86
87
88
   df.reset_index(inplace=True, drop=True)
89
    size=len(df["RMS"].to_numpy())
90
    print(df)
91
92
93
    #Ditection
94
    iFault=0
    FLD_Fault="Apotelsmata15\\FaultDitection_[4, 15, 18, 19, 19, 12, 16, 17, 18]"
95
    FLD_FaultModel=FLD_Fault+"\BestResults\model"+str(iFault)+".h5'
96
97
    arrayFault=[4, 5, 8, 9, 19, 12, 16, 17, 18]
98
99
    scalerf = joblib.load(os.path.join(FLD_Fault, 'scaler.pkl'))
100
    modelf = load_model(FLD_FaultModel)
101
102
103
    #Fault1
    i1=2
104
105
    ws1=6
    FLD_1="Apotelsmata13/1WS_LSTM[8, 19, 7, 4] ws6p4s0.4m2"
106
   | FLD_1Model=FLD_1+"\BestResults\model"+str(i1)+".h5"
107
108
    array1=[8, 19, 7, 4]
109
110 | with custom_object_scope({'custom_loss': custom_loss}):
        model1 = load_model(FLD_1Model)
111
112
    scaler1 = joblib.load(os.path.join(FLD_1, 'scaler.pkl'))
113
114
    #Fault2
115
116
    # i2=0
117
    # ws2=6
    # FLD_2="Apotelsmata3/2WS_LSTM[12, 19, 5, 10]ws6p4s1"
118
119
    i2=0
120
    ws2=6
121
    FLD_2="Apotelsmata13/2WS_LSTM[5,_8,_10,_19,_12,_16]ws6p4s0.4m2"
122
    FLD_2Model=FLD_2+"\BestResults\model"+str(i2)+".h5"
    array2=[5, 8, 10, 19, 12, 16]
123
124
125
    with custom_object_scope({'custom_loss': custom_loss}):
126
        model2 = load model(FLD 2Model)
127
128
    scaler2 = joblib.load(os.path.join(FLD_2, 'scaler.pkl'))
129
130
    #Fault3
131
132
    #i3=1
133
    #ws3=5
    #FLD_3="Apotelsmata3/3WS_LSTM[19, 12, 9]ws5p4s0.3"
134
135
    i3=1
136
    ws3=6
137
    FLD_3="Apotelsmata12/3WS_LSTM[19, 12, 9]ws6p4s0.4m2"
    FLD_3Model=FLD_3+"\BestResults\model"+str(i3)+".h5"
138
139
    array3=[19, 12, 9]
140
    with custom_object_scope({'custom_loss': custom_loss}):
141
        model3 = load_model(FLD_3Model)
142
143
```

```
scaler3 = joblib.load(os.path.join(FLD_3, 'scaler.pkl'))
144
145
146
147
    ids=[]
148
    cn=0
149
    for i in range(ws1,size1):
150
         ids.append(i)
151
          cn = cn + 1
    for i in range(size1+ws3,size1+size2):
152
153
         ids.append(i)
154
         cn = cn + 1
155
    for i in range(size1+size2+ws2,size1+size2+size3):
156
         ids.append(i)
157
         cn=cn+1
158
    for i in range(size1+size2+size3+ws2,size1+size2+size3+size4):
159
         ids.append(i)
160
         cn = cn + 1
161
    print(cn)
162
    print(size1+size2+size3+size4)
163
    RULpred=[]
164
165
    yc=[]
    yR=[]
166
167
    errorh=[]
    cn2=0
168
169
    errn=0
170
    errp=0
171
    Nn = 0
172
    Np=0
173
    for j in ids:
174
175
         print(str(cn2)+"/"+str(cn))
                                           -----')
176
         print('-----
177
         Xf=df.iloc[j,arrayFault]
178
         yf=df.iloc[j, -1]
179
         yRUL=df.iloc[j, -2]
180
181
         scaled_rowf = scalerf.transform(Xf.values.reshape(1, -1))
         predictionsf = np.argmax(modelf.predict(scaled_rowf, verbose=0), axis=1)
182
183
         pr=predictionsf[0]
184
         if pr==0:
185
186
            predictions=1.0
         elif pr==1:
187
188
             X=(df.iloc[j-ws1:j,array1])
189
             scaledX=scaler1.transform(X)
             scaled_row=df_to_X_y2(scaledX, ws1)
190
191
             predictions=model1.predict(scaled_row)
         elif pr==2:
192
193
             X=(df.iloc[j-ws2:j,array2])
194
             scaledX=scaler2.transform(X)
195
             scaled_row=df_to_X_y2(scaledX, ws2)
196
             predictions=model2.predict(scaled_row)
197
         elif pr==3:
198
             X=(df.iloc[j-ws3:j,array3])
199
             scaledX=scaler3.transform(X)
200
             scaled_row=df_to_X_y2(scaledX, ws3)
201
             predictions=model3.predict(scaled_row)
202
203
         RULpred.append(predictions)
204
         yc.append(pr)
205
         yR.append(yRUL)
206
         cn2=cn2+1
207
208
         err=yRUL-predictions
209
         if err!=0.0:
210
            err=err.item()
211
         # if err>0:
212
         #
              Np = Np + 1
213
         #
              errp=errp+err
```

 $A \vartheta ήν α$, 2023

```
214
        # else if err<0:</pre>
215
             Nn = Nn + 1
        #
216
        #
              errn=errn+err
        if yf!=0:
217
218
           errorh.append(err)
219
220
    # File path to save the array
221
    file_path = 'array_data.txt
222
223
    # Save the array to a text file
224
    np.savetxt(file_path, errorh, fmt='%.5f')
    # print(Np)
225
    # print(errp/Np)
226
227
228
   # print(Nn)
229 # print(errn/Nn)
230
    print(errorh)
231
    # yc=np.array(yc)
232 # Flattening the errorh list
    plt.hist(errorh, bins=10)
233
234
    plt.xlabel('Error')
   plt.ylabel('Frequency')
235
236
    plt.title('HistogramuofuErrors')
237
    plt.show()
    # colors = ['red', 'green', 'blue', 'yellow']
238
    # # labels = ['Safe', 'Inner', 'Outer', 'Roller']
239
240
    # # yc_list = yc.tolist()
241
242
    # colorsarray = []
243
    # sizesarray = []
244 | # for i in range(len(ids)):
245 #
          if yc[i] == 0:
246
    #
               colorsarray.append(colors[0])
247
    #
              sizesarray.append(20)
248
          elif yc[i] == 1:
    | #
249
    #
              colorsarray.append(colors[1])
250
   #
               sizesarray.append(50)
251
   #
          elif yc[i] == 2:
252
    #
               colorsarray.append(colors[2])
253
    #
               sizesarray.append(50)
254
    #
          else:
255
    #
               colorsarray.append(colors[3])
256
    #
               sizesarray.append(50)
257
    # # Add 6 to the first and last elements of 'ids'
258
259
    # ids_modified = [value for value in range(6, len(ids) + 6)]
260
261
    # print(sizesarray)
262
    # scatter = plt.scatter(ids_modified, RULpred, c=colorsarray, s=sizesarray)
263
264
    # plt.plot(ids_modified, yR, color='black', linewidth=2)
265
266
    # # Set x and y labels bigger
    # plt.xlabel('ids', fontsize=30)
267
268
    # plt.ylabel('RUL prediction', fontsize=30)
269
270
    # # Create a legend with bigger font size
271
    # legend_elements = [
272
          plt.Line2D([0], [0], marker='o', color='w', markerfacecolor='red', markersize
    #
        =8, label='Prediction: Safe'),
          plt.Line2D([0], [0], marker='o', color='w', markerfacecolor='green',
273
    #
        markersize=8, label='Prediction: Inner Race'),
274
          plt.Line2D([0], [0], marker='o', color='w', markerfacecolor='blue',
    #
        markersize=8, label='Prediction: Outer Race'),
          plt.Line2D([0], [0], marker='o', color='w', markerfacecolor='yellow',
275
    #
        markersize=8, label='Prediction: Roller Elements'),
          plt.Line2D([0], [0], color='black', linewidth=2, label='Real RUL')
276
   #
277
    # 1
   # plt.xticks(fontsize=20) # Adjust the fontsize as needed for the x-axis
278
279 # plt.yticks(fontsize=20)
```

 $A \vartheta ήν α$, 2023

```
280
281
281
282
283
# plt.legend(handles=legend_elements, fontsize=20)
282
283
# # Create a grid
284
# plt.grid(True)
285
# plt.show()
```

Listing 6: Κώδικας python επανεκπαίδευσης των ΝΔ εκτίμησης του RUL.

```
import numpy as np
   import pandas as pd
2
3
   from sklearn.model_selection import train_test_split
4
   from sklearn.preprocessing import StandardScaler, LabelEncoder
5
   import matplotlib.pyplot as plt
   from LabelCreation import *
6
   from keras.models import Sequential
7
   from keras.layers import Conv1D, MaxPooling1D, Flatten, Dense
8
   from keras.utils import np_utils
9
10
   from sklearn.metrics import confusion_matrix
11
    import seaborn as sns
12
   import tensorflow as tf
13
   from keras.callbacks import ModelCheckpoint
14
   import os
15
   import joblib
   from keras.models import load_model
16
17
   from keras.utils import custom_object_scope
18
19
20
   penalty2=4
   def TimeCreation(df,size,in1):
21
22
     timecolumn=np.zeros(size)
23
     for i in range(size):
       if i <= in1:</pre>
24
25
          timecolumn[i]=1.0
26
        else:
27
          timecolumn[i]=1-(i-in1)/(size-in1-1)
      df["Time"] = timecolumn.tolist()
28
29
   def FaultLabel(df,size,in1,type):
30
      classcolumn=np.zeros(size)
31
32
33
34
     for i in range(size):
35
       if i <= in1:</pre>
36
          classcolumn[i]=0
37
        else:
38
          classcolumn[i]=type
39
40
      df["Fault"] = classcolumn.tolist()
   def df_to_X_y2(df, window_size):
41
42
     df_as_np = df
43
      X = []
      for i in range(len(df_as_np)-window_size+1):
44
        row = [r for r in df_as_np[i:i+window_size]]
45
46
        X.append(row)
47
     return np.array(X)
48
   def custom_loss(y_true, y_pred):
49
        squared_diff_sum = tf.TensorArray(tf.float32, size=0, dynamic_size=True)
50
        for i in range(len(y_true)):
52
            if y_true[i]>y_pred[i]:
              squared_diff = (y_true[i] - y_pred[i]) ** 2
53
            else:
54
55
              squared_diff = penalty2*(y_true[i] - y_pred[i]) ** 2
56
            squared_diff_sum = squared_diff_sum.write(i, squared_diff)
57
        squared_diff_sum = squared_diff_sum.stack()
58
59
        mse = tf.reduce_mean(squared_diff_sum)
60
        return mse
61
```

```
62 | ft1 = pd.read_csv("featureTableEnergies13WS.csv")
    size1=len(ft1["RMS"].to_numpy())
63
    ft2 = pd.read_csv("featureTableEnergies14WS.csv")
64
65
    size2=len(ft2["RMS"].to_numpy())
    ft3 = pd.read_csv("featureTableEnergies24WS.csv")
66
    size3=len(ft3["RMS"].to_numpy())
67
    ft4 = pd.read_csv("featureTableEnergies33WS.csv")
68
69
    size4=len(ft4["RMS"].to_numpy())
70
    id1=1808
71
72
    id2 = 1400
    id3=586
73
    id4=5956
74
75
76
    TimeCreation(ft1,size1,id1)
77
    TimeCreation(ft2,size2,id2)
78
    TimeCreation(ft3,size3,id3)
    TimeCreation(ft4,size4,id4)
79
80
   FaultLabel(ft1,size1,id1,1)
    FaultLabel(ft2,size2,id2,3)
81
82
    FaultLabel(ft3,size3,id3,2)
83
    FaultLabel(ft4,size4,id4,2)
84
85
    df = pd.concat([ft1, ft2, ft3, ft4])
86
87
88
    df.reset_index(inplace=True, drop=True)
89
    size=len(df["RMS"].to_numpy())
    print(df)
90
91
92
93
    #Ditection
94
    iFault=0
95
    FLD_Fault="Apotelsmata15\\FaultDitection_[4, ..5, ..8, ..9, ..19, ..12, ..16, ..17, ..18]"
96
    FLD_FaultModel=FLD_Fault+"\BestResults\model"+str(iFault)+".h5"
97
    arrayFault=[4, 5, 8, 9, 19, 12, 16, 17, 18]
98
99
    scalerf = joblib.load(os.path.join(FLD_Fault, 'scaler.pkl'))
    modelf = load_model(FLD_FaultModel)
100
101
102
    #Fault1
103
104
    i1=2
105
    ws1=6
    FLD_1="Apotelsmata13/1WS_LSTM[8,_{\cup}19,_{\cup}7,_{\cup}4]ws6p4s0.4m2"
106
107
    FLD_1Model=FLD_1+"\BestResults\model"+str(i1)+".h5"
    array1=[8, 19, 7, 4]
108
109
110
    with custom_object_scope({'custom_loss': custom_loss}):
        model1 = load_model(FLD_1Model)
111
112
    scaler1 = joblib.load(os.path.join(FLD_1, 'scaler.pkl'))
113
114
115
    #Fault2
116
    # i2=0
117
    # ws2=6
   # FLD_2="Apotelsmata3/2WS_LSTM[12, 19, 5, 10]ws6p4s1"
118
119
    i2=0
120
    ws2=6
    FLD_2="Apotelsmata13/2WS_LSTM[5,_18,_10,_19,_12,_16]ws6p4s0.4m2"
121
122
    FLD_2Model=FLD_2+"\BestResults\model"+str(i2)+".h5"
123
    array2=[5, 8, 10, 19, 12, 16]
124
125
    with custom_object_scope({'custom_loss': custom_loss}):
126
        model2 = load_model(FLD_2Model)
127
128
    scaler2 = joblib.load(os.path.join(FLD_2, 'scaler.pkl'))
129
130
131 #Fault3
```

```
132 #i3=1
133
    #ws3=5
134
    #FLD_3="Apotelsmata3/3WS_LSTM[19, 12, 9]ws5p4s0.3"
135
    i3=1
136
    ws3=6
    FLD_3="Apotelsmata12/3WS_LSTM[19, 12, 9] ws6p4s0.4m2"
137
    FLD_3Model=FLD_3+"\BestResults\model"+str(i3)+".h5"
138
139
    array3=[19, 12, 9]
140
141
    with custom_object_scope({'custom_loss': custom_loss}):
142
        model3 = load_model(FLD_3Model)
143
    scaler3 = joblib.load(os.path.join(FLD_3, 'scaler.pkl'))
144
145
146
147
    ids=[]
148
    cn=0
149
    for i in range(ws1,size1):
150
         ids.append(i)
151
         cn = cn + 1
    for i in range(size1+ws3,size1+size2):
152
153
        ids.append(i)
154
        cn = cn + 1
155
    for i in range(size1+size2+ws2,size1+size2+size3):
156
        ids.append(i)
157
        cn = cn + 1
158
    for i in range(size1+size2+size3+ws2,size1+size2+size3+size4):
159
        ids.append(i)
160
        cn=cn+1
161
    print(cn)
162
163
    print(size1+size2+size3+size4)
164
    RULpred=[]
165
    yc=[]
    yR=[]
166
167
    errorh=[]
168
    cn2=0
169
    errn=0
170
    errp=0
171
    Nn = 0
172
    Np=0
173
    for j in ids:
174
175
        print(str(cn2)+"/"+str(cn))
                                         -----')
176
        print('-----
177
        Xf=df.iloc[j,arrayFault]
178
        yf=df.iloc[j, -1]
179
        yRUL=df.iloc[j, -2]
180
         scaled_rowf = scalerf.transform(Xf.values.reshape(1, -1))
181
182
        predictionsf = np.argmax(modelf.predict(scaled_rowf, verbose=0), axis=1)
183
        pr=predictionsf[0]
184
185
        if pr==0:
            predictions=1.0
186
         elif pr==1:
187
188
             X=(df.iloc[j-ws1:j,array1])
189
             scaledX=scaler1.transform(X)
190
             scaled_row=df_to_X_y2(scaledX, ws1)
             predictions=model1.predict(scaled_row)
191
         elif pr==2:
192
193
             X=(df.iloc[j-ws2:j,array2])
194
             scaledX=scaler2.transform(X)
195
             scaled_row=df_to_X_y2(scaledX, ws2)
196
             predictions=model2.predict(scaled_row)
197
         elif pr==3:
198
             X=(df.iloc[j-ws3:j,array3])
199
             scaledX=scaler3.transform(X)
200
             scaled_row=df_to_X_y2(scaledX, ws3)
201
             predictions=model3.predict(scaled_row)
```

```
203
         RULpred.append(predictions)
204
         yc.append(pr)
         yR.append(yRUL)
205
206
         cn2=cn2+1
207
         err=yRUL-predictions
208
209
         if err!=0.0:
210
            err=err.item()
211
         # if err>0:
212
         #
              Np = Np + 1
213
         #
              errp=errp+err
214
         # else if err<0:</pre>
215
         #
              Nn = Nn + 1
216
              errn=errn+err
         #
217
         if yf!=0:
218
           errorh.append(err)
219
220 # File path to save the array
221
    file_path = 'array_data.txt'
222
223
    # Save the array to a text file
224
    np.savetxt(file_path, errorh, fmt='%.5f')
225
    # print(Np)
226
   # print(errp/Np)
227
228
    # print(Nn)
229 # print(errn/Nn)
230 | print(errorh)
231
    # yc=np.array(yc)
232 | # Flattening the errorh list
233 plt.hist(errorh, bins=10)
    plt.xlabel('Error')
234
   plt.ylabel('Frequency')
235
236 plt.title('HistogramuofuErrors')
237
    plt.show()
    # colors = ['red', 'green', 'blue', 'yellow']
238
239
   # # labels = ['Safe', 'Inner', 'Outer', 'Roller']
240
    # # yc_list = yc.tolist()
241
242 | # colorsarray = []
    |# sizesarray = []
243
244
    # for i in range(len(ids)):
245 #
           if yc[i] == 0:
246
    #
               colorsarray.append(colors[0])
247
    #
               sizesarray.append(20)
248
           elif yc[i] == 1:
    #
249
    #
               colorsarray.append(colors[1])
250
    #
               sizesarray.append(50)
    | #
251
           elif yc[i] == 2:
252
    #
               colorsarray.append(colors[2])
253
    #
               sizesarray.append(50)
254
    #
           else:
255
               colorsarray.append(colors[3])
    #
256
    #
               sizesarray.append(50)
257
258
   # # Add 6 to the first and last elements of 'ids'
259
    # ids_modified = [value for value in range(6, len(ids) + 6)]
260
261
    # print(sizesarray)
262
263
    # scatter = plt.scatter(ids_modified, RULpred, c=colorsarray, s=sizesarray)
264
    # plt.plot(ids_modified, yR, color='black', linewidth=2)
265
266
    # # Set x and y labels bigger
    # plt.xlabel('ids', fontsize=30)
267
268
    # plt.ylabel('RUL prediction', fontsize=30)
269
270 \left| \mbox{ \ensuremath{\texttt{\#}}} \right. \mbox{ Create a legend with bigger font size}
271 # legend_elements = [
```

202

```
plt.Line2D([0], [0], marker='o', color='w', markerfacecolor='red', markersize
=8, label='Prediction: Safe'),
272 | #
273
    #
          plt.Line2D([0], [0], marker='o', color='w', markerfacecolor='green',
        markersize=8, label='Prediction: Inner Race'),
274
          plt.Line2D([0], [0], marker='o', color='w', markerfacecolor='blue',
    #
        markersize=8, label='Prediction: Outer Race'),
          plt.Line2D([0], [0], marker='o', color='w', markerfacecolor='yellow',
275
    #
        markersize=8, label='Prediction: Roller Elements'),
276
          plt.Line2D([0], [0], color='black', linewidth=2, label='Real RUL')
    #
    #]
277
278
    # plt.xticks(fontsize=20) # Adjust the fontsize as needed for the x-axis
279
   # plt.yticks(fontsize=20)
280
281
    # plt.legend(handles=legend_elements, fontsize=20)
282
283
    # # Create a grid
    # plt.grid(True)
284
285 # plt.show()
```

Listing 7: Κώδιχας python τελιχής αξιολόγησης των μετρήσεων.